Optimal  $\beta$ 

