#### Métodos Numéricos

Prof. Jonatha Costa

2024

### MN aplicados à Engenharia: Objetivo da aula

- Apresentar conteúdo de:
  - Sistemas de numeração
  - Conversão entre sistemas
  - Operações aritméticas com binários

Costa, JR<sup>o</sup> Métodos Numéricos 2/18

### Organização

1 Sistema de Numeração Decomposição de Números

3/18 Costa, JR® Métodos Numéricos

#### Decomposição de um Número em um Sistema de Bases

Em geral qualquer número pode ser decomposto numa soma dos dígitos que o constitui  $(d_j)$  multiplicado pelas potências da sua base  $(\beta)$ :

Figura: Termo geral numérico

$$\begin{split} (N)_{B} &= (d_{n}d_{n\text{-}1}d_{n\text{-}2} \, ....d_{0}, d_{-1}d_{-2} \, .... \, d_{-m})_{\beta} \\ &= d_{n}\beta^{n} + d_{n\text{-}1}\beta^{n\text{-}1} + d_{n\text{-}2}\beta^{n\text{-}2} + .... + d_{0}\beta^{0} + d_{\text{-}1}\beta^{\text{-}1} + d_{\text{-}2}\beta^{\text{-}2} + d_{\text{-}m}\beta^{\text{-}m} \end{split}$$

Fonte: DIAS, (2019)

onde os digitos  $d_j$  pertencem aos números naturais e satisfazem a condição:  $0 \le d_j \le (\beta - 1)$ 

Costa, JR<sup>®</sup> Métodos Numéricos 4/18

#### Sistema de Numeração Decimal ou Base 10

Todos os múltiplos e submúltiplos de um número são escritos com potencias de 10.

- $1537 = (1537)_{10} = 1 \times 10^3 + 5 \times 10^2 + 3 \times 10^1 + 7 \times 10^0$
- $36,189 = (36,189)_{10} = 3 \times 10^1 + 6 \times 10^0 + 1 \times 10^{-1} + 8 \times 10^{-2} + 9 \times 10^{-3}$
- $6,032 \times 10^{23} =$  $(6,032 \times 10^{23})_{10} = 6 \times 10^{23} + 0 \times 10^{22} + 3 \times 10^{21} + 2 \times 10^{20}$

4□ > 4□ > 4□ > 4□ > 4□ > 4□

Costa, JR

Métodos Numéricos

5/1

#### Sistema de Numeração Binário ou Base 2

Neste caso todos os múltiplos e submúltiplos de um número são escritos com potencias de 2.

- $(10111)_2 = (10111)_2 = 1 \times 2^4 + 0 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 1 \times 2^0$
- $(10,1)_2 = (10,1)_2 = 1 \times 2^1 + 0 \times 2^0 + 1 \times 2^{-1}$

**Nota:** Os computadores digitais operam basicamente com dois tipos de sinais de tensão: baixo e alto. Matematicamente, pode-se expressar esses valores por 0 (baixo) e 1 (alto)

◆□▶ ◆□▶ ◆臺▶ ◆臺▶ ■ めの○

Costa, JR

Métodos Numéricos

6/18

### Organização

1 Sistema de Numeração

Decomposição de Números

Conversão de Números

Operações com binários

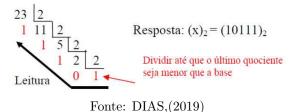
◆ロト ◆御 ト ◆恵 ト ◆恵 ト ・恵 ・ 夕久 ○

#### Conversão de números (decimal para binário)

Devemos aplicar um método para a parte inteira (divisões sucessivas) e um método para a parte fracionaria, se houver (multiplicações sucessivas).

Ex: 
$$(23)_{10} \longrightarrow (x)_2$$

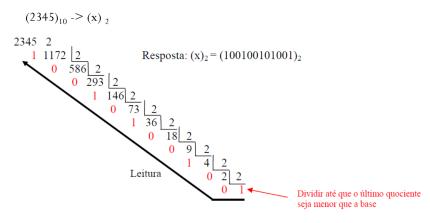
Figura: Decimal para binário -  $23_{10}$ 



A partir de uma sequência de 0s e de 1s podemos expressar "qualquer" número decimal?

#### Conversão de números (decimal para binário)

Figura: Decimal para binário -  $2345_{10}$ 



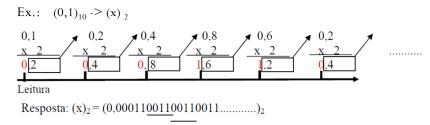
Fonte: DIAS, (2019)

Costa, JR<sup>©</sup> Métodos Numéricos 9/18

#### Conversão de números (decimal para binário)

Para números fracionários utilizamos a regra da multiplicação:

Figura: Decimal para binário - 0, 1<sub>10</sub>



Fonte: DIAS, (2019)

Conclui-se que o número  $(0,1)_{10}$  NÃO tem representação binária finita!

Por mais moderno que seja o computador ele nunca vai saber exatamente o que significa o numero  $(0,1)_{10}$ , pois sua conversão para binário sempre acarretará numa aproximação. 4 日 ト 4 間 ト 4 里 ト 4 里 ト

Costa, JRo Métodos Numéricos 10/18

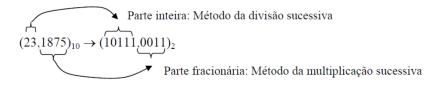
Conversão de números (decimal para binário)

**Alerta:** O fato de um número não ter representação finita no sistema binário pode acarretar a ocorrência de erros aparentemente inexplicáveis nos cálculos dos dispositivos eletrônicos.

#### Conversão de números (decimal para binário)

Resumo:

Figura: Decimal para binário - resumo



Fonte: DIAS, (2019)

Costa, JR®

# Organização

1 Sistema de Numeração

Operações com binários

13/18

#### Adição de binários

#### Propriedades:

- 0 + 0 = 0
- 1+0=1
- 0+1=1
- 1 + 1 = 0 e eleva 1 para **somar** ao dígito imediatamente à esquerda deste.

#### Figura: Adição de binários



Fonte: DIAS,(2019)

《□▶《■》《夏》《夏》 夏 ぐのへ Métodos Numéricos 14/18

#### Subtração de binários

Propriedades:

- 0 0 = 0
- 1 0 = 1
- 0-1=1 e eleva 1 para **subtrair** ao dígito imediatamente à esquerda deste.
- 1 1 = 0

Figura: Subtração de binários

Fonte: DIAS, (2019)

4 D F 4 B F 4 B F B 9 9 9

#### Multiplicação de Binários

Efetua-se o produto entre 0 e 1 elemento-a-elemento seguindo-se a soma na ordem colunacoluna.

Figura: Multiplicação de binários

```
0 0 0 0
                                        1 1 0 0 0 1
= 1 1 0 1 1 1 0
```

Fonte: DIAS, (2019)

◆□▶ ◆□▶ ◆重▶ ◆重▶ ■ 釣@@

#### Divisão de Binários

Efetua-se a divisão entre elemento-a-elemento seguindo-se a subtração na ordem colunacoluna.

Figura: Divisão de binários

Fonte: DIAS, (2019)

4□ → 4回 → 4 = → 4 = → 9 9 0

Costa, JR®

#### Referências

- ÁVILA, Sérgio Luciano. Cálculo numérico aplicado à engenharia elétrica com MATLAB
- COSTA, Jonatha R. Notas de aula: Métodos Numéricos, disponível em https://github.com/jonathacosta/NM, acessado em 04 de set. de 2024.
- COSTA, Jonatha R. Códigos em Python. Disponível em https://github.com/jonathacosta/NM, acessado em 04 de set. de 2024.
- GILAT, Amos. MATLAB com aplicações em engenharia. Bookman Editora, 2009.
- PUD Programa da Unidade Didática. Bacharelado em Controle e Automação, IFCE, campus Maracanaú. Disponível em https://ifce.edu.br/maracanau/menu/cursos/superiores/bacharelados/controle\_automacao/pdf/pudseca-1.pdf/@@download/file/PUD\_Controle\_Aut\_2019.pdf, acessado em 04 de set. de 2024.