Métodos Numéricos

Prof. Jonatha Costa

2025

- Apresentar conteúdo de Resolução de Equações Não-Lineares
 - Método da Bisseção
 - Método Regula-Falsi
 - Método Newton-Raphson
 - Método da Secante

Costa, JR[®] Métodos Numéricos 2/47

Organização

1 Resolução de Sistemas Não-Lineares

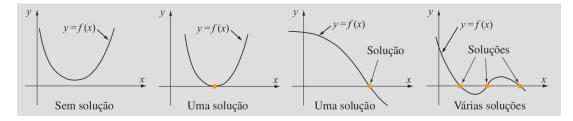
Fundamentos

Costa, JR® Métodos Numéricos 3/47

Fundamentos de Resolução de Sistemas Não-Lineares

- Equações precisam ser resolvidas em todas áreas da engenharia;
- Consiste em determinar o(s) valor(es) de x tal que f(x) = 0.

Figura: Existência de solução em curvas



Fonte: GILAT, (2008)

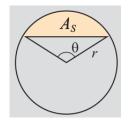
• Um número real ξ é um zero da função f(x) ou uma raiz da equação f(x) = 0 se $f(\xi) = 0$.

Costa, JR[®] Métodos Numéricos 4/47

Fundamentos

- Em alguns casos as soluções podem ser reais ou imaginárias.
- Seja o exemplo da área do segmento sombreado, dada por $A_s = \frac{1}{2}r^2(\theta sen(\theta))$.

Figura: Área de setor



Perceba que:

- A determinação de θ em função de A_S e r conhecidos não é possível através de solução analítica.
- Para tanto, utilizam-se os métodos numéricos para encontrar uma solução aproximada para tanto.

Fonte: GILAT, (2008)

◆□▶ ◆□▶ ◆■▶ ◆■▶ ● ◆○○○

Costa, JR[®] Métodos Numéricos 5/4

Zeros de funções reais

- Quais os zeros das funções:
 - f(x) = x 3;
 - $f(x) = x^2 4x 5$;
 - $f(x) = x^3 x^2 x + 1/2$.

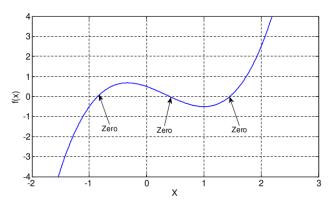
4 D > 4 B > 4 E > 4 E > 9 Q C

Costa, JR^o Métodos Numéricos 6/4

Zeros de funções reais

• Seja uma função f(x) contínua em um intervalo I. Denomina-se zero desta função todo $x \in I$, tal que f(x) = 0.

Figura:
$$f(x) = x^3 - x^2 - x + 1/2$$



Fonte: DIAS, (2019)

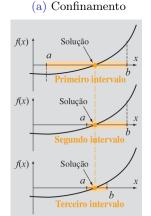
◆□▶ ◆□▶ ◆豆▶ ◆豆▶ 豆 めのの

7/47

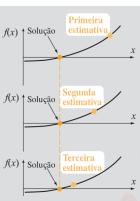
Costa, JR®

Como obter as raízes de uma equação qualquer?

Figura: Método de obtenção das raízes



(b) Método aberto



Fonte: GILAT, (2008)

8/47

Boas práticas

- Definir a faixa de busca ou isolamento das raízes;
- Estabelecer uma faixa de erro aceitável e tolerância para a aproximação;
- Refinar a busca por meio de um processo iterativo até que a solução tenha uma precisão prefixada.

(□▶ ◀♬▶ ◀불▶ ◀불▶ · 혈 · 쓋٩♡

Costa, JR

Métodos Numéricos

9/47

- Estimação de Erros em Soluções Numéricas Erro real Seja x_{TS} a solução exata tal que $f(x_{TS}) = 0$, e seja x_{NS} uma solução numérica aproximada tal que $f(x_{NS}) = \varepsilon$, em que ε é um número muito pequeno.
 - Deve ser criado algum critério para verificar se uma solução é precisa.
 - Erro real

$$erro\ real = x_{TS} - x_{NS}$$

Este critério não é tão útil, visto que x_{TS} não é conhecido!

- Estimação de Erros em Soluções Numéricas Tolerância em f(x):
 - Ao invés de considerar o erro na solução, verifica-se o desvio de $f(x_{NS})$ em relação a zero.
 - Tolerância em f: $tolerancia = |f(x_{TS}) f(x_{NS})| = |0 \varepsilon| = |\varepsilon|$

◆ロト ◆個ト ◆重ト ◆重ト ■ 9000

Costa, JRO Métodos Numéricos 10/4

- Estimação de Erros em Soluções Numéricas Tolerância na solução:
 - É útil quando métodos de confinamento são usados na determinação numérica;
 - Assume-se que a solução numérica é o ponto central de um intervalo com uma tolerância tal que:

$$x_{NS} = \left(\frac{a+b}{2}\right)^{\pm \left(\frac{a-b}{2}\right)}$$

- Estimação de Erros em Soluções Numéricas Erro relativo estimado
 - Utilizado quando as soluções numéricas são calculadas iterativamente;
 - É dado por:

erro relativo estimado =
$$\left| \frac{x_{NS}^n - x_{NS}^{(n-1)}}{x_{NS}^{(n-1)}} \right|$$

4□ ト 4回 ト 4 重 ト 4 重 ・ 9 Q (~) Costa, JR®

Fase 01 - Confinamento das raízes

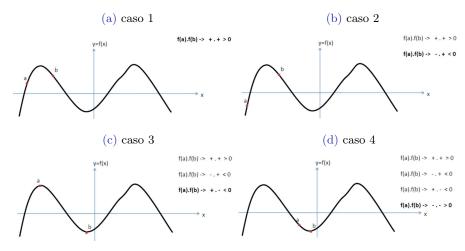
• Teorema 1. Seja uma função contínua no intervalo [a, b].

Se $f(a) \cdot f(b) \leq 0$, então \exists pelo menos um ponto $x = x_0$ entre a e b que é solução de f(x) = 0.

◆□▶ ◆圖▶ ◆≣▶ ◆ ■ り へ ○

Costa, JR^o Métodos Numéricos 12/47

Figura: Existência de zeros na função

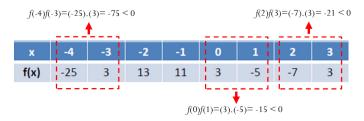


Fonte: DIAS,(2019)

Fase 01 - Confinamento das raízes

Exemplo: Para determinar os zeros da função $f(x) = x^3 - 9x + 3$, pode-se construir uma tabela de valores de f(x) e proceder à análise dos sinais, como ilustrado na Tabela 1.

Tabela: Confinamento de raízes



Fonte: DIAS, (2019)

Portanto, nos intervalos [-4, -3], [0, 1] e [2, 3], \exists pelo menos uma raiz real da função. Como trata-se de um polinômio do 3° grau, pode-se dizer que existe apenas uma raiz em cada intervalo.

Costa, JR[®] Métodos Numéricos 14/47

Fase 02 - Confinamento das raízes

Critério de Parada:

Considerando \overline{x} a raiz aproximada com precisão ε , o qual normalmente é da ordem de 10^{-6} , tem-se:

- (i) $|\overline{x} \xi| < \epsilon$
- (ii) $|f(\overline{x})| < \epsilon$

Como realizar o teste (i), uma vez desconhecido o ξ ?

Uma forma é reduzir o intervalo que contém a raiz a cada iteração.

Seja [a, b] tal que $\xi \in [a, b], (b - a) < \epsilon$.

Então, $\forall x \in [a, b], |x - \varepsilon| < \xi$ portanto, $\forall x \in [a, b]$ pode ser tomado como \overline{x} .

くない Métodos Numéricos は、 は は は は ま と ま と ま ま ま ま かくで いっぱい Métodos Numéricos は 15/47

Organização

1 Resolução de Sistemas Não-Lineares

Método da Bisseção

Costa, JR® Métodos Numéricos

Fase 02 - Confinamento das raízes (Método da Bisseção)

Para se aproximar de uma raiz, o princípio da bisseção consiste em reduzir o intervalo inicial testando o sinal de f(x) para o ponto médio do intervalo.

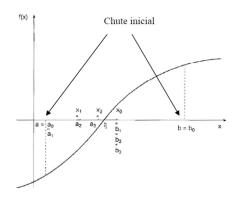
- Considerando o intervalo $[a, b], x = \frac{a+b}{2}$
- Se f(a).f(x) < 0, o novo intervalo é $\left[a, \frac{a+b}{2}\right]$
- Se f(b).f(x) < 0, o novo intervalo é $\left[\frac{a+b}{2},b\right]$

◆□▶ ◆圖▶ ◆≣▶ ◆ ■ り へ ○

Costa, JR[®] Métodos Numéricos 17/47

Fase 02 - Refinamento (Método da Bisseção)

Figura: Método da Bisseção

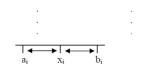


$$x_0 = \frac{a_0 + b_0}{2} \quad \begin{cases} f(a_0) \le 0 \\ f(b_0) > 0 \\ f(x_0) \ge 0 \end{cases} \quad \Rightarrow \quad \begin{cases} \xi \in (a_0, x_0) \\ a_1 - a_0 \\ b_1 = x_0 \end{cases}$$

$$x_1 = \frac{a_1 + b_1}{2}$$

$$\begin{cases} f(a_1) < 0 \\ f(b_1) > 0 \\ f(x_1) < 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \xi \in (x_1, b_1) \\ a_2 = x_1 \\ b_2 = b \end{cases}$$

$$x_2 = \frac{a_2 + b_2}{2} \quad \begin{cases} f(a_2) < 0 \\ f(b_2) > 0 \\ f(x_2) < 0 \end{cases} \implies \begin{cases} \xi \in (x_2, b_2) \\ a_3 = x_2 \\ b_3 = b_2 \end{cases}$$



Fonte: DIAS,(2019)



18/47

Costa, JR[©] Métodos Numéricos

Figura: Script Método da Bisseção no Octave/Matlab

```
% Solução de equações não lineares
 clear all;clc; pkg load symbolic; format bank
 F=inline('8-4.5*(x-sin(x))')
                                           % Kick-off
 imax=50; tol=0.001;
 disp("Método da Bisseção!"
 fprintf("\niteração \ta\tb\tc\tFa\tFb\tFx\n")
=for(i=1:imax)
   fprintf("%5d\t%11.4f %8.4f%8.4f%8.4f%8.4f%8.4f\n",i,a,b,x,F(a),F(b),F(x))
     (F(a)*F(x)<0) a=a; b=x; end %Raiz entre a e xmed => novo 'b'
      (F(a)*F(x)>0) a=x; b=b; end
   fprintf("\nSoluçao %.4f alcançada após %d iterações! \n",x,i);
 fprintf("Tempo de processamento t=%f(s)\n\n",toc)
```

Fonte: AUTOR,(2020)

4日 × 4周 × 4 至 × 4 至 × 至

Figura: Script Método da Bisseção no Python

```
import numpy as np
f = lambda x: 8-4.5*(x - np.sin(x))
a, b, imax, tol = 2, 3, 50, 0.001
print('iteração a
                                                          f(b)')
print(60*'-')
t0 = time.process_time()
if f(a)*f(b)>0:
   print('A raiz não está contida no intervalo dado [%d,%d]!'%(a,b))
   print('Por favor teste um novo intervalo [a,b].')
   X=[1
   for i in range(imax):
       x=(a+b)/2
       X.append(x)
       toli=(b-a)/2
                  %d %.3f %.3f %.3f %.3f %.3f
             (i+1,a,b,x,f(a),f(x),f(b))
       if (f(a)*f(x)<0): # Raiz localizada entre a e x >> novo b
           b=x
            a=x
       if(toli<tol):
           print(60*'-')
   print('Solução x=',format(x,'.3f'),'encontrada após',i+1,'iterações!')
   print('Processamento computacional em:%.4fs' %(time.process_time()-t0))
```

Fonte: AUTOR, (2024)

Método da Bisseção

Figura: Resultados Método da Bisseção

```
Método da Bisseção!
iteração
                                                  Fb
             2.0000
                      3.0000
                                       3.0918
                                               -4.8650
                                                       -0.5569
             2.0000
                      2.5000
                                       3.0918
                                                        1.3763
            2.2500
                      2.5000
                                       1.3763 -0.5569
                                                        0.4341
             2.3750
                      2.5000
                                       0.4341 - 0.5569
                                                        -0.0557
             2.3750
             2.4062
                                                        0.0678
             2.4219
             2.4297
             2.4297
                                       0.0062 -0.0248 -0.0093
             2.4297
                      2.4316
                               2.4307
                                       0.0062 -0.0093 -0.0016
Soluçao 2.4307 alcançada após 10 iterações!
「empo de processamento t=0.002587(s)
```

Fonte: AUTOR,(2020)

Organização

1 Resolução de Sistemas Não-Lineares

Método da Bisseção

Método Regula-Falsi

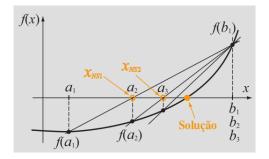
Método de Secente

《ロトペラトペミト ミ ぐ)へ(** Costa, JR[®] Métodos Numéricos 22/47

Fase 02 - Refinamento (Método regula falsi)

- Também chamado de método da falsa posição ou de interpolação linear.
- É um método de confinamento utilizado para se obter a solução de uma equação f(x) = 0 quando se tem conhecimento que a solução está dentro de um intervalo [a,b] e f(x) é contínua.

Figura: Método da Bisseção



Fonte: GILAT, (2008)

Fase 02 - Refinamento (Método regula falsi ou falsa posição)

• Para um intervalo [a, b] a equação da linha reta que conecta os dois pontos (b, f(b)) e (a, f(a)) é dada por:

$$y = \frac{f(b) - f(a)}{b - a} \cdot (x - b) + f(b)$$

• O ponto x_{NS} , onde a reta cruza o eixo x, é determinado pela equação a seguir, considerando f(x) = 0:

$$x_{NS} = \frac{a.f(b) - b.f(a)}{f(b) - f(a)}$$

Costa, JR

Métodos Numéricos

24/4

Fase 02 - Refinamento (Método regula falsi)

• Graficamente este ponto x é a interseção entre o eixo das abcissas (x) e a reta r(x) que passa pelos pontos (a, f(a)) e (b, f(b)).

Figura: Refinamento

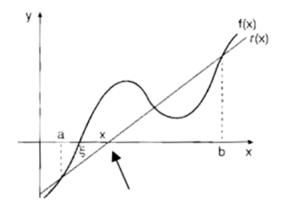


Figura: Script Método da Falsa Posição no Octave/Matlab

```
% Solução de equações não lineares
  clear all;clc; pkg load symbolic; format bank
  F=inline('8-4.5*(x-sin(x))');
        b=3: imax=30: tol=0.001:
  disp("Método da Falsa Posição!")
  fprintf("\niteração \ta\tb\tc\tFa\tFb\tFx\n")
  11 = for (i=1: imax)
 x=(a*F(b)-b*F(a))/(F(b)-F(a));
  toli=(b-a)/2;
  fprintf("%5d\t%11.4f %8.4f%8.4f%8.4f%8.4f\n",i,a,b,x,F(a),F(b),F(x)
  if (F(a)*F(x)>0) a=x; else b=x; end
  17 = if (toli<tol)
    fprintf("\nSoluçao %.4f alcançada após %d iterações! \n",x,i);
   fprintf("Tempo de processamento t=%f(s)\n\n",toc)
```

Fonte: AUTOR, (2020) Métodos Numéricos



Figura: Script Método da Falsa Posição no Python

```
import numpy as np,time
f = lambda x: 8-4.5*(x - np.sin(x))
a,b,imax,tol = 2, 3, 50, 0.001
print('Método da Falsa Posição!')
print('Intervalo de análise [%d,%d].\n'%(a,b) )
print('iteração a
                                                          f(b)')
print(60*'-')
t0 = time.process time()
                                    Ligar cronômetro
if f(a)*f(b)>0:
   print('A raiz não está contida no intervalo dado [%d,%d]!'%(a,b))
   print('Por favor teste um novo intervalo [a,b].')
   X = []
    for i in range(imax):
       x=(a*f(b) - b*f(a)) / (f(b)-f(a))
       X.append(x)
        toli=(b-a)/2
       print(' %d %.3f %.3f %.4f %.3f %.3f %.3f'
             (i+1,a,b,x,f(a),f(x),f(b))
        if f(a)*f(x)>0: a = x \# Raiz localizada entre [a,x] >> [a,b=x]
                        b = x # Raiz localizada entre [x,b] >> [a=x,b]
        if(toli<tol): print(60*'-'); break;
    print('\nSolução x=',format(x,'.4f'),'encontrada após',i+1,'iterações!')
    print('Tempo computacional:%.4fs' %(time.process_time()-t0))
```

Métodos Numéricos

Figura: Resultados da Falsa Posição

```
Método da Falsa Posição!
iteração
                                          Fa
                                                  Fb
                         b
             2,0000
                               2.3886
                      3.0000
                                       3.0918 -4.8650
                                                        0.3287
             2.3886
                      3.0000
                               2.4273
                                       0.3287
                                               -4.8650
                                                        0.0252
             2.4273
                      3.0000
                               2.4302
                                       0.0252 -4.8650
                                                        0.0019
             2.4302
                      3.0000
                               2.4304
                                       0.0019 -4.8650
                                                        0.0001
             2.4304
                      3.0000
                               2.4305
                                       0.0001 -4.8650
                                                        0.0000
             2.4305
                      3.0000
                                       0.0000 -4.8650
                                                        0.0000
                               2.4305
             2.4305
                      3.0000
                               2.4305
                                       0.0000 -4.8650
                                                        0.0000
    8
             2.4305
                      3.0000
                               2.4305
                                       0.0000 -4.8650
                                                        0.0000
    9
             2.4305
                      3.0000
                               2.4305
                                       0.0000 -4.8650
                                                        0.0000
   10
             2.4305
                      3.0000
                               2.4305
                                       0.0000 -4.8650
                                                        0.0000
   11
             2.4305
                      3.0000
                               2.4305
                                       0.0000 -4.8650
                                                        0.0000
   12
             2.4305
                      3.0000
                               2.4305
                                       0.0000 -4.8650
                                                        0.0000
   13
             2.4305
                      3.0000
                                       0.0000 -4.8650
                                                        0.0000
                               2.4305
   14
             2.4305
                      3.0000
                               2.4305
                                       0.0000 -4.8650
                                                        0.0000
             2.4305
                      2.4305
                               2.4305
                                       0.0000
                                                0.0000
                                                        0.0000
Solução 2.4305 alcançada após 15 iterações!
[empo de processamento t=0.003625(s)
```

Fonte: AUTOR,(2020)

Métodos Numéricos

Organização

1 Resolução de Sistemas Não-Lineares

Fundamentos Método da Bisseção Método Regula-Fals

Método Newton-Raphson

Método da Secante

Costa, JR[®] Métodos Numéricos 29/47

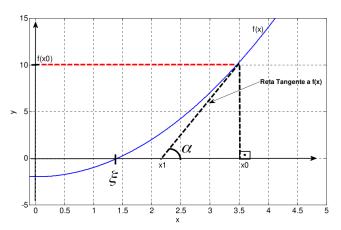
Método de Newton-Raphson

- Dada uma função f(x) contínua no intervalo [a, b] onde existe uma raiz única, é possível determinar uma aproximação de tal raiz a partir de interseção da tangente à curva em um ponto x_0 com o eixo das absissas.
- x_0 atribuído em função da geometria do método e do comportamento da curva da equação nas proximidade da raiz.

Costa, JR^o Métodos Numéricos 30/47

Método de Newton-Raphson

Figura: Interpretação Gráfica

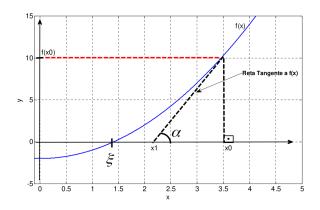


Fonte: DIAS, (2019)

Costa, JRo

Método de Newton-Raphson

Figura: Interpretação Gráfica



$$tg(\alpha) = \frac{f(x_0) - 0}{x_0 - x_1}$$

$$tg(\alpha) = \frac{f(x_0)}{x_0 - x_1}$$

Como:
$$tg(\alpha) = f'(x_0)$$

Portanto:

$$x_1 = x_0 - \frac{f(x_0)}{f'(x_0)}$$

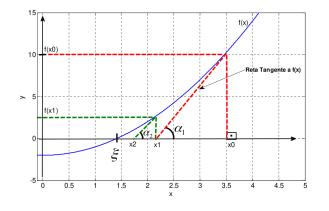
Fonte: DIAS, (2019)

- ロ ト 4回 ト 4 重 ト 4 重 ト - 重 - りへで

Costa, JR®

Método de Newton-Raphson

Figura: Interpretação Gráfica



$$tg(\alpha) = \frac{f(x_1) - 0}{x_1 - x_2}$$

$$tg(\alpha) = \frac{f(x_1)}{x_1 - x_2}$$

Como:
$$tg(\alpha) = f'(x_1)$$

Portanto:

$$x_2 = x_1 - \frac{f(x_1)}{f'(x_1)}$$

Fonte: DIAS,(2019)

4□ ▶ 4回 ▶ 4 重 ▶ 4 重 ▶ 1 重 ● りへの

Costa, JR[®] Métodos Numéricos 33/47

Método de Newton-Raphson

Se forem realizadas diversas aproximações

$$x_2 = x_1 - \frac{f(x_1)}{f'(x_1)}$$

$$\vdots \qquad \vdots \qquad \vdots$$

Conclui-se que:

$$x_{k+1} = x_k - \frac{f(x_k)}{f'(x_k)},$$

em que $k = 0, 1, 2, 3, \dots$

4 D > 4 E > 4 E > E ->)Q(>

Método de Newton-Raphson

Testes de parada:

• Erro estimado

$$|\varepsilon| = |x_{k+1} - x_k| < \varepsilon_d$$

• Erro relativo estimado

$$|\varepsilon_R| = \left| \frac{x_{k+1} - x_k}{x_{k+1}} \right| < \varepsilon$$

• Tolerância em f(x)

$$\left| f(x_{k+1}) \right| < \varepsilon_d$$

4□ > 4□ > 4 = > 4 = > = 90

Costa, JR

Métodos Numéricos

35/4

Método de Newton-Raphson

Algoritmo:

Costa, JR®

- Avaliar o f'(x)
- Utilizar o x_i para estimar o próximo valor estimado da raiz (x_{i+1})

$$x_{i+1} = x_i - \frac{f(x_i)}{f'(x_i)}$$

• Encontrar o erro relativo aproximado $| \in_a |$

$$| \in_a | = \left| \frac{x_{i+1} - x_i}{x_{i+1}} \right| x 100$$

• Se $|\in_a|>\in_s$, então retornar ao passo 2, se não interromper o algoritmo.

Método de Newton-Raphson

Vantagens:

- Rapidez no processo de convergência;
- Desempenho elevado.

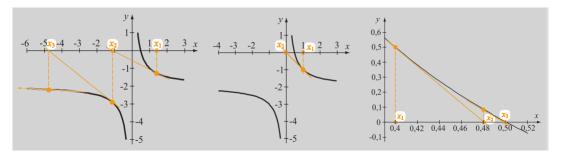
Desvantagens:

- Necessidade da obtenção de f'(x) o que pode ser impossível em determinados casos;
- O cálculo do valor numérico de f'(x) a cada iteração.

Costa, JR[©] Métodos Numéricos 37/47

Erros de Convergência

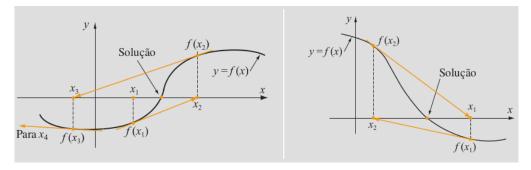
Figura: Método de Newton usando diferentes pontos de partida



Fonte: GILAT, (2008)

Perceba a relação causa-efeito a partir de ponto de início (x_0) nos itens a,b e c.

Figura: Erros de Convergência



Fonte: GILAT,(2008)

Figura: Script Método da Newton-Raphson no Octave/Matlab

```
Err=0.001; tol=Err*0.1; imax=30
       fprintf("\nSoluçao %.4f alcançada após %d iterações! \n", Xsn,i)
     fprintf('\nSoluçao %.4f alcançada com %d iterações e tolerancia %6.f!\n'
       fprintf("\nSolução não alcançada com %d iterações\n", i)
       Xsn=('Sem resposta!'
printf("Tempo de processamento t=%f(s)\n\n".toc
```

Fonte: AUTOR, (2020)

Figura: Script Método da Newton-Raphson no Python

```
import time
import sympy as sym
x=sym.Symbol('x')
fun = 8-4.5*(x - sym.sin(x))
f=sym.Lambda(x,fun); df=sym.Lambda(x,sym.diff(f(x),x))
Xest, imax, Err = (2+3)/2, 30, 0.001; tol = Err*0.1;
print('Método da Newton Raphson!')
t0 = time.process_time()
                                                 Ligar cronômetro
X=[]
for i in range(imax):
    Xsn=Xest- float(f(Xest))/float(df(Xest)) # Xsn=x(i+1); Xest=x(i)
    X.append(Xest)
    if(abs( (Xsn-Xest) / Xest)<Err):</pre>
        print(f'Solução {Xsn} alcançada com {i} iterações');break
    if abs(f(Xsn))<Err:</pre>
        print(f'Solução {Xsn} alcançada com {i} iterações e ...\
              \... tolerância {f(Xsn)}',f(Xsn)); break
    if i==imax:
        print(f'A solução não foi encontrada após {i} iterações'); break
    Xest=Xsn
print('Solução x=',format(Xest,'.4f'),'encontrada após',i+1,'iterações!')
print('Tempo de processamento computacional:%.4fs' %(time.process_time()-t0))
```

Fonte: AUTOR,(2024)

Organização

1 Resolução de Sistemas Não-Lineares

Fundamentos Método da Bisseção Método Regula-Falsi Método Newton-Raphson

Método da Secante

Costa, JR

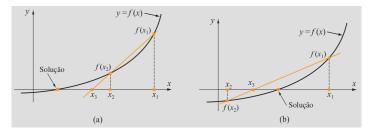
Métodos Numéricos

42/47

Método da Secante

Utiliza dois pontos na vizinhança da solução para determinar a nova solução estimada.

Figura: Método da Secante-Pontos de vizinhança



Fonte: GILAT,(2008)

- Em que $x_3 = x_2 \frac{f(x_2)(x_1 x_2)}{f(x_1) f(x_2)}$
- Termo geral: $x_{k+1} = x_k \frac{f(x_k)(x_{k-1} x_k)}{f(x_{k-1}) f(x_k)}$

< □ ト < □ ト < 重 ト < 重 ト = = *りへの

Costa, JR● Métodos Numéricos 43/47

Método da Secante Rigura: Script Método da Secante no Octave/Matlab

```
Err=0.001; tol=Err: imax=30
                         tic % valores inicial
7 = for(i=1:imax)
       fprintf("\nSoluçao %.4f alcançada após %d iterações! \n", Xsn,i)
     fprintf("\nSolucao %.4f alcancada com %d iteracoes e tolerancia %6.f! \n"
                                       % Maximo de iterações
21 = if i==imax
       fprintf("\nSolução não alcançada com %d iteraç~oes\n", i
       Xsn=('Sem resposta!')
   fprintf("Tempo de processamento t=%f(s)\n\n".toc)
```

Fonte: AUTOR,(2020)

4日 × 4周 × 4 至 × 4 至 × 三 至

Método da Secante

Figura: Script Método da Secante no Python

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt, time
f = lambda x: 8-4.5*(x - np.sin(x))
Err, tol, x1, x2, imax = 0.001, 0.001, 2, 3, 50
print('Método da Secante!')
print('Intervalo de análise [%d,%d].\n'%(x1,x2) )
t0 = time.process_time()
for i in range(imax):
   Xsn=x2-f(x2)*(x1-x2)/(f(x1)-f(x2))
                                           # Xsn=x(i+1):Xest=x(i)
   X.append(Xsn)
    if(abs( (Xsn-x2) / x2)<Err):
    if abs(f(Xsn))<Err:</pre>
    if i==imax:
        print(f'A solução não foi encontrada após {i} iterações')
   x1,x2=x2,Xsn
print('Solução x=',format(Xsn,'.4f'),'encontrada após',i+1,'iterações!')
print('Tempo de processamento computacional:%.4fs' %(time.process_time()-t0))
```

Fonte: AUTOR,(2024)

4日 > 4周 > 4 至 > 4 至 > 至

Resultado

Método da Secante! Intervalo de análise [2,3].

Solução x= 2.4305 encontrada após 3 iterações! Tempo de processamento computacional: 0.0004s

Costa, JR[©] Métodos Numéricos 46/47

- ÁVILA, Sérgio Luciano. Cálculo numérico aplicado à engenharia elétrica com MATLAB
- COSTA, Jonatha R. Notas de aula: Métodos Numéricos, disponível em https://github.com/jonathacosta/NM, acessado em 04 de set. de 2024.
- COSTA, Jonatha R. Códigos em Python. Disponível em https://github.com/jonathacosta/NM, acessado em 04 de set. de 2024.
- GILAT, Amos. MATLAB com aplicações em engenharia. Bookman Editora, 2009.
- PUD Programa da Unidade Didática. Bacharelado em Controle e Automação, IFCE, campus Maracanaú. Disponível em https://ifce.edu.br/maracanau/menu/cursos/superiores/bacharelados/controle_automacao/pdf/pudseca-1.pdf/@@download/file/PUD_Controle_Aut_2019.pdf, acessado em 04 de set. de 2024.

Costa, JR[®] Métodos Numéricos 47/47