

# Outils formels de Modélisation

## 9<sup>ème</sup> séance d'exercices

Dimitri Racordon  
24.11.17

Dans cette séance d'exercices, nous allons étudier les bases de la logique propositionnelle, notamment en nous intéressant aux équivalences sémantiques.

### 1 Tables de vérité (★)

Donnez les tables de vérité des formules logiques suivantes. Indiquez ensuite lesquelles de ces formules sont des tautologies.

- |  |   |
|--|---|
| 1. $\alpha \wedge \beta$                   | 4. $\alpha \wedge (\beta \vee \gamma)$                    |
| 2. $\alpha \implies \neg\beta$             | 5. $(\alpha \implies \beta) \vee (\alpha \vee \neg\beta)$ |
| 3. $\alpha \wedge (\beta \vee \neg\alpha)$ | 6. $(\alpha \vee \beta) \implies (\alpha \vee \gamma)$    |

### 2 Transformations (★★)

Transformez les formules logiques suivantes en forme négative (NNF), en forme conjonctive (CNF) et en forme disjonctive (DNF).

- |  |  |
|--|--|
| 1. $\neg(\alpha \wedge (\beta \vee \gamma))$                 | 3. $(\neg\alpha \vee \beta \wedge \gamma) \wedge \alpha$ |
| 2. $(\alpha \implies \beta) \vee \neg(\alpha \wedge \gamma)$ |  |

### 3 Equivalences logiques (★★★★)

Démontrez les équivalences logiques suivantes.

- $(\alpha \vee \beta) \wedge (\neg\alpha \vee \gamma) \equiv (\neg\alpha \wedge \beta) \vee (\gamma \wedge (\alpha \vee \beta))$
- $(\alpha \vee \beta) \implies \neg\gamma \equiv \neg((\alpha \vee \gamma) \wedge (\beta \vee \gamma))$
- $(\alpha \iff \neg\beta) \wedge (\gamma \implies \alpha) \equiv (\beta \wedge \neg(\gamma \vee \alpha)) \vee (\alpha \wedge \neg\beta)$

### 4 Exclusivité (★★★)

Donnez une formule de logique propositionnelle équivalente à la ligne de code suivante, écrite en Swift:

```
if(a != b) { c = true } else { c = false }
```