

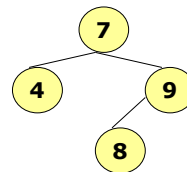
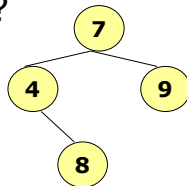
PARTE II: ÁRBOLES BINARIOS DE BÚSQUEDA

- Árboles binarios equilibrados
- Árboles AVL

M.C. YALU GALICIA HDEZ. (FCC/BUAP) 1

ÁRBOLES BINARIOS DE BÚSQUEDA (ABB)

- ABB = Árbol binario ordenado según uno o más criterios
- Cada nodo tiene dos hijos:
 - el subárbol **izquierdo** es el árbol vacío o es un subárbol que contiene nodos cuya clave es menor que la suya
 - el subárbol **derecho** es el árbol vacío o es un subárbol que contiene nodos cuya clave es mayor que la suya
- ¿Cuál de estos dos árboles binarios de enteros es un ABB?



M.C. YALU GALICIA HDEZ. (FCC/BUAP) 2

ÁRBOLES BINARIOS DE BÚSQUEDA (ABB)

- Utilidad
 - Almacenar estructuras lineales (que normalmente serían listas) mejorando la complejidad de las búsquedas
 - En el caso peor
 - En el caso medio
- Motivación: AB no ordenados son de poco interés
 - La falta de ordenación en un AB hace injustificable una estructura enlazada de árbol, prefiriéndose una lista
- Problema
 - un ABB puede llegar a degenerar en una lista
- Solución: equilibrio en ABB

M.C. YALU GALICIA HDEZ. (FCC/BUAP) 3

ABB: DESCRIPCIÓN

- El nodo se compone de clave, información y referencias a los subárboles izquierdo y derecho
 - $\langle \text{arbol} \rangle ::= \langle \text{nulo} \rangle \mid \langle \text{nodo} \rangle$
 - $\langle \text{nodo} \rangle ::= \langle \text{clave} \rangle \langle \text{info} \rangle \langle \text{izq} \rangle \langle \text{der} \rangle$
 - $\langle \text{clave} \rangle ::= \langle \text{dato} \rangle \{ \langle \text{dato} \rangle \}$
 - $\langle \text{info} \rangle ::= \{ \langle \text{dato} \rangle \}$
 - $\langle \text{izq} \rangle ::= \langle \text{arbol} \rangle$
 - $\langle \text{der} \rangle ::= \langle \text{arbol} \rangle$
- El proceso de inserción es el encargado de garantizar que se cumple la condición de ABB

M.C. YALU GALICIA HDEZ. (FCC/BUAP) 4

ABB: OPERACIONES

Creación de un árbol	<code>crearArbol (nombreArbol)</code>
Comprobación del estado	<code>arbolVacio(nombreArbol) → Booleano</code> <code>arbolVacio(referenciaNodo) → Booleano</code>
Inserción de nodos	<code>insertar(nombreArbol, valorClave, valorInfo)</code>
Borrado de nodos	<code>borrar(nombreArbol, valorClave)</code>
Búsqueda de un nodo	<code>buscar(nombreArbol, valorClave) → referenciaNodo</code>
Recorrido del árbol	<code>recorrer(nombreArbol, tipoRecorrido)</code>
Acceso a los nodos	<code>clave(referenciaNodo) → Clave</code> <code>info(referenciaNodo) → Informacion</code> <code>izq(referenciaNodo) → enlace</code> <code>der(referenciaNodo) → enlace</code> <code>eshoja(referenciaNodo) → Booleano</code>
Modificación de los nodos	<code>asignarClaver(referenciaNodo, valorClave)</code> <code>asignarInfo(referenciaNodo, valorInformacion)</code> <code>asignarIzq(referenciaNodo, valorEnlace)</code> <code>asignarDer(referenciaNodo, valorEnlace)</code>

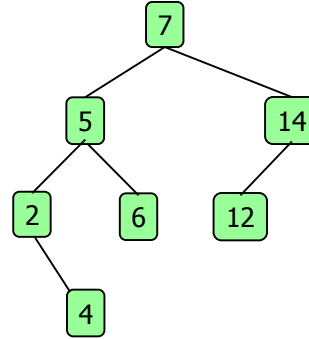
ABB: INSERCIÓN

- Los nodos se insertan siempre como nodos hoja
- El algoritmo de inserción garantiza para cada nodo del árbol que:
 - Su subárbol izquierdo contiene claves menores
 - Su subárbol derecho contiene claves mayores
- Funcionamiento:
 - Si el árbol está vacío, se inserta el nodo en la raíz
 - si no, se va recorriendo el árbol:
 - En cada nodo se decide si hay que insertar a la derecha o la izquierda
 - Si el subárbol en el que hay que insertar es vacío, se inserta el nuevo elemento
 - Si el subárbol en que hay que insertar no es vacío hay que recorrerlo hasta encontrar el lugar que le corresponde al nodo en ese subárbol
- Es un algoritmo recursivo

TAD ABB: EJEMPLO DE INSERCIÓN

■ Insertar 7, 5, 2, 14, 12, 6, 4

- Insertar 7
- Insertar 5
- Insertar 2
- Insertar 14
- Insertar 12
- Insertar 6
- Insertar 4



M.C. YALU GALICIA HDEZ. (FCC/BUAP)

7

ACTIVIDAD INDIVIDUAL

■ Insertar en un ABB los elementos:

- 1, 4, 5, 6, 8, 12, 20

■ Insertar los elementos en un ABB:

- 8, 4, 2, 1, 3, 12, 10, 9, 11, 6, 7, 5, 14, 15, 13



¿ y el algoritmo?

M.C. YALU GALICIA HDEZ. (FCC/BUAP)

8

ABB: BÚSQUEDA

- Funcionamiento:
 - se va recorriendo el árbol
 - si el nodo actual no es el buscado se decide si hay que buscar a la derecha o la izquierda
 - el algoritmo termina al encontrar el nodo o llegar al árbol vacío
- Puede desarrollarse:
 - como algoritmo recursivo del nodo del árbol
 - como algoritmo iterativo del árbol

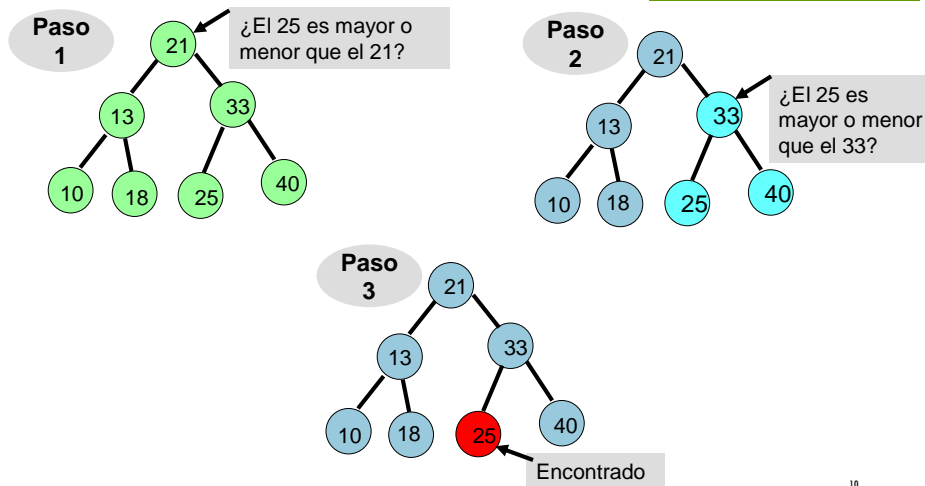


¿y el algoritmo?

M.C. YALU GALICIA HDEZ. (FCC/BUAP) 9

PROCESO PARA BUSCAR UN NODO...

Buscar el 25



10

IMPLEMENTACIÓN DE LA BÚSQUEDA

```
...  
p=raiz;  
while (p != null)  
{  
    if (p.info == valor)  
        return p;  
    else  
        p=(p.info > valor? p.izq: p.der);  
}  
return null;  
...
```

P contiene la dirección del nodo que tiene el valor buscado

Equivalente a:
if (p.info > valor)
 p = p.izq;
else p = p.der;

No se encontró el valor por lo que se regresa un NULL

M.C. YALU GALICIA HDEZ. (FCC/BUAP) 11

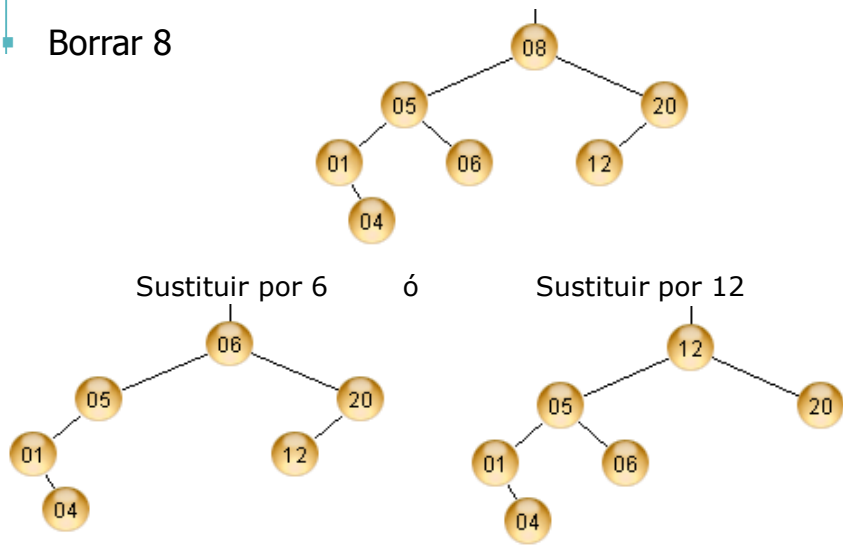
ABB: BORRADO

- Funcionamiento:
 - Buscar el nodo a borrar
 - Si es un nodo hoja, basta con que su padre haga referencia al árbol vacío
 - Si no es nodo hoja hay que sustituirlo por otro
 - 1. El nodo a borrar sólo tiene un hijo: sustituirlo por su hijo
 - 2. El nodo a borrar tiene dos hijos, sustituirlo por:
 - El mayor de su subárbol izquierdo o
 - El menor de su subárbol derecho
 - Si el nodo a borrar es la raíz, hay que variarla aplicando el caso que corresponda

M.C. YALU GALICIA HDEZ. (FCC/BUAP) 12

ABB: EJEMPLO DE BORRADO

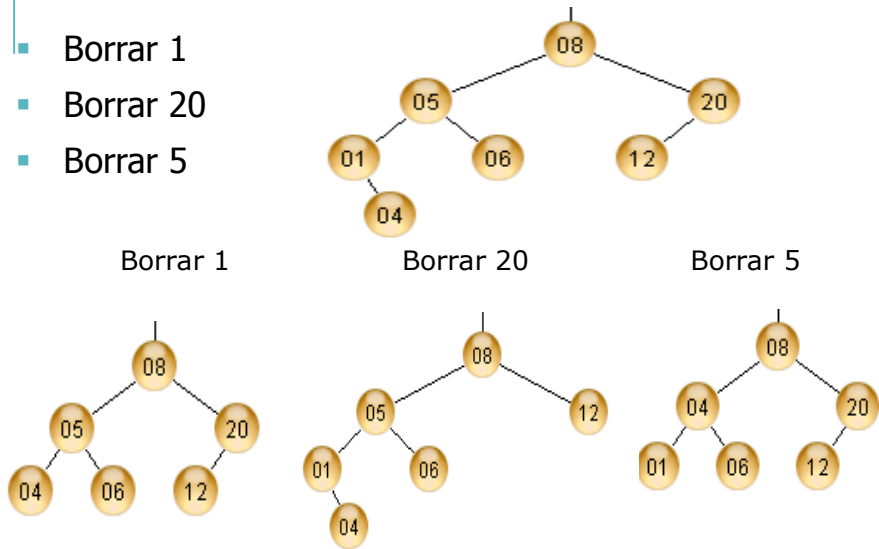
Borrar 8



13

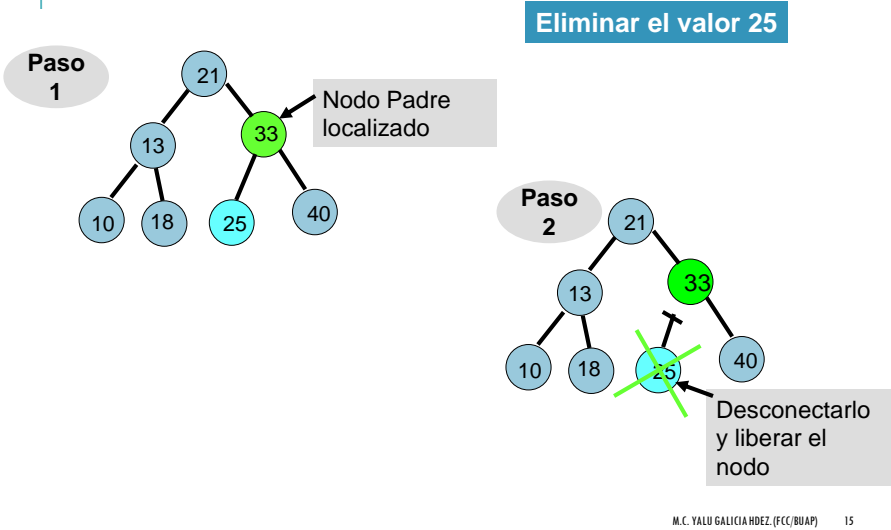
ABB: EJEMPLO DE BORRADO

- Borrar 1
- Borrar 20
- Borrar 5



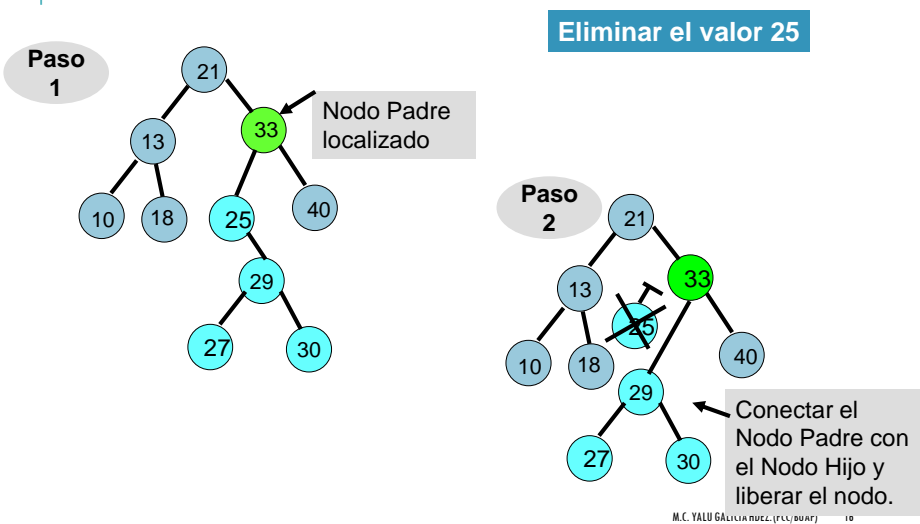
14

CASO: ELIMINAR NODO HOJA



M.C. YALU GALICIA HDEZ. (FCC/BUAP) 15

CASO: ELIMINAR NODO CON UN HIJO



M.C. YALU GALICIA HDEZ. (FCC/BUAP) 16

ACTIVIDAD INDIVIDUAL

- Utilizando los ABB creados en la actividad anterior, borrar los siguientes elementos:
 - Primer ABB:
 - 20, 5, 1
 - Segundo ABB
 - 7, 4, 10, 14, 8



¿ y el algoritmo?

M.C. YALU GALICIA HDEZ. (FCC/BUAP) 17

QUÉ HEMOS APRENDIDO?

