

MC-102 — Aula 16

Ordenação – SelectionSort e BubbleSort

Prof. Luiz F. Bittencourt

Turmas QR

Instituto de Computação – Unicamp

2019

Conteúdo adaptado de slides fornecidos pelo Prof. Eduardo Xavier.

- <https://www.facebook.com/maratonic.unicamp/>
- 18 de maio
- 0.2 na média dos labs por problema resolvido.

Roteiro

- 1 O problema da Ordenação
- 2 Selection Sort
- 3 BubbleSort
- 4 Exercício

Ordenação

- Vamos estudar alguns algoritmos para o seguinte problema:

Dada uma coleção de elementos com uma relação de ordem entre si, devemos gerar uma saída com os elementos ordenados.

- Nos nossos exemplos usaremos uma lista de números como a coleção.
 - ▶ É claro que quaisquer números possuem uma relação de ordem entre si.
- Apesar de usarmos inteiros, os algoritmos servem para ordenar qualquer coleção de elementos que possam ser comparados.

Ordenação

- O problema de ordenação é um dos mais básicos em computação.
 - ▶ Mas muito provavelmente é um dos problemas com o maior número de aplicações diretas ou indiretas (como parte da solução para um problema maior).
- Exemplos de aplicações diretas:
 - ▶ Criação de *rankings*, definir preferências em atendimentos por prioridade, criação de Listas, etc.
- Exemplos de aplicações indiretas:
 - ▶ Otimizar sistemas de busca, manutenção de estruturas de bancos de dados, etc.

Selection-Sort

- Seja **vet** uma lista contendo números.
- Devemos deixar **vet** em ordem crescente.
- A idéia do algoritmo é a seguinte:
 - ▶ Ache o menor elemento a partir da posição 0. Troque então este elemento com o elemento da posição 0.
 - ▶ Ache o menor elemento a partir da posição 1. Troque então este elemento com o elemento da posição 1.
 - ▶ Ache o menor elemento a partir da posição 2. Troque então este elemento com o elemento da posição 2.
 - ▶ E assim sucessivamente...

Selection-Sort

Exemplo: [5,3,2,1,90,6].

Iteração 0. Acha menor: [5,3,2,1,90,6]. Faz troca: [1,3,2,5,90,6].

Iteração 1. Acha menor: [1,3,2,5,90,6]. Faz troca: [1,2,3,5,90,6].

Iteração 2. Acha menor: [1,2,3,5,90,6]. Faz troca: [1,2,3,5,90,6].

Iteração 3. Acha menor: [1,2,3,5,90,6]. Faz troca: [1,2,3,5,90,6].

Iteração 5: Acha menor: [1,2,3,5,90,6]. Faz troca: [1,2,3,5,6,90].

Selection-Sort

Exemplo: [5,3,2,1,90,6].

Iteração 0. Acha menor: [5,3,2,1,90,6]. Faz troca: [1,3,2,5,90,6].

Iteração 1. Acha menor: [1,3,2,5,90,6]. Faz troca: [1,2,3,5,90,6].

Iteração 2. Acha menor: [1,2,3,5,90,6]. Faz troca: [1,2,3,5,90,6].

Iteração 3. Acha menor: [1,2,3,5,90,6]. Faz troca: [1,2,3,5,90,6].

Iteração 5: Acha menor: [1,2,3,5,90,6]. Faz troca: [1,2,3,5,6,90].

Selection-Sort

Exemplo: [5,3,2,1,90,6].

Iteração 0. Acha menor: [5,3,2,1,90,6]. Faz troca: [1,3,2,5,90,6].

Iteração 1. Acha menor: [1,3,2,5,90,6]. Faz troca: [1,2,3,5,90,6].

Iteração 2. Acha menor: [1,2,3,5,90,6]. Faz troca: [1,2,3,5,90,6].

Iteração 3. Acha menor: [1,2,3,5,90,6]. Faz troca: [1,2,3,5,90,6].

Iteração 5: Acha menor: [1,2,3,5,90,6]. Faz troca: [1,2,3,5,6,90].

Selection-Sort

Exemplo: [5,3,2,1,90,6].

Iteração 0. Acha menor: [5,3,2,1,90,6]. Faz troca: [1,3,2,5,90,6].

Iteração 1. Acha menor: [1,3,2,5,90,6]. Faz troca: [1,2,3,5,90,6].

Iteração 2. Acha menor: [1,2,3,5,90,6]. Faz troca: [1,2,3,5,90,6].

Iteração 3. Acha menor: [1,2,3,5,90,6]. Faz troca: [1,2,3,5,90,6].

Iteração 5: Acha menor: [1,2,3,5,90,6]. Faz troca: [1,2,3,5,6,90].

Selection-Sort

Exemplo: [5,3,2,1,90,6].

Iteração 0. Acha menor: [5,3,2,1,90,6]. Faz troca: [1,3,2,5,90,6].

Iteração 1. Acha menor: [1,3,2,5,90,6]. Faz troca: [1,2,3,5,90,6].

Iteração 2. Acha menor: [1,2,3,5,90,6]. Faz troca: [1,2,3,5,90,6].

Iteração 3. Acha menor: [1,2,3,5,90,6]. Faz troca: [1,2,3,5,90,6].

Iteração 5. Acha menor: [1,2,3,5,90,6]. Faz troca: [1,2,3,5,6,90].

Selection-Sort

- Como achar o menor elemento a partir de uma posição inicial?
- Vamos achar o **índice** do menor elemento em uma lista, a partir de uma posição inicial:

```
min = inicio
for j in range(inicio, fim):
    if vet[min] > vet[j]:
        min = j
```

Selection-Sort

- Como achar o menor elemento a partir de uma posição inicial?
- Vamos achar o **índice** do menor elemento em uma lista, a partir de uma posição inicial:

```
min = inicio
for j in range(inicio, fim):
    if vet[min] > vet[j]:
        min = j
```

Selection-Sort

- Criamos então uma função que retorna o índice do elemento mínimo de um vetor, a partir de uma posição **inicio** passado por parâmetro:

```
def indiceMenor(vet, inicio):  
    min = inicio  
    for j in range(inicio, len(vet)):  
        if vet[min] > vet[j]:  
            min = j  
    return min
```

Selection-Sort

- Dada a função anterior para achar o índice do menor elemento, como implementar o algoritmo de ordenação?
- Ache o menor elemento a partir da posição 0, e troque com o elemento da posição 0.
- Ache o menor elemento a partir da posição 1, e troque com o elemento da posição 1.
- Ache o menor elemento a partir da posição 2, e troque com o elemento da posição 2.
- E assim sucessivamente...

Selection-Sort

```
def selectionSort(vet):  
    for i in range(len(vet)-1):  
        min = indiceMenor(vet, i)  
        aux = vet[i]  
        vet[i] = vet[min]  
        vet[min] = aux
```


Selection-Sort

```
>> lista=[14,7,8,34,56,4,0,9,-8,100]
>> selectionSort(lista)
>> lista
[-8,0,4,7,8,9,14,34,56,100]
```

Selection-Sort

- O uso da função para achar o índice do menor elemento não é estritamente necessária.
- Podemos refazer a função selectionSort como segue:

```
def selectionSort2(vet):  
    for i in range(len(vet)-1):  
        min = i  
        for j in range(i, len(vet)):  
            if vet[min] > vet[j]:  
                min = j  
  
        aux = vet[i]  
        vet[i] = vet[min]  
        vet[min] = aux
```

Selection-Sort

- É muito comum a operação de troca de valores entre duas posições de uma lista.
- Python possui uma sintaxe resumida para fazer estas trocas.
- Veja o uso no algoritmo do slide anterior:

```
def selectionSort2(vet):  
    for i in range(len(vet)-1):  
        min = i  
        for j in range(i, len(vet)):  
            if vet[min] > vet[j]:  
                min = j  
  
        vet[i], vet[min] = vet[min], vet[i]
```

Bubble-Sort

- Seja **vet** um lista contendo números. *tam* é tamanho da lista.
- Devemos deixar **vet** em ordem crescente.
- O algoritmo faz algumas iterações repetindo o seguinte:
 - ▶ Compare $\text{vet}[0]$ com $\text{vet}[1]$ e troque-os se $\text{vet}[0] > \text{vet}[1]$.
 - ▶ Compare $\text{vet}[1]$ com $\text{vet}[2]$ e troque-os se $\text{vet}[1] > \text{vet}[2]$.
 - ▶
 - ▶ Compare $\text{vet}[tam - 2]$ com $\text{vet}[tam - 1]$ e troque-os se $\text{vet}[tam - 2] > \text{vet}[tam - 1]$.

Após uma iteração repetindo estes passos o que podemos garantir???

- ▶ O maior elemento estará na posição correta!!!

Bubble-Sort

- Seja **vet** um lista contendo números. *tam* é tamanho da lista.
 - Devemos deixar **vet** em ordem crescente.
 - O algoritmo faz algumas iterações repetindo o seguinte:
 - ▶ Compare $vet[0]$ com $vet[1]$ e troque-os se $vet[0] > vet[1]$.
 - ▶ Compare $vet[1]$ com $vet[2]$ e troque-os se $vet[1] > vet[2]$.
 - ▶
 - ▶ Compare $vet[tam - 2]$ com $vet[tam - 1]$ e troque-os se $vet[tam - 2] > vet[tam - 1]$.
- Após uma iteração repetindo estes passos o que podemos garantir???
- ▶ O maior elemento estará na posição correta!!!

Bubble-Sort

- Após uma iteração de trocas, o maior elemento estará na última posição.
- Após outra iteração de trocas, o segundo maior elemento estará na posição correta.
- E assim sucessivamente.
- Quantas iterações destas trocas precisamos para deixar o vetor ordenado?

Bubble-Sort

Exemplo: [5,3,2,1,90,6].

Valores sublinhados estão sendo comparados:

[5, 3, 2, 1, 90, 6]

[3, 5, 2, 1, 90, 6]

[3, 2, 5, 1, 90, 6]

[3, 2, 1, 5, 90, 6]

[3, 2, 1, 5, 90, 6]

[3, 2, 1, 5, 6, 90]

- Isto termina a primeira iteração de trocas. Temos que repetir todo o processo mais 4 vezes!!!
- Mas notem que não precisamos mais avaliar a última posição!

Bubble-Sort

Exemplo: [5,3,2,1,90,6].

Valores sublinhados estão sendo comparados:

[5, 3, 2, 1, 90, 6]

[3, 5, 2, 1, 90, 6]

[3, 2, 5, 1, 90, 6]

[3, 2, 1, 5, 90, 6]

[3, 2, 1, 5, 90, 6]

[3, 2, 1, 5, 6, 90]

- Isto termina a primeira iteração de trocas. Temos que repetir todo o processo mais 4 vezes!!!
- Mas notem que não precisamos mais avaliar a última posição!

Bubble-Sort

Exemplo: [5,3,2,1,90,6].

Valores sublinhados estão sendo comparados:

[5, 3, 2, 1, 90, 6]

[3, 5, 2, 1, 90, 6]

[3, 2, 5, 1, 90, 6]

[3, 2, 1, 5, 90, 6]

[3, 2, 1, 5, 90, 6]

[3, 2, 1, 5, 6, 90]

- Isto termina a primeira iteração de trocas. Temos que repetir todo o processo mais 4 vezes!!!
- Mas notem que não precisamos mais avaliar a última posição!

Bubble-Sort

Exemplo: [5,3,2,1,90,6].

Valores sublinhados estão sendo comparados:

[5, 3, 2, 1, 90, 6]

[3, 5, 2, 1, 90, 6]

[3, 2, 5, 1, 90, 6]

[3, 2, 1, 5, 90, 6]

[3, 2, 1, 5, 90, 6]

[3, 2, 1, 5, 6, 90]

- Isto termina a primeira iteração de trocas. Temos que repetir todo o processo mais 4 vezes!!!
- Mas notem que não precisamos mais avaliar a última posição!

Bubble-Sort

Exemplo: [5,3,2,1,90,6].

Valores sublinhados estão sendo comparados:

[5, 3, 2, 1, 90, 6]

[3, 5, 2, 1, 90, 6]

[3, 2, 5, 1, 90, 6]

[3, 2, 1, 5, 90, 6]

[3, 2, 1, 5, 90, 6]

[3, 2, 1, 5, 6, 90]

- Isto termina a primeira iteração de trocas. Temos que repetir todo o processo mais 4 vezes!!!
- Mas notem que não precisamos mais avaliar a última posição!

Bubble-Sort

Exemplo: [5,3,2,1,90,6].

Valores sublinhados estão sendo comparados:

[5, 3, 2, 1, 90, 6]

[3, 5, 2, 1, 90, 6]

[3, 2, 5, 1, 90, 6]

[3, 2, 1, 5, 90, 6]

[3, 2, 1, 5, 90, 6]

[3, 2, 1, 5, 6, 90]

- Isto termina a primeira iteração de trocas. Temos que repetir todo o processo mais 4 vezes!!!
- Mas notem que não precisamos mais avaliar a última posição!

Bubble-Sort

Exemplo: [5,3,2,1,90,6].

Valores sublinhados estão sendo comparados:

[5, 3, 2, 1, 90, 6]

[3, 5, 2, 1, 90, 6]

[3, 2, 5, 1, 90, 6]

[3, 2, 1, 5, 90, 6]

[3, 2, 1, 5, 90, 6]

[3, 2, 1, 5, 6, 90]

- Isto termina a primeira iteração de trocas. Temos que repetir todo o processo mais 4 vezes!!!
- Mas notem que não precisamos mais avaliar a última posição!

Bubble-Sort

Exemplo: [5,3,2,1,90,6].

Valores sublinhados estão sendo comparados:

[5, 3, 2, 1, 90, 6]

[3, 5, 2, 1, 90, 6]

[3, 2, 5, 1, 90, 6]

[3, 2, 1, 5, 90, 6]

[3, 2, 1, 5, 90, 6]

[3, 2, 1, 5, 6, 90]

- Isto termina a primeira iteração de trocas. Temos que repetir todo o processo mais 4 vezes!!!
- Mas notem que não precisamos mais avaliar a última posição!

Bubble-Sort

- O código abaixo realiza as trocas de uma iteração.
- São comparados e trocados, os elementos das posições: 0 e 1; 1 e 2; ...; $i - 1$ e i .
- Supomos que de $(i + 1)$ até $(tam - 1)$ o vetor já tem os maiores elementos ordenados.

```
for j in range(i):  
    if vet[j] > vet[j+1]:  
        vet[j], vet[j+1] = vet[j+1], vet[j]
```

Bubble-Sort

- O código abaixo realiza as trocas de uma iteração.
- São comparados e trocados, os elementos das posições: 0 e 1; 1 e 2; ...; $i - 1$ e i .
- Supomos que de $(i + 1)$ até $(tam - 1)$ o vetor já tem os maiores elementos ordenados.

```
for j in range(i):  
    if vet[j] > vet[j+1] :  
        vet[j], vet[j+1] = vet[j+1], vet[j]
```


Bubble-Sort

```
def bubbleSort (vet):  
    for i in range(len(vet)-1,0,-1): #indices i em ordem decrescente  
        for j in range(i):  
            if vet[j] > vet[j+1] :  
                vet[j], vet[j+1] = vet[j+1], vet[j]
```

Bubble-Sort

- Notem que as trocas na primeira iteração ocorrem até a última posição.
- Na segunda iteração ocorrem até a penúltima posição.
- E assim sucessivamente.
- Por que?

Exercício

Altere os algoritmos vistos nesta aula para que estes ordenem uma lista de inteiros em ordem decrescente ao invés de ordem crescente.

Exercício

No algoritmo SelectionSort, o for do i vai de 0 até $\text{len}(\text{vet}) - 2$. (o range é $\text{range}(0, \text{len}(\text{vet}) - 1)$ o que significa que o i vai até $\text{len}(\text{vet}) - 2$.) Por que não ir até $\text{len}(\text{vet}) - 1$?

```
def selectionSort2(vet):  
    for i in range(len(vet)-1): #Por que nao usar range(len(vet))?  
        min = i  
        for j in range(i, len(vet)):  
            if vet[min] > vet[j]:  
                min = j  
  
    vet[i], vet[min] = vet[min], vet[i]
```