MC-102 — Aula 08 Comandos Repetitivos

Prof. Luiz F. Bittencourt

Turmas QR

Instituto de Computação - Unicamp

2019

Conteúdo adaptado de slides fornecidos pelo Prof. Eduardo Xavier.



Roteiro

- Exemplos com laços
 - Menu de Escolhas
 - Representação Binário-Decimal
 - Representação Decimal-Binário
- 2 Laços Encaixados
 - Equações Lineares
- 3 Exercícios

- Em programas de computador, é comum a apresentação de um menu de opções para o usuário.
- Vamos fazer um menu com algumas opções, incluindo uma última para encerrar o programa.

O programa terá as seguintes opções:

- 1 Cadastrar um produto.
- 2 Buscar informações de produto.
- 3 Remover um produto.
- 4 Sair do Programa.

Após realizar uma das operações, o programa volta para o menu.

O comportamento do seu programa deveria ser algo como:

```
opcao = 5
while opcao != 4:
    print("1 - Cadastrar um produto")
    print("2 - Buscar informações de produto")
    print("3 - Remover um produto")
    print("4 - Sair do programa")

    opcao = int(input("\nEntre com a opção: "))
#Faça o que for esperado conforme opção digitada
```

```
opcao = 5
while opcao != 4:
  print("1 - Cadastrar um produto")
  print("2 - Buscar informações de produto")
  print("3 - Remover um produto")
  print("4 - Sair do programa")
  opcao = int(input("\nEntre com a opção: "))
  if(opcao == 1):
      print("Cadastrando....\n")
  elif(opcao == 2):
      print("Buscando....\n")
  elif(opcao == 3):
      print("Removendo....\n")
  elif(opcao == 4):
      print("Seu programa será encerrado.\n")
  else:
      print("Opção inválida!\n")
```

- Já sabemos que um computador armazena todas as informações na representação binária.
- É útil saber como converter valores binário em decimal e vice versa.
- Dado um número em binário $b_n b_{n-1} \dots b_2 b_1 b_0$, este corresponde na forma decimal à:

$$\sum_{i=0}^{n} b_i \cdot 2^i$$

• Exemplos:

$$101 = 2^2 + 2^0 = 5$$

$$1001110100 = 2^9 + 2^6 + 2^5 + 2^4 + 2^2 = 512 + 64 + 32 + 16 + 4 = 628$$

 OBS: Em uma palavra no computador, um bit é usado para indicar o sinal do número: — ou +.

- Vamos supor que lemos do teclado um inteiro binário.
- Ou seja, ao lermos n=111 assumimos que este é o número binário (e não cento e onze).
- Como transformar este número no correspondente valor decimal (7 neste caso)??
- Basta usarmos a expressão:

$$\sum_{i=0}^{n} b_i \cdot 2^i$$

Um passo importante é conseguir recuperar os dígitos individuais do número:

- Note que n%10 recupera o último dígito de n.
- Note que n//10 remove o último dígito de n, pois ocorre a divisão inteira por 10.

Exemplo: Com n=345, ao fazermos n%10 obtemos 5. E ao fazermos n//10 obtemos 34.

 Para obter cada um dos dígitos de um número n podemos fazer algo como:

```
Leia n
Enquanto n != 0 faça
digito = n%10
Imprima o digito
n = n//10
```

O programa abaixo imprime cada um dos dígitos de n separadamente:

```
n = int(input("Digite um número:"))
while n != 0 :
    digito = n%10
    print(digito)
    n = n//10
```

- Usar a fórmula $\sum_{i=0}^{n} b_i \cdot 2^i$, para transformar um número em binário para decimal.
- Devemos gerar as potências $2^0, \dots, 2^n$, e multiplicar cada potência 2^i pelo *i*-ésimo dígito.
 - Calcular as potência já sabemos (acumuladora pot).
- Para armazenar a soma $\sum_{i=0}^{n} b_i \cdot 2^i$ usamos uma outra variável acumuladora **soma**.

Em Python:

```
n = int(input("Digite um número:"))
soma = 0
pot = 1
while n != 0 :
    digito = n%10
    soma = soma + (pot*digito)
    pot = pot*2
    n = n//10
print("Valor em decimal é: ", soma)
```

Representação Decimal-Binário

- Dado um número em decimal, vamos obter o correspondente em binário.
- Qualquer decimal pode ser escrito como uma soma de potências de 2:

$$5=2^2+2^0$$

$$13 = 2^3 + 2^2 + 2^0$$

- Nesta soma, para cada potência 2^i , sabemos que na representação em binário haverá um 1 no dígito i. Exemplo: 13 = 1101
- O que acontece se fizermos sucessivas divisões por 2 de um número decimal?

$$13/2 = 6$$
 com resto 1

$$6/2 = 3$$
 com resto 0

$$3/2 = 1$$
 com resto 1

$$1/2 = 0$$
 com resto 1

Representação Decimal-Binário

 Dado n em decimal, fazemos repetidas divisões por 2, obtendo os dígitos do valor em binário:

```
13/2=6 com resto 1
6/2=3 com resto 0
3/2=1 com resto 1
1/2=0 com resto 1
```

```
Leia n
Enquanto n != 0 faça
digito = n%2
Imprima digito
n = n//2
```

Representação Decimal-Binário

Em Python:

```
n = int(input("Digite um número:"))
while n != 0 :
   digito = n%2
   n = n//2
   print(digito)
```

Laços Encaixados

- Para resolver alguns problemas, é necessário implementar um laço dentro de outro laço.
- Estes são laços encaixados.

```
for i in range(1,11):
   for j in range(1,6):
        print(i, j)
```

• O que será impresso por este programa?

Laços Encaixados

```
for i in range(1,11):
   for j in range(1,6):
      print(i, j)
```

- Fixado um valor para i no primeiro laço for, começa-se o segundo laço for, que varia o valor de j entre 1 e 5.
- No final deste segundo laço for voltamos para o primeiro laço onde a variável i assumirá seu próximo valor. Fixado este valor de i começa-se novamente o segundo laço for.

Laços Encaixados

```
for i in range(1,11):
  for j in range(1,6):
      print(i, j)
```

Será impresso:

1 1

1 5

2 1

10 1

10 2 10.3

10 4

10 5

Laços Encaixados: Equações Lineares

 Um uso comum de laços encaixados ocorre quando para cada um dos valores de uma determinada variável, precisamos gerar/checar algo com valores de outras variáveis.

Problema

Determinar todas as soluções inteiras de um sistema linear como:

$$x_1 + x_2 = C$$

com $x_1 \ge 0$, $x_2 \ge 0$, $C \ge 0$ e todos inteiros.

Laços Encaixados: Equações Lineares Inteiras

Problema

Determinar todas as soluções inteiras de um sistema linear como:

$$x_1 + x_2 = C$$

com $x_1 \ge 0$, $x_2 \ge 0$, $C \ge 0$ e todos inteiros.

• Uma solução: para cada um dos valores de $0 \le x_1 \le C$, teste todos os valores de x_2 possíveis e verifique quais deles são soluções.

```
Para cada x1 entre 0 e C faça 
Para cada x2 entre 0 e C faça 
Se x1 + x2 = C então imprima solução
```

Laços Encaixados: Equações Lineares

Em Python:

```
C = int(input("Digite o valor da constante C:"))
for x1 in range(0,C+1):
    for x2 in range(0,C+1):
        if(x1 + x2 == C):
            print(x1, " + ", x2, " = ", C)
```

Laços Encaixados: Equações Lineares

OBS: Note que fixado x_1 , não precisamos testar todos os valores de x_2 , pois este é determinado como $x_2 = C - x_1$.

```
C = int(input("Digite o valor da constante C:"))
for x1 in range(0,C+1):
    x2 = C - x1
    print(x1, " + ", x2, " = ", C)
```

Mas em um caso geral com *n* variáveis,

$$x_1 + x_2 + \ldots + x_n = C$$

será preciso fixar (n-1) variáveis para só então determinar o valor de x_n .

Laços Encaixados: Equações Lineares Inteiras

Problema

Quais são as soluções de $x_1+x_2+x_3=C$ com $x_1\geq 0,\ x_2\geq 0,\ x_3\geq 0$, C>0 e todas inteiras?

• Uma solução: para cada um dos valores de $0 \le x_1 \le C$, teste todos os valores de x_2 e x_3 e verifique quais deles são soluções.

```
Para cada x1 entre 0 e C faça
Para cada x2 entre 0 e C faça
Para cada x3 entre 0 e C faça
Se x1 + x2 + x3 = C então imprima solução
```

Laços Encaixados: Equações Lineares

Em Python:

```
C = int(input("Digite o valor da constante C:"))
for x1 in range(0,C+1):
    for x2 in range(0, C+1):
        for x3 in range(0, C+1):
            if(x1 + x2 + x3 == C):
                  print(x1, " + ", x2, " + ", x3, " = ", C)
```

Laços Encaixados: Equações Lineares Inteiras

- Note que fixado x_1 , o valor máximo de x_2 é $C x_1$.
- Fixados x_1 e x_2 , o valor de x_3 é determinado como $C x_1 x_2$.
- Podemos alterar o programa com estas melhorias:

```
C = int(input("Digite o valor da constante C:"))
for x1 in range(0,C+1):
   for x2 in range(0, C+1-x1):
    x3 = C - x1 -x2
    print(x1, " + ", x2, " + ", x3, " = ", C)
```

Exercício

- Na transformação decimal para binário, modifique o programa para que este obtenha o valor binário em uma variável inteira, ao invés de imprimir os dígitos um por linha na tela.
- Dica: Suponha n=7 (111 em binário), e você já computou x=11, para "inserir" o último dígito 1 em x você deve fazer x=x+100. Ou seja, você precisa de uma variável acumuladora que armazena as potências de 10: 1, 10, 100, 1000 etc.

Exercício

 Implemente um programa que compute todas as soluções de equações do tipo

$$x_1 + x_2 + x_3 + x_4 = C$$

- Melhore o seu programa com as seguinte idéias.
 - Fixado x₁, os valores possíveis para x₂ são 0,..., C x₁. Fixado x₁ e x₂, os valores possíveis para x₃ são 0,..., C x₁ x₂. Fixados x₁, x₂, e x₃, então x₄ é unicamente determinado.