

# Instituto de Computação UNIVERSIDADE ESTADUAL DE CAMPINAS



# Organização Básica de computadores e linguagem de montagem

## Representação de Informações no Computador

**Prof. Edson Borin** 

https://www.ic.unicamp.br/~edson

Institute of Computing - UNICAMP

Como representar informações em um computador?

- Números inteiros?
- Texto?
- Registros?
- Vetores?

Como representar informações em um computador?

- Informações são representadas através de dígitos binários, ou BITs (BInary digiTs).
- Dígitos 0 e l
- Quantos estados (ou números) distintos podemos representar com 3 dígitos da base binária?

Como representar informações em um computador?

- Informações são representadas através de dígitos binários, ou BITs (BInary digiTs).
- Dígitos 0 e l
- Quantos estados (ou números) distintos podemos representar com 3 dígitos da base binária?
  - 8 estados se utilizarmos notação posicional
  - 4 estados se utilizarmos notação não posicional

```
I: 001, 010, 100 (um bit I e dois bits 0)
■ 2: 110, 101, 011 (um bit 0 e dois bits I)
■ 3: 000 (três bits 0)
■ 4: 111 (três bits I)
```

Notação posicional: valor do dígito depende da sua posição.

- Exemplo: Número decimal 132
  - Valor do dígito 2 = 2
  - Valor do dígito 3 = 30
  - Valor do dígito I = 100

Notação posicional: valor do dígito depende da sua posição.

- Exemplo: Número decimal 132
  - Valor do dígito 2 = 2
  - Valor do dígito 3 = 30
  - Valor do dígito I = 100

"Informações no computador são representadas através de números, codificados na base binária com notação posicional"

A quantidade de símbolos (ou valores) distintos que que cada dígito pode ter define a base numérica. Exemplos

- Base 2, ou binária => 2 símbolos distintos: 0 e 1
- Base 8, ou octal => 8 símbolos distintos: 0, 1, ..., 7
- Base 10, ou decimal => 10 símbolos distintos: 0, ..., 9
- ...

Quais são os símbolos utilizados na base 16?

A quantidade de símbolos (ou valores) distintos que que cada dígito pode ter define a base numérica. Exemplos

- Base 2, ou binária => 2 símbolos distintos: 0 e 1
- Base 8, ou octal => 8 símbolos distintos: 0, 1, ..., 7
- Base 10, ou decimal => 10 símbolos distintos: 0, ..., 9
- ...

Quais são os símbolos utilizados na base 16?

Símbolos da base hexadecimal: 0, I, ..., 9, A, B, C, D, E, F

Qual é a base dos números abaixo?

- FE03
- 8230
- 9210
- 1001

Qual é a base dos números abaixo?

- FE03
- 8230
- 9210
- 1001

Para distinguir temos que anotar o número com a base. Exemplos:

- FE03<sub>16</sub>
- 1001<sub>8</sub>
- 1001

Em linguagens de programação esta anotação é geralmente realizada com prefixos. Por exemplo, em 'C', números nas bases binária, octal e hexadecimal são representados com os prefixos 0b, 0 e 0x enquanto que números na base decimal são representados sem prefixos.

Para distinguir temos que anota base. Exemplos:

- FE03<sub>16</sub>
- 1001<sub>8</sub>
- 1001

com a

- 0xFE03
- 01001
- 0b1001

Qual é o valor de cada dígito nos números abaixo?

- 9210<sub>10</sub>
- 100<sub>1</sub>

Qual é o valor de cada dígito nos números abaixo?

- 9210<sub>10</sub>
- 1001<sub>2</sub>

O valor de um dígito d em um número na base t é dado por:

d x t posição

Onde a posição é dada pela seguinte convenção:

Qual é o valor de cada número abaixo em decimal?

- 1001<sub>2</sub>
- FF<sub>16</sub>

Qual é o valor de cada número abaixo em decimal?

- 1001<sub>2</sub>
- FF<sub>16</sub>

O valor de um número na base t com n dígitos é o somatório dos valores dos dígitos:

$$V = \sum_{i=0}^{n-1} \mathbf{d}_{i} \times \mathbf{t}^{i}$$

onde  $d_i$  é o dígito na posição i.

Qual é o valor de cada número abaixo em decimal?

• 
$$|00|_2 = |x^2| + 0x^2 + 0x^2 + 1x^2 = 9_{10}$$

• 
$$FF_{16}^{2} = Fx16^{1} + Fx16^{0} = 15x16 + 15x1 = 255_{10}$$

O valor de um número na base t com n dígitos é o somatório dos valores dos dígitos:

$$V = \sum_{i=0}^{n-1} \mathbf{d}_{i} \times \mathbf{t}^{i}$$

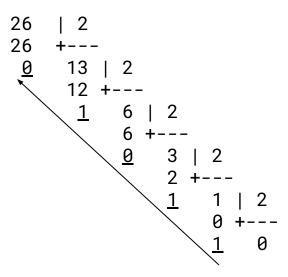
onde  $d_i$  é o dígito na posição i.

Como fazemos para encontrar a representação de um valor na base binária?

Por exemplo: o valor 26<sub>10</sub>

Como fazemos para encontrar a representação de um valor na base binária?

• Por exemplo: o valor  $26_{10} = 11010_{2}$ 



#### Bases numéricas - Exercícios

Represente os seguintes números na base binária

Represente os seguintes números na base hexadecimal

```
• 101001<sub>2</sub> =

16<sub>10</sub> =
240<sub>10</sub> =
20<sub>0</sub> =

 • 20<sub>8</sub>
```

#### Bases numéricas - Exercícios

Represente os seguintes números na base binária

• 
$$151_6 = 1000011_2$$
  
•  $139_{10} = 10001011_2$ 

Represente os seguintes números na base hexadecimal

```
• 101001_2 = 29_{16}

• 16_{10} = 10_{16}

• 240_{10} = F0_{16}

• 20_8 = 10_{16}
```

#### Conversão de bases numéricas

Tipo de conversão	Procedimento
Decimal => Binário	Divisões sucessivas por 2 até se obter zero no quociente. Leitura dos dígitos binários no resto de baixo para cima.
Binário => Decimal	Soma de potências de 2 cujo expoente é a posição do bit e cujo coeficiente é o próprio bit.
Hexadecimal => Binário	Expandir cada dígito hexa em quatro dígitos binários segundo seu valor.
Binário => Hexadecimal	Compactar cada quatro dígitos binários em um único dígito hexa segundo seu valor.
Decimal => Hexadecimal	Divisões sucessivas por 16 até se obter zero no quociente. Converter restos p/ dígitos hexadecimais. Leitura dos dígitos de baixo para cima.
Hexadecimal => Decimal	Soma de potências de 16 cujo expoente é a posição do dígito e cujo coeficiente é o valor do próprio dígito hexa.

#### Números Sem Sinal

Na representação sem sinal, todos os bits são utilizados como dígitos do número.

• Exemplo: Registradores com 3 bits podem representar 8 números distintos: 0 a 7

```
000^{5} = 0^{10}
00I_{2}^{-} = I_{10}
010_2 = 2_{10}
011_{2}^{-} = 3_{10}
100_2 = 4_{10}
101_{2} = 5_{10}
110_2 = 6_{10}
|111_{2} = 7_{10}
```

#### Números Com Sinal

Três tipos de codificação mais conhecidas

- Sinal e magnitude
- Complemento de I
- Complemento de 2

## Sinal e Magnitude

Na representação "sinal e magnitude" o bit mais à esquerda (o mais significativo) representa o sinal do número e os outros bits representam a magnitude.

Qual é o valor dos números abaixo na representação "sinal e magnitude" e sem sinal?

## Sinal e Magnitude

Na representação "sinal e magnitude" o bit mais à esquerda (o mais significativo) representa o sinal do número e os outros bits representam a magnitude.

Qual é o valor dos números abaixo na representação "sinal e magnitude" e sem sinal?

- 0001 0101<sub>2</sub>
- 1000 1010<sub>2</sub>

E estes números?

- 0000 0000<sub>2</sub>
- 1000 0000<sub>2</sub>

## Sinal e Magnitude

Número binário	Valor na rep. sem sinal	Valor na rep. Sinal e Mag.
000	0	0
001	I	I
010	2	2
011	3	3
100	4	-0
101	5	-1
110	6	-2
111	7	-3

Na representação "complemento de I" o bit mais à esquerda também indica o sinal, entretanto a magnitude é representada de maneira diferente.

- Primeiro bit 0 => o número é positivo e o valor pode ser obtido da mesma maneira que na representação sem sinal
- Primeiro bit I => o número é negativo. Para descobrir a magnitude, basta inverter todos os bits e computar o valor na representação sem sinal

Qual é o valor de 10010<sub>2</sub>?

Na representação "complemento de I" o bit mais à esquerda também indica o sinal, entretanto a magnitude é representada de maneira diferente.

- Primei pode s' Magnitude(10010<sub>2</sub>) = 01101<sub>2</sub> = 13<sub>10</sub> repres
   Primei descol bits e computar o valor na resinal
- Qual é o valor de  $10010_2 = -13_{10}$

Na representação "complemento de I" o bit mais à esquerda também indica o sinal, entretanto a magnitude é representada de maneira diferente.

Número	Valor na rep.	Valor na rep.	Valor na rep.
binário	sem sinal	Sinal e Mag.	Comp. de I
000	0	0	0
001	I		I
010	2	2	2
011	3	3	3
100	4	-0	
101	5	-1	
110	6	-2	
111	7	-3	

Na representação "complemento de I" o bit mais à esquerda também indica o sinal, entretanto a magnitude é representada de maneira diferente.

Número	Valor na rep.	Valor na rep.	Valor na rep.
binário	sem sinal	Sinal e Mag.	Comp. de I
000	0	0	0
001	I		I
010	2	2	2
011	3	3	3
100	4	-0	-3
101	5	-	-2
110	6	-2	- l
111	7	-3	-0

Na representação "complemento de 2" o bit mais à esquerda também indica o sinal, entretanto a magnitude é representada de maneira diferente.

- Primeiro bit 0 => o número é positivo e o valor pode ser obtido da mesma maneira que na representação sem sinal
- Primeiro bit I => o número é negativo. Para descobrir a magnitude, devemos inverter todos os bits, somar I, e então computar o valor na representação sem sinal.

Qual é o valor de 10010, ?

Na representação "complemento de 2" o bit mais à esquerda também indica o sinal, entretanto a magnitude é representada de maneira diferente.

Magnitude(
$$10010_2$$
) =  $01101_2 + 1_2 = 01110_2 = 14_{10}$ 

Logo: 
$$10010_2 = -14_{10}$$

os bits, somar I, e então na representação sem si

Qual é o valor de 
$$10010_2 = -14_{10}$$

o valor

Na representação "complemento de 2" o bit mais à esquerda também indica o sinal, entretanto a magnitude é representada de maneira diferente.

Número	Valor na	Valor na	Valor na	Valor na
binário	rep. sem	rep. Sinal e	rep. Comp.	rep. Comp.
Dillario	sinal	Mag.	de I	de 2
000	0	0	0	0
001	I	I	I	I
010	2	2	2	2
011	3	3	3	3
100	4	-0	-3	
101	5	- l	-2	
110	6	-2	-1	
Representação d	e Informações r	o Com <mark>3</mark> utador	– Prof. <b>-9</b> dson B	

Na representação "complemento de 2" o *bit* mais à esquerda também indica o sinal, entretanto a magnitude é representada de maneira diferente.

Número	Valor na	Valor na	Valor na	Valor na
binário	rep. sem	rep. Sinal e	rep. Comp.	rep. Comp.
Dillario	sinal	Mag.	de l	de 2
000	0	0	0	0
001	I	I	I	I
010	2	2	2	2
011	3	3	3	3
100	4	-0	-3	-4
101	5	- l	-2	-3
110	6	-2	- l	-2
Representação d	e Informações r	o Com <b>3</b> utador	– Prof. <b>-9</b> dson B	orin - UNICAM

### Representação de Números

Representações "Sinal e Mag." e "Comp. de I" possuem duas representações para o zero: 0 e -0

=> A representação "complemento de 2" é a mais utilizada.

Número	Valor na	Valor na	Valor na	Valor na
binário	rep. sem	rep. Sinal e	rep. Comp.	rep. Comp.
Dinario	sinal	Mag.	de l	de 2
000	0	0	0	0
001	I	I	I	I
010	2	2	2	2
011	3	3	3	3
100	4	-0	-3	-4
101	5	-1	-2	-3
110	6	-2	- l	-2
Representação d	e Informações r	o Computador	- Prof-Odson B	orin - UNICAM

## Representação de Números

Número	Valor na rep.	Valor na rep.	Valor na rep.	Valor na rep.
binário	sem sinal	Sinal e Mag.	Comp. de I	Comp. de 2
000	0	0	0	0
001	I	I	1	I
010	2	2	2	2
011	3	3	3	3
100	4	-0	-3	-4
101	5	-l	-2	-3
110	6	-2	-1	-2
111	7	-3	-0	- l

Maior	7	3	3	3
Menor	0	-3	-3	-4

## Representação de Números

Número	Valor na rep.	Valor na rep.	Valor na rep.	Valor na rep.
binário	sem sinal	Sinal e Mag.	Comp. de I	Comp. de 2
000	0	0	0	0
001	I	I	I	I
010	2	2	2	2
011	3	3	3	3
100	4	-0	-3	-4
101	5	- l	-2	-3
110	6	-2	-1	-2
111	7	-3	-0	-l
Maior	7	3	3	3
Menor	0	-3	-3	-4

Maior	2 <sup>n</sup> -1	2 <sup>n-1</sup> -1	2 <sup>n-1</sup> -1	2 <sup>n-1</sup> -1
Menor	0	-(2 <sup>n-l</sup> -1)	-(2 <sup>n-l</sup> -1)	-(2 <sup>n-1</sup> )

"Informações no computador são representadas através de números, codificados na base binária com notação posicional"

"Informações no computador são representadas através de números, codificados na base binária com notação posicional"

 Quantos bits o computador usa para codificar cada número?

"Informações no computador são representadas através de números, codificados na base binária com notação posicional"

- Quantos bits o computador usa para codificar cada número?
  - O IAS utiliza 40 bits!
    - Palavras da memória possuem 40 bits
    - Registradores da ULA possuem 40 bits.

Computadores modernos codificam números com palavras de 8, 16, 32, 64 ou mais *bits*.

• Geralmente é uma potência de 2.

Uma arquitetura de 32 *bits* é uma arquitetura que é capaz de armazenar e realizar operações aritméticas em números com até 32 *bits*.

# Complemento de 2

### Números de 32 bits em Complemento de 2:

```
0000 0000 0000 0000 0000 0000 0000 _2 = 0_{10}
0000 0000 0000 0000 0000 0000 0000 _2 = + 1_{10}
0000 0000 0000 0000 0000 0000 _2 = + 2_{10}
                                                     maxint
minint
```

Como no ensino fundamental: (vai-um/vem-um)

Como no ensino fundamental: (vai-um/vem-um)

Adição e subtração em complemento de 2 podem ser realizados da mesma forma que na representação sem sinal!

Subtração pode ser realizada com o hardware de soma!

• 
$$(A - B = A + (-B)).$$

Ex: 
$$7 - 6 = 7 + (-6)$$

Subtração pode ser realizada com o hardware de soma!

• 
$$(A - B = A + (-B)).$$

### Aritmética Binária: Overflow

Overflow: quando o resultado é maior (menor) do que a palavra do computador pode representar.

Exemplo: Ocorre overflow na operação abaixo?

```
0111 (7)
```

### Aritmética Binária: Overflow

Overflow: quando o resultado é maior (menor) do que a palavra do computador pode representar.

Exemplo: Ocorre overflow na operação abaixo?

0111 (7) + 0001 (1)

1000

Na representação **sem sinal** não ocorre *overflow*.

Note que 7+1 = 8

Na representação complemento de **2** ocorre *overflow*.

Não é possível representar o valor 8 com 4 bits nesta representação!

Exercício: Compute o resultado da operação abaixo e verifique se houve *overflow* 

4 + 5 em uma representação com **números** sinalizados de 8 bits

(4)

 $\pm (5)$ 

Exercício: Compute o resultado da operação abaixo e verifique se houve *overflow* 

4 + 5 em uma representação com **números** sinalizados de 8 bits

```
0000 0100(4)
```

0000 1001(9)

Exercício: Compute o resultado da operação abaixo e verifique se houve *overflow* 

4 + 5 em uma representação com **números** sinalizados de 4 bits

(4)

 $\pm (5)$ 

Exercício: Compute o resultado da operação abaixo e verifique se houve *overflow* 

```
4 + 5 em uma representação com números sinalizados de 4 bits
```

```
1
0100(4)
+ 0101(5)
1001(-7)
```

Cada caractere é associado a um número distinto.

Existem diversos padrões.

Exemplo: Padrão ASCII - American Standard Code for Information -- Usa 7 bits, (128 caracteres distintos)

64	@
65	Α
66	В
67	С
68	D
69	E
70	F
71	G
72	Н
73	I

96	,
97	а
98	b
99	С
100	d
101	Ф
102	f
103	g
104	h
105	i

48	0
49	1
50	2
51	3
52	4
53	5
54	6
55	7
56	8
57	9

Cada caractere é associado a um número distinto.

- ASCII usa 7 bits
- Um texto é armazenado como uma cadeia de caracteres!
  - Posições consecutivas da memória!

Cada caractere é associado a um número distinto.

- ASCII usa 7 bits
- Um texto é armazenado como uma cadeia de caracteres!
  - Posições consecutivas da memória!

ASCII não possui letras acentuadas (á, é, ç, ...)

Diversos padrões alternativos foram inventados para adicionar este tipo de letra e outros caracteres usados em outras línguas

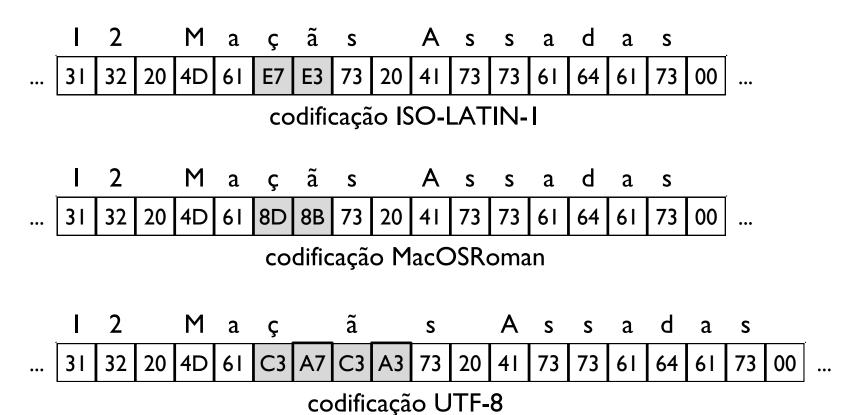
Exemplo: ISO-LATIN-1, McOSRoman, UTF-8

Atualmente o padrão UTF-8 é o padrão mais utilizado em páginas na web

- Este padrão é compatível com o padrão ASCII
  - Caracteres que podem ser representados no padrão ASCII são representados no padrão UTF-8 com o mesmo valor numérico!

Representação de Cadeias de Caracteres (*strings*) na memória do computador:

Exemplo: "Maçãs Assadas"



Representação de Informações no Computador – Prof. Edson Borin - UNICAMP 57

#### Caracteres na memória do computador

- No IAS, as palavras da memória possuíam 40 bits!
- A grande maioria das memórias de computadores atuais possuem palavras (unidades de armazenamento endereçáveis) de 1 byte (8 bits).
  - No endereço 0 cabe um dado de 1 byte, no endereço I cabe um dado de 1 byte e assim por diante.

### Caracteres na memória do computador

- No IAS, as palavras da memória possuíam 40 bits!
- A grande maioria das memórias de computadores atuais possuem palavras (unidades de armazenamento endereçáveis) de 1 byte (8 bits).
  - No endereço 0 cabe um dado de 1 byte, no endereço I cabe um dado de 1 byte e assim por diante.
- Quando armazenamos números de 7 bits em 1 byte nós desperdiçamos bits da memória. Por outro lado, esta abordagem facilita a leitura dos dados pois cada palavra de memória possui um único caractere e cada caractere está armazenado em uma única palavra de memória.

#### Números na memória do computador

Como fazemos para armazenar um número de 32 bits em uma memória endereçada a byte? Ou seja, em uma memória onde as unidades de armazenamento possuem 1 byte.

Exemplo: Número de 32 bits (4 bytes)

Endereço
00
01
02
03

#### Números na memória do computador

Como fazemos para armazenar um número de 32 bits em uma memória endereçada a byte? Ou seja, em uma memória onde as unidades de armazenamento possuem 1 byte.

Resposta: Depende do Endianness.

Exemplo: Número de 32 bits (4 bytes)

Endereço	Big-Endian
00	
01	
02	
03	

### Números na memória do computador

**Big-Endian**: Byte menos significativo é armazenado no **maior** endereço

Exemplo: Número de 32 bits (4 bytes)

1025<sub>10</sub> = 00000000 00000000 00000100 00000001<sub>2</sub>

Endereço Big-Endian

00 00000000

01 00000000

02 00000100

03 00000001

#### Números na memória do computador

Little-Endian: Byte menos significativo é armazenado no menor endereço

Exemplo: Número de 32 bits (4 bytes)

 $1025_{10} = 00000000 \ 000000000 \ 00000100 \ 00000001_{2}$ 

Endereço	Big-Endian
00	0000000
01	0000000
02	00000100
03	0000001



#### Vetores na memória

Como fazemos para armazenar um vetor de dados em uma memória endereçada a *byte*?

#### Resposta:

 Os elementos do vetor são armazenados de forma consecutiva na memória.

#### Vetores na memória

Os elementos de um vetor são armazenados de forma consecutiva na memória.

Supondo que cada elemento ocupe TAM bytes, e o vetor se inicie no endereço BASE, então o i-ésimo elemento é armazenado nos bytes associados aos endereços

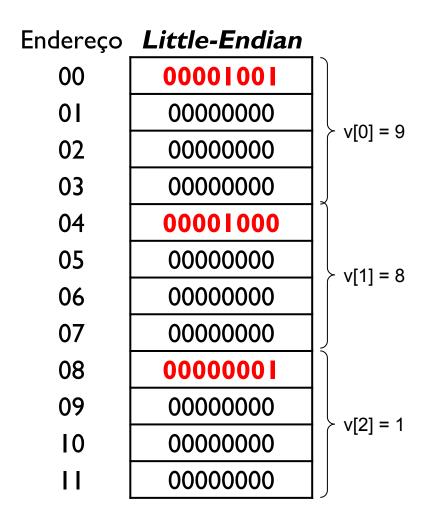
BASE + 
$$i \times TAM a BASE + (i+1) \times TAM - I$$
.

- O primeiro elemento (i=0) será armazenado nos bytes associados aos endereços BASE a BASE + TAM - I
- O décimo elemento (i=9) será armazenado nos bytes associados aos endereços

#### Vetores na memória

Ex: int  $v[3] = \{9, 8, 1\}$ ;

Supondo que o vetor v seja alocado no endereço 0



#### Registros na memória

Como fazemos para armazenar registros (*structs*) em uma memória endereçada a *byte*?

#### Resposta:

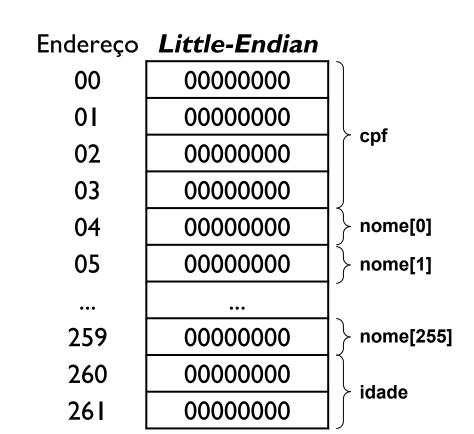
 Os campos do registros são armazenados de forma consecutiva na memória.

### Registros na memória

### Exemplo:

```
struct id {
   int cpf;
   char nome[256];
   short idade;
} fulano;
```

Supondo que o registro fulano seja armazenado no (a partir do) endereço zero de memória.



#### Matrizes na memória

Como fazemos para armazenar uma matriz de dados em uma memória endereçada a byte?

#### Resposta:

- Depende da linguagem de programação:
  - Em 'C': As linhas da matriz são armazenadas de forma consecutiva na memória (uma linha por vez)
    - Organização conhecida como "row-major order"
  - Em Fortran: As colunas da matriz são armazenadas de forma consecutiva na memória
    - Organização conhecida como "column-major order"