

# Análisis Numérico para ingeniería

## Tarea 1

Profesor: Juan Pablo Soto Quirós

Grupo –

Jeanpol Alvarado Mendez - 2015095715

Jonathan Guzman Araya - 2013041216

Yenira Chacón Molina - 2015075331

Darío Rodríguez Obando - 2017117105

Marzo 2020

1. Según el artículo científico, ¿que representan los parámetros  $r, x_1, x_2, \lambda, \sigma, \alpha$  y la función  $g(d)$ ?
  - $r$ : Es el radio de un disco perfecto para una comunicación ideal para cada nodo según el modelo de unidad de disco. Es el radio que tienen ambos discos en común y representa su cobertura de comunicación de manera individual
  - $x_1, x_2$ : Son las coordenadas en X de los nodos  $A$  y  $B$  de los discos.
  - $g(d)$ : Función por la que se puede caracterizar la aleatoriedad en el RSS. Denota la probabilidad de que exista un enlace de comunicación direccional del transmisor al receptor con distancia  $d$ .
  - $\lambda$ : es un parámetro positivo que representa el número de veces que se espera que ocurra el fenómeno durante un intervalo dado.
  - $\sigma$ : Medias y variaciones de las variables independientes  $X$  y  $Y$ , respectivamente.
  - $\alpha$ : Es el exponente de pérdida de ruta.
2. Determine valores iniciales, tales que los métodos de la Bisección, Secante y Falsa Posición converjan a la solución de la función  $F$  en la ecuación (1). Justifique la elección de estos valores.

$$F(d) = \frac{\log_{10}(\frac{x_1}{d})}{\sigma_R^2 \ln(10)} + \frac{d(x_2 - d)}{\sigma_c^2}$$

Sea  $r = 10, \alpha = 4, \sigma_{dB} = 4, \lambda = 1, x_1 = 7, x_2 = 6$  Reescribir la ecuación:

$$F(d) = \frac{\log_{10}(\frac{x_1}{d})}{(\frac{\sigma_{dB}^2}{(10\alpha)^2}) \ln(10)} + \frac{d(x_2 - d)}{\sigma_c^2}$$

$$F(d) = \frac{\log_{10}(\frac{x_1}{d})}{(\frac{\sigma_d^2}{10\alpha^2})\ln(10)} + \frac{d(x_2 - d)}{\frac{g^2(d)}{2\lambda k^2}(\frac{1}{g(d)} + \frac{1}{S})}$$

$$F(d) = \frac{\log_{10}(\frac{x_1}{d})}{(\frac{\sigma_d^2}{10\alpha^2})\ln(10)} + \frac{d(x_2 - d)}{\frac{g^2(d)}{2\lambda(\frac{10\alpha}{\ln(10)})^2}(\frac{1}{g(d)} + \frac{1}{S})}$$

$$F(d) = \frac{\log_{10}(\frac{x_1}{d})}{(\frac{\sigma_d^2}{10\alpha^2})\ln(10)} + \frac{d(x_2 - d)}{\frac{(\frac{2S}{\pi} \arccos(\frac{d}{2r}) - d\sqrt{r^2 - \frac{d^2}{4}})^2}{2\lambda(\frac{10\alpha}{\ln(10)})^2}(\frac{1}{(\frac{2S}{\pi} \arccos(\frac{d}{2r}) - d\sqrt{r^2 - \frac{d^2}{4}})^2} + \frac{1}{S})}$$

$$F(d) = \frac{\log_{10}(\frac{x_1}{d})}{(\frac{\sigma_d^2}{10\alpha^2})\ln(10)} + \frac{d(x_2 - d)}{\frac{(\frac{2\pi r^2}{\pi} \arccos(\frac{d}{2r}) - d\sqrt{r^2 - \frac{d^2}{4}})^2}{2\lambda(\frac{10\alpha}{\ln(10)})^2}(\frac{1}{(\frac{2\pi r^2}{\pi} \arccos(\frac{d}{2r}) - d\sqrt{r^2 - \frac{d^2}{4}})^2} + \frac{1}{\pi r^2})}$$

Sustituir los valores según corresponde:

$$F(d) = \frac{\log_{10}(\frac{7}{d})}{(\frac{1}{10})\ln(10)} + \frac{d(6 - d)}{\frac{(\frac{2\pi \cdot 10^2}{\pi} \arccos(\frac{d}{2 \cdot 10}) - d\sqrt{10^2 - \frac{d^2}{4}})^2}{2 \cdot 1(\frac{10 \cdot 4}{\ln(10)})^2}(\frac{1}{(\frac{2\pi \cdot 10^2}{\pi} \arccos(\frac{d}{2 \cdot 10}) - d\sqrt{10^2 - \frac{d^2}{4}})^2} + \frac{1}{\pi \cdot 10^2})}$$

Por lo tanto, los valores de  $d$  deben encontrarse entre  $[0, 1, 19]$ . Esto se determinó tomando en cuenta las siguientes consideraciones:

- El intervalo no puede ser negativo debido a que no existe  $\log_{10}$  de una valor negativo.
  - El intervalo no puede iniciar en cero debido a que puede causar divisiones por cero en la fórmula.
  - La función arccos tiene dominio  $[-1, 1]$  por lo tanto el valor de  $d$  debe estar entre  $[0, 1, 20]$
3. Implemente computacionalmente en Python los métodos de la Bisección, Secante y Falsa Posición para encontrar un cero de la función representada en la ecuación (1). Cada método utilizará como condición de parada el criterio  $|f(xk)| \leq 10^{-10}$  y deberá generar una gráfica de iteraciones versus error.
  4. Investigue e implemente computacionalmente en Python otro método iterativo que no se haya explicado en clase, de tal manera que aproxime una solución a la ecuación  $F(d) = 0$ . Este método utilizará como condición de parada el criterio  $|f(xk)| \leq 10^{-10}$ , además de generar una gráfica de iteraciones versus error. El nombre del archivo debe ser *p1\_metodo\_nuevo.py*.

El método escogido (no visto en clase) fue *Steffensen—SecantMethod(SSM)*. Este método es utilizado para resolver ecuaciones no lineales que tienen

aplicaciones interesantes en varias ramas de la ciencia e ingeniería. Es un método iterativo que encontrará la raíz  $x$  de una ecuación propuesta. Para mejorar las propiedades de convergencia, se han propuesto muchas variantes del método de Steffensen. Algunos de estos métodos usan diferencias divididas hacia adelante o centrales para aproximar las derivadas. Por ejemplo, Jain propuso este método donde sugiere la siguiente fórmula:

$$x_{k+1} = x_k - \frac{(f(x_k))^3}{[f(x_k + f(x_k)) - f(x_k)][f(x_k) - f(y_k)]}$$

Donde  $y_k$  es la iteración  $k$  del método de Steffensen. Este método solo usa tres evaluaciones funcionales por paso y llega a la convergencia de tercer orden.

5. Complete los valores de la Tabla 1, y justifique cuál método iterativo es el mejor para aproximar el cero la función  $F$  en la ecuación.

| Método         | Valores Iniciales | Iteraciones totales | $x_k$         | $ f(x_k) $            |
|----------------|-------------------|---------------------|---------------|-----------------------|
| Bisección      | 4                 | 38                  | 6.984632885   | 6.548361852765083e-11 |
| Secante        | [5, 10]           | 8                   | 6.98463288538 | 7.60775262231839e-11  |
| Falsa Posición | [0.1, 19]         | 91                  | 6.98463288504 | 9.35817083547175e-11  |
| SSM            | 1                 | 4                   | 6.98463288538 | 8.91464679853016e-12  |