

Tarea #8

Jonathan Sancho
Nahum Murillo

$$\min Z = 120x + 200y$$

$$\text{Sujeto a: } x+y \leq 65$$

$$x \geq 23$$

$$y \geq 20$$

$$60x+24y \leq 3000$$

$$x, y \geq 0$$

Primal	Primal con variables	Dual
$\min Z = 120x + 200y$ Sujeto: $x+y \leq 65 \quad (41)$ $x \geq 23 \quad (42)$ $y \geq 20 \quad (43)$ $60x+24y \leq 3000 \quad (44)$ $x, y \geq 0$	$\min Z = 120x + 200y + M A_1 + M A_2$ Sujeto: $x+y+H_1 = 65 \quad (H_1)$ $x-E_1+A_1=23 \quad (A_1-E_1)$ $y-E_2+A_2=20 \quad (A_2-E_2)$ $60x+24y+H_2=3000 \quad (H_2)$	$\max w = 65y_1 + 23y_2 + 20y_3 + 3000y_4$ Sujeto: $y_1+y_2+60y_4 \leq 120$ $y_1+y_3+24y_4 \leq 200$ $y_1 \leq 0$ $y_2 \geq 0$ $y_3 \geq 0$ $y_4 \leq 0$

Tabla Inicial

	x	y	H1	A1	A2	H2	E1	E2	VS
H	1	1	1	0	0	0	0	0	65
A1	1	0	0	1	0	0	-1	0	23
A2	0	1	0	0	1	0	0	-1	20
H2	60	24	0	0	0	1	0	0	3000
Z	-120	-200	0	-M	-M	0	0	0	0

	X	Y	H1	A1	A2	H2	E1	E2	V5
H1	1	1	1	0	0	0	0	0	65
A1	1	0	0	1	0	0	-1	0	23
A2	0	1	0	0	1	0	0	-1	20
H2	60	24	0	0	0	1	0	0	3000
Z	M-120	M-200	0	0	0	0	-M	-M	43M

Para "X"

Matriz	Óptima	Inversa	Mult	X	Operación	Resultado
1	-1	-1	*	1	$1 \cdot 1 + 0 \cdot 1 + 0 \cdot 60$	0
0	0	0		1	$0 \cdot 1 + 1 + 0 + 0 \cdot 60$	1
0	0	1		0	$0 \cdot 1 + 0 + 0 + 0 \cdot 60$	0
0	-80	-24		60	$0 \cdot 1 - 60(1) - 24(0) + 1 \cdot 60$	00
					$0 \cdot 1 - 60(1) - 24(0) + 1 \cdot 60$	

Para "y"

Matriz	Óptima	Inversa	Mult	*Y	Operación	Resultado
1	-1	1	*	1	$1 + 0 + 0 + 0 \cdot 24$	0
0	0	0		0	$0 + 0 + 0 + 0$	0
0	0	1		1	$0 + 0 + 1 + 0$	1
0	-60	-24		24	$0 + 0 + 0 + 24$	24 0
					$0 \cdot 1 - 60 \cdot 0 - 24 \cdot 1 + 1 \cdot 24$	

Para "A1"

Matriz	Óptima	Inversa	Mult.	H1	Operación	Resultado
1	-1	-1	*	1	$1 - 1 \cdot 0 - 1 \cdot 0 + 0$	1
0	0	0		0	$0 + 0 + 0 + 0$	0
0	0	1		0	$0 + 0 + 0 + 0$	0
0	-60	-24		0	$0 + 60(0) - 24(0) + 0$	0

Para "H2"

Matriz	Opt	Inv	Mlt	H2	Operación	Resultado
1	-1	-1	*	0	0 - 0 - 0 + 0	0
0	1	0		0	0 + 1 · 0 + 0 + 0 · 1	0
0	0	1		0	0 + 0 + 1 · 0 + 0 · 1	0
0	-60	-24		1	0 - 60 · 0 - 24 · 0 + 1 · 1	1

Para "E1"

Matriz	Opt	Inv	Mlt	E1	Operación	Resultado
1	-1	-1	*	0	0 - 1 - 1 - 0 + 0	1
0	1	0		-1	0 + 1 · -1 + 0 + 0	-1
0	0	1		0	0 + 0 · -1 + 0 + 0	0
0	-60	-24		0	0 - 60(-1) - 24(0) + 0	60

Para "E2"

Matriz	Opt	Inv	Mlt	E2	Operación	Resultado
1	-1	-1	*	0	0 - 0 - 1 - 1 + 0	1
0	1	0		0	0 + 0 + 0 + 0	0
0	0	1		-1	0 + 0 + 1 · -1 + 0	-1
0	-60	-24		0	0 - 60 · 0 - 24 · -1 + 0	24

Para "VS"

Matriz	Opt	Inv	Mlt	VS	Operación	Resultado
1	-1	-1	*	65	1 · 65 - 1 · 23 - 1 · 20 + 0 · 3000	22
0	1	0		23	0 · 65 + 1 · 23 + 0 · 20 + 0 · 3000	23
0	0	1		20	0 · 65 + 0 · 23 + 1 · 20 + 0 · 3000	20
0	-60	-24		3000	0 · 65 - 60(23) - 24(20) + 1 · 3000	1140

Coefficients	Del	FO	Operation	Matrix	Opt	Juv	Degressib	R
H1	X	Y	*	1	-1	-1	$0+120.0+200.0+0$	$0=H1=41$
θ	120	200	*	0	1	0	$0-1+120.1+200.0+0-60$	$120=A1=42$
			*	0	0	0	$0-1+120.0+200.1+0-24$	$200=A2=43$
				0	0	1	$0+120.0+200.0+0.1$	$0=H2=44$

$$Y_1 = 0 \quad Y_2 = 120 \quad Y_3 = 200 \quad Y_4 = 0$$

Dual:

$$\max w = 65y_1 + 23y_2 + 20y_3 + 3000y_4$$

$$y_1 + y_2 + 60y_4 \leq 120 \quad (X)$$

$$y_1 + y_2 + 60y_4 = 120$$

$$(0) + (120) + 60(0) - 120 = 0$$

$$0 + 120 - 120 = 0 \quad X = 0$$

$$y_1 + y_3 + 24y_4 \leq 200 \quad (4)$$

$$y_1 + y_3 + 24y_4 = 200$$

$$0 + (200) + 24(0) - 200 = 0$$

$$0 + 200 - 200 = 0$$

$$Y = 0$$

$$\max w = 65y_1 + 23y_2 + 20y_3 + 3000y_4$$

$$65(0) + 23(120) + 20(200) + 3000(0)$$

$$0 + 2760 + 4000 = 6760$$

$$\text{Punto}(23, 20) \rightarrow M_{\min} z = 120(23) + 200(20) = 6760 //$$