

# Rh una proporción

## Ejemplo 4: una proporción

Por estadísticas que se tienen, se ha establecido que a lo sumo 80% de los fanáticos de cierto equipo, apoyan la idea de que se vendan acciones del equipo a los fanáticos. Una muestra aleatoria de 500 aficionados, reveló que 435 de ellos están de acuerdo con la propuesta. A un nivel de significancia del 5%. ¿Tendrán razón la afirmación inicial?

Normal

$$H_0: p = 0,80 (\leq) \quad n = 500 \quad p_0 = 0,80$$
$$H_1: p > 0,80 \quad \hat{p} = \frac{435}{500} = 0,87 \quad q_0 = 0,20$$
$$\alpha = 0,05$$

Estandarizando

$$Z_{0,05} = \frac{0,87 - 0,80}{\sqrt{\frac{0,80 \cdot 0,20}{500}}} = 3,9131$$

3,9131

---

$$Z_c = Z_{0,05} = 1,69485$$

1,69

II Como  $Z_{0,05} = 3,9131 > Z_c = 1,69485$   
se rechaza  $H_0$

Tip mental: Si se cumple el símbolo del mismo tipo de cola, se rechaza, por ejemplo aquí era cola derecha y se cumplió el  $>$  entonces se rechaza

Con valor P

$$H_0: p = 0,80 (\leq)$$

$$H_1: p > 0,80$$

$$n = 500$$

$$\hat{p} = \frac{935}{500} = 0,87$$

$$p_0 = 0,80$$

$$q_0 = 0,20$$

$$\alpha = 0,05$$

Estandarizando

$$Z_{0,05} = \frac{0,87 - 0,80}{\sqrt{\frac{0,80 \cdot 0,20}{500}}} = 3,9131$$

$$P(Z > 3,9131) = 0,00005$$

II) Como  $0,00005 < 0,05$   
se rechaza  $H_0$

Con RR y RA  $\hat{p}_0 \pm z_{\alpha/2} \sqrt{\frac{pq_0}{n}}$

$$p_0 = 0,80$$

$$H_0: p = 0,80 (\leq)$$

$$H_1: p > 0,80$$

$$n = 500$$

$$\hat{p} = \frac{935}{500} = 0,87$$

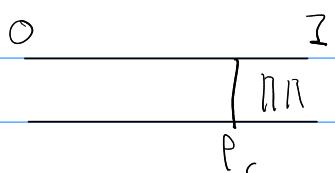
$$q_0 = 0,20$$

$$\alpha = 0,05$$

$$Z_{0,05} = 1,67985$$

$$b = 0,8 + 1,67985 \cdot \sqrt{\frac{0,80 \cdot 0,20}{500}} = 0,8294 \leftarrow p_c$$

RR:  $[0,8294, 1]$   
RA:  $[0, 0,8294]$



II) Como  $\hat{p} = 0,87 \in \text{RR}$ , se rechaza

**[4 puntos]** El gerente de un banco dice que al menos el 78% de las transacciones que se realizan en su sucursal se hacen en colones. Para verificar su aseveración consulta los registros de las últimas 40 transacciones y observa que 28 de ellas se hicieron en colones.

Haga una prueba de hipótesis con un nivel de significancia del 2,5% para juzgar la validez de la aseveración del gerente.

Normal

$$H_0: p = 0,78 (\geq) \quad n = 40 \quad \hat{p} = \frac{28}{40} = 0,7$$

$$H_1: p < 0,78 \quad p_0 = 0,78 \quad q_0 = 0,22 \quad \alpha = 0,025$$

$$Z = \frac{\hat{p} - p_0}{\sqrt{p_0 q_0 / n}}$$

Estandarizando

$$Z_{obs} = \frac{0,7 - 0,78}{\sqrt{0,78 \cdot 0,22 / 40}} = -1,22$$

$$Z_c = Z_{0,025} = -1,95$$

III) Como  $Z_{obs} = -1,22 > Z_c = -1,95$   
No se rechaza  $H_0$

Con valor P

$$Z_{obs} = \frac{0,7 - 0,78}{\sqrt{0,78 \cdot 0,22 / 40}} = -1,22$$

$$P(Z < -1,22) = 0,1$$

III) Como  $0,1 > 0,025$   
No se rechaza  $H_0$

Com  $\text{II} \wedge \text{RA}$

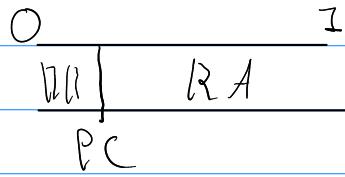
$$H_0: p = 0,78 (\geq) \quad n = 70 \quad \hat{p} = \frac{28}{70} = 0,7$$

$$H_1: p < 0,78$$

$$\hat{p}_0 \pm z_{\alpha/2} \sqrt{\frac{pq}{n}}$$
$$p_0 = 0,78 \quad q_0 = 0,22 \quad \alpha = 0,025$$
$$z_{0,025} = -1,95996$$

$$a = 0,78 - 1,95996 \cdot \frac{0,78 \cdot 0,22}{70} = 0,651626 \quad \text{PC}$$

$$\text{II}: ]0,0,651626[$$
$$\text{RA}: ]0,651626, 1[$$



II) Como  $\hat{p} = 0,70 \in \text{IIA}$ , NO se rechaza  $H_0$

4. Un profesor de la Universidad Futuro Garantizado cree que más de la mitad de los estudiantes matriculados se retiran de al menos una materia. En una muestra de 80 estudiantes, se observó que 45 se habían retirado de al menos una materia.

(a) Determine el valor  $P$  de la prueba de hipótesis para contrastar la creencia del profesor.  
 $R/ 0.131357$

$$Z = \frac{\hat{P} - p_0}{\sqrt{p_0 q_0 / n}}$$

$$H_0: p = 0.5 (\leq) \quad n = 80 \quad \hat{P} = \frac{45}{80}$$

$$H_1: p > 0.5 \quad p_0 = 0.5 \quad q_0 = 0.5$$

$$Z = \frac{\frac{45}{80} - 0.5}{\sqrt{0.5 \cdot 0.5 / 80}} = 1.118$$

$$P(Z > 1.118) = 0.13178$$

(b) ¿Considera aceptable la creencia del profesor?

[No, pues valor  $\hat{p} = 0.13178 > 0.05$   
 por lo que no se rechaza  $H_0$ ]

Recordatorio

- (c) ¿De qué tamaño debe ser una muestra para que la prueba tenga una significancia de 2% y una potencia de 90% cuando el verdadero porcentaje de estudiantes que se retiran de al menos una materia es del 60%?

$R/ 274.279$

$$H_0: p = 0.5 (\leq) \quad p_0 = 0.5 \quad p_1 = 0.60 \quad n \geq \frac{(|z_{\alpha/k}| \sqrt{p_0 q_0} + |z_{\beta}| \sqrt{p_1 q_1})^2}{(p_1 - p_0)^2}$$

$$H_1: p > 0.5 \quad q_0 = 0.5 \quad q_1 = 0.40$$

donde  $k$  es el número de colas

$$H_1: p = 0.60 \quad \alpha = 0.02 \quad \beta = 0.10$$

$$Z_{0.02} = 2.05375 \quad Z_{0.10} = 1.28155$$

$$n \geq \frac{(2.05375 \cdot \sqrt{0.5 \cdot 0.5} + 1.28155 \cdot \sqrt{0.60 \cdot 0.40})^2}{(0.60 - 0.5)^2}$$

$$n \geq 273.80 \rightarrow n \geq 274$$

5. La compañía SERVICIO COMPLETO ofrecerá servicios de telecomunicaciones en nuestro país a penas le aprueben su proyecto, y afirma que más del 30% de los hogares del país pasarán a ser sus clientes. De 80 hogares encuestados, 25 mencionaron que efectivamente se suscribirán a la compañía

- (a) ¿Cuál es la probabilidad de error tipo II si la verdadera proporción es de 40%, el tamaño de la muestra es 120 y el nivel de significancia de 0.025?

$$R/ 0.345.$$

Ojo, se usa este h

$$H_0: p = 0.30 (\leq)$$

$$n = 120 \quad \hat{p} = \frac{25}{80}$$

$$H_1: p > 0.30 (\hat{p} > 0.30) \quad p_0 = 0.30 \quad q_0 = 0.70$$

$$H'_1: p = 0.40$$

$$\alpha = 0.025$$

$$z = \frac{\hat{p}_c - p_0}{\sqrt{p_0 q_0 / n}}$$

$$\hat{p}_0 \pm z_{\alpha/2} \sqrt{\frac{p_0 q_0}{n}}$$

1) Calcular  $P_c$

$$z_{0.025} = 1.95996$$

$$0.30 + 1.95996 \cdot \frac{\sqrt{0.30 \cdot 0.70}}{\sqrt{120}} = 0.38299$$

$$38299$$

2) Estandarizar para error 2

$$z = \frac{\hat{p}_c - p_0}{\sqrt{p_0 q_0 / n}}$$

$$z = \underline{0.38299 - 0.40}$$

$$\frac{\underline{0.40 - 0.60}}{\underline{120}} = -0.40$$

$$P(z < -0.40) = 0.39958 \approx \boxed{0.395}$$

Contraario a >

19. Una empresa está interesada en lanzar un nuevo producto al mercado. Tras realizar una campaña publicitaria, se toma una muestra de 1000 habitantes, de los cuales 25 no conocían el producto. ¿Apoya el estudio la hipótesis de que menos del 3% de la población no conoce el nuevo producto?  
 R/ Valor  $P = 0.176186$ . No se apoya el estudio

Normal

$$h = 1000 \quad \hat{p} = 0,025 \quad Z = \frac{\hat{p} - p_0}{\sqrt{p_0 q_0 / n}}$$

$$H_0: p = 0,03 (\geq) \quad p_0 = 0,03 \quad q_0 = 0,97$$

$$H_1: p < 0,03 (\hat{p} < 0,3) \quad \alpha = 0,05$$

$$Z_{obs} = \frac{0,025 - 0,03}{\sqrt{\frac{0,03 \cdot 0,97}{1000}}} = -0,92$$

$$Z_c = Z_{0,05} = -1,695$$

[R/ Como  $Z_{obs} = -0,92 > Z_c = -1,695$   
 NO se rechaza  $H_0$ ]

Con valor  $P$

$$Z_{obs} = \frac{0,025 - 0,03}{\sqrt{\frac{0,03 \cdot 0,97}{1000}}} = -0,92$$

$$P(Z < -0,92) = 0,17879$$

[R/ Como valor  $P = 0,17879 > \alpha = 0,05$   
 NO se rechaza  $H_0$ ]

$$\text{Con RR y RA} \quad n=1000 \quad \hat{p}=0,025 \quad \hat{p}_0 \pm z_{\alpha/2} \sqrt{\frac{pq}{n}}$$

$$p_0=0,03 \quad q_0=0,97$$

$$H_0: p = 0,03 (\geq) \quad \alpha = 0,05$$

$$H_I: p < 0,03 \quad Z_{0,05} = -1,695$$

$$0,03 - (-1,695) \cdot \frac{0,03 \cdot 0,97}{1000} = 0,021126 \leftarrow P_c$$

$$\text{RR: } ]0,021126 [$$

$$\text{RA: } ]0,021126, 1 [$$

$$0 \leq \frac{Z}{P_c} \leq 1$$

III) Como  $\hat{p} = 0,025 \in \text{RA}$ , NO se rechaza  $H_0$

**Ejemplo 99.** Un investigador afirma que al menos el 10 % de los cascos para motocicleta marca Fast tiene defectos de fabricación que pueden provocar daños a quien lo use. Una muestra aleatoria de 200 cascos revela que 16 de ellos contienen tales defectos.

1. ¿Cuál es valor P para analizar la afirmación del investigador?

Normal

$$\hat{p} = 0,08 \quad n = 200 \quad z = \frac{\hat{p} - p_0}{\sqrt{p_0 q_0 / n}}$$

$$H_0: p = 0,10 (\geq)$$

$$p_0 = 0,10 \quad q = 0,90$$

$$H_I: p < 0,10 (\hat{p} < 0,10) \quad \alpha = 0,05$$

$$Z_{0,05} = \frac{0,08 - 0,10}{\sqrt{0,10 \cdot 0,90 / 200}} = -0,97$$

$$Z_c = Z_{0,05} = -1,695$$

III) Como  $Z_{0,05} = -0,97 > -1,695$

NO Se rechaza  $H_0$

Con valor p

$$Z_{0.05} = \frac{0.08 - 0.10}{\sqrt{\frac{0.10 \cdot 0.90}{200}}} = -0.98$$

$$P(Z < -0.98) = 0.1736$$

II / Como valor p = 0.1736 > 0.05  
NO se rechaza  $H_0$

Con RR y RA

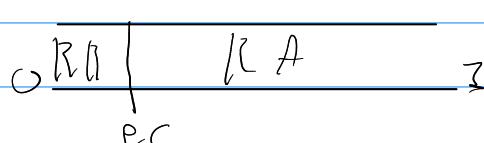
$H_0: p = 0.10 (\geq)$

$H_1: p < 0.10 (p < 0.10)$

$$\hat{p} = 0.08 \quad n = 200$$

$$p_0 = 0.10 \quad q = 0.90$$

$$\hat{p} \pm z_{\alpha/2} \sqrt{\frac{p_0 q_0}{n}}$$



III: ]0, 0.0657[

RA: ]0.0657, 1[

IV / Como  $\hat{p} = 0.08 \in RA$   
NO se rechaza  $H_0$

**Ejemplo 100.** El candidato del partido PLAN asegura que el 55 % de los ciudadanos votará por él en las próximas elecciones. La encuestadora UNI obtuvo que de 1000 habitantes, 520 votarán por dicho candidato. Al utilizar un nivel de significancia del 10 %, ¿existe evidencia significativa en contra de la afirmación del candidato?

Normal

$$H_0: p = 0,55 (\Rightarrow) \quad n = 1000 \quad p_0 = 0,55 \quad \hat{p}_0 \pm z_{\alpha/2} \sqrt{\frac{pq}{n}}$$

$$H_1: p \neq 0,55 \quad \alpha = 0,10 \quad q_0 = 0,95$$

$$z_{0,05} = \pm 1,695 \quad \hat{p} = 0,520$$

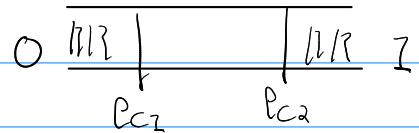
$$a = 0,55 - 1,695 \cdot \sqrt{\frac{0,55 \cdot 0,95}{1000}} = 0,527127 \rightarrow P_{C_2}$$

$$b = 0,55 + 1,695 \cdot \sqrt{\frac{0,55 \cdot 0,95}{1000}} = 0,525879 \rightarrow P_{C_1}$$

$$\text{IR} = [0,527127; 0,525879]$$

$$\text{RA} = [0,527127, 0,525879]$$

III / Como  $\hat{p} = 0,520 \in \text{IR}$   
se rechaza  $H_0$



Con valor  $p$

$$H_0: p = 0,55 (\Rightarrow) \quad n = 1000 \quad p_0 = 0,55 \quad Z = \frac{\hat{P} - p_0}{\sqrt{p_0 q_0 / n}}$$

$$H_1: p \neq 0,55 \quad \alpha = 0,10 \quad q_0 = 0,95$$

$$\hat{p} = 0,520$$

$$z_{0,05} = \frac{0,520 - 0,55}{\sqrt{\frac{0,55 \cdot 0,95}{1000}}} = -1,90693$$

$$2P(Z > -1,90693) = 0,05653 < 0,1$$

∴ se rechaza  $H_0$

**Ejemplo 101.** Se toma una muestra aleatoria de 300 habitantes de cierta ciudad y se les pregunta si están a favor de que el país  $C$  realice un tratado de libre comercio con China. Al realizar la prueba de hipótesis se ha determinado que si menos de 100 personas responden de manera afirmativa, se concluye que a lo sumo el 30 % de los habitantes está a favor del tratado.

- Determine las regiones de aceptación y rechazo para analizar si a lo sumo el 30 % de los habitantes está a favor del tratado.

Normal

$$\hat{P} = \frac{2}{3}$$

$$n = 300$$

$$Z = \frac{\hat{P} - p_0}{\sqrt{p_0 q_0 / n}}$$

$$H_0: p = 0,30 (\leq)$$

$$p_0 = 0,30 \quad q_0 = 0,70$$

$$H_1: p > 0,30 (\hat{P} > 0,30)$$

$$\alpha = 0,05 \quad Z_{0,05} = 1,69985$$

$$Z_{0,05} = \frac{0,33 - 0,30}{\sqrt{\frac{0,30 \cdot 0,70}{300}}} = 1,25988$$

$$Z_C = Z_{0,05} = 1,69985$$

R/ Como  $Z_{0,05} = 1,25988 < 1,69985$

No se rechaza  $H_0$ .

Valor P

$$Z_{0,05} = \frac{0,33 - 0,30}{\sqrt{\frac{0,30 \cdot 0,70}{300}}} = 1,25988$$

$$P(Z > 1,25988) = 0,10386$$

R/ Como Valor P = 0,10386 >  $\alpha = 0,05$   
No se rechaza  $H_0$ .

Con RR n RA

si menos de 100 personas responden de manera afirmativa, se concluye que a lo sumo el 30 % de los habitantes está a favor del tratado.

$$P_c = \frac{100}{300} = \frac{1}{3}$$

○ 111 | 111 I  
EC

RA;  $\left] \frac{1}{3}, 1 \right[$

Al como  $\hat{p} = \frac{1}{3} \in RA$   
no se rechaza  $H_0$

RA;  $\left] 0, \frac{1}{3} \right[$

2. Encuentre la probabilidad del error tipo I

$$Z_{0.05} = \frac{0.33 - 0.30}{\sqrt{\frac{0.30 \cdot 0.70}{300}}} = 1.25988$$

$$P(Z > 1.25988) = 0.10386$$

3. ¿Cuál es la probabilidad del error tipo II si solo el 40 % de los habitantes está a favor del tratado?

$$H_0: p = 0.30 (\leq)$$

$$\hat{p} = \frac{1}{3}$$

$$n = 300$$

$$H_1: p > 0.30 (\hat{p} > 0.30)$$

$$p_0 = 0.30 \quad q_0 = 0.70$$

$$\alpha = 0.05 \quad Z_{0.05} = 1.67985$$

$$H_2: p = 0.40$$

$$P_c = \frac{1}{3} \quad p_1 = 0.70 \quad q_1 = 0.60$$

$$Z = \frac{\hat{P}_c - p_1}{\sqrt{p_1 q_1 / n}}$$

Estandarizar para error 2

$$Z = \frac{\frac{1}{3} - 0.70}{\sqrt{\frac{0.70 \cdot 0.60}{300}}} = -2.35702$$

$$P(Z < -2.35702) = 0.009137$$

4. Una casa encuestadora desea realizar la prueba con un nivel de significancia del 5 % y una potencia del 2 % si la verdadera proporción es del 40 %. ¿Qué tamaño de muestra debe tomar?

$$H_0: p = 0,30 (\leq)$$

$$\hat{p} = \frac{2}{3}$$

$$n = 300$$

$$H_1: p > 0,30 (\hat{p} > 0,30)$$

$$p_0 = 0,30$$

$$q_0 = 0,70$$

$$\varrho_I = 0,90 \quad q_I = 0,66$$

$$H_2: p = 0,40$$

$$\varrho = 0,05$$

$$\beta = 0,02$$

$$n \geq \frac{(|z_{\alpha/k}| \sqrt{p_0 q_0} + |z_\beta| \sqrt{p_1 q_1})^2}{(p_1 - p_0)^2}$$

donde  $k$  es el número de colas

$$Z_{0,05} = 1,675$$

$$Z_{0,02} = 2,05$$

$$n \geq \frac{(1,675 \cdot \sqrt{0,30 \cdot 0,70} + 2,05 \cdot \sqrt{0,70 \cdot 0,66})^2}{(0,40 - 0,30)^2}$$

$$n \geq 309,1 \rightarrow n \geq 310$$

o, 5

**Ejercicio 34.** Un profesor de la Universidad Futuro Garantizado cree que más de la mitad de los estudiantes matriculados retira al menos una materia. En una muestra de 80 estudiantes, se observó que 45 se habían retirado de al menos una materia.

Normal

$$\hat{p} = 0,5625 \quad n = 80$$

$$Z = \frac{\hat{p} - p_0}{\sqrt{p_0 q_0 / n}}$$

$$H_0: p = 0,50 (\leq)$$

$$p_0 = 0,50$$

$$q_0 = 0,50$$

$$H_1: p > 0,50 (\hat{p} > 0,50) \quad \varrho = 0,05$$

$$Z_{0,05} = \frac{0,5625 - 0,50}{\sqrt{\frac{0,50 \cdot 0,50}{80}}} = 1,718$$

$$Z_C = Z_{0,05} = 1,69785$$

Como  $Z_{0,05} = 1,718 < 1,69785$   
No se rechaza  $H_0$

Valor P

$$Z_{0.05} = \frac{0.5625 - 0.50}{\sqrt{\frac{0.50 \cdot 0.50}{80}}} = 1.778$$

$$P(Z > 1.778) = 0.73178$$

R/ Como  $P = 0.73178 > 0.05$   
No se rechaza  $H_0$ .

RR A RA

$$\hat{p}_0 \pm z_{\alpha/2} \sqrt{\frac{pq}{n}}$$

$$H_0: p = 0.50 (\leq)$$

$$\hat{p} = 0.5625 \quad n = 80$$

$$H_1: p > 0.50 \quad (\hat{p} > 0.50) \quad p_0 = 0.50 \quad q_0 = 0.50$$

$$\alpha = 0.05$$

$$Z_{0.05} = 1.69485$$

$$0.50 + 1.69485 \cdot \sqrt{\frac{0.50 \cdot 0.50}{80}} = 0.592 \leftarrow LC$$



RR: ]0.592, 1[

RA: ]0, 0.592 [

R/ Como  $\hat{p} = 0.5625 \in RA$   
No se rechaza  $H_0$ .

# Ph una Varianza

Se puede deducir el símbolo si  $\sigma_0 > s$

Ejemplo 8: una varianza

$$\sigma_0 < s$$

Se estima que el tiempo que requieren los estudiantes de estadística para resolver el primer parcial se distribuye normalmente. Si este año una muestra de 20 estudiantes dio una desviación estándar de 5 min y considerando una significancia del 10%, ¿hay evidencia de que en realidad la desviación estándar de las notas es menor que los 8 min?

Aquí:

$$\sigma_0 > s$$

Usando  $\chi^2_c$

$$n = 20 \quad \sigma_0 = 8$$

$$\chi^2 = \frac{(n-1)s^2}{\sigma_0^2} \text{ con } \nu = n-1$$

$$H_0: \sigma = 8 (\leq) 8 \Rightarrow s \quad \nu = 19 \quad s = 5 \quad \alpha = 0.10$$

$$H_1: \sigma < 8$$

$$\chi^2_{0.05} = \frac{39.5^2}{8^2} = 7.9278$$

$$\chi^2_c = \chi^2_{0.10, 19} = 11.65091$$

R/ Como  $\chi^2_{0.05} = 7.9278 < \chi^2_c = 11.65091$   
Se rechaza  $H_0$

Usando  $s^2_c$

$$\chi^2_c = \frac{(n-1)s^2}{\sigma_0^2} \text{ con } \nu = n-1$$

$$\text{Aqui el } s^2_{0.05} = s^2$$

$$\chi^2_c = \frac{(n-1)s^2}{\sigma_0^2} \quad n = 20 \quad \sigma_0 = 8$$

$$\nu = 19 \quad s = 5 \quad \alpha = 0.10$$

$$s^2 = \frac{\chi^2_{0.05}}{n-1}$$

$$\chi^2_c = \chi^2_{0.10, 19} = 11.65091$$

$$= 39,2452$$

$$s^2_c = \frac{11.65091 \cdot 8^2}{19} = 39,2452 \quad s^2_{0.05} = s^2 = 25$$

R/ Como  $s^2_{0.05} = 25 < s^2_c = 39,2452$   
Se rechaza  $H_0$

$$\sigma_c = s \text{ apliando } S$$

$$\chi^2_c = \frac{(n-1)S^2}{\sigma_0^2} \text{ con } \nu = n-1$$

Usando  $S_c$  Aquí el  $S_{obs} = s$

$$\chi^2_c = \frac{(n-1)s^2}{\sigma_0^2} \quad n=20 \quad \sigma_0 = 8$$

$$v=19 \quad s = 5 \quad \sigma^2 = 0,10$$

$$S_c^2 = \frac{\chi^2_c \cdot \sigma_0^2}{n-1} \quad \chi^2_c = \chi^2_{0,10,19} = 11,65091$$

$$S_c = \sqrt{\frac{\chi^2_c \cdot \sigma_0^2}{n-1}}$$

$$S_c = \sqrt{\frac{11,65091 \cdot 8^2}{19}} = 6,2646 \quad S_{obs} = 5$$

R/ Como  $S_{obs} = s < S_c = 6,2646$   
Se rechaza  $H_0$

$$\text{Usando valor } P \quad n=20 \quad \sigma_0 = 8 \quad \chi^2 = \frac{(n-1)S^2}{\sigma_0^2} \text{ con } \nu = n-1$$

$$v=19 \quad s = 5 \quad \sigma^2 = 0,10$$

$$\chi^2 = \frac{19 \cdot 5^2}{8^2} = 7,423875$$

$$P(\chi^2 < 7,423875, 19) = 0,00890$$

R/ Como  $P=0,00890 < 0,10$   
Se rechaza  $H_0$

La empresa de llantas Mundiales ha sacado un nuevo modelo de llantas para automóviles al mercado asegurando que su duración tiene una desviación estándar menor a 5000 km. Suponga que la duración de las llantas se distribuye normalmente. Se quiere contrastar la afirmación a un nivel de significancia del 10% con una muestra aleatoria de 25 llantas del nuevo modelo.

Acote la probabilidad del error tipo II de la prueba si duración de las llantas del nuevo modelo tiene una desviación estándar de 4700 km

$$H_0: \sigma = 5000 \text{ (} \geq \text{)} \quad n = 25 \quad \bar{\sigma}_0 = 9700 \quad \chi^2 = \frac{(n-1)S^2}{\sigma_0^2} \text{ con } \nu = n-1$$

$$H_1: \sigma < 5000 \quad V = 24 \quad S = ?$$

$$\lambda = 0,10 \quad EII \Rightarrow \bar{\sigma}_0 = H_1^l$$

$$H_1^l: \sigma = 9700$$

Primero se debe encontrar  $S$

$$\chi^2_c = \frac{(n-1) - S^2}{\sigma_0^2}$$

$$S = \sqrt{\frac{\chi^2_c \cdot \sigma_0^2}{n-1}} \quad \chi^2_c = \chi^2_{0,10}, 24 = 15,65868$$

$$\sigma_0^2 = 9700^2 \quad n-1 = 24$$

$$S = \sqrt{\frac{15,65868 \cdot 9700^2}{24}} \rightarrow S = 9038,70$$

Ahora se debe estandarizar con los nuevos datos en este caso con  $\chi^2$  y luego ese resultado a la calculadora

$$n = 25 \quad \bar{\sigma}_0 = 9700 \quad \chi^2 = \frac{(n-1)S^2}{\sigma_0^2} \text{ con } \nu = n-1$$

$$\chi^2 = \frac{24 \cdot 9038,70^2}{9700^2} \quad V = 24 \quad S = 9038,70$$

$$\chi^2 = 17,72 \rightarrow P(\chi^2 \geq 17,72, 24)$$

$\rightarrow 0,816307$

Contrario de  $<$