

**PRÁCTICA CALIFICADA 3 ALGEBRA MATRICIAL Y GEOMETRÍA ANALÍTICA**  
**2020-2**

ALUMNO: HUARINGA LAURA, ABEL JONATHAN

Pregunta

1

Correcta  
Puntúa 2.00  
sobre 2.00

🚩 Marcar  
pregunta

Considere los puntos  $A(2; -1; 0)$ ,  $B(1; 1; -1)$ ,  $C(0; 2; 1)$  y  $D(3; 0; 2)$ , y sean

- El plano  $\mathcal{P}$  que pasa por los puntos A, B y D.
- La recta  $\mathcal{L}$  que pasa por C y es paralela al vector  $\overrightarrow{AD}$ .

La ecuación de una recta perpendicular a  $\mathcal{P}$  y que corta a  $\mathcal{L}$  es:

Seleccione una:

- ☐ a.  $(x; y; z) = (-3; -1; -5) + \lambda(5; -1; -3), \lambda \in \mathbb{R}$ .
- ☐ b.  $(x; y; z) = (-3; -1; -5) + \lambda(5; -1; 3), \lambda \in \mathbb{R}$ .
- ☐ c.  $(x; y; z) = (-3; -1; 5) + \lambda(5; 1; 3), \lambda \in \mathbb{R}$ .
- ☐ d.  $(x; y; z) = (2; 4; 5) + \lambda(-5; 1; -3), \lambda \in \mathbb{R}$ .
- ☐ e.  $(x; y; z) = (2; 4; 5) + \lambda(-5; -1; 3), \lambda \in \mathbb{R}$ .
- ☒ f.  $(x; y; z) = (-3; -1; -5) + \lambda(5; 1; -3), \lambda \in \mathbb{R}$ .
- ☐ g.  $(x; y; z) = (-3; -1; -5) + \lambda(-5; -3; 1), \lambda \in \mathbb{R}$ .



Respuesta correcta

La respuesta correcta es:  $(x; y; z) = (-3; -1; -5) + \lambda(5; 1; -3), \lambda \in \mathbb{R}$ .

## Pregunta

2

Correcta

Puntúa 2.00  
sobre 2.00

🚩 Marcar  
pregunta

Sean  $L_1 : P = (x_0; 2; 2) + t(1; 3; 3)$ ,  $t \in \mathbb{R}$  y  $L_2 : P = s(3; 3; 3)$ ,  $s \in \mathbb{R}$ , dos rectas en el espacio.

Determine para qué valores reales de  $x_0$  las rectas dadas son alabeadas.

Seleccione una:

- ☐ a.  $x_0 \neq \frac{2}{3}$
- ☐ b.  $x_0 \neq 1$
- ☐ c.  $x_0 \neq 3$
- ☐ d.  $x_0 \neq 0$
- ☒ e. Ninguna de las respuestas mostradas es la solución ✓
- ☐ f.  $x_0 \neq -1$
- ☐ g.  $x_0 \neq -3$

Respuesta correcta

La respuesta correcta es: Ninguna de las respuestas mostradas es la solución

## Pregunta

3

Correcta

Puntúa 2.00  
sobre 2.00

🚩 Marcar  
pregunta

Dado el punto  $Q(2; 3; -1)$ , determine las ecuaciones cartesianas de los planos que distan de  $Q$  en  $\sqrt{3}$  unidades y son perpendiculares a la recta  $\mathcal{L}$  que pasa por los puntos  $(1; 3; 0)$  y  $(2; 1; 1)$ .

Seleccione una:

- ☐ a.  $\mathcal{P} : x - 2y + z + 2 = 0; x - 2y + z + 8 = 0$
- ☐ b.  $\mathcal{P} : x - 2y + z - 2 = 0; x - 2y + z + 8 = 0$
- ☐ c.  $\mathcal{P} : x - 2y + z + 2 = 0; x - 2y - z + 8 = 0$
- ☐ d.  $\mathcal{P} : x - 2y + z + 2 = 0; x - 2y + z - 8 = 0$
- ☐ e.  $\mathcal{P} : 2x + 3y - z + 5 + \sqrt{18} = 0; 2x + 3y - z + 5 - \sqrt{18} = 0$
- ☒ f.  $\mathcal{P} : x - 2y + z + 5 + \sqrt{18} = 0; x - 2y + z + 5 - \sqrt{18} = 0$



Respuesta correcta

La respuesta correcta es:  $\mathcal{P} : x - 2y + z + 5 + \sqrt{18} = 0; x - 2y + z + 5 - \sqrt{18} = 0$

## Pregunta

4

Incorrecta

Puntúa 0.00  
sobre 2.00

🚩 Marcar  
pregunta

Dados los vectores  $\vec{a} = (-2; -2\sqrt{2}; 3)$ ,  $\vec{b}$  y  $\vec{c}$ , tales que  $\vec{b} \times \vec{c}$  tiene la misma dirección y sentido que  $\vec{v} = (1; 1; 0)$  y que  $\|\vec{b} \times \vec{c}\| = 2\sqrt{2}$ .

Calcule el valor absoluto del producto mixto  $[\vec{a}, \vec{b} + \vec{c}, \vec{c} + \vec{a}]$ .

Seleccione una:

- ☐ a. 8
- ☐ b.  $4 + 4\sqrt{2}$
- ☐ c.  $4\sqrt{2} - 4$
- ☐ d.  $4\sqrt{2}$
- ☒ e. Ninguna de las respuestas mostradas es la correcta ✖

Respuesta incorrecta.

La respuesta correcta es:  $4 + 4\sqrt{2}$

## Pregunta

5

Correcta

Puntúa 2.00  
sobre 2.00

🚩 Marcar  
pregunta

Dados  $M(4; 2; 6)$ ,  $N(2; -y; 1)$  y  $Q(1; -1; 3)$  vértices del cuadrilátero  $MNPQ$ . Si se sabe que:

a)  $\text{Comp}_{(0;1;0)} \overrightarrow{MN} = 2$

b)  $\text{Proy}_{\overrightarrow{PQ}} \overrightarrow{QN} = \frac{2}{3}(1; 2; 2)$

Halle el valor de  $y$  y las coordenadas del punto  $H$  ubicado en el segmento  $\overline{PQ}$  tal que  $\overrightarrow{NH}$  es perpendicular a  $\overrightarrow{PQ}$ .

Seleccione una:

- ☐ a.  $y = -4$  y  $H(\frac{4}{3}; \frac{2}{5}; \frac{1}{3})$
- ☐ b.  $y = 4$  y  $H(\frac{1}{3}; \frac{2}{3}; \frac{5}{3})$
- ☐ c.  $y = 4$  y  $H(\frac{4}{3}; \frac{2}{3}; \frac{1}{3})$
- ☒ d.  $y = -4$  y  $H(\frac{5}{3}; \frac{1}{3}; \frac{13}{3})$
- ☐ e. Ninguna de las respuestas mostradas es la correcta



Respuesta correcta

La respuesta correcta es:  $y = -4$  y  $H(\frac{5}{3}; \frac{1}{3}; \frac{13}{3})$

## Pregunta

6

Finalizado

Puntuación 5.00  
sobre 5.00


🚩 Marcar  
pregunta

Analice el valor de verdad de las siguientes afirmaciones, justificando sus respuestas.

Dados el punto  $P_0(3; 1; 5)$  y la recta  $L$  definida por las ecuaciones  $2x + y = 3; z = 4$ .

a) Si la recta  $L_2$  pasa por el punto  $Q(-8; -1; -1)$  e interseca perpendicularmente a la recta  $L$ , entonces la ecuación de la recta  $L_2$  es  $P = (-8; -1; -1) + t(8; 4; 5), t \in \mathbb{R}$ .

b) Si la recta  $L_1$  pasa por el punto  $P_0$  y es paralela a la recta  $L$ , entonces la distancia entre las rectas  $L_1$  y  $L$  es  $\sqrt{\frac{21}{5}}$ .

 PC3 P6 20193668.pdf

Comentario:

a) Bien

b) Bien

## Pregunta

7

Finalizado

Puntuación 5.00  
sobre 5.00

🚩 Marcar  
pregunta

a) Dados los vectores  $\vec{a} = (-2; 1; 3)$ ,  $\vec{b} = (2; 0; 4)$  y  $\vec{c} = (2; -1; 4)$ , halle  $[\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}]$ .


(1,5 pt)

b) Sean los vectores  $\vec{u}$ ,  $\vec{v}$  y  $\vec{w}$  en  $\mathbb{R}^3$ , tales que:

- Los vectores  $\vec{u}$  y  $\vec{v}$  forman un ángulo de  $30^\circ$ .
- El vector  $\vec{w}$  es perpendicular a los vectores  $\vec{u}$  y  $\vec{v}$ .
- $||\vec{u}|| = 8, ||\vec{v}|| = 6, ||\vec{w}|| = 4$ .

Halle el volumen del paralelepípedo generado por los vectores  $\vec{u}$ ,  $\vec{v}$  y  $\vec{w}$ .

(3,5 pt)

 PC3 P7 20193668.pdf

Comentario:

a) bien

b) bien



6)  $P_0(3, 1, 5)$   $L: \begin{cases} 2x + y = 3 \\ z = 4 \end{cases}$

a)  $L_2$  para por  $Q(-8, -1, -1)$   
Corta a  $L$  en 1 punto  $\perp$

$L: \begin{cases} 2x + y = 3 \\ z = 4 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} x = r \\ y = 3 - 2r \end{cases} \rightarrow L: \begin{cases} x = 0 + r \\ y = 3 - 2r \\ z = 4 + 0r \end{cases}$

$P_0: (0, 3, 4) \rightarrow \vec{V}_1: (1, -2, 0)$

1) Para ser  $\perp$ , sus vectores dirección deben ser perpendiculares formarán

$\vec{V}_2 \cdot \vec{V}_1 = 0$

Según el enunciado, el  $\vec{V}_2$  debe ser  $(8, 4, 5)$

$(a, b, c) \cdot (1, -2, 0) = 0$

Si probamos:

$a - 2b = 0$

$a = 2b$

$b = 4 \rightarrow a = 8 \rightarrow (8, 4, 5)$  (por operación)

$(8, 4, 5) \cdot (1, -2, 0) = 0$

$8 - 8 + 0 = 0$

$0 = 0 \checkmark$  Si cumple

Por  
centroscopio  
punto del final  
regando y no solo  
por lo que se cumple

Para:

$L_2$  sería:  $\begin{cases} x = -8 + 8t \\ y = -1 + 4t \\ z = -1 + 5t \end{cases}$

$L_2 \cap L_1 \rightarrow -8 + 8t = r$

$-1 + 4t = 3 - 2r$

$-1 + 5t = 4$

$-1 + 4 = 3 - 2r$

$5t = 5$

$-8 + 8 = 0$

$2r = 3 - 3$

$t = 1$

$0 = 0$

$r = 0$

$\checkmark$  Si

$\rightarrow (0, 3, 4)$

$(0, 3, 4)$

$\therefore$  Si, VERDADERO, se intersecan en un solo punto, el  $(0, 3, 4)$  y, como  $\vec{V}_2 \perp \vec{V}_1 \rightarrow \vec{V}_2 \cdot \vec{V}_1 = 0$ , son perpendiculares.

b)  $L_1$  para por  $P_0(3, 1, 5)$

$L_1 \parallel L$

$\rightarrow$  podemos usar el vector director de  $L$

$L_1: \begin{cases} x = 3 + 1s \\ y = 1 - 2s \\ z = 5 + 0s \end{cases} \begin{cases} (3, -2, 1) \\ (1, -2, 0) \end{cases}$

$(2, 1, -4)$

$\parallel \sqrt{4 + 1 + 16} \parallel$

$d(L_1, L)$

$d(P_0, L) = \frac{\| \vec{P_0 P_0} \times (1, -2, 0) \|}{\sqrt{1^2 + (-2)^2 + 0^2}}$

$d(P_0, L) = \frac{\sqrt{4 + 1 + 16}}{\sqrt{5}}$

$= \frac{\sqrt{21}}{\sqrt{5}} = \sqrt{\frac{21}{5}}$

$\rightarrow$  VERDADERO



7)

$$\begin{aligned} \vec{a} &= (-2, 1, 3) \\ \vec{b} &= (2, 0, 4) \\ \vec{c} &= (2, -1, 4) \end{aligned}$$

Halle  
 $[\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}]$

$$[\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}] = \vec{a} \cdot (\vec{b} \times \vec{c})$$

$$(-2, 1, 3) \cdot ((2, 0, 4) \times (2, -1, 4))$$

$$(-2, 1, 3) \cdot (4, 0, -2)$$

$$-8 + 0 - 6 = \boxed{-14}$$

$$\begin{array}{r} (2, 0, 4) \\ (2, -1, 4) \\ \hline (4, -0, -2) \\ 0 - (-4) \quad 8 - 8 \quad -2 - 0 \\ 4 \quad \quad \quad \end{array}$$

$\Rightarrow (\vec{a} \times \vec{b}) \cdot \vec{c}$  (debe salir lo mismo)

b)  $\angle$  entre  $\vec{u}$  y  $\vec{v}$  es  $30^\circ \rightarrow \cos(30^\circ) = \frac{\vec{u} \cdot \vec{v}}{\|\vec{u}\| \cdot \|\vec{v}\|}$

$\vec{w}$  es  $\perp$  a  $\vec{u}$  y  $\vec{v}$

$\|\vec{u}\| = 8$

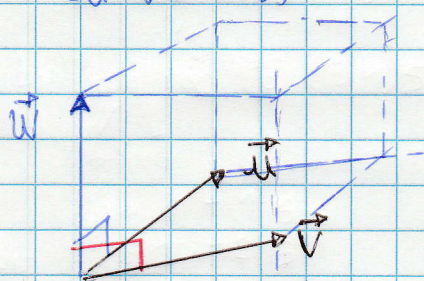
$\|\vec{v}\| = 6$

$\|\vec{w}\| = 4$

$$\sin(30^\circ) = \frac{\|\vec{u} \times \vec{v}\|}{\|\vec{u}\| \|\vec{v}\|}$$

Halle el volumen  $\vec{u} \cdot (\vec{v} \times \vec{w}) \Leftrightarrow (\vec{u} \times \vec{v}) \cdot \vec{w}$

$$\begin{aligned} \vec{u} \cdot \vec{v} &= \cos(30^\circ) \cdot \|\vec{u}\| \cdot \|\vec{v}\| \\ \vec{u} \cdot \vec{v} &= \frac{\sqrt{3}}{2} \cdot 8 \cdot 6 = 24\sqrt{3} \\ \vec{u} \cdot \vec{v} &= 24\sqrt{3} \end{aligned} \quad \left\{ \begin{aligned} \|\vec{u} \times \vec{v}\| &= \sin(30^\circ) \cdot \|\vec{u}\| \cdot \|\vec{v}\| \\ \|\vec{u} \times \vec{v}\| &= \frac{1}{2} \cdot 8 \cdot 6 = 24 \end{aligned} \right.$$



$$\|\vec{u} \times \vec{v}\| = 24$$

Área de la base del paralelepípedo (hallada por  $\|\vec{u} \times \vec{v}\|$ )  
 $= 24 \text{ u}^2$

Para hallar el volumen de este paralelepípedo no debemos en  $\vec{w}$ , bastaría con decir base por altura. Ahora, la altura está dada por la longitud de  $\vec{w}$ , pero nos dicen  $\|\vec{w}\| = 4$

Volumen = base  $\times$  altura

Volumen =  $\|\vec{u} \times \vec{v}\| \times \|\vec{w}\|$

Volumen =  $24 \times 4$

$\boxed{96 \text{ u}^3}$  es el volumen del paralelepípedo.