제2교시

수학 영역

5지선다형

- 1. $\sqrt[4]{3} \times 3^{\frac{3}{4}}$ 의 값은? [2점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

- 2. 함수 $f(x) = x^3 + x$ 에 대하여 $\lim_{h \to 0} \frac{f(1+h) f(1)}{h}$ 의 값은? 4. 함수
 - ① $\frac{5}{2}$ ② 3 ③ $\frac{7}{2}$ ④ 4 ⑤ $\frac{9}{2}$

 $oldsymbol{3}$. 모든 항이 양수인 등비수열 $ig\{a_nig\}$ 에 대하여

$$a_1 \times a_{13} = 64$$
, $\frac{a_5}{a_2} = 2$

- 일 때, a_4 의 값은? [3점]

- ① 2 ② 4 ③ 6 ④ 8
 - **⑤** 10

$$f(x) = \begin{cases} ax^3 - 5 & (x < 2) \\ ax + 1 & (x \ge 2) \end{cases}$$

- 가 실수 전체의 집합에서 연속일 때, 상수 a의 값은? [3점]

5. 다항함수 f(x)에 대하여 함수 g(x)를

$$g(x) = (x^2 - 1)f(x)$$

라 하자. f(1)=5일 때, g'(1)의 값은? [3점]

- \bigcirc 2
- 2 4
- 3 6
- 4 8
- ⑤ 10

- 6. $\sin\left(\frac{\pi}{2} + \theta\right) + \cos\left(\frac{\pi}{2} \theta\right) = \frac{\sqrt{5}}{5}$ 일 때, $\sin\theta\cos\theta$ 의 값은? [3점]
 - ① $-\frac{2}{5}$ ② $-\frac{1}{5}$ ③ 0 ④ $\frac{1}{5}$ ⑤ $\frac{2}{5}$

7. 다항함수 f(x)가 모든 실수 x에 대하여

$$\int_{1}^{x} f(t)dt = xf(x) - x^{3}$$

을 만족시킬 때, f(2)의 값은? [3점]

- ① 4 ② $\frac{9}{2}$ ③ 5 ④ $\frac{11}{2}$ ⑤ 6

8. 1이 아닌 두 자연수 a, b에 대하여

$$\log_2 a + \log_4 ab = \frac{5}{2}$$

일 때, a+b의 값은? [3점]

- 1 4
- 3 8
- **4** 10
- ⑤ 12

9. 이차함수 f(x)가 $\int_{-1}^{1} f'(x)dx = 0$ 을 만족시킬 때,

$$f(0) - f(-1) + \int_0^1 \{x^2 + 2x + f'(x)\} dx$$

의 값은? [4점]

- ① $\frac{1}{3}$ ② $\frac{2}{3}$ ③ 1 ④ $\frac{4}{3}$ ⑤ $\frac{5}{3}$

10. 다음과 같이 $0 \le x < 2$ 에서 정의된 함수 f(x)가 있다.

 $n-1 \le x < n$ 일 때, $f(x) = 3^n \sin \pi x + 4$ 이다. (단, n=1, 2)

함수 y=f(x)의 그래프 위의 점 중 y좌표가 자연수인 점의 개수는? [4점]

- 1 7
- 2 10
- ③ 13
- 4 16
- **⑤** 19

11. 수직선 위를 움직이는 두 점 P, Q의 시각 $t (t \ge 0)$ 에서의 위치가 각각

$$x_1 = t^3 - 5t^2 + 10t$$
, $x_2 = \frac{5}{2}t^2 - 2t - 10$

이다. 두 점 P, Q 사이의 거리가 최소가 되는 순간 점 P의 가속도는? [4점]

- ① 8
- 2 11
- 3 14
- **4** 17
- ⑤ 20

12. 첫째항이 1인 등차수열 $\{a_n\}$ 이 있다. 수열 $\{b_n\}$ 이 모든 자연수 n에 대하여

- 를 만족시킨다. $b_9 b_3 = 27$ 일 때, $\sum_{k=1}^{10} a_k$ 의 값은? [4점]
- 100
- 2 145
- ③ 190
- **4** 235
- **⑤** 280

13. 함수 $f(x) = x^2 - 4x + 5$ 와 두 상수 a, b에 대하여 함수

$$g(x) = \begin{cases} f(x+a) + b & (x < 0) \\ f(x) & (x \ge 0) \end{cases}$$

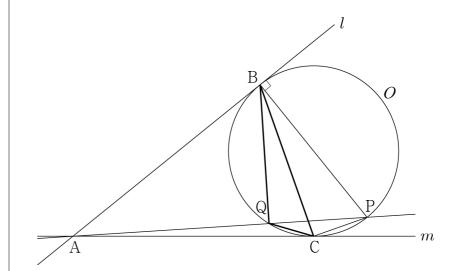
이 실수 전체의 집합에서 연속이다. 실수 t에 대하여 함수 y=g(x)의 그래프와 직선 y=t가 만나는 점의 개수를 h(t)라 하자.

$$\left| \lim_{t \to k+} h(t) - \lim_{t \to k-} h(t) \right| = 2$$

를 만족시키는 서로 다른 모든 실수 k의 값이 1, 4, 5일 때, g(-4)의 값은? [4점]

- ② 10 ① 9 ③ 11
- **4** 12 ⑤ 13

14. 그림과 같이 반지름의 길이가 $3\sqrt{2}$ 인 원 O의 외부에 있는 점 A에서 원 O에 그은 두 접선을 각각 l, m이라 하고, 두 직선 l, m이 원 O와 만나는 점을 각각 B, C라 하자. 점 B를 지나고 직선 l에 수직인 직선이 원 O와 만나는 두 점 중에서 B가 아닌 점을 P, 직선 AP가 원 O와 만나는 두 점 중에서 P가 아닌 점을 Q라 하면 $\overline{AB} = 12$ 일 때, sin(∠BPQ): sin(∠QPC)=3:1이다. 삼각형 BQC의 넓이는? [4점]



- $4 \frac{20\sqrt{2}}{3}$ $5 \frac{22\sqrt{2}}{3}$

15. 함수 $f(x)=x^2+ax+b$ 에 대하여 함수

$$g(x) = \begin{cases} |f(x)| - x^2 & (x \le 0) \\ \{f(x)\}^2 + x^3 & (x > 0) \end{cases}$$

이 다음 조건을 만족시킨다.

- (가) 함수 g(x)는 x=b에서만 미분가능하지 않다.
- (나) 방정식 g(x)=0은 음의 실근을 갖는다.

 $g\left(-\frac{1}{2}\right)+g\left(3\right)$ 의 값은? (단, a, b는 상수이다.) [4점]

①
$$\frac{183}{2}$$
 ② $\frac{187}{2}$ ③ $\frac{191}{2}$ ④ $\frac{195}{2}$ ⑤ $\frac{199}{2}$

$$2 \frac{187}{2}$$

$$3 \frac{191}{2}$$

$$4 \frac{195}{2}$$

$$\bigcirc \frac{199}{2}$$

단답형

16. 방정식

$$2\log_3(x+1) = \log_3(x+7)$$

을 만족시키는 실수 x의 값을 구하시오. [3점]

17. 함수 f(x)에 대하여 $f'(x) = 6x^2 + 1$ 이고 f(0) = 2일 때, f(1)의 값을 구하시오. [3점]

18. 두 수열 $\left\{a_{n}
ight\}$, $\left\{b_{n}
ight\}$ 에 대하여

$$\sum_{k=1}^{19} \left(2a_{k+1} - b_k \right) = 150 , \quad \sum_{k=1}^{19} \left(a_{k+1} + b_k \right) = 330$$

이다. $a_1=3$ 일 때, $\sum_{k=1}^{20}a_k$ 의 값을 구하시오. [3점]

19. 최고차항의 계수가 1인 사차함수 f(x)가 모든 실수 x에 대하여 f(x)=f(-x)를 만족시킨다. 함수 f(x)가 x=2에서 극솟값 -6을 가질 때, 함수 f(x)의 극댓값을 구하시오. [3점]

20. 두 실수 a, b에 대하여 함수 $f(x) = -2^{-x+a} + b$ 가 있다. 집합 $\{x | x \neq 4, x$ 는 실수 $\}$ 에서 정의된 함수

$$g(x) = f(x) + 2^{x} + \frac{|x-4|}{x-4} \{f(x) - 2^{x}\}$$

이 다음 조건을 만족시킬 때, g(6)의 값을 구하시오. [4점]

모든 실수 t에 대하여 함수 y=g(x)의 그래프와 직선 y=t가 만나는 점의 개수는 0 또는 2이다. 21. 함수 $f(x) = -x^2 + kx$ (k > 0) 의 그래프 위에 있는 제 1 사분면 위의 점 A(a, f(a)) $\left(a > \frac{k}{2}\right)$ 에서의 접선의 방정식을 y = g(x) 라 하고, 직선 y = g(x) 의 x 절편을 b 라 하자. 점 A 에서 x 축에 내린 수선의 발을 H라 하고, 삼각형 AOH의 넓이를 S라 할 때, 두 함수 f(x), g(x)가 다음 조건을 만족시킨다.

$$(7) \int_a^b g(x)dx = S$$

$$(4) \int_0^a \left\{ f(x) - \frac{1}{2}ax \right\} dx = \frac{32}{3}$$

g(-k)의 값을 구하시오. (단, 〇는 원점이고, k는 상수이다.) [4점

22. 모든 항이 자연수이고 다음 조건을 만족시키는 모든 수열 $\left\{a_n\right\}$ 에 대하여 $a_6=6$ 이 되도록 하는 모든 a_1 의 값의 합을 구하시오. $\left[4점\right]$

(가) 모든 자연수 n에 대하여

$$a_{n+2} = \left\{ \begin{array}{ll} a_{n+1} + a_n & \left(a_n \text{ 이 홀수인 경우}\right) \\ \\ \frac{1}{2}a_n & \left(a_n \text{ 이 짝수인 경우}\right) \end{array} \right.$$

이다.

(나) 네 항 a_2 , a_3 , a_4 , a_5 중 짝수인 항의 개수는 1이다.

- * 확인 사항
- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오.
- 이어서, 「선택과목(확률과 통계)」 문제가 제시되오니, 자신이 선택한 과목인지 확인하시오.

제2교시

수학 영역(미적분)

5지선다형

23.
$$\lim_{x\to 0} \frac{e^{7x}-1}{x}$$
의 값은? [2점]

- ① 7 ② 8 ③ 9 ④ 10
- ⑤ 11

24. 매개변수 t로 나타내어진 곡선

$$x = t + \sin t, \quad y = -4\cos t + 2\sin^2 t$$

에서
$$t = \frac{\pi}{3}$$
일 때, $\frac{dy}{dx}$ 의 값은? [3점]

①
$$\frac{\sqrt{3}}{2}$$
 ② $\sqrt{3}$ ③ $\frac{3\sqrt{3}}{2}$ ④ $2\sqrt{3}$ ⑤ $\frac{5\sqrt{3}}{2}$

25. x > 0 에서 정의된 함수 f(x) 가

$$f(x) = \lim_{n \to \infty} \frac{\left(\frac{x}{5}\right)^{n+1} + 2x}{\left(\frac{x}{5}\right)^n + 1}$$

일 때, f(k)=5를 만족시키는 모든 양수 k의 값의 합은? [3점]

- ① $\frac{51}{2}$ ② $\frac{53}{2}$ ③ $\frac{55}{2}$ ④ $\frac{57}{2}$ ⑤ $\frac{59}{2}$
- **26.** 양수 t에 대하여 곡선 $y = \frac{\ln x}{x}$ 위의 한 점 $P\left(t, \frac{\ln t}{t}\right)$ 와 점 A(0,1)을 지나는 직선의 기울기를 f(t)라 할 때, $\int_{1}^{e} f(t)dt$ 의 값은? [3점]
- ① $-\frac{1}{e}$ ② $-\frac{2}{e}$ ③ $-\frac{3}{e}$ ④ $-\frac{4}{e}$ ⑤ $-\frac{5}{e}$

27. 최고차항의 계수가 1인 이차함수 f(x)가 실수 $k(k \neq 0)$ 에 대하여 f(3-2k)=f(3)을 만족시킨다. 함수

$$g(x) = \frac{f(x) + k}{e^{f(x)}}$$

가 x=3에서 극대이고 g(3)=e일 때, g(k)의 값은? [3점]

 $\bigcirc -2e^6 \bigcirc 2 -3e^5 \bigcirc 3 -2e^5 \bigcirc 4 -3e^4 \bigcirc 5 -2e^4$

28. 실수 a에 대하여 함수 f(x)가

$$f(x) = \begin{cases} \frac{\ln(-x)}{x} & (x < 0) \\ -x^2 + 2x + a & (x \ge 0) \end{cases}$$

이다. 실수 t(0 < t < 2)에 대하여 f'(x) = t를 만족시키는 음수 x의 값을 g(t)라 하고, 함수 f(x)가 다음 조건을 만족시키도록 하는 a의 값을 h(t)라 하자.

 $k \ge a$ 인 모든 실수 k에 대하여 함수 y = f(x)의 그래프와 직선 y=tx+k가 만나는 서로 다른 점의 개수는 2이다.

g(1)+h'(1)의 값은? (단, $\lim_{x\to\infty}\frac{\ln x}{x}=0$) [4점]

- ① $\frac{1}{3}$ ② $\frac{1}{2}$ ③ $\frac{2}{3}$ ④ $\frac{5}{6}$ ⑤ 1

단답형

29. 첫째항이 자연수이고 공비가 $-\frac{1}{2}$ 인 등비수열 $\{a_n\}$ 이

$$\sum_{n=1}^{\infty} (|a_n+1| - a_n - 1) = 26$$

을 만족시킨다. $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$ 의 값을 구하시오. [4점]

30. 함수 $f(x) = \int_0^x e^{\cos \pi t} dt$ 의 역함수를 g(x)라 할 때,

실수 전체의 집합에서 도함수가 연속인 함수 h(x)가 모든 실수 x에 대하여

$$h(g(x)+2) = 2x^3 + 6f(1)x^2 + 1$$

을 만족시킨다. $\int_3^7 \frac{h'(x)}{f(x)} dx = k \times \{f(1)\}^2$ 일 때, 실수 k의 값을 구하시오. [4점]

- * 확인 사항
- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오.
- 이어서, 「선택과목(기하)」 문제가 제시되오니, 자신이 선택한 과목인지 확인하시오.