

Variáveis:

- $x_{p,l,f}$: quantidade de papeis do tipo p produzidos na maquina l e na fábrica f ;
- $y_{p,f,j}$: quantidade de papeis do tipo p transportados da fábrica f para o cliente j ;
- $z_{l,f,m}$: quantidade de matéria-prima m utilizada na maquina l da fábrica f .

$$(P) \quad \text{minimize} \quad \sum_{p \in \mathcal{P}} \sum_{l \in \mathcal{L}} \sum_{f \in \mathcal{F}} p_{p,l,f} \cdot x_{p,l,f} + \sum_{p \in \mathcal{P}} \sum_{f \in \mathcal{F}} \sum_{j \in \mathcal{J}} t_{p,f,j} \cdot y_{p,f,j}$$

$$\text{sujeito a} \quad \sum_{j \in \mathcal{J}} y_{p,f,j} \leq \sum_{l \in \mathcal{L}} x_{p,l,f} \quad \forall p \in \mathcal{P}, \forall f \in \mathcal{F} \quad (1)$$

$$\sum_{p \in \mathcal{P}} x_{p,l,f} \leq C_{l,f} \quad \forall l \in \mathcal{L}, \forall f \in \mathcal{F} \quad (2)$$

$$\sum_{f \in \mathcal{F}} y_{p,f,j} \geq D_{j,p} \quad \forall j \in \mathcal{J}, \forall p \in \mathcal{P} \quad (3)$$

$$\sum_{l \in \mathcal{L}} z_{l,m,f} \leq R_{m,f} \quad \forall m \in \mathcal{M}, \forall f \in \mathcal{F} \quad (4)$$

$$\sum_{p \in \mathcal{P}} x_{p,l,f} \cdot r_{m,p,l} \leq z_{l,f,m} \quad \forall f \in \mathcal{F}, \forall l \in \mathcal{L}, \forall m \in \mathcal{M} \quad (5)$$

$$(6)$$

Restrições:

- (1): a quantidade transportada não pode ser maior do que a quantidade produzida;
- (2): a quantidade produzida deve respeitar a capacidade de cada fábrica;
- (3): a quantidade produzida deve respeitar a demanda;
- (4): a matéria-prima utilizada em cada fabrica deve respeitar as disponíveis;
- (5): computando a quantidade de matéria necessária para realizar a produção;

“Complexidade”:

Grupo de Restrição	Quantidade de Restrições
1	$ P \cdot F $
2	$ L \cdot F $
3	$ J \cdot P $
4	$ M \cdot F $
5	$ F \cdot L \cdot M $