



Beleuchtung

Inhalt



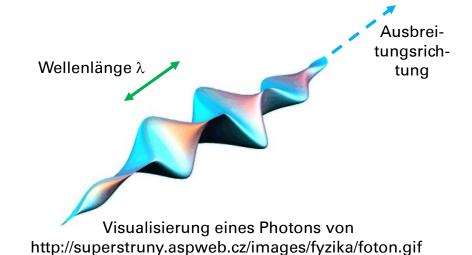
- Licht
 - Eigenschaften
 - Repräsentation
 - Lichtquellen
- Beleuchtungsmodelle
 - lokal
 - BRDF
 - diffus
 - spekular
 - ambient
 - global

Licht Eigenschaften



Was ist Licht?

- besteht aus Überlagerung sehr vieler <u>Photonen</u>, die sich gegenseitig nicht beeinflussen
- Photonen verhalten sich zwar wie Wellen – jedoch nur bei Interaktion mit Strukturen in der Größe der Wellenlänge, die zw. 400 und 800nm liegt
- Photonen fliegen entlang von geraden Bahnen mit Lichtgeschwindigkeit
- wichtige Eigenschaften:
 - Wellenlänge / Frequenz / Energie (definiert Farbe)
 - Polarisation (linear / zirkular)



$$c = 299.792.458 \frac{m}{s} = 1.079.252.848 \frac{km}{h}$$

Lichtgeschwindigkeit im Vakuum

$$c = \upsilon \lambda$$

Zusammenhang zwischen Lichtgeschwindigkeit Frequenz und Wellenlänge

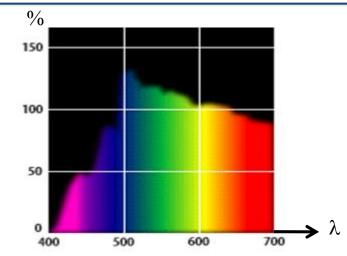
$$E = h \upsilon$$

Energie eines Photons mit $h=6.6260689633\cdot10^{-34} \text{Js}$

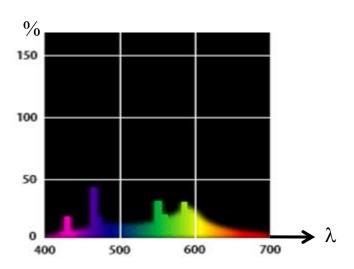
Licht Leistungsspektrum

Computergraphik und Visualisierung

- Ein Laser produziert Licht, das aus Photonen fast derselben Wellenlänge zusammengesetzt ist.
- Bei den meisten anderen Lichtquellen ist das Licht aus verschiedenfarbigen Photonen zusammengesetzt.
- Das Licht einer Lichtquelle kann über das <u>Leistungs-</u> <u>spektrum</u> charakterisiert werden. Dazu wird für jede Wellenlänge aufgetragen wie viel Prozent der Gesamtleistung in den Photonen dieser Wellenlänge mitgeführt wird



Leistungsspektrum von Tageslicht

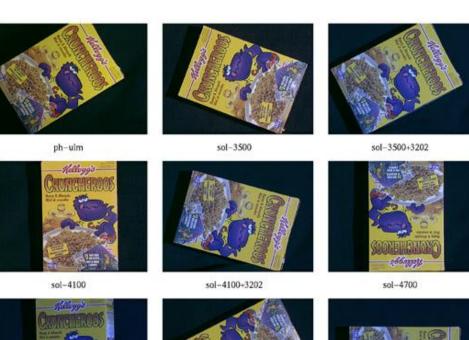


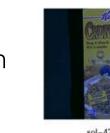
Leistungsspektrum einer Leuchtstoffröhre

Licht Einfluss auf Farbe von Objekten



- Die Farben von Gegenständen sind relativ zur Beleuchtung.
- Wenn zum Beispiel ein Gegenstand mit einer roten Lichtquelle beleuchtet wird, so kann er auch nur rotes Licht reflektieren.
- Für die Messung von
 Farben gibt es deshalb
 standardisierte Lichtquellen
 mit fest vorgegebenem
 Leistungsspektrum







syl-cwf



svl-wwf

syl-50MR16Q



syl-50MR16Q+3202



The cruncheroos object as seen under all 11 test illuminants.

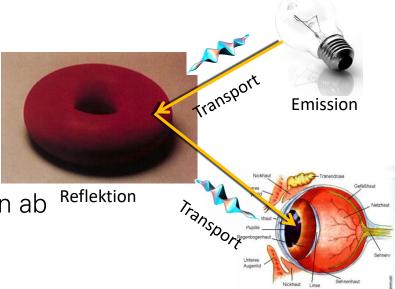
© http://www.cs.sfu.ca/~colour/data/ objects_under_different_lights/ illuminants.jpg

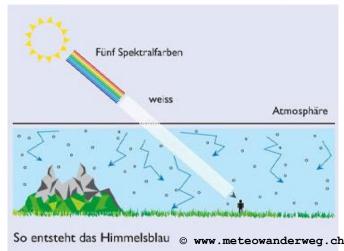
Licht Ausbreitung



Prozesse der Lichtausbreitung

- <u>Emission</u> ... eine Lichtquelle wandelt z.B. elektrische Energie in Licht um
- <u>Transport</u> ... im Vakuum bewegen sich Photonen auf geraden Bahnen
- <u>Streuung</u> ... in transparenten Medien
 (z.B. Gase) prallen Photonen an Atomen ab
- <u>Reflektion</u> ... an Oberflächen werden Photonen reflektiert
- <u>Refraktion</u> ... transparente Oberflächen (z.B. Glas) lassen Photonen durch
- Absorption ... in transparenten Medien und an Oberflächen werden Photonen absorbiert
- <u>Detektion</u> ... im Auge oder Bildsensor werden Photonen absorbiert und gezählt

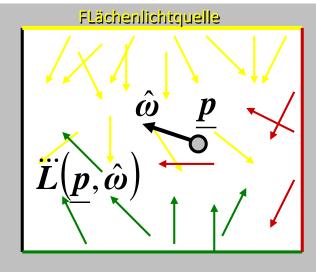




Licht Lichtausbreitung

Computergraphik und Visualisierung

- Weil die Lichtgeschwindigkeit sehr hoch ist, bildet sich in einer Szenerie mit Lichtquellen in kurzer Zeit ein <u>Strahlungs-</u> gleichgewicht bei dem gleich viele Photonen absorbiert oder aus der Szenerie entkommen wie neue Photonen produziert oder in die Szenerie hineinfliegen
- Die aktuelle Strahlungssituation kann man an jedem Punkt p in jeder Richtung ω beschreiben durch die Lichtleistung, die alle Photonen transportieren, die bei p in Richtung ω fliegen



- Die gerichtete Lichtleistung L an einem Punkt nennt man auch die <u>Strahldichte</u> oder wenn man sie mit der menschlichen Empfindung gewichtet, die <u>Leuchtdichte</u>
- Beide Kenngrößen sind im Vakuum entlang von Strahlen konstant

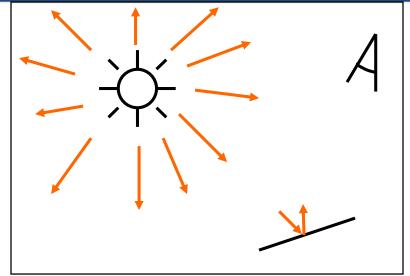
Licht Beleuchtungssimulation



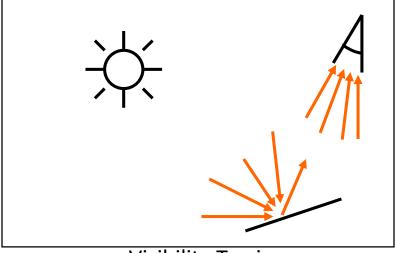
- In vielen Ansätzen zur Beleuchtungssimulation wird die Strahl- oder Leuchtdichte bestimmt und zur Vereinfachung die Streuung weggelassen
- Photonen durchlaufen dann Pfade von
 - Emission
 - mehrere Reflektionen oder Refraktionen bis hin zur
 - Absorption bzw. Detektion

Man unterscheidet:

- <u>Light Tracing</u> ... das Verfolgen von Photonenpfad ausgehend von der Lichtquelle
- <u>Visibility Tracing</u> ... das Verfolgen von Pfaden in umgekehrter Richtung vom Auge ausgehend



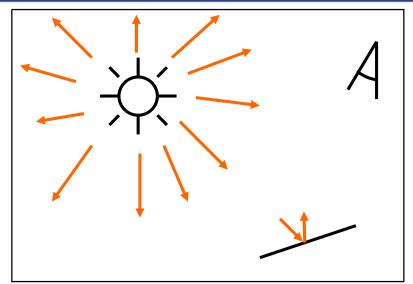
Light Tracing



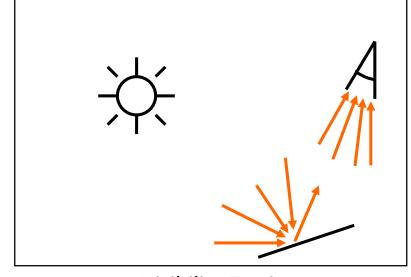
Visibility Tracing

Abtastung entlang von Strahlen





Light Tracing



Visibility Tracing



S. Gumhold - Beleu



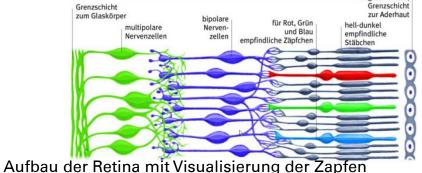
Licht Diskretisierung des Spektrums



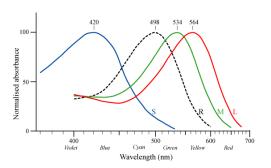
 Einerseits hat das menschliche Auge nur drei verschiedene Farbrezeptoren, so dass drei Farbkanäle für die Repräsentation von Licht ausreichen sollten

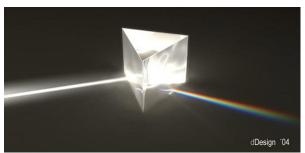
• Notation: $\ddot{L} = (R, G, B)$

 Die Richtungsänderung von Photonen bei Streuung und Refraktion sind jedoch von der Wellenlängen abhängig, so dass bei der Simulation der Lichtausbreitung auch oft mehr als drei Farbkanäle verwendet werden



Aufbau der Retina mit Visualisierung der Zapten Bildquelle: www.jameda.de/gesundheits-lexikon/retina





Wirkung eines Prismas zur Aufspaltung von Licht Bildquelle: www.ddesignmedia.de

Licht Leuchtmittel





verschiedenfarbige LEDs



Nichia Hochleistungs-LED Lichtausbeute: bis147 Lumen/Watt 3195-8650 Lumen bei 21.4-74,4 W



Energiesparlampe



organische LED (Flächenlichtquelle) Lichtausbeute: bis 124 Lumen/Watt (5.'09)



Wolfram Glühbirne

Licht Lichtausbeute



- Lichtausbeute ist definiert als Quotient der wahrgenommenen Lichtleistung in Lumen über der zugeführten Leistung in Watt
- Die wahrgenommene Leistung ist abhängig von der Wellenlängen und ist bei grünem Licht (555nm) am höchsten

Тур	Lichtausbeute [lm/W]	Lebensdauer [h]	Ra	Startzeit
Glühlampe	5 16	750 1000	>90	Sofort
Halogenlampe ¹	14 25	25 4000	>90	Sofort
weiße Leuchtdiode	10 100 ²	100.000	90	Sofort
Energiesparlampe	35 75	8000 15000	>82	schnell
Leuchtstofflampe	50 105	8000 20000	80 100	schnell
Kaltkathodenröhre	40 80	30000 50000	>90	schnell
Halogenmetalldampf	60 100	9000 15000	90	3 min ³
Hochdruck- Quecksilberdampf	30 60	10000	45 58	5 min ³
Natriumhochdruck	70 150	20000 32000	25 40	8 min ³
Natriumniederdruck	100 200	12000 18000	25	15 min ³
Induktionslampe	80 100	50.000 100.000	80 89	schnell

(Stand: April 2010)

http://www.energie-bewusstsein.de/index.php?page=thema_strom_beleuchtung&p2=leuchtmittel_vergleichstabelle

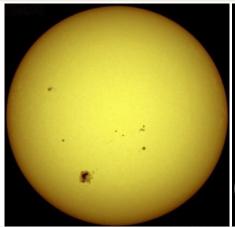
Natürlich Lichtquellen

Computergraphik und Visualisierung

- Sonne, Mond (indirekt)
- Blitz, Wetterleuchten (indirekt), Kugelblitz
- Leuchtkäfer (95% Wirkungsgrad)

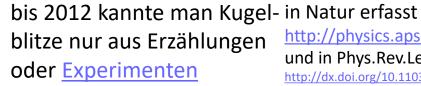


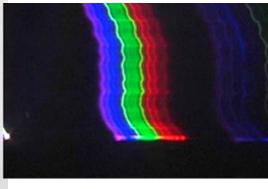












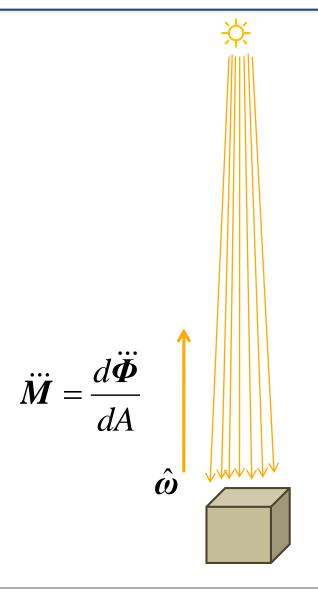
2012 wurde zum ersten mal ein Kugelblitz mit dessen Spektrum in Natur erfasst

http://physics.aps.org/articles/v7/5 und in Phys.Rev.Lett. publiziert: http://dx.doi.org/10.1103/PhysRevLett.112.035001

Lichtquellen Richtungslichtquelle



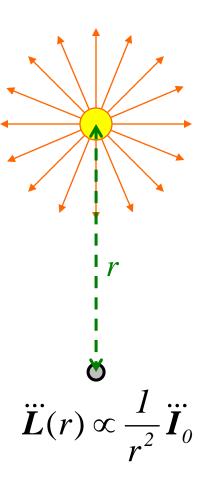
- Einfachste Lichtquelle; dient als Approximation sehr weit entfernter Lichtquelle (z. B. die Sonne)
- definiert durch Richtung ω zur Lichtquelle und Lichtausstrahlung M (Leistung pro Fläche)
- In OpenGL wird Richtung durch homogenen Vektor mit einer Null in der w-Komponente repräsentiert, d.h. es handelt sich um eine unendlich weit entfernte Punktlichtquelle



Lichtquellen Punktlichtquelle

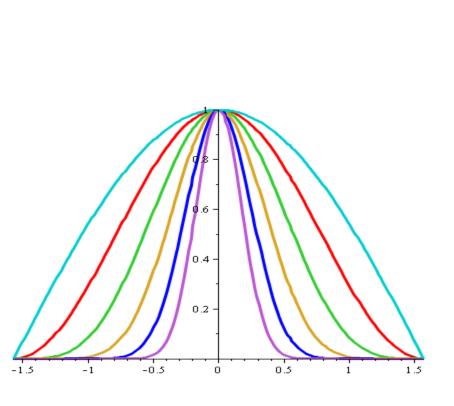


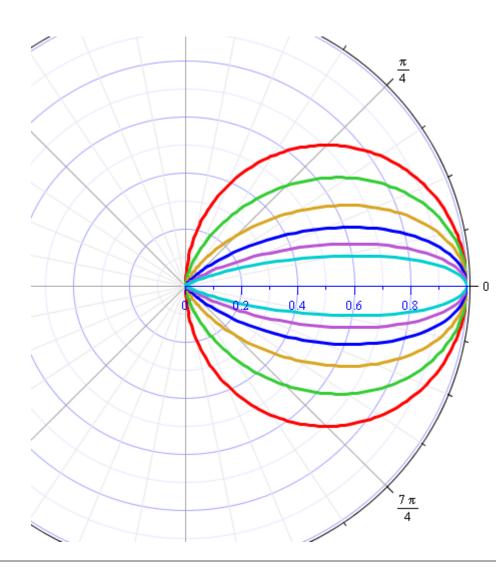
- sendet Licht in alle
 Richtungen
 mit gleicher Stärke (isotrop)
 aus
- Definition: Position, Lichtstärke I [Candela] (Leistung pro Richtung) unabhängig von Richtung
- weit entfernte
 Punktlichtquelle
 verhält sich wie eine
 Richtungslichtquelle



Polarer Plot





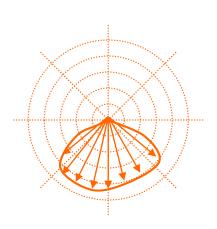


Lichtquellen verallgemeinerte Punktlichtquellen



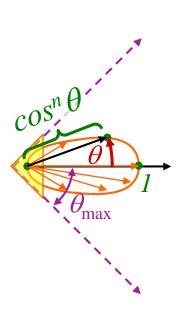
Goniometrische Lichtquelle

- Lichtstärke abhängig von Abstrahlrichtung: $I(\varphi, \theta)$
- Lichtstärke wird tabelliert



Strahler (engl. spot)

- Spezielle Richtungsabhängigkeit, die Lichtkegel erzeugt
- Intensität: $\ddot{\boldsymbol{I}}(\varphi,\theta) = \ddot{\boldsymbol{I}}_0 \cdot \begin{cases} (\cos\theta)^n & |\theta| < \theta_{\text{max}} \\ 0 & \text{sonst} \end{cases}$
- Exponent n bestimmt die Stärke der Lichtbündelung.
- ullet Öffnungswinkel: $heta_{
 m max}$
- Im OpenGL-Standard enthalten

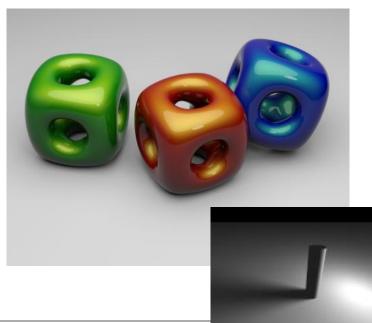


Lichtquellen Flächenlichtquelle



- allgemeinster Fall ist die ausgedehnte Lichtquelle
- Wird durch Oberflächengeometrie und Abstrahlleistung pro Richtung und Fläche definiert – oft isotrop (d.h. an allen Oberflächenpunkten in alle Richtungen gleich hell)
- aufwendig bei der Simulation; kann durch viele
 Punktlichtquellen approximiert werden
- Erzeugt weiche Schatten





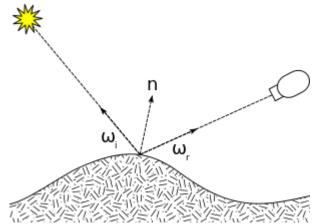
Beleuchtungsmodelle Überblick



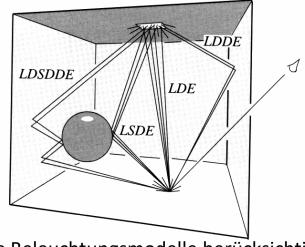
Man unterscheidet

- lokale Beleuchtungsmodelle ... beschreibt das Reflektions-, Refraktions- und Absorptionsverhalten von Licht an Oberflächen
- globale Beleuchtungsmodelle

 simulieren die
 Lichtausbreitung entlang von
 Lichtpfaden über mehrere
 Reflektionen und Refraktionen
- Die Echtzeitgraphik baut auf lokalen Beleuchtungsmodellen auf und emuliert globale Effekte der Lichtausbreitung teilweise wo dies effizient möglich ist (Schatten, Spiegel)



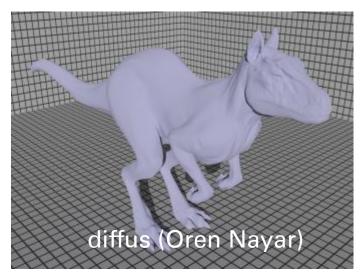
lokales Reflektionsverhalten wird durch BRDF beschrieben



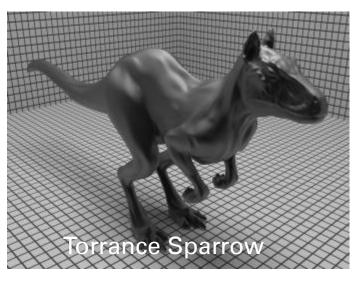
globale Beleuchtungsmodelle berücksichtigen alle Pfade der Lichtausbreitung

Beleuchtungsmodelle lokal – Beispiele I









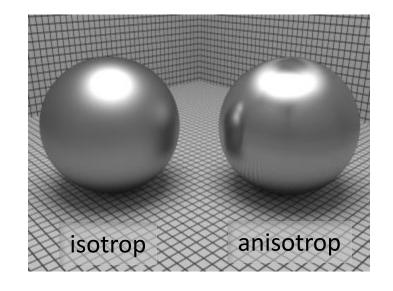


© pbrt

Beleuchtungsmodelle lokal – Beispiele II







Brechung und Refraktion nach den Fresnel'schen Formeln

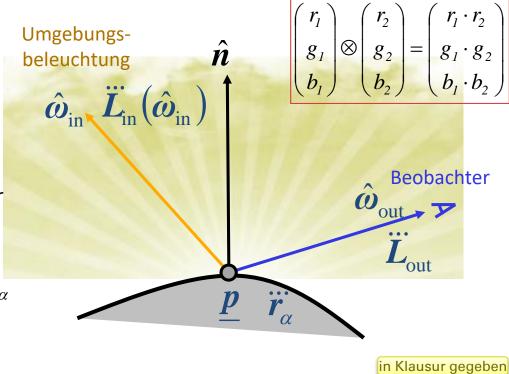
Beleuchtungsmodelle lokal – BRDF – Definition

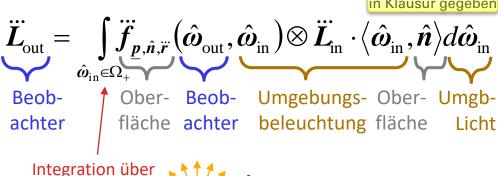


- Lokale Beleuchtungsmodelle berechnen an einem Oberflächenpunkt p in einem an der Normalen n ausgerichteten Koordinatensystem aus
 - Richtung $\omega_{\rm in}$ zur Lichtquelle
 - Richtung ω_{out} zum Beobachter
 - ullet der einfallenden Strahldichte $oldsymbol{L}_{ ext{in}}$
 - mehrere Materialparameter r_{α} wie Reflektionsfarbe,
 Rauigkeit

die Strahldichte L_{out} des Lichts, die zum Beobachter reflektiert wird:

 Die Funktion f (\omega_{out}, \omega_{in}) nennt man <u>BRDF</u> / <u>bidirektionale</u> <u>Reflektionsverteilungsfunktion</u>



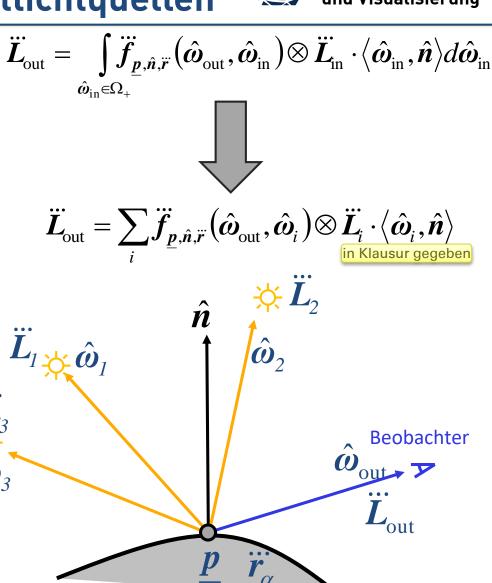


Halbkugel

Beleuchtungsmodelle lokal – BRDF – für Punktlichtquellen



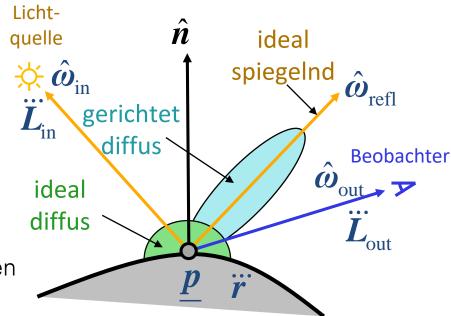
- Bei Punkt- und Richtungslichtquellen, wird das Integral zu einer Summe über alle von der Oberfläche sichtbaren Lichtquellen
- Im Folgenden betrachten wir die BRDF bei Beleuchtung mit nur einer Punktlichtquelle.
 Damit kann die Summation weggelassen werden.
- Die Berechnung der Leuchtdichte für diesen Fall wird auch das <u>lokale</u> <u>Beleuchtungsmodell</u> genannt, weil nur eine (lokale) Reflektion betrachtet wird.



Beleuchtungsmodelle lokal – Zerlegung



- Das lokale Beleuchtungsmodell wird meist in drei Bestandteile zerlegt
 - diffuse Reflektion ... Anteil hängt nicht von Beobachter ab. Das eingefallene Licht wird in alle Richtungen gleich reflektiert
 - gerichtet diffus (oft spekular genannt) ... Anteil ist am stärksten wenn der Beobachter aus der an der Normalen gespiegelten Einfallsrichtung \(\varphi_{\text{out}}\) schaut und fällt mit dem Winkel zu \(\varphi_{\text{out}}\) ab
 - spiegelnd ... nur ein Beitrag, wenn der Beobachter genau aus ω_{out} schaut

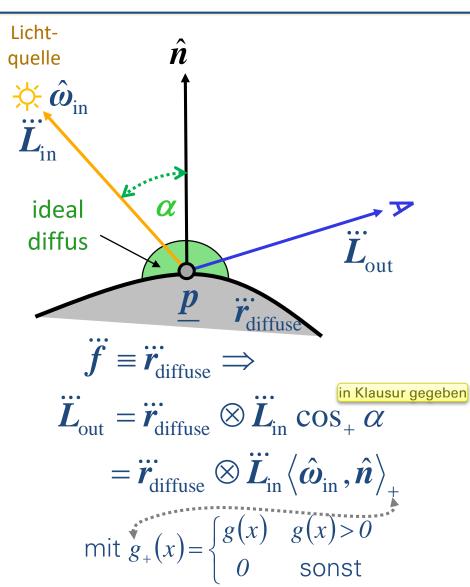


$$\hat{\boldsymbol{\omega}}_{\text{refl}} = \hat{\boldsymbol{\omega}}_{\text{in}} + 2(\langle \hat{\boldsymbol{n}}, \hat{\boldsymbol{\omega}}_{\text{in}} \rangle \hat{\boldsymbol{n}} - \hat{\boldsymbol{\omega}}_{\text{in}})$$
$$= 2\langle \hat{\boldsymbol{n}}, \hat{\boldsymbol{\omega}}_{\text{in}} \rangle \hat{\boldsymbol{n}} - \hat{\boldsymbol{\omega}}_{\text{in}}$$

Beleuchtungsmodelle lokal – Diffuse Reflektion



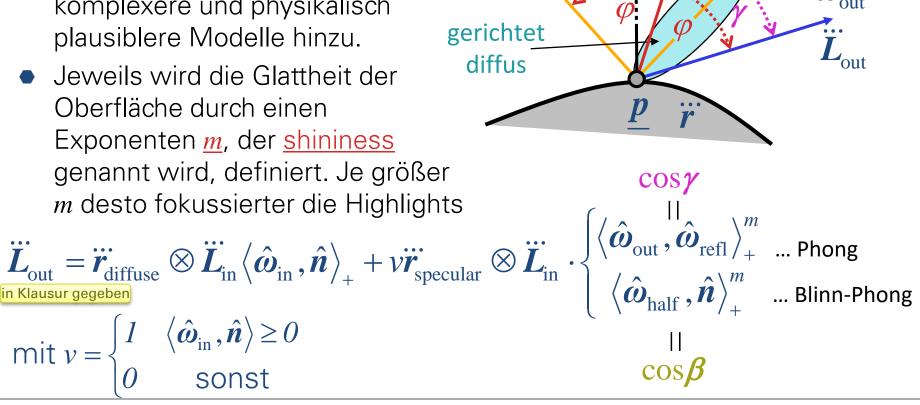
- In allen lokalen Beleuchtungsmodellen wird der diffuse Anteil gleich modelliert
- Die BRDF wird als konstant angenommen und auf eine konstante Farbe gesetzt
- Der Kosinusterm in der Definition der reflektierten Lichtintensität macht die Helligkeit der Oberfläche abhängig von der Einfallsrichtung des Lichts – je senkrechter der Einfall desto heller
- Bei der Implementierung setzt man negative Werte auf Null damit die Oberfläche nicht von innen beleuchtet wird



Beleuchtungsmodelle lokal - Spekulare Reflektion



- Für die spekulare Komponente wurden zuerst das Modell nach Phong und das nach Blinn-Phong (Standardmodell in OpenGL) entwickelt. Später kamen komplexere und physikalisch plausiblere Modelle hinzu.
- Jeweils wird die Glattheit der Oberfläche durch einen Exponenten m, der shininess genannt wird, definiert. Je größer m desto fokussierter die Highlights

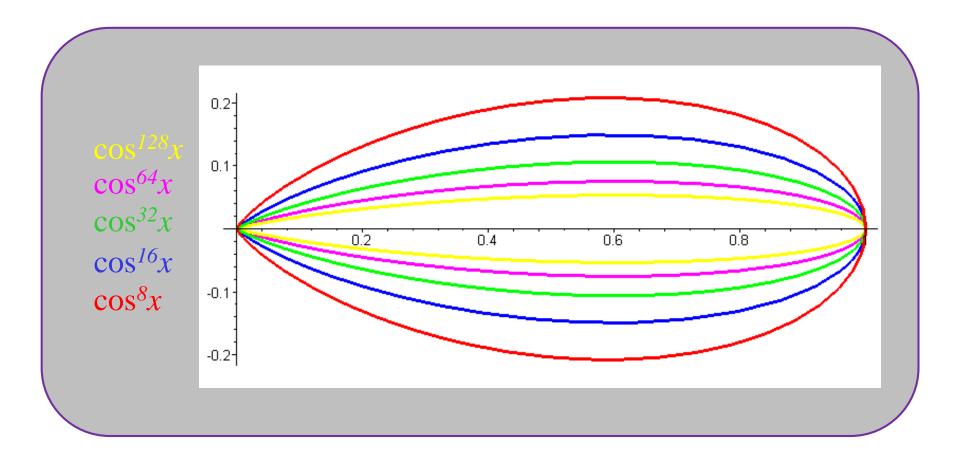


$$\text{mit } v = \begin{cases} 1 & \langle \hat{\boldsymbol{\omega}}_{\text{in}}, \hat{\boldsymbol{n}} \rangle \ge 0 \\ 0 & \text{sonst} \end{cases}$$

Beleuchtungsmodelle lokal – Bündelung des Lichts



• Plot von $\cos^m x$ für m=8,16,32,64,128 in Polarkoordinaten.



Beleuchtungsmodelle lokal – Phong vs Blinn-Phong

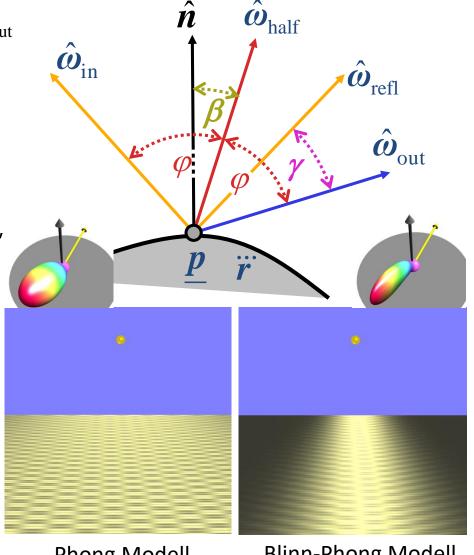


• Liegen die Vektoren n, $\omega_{\rm in}$ und $\omega_{\rm out}$ in einer Ebene, so gilt

$$\gamma = 2\beta$$

und Phong und Blinn-Phong sollten ungefähr dasselbe Ergebnis liefern

 Schaut man flach auf eine Fläche, die von der gegenüberliegenden Seite beleuchtet wird, so liegen die Vektoren nicht mehr in einer Ebene – je weiter man aus der Mitte kommt, desto weniger.
 Dann unterscheiden sich die Modelle und man erkennt, dass das Blinn-Phong Modell realistischer aussieht



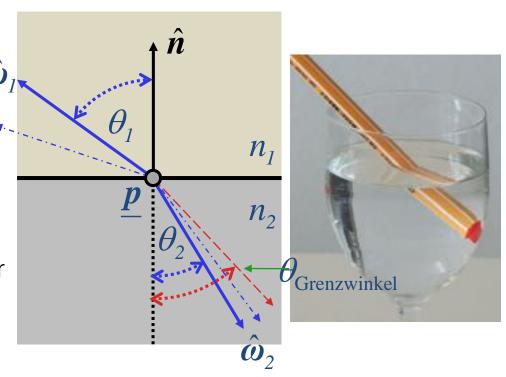
Phong Modell

Blinn-Phong Modell

Beleuchtungsmodell lokal – Refraktion



- Für die Brechung bzw.
 Refraktion wird meist nur die
 ideale Brechung nach dem
 Gesetz von Snellnius
 berücksichtigt
- Ausgangspunkt sind die Brechungsindizes n₁ und n₂ zweier aneinander grenzender transparenter Materialien
- Je höher der Brechungsindex, desto langsamer breiten sich Photonen aus und desto stärker wird der Lichtstrahl zur Normalen der Grenzschicht hin gebrochen (abgelenkt).
- Beim Übergang in ein Medium mit kleinerem Brechungsindex gibt es einen Grenzwinkel, ab dem das gesamte Licht reflektiert wird



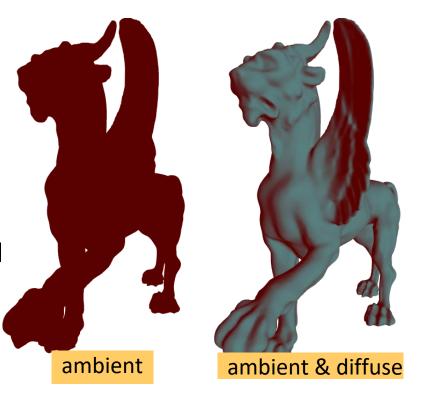
$$n_1 \sin \theta_1 = n_2 \sin \theta_2$$

Brechungsgesetz nach Snellnius

Beleuchtungsmodelle lokal – Ambiente Beleuchtung



- Die Simulation von Streulicht ist sehr aufwendig und die resultierenden Effekte werden meist nur approximiert
- In der einfachsten Variante wie sie in OpenGL unterstützt ist, geht man davon aus dass das Streulicht an jedem Punkt im Raum und in jede Richtung gleich stark ist und auch in jede Beobachtungsrichtung gleich viel reflektiert wird. Deshalb erhält jede Lichtquelle und die Gesamtszene jeweils eine ambiente Emmissionskomponente (rgb) und jedes Material einen ambienten Reflektionsparameter (rgb)



Beleuchtungsmodelle lokal – OpenGL



$$\begin{array}{lll} \mathbf{c}_{pri} &=& \mathbf{e}_{cm} & \mathsf{Emission} \\ &+& \mathbf{a}_{cm} * \mathbf{a}_{cs} & \mathsf{ambiente Szenenbeleuchtung} \\ &+& \sum_{i=0}^{n-1} (att_i)(spot_i) \left[\mathbf{a}_{cm} * \mathbf{a}_{cli} \right] \\ &+& \left(\mathbf{n} \odot \overrightarrow{\mathbf{VP}}_{pli} \right) \mathbf{d}_{cm} * \mathbf{d}_{cli} & \mathsf{diffus} \\ &+& \left(f_i \right) (\mathbf{n} \odot \widehat{\mathbf{h}}_i)^{s_{rm}} \mathbf{s}_{cm} * \mathbf{s}_{cli} \right] \mathsf{spekular} \\ &+& \left(\mathsf{Blinn-Phong} \right) \\ &\mathsf{Abschwächung} & \mathsf{Strahler} \end{array}$$

https://www.opengl.org/docu

mentation/specs/version1.1/gl spec1.1/node32.html

$$f_i = \begin{cases} 1, & \mathbf{n} \odot \overrightarrow{\mathbf{VP}}_{pli} \neq 0, \\ 0, & \text{otherwise,} \end{cases}$$

$$att_i = \begin{cases} \frac{1}{k_{0i} + k_{1i} \|\mathbf{V}\mathbf{P}_{pli}\| + k_{2i} \|\mathbf{V}\mathbf{P}_{pli}\|^2}, & \text{if } \mathbf{P}_{pli}\text{'s } w \neq 0, \\ 1.0, & \text{otherwise.} \end{cases}$$

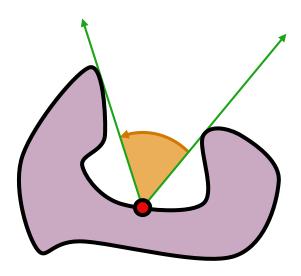
$$spot_{i} = \begin{cases} (\overrightarrow{\mathbf{P}_{pli}} \overrightarrow{\mathbf{V}} \odot \hat{\mathbf{s}}_{dli})^{s_{rli}}, & c_{rli} \neq 180.0, \overrightarrow{\mathbf{P}_{pli}} \overrightarrow{\mathbf{V}} \odot \hat{\mathbf{s}}_{dli} \geq \cos(c_{rli}) \\ 0.0, & c_{rli} \neq 180.0, \overrightarrow{\mathbf{P}_{pli}} \overrightarrow{\mathbf{V}} \odot \hat{\mathbf{s}}_{dli} < \cos(c_{rli}) \\ 1.0, & c_{rli} = 180.0. \end{cases}$$

in Klausur gegeben

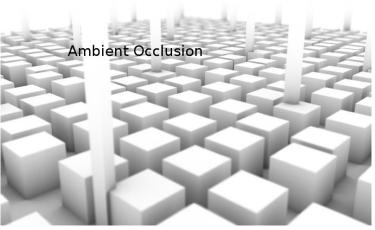
Beleuchtung global – Ambiente Verdeckung

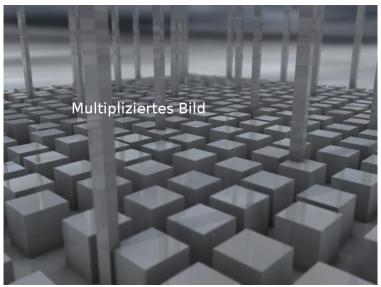


- Die ambiente Beleuchtung kann realistischer approximiert werden, wenn man für jeden Oberflächenpunkt den Öffnungswinkel bestimmt, aus dem der Punkt ungehindert beleuchtet werden kann
- Dieses Verfahren nennt man ambient occlusion.



© Wikipedia





Beleuchtung global – subsurface scattering



- Bei vielen durchscheinenden Materialien kommt es zu starker Streuung und Absorption
- Die Lichtausbreitung in diesen Materialien kann realistisch approximiert werden, wenn man die Streueffekte nur nahe der Oberfläche mit einem diffusen Transmissionmodell emuliert











diffus

fettarm

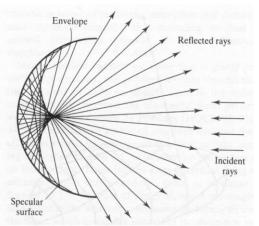
Vollmilch

Beleuchtung global – Kaustiken

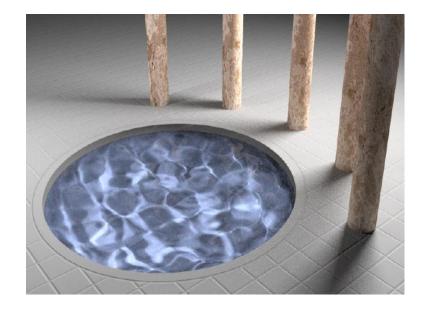


 Gekrümmte transparente Objekte können Licht bündeln und sogenannte Kaustiken (fokussiertes Licht) erzeugen









Beleuchtung global – Radiosity



- Beim Radiosity Verfahren werden alle Lichtquellen und Oberflächen als rein diffus angenommen.
- Dadurch wird die Beleuchtungssimulation unabhängig vom Betrachter und kann in einem Vorverarbeitungsschritt berechnet werden und als Textur auf die Oberflächen abgebildet werden
- Das Strahlungsgleichgewicht führt auf ein lineares Gleichungssystem, das gelöst werden muss
- Unterstützt: diffuse Reflektionen und Streuung, weiche Schatten, Farbbluten
- Nicht unterstützt: gerichtet Diffuse Reflektion, Spiegelung, Brechung, Kaustiken



Beleuchtung global – Raytracing



- Beim Raytracing Verfahren werden Strahlen rückwärts vom Auge in die Szene verfolgt, um zu bestimmen, wie viel Licht an den einzelnen Bildpixeln ankommt
- Unterstützt: Spiegelung, Brechung
- Durch mehrfaches Verfolgen von Strahlen durch einen Pixel mit Variation diverser Parameter kann man sehr viele Effekte unterstützen: Motion Blur, Tiefenunschärfe, Antialiasing, weiche Schatten
- Nicht unterstützt: mehrere diffuse Reflektionen, Kaustiken
- Erste echtzeitfähige Raytracing Ansätze verfügbar





Beleuchtung global – Bidirektionales Pathtracing



- Beim Bidirektionalen
 Pathtracing werden Photonen pfade von der Lichtquelle und
 rückwärts vom Beobachter
 zufällig generiert und
 miteinander verknüpft
- So können alle Effekte der Lichtausbreitung simuliert werden. Das einzige was meist nicht berücksichtigt wird ist die Streuung in transparenten Medien.
- Bisher gibt es keinen Echtzeitansatz für Pathtracing

