# Licenciatura em Engenharia Informática



### Métodos Estatísticos

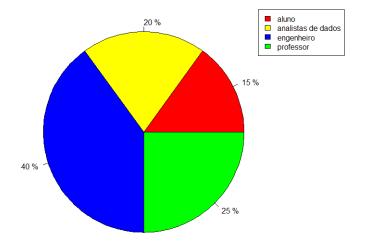
# Ficha de Trabalho 3 Estatística Descritiva

- A ficha de trabalho foi resolvida recorrendo ao software R: ver script ficha de trabalho 3.
- 1. (a) -

# (b) Tabela de frequências:

i	$x_i$	$n_i$	$f_i$
1	aluno	12	$\frac{12}{80} = 0.15$
2	analista de dados	16	$\frac{16}{80} = 0.20$
3	engenheiro	32	$\frac{32}{80} = 0.40$
4	professor	20	$\frac{20}{80} = 0.25$
		n = 80	1

# Representação gráfica:



### Medidas:

como os dados são qualitativos, a única medida possível de calcular é a moda $\bmod a = \operatorname{engenheiro}$ 

# 2. (a) Variável Género

como os dados são qualitativos, a única medida possível de calcular é a moda

$$moda = Masculino$$

# Variável Idade

como os dados são quantitativos, é possível calcular todas as medidas

i. medidas de localização central:

$$\label{eq:moda} \begin{split} \text{moda} &= 18 \text{ anos} \\ \text{m\'edia} &= \bar{x} = 24.3126 \text{ anos} \\ \text{mediana} &= \widetilde{x} = \mathbf{Q}_2 = Q_{0.50} = 22.7779 \text{ anos} \end{split}$$

ii. quartis:

$$1^o$$
quartil =  $Q_{0.25}$  = 19.9462 anos  $2^o$ quartil =  $Q_{0.50}$  = mediana =  $\widetilde{x}$  = 22.7779 anos  $3^o$ quartil =  $Q_{0.75}$  = 26 anos

iii. 
$$D_9 = Q_{0.90} = 33.2268$$
 anos

iv. 
$$P_3 = Q_{0.03} = 17.0385$$
 anos

v. extremos:

$$m$$
ínimo = 14 anos  $m$ áximo = 61 anos

vi. medidas de dispersão absoluta:

Amplitude Total = 47 anos  
Amplitude Interquartil = AIQ = 6.0538 anos  
variância = 
$$s^2 = 40.2713$$
 anos<sup>2</sup>  
desvio padrão =  $s = 6.346$  anos

vii. medida de dispersão relativa:

coeficiente de variação = CV = 
$$\frac{6.346}{24.3126} \times 100 = 26.1016\%$$

viii. 
$$b_1 = 1.5269$$

### Variável Altura

como os dados são quantitativos, é possível calcular todas as medidas

2

i. medidas de localização central:

$$\begin{aligned} &\text{moda} = 1.70 \text{ metros} \\ &\text{média} = \bar{x} = 1.7017 \text{ metros} \\ &\text{mediana} = \widetilde{x} = \mathbf{Q}_2 = Q_{0.50} = 1.7005 \text{ metros} \end{aligned}$$

ii. quartis:

$$1^{o}$$
quartil =  $Q_{0.25} = 1.63$  metros  
 $2^{o}$ quartil =  $Q_{0.50}$  = mediana =  $\widetilde{x} = 1.7005$  metros  
 $3^{o}$ quartil =  $Q_{0.75} = 1.7685$  metros

iii. 
$$D_9 = Q_{0.90} = 1.8238$$
 metros

iv. 
$$P_3 = Q_{0.03} = 1.5299$$
 metros

v. extremos:

$$m$$
ínimo = 1.45 metros  $m$ áximo = 1.98 metros

vi. medidas de dispersão absoluta:

Amplitude Total = 0.53 metros  
Amplitude Interquartil = AIQ = 0.1385 metros  
variância = 
$$s^2 = 0.0087$$
 metros<sup>2</sup>  
desvio padrão =  $s = 0.0933$  metros

vii. medida de dispersão relativa:

coeficiente de variação = CV = 
$$\frac{0.0933}{1.7017} \times 100 = 5.4831\%$$

viii. 
$$b_1 = -0.0128$$

# Variável Peso

como os dados são quantitativos, é possível calcular todas as medidas

• medidas de localização central:

$$\begin{aligned} &\text{moda} = 80 \text{ kg} \\ &\text{média} = \bar{x} = 86.5861 \text{ kg} \\ &\text{mediana} = \widetilde{x} = \mathbf{Q}_2 = Q_{0.50} = 83 \text{ kg} \end{aligned}$$

• quartis:

$$1^{o}$$
quartil =  $Q_{0.25} = 65.4239$  kg  
 $2^{o}$ quartil =  $Q_{0.50}$  = mediana =  $\widetilde{x} = 83$  kg  
 $3^{o}$ quartil =  $Q_{0.75} = 107.4827$  kg

• 
$$D_9 = Q_{0.90} = 120.9215 \text{ kg}$$

• 
$$P_3 = Q_{0.03} = 44.2601 \text{ kg}$$

• extremos:

$$m$$
ínimo = 39 kg  $m$ áximo = 173 kg

• medidas de dispersão absoluta:

Amplitude Total = 134 kg  
Amplitude Interquartil = AIQ = 42.0587 kg  
variância = 
$$s^2 = 685.9775$$
 kg<sup>2</sup>  
desvio padrão =  $s = 26.1912$  kg

• medida de dispersão relativa:

coeficiente de variação = 
$$CV = \frac{26.1912}{86.5861} \times 100 = 30.2487\%$$

•  $b_1 = 0.255$ 

### Variável FAVC

como os dados são qualitativos, a única medida possível de calcular é a moda

$$moda = 1 = Sim$$

### Variável FCVC

como os dados são qualitativos, a única medida possível de calcular é a moda

$$moda = 2 = As vezes$$

#### Variável NCP

como os dados são quantitativos, é possível calcular todas as medidas

• medidas de localização central:

$$\begin{aligned} & \text{moda} = 3 \text{ refeições principais} \\ & \text{média} = \bar{x} = 2.6878 \text{ refeições principais} \\ & \text{mediana} = \widetilde{x} = \mathbf{Q}_2 = Q_{0.50} = 3 \text{ refeições principais} \end{aligned}$$

• quartis:

$$1^{o}$$
quartil =  $Q_1 = Q_{0.25} = 3$  refeições principais 
$$2^{o}$$
quartil =  $Q_{0.50} = \text{mediana} = \widetilde{x} = 3$  refeições principais 
$$3^{o}$$
quartil =  $Q_{0.75} = 3$  refeições principais

4

- $D_9 = Q_{0.90} = 3$  refeições principais
- $P_3 = Q_{0.03} = 1$  refeição principal

• extremos:

• medidas de dispersão absoluta:

Amplitude Total = 3 refeições principais   
Amplitude Interquartil = AIQ = 0 refeições principais   
variância = 
$$s^2 = 0.6556$$
 refeições principais   
desvio padrão =  $s = 0.8097$  refeições principais

• medida de dispersão relativa:

coeficiente de variação = CV = 
$$\frac{0.8097}{2.6878} \times 100 = 30.124\%$$

• 
$$b_1 = Q_{0.90} = -1.0667$$

# Variável CAEC

como os dados são qualitativos, a única medida possível de calcular é a moda

$$moda = S = As vezes$$

#### Variável Fumar

como os dados são qualitativos, a única medida possível de calcular é a moda

$$moda = 0 = N\tilde{a}o$$

#### Variável CH2O

como os dados são qualitativos, a única medida possível de calcular é a moda

$$moda = 2 = entre 1 e 2 litros$$

# Variável FAF

como os dados são qualitativos, a única medida possível de calcular é a moda

$$moda = 1 = 1 \text{ ou } 2 \text{ dias}$$

### Variável CALC

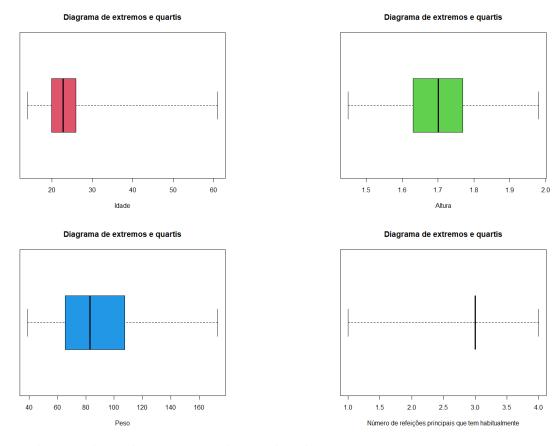
como os dados são qualitativos, a única medida possível de calcular é a moda

$$moda = S = As vezes$$

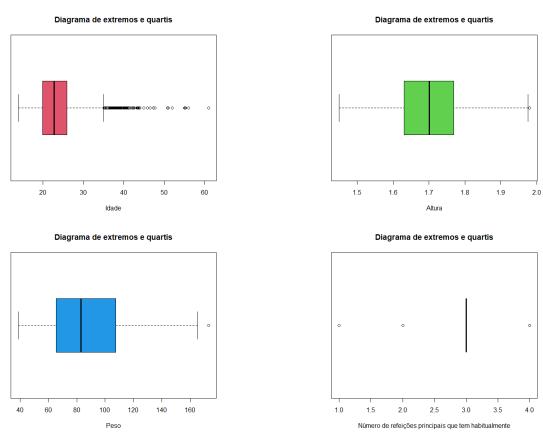
# Variável MTRANS

como os dados são qualitativos, a única medida possível de calcular é a moda

- (b) O diagrama de extremos e quartis só pode ser calculado para as variáveis quantitativas:
  - i. sem indicação de outliers



ii. com indicação de outliers a partir dos moderados



iii. com indicação de outliers a partir dos severos

#### Diagrama de extremos e quartis

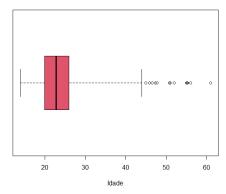


Diagrama de extremos e quartis

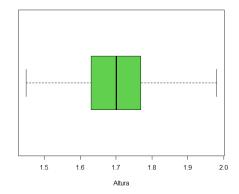


Diagrama de extremos e quartis

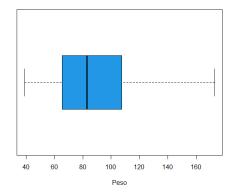
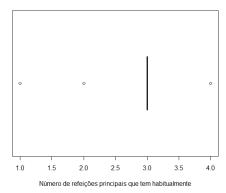


Diagrama de extremos e quartis



# (c) Variável Idade

- i. Como moda < mediana < média, os dados aparentam distribuir-se de forma assimétrica positva.
- ii. Como  $b_1 > 0$ , os dados aparentam distribuir-se de forma assimétrica positva.

#### Variável Altura

- i. Como moda  $\approx$  mediana  $\approx$  média, os dados aparentam distribuir-se de forma simétrica.
- ii. Como  $b_1 \approx 0$ , os dados aparentam distribuir-se de forma simétrica.

# <u>Variável Peso</u>

- i. Como moda < mediana < média, os dados aparentam distribuir-se de forma assimétrica positva.
- ii. Como  $b_1 > 0$ , os dados aparentam distribuir-se de forma assimétrica positva.

# Variável NCP

- i. Como moda = mediana > média, os dados aparentam distribuir-se com uma ligeira assimetria negativa, não parecendo afastar-se muito da simetria.
- ii. Como  $b_1 < 0$ , os dados aparentam distribuir-se de forma assimétrica negativa.

# (d) Feito no R.

(e) Em relação à idade, o género masculino apresenta as medidas de localização (excepto a moda) ligeiramente superiores e as medidas de dispersão (exceto AIQ) ligeiramente inferiores do que o género feminino. Em relação à altura, o género masculino apresenta as medidas de localização superiores e as medidas de dispersão ligeiramente inferiores do que o género feminino. Em relação ao peso, o género masculino apresenta as medidas de localização superiores e as medidas de dispersão inferiores do que o género feminino. Em relação à variável "Se come habitualmente vegetais nas refeições", no género feminino a maioria respondeu "As

vezes". Em relação à variável "Com que frequência pratica atividade física por semana", no género feminino a maioria respondeu "não pratica" enquanto no género masculino a maioria respondeu "1 ou 2 dias". Nas restantes variáveis não há diferenças.

- (f) i. Classe modal = ]20, 26] anos pois é a classe com a maior frequência absoluta Classe dos quartis
  - Classe do  $1.^{0}$  quartil = Classe do  $Q_{0.25} = [14, 20]$  anos pois é a classe onde se encontra a primeira frequência relativa acumulada que ultrapassa 0.25
  - Classe do  $2.^{0}$  quartil = Classe do  $Q_{0.50}$  =]20,26] anos pois é a classe onde se encontra a primeira frequência relativa acumulada que ultrapassa 0.50
  - Classe do  $3.^{\circ}$  quartil = Classe do  $Q_{0.75}$  =]20, 26] anos pois é a classe onde se encontra a primeira frequência relativa acumulada que ultrapassa 0.75
  - ii. Classe modal = ]1.6, 1.8] metros
     pois é a classe com a maior frequência absoluta
     Classe dos quartis
    - Classe do  $1.^{0}$  quartil = Classe do  $Q_{0.25}$  =]1.6, 1.8] metros pois é a classe onde se encontra a primeira frequência relativa acumulada que ultrapassa 0.25
    - Classe do  $2.^{0}$  quartil = Classe do  $Q_{0.50}$  =]1.6, 1.8] metros pois é a classe onde se encontra a primeira frequência relativa acumulada que ultrapassa 0.50
    - Classe do  $3.^{\circ}$  quartil = Classe do  $Q_{0.75}$  =]1.6, 1.8] metros pois é a classe onde se encontra a primeira frequência relativa acumulada que ultrapassa 0.75
  - iii. Classe modal = [77.3, 96.4] kg pois é a classe com a maior frequência absoluta Classe dos quartis
    - Classe do  $1.^{0}$  quartil = Classe do  $Q_{0.25} = [58.1, 77.3]$  kg pois é a classe onde se encontra a primeira frequência relativa acumulada que ultrapassa 0.25
    - Classe do  $2.^{0}$  quartil = Classe do  $Q_{0.50} = [77.3, 96.4]$  kg pois é a classe onde se encontra a primeira frequência relativa acumulada que ultrapassa 0.50
    - Classe do  $3.^{\circ}$  quartil = Classe do  $Q_{0.75} = [96.4, 116]$  kg pois é a classe onde se encontra a primeira frequência relativa acumulada que ultrapassa 0.75