Licenciatura em Engenharia Informática Métodos Estatísticos

Exercícios

Estatística Descritiva

Departamento de Matemática



1 Estatística Descritiva

Exercício 1.1 Em relação às seguintes frases identifique e classifique as variáveis estatísticas:

- 1. Cor dos olhos dos alunos de uma turma.
- 2. Número de desempregados num concelho.
- 3. Temperatura em Setúbal às 12h do dia.
- 4. Número de elementos de um agregado familiar.
- 5. Variação do peso de bebés entre o 1° e 3° meses de vida.
- 6. Programa televisivo preferido pelos alunos de uma turma.
- 7. Número de alunos inscritos num ginásio.
- 8. Intensidade de um treino desportivo (baixa, moderada, elevada).
- 9. Peso (em kg) dos alunos de uma turma.
- 10. Fases de uma dada doença (leve, moderada, grave).
- 11. Tempo que os alunos de uma escola demoram no percurso de casa para a escola.
- 12. Estado Civil de um indivíduo.
- 13. Formas de pagamento numa loja.
- 14. Número de idas ao dentista, por ano.
- 15. Número de golos marcados por uma equipa de futebol durante o campeonato.
- 16. Alturas dos alunos de uma turma.
- 17. Intenção de voto para presidente da república (possíveis respostas são os nomes dos candidatos, além de não sei).
- 18. Grau de satisfação de clientes com relação ao serviço prestado por uma empresa (valores de 0 a 5, onde 0 indica totalmente insatisfeito e 5 totalmente satisfeito).

Exercício 1.2 Um questionário foi aplicado aos funcionários de um laboratório de análises, fornecendo os dados apresentados na tabela seguinte:

Funcionário	Habilitações	Idade	Salário	Tempo no laboratório
Ana Correia	Licenciado	34	1100,52 €	5 anos e 2 meses
Alberto Mata	Licenciado	43	1452, 12 €	8 anos e 3 meses
Cristina Ferreira	Mestrado	31	965,57 €	6 anos e 5 meses
Daniel Oliveira	Mestrado	37	965,57 €	8 anos e 2 meses
João Bastos	12° ano	22	505 €	2 anos e 9 meses
Manuel Figueiredo	12° ano	21	505 €	3 anos e 11 meses

Indique e classifique cada uma das variáveis da tabela.

Exercício 1.3 As cores dos 20 primeiros carros que passaram numa determinada rua foram anotadas, resultando os seguintes dados:

Branco	Vermelho	Cinzento	Branco	Preto
Preto	Cinzento	Vermelho	Branco	Preto
Cinzento	Branco	Cinzento	Branco	Branco
Preto	Vermelho	Cinzento	Branco	Branco

- 1. Identifique a variável e classifique-a.
- 2. Construa a tabela de frequências.

Exercício 1.4 Os resultados de uma disciplina numa dada turma foram os seguintes

Bom	Não satisfaz	Bom	Não satisfaz	Excelente
Satisfaz	Bom	Satisfaz	Satisfaz	Bom
Bom	Satisfaz	Bom	Excelente	Não satisfaz

- 1. Identifique a variável e classifique-a.
- 2. Construa a tabela de frequências.

Exercício 1.5 Um dentista anotou o número de clientes atendidos por dia, durante um período de 28 dias, e obteve os seguintes dados:

- 1. Identifique a variável e classifique-a.
- 2. Construa a tabela de frequências.

Exercício 1.6 Os alunos do 7^{0} ano de escolaridade de uma turma participaram, no âmbito de um programa desportivo, numa corrida de 100 metros, tendo-se obtido os tempos seguintes em segundos:

13.9	14.2	16.1	15.5	14.9	15.6	15.3
14.7	13.6	15.7	15.8	14.5	13.5	14.3
15.1	14.0	16.3	14.2	15.8	14.9	15.5
16.3	14.6	15.2	16.3	14.4	15.4	15.0

- 1. Identifique a variável e classifique-a.
- 2. Organize os dados numa tabela de frequências.

Exercício 1.7 Num certo serviço médico, o número de pessoas que apareceram diariamente para realizar um determinado exame médico ao longo do mês de Outubro (considere 25 dias úteis) está resumido na seguinte tabela:

Número de pessoas (x_i)	0	1	2	3	4
Frequência Absoluta (n_i)	2	b	6	5	4
Frequência Relativa (f_i)	0.08	0.32	0.24	0.20	a

As seguintes afirmações são verdadeiras ou falsas? Justifique.

- 1. A variável em estudo é do tipo qualitativa ordinal.
- 2. O valor de a é 0.16 e o valor de b é 8.
- 3. Em 24% dos dias chegam menos do que duas pessoas ao serviço médico para realizarem determinado exame médico.
- 4. Em 24% dos dias chegaram 6 pessoas ao serviço médico para realizarem determinado exame médico.

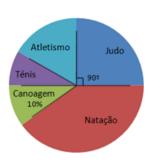
Exercício 1.8 A partir de um inquérito sobre o número de elementos de um agregado familiar, numa amostra de 200 agregados familiares, foram obtidos os seguintes dados:

Número de elementos do agregado familiar (x_i)	1	2	3	4	5
Frequência Absoluta (n_i)	102	70		8	2
Frequência Absoluta Acumulada (N_i)					
Frequência Relativa (f_i)					
Frequência Relativa Acumulada (F_i)					

- 1. Indique qual a variável em estudo e classifique-a.
- 2. Complete a tabela de frequências.

Exercício 1.9 Os dados referentes ao tipo de atividade desportiva realizada por todos os elementos de um Clube Desportivo foram organizados na seguinte tabela e no seguinte gráfico circular:

Atividade Desportiva	Frequência Absoluta
Judo	15
Natação	24
Ténis	
Canoagem	
Atletismo	10



- 1. Indique qual a variável em estudo e classifique-a.
- 2. Qual é o número de elementos do Clube Desportivo?
- 3. Qual é a amplitude do ângulo ao centro associado ao sector que representa a modalidade "Canoagem"?

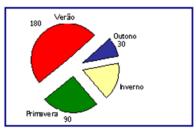
Exercício 1.10 Perguntou-se a cada um dos 25 funcionários de uma loja qual o tipo de música de fundo que preferiam ouvir durante o expediente e os resultados

foram:

Preferência Musical	Percentagem (%)
Clássica	12
Pop	32
Rock	24
Jazz	16
Outro	12
Nenhum	4

- 1. Identifique a variável e classifique-a.
- 2. Elabore a tabela de frequências para as preferências musicais dos funcionários da loja e represente graficamente os dados.
- 3. Quantos funcionários da loja preferiram música clássica ou música jazz?
- 4. Qual foi o tipo de música mais preferido pelos funcionários da loja? Como se chama essa medida de localização dos dados?
- 5. Se lhe fosse pedido para calcular as restantes medidas de localização central, o que diria? Justifique.

Exercício 1.11 O seguinte gráfico circular representa as preferências relativas às estações do ano de 180 pessoas (Sendo que cada pessoa indicou apenas uma preferência e os valores apresentados correspondem à amplitude dos ângulos ao centro):



- 1. Qual foi a percentagem de pessoas que responderam que gostavam mais do Inverno?
- 2. Quantos responderam que gostavam mais do Inverno?
- 3. Qual é a moda da distribuição? A quantas pessoas corresponde?

Exercício 1.12 A Deco fez um estudo sobre a durabilidade, em anos, de lâmpadas economizadoras usando várias marcas e modelos. Os resultados obtidos encontram-se na tabela:

	Durab	ilidade	, em ai	ios, de	lâmpa	das eco	nomiz	adoras	
3	6	6	6	6	6	6	6	6	8
8	8	10	10	10	10	10	10	10	12

- 1. Calcule a moda e a durabilidade média das lâmpadas economizadoras.
- 2. Construa o diagrama de extremos e quartis.

Exercício 1.13 A partir das classificações obtidas na disciplina de Português, pelos alunos de uma turma do 12º ano, calcularam-se as frequências relativas das diferentes classificações e obtiveram-se os valores da tabela:

Classificação (nível)	Frequência relativa
11	0.05
12	0.20
14	0.45
17	0.20
19	0.10

- 1. Calcule a classificação média dos alunos da turma na disciplina de Português.
- 2. Calcule a moda, a mediana e os quartis.
- 3. Construa o diagrama de extremos e quartis.

Exercício 1.14 Numa das jornadas da Super Liga de futebol, o número de espetadores em cada jogo foi o seguinte:

Jogos	Espectadores
Moreirense – Sporting	4 200
Académica – Benfica	7 500
Nacional – Varzim	1 300
Setúbal – P. Ferreira	4 000
Leiria – Braga	2 500
F.C. Porto – Santa Clara	42 300
Marítimo – Boavista	3 200
Guimarães - Gil Vicente	2 000
Beira Mar Belenenses	4 000

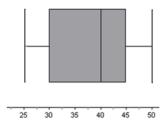
- 1. Qual é a variável estatística em estudo? Classifique-a.
- 2. Qual é a média e a mediana do número de espetadores?
- 3. Qual dos anteriores valores parece descrever melhor a ida dos espetadores aos estádios? Porquê?
- 4. Há algum elemento que provoca uma alteração significativa na média? Em caso afirmativo, qual?

Exercício 1.15 Na tabela está registado o número de horas de sol por dia durante os meses de Verão numa certa estância turística:

Horas de sol	Número de dias
[2,4]	2
]4, 6]	4
]6,8]	8
]8, 10]	4
]10, 12]	2

- 1. Qual é a variável estatística em estudo e como a classifica?
- 2. Qual é a classe modal?
- 3. Construa a tabela de frequências completa e represente graficamente os dados recorrendo às frequências relativas.
- 4. Calcule a amplitude total.
- 5. Calcule as classes dos quartis.
- 6. Suponha que numa dada semana foi recolhida a seguinte amostra sobre as horas de sol:
 - $2.3, \quad 4.1 \quad 11.3, \quad 11.5, \quad 10, \quad 9.4, \quad 11.4$
 - (a) Determine as medidas de localização central.
 - (b) Determine as medidas de dispersão.
 - (c) Represente os dados recorrendo ao diagrama de extremos e quartis e verifique se existem "outliers".

Exercício 1.16 Suponha que um estudo foi feito com uma amostra com apenas 10 dados e que a sua representação, através do diagrama de extremos e quartis, é a da figura seguinte:



- 1. Dos seguintes conjuntos de dados escolha o que está nestas condições:
 - (a) 25; 27; 30; 32; 40; 40; 42; 45; 47; 50
 - (b) 25; 29; 31; 39; 39; 41; 42; 45; 29; 50
 - (c) 30; 31; 32; 33; 40; 41; 42; 43; 44; 45
 - (d) Nenhuma das respostas anteriores está correta.
- 2. Ainda relativamente ao diagrama de extremos e quartis podemos afirmar que:
 - (a) 25% dos dados apresentam valores entre 30 e 45.
 - (b) 75% dos dados apresentam valores entre 25 e 40.
 - (c) 50% dos dados apresentam valores entre 25 e 45.

As afirmações anteriores são verdadeiras ou falsas? Justifique.

Exercício 1.17 As alturas, em centímetros, dos alunos de uma turma do 10.º ano são as seguintes:

150	169	174	155	165	170	172
152	158	163	158	166	158	166
170	171	162	171	161	154	168
161	164	166	164	162	156	167

- 1. Identifique a variável estatística do estudo e classifique-a.
- 2. Calcule a média, moda e quartis.
- 3. Construa a tabela de frequências (absolutas e relativas) com os dados agrupados em classes, sendo estas definidas pela regra de Sturges. (Nota: No cálculo da amplitude de classe efetue aproximações às unidades e no cálculo das frequências relativas efetue aproximações às centésimas).
- 4. Recorrendo à tabela de frequências da alínea 3 calcule a classe modal e as classes dos quartis.

Exercício 1.18 Num estudo realizado na Maternidade de um hospital de Setúbal, registou-se o número de suplementos alimentares dados diariamente a recém-nascidos.

1. Complete a tabela

Número de suplementos	Frequência	Frequência Absoluta	Frequência	Frequência Relativa
alimentares	Absoluta	Acumulada	Relativa	Acumulada
(x_i)	(n_i)	(N_i)	$(f_i \times 100\%)$	$(F_i \times 100\%)$
0		2		
1	10			
2		14		56%
3	6			
6				

- 2. Quantos foram os recém-nascidos que participaram neste estudo?
- 3. Qual a percentagem de recém-nascidos que se alimentaram com 2 ou menos suplementos alimentares? E quantos se alimentaram com 3 ou mais suplementos alimentares?
- 4. Comente a seguinte afirmação: "Em 44% dos recém-nascidos não foi administrado qualquer tipo de suplemento alimentar".
- 5. Represente graficamente os dados.
- 6. Determine o número médio de suplementos alimentares administrados a recém-nascidos.
- 7. Determine a moda, a mediana e os quartis.
- 8. Calcule as medidas de dispersão. Comente os valores obtidos.
- 9. Construa o Diagrama de Extremos e Quartis.

10. Estude a possibilidade de existência de "outliers".

Exercício 1.19 Consideremos a amostra constituída pelas notas obtidas num teste (numa escala de 0 a 20) de uma certa disciplina:

12.1	8.9	16.2	8.2	15.1	14.5	13.4	14.7
7.5	8.8	12.4	16.1	15.2	13.5	13.8	14.6
13.1	5.2	11.8	12.5	12.8	4.0	14.5	16.1
14.5	15.1	10.2	10.8	11.4	18.0	8.5	8.1
15.5	7.8	12.5	13.2	11.0	10.5	9.8	4.0
14.5	7.9	9.0	12.5	12.8	4.7	14.5	16.1
14.5	15.1	10.2	10.8	11.4	14.7	8.5	4.6
15.5	7.8	12.5	13.2	11.0	10.5	10.5	14.8

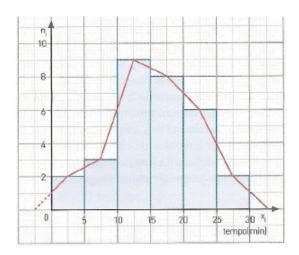
- 1. Indique qual a variável em estudo e classifique-a.
- 2. Construa a tabela de frequências.
- 3. Quantos alunos tiveram nota inferior ou igual a 9 valores?
- 4. Quantos alunos tiveram nota inferior a 11 valores?
- 5. Qual a percentagem de alunos com nota superior ou igual a 12 valores?
- 6. Qual a percentagem de alunos com nota inferior a 14 valores?
- 7. Represente graficamente os dados.
- 8. Identifique a classe modal e a classe mediana.
- 9. Calcule a moda, a mediana, os quartis, a média e o desvio padrão.
- 10. Calcule o $Q_{0.28}$.
- 11. Calcule as medidas de dispersão.
- 12. Classifique os dados quanto à assimetria.
- 13. Indique qual a amplitude das notas obtidas no teste que contém 50% das observações centrais.

Exercício 1.20 Numa determinada escola existe três cursos: Curso A, Curso B e Curso C. Os gráficos seguintes referem-se às pontuações obtidas numa determinada avaliação pelos alunos da escola, nos cursos que frequentam. Sabe-se que no Curso A, a média das notas é igual à moda; no Curso B, a média é maior que a moda; e no Curso C, a média é menor que a moda.



Faça corresponder cada um dos gráficos ao respetivo curso.

Exercício 1.21 Estudou-se o tempo de espera no atendimento médico de um centro de saúde, de um conjunto de utentes, num determinado dia. Os dados recolhidos, em minutos, foram organizados e, em seguida, representados através do seguinte histograma (considere os intervalos fechados à esquerda e abertos à direita):



- 1. O tempo de espera neste centro de saúde é considerado aceitável, por parte da administração, se for inferior a 15 minutos. Qual a percentagem de utentes que corresponde, neste estudo, a um tempo de espera considerado aceitável? (Apresente o valor obtido com aproximação às unidades.)
- 2. Indique a classe modal e a classe mediana.
- 3. Indique as classes dos 1^0 e 3^0 quartis.
- 4. Sabendo que a amostra recolhida para fazer o histograma foi a seguinte:

- (a) Calcule o tempo médio de espera nesse centro de saúde.
- (b) Construa o Diagrama de Extremos e Quartis.
- (c) Calcule a amplitude interquartil.
- (d) Calcule o desvio padrão.

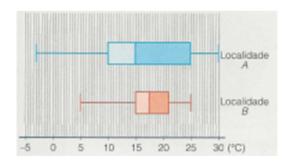
Exercício 1.22 A distribuição do número de vezes por ano que os utentes vão ao Centro de Saúde, em dois Centros de Saúde distintos, é a seguinte

		Número de vezes que o utente vai ao Centro de Saúde												
		0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
Número de	Centro de Saúde A	5	2	1	2	1	3	4	4	5	3	6	0	4
utentes	Centro de Saúde B	4	3	2	5	1	8	3	3	2	1	3	4	5

1. Determine a média e o desvio padrão da distribuição do número de vezes que os utentes vão ao centro de Saúde em cada um dos Centros de Saúde.

- 2. Será que a média e o desvio padrão distinguem as duas distribuições?
- 3. Construa o Diagrama de Extremos e Quartis para as duas distribuições.
- 4. Com base na representação gráfica anterior, indique as diferenças entre as duas distribuições.

Exercício 1.23 Os diagramas para as temperaturas, em ^oC, no mês de Maio, às 20 horas, em duas localidades são os seguintes:



- 1. Para cada uma das localidades indique: o máximo, o mínimo, a amplitude e a amplitude interquartis.
- 2. Comente as diferenças das duas distribuições.

Exercício 1.24 Num grupo de pacientes foram medidas as pulsações (batimentos por minuto) e as taxas de ácido úrico (mg/100ml). As médias e os desvios padrão obtidos foram os seguintes:

	Média (\bar{x})	Desvio Padrão (s)
Pulsações	67.9	8.3
Taxas de ácido úrico	5.52	1.07

Qual o conjunto de dados que apresenta menor variabilidade? Justifique.

Exercício 1.25 O quadro seguinte é o resultado de observações feitas num túnel rodoviário durante períodos de 5 minutos, para o estudo da fluidez do tráfego,

Densidade (veículos / km)	43	55	40	52	39	33	50	33	44	21
Velocidade (km / hora)		23	31	24	35	41	27	40	32	51

- 1. Calcule a variância de cada um dos conjuntos de dados observados.
- 2. Qual dos conjuntos de dados apresenta maior dispersão? Justifique.

Exercício 1.26 Usaram-se duas balanças diferentes para efetuar cinco pesagens de uma pessoa, tendo obtido os resultados seguintes, em kg:

Balança A								
71.6	71.8	72.3	71.9	71.7				
Balança B								
71.8	71.9	71.9	71.5	72.2				

- 1. Calcule o valor da variância e do desvio padrão dos valores obtidos nas duas balanças.
- 2. Escolha, justificando, qual das duas balanças lhe parece mais fiável.

Exercício 1.27 Recolheram-se várias embalagens de iogurtes de 125 gramas num supermercado (iogurtes magros, iogurtes com aromas, iogurtes com pedaços) com o objetivo de estudar o teor em proteínas, lípidos e hidratos de carbono dos iogurtes no mercado. Os resultados do teste estão registados no quadro abaixo.

	Proteínas	Lípidos	Hidratos de Carbono
	(em gramas)	(em gramas)	(em gramas)
	6.6	0.5	8.4
	5.4	0.5	5.9
Iogurtes	5.4	3.7	15.6
Magros	6.2	1.5	10.4
	5.1	2.3	6.5
	5.6	0.2	5.1
	5.8	0.3	6.2
	5.3	2.8	16.9
	4.8	2.9	15.2
	4.7	3.8	14.2
	5.4	0.8	11.9
	4.0	0.5	12.8
Iogurtes	2.8	4.1	18.1
com	3.7	2.5	9.8
Aroma	3.9	2.9	11.1
	4.5	3.2	14.7
	3.8	3.5	15.2
	3.2	4.2	18.6
	4.1	0.7	13.1
	4.2	1.8	8.0
	5.2	3.6	11.2
	6.2	4.1	15.2
	5.8	3.2	14.8
Iogurtes	4.9	3.0	13.9
com	5.3	3.5	14.1
Pedaços	6.1	3.9	14.5
	10.2	4.1	16.8
	7.2	4.0	7.2

- 1. Determine a média e o desvio padrão da distribuição de proteínas.
- 2. Elabore um histograma de frequências absolutas da distribuição de proteínas agrupando os valores em classes de 1 grama.
- 3. Construa o Diagrama de Extremos e Quartis para a distribuição de proteínas e conclua quanto à assimetria desta distribuição.
- 4. Compare o teor de hidratos de carbono e dos lípidos dos "Iogurtes Magros", "Iogurtes com Aroma" e "Iogurtes com Pedaços".
- 5. Qual dos tipos de iogurtes apresenta maior dispersão em relação ao teor de lípidos?

Soluções

1.1.1: variável: cor dos olhos, classificação: qualitativa nominal 1.1.2: variável: número de desempregados, classificação: quantitativa discreta 1.1.3: variável: temperatura, classificação: quantitativa contínua 1.1.4: variável: número de elementos de um agregado familiar; classificação: quantitativa discreta 1.1.5: variável: variação do peso; classificação: quantitativa contínua 1.1.6: variável: programa de televisão preferido; classificação: qualitativa nominal 1.1.7: variável: número de alunos inscritos num ginásio; classificação: quantitativa discreta 1.1.8: variável: intensidade de um treino; classificação: qualitativa ordinal 1.1.9: variável: peso; classificação: quantitativa contínua 1.1.10: variável: fases de uma doença; classificação: qualitativa ordinal 1.1.11: variável: tempo de um percurso; classificação: quantitativa contínua 1.1.12: variável: estado civil; classificação: qualitativa nominal 1.1.13: variável: formas de pagamento; classificação: qualitativa nominal 1.1.14: variável: número de idas ao dentista; classificação: quantitativa discreta 1.1.15: variável: número de golos marcados; classificação: quantitativa discreta 1.1.16: variável: altura; classificação: quantitativa contínua 1.1.17: variável: intenção de voto; classificação: qualitativa nominal 1.1.18: variável: grau de satisfação; classificação: qualitativa ordinal.

1.2: variável: Habilitações, classificação: qualitativa ordinal; variável: Idade, classificação: quantitativa contínua mas foi recolhida como quantitativa discreta; variável: Salário, classificação: quantitativa contínua; variável: Tempo no laboratório, classificação: quantitativa contínua.

1.3.1: variável: cor dos carros, classificação: qualitativa nominal 1.3.2: Tabela de frequências:

i	x_i	n_i	f_i	N_i	F_i
1	Branco	8	0.4	8	0.4
2	Cinzento	5	0.25	13	0.65
3	Preto	4	0.2	17	0.85
4	Vermelho	3	0.15	20	1
		n = 20	1		

1.4.1: variável: resultados de uma disciplina, classificação: qualitativa ordinal1.4.2: Tabela de frequências:

i	x_i	n_i	f_i	N_i	F_i
1	Não satisfaz	3	0.2	3	0.2
2	Satisfaz	4	0.267	7	0.467
3	Bom	6	0.4	13	0.867
4	Excelente	2	0.133	15	1
		n = 15	1		

1.5.1: variável: número de clientes atendidos por dia num dentista, classificação: quantitativa discreta **1.5.2:** Tabela de frequências:

i	x_i	n_i	f_i	N_i	F_i
1	4	8	0.286	8	0.286
2	5	10	0.357	18	0.643
3	6	6	0.214	24	0.857
4	7	4	0.143	28	1
		n = 28	1		

1.6.1: variável: tempos, em segundos, numa corrida de 100 metros, classificação: quantitativa contínua **1.6.2:** Tabela de frequências:

i	classes	x_i'	n_i	f_i	N_i	F_i
1	[13.5, 14.1]	13.8	4	0.143	4	0.143
2]14.1,14.7]	14.4	7	0.25	11	0.393
3]14.7,15.3]	15	6	0.214	17	0.607
4]15.3,15.9]	15.6	7	0.25	24	0.857
5]15.9,16.5]	16.2	4	0.143	28	1
			n = 28	1		

1.7.1: Falsa 1.7.2: Verdadeira 1.7.3: Falsa 1.7.4: Falsa.

1.8.1: variável: número de elementos de um agregado familiar, classificação: quantitativa discreta **1.8.2:** Tabela de frequências:

i	x_i	n_i	f_i	N_i	F_i
1	1	102	0.51	102	0.51
2	2	70	0.35	172	0.86
3	3	18	0.09	190	0.95
4	4	8	0.04	198	0.99
5	5	2	0.01	200	1
		n = 200	1		

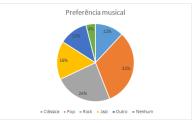
1.9.1: variável: tipo de atividade desportiva realizada, classificação: qualitativa nominal 1.9.2: 60 1.9.3: 36°.

 ${\bf 1.10.1:}$ variável: tipo de música de fundo preferida, classificação: qualitativa nominal ${\bf 1.10.2:}$

Tabela de frequências:

i	x_i	n_i	f_i	N_i	F_i
1	Clássica	3	0.12	3	0.12
2	Pop	8	0.32	11	0.44
3	Rock	6	0.24	17	0.68
4	$_{ m Jazz}$	4	0.16	21	0.84
5	Outro	3	0.12	24	0.96
6	Nenhum	1	0.04	25	1
	-	n = 25	1		

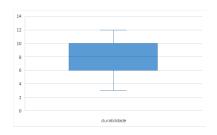
gráfico circular:



1.10.3: 7 funcionários **1.10.4:** Pop; moda **1.10.4:** Impossível.

1.11.1: 16.67% **1.11.2:** 30 pessoas **1.11.3:** Verão; 90 pessoas.

1.12.1: mo = 6 anos; $\bar{x} = 7.85$ anos **1.12.2:**



1.13.1: 14.55 valores **1.13.2:** mo=14 valores; $\tilde{x}=14$ valores; $Q_1=13$ valores; $Q_2=14$ valores; $Q_3=17$ valores **1.13.3:** -

1.14.1: variável: número de espetadores em cada jogo, classificação: quantitativa discreta **1.14.2:** $\bar{x}=7888.889$ espetadores; $\tilde{x}=4000$ espetadores **1.14.3:** mediana **1.14.4:** Sim, 42300.

1.15.1: variável: horas de sol por dia no Verão, classificação: quantitativa contínua **1.15.2:** classe modal:]6,8]; **1.15.3:** - **1.15.4:** A=10 horas de sol por dia

1.15.5: - 1.15.6: -

1.16.1: (a) **1.16.2:** Falsa; Falsa; Falsa

1.17.1: variável: altura, em centímetros, classificação: quantitativa contínua mas foi recolhida como quantitativa discreta **1.17.2:** $\bar{x}=163.32$ cm; mo=158 cm e 166 cm; $Q_1=158$ cm; $Q_2=164$ cm; $Q_3=168.5$ cm **1.17.3:** Tabela de frequências:

i	classes	x_i'	n_i	f_i	N_i	F_i
1	[150,155]	152.5	4	0.143	4	0.143
2]155,160]	157.5	4	0.143	8	0.286
3]160,165]	162.5	8	0.286	16	0.571
4]165,170]	167.5	8	0.286	24	0.857
5]170,175]	172.5	4	0.143	28	1
			n = 28	1		

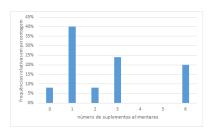
1.17.4: classe modal: [160,165] e [165,170]; -.

1.18.1:

i	x_i	n_i	N_i	$f_i \times 100\%$	$F_i \times 100\%$
1	0	701	-	0 -	
1	U	2	2	8%	8%
2	1	10	12	40%	48%
3	2	2	14	8%	56%
4	3	6	20	24%	80%
5	6	5	25	20%	100%
		n = 25		100%	

1.18.2: 25 recém-nascidos 1.18.3: 56% dos recém-nascidos; 11 recém-nascidos

1.18.4: Afirmação falsa 1.18.5: Gráfico de barras:

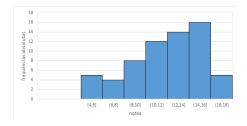


1.18.6: 2.48 suplementos alimentares **1.18.7:** mo=1 suplemento alimentar; $\tilde{x}=2$ suplementos alimentares; $Q_1=1$ suplemento alimentare; $Q_2=2$ suplementos alimentares; $Q_3=3$ suplementos alimentares **1.18.8:** A=6 suplementos alimentares: AIQ=2 suplementos alimentares, $s^2=4.093$ suplementos alimentares²; s=2.023 suplementos alimentares; CV=81.58% **1.18.9:** - **1.18.10:** Não há.

1.19.1: variável: notas de um teste, classificação: quantitativa contínua 1.19.2: Tabela de frequências:

		,	1		3.7	
i	classes	x_i'	n_i	f_i	N_i	F_i
1	[4,6]	5	5	0.078	5	0.078
2]6,8]	7	4	0.062	9	0.14
3]8,10]	9	8	0.125	17	0.265
4]10,12]	11	12	0.188	29	0.453
5]12,14]	13	14	0.219	43	0.672
6]14,16]	15	16	0.25	59	0.922
5]16,18]	17	5	0.078	64	1
			n = 64	1		

1.19.3: 16 alunos **1.19.4:** 24 alunos **1.19.5:** 54.69% **1.19.6:** 67.19% **1.19.7:** Histograma:



1.19.8: classe modal:]14,16]; classe mediana:]12,14] **1.19.9:** mo = 14.5 valores; $\tilde{x} = 12.5$ valores; $Q_1 = 9.4$ valores; $Q_2 = 12.5$ valores; $Q_3 = 14.5$ valores;

- $\bar{x}=11.773$ valores, s=3.348 valores **1.19.10**: 10.2 valores **1.19.11**: A=14 valores; AIQ=5.1 valores; $s^2=11.212$ valores²; s=3.348 valores; CV=28.44% **1.19.12**: Assimétrica negativa **1.19.13**: AIQ=5.1 valores.
- **1.20:** Curso A \rightarrow gráfico 2; Curso B \rightarrow gráfico 1; Curso C \rightarrow gráfico 3.
- **1.21.1:** 47% **1.21.2:** classe modal: [10,15]; classe mediana: [15,20]; **1.21.3: 1.21.4:** -
- **1.22.1:** $\bar{x}_A = 6.4$ vezes; $s_A = 3.774$ vezes; $\bar{x}_B = 6$ vezes; $s_B = 3.906$ vezes **1.22.2: 1.22.3: 1.22.4:** A maior diferença é a mediana.
- **1.23.1:** $max_A=30^\circ;\ max_B=25^\circ;\ min_A=-3^\circ;\ min_B=5^\circ;\ A_A=33^\circ;\ A_B=20^\circ;\ Q_{1_A}=10^\circ;\ Q_{1_B}=15^\circ;\ Q_{3_A}=25^\circ;\ Q_{3_B}=21^\circ;\ AIQ_A=15^\circ;\ AIQ_B=6^\circ$ **1.23.2:** -
- 1.24: Pulsações.
- **1.25.1:** $s_{\text{densidade}}^2 = 104.889 \text{ (veículos/km)}^2$; $s_{\text{velocidadee}}^2 = 77.656 \text{ (km/hora)}^2$ **1.25.2:** Velocidade.
- **1.26.1:** $s_A^2 = 0.073 \text{ kg}^2$; $s_B^2 = 0.063 \text{ kg}^2$; $s_A = 0.27 \text{ kg}$; $s_B = 0.251 \text{ kg}$ **1.26.2:** Balança B.
- **1.27.1:** $\bar{x} = 5.193$ gramas; s = 1.429 gramas **1.27.2: 1.27.3:** Devido à observação 10.2 aparenta ser assimetrica positiva, sem essa observação está muito próximo do simétrica com uma ligeira assimetria negativa **1.27.4:**

		Lipidos	3		
iogutes ma	gros	iogutes com aromas		iogurtes com pedaços	
Média	1,286	Média	2,592	Média	3,675
Mediana	0,5	Mediana	2,9	Mediana	3,75
Moda	0,5	Moda	2,9	Moda	4,1
Variância	1,715	Variância	1,629	Variância 0,	
Desvio-padrão	1,309	Desvio-padrão	1,276	Desvio-padrão	0,420
Assimetria	1,238	Assimetria	-0,559	Assimetria	-0,569
Curtose	0,652	Curtose	-0,940	Curtose	-1,172
Mínimo	0,2	Mínimo	0,5	Mínimo	3
Máximo	3,7	Máximo	4,2	Máximo	4,1
Amplitude	3,5	Amplitude	3,7	Amplitude	1,1
Q1	0,3	Q1	1,8	1,8 Q1	
Q3	2,3	Q3	3,5	Q3	4,05
AIQ	2	AIQ	1,7	AIQ	0,7
n	7	n	13	n	8
		Hidratos de Ca	arbono		
iogutes ma	gros	iogutes com aromas		iogurtes com pedaços	
Média	8,300	Média	13,815	Média	13,4625
Mediana	6,5	Mediana	14,2	Mediana	14,3
Moda	amodal	Moda	15,2	Moda	amodal
Variância	13,560	Variância	9,838	Variância	8,851
Desvio-padrão	3,682	Desvio-padrão	3,137	Desvio-padrão	2,975
Assimetria	1,573	Assimetria	-0,212	Assimetria	-1,526
Curtose	2,283	Curtose	-0,462	Curtose	2,549
Mínimo	5,1	Mínimo	8	Mínimo	7,2
Máximo	15,6	Máximo	18,6	Máximo	16,8
Amplitude	10,5	Amplitude	10,6	Amplitude	9,6
Q1	5,9	Q1	11,9	Q1	12,55
Q3	10,4	Q3	15,2	Q3	15
AIQ	4,5	AIQ	3,3	AIQ	2,45
n	7	n	13	n	8

1.27.5: Iogurtes magros.