

Ambiente de aprendizaje para la enseñanza de Estadística II: un enfoque en teoría, prácticas y  
autoevaluación

Jorge Eduardo Suárez Cortés

Daniel Alejandro Sánchez Rodríguez

Trabajo de Grado para optar al título de Ingeniero de Sistemas

Director

Andrés Leonardo González Gómez

PhD (c). Ciencias de la Computación

Universidad Industrial de Santander

Facultad de Ingenierías Fisicomecánicas

Escuela de Ingeniería de Sistemas e Informática

Ingeniería de Sistemas

Bucaramanga

2025

## Tabla de Contenido

<b>Introducción</b>	<b>11</b>
<b>1. Objetivos</b>	<b>12</b>
1.1. Objetivo General	12
1.2. Objetivos Especificos	12
<b>2. Marco Teorico</b>	<b>14</b>
2.1. Estadística	14
2.1.1. Estadística Inferencial	15
2.2. Ambientes de aprendizaje	16
2.2.1. Políticas TIC en educación	16
2.2.2. Ambiente de aprendizaje	17
2.2.3. Ambientes virtuales de aprendizaje	18
2.3. Tecnologías implementadas en el proyecto	19
2.3.1. Node.js y Express.js	19
2.3.2. React.js	19
2.3.3. Bases de datos relacionales (MariaDB)	20
2.3.4. Virtualización y contenedores (Docker)	20
2.3.5. Moodle como LMS	20
2.3.6. Python y R	21
2.3.7. Google Colab	21

AMBIENTE DE APRENDIZAJE PARA LA ENSEÑANZA DE ESTADÍSTICA II	3
2.3.8. Graders y autoevaluación automatizada	22
2.3.9. Playit.gg y tunelización de servicios	22
<b>3. Estado del Arte</b>	<b>23</b>
3.1. Introducción	23
3.2. Antecedentes	23
3.2.1. La evolución de los LMS	23
3.2.2. Plataformas de Aprendizaje	26
3.2.3. Sistemas de Autoevaluación y Retroalimentación Automatizada	27
3.2.4. Arquitectura tecnológica para la educación	28
3.2.5. Antecedentes nacionales y la UIS	31
<b>4. Metodología</b>	<b>34</b>
4.1. Enfoque metodológico	34
4.2. Pasos generales de la metodología	34
4.3. Roles	36
4.4. Estructura de los sprints	36
4.5. Sprints	37
4.5.1. Sprint 0	37
4.5.2. Sprint 1	39
4.5.3. Sprint 2	42
<b>5. Resultados</b>	<b>45</b>
5.1. Desarrollo tecnológico del ambiente virtual	45

AMBIENTE DE APRENDIZAJE PARA LA ENSEÑANZA DE ESTADÍSTICA II	4
5.2. Infraestructura tecnológica implementada	47
5.2.1. Backend	48
5.2.2. Frontend	49
5.2.3. Base de Datos	49
5.2.4. Nginx	49
5.2.5. Playit.gg	50
5.3. Recursos interactivos	50
5.4. Experiencia de los Estudiantes	52
<b>6. Conclusiones y trabajo a futuro</b>	<b>53</b>
<b>Referencias Bibliográficas</b>	<b>54</b>
<b>Anexos</b>	<b>59</b>

### Lista de Figuras

Figura 1.	Estado del arte. <b>Linea de tiempo con base en diversas fuentes históricas..</b>	25
Figura 2.	Estado del arte. <b>Plataformas de aprendizaje.</b>	27
Figura 3.	Estado del arte. <b>Arquitectura tecnológica para la educación.</b>	29
Figura 4.	Estado del arte. <b>Arquitectura de microservicios.</b>	30
Figura 5.	Sprint 1. <b>Esquema de los contenedores Docker.</b>	41
Figura 6.	Desarrollo tecnológico del ambiente virtual. <b>Estructura del curso de Moodle.</b>	46
Figura 7.	Infraestructura tecnológica implementada. <b>Arquitectura tecnológica del Am- biente Virtual de aprendizaje.</b>	48
Figura 8.	Recursos interactivos. <b>Presentación en Genially sobre Intervalos de confianza.</b>	51
Figura 9.	Recursos interactivos. <b>Infografía en Genially sobre Bootstrap.</b>	52
Figura 10.	Recursos interactivos. <b>Infografía en H5P sobre Estadística descriptiva.</b>	53

## **Lista de Tablas**

## Glosario

**Ambiente Virtual de Aprendizaje (AVA):** Entorno digital que integra recursos, actividades y herramientas interactivas para apoyar los procesos de enseñanza y aprendizaje en línea o semipresenciales.

**Autoevaluación:** Estrategia pedagógica que permite a los estudiantes valorar su propio proceso de aprendizaje mediante actividades de retroalimentación automática.

**Base de Datos:** Conjunto estructurado de información almacenada de manera organizada que permite el acceso, la gestión y la actualización de datos académicos y de evaluación.

**Docker:** Plataforma de virtualización ligera que permite empaquetar aplicaciones y servicios en contenedores portables, facilitando su despliegue en diferentes entornos.

**Estadística Inferencial:** Rama de la estadística que utiliza datos muestrales para realizar inferencias, estimaciones o pruebas sobre parámetros poblacionales.

**Google Colab:** Herramienta en la nube que permite ejecutar código en Python y R desde un navegador, facilitando la realización de prácticas y análisis de datos sin necesidad de instalación local.

**Grader:** Sistema automatizado de evaluación que corrige ejercicios prácticos, especialmente de programación y estadística, generando resultados inmediatos.

**LMS (Learning Management System):** Sistema de gestión del aprendizaje que permite planificar, implementar y evaluar procesos educativos en entornos virtuales. Facilita la creación

de cursos, administración de contenidos, seguimiento del progreso de los estudiantes y la comunicación entre docentes y alumnos.

**Moodle:** Plataforma de gestión de aprendizaje (LMS, por sus siglas en inglés) de código abierto, utilizada para crear cursos en línea, administrar contenidos y facilitar la comunicación entre docentes y estudiantes.

**Node.js:** Entorno de ejecución de JavaScript orientado al desarrollo de aplicaciones web y servidores, utilizado para gestionar la comunicación entre sistemas del entorno virtual.

**Playit.gg:** Servicio que permite crear túneles seguros para acceder a aplicaciones locales desde internet, sin necesidad de configuraciones avanzadas en redes.



## Resumen

**Título:** Ambiente de aprendizaje para la enseñanza de Estadística II: un enfoque en teoría, prácticas y autoevaluación.

\*

**Autores:** Jorge Eduardo Suárez Cortés y Daniel Alejandro Sánchez Rodríguez. \*\*

**Palabras Clave:** Ambiente virtual de aprendizaje, Moodle, Estadística II, Autoevaluación.

**Descripción:** El presente trabajo de grado describe el diseño, desarrollo e implementación de un ambiente de aprendizaje virtual para la asignatura Estadística II, dirigida a estudiantes de la Escuela de Ingeniería de Sistemas e Informática de la Universidad Industrial de Santander. El ambiente fue construido sobre la plataforma Moodle, con el objetivo de ofrecer una experiencia de aprendizaje más activa, significativa y continua mediante la integración sistemática de contenidos teóricos, ejercicios prácticos y mecanismos de evaluación formativa, tales como autoevaluaciones y retroalimentación inmediata.

El enfoque pedagógico del entorno se basa en el aprendizaje activo y la construcción progresiva del conocimiento, promoviendo la participación continua del estudiante y el desarrollo de competencias relacionadas con el análisis estadístico y la interpretación de datos. Las actividades propuestas están diseñadas para favorecer la autonomía del aprendizaje. Los resultados obtenidos sugieren que el uso del ambiente virtual contribuye a mejorar la comprensión de los contenidos estadísticos, así como a incrementar la motivación y el compromiso de los estudiantes con su proceso de formación. Esta propuesta representa una alternativa metodológica y tecnológica que responde a las necesidades actuales de la educación superior en el ámbito de la ingeniería de sistemas, especialmente en contextos donde la articulación entre teoría y práctica resulta esencial para el desarrollo de competencias profesionales.

---

\* Trabajo de grado

\*\* Facultad de Ingenierías Fisicomecánicas. Escuela de Ingeniería de Sistemas e Informática.  
Director: Andrés Leonardo González Gómez

### Abstract

**Title:** Learning Environment for the Teaching of Statistics II: A Focus on Theory, Practice, and Self-Assessment. \*

**Authors:** Jorge Eduardo Suárez Cortés y Daniel Alejandro Sánchez Rodríguez. \*\*

**Key words:** Virtual learning environment, Moodle, Statistics II, Self-assessment.

**Description:** This thesis describes the design, development, and implementation of a virtual learning environment for the Statistics II course, aimed at students of the School of Systems Engineering and Computer Science at the Industrial University of Santander. The environment was built on the Moodle platform, with the aim of offering a more active, meaningful, and continuous learning experience through the systematic integration of theoretical content, practical exercises, and formative assessment mechanisms, such as self-assessments and immediate feedback.

The pedagogical approach of the environment is based on active learning and the progressive construction of knowledge, promoting continuous student participation and the development of skills related to statistical analysis and data interpretation. The proposed activities are designed to encourage autonomous learning. The results obtained suggest that the use of the virtual environment contributes to improving the understanding of statistical content, as well as increasing student motivation and commitment to their training process. This proposal represents a methodological and technological alternative that responds to the current needs of higher education in the field of systems engineering, especially in contexts where the articulation between theory and practice is essential for the development of professional skills.

---

\* Degree Work

\*\* Faculty of Physicomechanical Engineering. School of Systems and Computer Engineering.  
Director: Andrés Leonardo González Gómez

## **Introducción**

## **1. Objetivos**

### **1.1. Objetivo General**

- Diseñar y desarrollar un entorno virtual para la asignatura de Estadística II, de la Escuela de Ingeniería de Sistemas e Informática de la UIS, que facilite la ejecución de un plan de aula propuesto para la práctica, el aprendizaje y la autoevaluación del contenido de la asignatura, mediante herramientas de Python y R.

### **1.2. Objetivos Específicos**

- Diseñar un plan de aula modular para la asignatura Estadística II que organice los contenidos teóricos y prácticos en unidades interactivas basadas en Colab Notebooks, Python y R, e incluya calificadores automáticos y ejercicios con retroalimentación instantánea.
- Implementar un ambiente de aprendizaje virtual en la plataforma Moodle que integre las tecnologías definidas (Colab Notebooks, Python y R) y organice los contenidos teóricos y prácticos junto con materiales didácticos de apoyo, consolidando una experiencia formativa práctica y accesible para la asignatura Estadística II.
- Establecer instrumentos de medición para las actividades prácticas y autoevaluativas en Moodle (desarrolladas con Python y R), que permitan medir el logro de los resultados de aprendizaje durante el desarrollo del proyecto en el curso de Estadística II.
- Pilotear el ambiente virtual de aprendizaje diseñado, con sus contenidos interactivos e instrumentos de evaluación, en por lo menos dos grupos de Estadística II de la Escuela de Inge-

nería de Sistemas e Informática de la UIS, con el fin de validar su usabilidad, satisfacción y efectividad en el logro de los resultados de aprendizaje.

## **2. Marco Teorico**

### **2.1. Estadística**

La estadística constituye una herramienta fundamental en la ciencia, la ingeniería y la administración, al proporcionar métodos rigurosos para recopilar, organizar, presentar, analizar e interpretar datos con el fin de apoyar la toma de decisiones. En la actualidad, desempeña un papel crucial en el análisis de sistemas complejos, la mejora de procesos y el control de calidad en distintos entornos académicos, industriales y científicos.

De acuerdo con Montgomery y Hines (1996), la estadística moderna se divide en dos grandes áreas: estadística descriptiva y estadística inferencial. La primera se ocupa de técnicas que permiten resumir y describir de manera gráfica o numérica los datos disponibles, mientras que la segunda se orienta hacia la formulación de generalizaciones o la toma de decisiones sobre una población a partir de la información contenida en una muestra.

En el contexto de este proyecto, la atención se centra en la estadística inferencial, dado que la asignatura Estadística II aborda conceptos como la estimación puntual, la construcción de intervalos de confianza, las pruebas de hipótesis y el estudio de distribuciones muestrales. Dichos contenidos resultan esenciales para obtener conclusiones válidas a partir de datos incompletos o parciales. Al tratarse de una asignatura que combina teoría matemática con aplicaciones prácticas en problemas reales, se requiere no solo comprender los fundamentos conceptuales, sino también desarrollar competencias aplicadas. Por ello, este proyecto plantea el diseño de un entorno virtual interactivo que permita a los estudiantes ejercitar dichos conceptos con datos reales, actividades

prácticas y retroalimentación inmediata.

### ***2.1.1. Estadística Inferencial***

La estadística inferencial es considerada una de las ramas más potentes y aplicadas de la disciplina. Su propósito central es extraer conclusiones sobre una población a partir de la información proporcionada por una muestra. Según Montgomery y Hines (1996), la mayoría de las aplicaciones estadísticas en ciencia, ingeniería y administración incorporan procedimientos de inferencia y toma de decisiones.

Entre los conceptos más relevantes que sustentan esta disciplina se encuentran:

- **Distribuciones muestrales:** distribuciones de probabilidad de estadísticas como la media, la proporción o la varianza, que permiten describir la variabilidad esperada de los estimadores a partir de distintas muestras.
- **Estimación de parámetros:** procedimientos mediante los cuales se obtienen valores aproximados de parámetros poblacionales utilizando la información muestral.
- **Pruebas de hipótesis:** métodos formales que permiten aceptar o rechazar proposiciones acerca de parámetros poblacionales, basándose en la evidencia empírica extraída de una muestra.

## **2.2. Ambientes de aprendizaje**

### ***2.2.1. Políticas TIC en educación***

El diseño de ambientes de aprendizaje en la educación superior no solo responde a fundamentos pedagógicos y tecnológicos, sino también a marcos normativos e institucionales que orientan su desarrollo. En este sentido, la Política Institucional de Tecnologías de la Información y la Comunicación (TIC) de la Universidad Industrial de Santander, establecida mediante el Acuerdo del Consejo Superior No. 051 de 2009, constituye un referente clave para la integración de recursos digitales en los procesos académicos.

Dicha política busca garantizar el acceso equitativo a la información, fomentar la innovación pedagógica y promover la incorporación de tecnologías abiertas e interoperables en la formación universitaria. Asimismo, establece como principios fundamentales el fortalecimiento de los procesos de enseñanza-aprendizaje, la inclusión de toda la comunidad académica en el uso de las TIC y la consolidación de una cultura institucional que aproveche estas herramientas para el mejoramiento continuo de la calidad educativa (Universidad Industrial de Santander, 2009).

De esta forma, el presente proyecto se enmarca en los lineamientos de la Política TIC, ya que aprovecha plataformas como Moodle y Google Colab para potenciar la enseñanza de la estadística mediante recursos digitales interactivos, autoevaluaciones y retroalimentación automática. Esto permite articular los objetivos pedagógicos con los principios institucionales de innovación, inclusión y acceso abierto al conocimiento.



### ***2.2.2. Ambiente de aprendizaje***

El concepto de ambiente de aprendizaje se refiere al conjunto de condiciones, espacios, interacciones y recursos que permiten y favorecen el desarrollo de procesos educativos efectivos. Este término alude a un escenario dinámico en el que los individuos desarrollan capacidades, competencias, habilidades y valores. Es decir, no se trata de un espacio fijo ni neutral, sino de un entorno que debe transformarse en función de las necesidades de los estudiantes y de las innovaciones educativas (Castro, 2019).

En este sentido, un ambiente de aprendizaje no se limita al aula física, sino que constituye una construcción pedagógica en la que intervienen aspectos sociales, culturales, tecnológicos y metodológicos. De acuerdo con Castro (2019), un ambiente de aprendizaje debe ser:

- Flexible y adaptable a diferentes contextos y tecnologías.
- Fomentar la interacción social y la construcción colectiva del conocimiento.
- Proporcionar recursos adecuados, incluidos los tecnológicos, que potencien las competencias estudiantiles.
- Promover el rol activo del docente como diseñador, facilitador y mediador del aprendizaje.

Desde esta perspectiva, los ambientes de aprendizaje se conciben como espacios dinámicos e integrales, que van más allá de la transmisión de información y buscan estimular la participación activa, la autonomía y la construcción colaborativa del conocimiento.

### ***2.2.3. Ambientes virtuales de aprendizaje***

El avance de las tecnologías digitales ha posibilitado la transición de los entornos tradicionales hacia los Ambientes Virtuales de Aprendizaje (AVA). Estos se definen como plataformas tecnológicas que integran recursos didácticos, actividades de aprendizaje, espacios de interacción y mecanismos de evaluación para facilitar procesos formativos en entornos digitales (Salinas, 2004).

En coherencia con las características planteadas por Castro (2019), los AVA son flexibles y adaptables a diferentes contextos, fomentan la interacción social y colaborativa, proporcionan recursos tecnológicos que amplían las competencias estudiantiles y posicionan al docente como un mediador y facilitador del aprendizaje.

Uno de los sistemas más representativos en este campo es Moodle, un Learning Management System (LMS) de código abierto que ha sido adoptado globalmente en educación superior debido a su enfoque pedagógico constructivista, su escalabilidad y su facilidad de integración con otras herramientas (Dougiamas & Taylor, 2003). Moodle permite gestionar cursos, estudiantes, actividades y evaluaciones, convirtiéndose en un eje articulador del proceso formativo.

En el contexto del presente proyecto, Moodle constituye el espacio institucional de referencia en la UIS, donde los estudiantes acceden a materiales de teoría, actividades interactivas y prácticas en Google Colab, además de las autoevaluaciones conectadas con el backend. Su importancia radica en que integra de manera armónica la teoría, la práctica y la retroalimentación automática, consolidando un entorno virtual de aprendizaje efectivo.

## **2.3. Tecnologías implementadas en el proyecto**

### ***2.3.1. Node.js y Express.js***

Node.js es un entorno de ejecución basado en el motor V8 de Google Chrome que permite ejecutar JavaScript en el lado del servidor, diseñado bajo un modelo de I/O no bloqueante. Esto lo convierte en una herramienta adecuada para aplicaciones que requieren manejar múltiples solicitudes concurrentes, como plataformas de aprendizaje en línea (Tilkov & Vinoski, 2010).

Express.js es un framework minimalista para Node.js que facilita la construcción de APIs y aplicaciones web mediante la organización de rutas, middleware y controladores (Brown, 2019). En el proyecto, Node.js y Express.js cumplen el rol de backend principal, gestionando la validación de respuestas de estudiantes, el control de intentos y la comunicación con la base de datos MariaDB.

### ***2.3.2. React.js***

React.js es una biblioteca de JavaScript desarrollada por Facebook que permite construir interfaces de usuario basadas en componentes reutilizables (Banks & Porcello, 2017). Su arquitectura con virtual DOM optimiza la actualización de vistas, mejorando la eficiencia y la experiencia de usuario.

El frontend, desarrollado en React.js, centraliza la gestión de calificaciones y el control de intentos de los estudiantes. Su principal ventaja es la transparencia: ante cualquier discrepancia con la calificación calculada por el backend (Node.js), un instructor puede revisar tanto el código enviado por el estudiante como la nota obtenida. Esto facilita una verificación rápida y fundamentada,

garantizando la equidad en la evaluación.

### **2.3.3. Bases de datos relacionales (MariaDB)**

MariaDB es un sistema de gestión de bases de datos relacional de código abierto, derivado de MySQL, que organiza los datos en tablas relacionadas bajo el modelo relacional propuesto por Codd (1970).

Su función en el proyecto es ser el repositorio central de información, donde se almacenan los registros de estudiantes, intentos de ejercicios, calificaciones y respuestas. Gracias a sus características de integridad y consistencia, MariaDB asegura la fiabilidad en el almacenamiento de los resultados generados en los procesos de autoevaluación.

### **2.3.4. Virtualización y contenedores (Docker)**

Docker es una plataforma de contenedores ligeros que empaqueta aplicaciones y dependencias en un entorno aislado, lo que garantiza portabilidad y reproducibilidad (Merkel, 2014).

En el proyecto, Docker permite desplegar servicios como el backend, frontend, playit.gg y la base de datos en un entorno controlado, asegurando que las pruebas piloto y los despliegues sean consistentes sin importar el sistema operativo. Su uso facilita la escalabilidad y reduce los problemas de compatibilidad entre entornos de desarrollo y producción.

### **2.3.5. Moodle como LMS**

Moodle es un sistema de gestión de aprendizaje (LMS) de código abierto ampliamente utilizado en la educación superior. Ofrece herramientas para gestionar cursos, usuarios, recursos y

actividades de evaluación (Dougiamas & Taylor, 2003).

En este proyecto, Moodle funciona como el entorno de acceso institucional provisto por la UIS, donde los estudiantes encuentran los enlaces a los notebooks de Google Colab, las actividades prácticas y los recursos teóricos. Moodle sirve como el punto de integración pedagógica que articula los recursos tecnológicos desarrollados.

### **2.3.6. *Python y R***

Python y R son lenguajes de programación consolidados en el campo del análisis estadístico y la ciencia de datos. Python, gracias a bibliotecas como NumPy, SciPy y Pandas, se ha convertido en una herramienta versátil para la enseñanza y aplicación de métodos estadísticos (McKinney, 2017). R, por su parte, es un lenguaje especializado en estadística y visualización de datos, ampliamente usado en contextos académicos (R Core Team, 2023).

En el proyecto, para el desarrollo de los graders se emplearán ambos lenguajes de programación, lo que permitirá dotarlos de una mayor versatilidad en su uso.

### **2.3.7. *Google Colab***

Google Colab es una plataforma en la nube que permite ejecutar notebooks de Python sin necesidad de instalar software localmente. Combina teoría, código ejecutable y resultados en un único entorno interactivo (Bisong, 2019).

Su integración en el proyecto permite a los estudiantes resolver ejercicios en tiempo real, ejecutar simulaciones y enviar sus respuestas al backend para validación. Además, Colab facilita el aprendizaje activo y autónomo.

### ***2.3.8. Graders y autoevaluación automatizada***

Los graders son sistemas de evaluación automática que comparan respuestas de estudiantes con soluciones esperadas, otorgando calificaciones y retroalimentación inmediata (Kurnia et al., 2001). Herramientas como nbgrader o Otter-Grader han demostrado su efectividad en la enseñanza de programación y estadística.

En este proyecto, los graders están implementados en el backend desarrollado con Node.js y conectados a los notebooks de Colab. De esta forma, los estudiantes reciben retroalimentación instantánea, lo que fomenta el aprendizaje autónomo y reduce la carga de corrección manual para los docentes.

### ***2.3.9. Playit.gg y tunelización de servicios***

Playit.gg es una herramienta que permite crear túneles seguros entre una máquina local y la web pública, facilitando la exposición de servicios locales sin necesidad de configuración compleja de red.

Durante el desarrollo y pruebas piloto del proyecto, Playit.gg se utiliza para exponer el backend y el frontend alojados en contenedores Docker hacia los estudiantes y notebooks de Colab. Esta estrategia permite realizar pilotos de manera controlada.

### **3. Estado del Arte**

#### **3.1. Introducción**

La enseñanza de la estadística en educación superior presenta desafíos significativos debido a la abstracción de sus conceptos y la necesidad de aplicar teoría a problemas del mundo real. En este contexto, los Ambientes Virtuales de Aprendizaje (AVA) y plataformas digitales han emergido como recursos clave para mediar procesos formativos, permitiendo integrar materiales, actividades prácticas y evaluaciones (S. Al-Haddad, 2024). Sin embargo, aunque las soluciones existentes han avanzado en accesibilidad y organización de contenidos, persisten limitaciones relacionadas con la retroalimentación inmediata, la integración de entornos de análisis de datos y la evaluación automatizada de procesos complejos como la estadística inferencial.

#### **3.2. Antecedentes**

##### ***3.2.1. La evolución de los LMS***

Los sistemas de enseñanza asistida han experimentado una evolución significativa desde sus orígenes en la década de 1960 hasta la consolidación de plataformas como Moodle en la actualidad. Uno de los primeros hitos fue el desarrollo de *PLATO* (Programmed Logic for Automated Teaching Operations) en la Universidad de Illinois en 1960. Este sistema permitía la entrega de contenidos programados, evaluaciones automatizadas, comunicación entre estudiantes y docentes mediante foros y mensajería, además de seguimiento del progreso individual. A pesar de los altos costos por el uso de mainframes, *PLATO* fue implementado en más de 1.000 instituciones educativas y sentó

las bases técnicas y pedagógicas de los actuales LMS (Woolley, 2016).

En 1965, Patrick Suppes y Richard Atkinson, en la Universidad de Stanford, exploraron el uso de computadoras para la enseñanza de matemáticas y lectura en escuelas de Palo Alto. Su sistema ofrecía retroalimentación inmediata y ramificaciones condicionales según el desempeño del estudiante. Los resultados mostraron una mejora del 25 % en la retención de conceptos matemáticos básicos en comparación con métodos tradicionales, lo que evidenció el potencial del aprendizaje asistido por computadora para personalizar la enseñanza (Suppes, 1966).

Posteriormente, entre 1973 y 1977, el *National Development Programme in Computer Aided Learning* (NDPCAL) en el Reino Unido financió más de 30 proyectos universitarios que integraban gestión de contenidos digitales, evaluación automatizada y seguimiento del progreso estudiantil. Uno de los proyectos más destacados fue implementado en la Universidad de Leeds, donde se logró reducir el tiempo de retroalimentación en cursos de estadística de semanas a horas, mejorando significativamente la experiencia de aprendizaje (Hooper, 1977).

El punto de inflexión en la historia de los LMS modernos llegó el 20 de agosto de 2002, cuando Martin Dougiamas publicó la primera versión estable de Moodle 1.0. Desarrollado como parte de su tesis doctoral en la Universidad de Curtin (Australia), Moodle fue concebido bajo principios constructivistas y liberado como software de código abierto. Esta primera versión permitía la creación de cursos interactivos, gestión de tareas, foros de discusión y evaluaciones básicas. A pesar de su simplicidad inicial, Moodle fue rápidamente adoptado por comunidades educativas de todo el mundo, traducido a múltiples idiomas y adaptado a diversos contextos pedagógicos (Moodle, 2024).

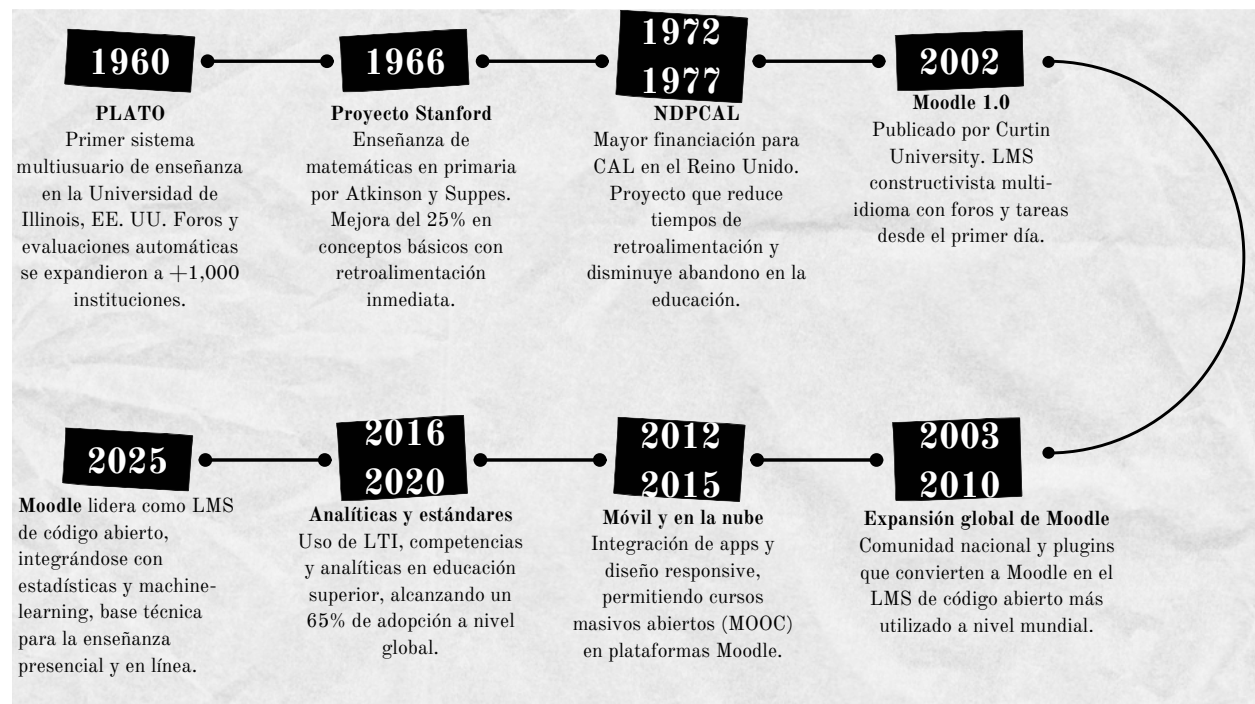


Hoy en día, Moodle supera los 160.000 sitios registrados y 240 millones de usuarios en más de 240 idiomas. Es utilizado por aproximadamente el 67 % de las instituciones de educación superior a nivel mundial. Su arquitectura abierta y modular permite integrar herramientas especializadas como Jupyter Notebook, nbgrader, R, Python y entornos de evaluación automática, lo que lo ha convertido en una plataforma clave para la enseñanza de la estadística y la ciencia de datos en la educación superior (Goh, 2025; Moodle, 2024).

La Figura 1 muestra la línea de tiempo de la evolución de los LMS, destacando los hitos más importantes que llevaron a su consolidación.

**Figura 1.**

Estado del arte. **Línea de tiempo con base en diversas fuentes históricas..**



Fuente: Autores

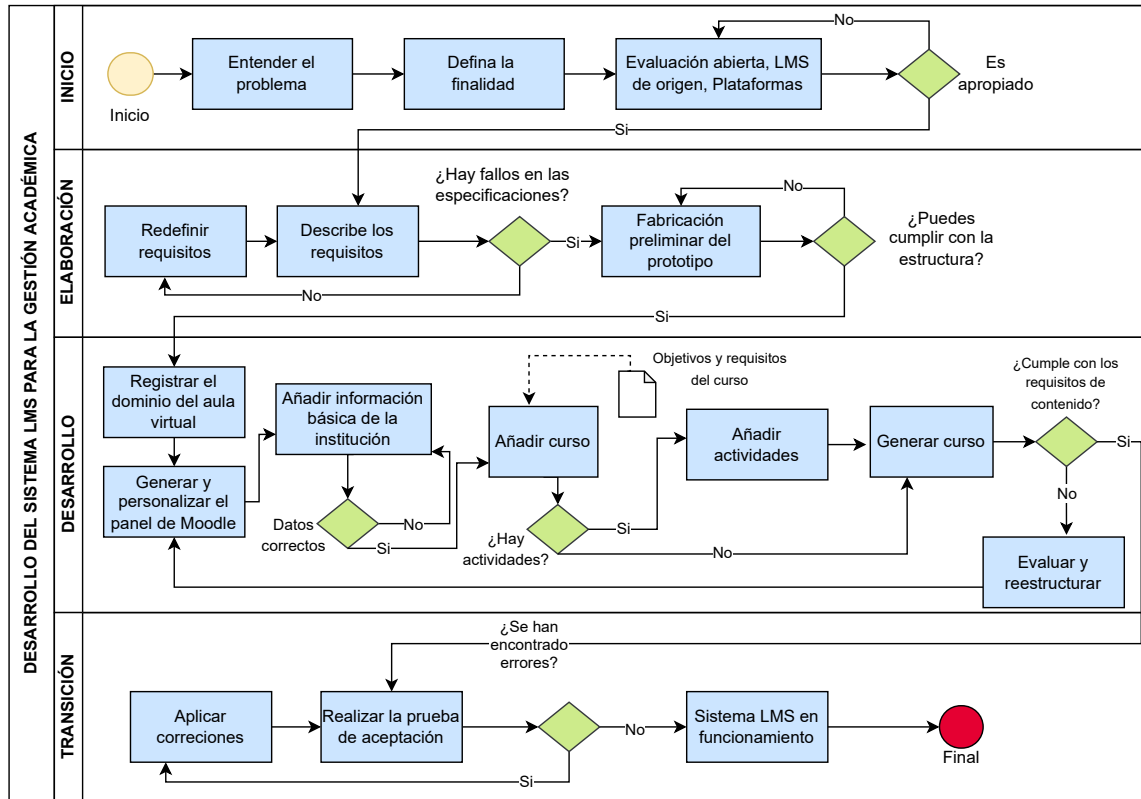
### 3.2.2. Plataformas de Aprendizaje

Las plataformas de gestión del aprendizaje (LMS) como Moodle han revolucionado la educación digital desde su implementación. El caso pionero de la Universidad de Curtin en Australia en 2002 demostró que la adopción de Moodle en cursos de estadística descriptiva resultó en una mejora significativa en la participación estudiantil y una reducción del 30 % en los índices de reprobación, atribuible a la organización modular de contenidos y el acceso asíncrono a materiales (Pacheco et al., 2025). Este tipo de resultados se alinea con el ciclo de validación continua que suele seguirse en la implementación de un LMS, como se resume en la Figura 2, donde se observa cómo la revisión iterativa de requisitos, contenidos y pruebas permite alcanzar un entorno de aprendizaje funcional y adaptado al contexto institucional.

Más recientemente, en 2025, la Universidad Nacional de Educación a Distancia (UNED) de España desarrolló un MOOC de estadística en Moodle que alcanzó una tasa de finalización del 68 %, superior al promedio de cursos masivos. Este éxito se atribuyó al uso de evaluaciones automáticas, foros moderados y contenido multimedia adaptativo (Goh, 2025). En contextos de menores recursos, la Universidad Pública de El Alto en Bolivia implementó Moodle para Estadística II en 2024, logrando mejoras significativas en la claridad de contenidos y el rendimiento académico de los estudiantes (Ndibalema, 2025).

Estos ejemplos demuestran que Moodle no solo cumple funciones administrativas, sino que puede ser una fuente valiosa de información para mejorar la enseñanza de la estadística cuando se complementa con herramientas externas de análisis y práctica computacional. Las analíticas de aprendizaje basadas en el uso del LMS se han convertido en un campo emergente, donde la

**Figura 2.**

 Estado del arte. **Plataformas de aprendizaje.**


Fuente: Adaptada de Pacheco et al. (2025)

persistencia y constancia de los estudiantes en el uso de la plataforma se correlaciona directamente con el éxito académico, abriendo la puerta a modelos predictivos de intervención temprana (Goh, 2025).

### 3.2.3. Sistemas de Autoevaluación y Retroalimentación Automatizada

La retroalimentación inmediata es crucial en la consolidación del aprendizaje estadístico. Mientras que los entornos tradicionales se centran en respuestas cerradas, las herramientas modernas han expandido su alcance hacia problemas complejos. El proyecto *nbgrader*, implementado

en la Universidad de Berkeley en 2017, permitió evaluar automáticamente tareas de estadística en Jupyter Notebooks, validando tanto la exactitud numérica como la lógica del código en Python, resultando en una reducción del 40 % en el tiempo de calificación y un aumento en la precisión de las evaluaciones (Blank et al., 2017).

Sin embargo, investigaciones recientes identifican limitaciones persistentes. En 2024, la Universidad de Kuwait implementó un sistema de autoevaluación en estadística inferencial que, aunque efectivo para respuestas numéricas, no pudo evaluar el razonamiento estadístico ni la justificación de procedimientos, evidenciando la necesidad de graders más avanzados que trasciendan la simple comparación de valores (S. Al-Haddad, 2024).

Estas limitaciones subrayan la importancia de desarrollar sistemas de evaluación más sofisticados. Diversos estudios han sugerido que una alternativa futura es integrar graders más avanzados que almacenen y auditen código, permitiendo no solo verificar respuestas correctas o incorrectas, sino también analizar el proceso de resolución seguido por el estudiante, aumentando la transparencia y equidad en la evaluación.

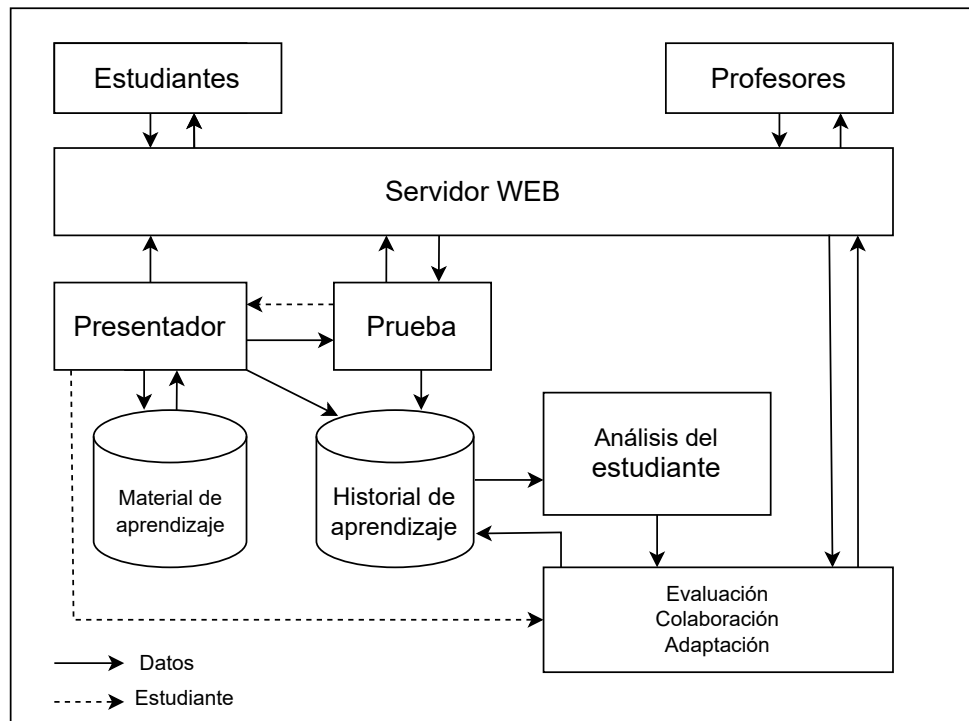
### ***3.2.4. Arquitectura tecnológica para la educación***

En el ámbito de la enseñanza de la estadística, la discusión sobre arquitecturas tecnológicas ha pasado de enfocarse en plataformas de gestión administrativa hacia propuestas que buscan integrar entornos de análisis, retroalimentación inmediata y evaluación automatizada como se puede ver presente en la Figura 3. Moodle continúa siendo una referencia obligada en la educación digital, especialmente por su capacidad para organizar contenidos y actividades. Sin embargo, varios estudios coinciden en que, aunque resulta eficaz para estructurar cursos, no responde por completo

a las exigencias de la enseñanza de la estadística inferencial, en la que interesa no solo el resultado final, sino también el razonamiento seguido por el estudiante (Ndibalema, 2025; Pacheco et al., 2025).

**Figura 3.**

Estado del arte. **Arquitectura tecnológica para la educación.**



Fuente: Adaptada de Mostefai et al. (2025)

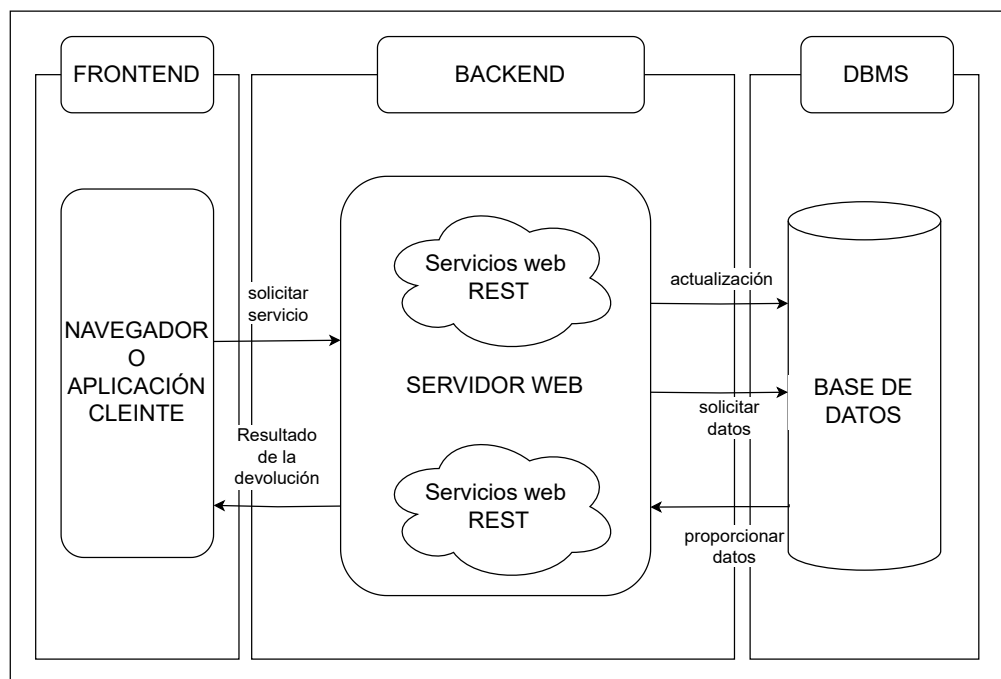
Ante esta limitación, algunas instituciones han apostado por combinar los LMS con entornos de programación y análisis de datos. Un ejemplo temprano es JupyterHub con nbgrader, desarrollado en la Universidad de California, Berkeley, que se consolidó como un referente en cursos masivos de ciencia de datos al permitir la entrega, ejecución y calificación automática de notebooks de Python (UC Berkeley, 2018). Por otro lado, la Universidad de Auckland ha incorporado RStudio Cloud para facilitar la práctica con R en cursos de inferencia y análisis de datos,

priorizando la accesibilidad en la web (Rubio-Sánchez et al., 2023). Finalmente, en Carnegie Mellon University se ha implementado Autolab, pensado para la calificación de código en línea con control de intentos y reportes de error detallados (Rubio-Sánchez et al., 2023).

El diseño de entornos educativos digitales exige arquitecturas escalables, flexibles y seguras. En 2025, Mostefai propuso una arquitectura de microservicios para plataformas educativas que separa la lógica de negocio, la visualización de resultados y la gestión de datos en componentes independientes se puede ver representado en la Figura 4. Esta arquitectura permitió escalar cursos de estadística con más de 5.000 estudiantes simultáneos sin pérdida de rendimiento, mejorando significativamente la mantenibilidad y escalabilidad de los sistemas (Mostefai et al., 2025).

**Figura 4.**

Estado del arte. **Arquitectura de microservicios.**



Fuente: Adaptada de Mostefai et al. (2025)

Estas experiencias muestran un avance real hacia la automatización de la evaluación y la integración con el aprendizaje activo. Sin embargo, también dejan en evidencia limitaciones importantes. Por un lado, dependen de infraestructura institucional robusta o de licencias de pago, lo que restringe su uso en contextos de menor presupuesto. Además, suelen enfocarse en verificar la exactitud del código o los resultados numéricos, pero no siempre logran capturar la trazabilidad del razonamiento estadístico, que es clave en la formación en inferencia (M. Al-Haddad, 2024).

### ***3.2.5. Antecedentes nacionales y la UIS***

En el contexto colombiano, la Universidad Industrial de Santander (UIS) ha sido pionera en el desarrollo de iniciativas que fortalecen la enseñanza y el aprendizaje de la estadística, articulando recursos digitales, programas de formación y unidades de análisis institucional. Desde mediados de la década de 2010, el Grupo SIMON de la UIS diseñó el software Evolución, una herramienta de modelado y simulación con dinámica de sistemas utilizada como apoyo en procesos formativos y de investigación, lo que refleja una apuesta temprana por el uso de simuladores en la enseñanza de disciplinas cuantitativas (Grupo SIMON – UIS, 2016).

De manera complementaria, la Dirección de Nuevas Tecnologías de la Información y las Comunicaciones (NTIC) de la UIS consolidó un repositorio de software y simuladores disponibles para estudiantes y docentes, los cuales abarcan desde áreas de ingeniería hasta aplicaciones estadísticas, contribuyendo al fortalecimiento del aprendizaje autónomo y práctico (NTIC – Universidad Industrial de Santander, s. f.). Esta apuesta tecnológica se ha acompañado de la creación de la Unidad de Información y Análisis Estadístico (UIAES), orientada a centralizar datos institucionales y a promover el uso de la estadística como herramienta de apoyo en la gestión académica

y administrativa, lo que evidencia una integración de la estadística no solo en la docencia, sino también en la toma de decisiones estratégicas (Universidad Industrial de Santander, s. f.).

En el ámbito de la formación avanzada, la UIS ha ofrecido desde hace más de dos décadas la Especialización en Estadística, adscrita a la Escuela de Matemáticas. Este programa de posgrado se ha consolidado como referente nacional, orientando profesionales en el manejo de metodologías estadísticas aplicadas en contextos empresariales, educativos y de investigación (Universidad Industrial de Santander – Escuela de Matemáticas, s. f.). Estas iniciativas evidencian el papel de la UIS como institución líder en la innovación y consolidación de propuestas académicas que integran recursos digitales, analítica institucional y programas de formación especializada.

En la Universidad Industrial de Santander (UIS), el Centro de Experiencias y Tecnologías de Información y Comunicación *EXPERTIC* se ha consolidado como un actor clave en la incorporación de TIC para fortalecer la docencia, la investigación y la extensión universitaria. Este centro promueve la innovación educativa mediante el diseño de recursos digitales, la gestión de plataformas tecnológicas y el acompañamiento a docentes y estudiantes en el uso pedagógico de las herramientas digitales (Universidad Industrial de Santander, 2025).

A nivel nacional, otras universidades también han contribuido a la consolidación de la estadística como disciplina clave para la educación superior y la investigación aplicada. Por ejemplo, la Universidad Católica de Pereira desarrolló un módulo didáctico para el manejo estadístico de datos en laboratorios de Física, destacando la transversalidad de la estadística en diferentes campos del conocimiento (Editorial Universidad Católica de Pereira, 2018). Por su parte, la Fundación Universitaria Los Libertadores ofrece la Especialización en Estadística Aplicada en modalidad virtual,



ampliando el acceso a formación especializada y evidenciando el interés creciente por programas flexibles que integren la estadística con entornos digitales (Universidad de La Gran Colombia – Fundación Universitaria Los Libertadores, s. f.).

En este contexto, el presente trabajo de grado se inscribe como un aporte innovador al integrar en la asignatura de *Estadística II* de la UIS un ambiente virtual de aprendizaje que combina *Moodle* con entornos de programación (*Python* y *R*), *Google Colab*, evaluadores automáticos (*graders*) y arquitecturas de despliegue en *Docker*. La propuesta busca responder a las limitaciones señaladas en la literatura, especialmente la ausencia de retroalimentación inmediata. Para ello, se plantea un entorno que incorpora actividades interactivas, mecanismos de autoevaluación y un plan de aula estructurado, implementado en dos cursos. De esta manera, el proyecto no solo fortalece la enseñanza de la estadística inferencial en pregrado, sino que se alinea con las tendencias internacionales de integración entre LMS.

## **4. Metodología**

### **4.1. Enfoque metodológico**

Para el desarrollo del presente proyecto se adoptó la metodología ágil Scrum, debido a que permite organizar el trabajo en iteraciones cortas (sprints), promover la retroalimentación constante y garantizar la entrega continua de productos funcionales. Este enfoque se ajusta a la naturaleza del proyecto, en el cual se requiere diseñar, implementar y validar materiales interactivos y evaluativos para la asignatura Estadística II en un ambiente de aprendizaje.

Según Schwaber y Sutherland, 2013, "Scrum es un marco de trabajo por el cual las personas pueden acometer problemas complejos adaptativos, a la vez que entregar productos del máximo valor posible productiva y creativamente".

### **4.2. Pasos generales de la metodología**

La metodología del proyecto se estructuró en función de los objetivos específicos, los cuales se materializaron en una serie de acciones interrelacionadas.

En primer lugar, para el diseño de un plan de aula modular, se realizó una revisión y selección de los contenidos teóricos y prácticos más relevantes de la asignatura, en conjunto con los docentes responsables. Posteriormente, estos contenidos fueron organizados en unidades interactivas implementadas en Colab Notebooks con Python y R, incorporando actividades prácticas y calificadores automáticos que ofrecieron retroalimentación inmediata. En cuanto a la implementación del ambiente virtual de aprendizaje en Moodle, se inició con la configuración de la estructura

del curso, definiendo por semanas para tener orden y control de los contenidos. A continuación, se integraron los Colab Notebooks, los materiales didácticos de apoyo y diversos recursos multimedia que fortalecieron la experiencia pedagógica. Finalmente, se llevaron a cabo pruebas de funcionamiento tanto técnico como pedagógico, con el propósito de verificar la accesibilidad y coherencia de los recursos integrados.

Para el establecimiento de los instrumentos de medición, se diseñaron actividades evaluativas en Moodle basadas en los calificadores automáticos, definiendo indicadores específicos para valorar el logro de los resultados de aprendizaje. Estos instrumentos fueron implementados de manera piloto y ajustados a partir de la retroalimentación proporcionada por los docentes, lo cual permitió afinar su pertinencia y validez.

Finalmente, con el objetivo de pilotear el ambiente de aprendizaje diseñado, se seleccionaron dos grupos de la asignatura Estadística II y se coordinó con los docentes responsables para aplicar el plan de aula y los instrumentos de evaluación. El proceso de pilotaje incluyó la recolección de datos sobre la usabilidad de la herramienta, la satisfacción de los estudiantes y la efectividad en términos de resultados de aprendizaje.

En conjunto, estos pasos permitieron establecer una relación directa entre los objetivos planteados y las actividades realizadas, garantizando que cada etapa metodológica contribuyera al cumplimiento integral del proyecto.

### 4.3. Roles

El equipo esta conformado por tres integrantes: un docente y dos practicantes (los autores del presente proyecto).

#### *Scrum Master (Docente)*

- Definir los temas a desarrollar en cada iteración.
- Validar los entregables (material teórico, graders y servidor de calificaciones).
- Proporcionar retroalimentación y ajustes necesarios.

#### *Desarrolladores (practicantes)*

Encargados de distribuirse las tareas correspondientes a cada sprint, las cuales incluyen:

- Elaborar el material teórico, diseñado para integrarse en Moodle y con un enfoque interactivo.
- Diseñar e implementar los graders (evaluadores automáticos) para los ejercicios prácticos.
- Programar la lógica del servidor que permite calificar y almacenar los resultados.
- Ejecutar las correcciones solicitadas por el Scrum Master.

### 4.4. Estructura de los sprints

El proyecto se organiza en sprints semanales, cada uno correspondiente al diseño y validación de una práctica de la asignatura. En total se llevaron a cabo ocho sprints, alineados con

las ocho prácticas definidas en el curso de Estadística II. La dinámica de trabajo semanal fue la siguiente:

- **Sábado:** el Scrum Master define los temas correspondientes a la semana.
- **Miércoles (fecha límite):** los practicanres deben entregar el material teórico, los graders y la versión funcional del servidor de calificaciones.
- **Jueves:** el Scrum Master revisa los entregables y da su aprobación o indica las modificaciones requeridas.
- **Viernes:** se liberan los graders para que los estudiantes (grupo piloto) realicen las prácticas.

## 4.5. Sprints

### 4.5.1. *Sprint 0*

Este sprint se definió a partir de la reunión llevada a cabo el 2 de abril de 2025 en la sala de juntas de la Escuela de Ingeniería de Sistemas de la UIS, los participantes fueron:

- **Practicantes:** Daniel Alejandro Sánchez Rodríguez y Jorge Eduardo Suárez Cortés
- **Profesores del área de Estadística II :** César Augusto Aceros Moreno, Eliana Martha Bonalde Marcano, Andrés Leonardo González Gómez, David Edmundo Romo Bucheli y Sonia Cristina Gamboa Sarmiento

Para mayor detalle de la reunión puede consultarse el acta correspondiente en el Anexo 1.

En dicha reunión se establecieron los lineamientos iniciales del proyecto y se delimitó su alcance, acordando que el enfoque debía orientarse a mejorar los procesos de enseñanza y aprendizaje mediante el uso de herramientas digitales.

Durante las discusiones se resaltó la importancia de analizar las características de los principales lenguajes de programación utilizados en el ámbito estadístico (Python, MATLAB y R). Con este propósito se propuso elaborar un cuadro comparativo que permitiera identificar sus ventajas, desventajas y entornos de desarrollo asociados. Aunque no se seleccionó un lenguaje específico en esta etapa, se dejó abierta la posibilidad de trabajar con más de uno, con el objetivo de garantizar flexibilidad.

Asimismo, se planteó que la herramienta a desarrollar debía ser agnóstica respecto al lenguaje de programación, de modo que el usuario pudiera elegir libremente el entorno de su preferencia. También se discutió la conveniencia de incorporar interfaces visuales y elementos gráficos que fortalecieran la enseñanza para los estudiantes, junto con la organización de los contenidos pedagógicos dentro de Moodle como plataforma de apoyo.

De manera complementaria, se estableció una distribución preliminar de temas en tres unidades (1.3 y 1.4; 2.3 y 2.4; 3.3 y 3.4), con el fin de estructurar las prácticas, realizar pruebas efectivas y evaluar el funcionamiento del proyecto.

Finalmente, en este sprint se tomaron decisiones relacionadas con las tecnologías base que guiarían el desarrollo:

- **Node.js:** para el backend, debido a su rapidez en las respuestas y su estructura escalable.

- **Moodle:** como plataforma para la gestión del contenido teórico.
- **Google Colab:** como entorno de ejecución de los *graders*, aprovechando su accesibilidad y la posibilidad de alternar entre los *kernels* de Python y R.
- **Docker:** para asegurar un despliegue estable y controlado mediante contenedores.
- **Playit.gg:** como servicio de túnel que permite exponer el servidor de calificaciones en internet.

#### 4.5.2. *Sprint 1*

##### **Objetivos del Scrum Master (docente).**

- Definir los temas a trabajar durante el sprint: medidas de tendencia central (media, mediana, moda), medidas de dispersión (rango, desviación estándar, varianza), histogramas y diagramas de caja (boxplots).
- Validar la pertinencia y calidad de los contenidos teóricos elaborados por los practicantes.
- Revisar el funcionamiento de los graders y su integración con el servidor de calificaciones.
- Orientar la definición de la arquitectura técnica, verificando que cumpliera con los lineamientos de escalabilidad y modularidad.

##### **Cronograma del Sprint.**

- **Inicio del Sprint:** 9 de agosto de 2025 → El Scrum Master definió los temas a desarrollar.

- **Entrega de los practicantes:** 13 de agosto de 2025 → Se entregaron el material teórico en H5P, los graders y la estructura técnica inicial.
- **Revisión del Scrum Master:** 14 de agosto de 2025 → Se realizaron recomendaciones de mejora sobre los contenidos y ejercicios.
- **Liberación de recursos:** 15 de agosto de 2025 → Los graders y materiales teóricos fueron liberados en Moodle y Colab para ser utilizados por los grupos pilotos.

### **Actividades realizadas por los practicantes.**

#### **1. Estructura técnica del proyecto**

- Se definió el esqueleto del sistema, estableciendo la organización de los módulos (frontend, backend y grader).
- Se configuró la exposición de servicios y la comunicación entre módulos.
- Se organizó el sistema en contenedores con Docker, garantizando un entorno estable, replicable y modular.

Lo anterior se representa gráficamente en el Esquema de los contenedores Docker mostrado en la Figura 5.

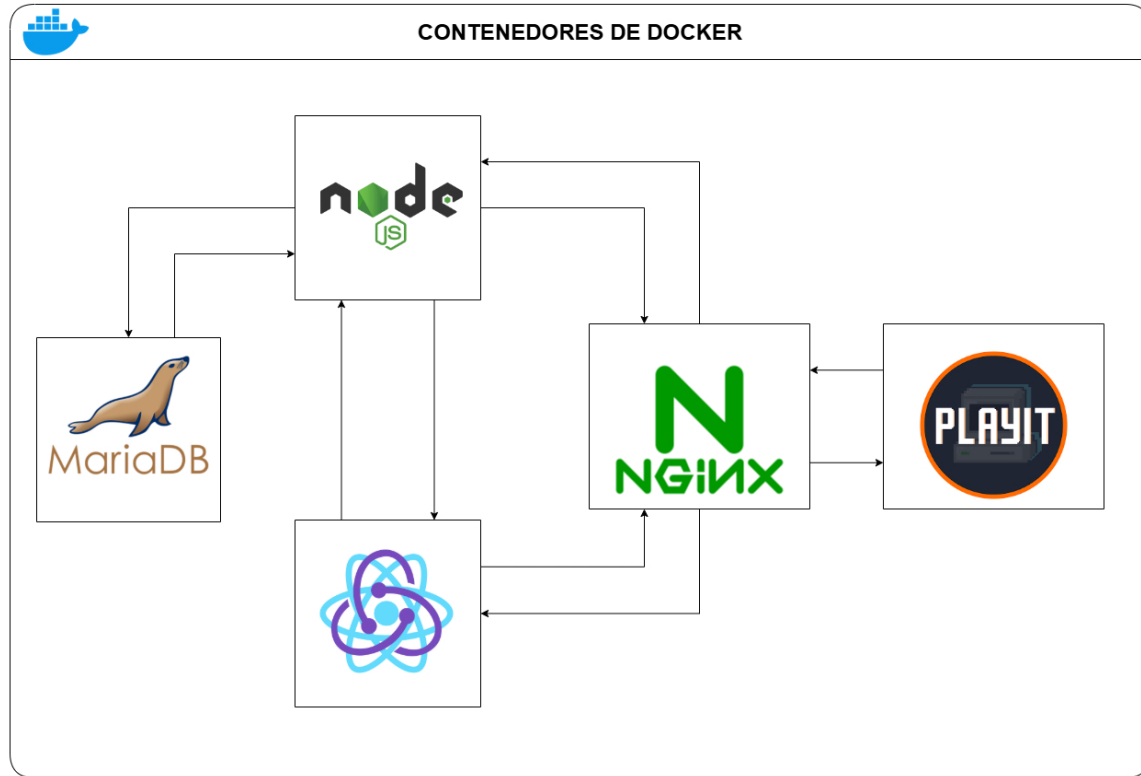
#### **2. Material teórico en Moodle**

- Se elaboraron recursos interactivos utilizando H5P dentro de Moodle.
- Los materiales incluyeron infografías sintetizadas, con la información esencial para el aprendizaje de los temas, permitiendo una mayor comprensión visual.



**Figura 5.**

**Sprint 1. Esquema de los contenedores Docker.**



Fuente: Elaboración propia con base en la estructura de los contenedores usados.

- La construcción de los contenidos se fundamentó en los textos de referencia de Montgomery y Walpole, autores reconocidos en estadística.

### 3. Graders en Google Colab

- Se desarrollaron notebooks en Google Colab con código en R.
- Estos graders permitieron calcular medidas de tendencia central y dispersión, así como generar representaciones gráficas (histogramas y diagramas de caja).

### 4. Ejercicios calificables y lógica en el backend

- Se diseñaron tres ejercicios evaluables relacionados con los temas del sprint.
- Se implementó la lógica de corrección en el backend (Node.js) para procesar automáticamente las respuestas.
- El servidor de calificaciones registró y almacenó los resultados, garantizando un flujo de evaluación automatizado.

#### 4.5.3. *Sprint 2*

##### **Objetivos del Scrum Master (docente).**

- Definir los temas estadísticos a abordar: Teorema del Límite Central aplicado a la distribución t de Student y a la distribución F.
- Supervisar la ampliación de los recursos teóricos y prácticos, asegurando la coherencia pedagógica con el programa de la asignatura.
- Validar la correcta implementación de los graders relacionados con pruebas de hipótesis y comparación de varianzas.
- Orientar la mejora del *frontend* para optimizar la visualización de las calificaciones y retroalimentaciones automáticas.

##### **Cronograma del Sprint.**

- **Inicio del Sprint:** 16 de agosto de 2025 → Se definieron los temas estadísticos y se establecieron las prioridades técnicas.

- **Entrega de los practicantes:** 20 de agosto de 2025 → Se presentaron los nuevos materiales teóricos, graders funcionales y las primeras mejoras en la interfaz.
- **Revisión del Scrum Master:** 21 de agosto de 2025 → Se realizaron recomendaciones sobre la claridad conceptual de los contenidos y la usabilidad de la interfaz.
- **Liberación de recursos:** 22 de agosto de 2025 → Se publicaron en Moodle y Colab los materiales y graders validados para su uso en el entorno piloto.

### **Actividades realizadas por los practicantes.**

#### **1. Ampliación de contenidos teóricos**

- Se elaboraron materiales interactivos en H5P centrados en el Teorema del Límite Central y su aplicación con distribuciones  $t$  de Student y  $F$ .
- Los contenidos incluyeron infografías, ejemplos resueltos y referencias bibliográficas, buscando facilitar la comprensión intuitiva de las distribuciones muestrales.
- Se enfatizó en la interpretación de regiones de rechazo, grados de libertad y supuestos estadísticos, para reforzar el razonamiento inferencial de los estudiantes.

#### **2. Graders de distribuciones $t$ y $F$ en Google Colab**

- Se desarrollaron nuevos notebooks en Google Colab con código en R, enfocados en ejercicios prácticos sobre pruebas  $t$  y  $F$ .
- Los graders permitieron a los estudiantes realizar cálculos de valores críticos, regiones de rechazo y decisiones de hipótesis de forma automática.

- Se verificó su compatibilidad con el servidor de calificaciones y se implementaron pruebas para evitar errores de ejecución comunes.

### 3. Ejercicios calificables y lógica en el backend

- Se diseñaron ejercicios evaluables sobre aplicaciones del Teorema del Límite Central, pruebas t y F, con distintos grados de dificultad.
- Se amplió la lógica en el backend para manejar retroalimentación más detallada, especificando en qué pasos se cometieron errores en la resolución.
- Se ajustaron los endpoints para almacenar no solo la nota final, sino también los comentarios generados automáticamente.

### 4. Mejoras en el *frontend* para visualización de calificaciones

- Se rediseñaron los componentes de interfaz relacionados con la visualización de notas y retroalimentaciones, mejorando la claridad y accesibilidad.
- Se incorporaron indicadores visuales que permiten a los estudiantes identificar rápidamente ejercicios aprobados, pendientes o con errores.
- Estas mejoras facilitaron la experiencia de usuario y contribuyeron a una retroalimentación más efectiva del proceso de aprendizaje.

## **5. Resultados**

Se presentan los resultados alcanzados en el diseño, implementación y validación del ambiente virtual de aprendizaje para el curso de Estadística II de la Escuela de Ingeniería de Sistemas e Informática de la UIS. Estos hallazgos evidencian el cumplimiento de los objetivos propuestos en la investigación, así como el impacto generado en los ámbitos pedagógico, tecnológico y estudiantil.

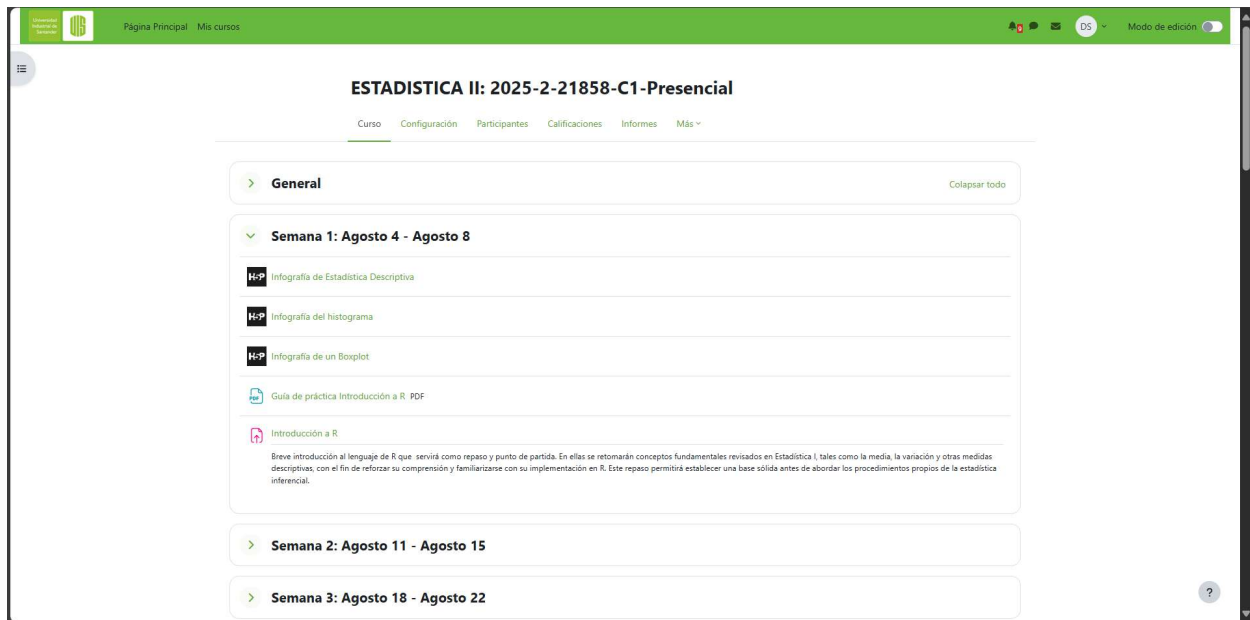
### **5.1. Desarrollo tecnológico del ambiente virtual**

El proceso de implementación tecnológica del aula virtual de aprendizaje posibilitó la integración exitosa de diversas herramientas, garantizando su funcionamiento articulado y coherente.

Se utilizó como base la plataforma de gestión académica, en la cual se estructuraron los módulos temáticos del curso organizados por semanas como se evidencia en la Figura 6. En cada módulo se dispuso el contenido teórico a través de recursos interactivos que facilitaron al estudiante una visualización clara de los temas y de las fórmulas necesarias para su comprensión. Asimismo, se incorporaron recursos adicionales como guías de práctica como se muestra en el Anexo 2, actividades y quices, con el fin de fortalecer el proceso de aprendizaje.

**Figura 6.**

Desarrollo tecnológico del ambiente virtual. **Estructura del curso de Moodle.**



Fuente: Pantallazo del curso en Moodle.

Vinculado a través de la plataforma, se utilizó el entorno virtual para realizar de ejercicios prácticos en R y Python, lo que permitió a los estudiantes aplicar de manera directa los conceptos teóricos aprendidos. Esta integración favoreció la resolución de los problemas estadísticos mediante programación, promoviendo el desarrollo de habilidades analíticas y computacionales, así como el aprendizaje activo y la comprensión profunda de los métodos estadísticos.

Los graders automáticos se integraron al aula virtual con el propósito de ofrecer a los estudiantes una retroalimentación inmediata de las prácticas. Gracias a esta herramienta, los estudiantes pudieron comprobar en tiempo real la validez de sus respuestas, identificar errores y comprender de manera más clara los pasos necesarios para llegar a la solución correcta. Así, además de agilizar la evaluación, se promovió una participación más autónoma y activa; los estudiantes tenían la oportunidad de corregir desde su propia experiencia.

Se implementó el plugin *Safe Exam Browser (SEB)* en los quices del curso. Esta herramienta permite bloquear el acceso a otras aplicaciones, navegadores o páginas web mientras los estudiantes realizan los ejercicios, asegurando que cada cuestionario se responda de manera individual y bajo condiciones controladas. Aportando ventajas significativas como:

- **Prevenir distracciones y accesos no autorizados:** los estudiantes no podían navegar fuera del entorno de evaluación, lo que permitió mantener su atención centrada en los ejercicios.
- **Fortalecer la confiabilidad de los resultados:** los datos reflejaron únicamente el desempeño individual de cada estudiante, ofreciendo información más precisa sobre su aprendizaje.

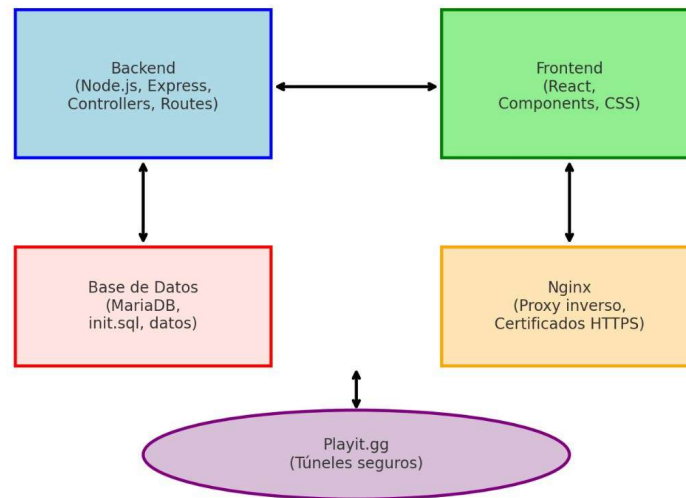
Gracias a estas características, SEB no solo reforzó la seguridad de los quices, sino que también contribuyó a crear un entorno más confiable y justo para los estudiantes, promoviendo una experiencia de aprendizaje más seria y comprometida.

## 5.2. Infraestructura tecnológica implementada

La infraestructura tecnológica diseñada para soportar el ambiente virtual de aprendizaje se estructuró bajo un modelo basado en contenedores *Docker*, lo que permitió separar los distintos servicios y garantizar su portabilidad y escalabilidad. El despliegue general se gestionó mediante el archivo `docker-compose.yml` en un computador personal de 12 GB de ram en un sistema operativo UBUNTU de Linux, que coordinó la ejecución simultánea de cada servicio como se muestra en la Figura 7. La organización de los servicios se estructuró de la siguiente manera:

**Figura 7.**

Infraestructura tecnológica implementada. **Arquitectura tecnológica del Ambiente Virtual de aprendizaje.**



Fuente: Elaboración propia según el árbol de estructura de servicios.

### 5.2.1. Backend

- Contiene la lógica principal del sistema desarrollada en *Node.js*.
- El archivo `server.js` y la carpeta `src/app.js` gestionan la configuración base del servidor.
- En la carpeta `controllers` se desarrollaron los controladores para las diferentes prácticas (`prac1.controller.js`, `prac2.controller.js`, etc.), el manejo de estudiantes y la comunicación con la interfaz de frontend.
- En `routes` se definieron las rutas para estudiantes, cuestionarios y la interacción con el frontend.
- La carpeta `config/db.js` centralizó la conexión con la base de datos.



### 5.2.2. *Frontend*

- Implementado con *React*, contenía la interfaz con la que interactuaron los practicantes y el docente.
- En la carpeta `components` se construyeron elementos como `Grupos.js`, `Semanas.js` y `DetalleEstudiante.js`, que organizaron la presentación de la información académica.
- Los estilos CSS asociados (`Grupos.css`, `Semanas.css`, `DetalleEstudiantes.css`) se diseñaron para lograr una visualización limpia y funcional.
- El despliegue del *frontend* se gestionó mediante un `Dockerfile`, asegurando que la interfaz se integrara de manera coherente al ecosistema.

### 5.2.3. *Base de Datos*

- Se utilizó *MariaDB* como sistema gestor, con inicialización automática mediante el archivo `init.sql`.
- La persistencia se garantizó con el volumen `mariadb_data`.

### 5.2.4. *Nginx*

- Funcionó como servidor web y proxy inverso, controlando el acceso externo al sistema.
- El archivo `nginx.conf` definió las reglas de enrutamiento.
- La carpeta `certs` almacenó los certificados de seguridad (`fullchain.pem` y `privkey.pem`), junto con la configuración del certificado SAN (`san.cnf`) para habilitar la navegación segura

mediante HTTPS.

- Los registros de acceso y errores (`logs/access.log`, `logs/error.log`) facilitaron la monitorización del sistema.

#### **5.2.5. Playit.gg**

- Durante la implementación de los grupos piloto, se utilizó este servicio para establecer túneles seguros y exponer temporalmente los servicios.
- Esto garantizó la accesibilidad sin necesidad de un despliegue en un servidor hosting.

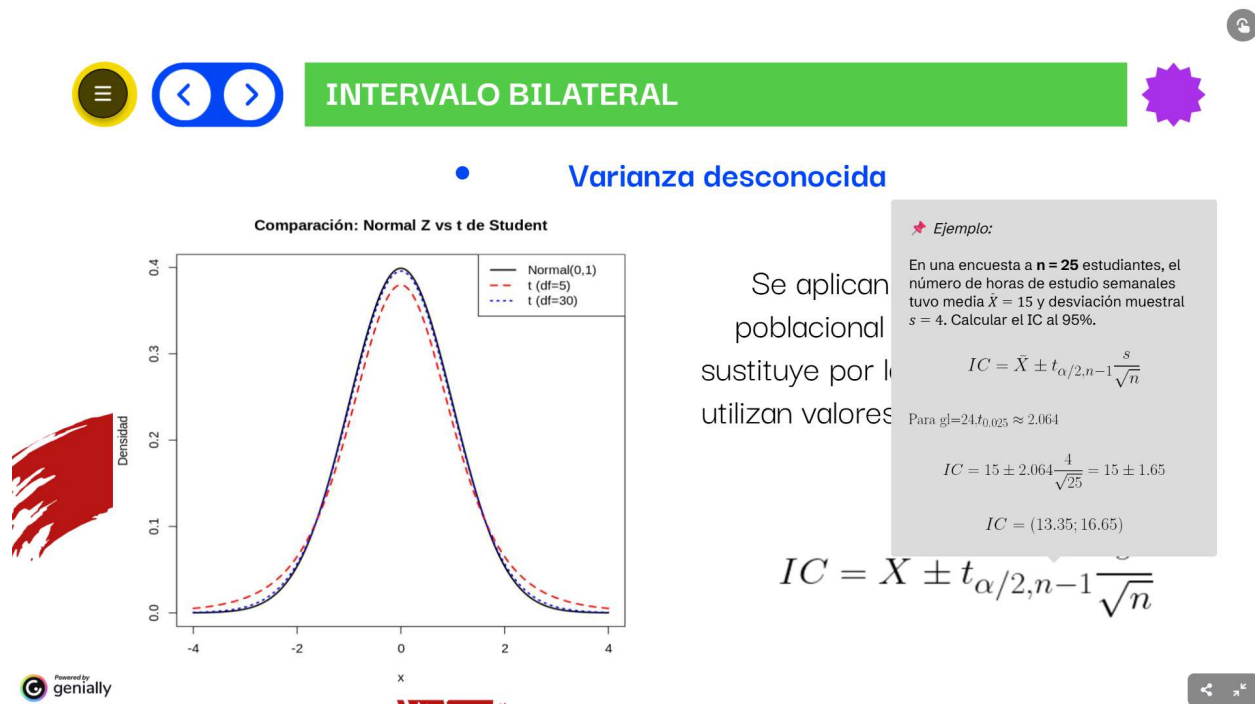
### **5.3. Recursos interactivos**

Además de la infraestructura tecnológica y los servicios de programación, el ambiente virtual de aprendizaje integró herramientas digitales especialmente orientadas a enriquecer la experiencia pedagógica de los estudiantes mediante contenidos dinámicos e interactivos.

En este contexto, se hizo uso de *Genially* y *H5P*, plataformas que permitieron diseñar materiales innovadores y atractivos, con el objetivo de facilitar la comprensión de los conceptos teóricos y metodológicos de *Estadística II*. Genially se destinó principalmente a la elaboración de infografías y presentaciones interactivas como se muestran en las Figuras 8 y 9, que transformaron información compleja en representaciones visuales claras y accesibles. Estos recursos, una vez integrados en *Moodle*, se convirtieron en un apoyo valioso para los distintos módulos del curso, ya que brindaron a los estudiantes la posibilidad de interactuar con los contenidos y explorar los temas de manera autónoma.

Figura 8.

Recursos interactivos. **Presentación en Genially sobre Intervalos de confianza.**

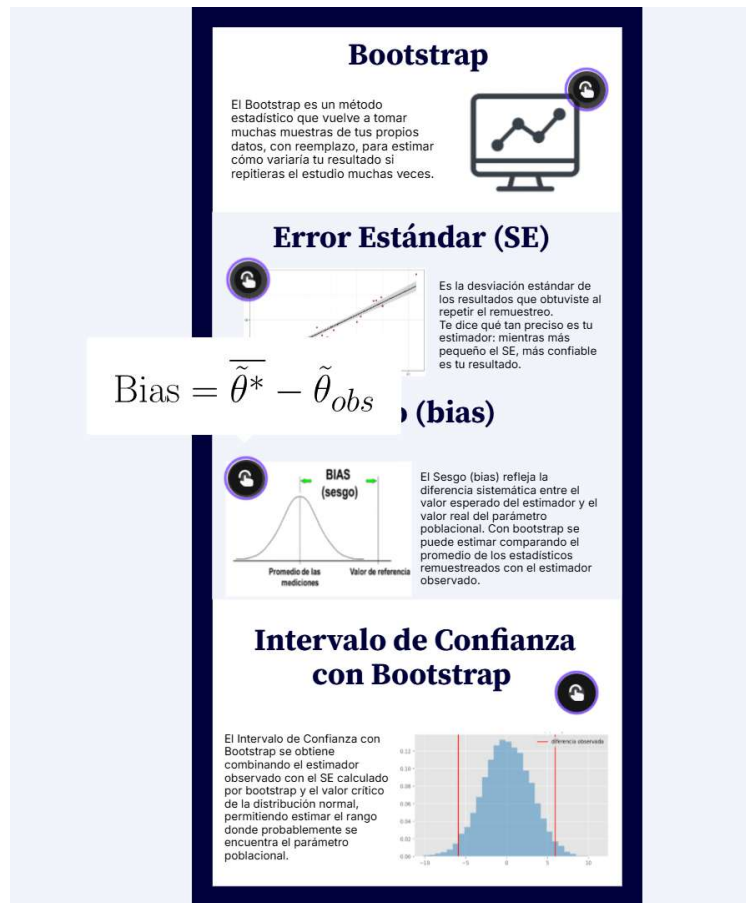


Fuente: Pantallazo de una presentación en Genially.

Por su parte, *H5P*, que puede implementarse de forma nativa en *Moodle*, se utilizó para generar infografías y actividades en las primeras clases como se muestra en la Figura 10, contribuyendo a un aprendizaje más activo desde el inicio del curso. En el caso de *Genially*, debido a que no se integra directamente en la plataforma, se recurrió al uso de *iframes* embebidos para incorporar materiales sobre temas complejos, como el Teorema del Límite Central, en los cuales se añadieron diagramas interactivos y simulaciones.

Este proceso contó con el acompañamiento del profesor Carlos Mantilla, quien no solo orientó en la correcta implementación de los recursos embebidos, sino que también brindó recomendaciones sobre la manera más efectiva de llevar los temas dentro de *Moodle*.

**Figura 9.**

 Recursos interactivos. **Infografía en Genially sobre Bootstrap.**


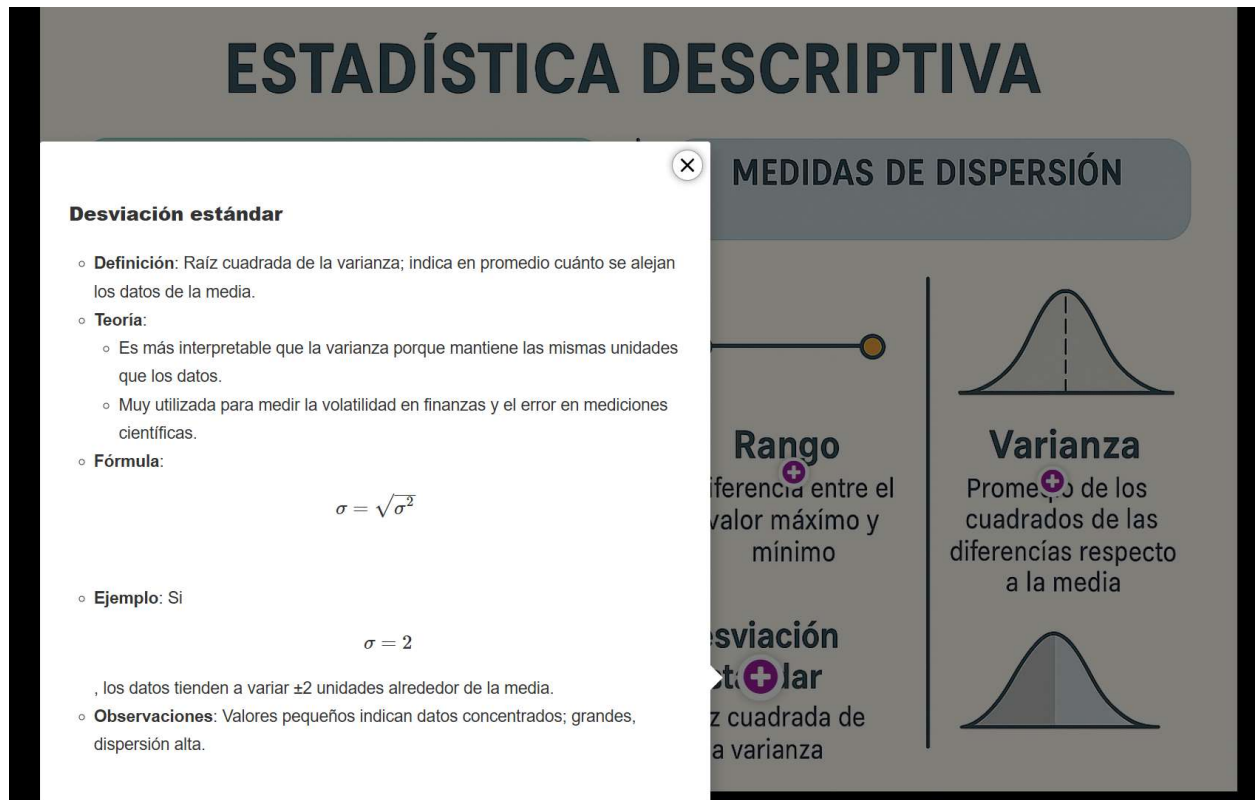
Fuente: Pantallazo de una infografía en Genially.

#### 5.4. Experiencia de los Estudiantes

Un componente central en la evaluación de resultados fue la percepción de los estudiantes frente al uso del entorno y las herramientas tecnológicas. Para ello, se aplicó una encuesta a los dos cursos participantes, con el fin de indagar tanto en la experiencia técnica como en el impacto académico.

**Figura 10.**

Recursos interactivos. **Infografía en H5P sobre Estadística descriptiva.**



Fuente: Pantallazo de una infografía en H5P.

## 6. Conclusiones y trabajo a futuro

### Bibliografía

- Al-Haddad, M. (2024). Automated assessment systems in higher education: Current challenges and future directions. *Journal of Educational Technology Research*, 17(2), 55-72.
- Al-Haddad, S. (2024). Teaching statistics: A technology-enhanced supportive learning environment. *Teaching Statistics*, 46(1), 1-12. <https://doi.org/10.1080/26939169.2024.2315939>
- Banks, A., & Porcello, E. (2017). *Learning React: A Hands-On Guide to Building Web Applications Using React and Redux*. O'Reilly Media.
- Bisong, E. (2019). *Building Machine Learning and Deep Learning Models on Google Cloud Platform: A Comprehensive Guide for Beginners*. Apress.
- Blank, D., Bourgin, D., Brown, A., Bussonnier, M., Frederic, J., Granger, B., & Willing, C. (2017). nbgrader: A tool for creating and grading assignments in the Jupyter Notebook. *Journal of Open Source Education*, 2(11), 32. <https://doi.org/10.21105/jose.00032>
- Brown, E. (2019). *Web Development with Node and Express: Leveraging the JavaScript Stack*. O'Reilly Media.
- Castro, M. C. (2019). Ambientes de aprendizaje. *Sophia*, 15(2), 123-134. <https://revistas.ugca.edu.co/index.php/sophia/article/view/827/1473>
- Codd, E. F. (1970). A relational model of data for large shared data banks. *Communications of the ACM*, 13(6), 377-387. <https://doi.org/10.1145/362384.362685>
- Dougiamas, M., & Taylor, P. (2003). Moodle: Using learning communities to create an open source course management system. *World Conference on Educational Multimedia, Hypermedia and Telecommunications*, 2003(1), 171-178.

- Editorial Universidad Católica de Pereira. (2018). *Módulo didáctico sobre el manejo estadístico de datos para estudiantes de laboratorio de Física I*. Consultado el 17 de septiembre de 2025, desde <https://editorial.ucp.edu.co/omp/index.php/e-books/catalog/download/50/46/1818?inline=1>
- Goh, T.-T. (2025). Learning management system log analytics: The role of persistence and consistency of engagement behaviour on academic success. *Journal of Computers in Education*, 12(1), 45-62. <https://doi.org/10.1007/s40692-025-00358-x>
- Grupo SIMON – UIS. (2016). *Evolución: herramienta software para modelado y simulación con Dinámica de Sistemas*. Consultado el 17 de septiembre de 2025, desde <https://www.researchgate.net/publication/305503842>
- Hooper, R. (1977). *National Development Programme in Computer Aided Learning: The final report of the Director*. Council for Educational Technology.
- Kurnia, A., Lim, A., & Cheang, B. (2001). Online judge. *Computers & Education*, 36(4), 299-315. [https://doi.org/10.1016/S0360-1315\(01\)00013-4](https://doi.org/10.1016/S0360-1315(01)00013-4)
- McKinney, W. (2017). *Python for Data Analysis: Data Wrangling with Pandas, NumPy, and IPython*. O'Reilly Media.
- Merkel, D. (2014). Docker: lightweight Linux containers for consistent development and deployment. *Linux Journal*, 2014(239), 2.
- Montgomery, D. C., & Hines, W. W. (1996). *Probabilidad y estadística para ingeniería y administración*. Limusa.
- Moodle. (2024). La historia de Moodle [Consultado el 11 de septiembre de 2025]. <https://moodle.com/es/acerca-de/la-historia-de-moodle/>

- Mostefai, B., Boutefara, T., Bousbia, N., Balla, A., Dhelim, S., & Hammia, A. (2025). Enhancing User Experience in E-Learning Systems: A new User-Centric RESTful Web Services approach. *Computers in Human Behavior Reports*, 100643. <https://doi.org/10.1016/j.chbr.2025.100643>
- Ndibalema, P. (2025). Perspectives on the use of learning management systems in higher learning institutions in Tanzania: The gaps and opportunities. *Social Sciences & Humanities Open*, 11, 101463. <https://doi.org/10.1016/j.ssaho.2025.101463>
- NTIC – Universidad Industrial de Santander. (s. f.). *Software y simuladores*. Consultado el 17 de septiembre de 2025, desde <https://ntic.uis.edu.co/software-simuladores/>
- Pacheco, A., Yupanqui, R., Mogrovejo, D., Garay, J., & Uribe-Hernández, Y. (2025). Impact of digitization on educational management: Results of the introduction of a learning management system in a traditional school context. *Computers in Human Behavior Reports*, 17, 100592. <https://doi.org/10.1016/j.chbr.2025.100592>
- R Core Team. (2023). *R: A Language and Environment for Statistical Computing*. R Foundation for Statistical Computing. <https://www.r-project.org/>
- Rubio-Sánchez, C., Soto, M., & Pérez, J. (2023). Automated assessment system for programming courses: A case study for teaching data structures and algorithms. *Educational Technology Research and Development*. <https://doi.org/10.1007/s11423-023-10277-2>
- Salinas, J. (2004). Innovación docente y uso de las TIC en la enseñanza universitaria. *Revista de Universidad y Sociedad del Conocimiento*, 1(1), 1-16. <https://rusc.uoc.edu/rusc/ca/index.php/rusc/article/view/v1n1-salinas.html>



- Schwaber, K., & Sutherland, J. (2013). La guía de Scrum: La guía definitiva de Scrum: Las reglas del juego [Recuperado el 28 de septiembre de 2025]. *ScrumGuides.org*. <https://scrumguides.org/docs/scrumguide/v1/Scrum-Guide-ES.pdf>
- Suppes, P. (1966). The uses of computers in education. *Scientific American*, 215(3), 206-220. <https://doi.org/10.1038/scientificamerican0966-206>
- Tilkov, S., & Vinoski, S. (2010). Node.js: Using JavaScript to build high-performance network programs. *IEEE Internet Computing*, 14(6), 80-83. <https://doi.org/10.1109/MIC.2010.145>
- UC Berkeley. (2018). *The JupyterHub journey: Starting small and scaling up* [Berkeley Data Science Education Program].
- Universidad de La Gran Colombia – Fundación Universitaria Los Libertadores. (s. f.). *Especialización en Estadística Aplicada – Virtual*. Consultado el 17 de septiembre de 2025, desde <https://www.ulibertadores.edu.co/educacion-virtual-distancia/especializacion-estadistica-aplicada-virtual/>
- Universidad Industrial de Santander. (2009). Política Institucional de Tecnologías de la Información y la Comunicación [Acuerdo del Consejo Superior No. 051 de 2009. Recuperado de <https://uis.edu.co/wp-content/uploads/2022/06/2009PoliticaTICAcCS051.pdf>]. Consultado el 1 de octubre de 2023, desde <https://uis.edu.co/wp-content/uploads/2022/06/2009PoliticaTICAcCS051.pdf>
- Universidad Industrial de Santander. (2025). *EXPERTIC: Centro de Experiencias y Tecnologías de Información y Comunicación*. Consultado el 17 de septiembre de 2025, desde <https://expertic.uis.edu.co/home>

Universidad Industrial de Santander. (s. f.). *Unidad de Información y Análisis Estadístico – UIAES*.

Consultado el 17 de septiembre de 2025, desde <https://uis.edu.co/unidad-de-informacion-y-analisis-estadistico-uaes/>

Universidad Industrial de Santander – Escuela de Matemáticas. (s. f.). *Especialización en Estadística*. Consultado el 17 de septiembre de 2025, desde <https://posgrados.uis.edu.co/inicio/especializacion-en-estadistica/>

Woolley, D. R. (2016). PLATO: The emergence of online community. En *The MIT Press eBooks*. MIT Press. <https://doi.org/10.7551/mitpress/9780262034654.003.0005>

## **Anexos**

### **Anexo 1: Actas de reunión**

**Acta de reunión inicial - 02 de abril de 2025**



## ACTA DE REUNIÓN

**Fecha:** 02 abril de 2025

**Hora de inicio:** 7:00 a.m.

**Hora de finalización:** 8:00 a.m.

**Lugar:** Sala de juntas de la escuela de ingeniería de sistemas de la UIS

**Asistentes:**

Daniel Alejandro Sánchez Rodríguez (Estudiante)  
Jorge Eduardo Suárez Cortés (Estudiante)  
César Augusto Aceros Moreno (Profesor)  
Eliana Martha Bonalde Marcano (Profesora)  
Andrés Leonardo González Gómez (Profesor)  
David Edmundo Romo Bucheli (Profesor)  
Sonia Cristina Gamboa Sarmiento (Profesora)

## Orden del Día

1. Definición del tema principal del proyecto y su desarrollo.
2. Análisis de los lenguajes de programación y sus características.
3. Desinterés en el uso de cuadernos virtuales y preferencia por herramientas de inteligencia artificial.
4. Desarrollo de funcionalidades adicionales no incluidas en la herramienta (interfaz visual, gráficos, etc.).
5. Organización del contenido en la plataforma Moodle.
6. Comparación de herramientas disponibles como Python, MATLAB y R.
7. Desarrollo de herramientas que permitan el uso de diferentes lenguajes de programación.

## Desarrollo de la Reunión

1. **Definición del tema del proyecto:**
  - Se discutió la idea principal del proyecto y cómo se desarrollará en sus diferentes etapas, acordando que el enfoque debe ser mejorar la enseñanza y el aprendizaje mediante el uso de herramientas digitales.



## **2. Análisis de los lenguajes de programación:**

- Se resaltó la importancia de las características generales de Python, MATLAB y R, centrándose en sus usos y herramientas disponibles. Donde se mencionaron las plataformas que facilitan su manejo, como lo son MATLAB Grader y R Notebooks. Posteriormente no se eligió un lenguaje específico, dejando abierta la decisión para más adelante de acuerdo a una serie de posibilidades que se manejan mediante un cuadro comparativo.

## **3. Desinterés en el uso de cuadernos virtuales y preferencia por herramientas de inteligencia artificial:**

- Se ha observado que los estudiantes están perdiendo el interés en utilizar cuadernos virtuales (como notebooks o plataformas tipo Grader) debido a la facilidad que ofrecen las herramientas de inteligencia artificial para desarrollar ejercicios y trabajos. Esta tendencia ha generado una disminución en el compromiso del estudiante con su propio proceso de aprendizaje, ya que muchos recurren directamente a la IA sin dedicar tiempo a comprender los conceptos fundamentales. Ante esto, se hace necesario diseñar estrategias pedagógicas que permitan integrar adecuadamente la tecnología, promoviendo el pensamiento crítico y la comprensión.

## **4. Desarrollo de funcionalidades adicionales:**

- Se rescató la importancia de incluir gráficos e interfaces visuales en las herramientas que no tengan estas opciones, ya que con la ayuda de estos elementos gráficos se facilita la comprensión de los resultados independientemente del lenguaje de la herramienta y así tener una retroalimentación adecuada en el estudiante.

## **5. Organización de unidades en Moodle:**

- Se tendrá en cuenta en analizar esta idea dejando establecido la parte pedagógica dentro de la cuales se tienen entendido trabajar, para construir un entorno virtual adecuado para el curso.

## **6. Comparación entre Python, MATLAB y R:**

- Se indicó la elaboración de un cuadro comparativo sobre las ventajas y desventajas de cada herramienta, asignando a los estudiantes la tarea de realizar este análisis tomando en cuenta los aspectos más importantes de cada una y posteriormente socializar esta con los profesores de estadística inferencial.



### 7. Desarrollo de herramientas que permitan el uso de distintos lenguajes:

- Se propuso la creación de herramientas flexibles que no dependieran de un solo lenguaje de programación, es decir que las herramientas a elaborar se tendrán que dejar de manera agnóstica para que el usuario tenga la decisión del libre albedrío o el lenguaje del gusto.

### Desarrollo del Problema

Se estableció que se trabajará sobre un conjunto de temas en diferentes unidades, lo que permitirá hacer pruebas más efectivas y evaluar el funcionamiento del proyecto. La distribución por unidades será la siguiente:

- Primera unidad:** Temas 1.3 y 1.4.
- Segunda unidad:** Temas 2.3 y 2.4.
- Tercera unidad:** Temas 3.3 y 3.4.

Tabla comparación de Python, Matlab y R.

Característica	Python	MATLAB	R
<b>Facilidad de uso</b>	Sintaxis sencilla y clara, fácil de aprender.	Sintaxis estructurada y más formal.	Requiere conocimientos de estadística para aprovecharlo al máximo.
<b>Bibliotecas para el proyecto</b>	NumPy, Pandas, SciPy, Matplotlib.	Integrado con funciones matemáticas avanzadas y toolboxes especializadas.	ggplot2, dplyr, tidyr, Shiny.
<b>Entorno de desarrollo</b>	Jupyter Notebook, Google Colab, PyCharm, VS Code.	MATLAB IDE.	RStudio, R Notebooks.
<b>Herramientas educativas</b>	Google Colab, Jupyter Notebook.	MATLAB Grader.	R Notebooks, R Markdown.
<b>Visualización de datos</b>	Matplotlib, Seaborn, Plotly.	Gráficos avanzados dentro del entorno MATLAB.	ggplot2, base R graphics.



<b>Uso en la nube</b>	Google Colab, AWS Lambda, Azure ML.	MATLAB Online, integración con AWS y Azure.	RStudio Cloud.
<b>Costo</b>	Open-source (gratuito).	Requiere licencia de pago. (Licencia de la Universidad)	Open-source (gratuito).
<b>Rendimiento</b>	Rápido con optimización adecuada, pero depende de las bibliotecas.	Optimizado para cálculos numéricos, excelente desempeño.	Rápido en análisis estadísticos, pero más lento en cálculos generales.
<b>Calificación de ejercicios</b>	Evaluaciones automáticas posibles con nbgrader en Jupyter Notebook y bibliotecas como pytest, doctest, o Otter-Grader para notebooks interactivos.	MATLAB Grader, plataforma específica para la evaluación de ejercicios de programación, permite autocalificación y retroalimentación automatizada.	Evaluaciones con learnr (para cuestionarios interactivos en R Markdown) o paquetes como testthat y gradethis para calificar código automáticamente.
<b>Áreas de uso</b>	Ciencia de datos, inteligencia artificial, desarrollo web, automatización, análisis financiero, computación científica	Procesamiento de señales, simulación numérica, control, ingeniería, robótica	Estadística, análisis de datos, visualización, bioestadística, ciencia social cuantitativa
<b>Ventajas</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Amplias librerías (SciPy, statsmodels).</li> <li>- Fácil integración con machine learning.</li> <li>- Código más versátil (no sólo estadística).</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Funciones estadísticas robustas.</li> <li>- Excelente para análisis numérico.</li> <li>- Muy buenas herramientas gráficas integradas.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Diseñado específicamente para análisis estadístico.</li> <li>- Gran cantidad de paquetes estadísticos (como infer, boot, lmtest).</li> <li>- Comunidad muy enfocada en</li> </ul>



			estadística y ciencia de datos.
<b>Desventajas</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- A veces requiere más configuración para análisis complejos.</li> <li>- Algunas librerías estadísticas profundas no son tan maduras como en R.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Licencia costosa.</li> <li>- Menor flexibilidad en machine learning comparado con Python.</li> <li>- No tan "natural" para big data moderno.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Curva de aprendizaje empinada si no vienes de estadística.</li> <li>- Sintaxis menos intuitiva para usuarios nuevos.</li> <li>- Rendimiento bajo en tareas fuera del análisis estadístico.</li> </ul>



## **Anexo 2: Guías de prácticas**

### **Guía de práctica de la semana 8**



# Documento Guía de Práctica

---

## Título de la Práctica:

Pruebas de Hipótesis

---

### 1. Objetivos de Aprendizaje

- Comprender el marco teórico de las pruebas de hipótesis cuando la varianza es conocida, desconocida o cuando se trabaja con la varianza y la desviación estándar.
  - Diferenciar y calcular los errores tipo I y tipo II en pruebas de hipótesis.
  - Aplicar los conceptos de pruebas de hipótesis mediante ejemplos prácticos en Python.
  - Interpretar y analizar curvas características de operación (power function) como herramienta de decisión.
- 

### 2. Presaberes

- Conocer los conceptos de estadística descriptiva: media, varianza y desviación estándar.
  - Comprender el concepto de distribución normal, t de Student y chi cuadrado.
- 

### 3. Lecturas Recomendadas (Previas a la Práctica)

- El contenido teórico de esta práctica se encuentra en Moodle.
  - Se recomienda poner cuidado en clase, donde se abordaron las pruebas de hipótesis y el análisis de errores tipo I y II con apoyo de curvas características de operación, incluyendo ejemplos explicativos y códigos en Python.
  - Como lectura base: Montgomery & Runger (2018), Capítulo 9: Pruebas de hipótesis.
- 

### 4. Desarrollo Metodológico

#### 4.1. Materiales y Recursos

- Computador con acceso a internet.
- Acceso a la plataforma Moodle (para revisar el contenido teórico).
- Cuenta activa en Google Colab.

#### 4.2. Procedimiento Paso a Paso

- Introducción teórica a partir del material de Moodle y la explicación del profesor.
- Ejercicios prácticos en un cuaderno de Python (Notebook), donde los estudiantes implementarán:
  - Pruebas de hipótesis con varianza conocida y desconocida.
  - Cálculo de errores tipo I y II.



#### 4.3. Criterios de Evaluación

- Desarrollo completo y correcto de los 3 ejercicios calificables.
  - Uso adecuado de Python para los cálculos.
  - Claridad en la codificación y en la interpretación de los resultados obtenidos.
- 

#### 5. Bibliografía

Montgomery, D. C., & Runger, G. C. (2018). *Probabilidad y estadística aplicada a la ingeniería* (7.<sup>a</sup> ed.). México: Wiley.

Walpole, R. E., Myers, R. H., Myers, S. L., & Ye, K. (2012). *Probabilidad y estadística para ingeniería y ciencias* (9.<sup>a</sup> ed.). Pearson Educación.