

**Problema 2.** Considereu l'autòmat finit no determinista  $M = (Q, \{a, b\}, \delta, \{1,3\}, \{2\})$ :

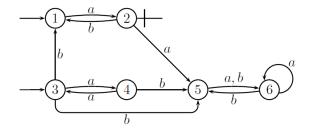
i) Doneu expressions per als llenguatges  $L_1$  i  $L_5$ , on els llenguatges  $L_i$ ,  $i=1,\ldots,6$  venen definits per  $L_i=\{\omega\in\Sigma^*|\delta(q_i,\omega)\in F\}$ .

Les paraules acceptades de  $L_1$ i  $L_5$  que arriben al estat final F (2) son:

 $L_1 = \{a\}$  només podem arribar del estat 1 al estat 2 (final) amb.

 $L_5 = \{\}$  ja que mai arribarem al estat final des de el estat 5.

ii) Trobeu, usant el lema d'Arden, una expressió regular per al llenguatge L(M).



Sistemes d'equacions:

$$L_1 = a L_2$$

$$L_2 = b L_1 + a L_5 + \lambda =$$

$$L_3 = b L_1 + a L_4 + b L_5$$

$$L_4 = a L_3 + b L_5$$

$$L_5 = a L_6 + b L_6 = (a + b) L_6$$

$$L_6 = a L_6 + b L_5$$

Ara en el estat final 
$$L_2$$
 substituïm  $L_2=b(aL_2)+\left((a+b)(a*b)\right)*+\lambda$   $L_2=b(ba)*\cdot\left((a+b)(a*b)\right)*+\lambda)$  Apliquem Arden a  $L_6=a*b$   $L_5$ 

iii) En el procés de determinització de M trobeu els estats.

$$\delta^d(\{1,3\},baa)$$
 i  $\delta^d(\{1\},ba)$ 

$$\begin{split} \delta^d(\{1,3\},b) &\to \{1,5\} \\ \delta^d(\{1,3\},a) &\to \{2,6\} \\ \delta^d(\{1,3\},a) &\to \{5,6\} \end{split}$$

 $\delta^d(\{1\},ba) \to \{\}$  conjunt buit