



# **UNIVERSIDADE FEDERAL DE RORAIMA**

## **Seminários**

**Prof. Dr. Herbert Oliveira Rocha**  
**[herbert.rocha@ufrr.br](mailto:herbert.rocha@ufrr.br)**

# Análise de Algoritmos

---

**SEMINARIO - Prazo de Entrega: 14/06/2022**

**ATENÇÃO:** Descrever as soluções com o máximo de detalhes possível. Todos os artefatos (slides e outros) gerados para este trabalho devem ser adicionados em um repositório no site [github.com](https://github.com), com o seguinte formato:

**Aluno\_ws\_AA\_RR\_2022**

**OBSERVAÇÃO:** Os temas abaixo já foram escolhidos em sala de aula. Verificar o seu tema nos próximos slides. Na apresentação do seminário será por meio de um slide. Cada equipe terá 10 minutos para efetuar sua apresentação.

# Análise de Algoritmos

---

## Objetivos:

- Função de custo e complexidade
- Código em C do algoritmo proposto
- Experimentação com a execução do algoritmo com diferentes entradas e coleta de tempo de execução
- Gráfico de linha com o tempo de execução em relação a cada entrada e análise da tendência de comportamento assintótico
- Apresentar um algoritmo que seja mais eficiente, em termos de complexidade, do que o algoritmo analisado

# Análise de Algoritmos

---

- 1) Torre de Hanoi
- 2) Quicksort
- 3) Mergesort
- 4) Insertion sort
- 5) VerificaAlgo
- 6) FazAlgo
- 7) Inserção da Árvore Red and Black
- 8) Selection Sort
- 9) Busca Binária

# Vamos Praticar! - Recursividade

---

## (1) Torre de Hanoi

```
1. Hanoi(n, Origem, Destino, Auxiliar){  
2.     se n > 0{  
3.         Hanoi(n-1, Origem, Auxiliar, Destino)  
4.         move o disco da Origem para o Destino  
5.         Hanoi(n-1, Auxiliar, Destino, Origem)  
6.     }  
7. }
```

# Vamos Praticar! - Recursividade

## (2) Quicksort

QUICKSORT(A,p,r)

```
1: if p < r then  
2:   q ← PARTITION(A,p,r);  
3:   QUICKSORT(A,p,q-1);  
4:   QUICKSORT(A,q+1,r);  
6: end if
```

PARTITION(A,p,r)

```
1: x ← A[r];  
2: i ← p-1;  
3: for j ← p to r-1 do  
4:   if A[j] ≤ x then  
6:     i ← i+1;  
7:     trocar(A[i],A[j]);  
8:   end if  
9: end for  
10: trocar(A[i+1],A[r]);  
11: return i+1;
```

# Vamos Praticar!

---

## (3) Mergesort

```
MERGE3-SORT(A, p, r)
1: if p < r then
2:   d ← (p+r)/3; // inteiro
3:   MERGE3-SORT(A, p, p+d);
4:   MERGE3-SORT(A, p+d+1, r-d);
5:   MERGE3-SORT(A, r-d+1, r);
6:   MERGE3(A, p, d, r); // custo n
7: end if
```

# Vamos Praticar!

## (4) Insertion sort

```
FUNÇÃO INSERTION_SORT (A[], tamanho)
  VARIÁVEIS
    i, j, eleito
  PARA i <- 1 ATÉ (tamanho-1) FAÇA
    eleito <- A[i];
    j <- i-1;
    ENQUANTO ((j>=0) E (eleito < A[j])) FAÇA
      A[j+1] := A[j];
    # Elemento de lista numerada
      j:=j-1;
    FIM_ENQUANTO
    A[j+1] <- eleito;
  FIM_PARA
FIM
```



# Análise de Algoritmos

---

## (5) VerificaAlgo

```
VerificaAlgo (n: int);  
i, j, k, l: int;  
para l := 1 TO 10.000 faça  
    para i := 1 TO n-5 faça  
        para j := i+2 TO n/2 faça  
            para k := 1 TO n faça  
                {Inspeção elemento}
```

# Análise de Algoritmos

---

(6) FazAlgo

```
void FazAlgo (int n) {  
    int i, j, k;  
    FOR (i= 1; i<n - 1; i++) {  
        FOR (j= i + 1; j<= n; j++) {  
            FOR (k = 1; k<=j;k++) {  
                Algum comando de custo  $O(1)$   
            }  
        }  
    }  
}
```

# Análise de Algoritmos

## (7) Inserção da Árvore Red and Black

VP-INSERT( $T, z$ )

```
1: TREE-INSERT( $T, z$ );  
2:  $z.cor \leftarrow VERMELHO$ ;  
3: VP-INSERT-FIX( $T, z$ );
```

VP-INSERT-FIX( $T, z$ )

```
1: while ( $z.pai.cor = VERMELHO$ ) do  
2:   if  $z.pai = ((z.pai).pai).esq$  then  
3:      $y \leftarrow ((z.pai).pai).dir$ ;  
4:     if  $y.cor = VERMELHO$  then  
5:       ( $z.pai$ ). $cor \leftarrow PRETO$ ;  
6:        $y.cor \leftarrow PRETO$ ;  
7:       ( $(x.pai).pai$ ). $cor \leftarrow VERMELHO$ ;  
8:        $z \leftarrow (z.pai).pai$ ;  
9:     else if  $z = (z.pai).dir$  then  
10:       $z \leftarrow z.pai$ ;  
11:      LEFT-ROTATE( $T, z$ );  
12:      ( $z.pai$ ). $cor \leftarrow PRETO$ ;  
13:      ( $(z.pai).pai$ ). $cor \leftarrow VERMELHO$ ;  
14:      RIGHT-ROTATE( $T, (z.pai).pai$ );  
15:   else (igual ao "if" trocando "dir" e "esq")  
16:   end if  
17: ( $T.raiz$ ). $cor \leftarrow PRETO$ ;
```

# Análise de Algoritmos

---

## (8) Selection Sort

```
void selection_sort(int num[], int tam) {  
    int i, j, min, aux;  
    for (i = 0; i < (tam-1); i++)  
    {  
        min = i;  
        for (j = (i+1); j < tam; j++) {  
            if(num[j] < num[min])  
                min = j;  
        }  
        if (i != min) {  
            aux = num[i];  
            num[i] = num[min];  
            num[min] = aux;  
        }  
    }  
}
```

# Análise de Algoritmos

---

## (9) Busca Binária

```
BUSCA-BINÁRIA(V[], início, fim, e)
  i recebe o índice do meio entre início e fim
  se (v[i] = e) entao
    devolva o índice i    # elemento e encontrado
  fimse
  se (início = fim) entao
    não encontrou o elemento procurado
  senão
    se (V[i] vem antes de e) então
      faça a BUSCA-BINÁRIA(V, i+1, fim, e)
    senão
      faça a BUSCA-BINÁRIA(V, início, i-1, e)
  fimse
fimse
```