Estructuras de Datos y Algoritmos Grados en Ingeniería Informática

Examen Primer Cuatrimestre, 15 de enero de 2019. Grupos B y D

1. (4 puntos) Se desea desarrollar un algoritmo iterativo que, dado un entero positivo K y un vector bool a[N], determine el tamaño del tramo más corto de a que contiene exactamente K valores a true. En caso de que dicho tramo no exista, el algoritmo deberá devolver N+1.

Por ejemplo, para el vector

false false true	false	false	true	false	true
------------------	-------	-------	------	-------	------

el resultado para K=1 será 1, para K=2 será 3, para K=3 será 6, y para K>3 será 9 (ya que no existe ningún tramo que contenga más de 3 valores a true).

Se pide:

- (a) (1 punto) Especificar el algoritmo, y determinar el invariante y la función de cota
- (b) (2,5 puntos) Diseñar justificadamente el algoritmo, e implementarlo.
- (c) (0,5 puntos) Determinar justificadamente el orden de complejidad del algoritmo

La implementación deberá ir acompañada de un programa de prueba, que lea desde la entrada estandar casos de prueba, los ejecute, e imprima por la salida estándar el resultado. Cada caso de prueba será una línea que: (i) comenzará con un entero que indicará el tamaño N del vector (dicho tamaño nunca excederá los 100 elementos); (ii) a continuación enumerará los valores del vector (false se representará por 0, y true por 1); y (iii) por último, indicará el valor de K. La salida será el valor devuelto por el algoritmo. El final de los casos de prueba se indicará mediante una línea que contiene -1 como único valor. A continuación se muestra un ejemplo de entrada / salida:

Entrada	Salida	
8 0 0 1 0 0 1 0 1 2	3	
4 1 0 1 0 1	1	
4 1 0 1 0 2	3	
1 1 1	1	
4 1 0 1 0 3	5	
0 1	1	
-1		