Apellidos: Nombre: Nº Mat:



## **SOLUCION PROBLEMA 1**

Puntos: 3

Tiempo 30 min.

Dado el robot de la Figura 1:

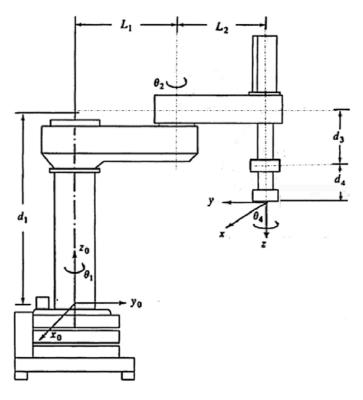


Figura 1: Esquema del Adepth Three, robot scara de 4 DoF.

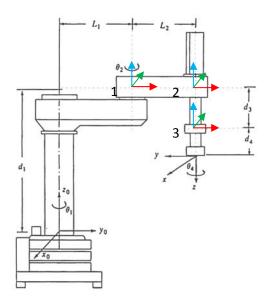
Considerando que la base matemática del mismo se sitúa en el punto y orientación indicados, y el sistema del extremo también:

- Si la articulación 1 y la articulación 2 valen 0, la proyección en el plano XY del extremo del robot se sitúa sobre el eje Y y es la extensión máxima (L1+L2). Ambas articulaciones giran según el sentido dextrógiro respecto del sistema del mundo.
- Cuando la articulación 3 vale cero (d3=0), la altura del extremo vale d1-d4, y tal y como indica la figura, según va incrementando su valor, la altura del extremo disminuye.
- La cuarta articulación es una rotación, pero como se refleja en la figura está orientada en el sentido positivo de z RESPECTO del mundo.
- Finalmente, en la posición articular nula, el sistema del extremo queda orientado con la Z hacia abajo, y el eje X paralelo y con el mismo sentido que el sistema de referencia de la base.

## Se pide (Cada apartado vale 1,5 puntos):

- 1. Obténganse los parámetros y el modelo de D-H (2 puntos)
- 2. Obténgase matemáticamente el modelo cinemático directo incluyendo los tres ángulos de cardan  $(\alpha, \beta, \gamma)$  (Rotación  $\gamma$  fija en Z, rotación  $\beta$  fija en Y, Rotación  $\alpha$  Fija en X) (1 punto)

1.- Existen soluciones diversas dado que los cuatro ejes son paralelos. Una posible y bastante directa es la siguiente (considerando x rojo, y verde, z azul):



En este caso los parámetros de D-H serán:

	θ	d	а	α
1	90+q1	d1	L1	0
2	q2	0	L2	0
3	0	-q3	0	0
4	q4-90	-d4	0	180

2.-Exclusivamente para la posición, obténgase la solución al problema cinemático directo por métodos geométricos. Considerando  $q_3\equiv d_3$ 

$$x = -L_1 sen(q_1) - L_2 sen(q_1 + q_2)$$

$$y = L_1 cos(q_1) + L_2 cos(q_1 + q_2)$$

$$z = d_1 - d_4 - q_3$$

$$\alpha = 180$$

$$\beta = 180$$

$$\gamma = -q_1 - q_2 - q_4$$