

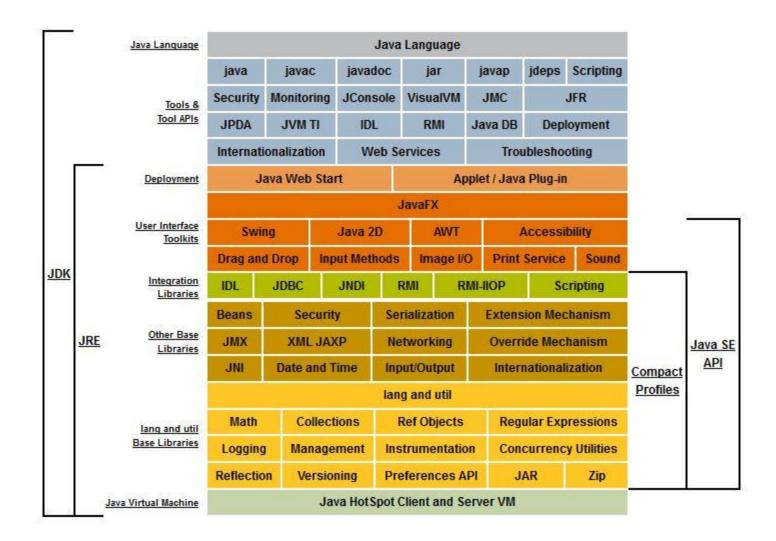
APROG – Algoritmia e Programação



Emanuel Cunha Silva

ecs@isep.ipp.pt

- É uma linguagem de programação
- O Java foi projetado para permitir o desenvolvimento de aplicações portáveis de alto desempenho para a mais ampla variedade possível de plataformas de computação
- Lançada em 1995 por Sun Microsystems
- É uma linguagem orientada a objetos
 - Objetos "são designados" por Classes
 - Todas as instruções que podem ser executadas têm de estar dentro de uma Classe

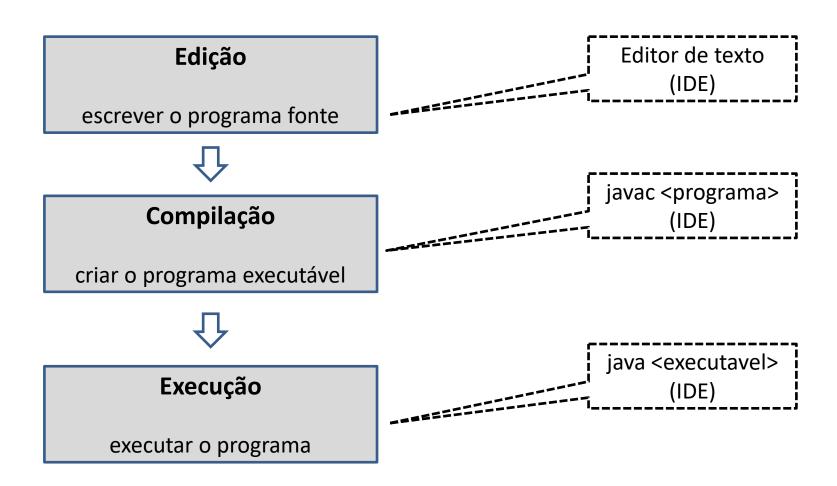


Desenvolver programas em Java

- Instalar o JDK (JDK JavaSE)
 - Download https://www.oracle.com/technetwork/java/javase/downloads/jdk8-downloads-2133151.html
 - Java API (Classes já programadas do Java que podemos usar)
 https://docs.oracle.com/javase/8/docs/api/
 - Ferramentas
 - javac compilador de código
 - java interpretador de código
 - Instalar um IDE (Integrated Developed Environment)
 - Intellij IDEA (https://www.jetbrains.com/edu-products/download/)

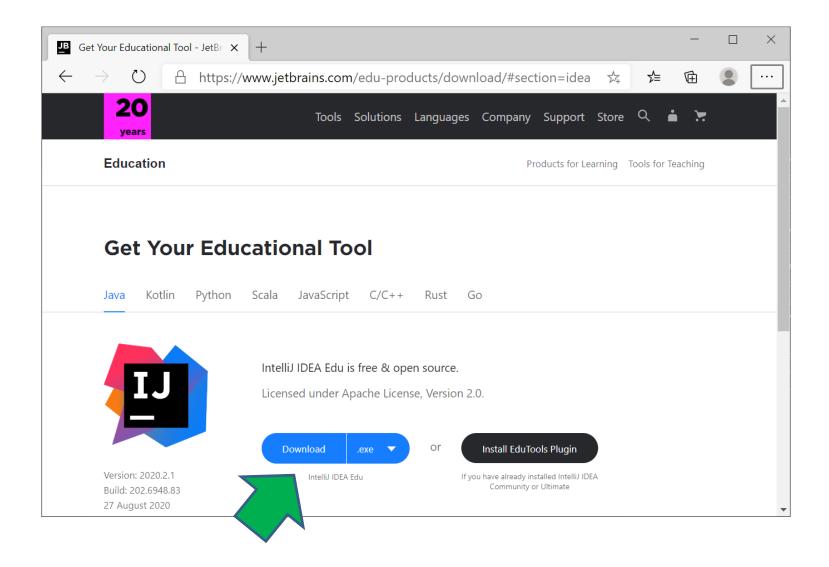
Netbeans (https://netbeans.org/downloads/)

Fases de desenvolvimento de um programa



Ex: Criar um programa em Java com o nome "Ola"

- Criar o ficheiro fonte "Ola.java"
 - Primeira letra maiúscula
 - Extensão ".java"
- Compilar o ficheiro fonte e criar o ficheiro executável
 - "javac Ola.java"
 - É criado o ficheiro executável "Ola.class"
- Executar o ficheiro executável
 - "java Ola"



Java - Terminologia

Classe

Definição de um tipo de dados que especifica os atributos (ou propriedades) e os comportamentos (ou métodos) disponíveis para os objetos dessa classe.

• Ex: projeto de uma casa, onde são definidos atributos como as cores, materiais, etc.

Objeto

Instância de uma classe

• Ex: construir uma casa referente a um projeto, dando significado às propriedades desse projeto (cores, materiais)

Instanciar um objeto

Criar e inicializar um objeto referente a um tipo de classe

- Pode-se criar vários objetos distintos com base na mesma classe, usando diferentes valores para as propriedades
 - Ex: construir várias casas com base no mesmo projeto, aplicando diferentes cores e materiais

- Composto por uma ou mais classes
- Uma classe possui:
 - dados (atributos)
 - métodos (funções) módulos de código que contêm instruções para realizar uma tarefa e quando terminam voltam ou local onde foram invocados, podendo retornar um valor.

 Uma aplicação executável em java tem de possuir numa das suas classes o método main que é o local por onde é iniciada a

execução

```
public class Ola {
    public static void main (String[] args) {
        ...
    }
    ...
}
```

```
package nome;
import nomeCompletoClasse;
public class NomePrograma {
    public static void main(String[] args) {
        ...
    }
}
```

NomePrograma é nome da classe principal com inicial maiúscula

cabeçalho do método main é imutável

- Java distingue letras maiúsculas das minúsculas
- Declaração package
 - Especifica nome da package a que pertencerá nova classe
 - Packages permitem organizar classes
 - Semelhante às pastas dos sistemas de ficheiros que facilitam a gestão de ficheiros
 - Concretamente, são pastas dos sistemas de ficheiros

```
package nome;
import nomeCompletoClasse;
public class NomePrograma {
   public static void main(String[] args) {
      ...
   }
}
```

- Declaração import
 - Permite à nova classe usar classes pertencentes a outras packages
 - Nome completo de uma classe
 - nome da package seguido do nome da classe
 - Exemplo: import java.util.Scanner; // java.util é package da classe Scanner
- Modificador de acesso public
 - Especifica se classe/método pode ou não ser usada por outras classes
 - Classes/métodos públicos podem ser usados por outras classes

```
package nome;
...
public class NomePrograma {
   public static void main(String[] args) {
      ...
   }
}
```

NOTA:

<u>Nesta fase inicial</u>, e para manter os programas o mais simples possível, os mesmos não devem estar associados a qualquer package. Por isso, a referência a "package" não deve existir.

- Os programas incluem normalmente três tipos componentes
 - Declarações reservar memória para o armazenamento das estruturas de dados
 - Instruções indicar ao computador o que deve efetuar
 - As instruções são separadas por ponto e vírgula (;)
 - Comentários registar anotações sobre o significado do código ou das estruturas de dados. Permitem também auxiliar na documentação do programa. São ignorados pelo computador
 - // ignora até ao fim da linha em que se encontra
 - /* ... */ ignora tudo o que está no interior
 - /** ... */ ignora tudo o que está no interior. Usado para criar documentação automaticamente

Categorias

- Variáveis Valor pode variar durante a execução do programa
- Constantes Valor é constante durante a execução do programa

Identificadores

- Palavras usadas para identificar variáveis, constantes, classes, métodos, etc.
- Pode conter letras, dígitos e os caracteres "_" e "\$"
- Não podem começar por um dígito
- Java é case sensitive maiúsculas e minúsculas são diferentes
 - pessoa ≠ Pessoa ≠ PESSOA

Java - Identificadores

Os identificadores, em Java, normalmente, seguem a seguinte convenção

Variáveis e métodos

- Iniciam por letra minúscula
- Podem ter várias palavras agregadas sem espaços e capitalizadas
 - Ex: nomeAluno, alturaDoAtleta, numeroDoAtletaDeRemo

Constantes

- Apenas maiúsculas
 - Ex: MAXIMO, TAXA IVA

Classes

- Iniciam por letra maiúscula
- Podem ter várias palavras agregadas sem espaços e capitalizadas

Ex: Aluno, CarroDeF1

Java - Identificadores

Palavras reservadas pelo java que não podem ser usadas como identificadores

abstract	continue	for
assert***	default	goto*
boolean	do	if
break	double	implements
byte	else	import
case	enum****	instanceof
catch	extends	int
char	final	interface
class	finally	long
const*	float	native

switch new package synchronized this private throw protected throws public return transient short try void static strictfp** volatile while super

```
* not used
```

^{**} added in 1.2

^{***} added in 1.4

^{****} added in 5.0

Tipos de dados primitivos

Categorias

```
    Inteiros: byte 1 byte (-128, 127) short 2 bytes (-32 768, 32 767) int 4 bytes (-2 147 483 648, 2 147 483 647) long 8 bytes (-9x10<sup>18</sup>, 9x10<sup>18</sup>)
    Reais: float 4 bytes (-/+ 3.4 x 10<sup>38</sup>) double 8 bytes (-/+ 1.7 x 10<sup>308</sup>)
    Outros: char boolean
```

Exemplos

```
char c = 'R', opcao= 'a'; // carateres são delimitados por plicas
boolean flag = false; // valores lógicos: false e true
double nota = 18.5; // separador decimal é o . (ponto)
float altura = 1.83f; // os valores float devem ser seguidos pela letra f
```

Tipos de dados não primitivos (referências)

Definidos por Classes

Exemplos

```
String // guarda texto

Scanner // leitura de dados (ex: teclado)

Formatter // escrita formatada (ex: ecrã)
```

Variável de Tipo Referência

Exemplos

```
String cidade;
String nome = "Nico";
String ave = "águia";
```

Declaração de variáveis

Sintaxe // para N variáveis do mesmo tipo
 Tipo_de_Dado identificador_1[=valor inicial] [, ..., identificador_N[=valor inicial]] ; [...] = opcional

Exemplos

```
int numero; // guarda inteiros; por omissão, variáveis numéricas são inicializadas a 0 int preco=5; // variável declarada e inicializada; = é operador de atribuição int x=5, y, z=1; // múltiplas variáveis, do mesmo tipo, declaradas na mesma linha
```

Local

Em qualquer parte do corpo do método

```
public class NomePrograma {
   public static void main(String[] args) {
      int numero;
      ...
   int preco = 5;
      ...
   int x = 5, y, z = 1;
   }
}
```

Declaração de constantes

Sintaxe // para N constantes do mesmo tipo
final Tipo_de_Dado identificador_1=valor1] [, ..., identificador_N=valorN] ; [...] = opcional

Exemplos

```
final int NUMERO=10; // por convensão, nomes em maiúsculas

final int X=5, PRECO=5; // múltiplas constantes, do mesmo tipo, declaradas na mesma linha
```

Local

Em qualquer parte do corpo do método

```
public class NomePrograma {
   public static void main(String[] args) {
      final int NUMERO=10;
      ...
      final int X=5, PRECO = 5;
      ...
   }
}
```

Java - Operadores

Aritméticos

```
    // Soma
    // Subtracção
    * // Produto
    // Divisão real ou inteira; Divisão inteira se ambos os operandos forem inteiros.
    % // Resto da divisão inteira
```

Relacionais

```
> // Maior
>= // Maior ou igual
< // Menor
<= // Menor ou igual
!= // Diferente
== // Igual</pre>
```

Atribuição

```
= // Ex: x = 5;
+= // Ex: x += 5 ou x = x + 5;
-=
*=
/=
```

Java - Operadores

Lógicos

```
&& // AND
|| // OR
! // NOT; Ex: !(x<0 && y>10)
```

Outros

```
++ // Incrementa variável de 1 unidade; Ex: contador++ ou ++contador
-- // Decrementa variável de 1 unidade; Ex: contador-- ou --contador
```

Java - Instrução atribuição

Sintaxe

```
variável = expressão; // expressão tem de resultar num tipo compatível com a variável
```

Exemplos

```
public class NomePrograma {
    public static void main(String[] args){
        int x, y;
        double z;
        int d, idade;
        x = 5;
        d = idade - 12;
                                                // idade e d têm de ser do mesmo tipo
        z = x * 10 - Math.pow(2,5);
                                                // Math.pow(2,5) = 2^5
```

Sintaxe

```
if (condição) {
      // SE ... ENTÃO ... FSE

      // acção
}

if (condição) {
      // SE ... ENTÃO ... SENÃO ... FSE

      // acção 1
} else {
      // acção 2
}
```

```
// CASO ... SEJA

switch(expressão) { // expressão tem de ser do tipo inteiro, carácter ou string case valor_1[: case valor_2: ...: case valor_m] : // acção_1; break; case valor_n[: case valor_o: ...: case valor_v] : // acção_2; break; ... default : // acção_por_omissão; //opcional
}
```

Exemplos

```
public class NomePrograma {
    public static void main(String[] args){
        int x, y, z;
        if (x>5)
             y=4;
                                            // {...} não é obrigatório para apenas uma instrução
        if(x>5 \&\& x<10){
                                           // {...} é obrigatório por haver mais de uma instrução
             y=10;
             z=100;
        if (x>0) {
             System.out.println(x + "é um nº positivo");
        } else {
             System.out.println(x + "não é um nº positivo");
                                   para imprimir no ecrã
```

Exemplos

Problema: a partir da idade de uma pessoa indicar se é maior de idade ou, caso a idade seja negativa escrever inválido

```
public class NomePrograma {
  public static void main(String[] args){
  int idade;
  if (idade > 0)
     if (idade >= 18)
        System.out.println("maior de idade");
  else
     System.out.println("inválido");
           Errado
                           Exemplo:
```

Idade = 10

```
public class NomePrograma {
  public static void main(String[] args){
  int idade;
  if (idade > 0) {
     if (idade >= 18)
        System.out.println("maior de idade");
   else
     System.out.println("inválido");
```

Exemplos (com valores numéricos)

```
public class NomePrograma {
    public static void main(String[] args){
         int x, y, z;
         switch(x){
             case 1: case 3:
                  z = y * 2;
                  break;
             case 6:
                                                              break termina execução do switch;
                 z = 12;
                                                              senão, são executadas as instruções
                  break;
                                                              do caso seguinte
             case 2: case 4: case 7:
                 y = 45;
                 z = 23;
                  break;
             default:
                  z=50;
```

Exemplos (com Strings)

```
public class NomePrograma {
    public static void main(String[] args){
        String mes;
        switch(mes){
            case "janeiro": case "fevereiro":
                 break;
            case "marco":
                                                            break termina execução do switch;
                                                            senão, são executadas as instruções
                 break;
                                                            do caso seguinte
            default:
```

Java - Instrução repetição

Sintaxe

```
while (condição) {
    // ENQUANTO ... REPETIR

// corpo do ciclo
}
```

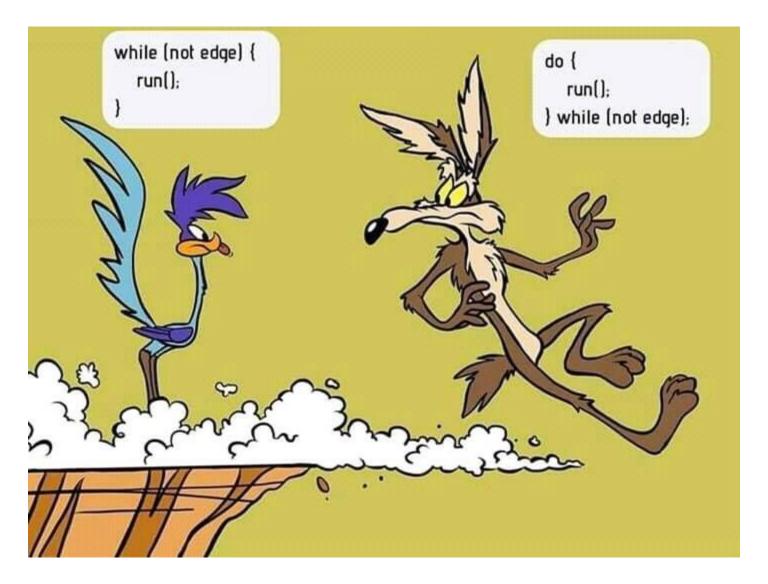
```
do {

// REPETIR ... ENQUANTO

// corpo do ciclo

} while (condição); // termina com ponto e vírgula (;)
```

Java - Instrução repetição



Java - Instrução repetição

Exemplos

```
public class NomePrograma {
   public static void main(String[] args){
        int hora, numero;
        Scanner ler = new Scanner(System.in);
        hora = 0;
        while (hora<=23) {</pre>
            System.out.println(hora);
            hora++;
        do {
            numero = ler.nextInt();
        } while (numero>0);
        for (hora=0; hora<=23; hora++) { // REPETIR PARA hora ← 0 ATÉ 23 PASSO 1
            System.out.println(hora);
        for (hora=23; hora>=0; hora--)
                                              // for(...); não terminar com ponto-e-vírgula
            System.out.println(hora);
                                              se existirem instruções associadas à repetição
```

Java – Blocos de Instruções

Um bloco de instruções refere-se a um conjunto de instruções que pertencem a um contexto comum. Um bloco é delimitado por chavetas { ... }

- Uma variável declarada dentro de um bloco é local ao bloco.
 - Quando o bloco termina, a variável desaparece.
- Quando é necessário usar uma variável dentro e fora de um bloco então, ela deve ser declarada fora do bloco.

```
for (int x =1; x<10; x++) {
    ...
}
System.out.println( x );

Errado</pre>
```

```
int x

for (x =1; x<10; x++) {
    ...
}
System.out.println( x );</pre>
```

Java – Blocos de Instruções

```
int a;
     int b;
       int c;
     int d;
```

Zonas de validade das variáveis

Java – Conversão de tipos numéricos

- Conversão implícita (sem perda de informação)
 - Conversão para tipos compatíveis com igual ou maior capacidade

```
byte \rightarrow short \rightarrow int \rightarrow long \rightarrow double
```

```
Ex: int a = 10;
double b = a;
```

- Conversão explícita (com possível perda de informação)
 - Declarada explicitamente através de um cast porque pode originar perda de informação
 - Sintaxe de um cast
 - (tipo destino) nomeVariavel

```
Ex: double pi = 3.1415;
int a = (int) pi; //parte decimal é descartada (a=3)
```

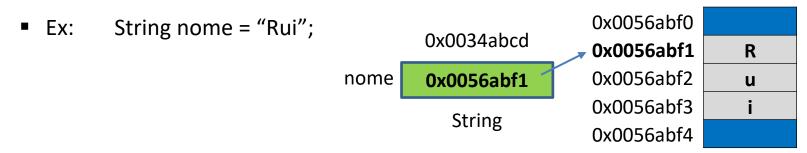
Java – tipos de dados

Um tipo de dados é um conjunto de valores relacionados por um conjunto de operações

- Tipos primitivo (simples) char, byte, short, int, long, float, double, boolean
 - Guardam valores atómicos, isto é, valores que não se podem decompor
 - Ex: int a = 10; double b = 3.1415; boolean c = true;

0x0034abcd
a 10
int

- Tipos referência arrays, classes (String, ...)
 - Guardam o endereço de memória onde estão representados objetos



</Repetições>

java.util

Class Scanner

java.lang

Class String



java.lang

Class Math

java.lang

Class System

Suportada por objeto da classe Scanner

// java.util.Scanner

- Classe Scanner
 - Serve para ler informação de uma entrada específica
 - Ficheiros de texto
 - Consola (teclado) é tratada como ficheiro de texto
- Declaração de objeto Scanner para leitura da entrada padrão (teclado)

Scanner *ler* = new Scanner(System.in);

- Cria objeto (instância) da classe Scanner (objeto ler)
- System.in representa dispositivo de entrada standard (teclado)
 - System é classe que representa sistema de computação
 - in é objeto da classe System que representa dispositivo de entrada padrão
 - Por omissão, é o teclado

Leitura

Preciso invocar método do objeto Scanner adequado ao tipo de dado a ler

Sintaxe: nomeObjetoScanner.nomeMétodo()

Exemplo: ler.nextInt() // para ler int

- Métodos de instância da classe Scanner que podem ser aplicados ao objeto (ler)
 - next()
 Lê próxima string simples do teclado (i.e., cadeia de carateres terminada pelo caráter espaço ou newline ('\n'))
 - nextLine() Lê próxima linha do teclado (i.e., cadeia de carateres terminada em \n)
 - nextInt()Lê próximo int do teclado
 - nextLong()
 Lê próximo long do teclado
 - nextFloat()
 Lê próximo float do teclado
 - nextDouble()Lê próximo double do teclado

■Exemplos de instruções para ler informação e guardá-la numa variável

■Leitura de inteiro: int num = *ler*.nextInt(); ■Leitura de float: float num = *ler*.nextFloat(); Leitura de strings: String s = *ler*.next(); // palavra simples (apenas 1 palavra) //ex: "Ana", "maria", "domingo" String s = *ler*.nextLine(); // frase (todas as palavras até ao fim da linha)

APROG - Java

//ex: "ana Maria", "Ola eu sou o Rui"

```
import java.util.Scanner;
                                                   // importa classe Scanner para usar em main
public class NomePrograma {
    public static void main(String[] args){
        int numero;
        long altura;
        double peso;
        String nome, nomeComposto;
        Scanner ler = new Scanner(System.in);
                                                  // declara um objeto Scanner para ler do teclado
                                                  // lê um int do teclado e guarda em numero
        numero = ler.nextInt();
                                                  // lê um long do teclado e guarda em altura
        altura = ler.nextLong();
        peso = ler.nextDouble();
                                                   // lê um double do teclado e guarda em peso
        nome = ler.next();
                                                  // lê uma string do teclado e guarda em nome
                                                  // lê uma linha e guarda em nomeComposto
        nomeComposto= ler.nextLine();
```

- ■Problemas quando se combina a leitura de números, strings e linhas de texto
 - Os métodos para leitura de números (nextInt(), nextDouble(), nextFloat()) apenas capturam os valores numéricos.
 - ■O método para leitura de uma palavra (next()) apenas captura a sequência de carateres até encontrar um espaço, tab ou fim de linha, mas não os inclui.
 - Qualquer um dos métodos anteriores **não captura** o caráter de mudança de linha ´\n´.
 - ■Apenas o método nextLine() captura na íntegra uma linha de texto, incluíndo o ´\n´.
 - Os carateres não capturados pelos métodos podem ser capturados pelo método seguinte, originando problemas.

■Problemas quando se combina a leitura de números, strings e linhas de texto

Exemplo

Pretende-se ler a idade e o nome de uma pessoa. Considere os valores 5 e "Rui Sá".

```
Scanner ler = new Scanner(System.in);
int idade = ler.nextInt();
String nome = ler.nextLine();
```

Na leitura da idade foram pressionadas 2 teclas: [5]+[ENTER].

O método nextInt() capturou o valor 5 para a variável idade e deixou ficar o [ENTER].

De seguida o método nextLine() deteta que já existe conteúdo terminado por [ENTER] e captura-o para a variável nome.

Ou seja, nome fica vazio!!!!!!

■Problemas quando se combina a leitura de números, strings e linhas de texto

Sugestões

1. Quando se pretende usar o método nextLine() conjuntamente com outros métodos de leitura deve-se "limpar", imediatamente antes do nextLine(), qualquer conteúdo lido que possa existir, através da invocação do método nextLine().

2. Usar nextLine() para todas as leituras e converter os valores numéricos lidos através de métodos de classe apropriados, por exemplo:

```
int idade = Integer.parseInt( ler.nextLine() );
float peso = Float.parseFloat( ler.nextLine() );
double altura = Double.parseDouble( ler.nextLine() );
```

Java - Saída de dados

Suportada pelos métodos print, println e printf do objeto System.out

- System é classe que representa sistema de computação
- out é objeto da classe System que representa dispositivo de saída padrão
 - Por omissão, ecrã
- Métodos de escrita
 - System.out.print("mensagem"); //mantém-se na mesma linha
 System.out.println("mensagem"); //muda de linha
 - System.out.printf(string_formatação, lista_parâmetros);

Java - Saída de dados

```
public class NomePrograma {
    public static void main(String[] args){
// Escreve mensagem e coloca cursor no fim
        System.out.print("Operação impossível!");
// Escreve mensagem e coloca cursor no início da linha seguinte
        System.out.println("Divisão por zero!!");
// Saída formatada; Escreve a media (double) com uma casa decimal. Exemplo: "Média=15.3"
        double media = 15.3456;
        System.out.printf("Média=%.1f",media);
                                                   Operação impossível!Divisão por zero!!
```

String

- Cadeia de carateres = texto
- Exemplos
 - "ISEP"
 - "Algoritmia e Programação"
 - "JUPITER"

Declaração

Carateres especiais

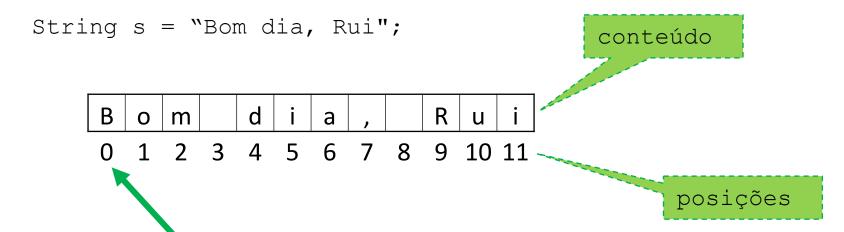
- Strings podem conter carateres especiais com funções específicas (sequência de escape)
- Cada sequência de escape é um único carácter embora seja escrito com dois símbolos.

```
    \t Insere um tab no texto
    \b Insere um backspace no texto
    \n Insere uma mudança de linha no texto
    \r Insere um carriage return no texto
    \' Insere uma plica no texto.
    \' Insere uma aspa no texto.
    \\ Insere uma barra para trás (backslash) no texto
```

Exemplos

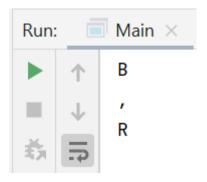
```
String s = "Aprog\t, é \"fixe\" e fácil"; //s="Aprog , é "fixe" e fácil"
```

String



a posição inicial é zero (0) e não um (1)

System.out.println(s.charAt(0));
System.out.println(s.charAt(7));
System.out.println(s.charAt(9));



Métodos

- int length()
- String toLowerCase()
- String toUpperCase()
- int compareTo(String outraString)
- boolean equals(String outraString)
- boolean equalsIgnoreCase(String outraString)
- String trim()
- char charAt(int índice)

■ ...

- Exemplos // considerando: String s = "Aprog";
- int length()
 - Retorna comprimento da string (quantidade de carateres)

- String toLowerCase()
 - Retorna a string com todas as letras minúsculas

```
String s2 = s.toLowerCase(); // s2 = "aprog"
```

- String toUpperCase()
 - Retorna a string com todas as letras maiúsculas

```
String s2 = s.toUpperCase(); // s2 = "APROG"
```

Comparação de Strings

Não se pode usar os operadores relacionais para comparar Strings

É necessário verificar se o conjunto de carateres é o mesmo e pela mesma ordem

- Exemplos // considerando: String s = "Aprog";
- int compareTo(String outraString)
 - Compara duas strings alfabeticamente e retorna um número inteiro

```
Negativo Ex: s.compareTo("PPROG") s é anterior a "PPROG"
```

Positivo Ex: s.compareTo("ALIN") s é posterior a "ALIN"

■ Zero Ex: s.compareTo("Aprog") s e "Aprog" são iguais

```
if ( s.compareTo("APROG") == 0 )
   System.out.println(" s=APROG ");
else
   System.out.println(" s≠APROG ");
```

- Exemplos // considerando: String s = "Aprog";
- boolean equals(String outraString)
 - Distingue maiúsculas de minúsculas

s≠ "APROG"

```
if ( s.equals("APROG") )
   System.out.println(" s=APROG ");
else
   System.out.println(" s≠APROG ");
```

- boolean equalsignoreCase(String outraString)
 - Compara duas strings alfabeticamente sem distinguir maiúsculas de minúsculas e retorna:

```
true caso sejam iguaisfalse caso sejam diferentes
```

```
s = "APROG"
```

```
if ( s.equalsIgnoreCase("APROG"))
    System.out.println(" s=APROG ");
else
    System.out.println(" s≠APROG ");
```

- Exemplos // considerando: String s = "Aprog";
- char charAt(int índice)
 - Retorna o caráter que se encontra na posição índice

- String trim()
 - Retorna cópia da string sem espaços brancos iniciais e finais

```
String s1 = " APROG ";
String s2 = s1.trim(); // s2 = "APROG"
```

Concatenar Strings - Usa-se o operador +

Permite criar uma nova string a partir da junção dos valores de várias strings ou números. O primeiro elemento da junção tem de ser uma string.

Exemplos

```
String s = "Hoje é" + "domingo, dia " + 15;

s = "Hoje é domingo, dia 15"

String s1 = "D";

String s2 = "ia";

int dia = 15;

String s = s1.trim() + s2 + dia;

s = "Dia15"
```

Java - Math

•double sin(double angulo)

double acos(double a)

Biblioteca que disponibiliza constantes matemáticas (atributos da classe) e operações numéricas básicas e funções trigonométricas (métodos da classe)

Atributos final double PI // 3.14... Exemplo: Math.PI final double E // 2.71... Exemplo: Math.E Métodos de Classe // Retorna raíz quadrada de a; Ex: Math.sqrt(3); •double sqrt(double a) // tipo = double, float, int ou long tipo abs(tipo a) // Retorna valor absoluto de a. Ex: Math.abs(-5) double pow(double a, double b) // Retorna a^b ; Exemplo: $2^5 \Leftrightarrow Math.pow(2,5)$ double exp(double a) // Retorna e^a ; Exemplo: $e^5 \Leftrightarrow Math.exp(5)$ •double random() // Retorna nº real aleatório do intervalo [0,1] •double cos(double angulo) // Retorna coseno do angulo em radianos

APROG - Java

// Retorna seno do angulo em radianos

// Retorna arco coseno de a em radianos

