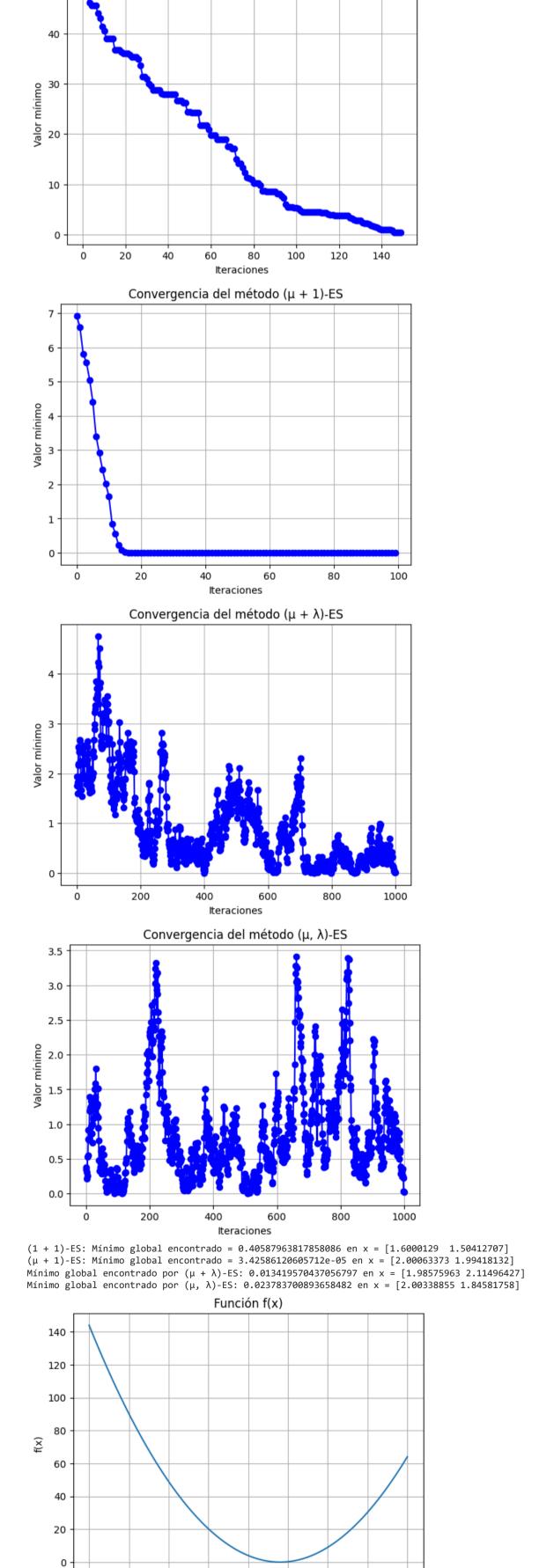
```
Segunda funcion Estrategias Evolutivas (1 + 1)-ES, (\mu + 1)-ES, (\mu + \lambda)-ES y (\mu, \lambda)-ES:
import random
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
# Función dada
def f(x):
   return np.sum((x - 2)**2)
# Estrategia Evolutiva (1 + 1)-ES
def es_1_1(iteraciones):
   x = np.random.uniform(-10, 10, 2)
   convergence_values = [] # Lista para almacenar los valores de convergencia
    for _ in range(iteraciones):
       x_{hijo} = x + np.random.normal(0, 0.1, 2) # Mutación
       if f(x_hijo) < f(x):
          x = x_hijo
       # Registrar el valor mínimo en cada iteración
        convergence\_values.append(f(x))
   # Graficar la convergencia
   plt.plot(range(iteraciones), convergence_values, marker='o', linestyle='-', color='b')
   plt.xlabel('Iteraciones')
   plt.ylabel('Valor mínimo')
    plt.title('Convergencia del método (1 + 1)-ES')
   plt.grid(True)
   plt.show()
   return x, f(x)
# Estrategia Evolutiva (μ + 1)-ES
def es_mu_1(iteraciones, mu):
   x = np.random.uniform(-10, 10, 2)
   convergence_values = [] # Lista para almacenar los valores de convergencia
    for _ in range(iteraciones):
        descendientes = [x + np.random.normal(0, 0.1, 2) for _ in range(mu)]
        x_hijo = min(descendientes, key=f) # Seleccionamos el mejor descendiente
       if f(x_hijo) < f(x):
          x = x_hijo
        # Registrar el valor mínimo en cada iteración
        convergence\_values.append(f(x))
   # Graficar la convergencia
   plt.plot(range(iteraciones), convergence_values, marker='o', linestyle='-', color='b')
    plt.xlabel('Iteraciones')
   plt.ylabel('Valor mínimo')
   plt.title('Convergencia del método (\mu + 1)-ES')
   plt.grid(True)
   plt.show()
   return x, f(x)
# Estrategia Evolutiva (μ + λ)-ES
def es_mu_lambda(iteraciones, mu, lambd):
   poblacion = np.random.uniform(-10, 10, size=(mu, 2))
    convergence_values = [] # Lista para almacenar los valores de convergencia
    for _ in range(iteraciones):
       descendientes = np.array([p + np.random.normal(0, 0.1, 2) for p in poblacion])
        valores_descendientes = np.array([f(x) for x in descendientes])
        indices_mejores = np.argsort(valores_descendientes)[:mu]
        poblacion = descendientes[indices_mejores]
        mejor_x = poblacion[0]
        mejor_valor = f(mejor_x)
        convergence_values.append(mejor_valor)
     # Graficar la convergencia
   plt.plot(range(iteraciones), convergence_values, marker='o', linestyle='-', color='b')
    plt.xlabel('Iteraciones')
    plt.ylabel('Valor mínimo')
    plt.title('Convergencia del método (\mu + \lambda)-ES')
   plt.grid(True)
   plt.show()
   return mejor_x, mejor_valor
# Estrategia Evolutiva (μ, λ)-ES
def es_mu_coma_lambda(iteraciones, mu, lambd):
   poblacion = np.random.uniform(-10, 10, size=(mu, 2))
    convergence_values = [] # Lista para almacenar los valores de convergencia
    for _ in range(iteraciones):
        descendientes = np.array([p + np.random.normal(0, 0.1, 2) for p in poblacion])
        valores_descendientes = np.array([f(x) for x in descendientes])
        indices_mejores = np.argsort(valores_descendientes)[:mu]
        poblacion = descendientes[indices_mejores]
        mejor_x = poblacion[0]
        mejor_valor = f(mejor_x)
        convergence_values.append(mejor_valor)
     # Graficar la convergencia
    plt.plot(range(iteraciones), convergence_values, marker='o', linestyle='-', color='b')
   plt.xlabel('Iteraciones')
   plt.ylabel('Valor mínimo')
   plt.title('Convergencia del método (\mu, \lambda)-ES')
   plt.grid(True)
   plt.show()
   return mejor_x, mejor_valor
# Ejemplo de uso
min_x_1_1, min_valor_1_1 = es_1_1(150)
min_x_mu_1, min_valor_mu_1 = es_mu_1(100, mu=10)
min_x_mu_lambda, min_valor_mu_lambda = es_mu_lambda(iteraciones=1000, mu=100, lambd=20)
min_x_mu_coma_lambda, min_valor_mu_coma_lambda = es_mu_coma_lambda(iteraciones=1000, mu=100, lambd=30)
print(f"(1 + 1)-ES: \ Minimo \ global \ encontrado = \{min\_valor\_1\_1\} \ en \ x = \{min\_x\_1\_1\}")
 print(f''(\mu + 1)-ES: \ Minimo \ global \ encontrado = \{min\_valor\_mu\_1\} \ en \ x = \{min\_x\_mu\_1\}'') \\ print(f''Minimo \ global \ encontrado \ por \ (\mu + \lambda)-ES: \{min\_valor\_mu\_lambda\} \ en \ x = \{min\_x\_mu\_lambda\}'') 
print(f"M\'inimo global encontrado por (\mu, \lambda)-ES: \{min\_valor\_mu\_coma\_lambda\} en x = \{min\_x\_mu\_coma\_lambda\}"\}
# Función dada
def f(x):
   return np.sum((x - 2)**2)
# Generar valores de x
x = np.linspace(-10, 10, 100)
# Evaluar la función para cada valor de x
y = np.array([f(xi) for xi in x])
# Graficar
plt.plot(x, y)
plt.xlabel('x')
plt.ylabel('f(x)')
plt.title('Función f(x)')
plt.grid(True)
plt.show()
\Rightarrow
                        Convergencia del método (1 + 1)-ES
             0 20 40 60 80 100 120 140
                       Convergencia del método (μ + 1)-ES
```



Primera funcion  $f(x, y) = x e^{-x} 2^{-y} 2, x, y \in [-2, 2]$ 

-10.0 -7.5 -5.0 -2.5 0.0 2.5 5.0 7.5 10.0

```
import random
import math
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
def f(x, y):
   return x * np.exp(-x**2 - y**2)
def es_1_1(iterations):
   x = random.uniform(-2, 2)
   y = random.uniform(-2, 2)
   best_value = f(x, y)
   mutation_step = 0.1
   # Lista para almacenar los valores de convergencia
   convergence_values = []
   for _ in range(iterations):
       new_x = x + random.uniform(-mutation_step, mutation_step)
        new_y = y + random.uniform(-mutation_step, mutation_step)
        new_value = f(new_x, new_y)
       if new_value < best_value:</pre>
          x, y = new_x, new_y
           best_value = new_value
       # Registrar el valor mínimo en cada iteración
        convergence_values.append(best_value)
   # Graficar la convergencia
   plt.plot(range(iterations), convergence_values, marker='o', linestyle='-', color='b')
   plt.xlabel('Iteraciones')
   plt.ylabel('Valor mínimo')
   plt.title('Convergencia del método (\mu, \lambda)-ES')
   plt.grid(True)
   plt.show()
   return x, y, best_value
def es_mu_1(iterations):
   x = random.uniform(-2, 2)
   y = random.uniform(-2, 2)
   best_value = f(x, y)
   mutation_step = 0.1
   # Lista para almacenar los valores de convergencia
   convergence_values = []
   for _ in range(iterations):
        new_x = x + random.uniform(-mutation_step, mutation_step)
        new_y = y + random.uniform(-mutation_step, mutation_step)
        new_value = f(new_x, new_y)
       if new_value < best_value:</pre>
           x, y = new_x, new_y
           best_value = new_value
       # Registrar el valor mínimo en cada iteración
        convergence_values.append(best_value)
   # Graficar la convergencia
   plt.plot(range(iterations), convergence_values, marker='o', linestyle='-', color='b')
   plt.xlabel('Iteraciones')
   plt.ylabel('Valor mínimo')
   plt.title('Convergencia del método (\mu, \lambda)-ES')
   plt.grid(True)
   plt.show()
   return x, y, best_value
def es_mu_lambda(iterations, mu, lambd):
   population = [(random.uniform(-2, 2), random.uniform(-2, 2)) for _ in range(mu)]
   convergence_values = [] # Lista para almacenar los valores de convergencia
   for _ in range(iterations):
       offspring = []
        for _ in range(lambd):
           parent = random.choice(population)
           new_x = parent[0] + random.uniform(-0.1, 0.1)
           new_y = parent[1] + random.uniform(-0.1, 0.1)
           offspring.append((new_x, new_y))
        population += offspring
        population.sort(key=lambda ind: f(ind[0], ind[1]))
        population = population[:mu]
        best_x, best_y = population[0]
        min_value = f(best_x, best_y)
        convergence_values.append(min_value)
 # Graficar la convergencia
   plt.plot(range(iterations), convergence_values, marker='o', linestyle='-', color='b')
   plt.xlabel('Iteraciones')
   plt.ylabel('Valor mínimo')
   plt.title('Convergencia del método (\mu + \lambda)-ES')
   plt.grid(True)
   plt.show()
   return best_x, best_y, min_value
def es_mu_coma_lambda(iterations, mu, lambd):
   population = [(random.uniform(-2, 2), random.uniform(-2, 2)) for _ in range(mu)]
   convergence_values = [] # Lista para almacenar los valores de convergencia
   for _ in range(iterations):
       offspring = []
        for _ in range(lambd):
           parent = random.choice(population)
           new_x = parent[0] + random.uniform(-0.1, 0.1)
           new_y = parent[1] + random.uniform(-0.1, 0.1)
           offspring.append((new_x, new_y))
           population += offspring
           population.sort(key=lambda ind: f(ind[0], ind[1]))
           population = population[:mu]
        best_x, best_y = population[0]
        min_value = f(best_x, best_y)
        convergence_values.append(min_value)
  # Graficar la convergencia
   plt.plot(range(iterations), convergence_values, marker='o', linestyle='-', color='b')
   plt.xlabel('Iteraciones')
   plt.ylabel('Valor mínimo')
   plt.title('Convergencia del método (\mu, \lambda)-ES')
   plt.grid(True)
   plt.show()
   return best_x, best_y, min_value
best_x_11, best_y_11, min_value_11 = es_1_1(100)
best_x_mu_1, best_y_mu_1, min_value_mu_1 = es_mu_1(100)
best_x_mu_lambda, best_y_mu_lambda, min_value_mu_lambda = es_mu_lambda(iterations=10, mu=10, lambd=20)
best_x_mu_coma_lambda, best_y_mu_coma_lambda, min_value_mu_coma_lambda = es_mu_coma_lambda(iterations=10, mu=10, lambd=20)
print(f''(1 + 1)-ES: Minimo global en (x, y) = ({best_x_11:.4f}, {best_y_11:.4f}), Valor minimo global: {min_value_11:.4f}")
print(f"(μ + 1)-ES: Mínimo global en (x, y) = ({best_x_mu_1:.4f}, {best_y_mu_1:.4f}), Valor mínimo global: {min_value_mu_1:.4f}")
print(f''(\mu + \lambda)-ES: Minimo global en (x, y) = ({best_x_mu_lambda:.4f}, {best_y_mu_lambda:.4f}), Valor minimo global: {min_value_mu_lambda:.4f}'')
print(f"(μ, λ)-ES: Mínimo global en (x, y) = ({best_x_mu_coma_lambda:.4f}, {best_y_mu_coma_lambda:.4f}), Valor mínimo global: {min_value_mu_coma_lambda:.4f}")
# Graficar la función y el mínimo global
x_{vals} = np.linspace(-2, 2, 100)
y_{vals} = np.linspace(-2, 2, 100)
X, Y = np.meshgrid(x_vals, y_vals)
Z = f(X, Y)
plt.contourf(X, Y, Z, levels=20, cmap='viridis')
plt.colorbar(label='f(x, y)')
plt.scatter(best_x_mu_lambda, best_y_mu_lambda, color='red', marker='o', label='Mínimo global')
plt.xlabel('x')
plt.ylabel('y')
plt.title('Mínimo global de la función')
plt.legend()
plt.grid(True)
plt.show()
                          Convergencia del método (μ, λ)-ES
        -0.3
        -0.4
                                        Iteraciones
                          Convergencia del método (\mu, \lambda)-ES
        -0.1
        -0.2
        -0.3
        -0.4^{\circ}
                                        Iteraciones
                          Convergencia del método (\mu + \lambda)-ES
        -0.28
        -0.30 -
        -0.32 -
         -0.34 -
         -0.36 -
        -0.38
         -0.40 -
         -0.42 -
                           Convergencia del método (μ, λ)-ES
        -0.38 -
        -0.39
        -0.42 -
```

-0.43 -

1.0 -

-0.5 -

Iteraciones

(1 + 1)-ES: Mínimo global en (x, y) = (-0.7064, 0.0261), Valor mínimo global: -0.4286  $(\mu + 1)$ -ES: Mínimo global en (x, y) = (-0.7312, -0.0255), Valor mínimo global: -0.4281

 $(\mu + \lambda)$ -ES: Mínimo global en (x, y) = (-0.7072, -0.0188), Valor mínimo global: -0.4287  $(\mu, \lambda)$ -ES: Mínimo global en (x, y) = (-0.6989, 0.0136), Valor mínimo global: -0.4287

Mínimo global

Mínimo global de la función