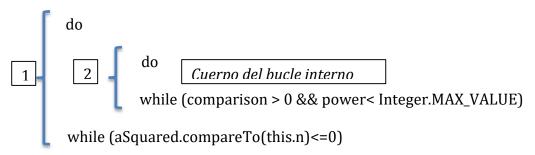
## Cuestiones básicas de AKS (heurísticas)

## ¿Es n una potencia perfecta?



**Cuestión 1**. ¿Cuántas veces se ejecuta [1]?

Téngase en cuenta que nos mantenemos en el bucle si:

 $B^2 \le n$  (while aSquared.compareTo(this.n)  $\le 0$ )

*B*: base  $B^2$ : aSquared

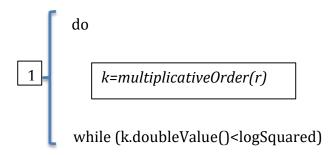
Cuestion 2. ¿Cuántas veces se ejecuta [2]?

Sea b: base, k: testigo de número de iteraciones. ( $\log es \log_2$ ). Resuélvase para determinar k. (b es la base una vez dentro del bucle interno).

$$b^{\frac{\log n}{\log b} - 1 + k} > n$$

Cuestion 3. ¿Complejidad de la ejecución en [2]?

Cuestion 4. ¿Cuántas veces se ejecuta [1]?



Búsquese en la literatura sobre AKS cuál es el r máximo tal que  $O_r(n) > log_2^2 n$ 

**Cuestión 5**. ¿Cuál es el máximo de iteraciones en *multiplicativeOrder*? Hágase un pequeño estudio empírico con varios valores de n, p. ej. 8 y 9. Véase la relación entre r y k.

**Cuestión 6**. ¿Cuál es la complejidad del cálculo del mcd? Basémonos en la complejidad del cálculo de r y en la complejidad del cálculo del mcd. (V. Ejercicios prácticos introductorios).

## Cuestiones básicas sobre la complejidad de AKS (Condición suficiente)

Primero fijamos un límite para el bucle (1)  $\sqrt{\phi(r)}\log(n)$  (*limit* en el código)

Luego ejecutamos el bucle. Es el análisis de la condición suficiente.

# Estudio de la complejidad.

<u>Calculamos la complejidad de (1).</u> Para ello analizamos la complejidad de calcular  $\phi(r)$  (*Totient*)

Totient tiene un for externo y un while interno.

#### Cuestión 7

¿Cuántas veces se ejecuta el for externo?

### Cuestión 8

¿Cuántas veces se ejecuta el while interno? ¿Cuál es la complejidad del cálculo de *totient*?

Calculamos el límite. Nos dará el máximo de ejecuciones.

Cuestión 9 ¿Cuál es el máximo  $\phi(r)$ ?

(No confundamos el máximo  $\phi(r)$  con el coste de calcular  $\phi(r)$ )

Cuestión 10 ¿Cuál es el máximo  $\phi(r)$  en términos de n?

### Calculamos la complejidad de la ejecución en el interior del bucle

Es la parte de la división polinómica.

El test de nulidad requiere  $O(\log n)$  multiplicaciones de polinomios de grado r con coeficientes no mayores que  $O(\log n)$ . ¿Cuántas operaciones se requieren?