

Introducción



Introducción a la Búsqueda Adversarial

¿Qué es?

- Hasta ahora, en algoritmos como A* el problema era estático: un agente busca el mejor camino en un mundo con obstáculos.
- En los juegos, el mundo es dinámico: hay otro jugador que también toma decisiones y trata de impedir tu objetivo.
- Entonces, no basta con buscar "el mejor camino", sino que hay que buscar la mejor estrategia frente a un oponente.



Características de la búsqueda adversarial



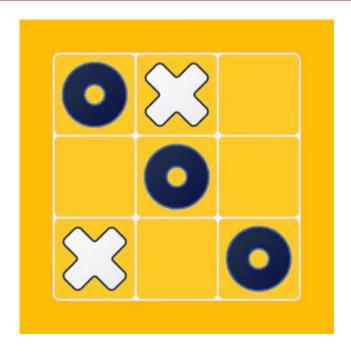
- 1. **Dos jugadores (mínimo):** uno trata de maximizar su utilidad (MAX) y el otro trata de minimizar (MIN).
- 2. **Turnos alternados:** cada acción de un jugador cambia el estado del juego.
- 3. **Estados terminales:** representan situaciones de victoria, derrota o empate.
- 4. **Función de utilidad (payoff):** asigna un valor numérico a cada estado final (ej: +1 ganar, 0 empatar, −1 perder).
- 5. **Estrategia óptima:** se define como la que garantiza el mejor resultado posible asumiendo que el rival juega perfectamente.

Características de la búsqueda adversarial



Ejemplo: Tres en Raya (Tic-Tac-Toe)

- Dos jugadores: X y O.
- En tu turno, colocas una ficha buscando ganar.
- El rival, en su turno, coloca una ficha para evitar que ganes y tratar de ganar él.
- Aquí se ve claro: tu estrategia depende de lo que el otro haga después.

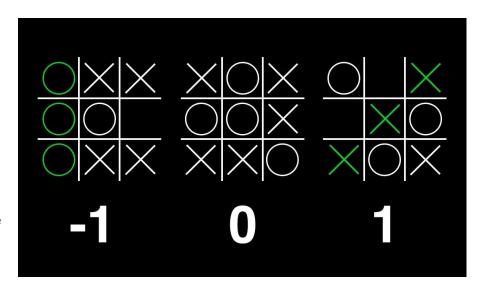




Búsqueda Adversarial: Minimax

1. ¿Qué es?

- Es un algoritmo diseñado para "juegos" de dos jugadores con suma cero (lo que gana uno, lo pierde el otro).
- El objetivo es que el jugador MAX elija la jugada que le garantice el mejor resultado posible, incluso si el oponente (jugador MIN) juega perfectamente.

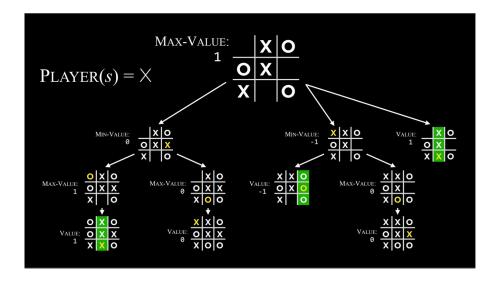


Minimax



Idea central

- Construimos un **árbol de juego** con todos los estados posibles desde la situación actual hasta los finales.
- En los **nodos terminales** se asigna un valor (ej: +1 = ganar, 0 = empate, −1 = perder).
- Luego esos valores se "propagan hacia arriba":
 - o En los niveles de **MAX**, elegimos el valor **máximo** (la mejor opción para nosotros).
 - o En los niveles de **MIN**, elegimos el valor **mínimo** (porque el rival siempre intentará perjudicarnos).

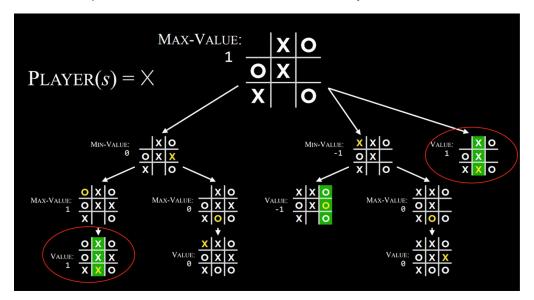


Minimax



Intuición

- Minimax no busca la jugada más rápida o la que "se ve bonita", sino la que te da la mejor garantía contra un rival perfecto.
- Es como pensar: "¿Qué pasa si mi rival siempre toma la mejor contra-jugada posible?"
- Así, la estrategia resultante no depende solo de tus deseos, sino de anticipar la reacción del otro.



Minimax



Explora todo el árbol de juego → exhaustivo.

Correcto y garantizado: encuentra la jugada óptima si el rival juega perfecto.

Costo computacional alto: si el juego tiene una gran cantidad de posibles jugadas, el árbol crece exponencialmente (problema del "crecimiento combinatorio").

Ventajas y desventajas

Garantiza la jugada óptima (si se explora todo el árbol).

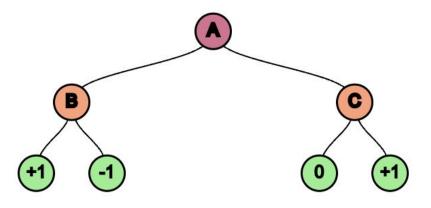
X El árbol de juego puede ser enorme → muy costoso de calcular.

(y ahí entra la **poda alfa-beta**, que veremos después **%**).



Árbol de juego artificial

Imaginemos un árbol muy pequeño con valores terminales fijos:



Ya sabemos (por teoría) que la decisión óptima para MAX es ir por la rama **C**, porque garantiza al menos 0 (empate).

```
# Definimos el árbol como un diccionario:
tree = {
    "A": ["B", "C"],
    "B": ["B1", "B2"], # Nodo de MIN
    "C": ["C1", "C2"], # Nodo de MIN
    "B1": +1,
    "B2": -1,
    "C2": +1
def minimax(node, maximizing):
    """Devuelve el valor minimax de un nodo"""
    if isinstance(tree[node], int):
        return tree[node]
    if maximizing:
        best = float("-inf")
        for child in tree[node]:
            val = minimax(child, False)
            best = max(best, val)
        return best
        best = float("inf")
        for child in tree[node]:
            val = minimax(child, True)
            print(f"MIN evalúa {child} → {val}")
            best = min(best, val)
        return best
resultado = minimax("A", True)
print("\nValor minimax desde A:", resultado)
                                          codesnap.dev
```

Minimax - Ejemplo



Qué ocurre paso a paso

- 1. MAX en A evalúa a B y C.
- En **B**, como es turno de MIN, toma min(+1,
 −1) = −1.
- 3. En C, MIN toma min(0, +1) = 0.
- 4. MAX en A finalmente elige max(-1, 0) = 0.

```
MIN evalúa B1 \rightarrow 1
MIN evalúa B2 → -1
MAX evalúa B → -1
MIN evalúa C1 → 0
MIN evalúa C2 → 1
MAX evalúa C → 0
Valor minimax desde A: 0
                   codesnap.dev
```

TicTacToe - Ejemplo



Tic Tac Toe con Minimax

Objetivo

- Modelar el juego de tres en raya como un problema de búsqueda adversarial.
- Implementar minimax para elegir la mejor jugada.
- Comparar con minimax + poda alfa-beta, midiendo nodos expandidos.

TicTacToe - Ejemplo



Modelamiento

- Estados: Tablero 3×3 con casillas vacías, X o O.
- Acciones: Colocar una ficha en una casilla vacía.
- Jugadores: MAX (X) y MIN (O).
- Función de transición: Colocar la ficha del turno en la casilla elegida → nuevo estado.
- **Terminales:** Alguien gana (tres en línea) o empate (tablero lleno).
- Utilidad:
 - $\circ X gana \rightarrow +1$
 - O gana → -1
 - \circ Empate \rightarrow 0

Con esto, Minimax se reduce a: si es turno de **X** → tomar el **máximo** de los valores de los hijos; si es turno de **O** → tomar el **mínimo**.

TicTacToe - Ejemplo



def empty_board()

- Define una función llamada empty_board.
- Su tarea: devolver un tablero vacío de 3×3 (listas con espacios en blanco).

-> Board

- Es anotación de tipo en Python (type hint).
- Le dice al lector (y a herramientas de análisis estático como mypy o el autocompletado en editores) que esta función devuelve un objeto del tipo Board.