Examen de seconde session du 22/06/2018 Licence Sciences et Technologies, 2ème année INF 302 : Langages et Automates Année académique 2017/2018

Lire complètement les consignes avant de répondre à l'examen.

Consignes et informations générales

- Durée : 2 heures $(08h00 \rightarrow 10h00)$.
- Aucune sortie avant 30 minutes.
- Aucune entrée après 30 minutes.
- 3 feuilles A4 R/V autorisées.
- Tout dispositif électronique est interdit (calculatrice, téléphone, tablette, etc.).
- Le soin de la copie sera pris en compte.

Consignes et informations en rapport avec le QCM

- Reporter votre numéro d'anonymat sur la feuille de réponse ET sur la copie d'examen.
- Les réponses aux questions sont à donner exclusivement sur les feuilles de réponses : les réponses données dans la partie sujet seront ignorées.
- Ne rendre que la feuille de réponses.
- Répondre à une question consiste à marquer les cases correspondant aux affirmations que vous pensez être correctes ou à indiquer votre réponse à la question (exclusivement) dans le champ texte prévu à cet effet (si celui-ci est présent).
- Le soin de la copie sera prise en compte (-1 point en cas de manque de soin).
- Pour marquer une case, il faut **colorier entièrement** les cases. Ne pas cocher, mettre de croix ou de signe dans la case. Voir Figure I. Colorier avec un stylo **noir**. Conseil : commencer par marquer vos réponses avec un crayon à papier puis colorier au stylo noir avant la fin de l'examen. Si vous souhaitez annuler un choix, mettre du Tipex sur la case (pas besoin de redessiner la case).
- Marquer une case se rapportant à une affirmation correcte donne des points, marquer une case se rapportant à une affirmation incorrecte enlève des points, ne pas marquer de cases n'a pas d'influence sur les points accumulés.
- Les questions faisant apparaître le symbole 🌲 peuvent présenter une ou plusieurs affirmations correctes. Les autres ont une unique bonne réponse (une seule case à cocher).
- Pour les questions avec une unique bonne réponse, cocher plusieurs cases annule la réponse.
- Dans les feuilles de réponse, ne rien inscrire dans les cases réservées aux enseignants (zone grisée avec indication *Réservé enseignant*). Toute inscription dans cette case entraine la nullité de la réponse.
- Les 7 parties sont indépendantes. Il est conseillé de lire toutes les questions dans une partie avant de commencer à répondre à cette partie.

Rappels et notations

- Un AEFD est un automate à états fini et déterministe.
- Un AEFND est un automate à états fini et non déterministe.
- Un ϵ -AEFND est un automate à états fini et non déterministe avec ϵ -transitions.
- Soit u un mot sur un alphabet quelconque, u^R dénote le mot miroir de u, c'est-à-dire le mot obtenu en lisant u de droite à gauche.



(.1) Pas OK.



.2) Pas OK

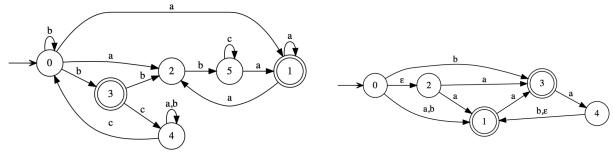


(.3) Pas OK.



(.4) OK.

 $\label{eq:Figure I-Comment marquer une case.}$



(.1) Un automate pour l'exercice de déterminisation.

(.2) Un automate pour l'exercice de suppression des ϵ -transitions.

Figure II – Des automates à utiliser pour les exercices.

Sujet

Partie 1 : Lemme de l'itération (3 points)

(3 points) Démontrer que $\{u \cdot u \cdot u^R \mid u \in \{a, b\}^*\}$ est non régulier. Question 1

Partie 2: Questions diverses et de cours (2,5 points)

Question 2 🌲 (0,5 points) L'ensemble des langages que l'on peut définir avec une expression régulière

- \boxed{a} est inclus strictement dans l'ensemble des langages que l'on peut reconnaitre avec les ϵ -AEFNDs.
- \Box contient strictement l'ensemble des langages que l'on peut reconnaître avec les ϵ -AEFNDs.
- \blacksquare est inclus dans l'ensemble des langages que l'on peut reconnaitre avec les ϵ -AEFNDs.
- \blacksquare contient l'ensemble des langages que l'on peut reconnaitre avec les ϵ -AEFNDs.

Question 3 4 (0,75 points) Soient L_1 et L_2 deux langages non réguliers sur un alphabet Σ .

- a $L_1 \setminus L_2$ est un langage non régulier.
- $\begin{tabular}{ll} \begin{tabular}{ll} \beg$
- \underline{d} $L_1 \cap L_2$ est un langage régulier.
- f $L_1 \setminus L_2$ est un langage régulier.
- Il manque des données pour déterminer si $L_1 \cap L_2$ est régulier ou non.
- \blacksquare Il manque des données pour déterminer si $L_1 \cup L_2$ est régulier ou non.
- Il manque des données pour déterminer si $L_1 \setminus L_2$ est régulier ou non.

(0,5 points) Soit L un langage sur un alphabet Σ . Question 4 ♣

- $\boxed{\mathbf{a}}$ Il est toujours possible de trouver un ϵ -AEFND qui reconnaît L, si $|\Sigma| = 1$.
- $\boxed{\mathbf{b}}$ Il est toujours possible de trouver un AEFD qui reconnaît L.
- \blacksquare Il est toujours possible de trouver un ϵ -AEFND avec un seul état accepteur qui reconnaît L, si Lest régulier.
- d Il est toujours possible de trouver un AEFD qui reconnaît L, si $|\Sigma| = 1$.
- \blacksquare Il est toujours possible de trouver un AEFD qui reconnaît L, si L est régulier.
- [f] Il est toujours possible de trouver un AEFND qui reconnaît ce langage avec un seul état accepteur.
- $\[\]$ Il est toujours possible de trouver un AEFND qui reconnaît L, si $|\Sigma| = 1$.
- $\boxed{\mathbb{N}}$ Il est toujours possible de trouver un ϵ -AEFND qui reconnaît L avec **un seul** état accepteur.
- [i] Aucune des affirmations n'est correcte.

Question 5 4 (0,75 points) Nous considérons le lemme de l'itération comme vu en cours.

- Tous les langages réguliers satisfont le lemme de l'itération.
- Si le cardinal d'un langage est fini, alors il satisfait nécessairement le lemme de l'itération.
- Un langage régulier dont le cardinal est fini satisfait le lemme de l'itération.
- d Si le cardinal d'un langage est infini, alors il satisfait nécessairement le lemme de l'itération.
- Un langage régulier dont le cardinal est infini satisfait le lemme de l'itération.
- Certains langages non réguliers ne satisfont pas le lemme de l'itération.
- Certains langages non réguliers satisfont le lemme de l'itération.
- 🖹 Certains langages réguliers ne satisfont pas le lemme de l'itération.
- [i] Toutes les affirmations sont correctes.
- [j] Il manque des données pour répondre à la question.
- k Aucune des affirmations n'est correcte.

Partie 3: Déterminisation d'automates (2 points)

Question 6 4 (2 points)

Considérons l'AEFND dans la Figure II.1 sur l'alphabet $\Sigma = \{a, b, c\}$. Nous déterminisons cet automate et ne représentons pas l'état puits. Le/les AEFD(s)s équivalent(s) sont :

a Celui de la Figure III.2.

- Celui de la Figure III.3.
- Celui de la Figure III.1.
- d Aucun des automates.

Partie 4 : Élimination des ϵ -transitions (2 points)

Question 7 4 (2 points)

Considérons l' ϵ -AEFND dans la Figure II.2 sur l'alphabet $\Sigma = \{a, b\}$. Le/les AEFND(s) équivalent(s) à l'automate résultant de l'algorithme de suppression des ϵ -transitions est/sont :

- Celui de la Figure IV.1.
- © Celui de la Figure IV.4.
- e Aucun des automates.

- **b** Celui de la Figure IV.3.
- d Celui de la Figure IV.2.

Partie 5 : Définir un automate (2 points)

Question 8 (2 points) Soit $A = (Q, q_0, \Sigma, \delta, F)$ un automate à états finis, comme défini en cours. Soit L le langage reconnu par A. Nous considérons le langage miroir de L, noté L^R , défini comme l'ensemble de tous les mots miroirs des mots de L. Formellement, $L^R = \{u^R \mid u \in L\}$ où u^R est le mot miroir de u, c'est-à-dire le mot obtenu en lisant u de droite à gauche.

Définir formellement l'automate $A^R = (Q^R, q_0^R, \Sigma^R, \delta^R, F^R)$ reconnaissant L^R en fonction de A. L'automate A^R pourra être, au choix, un AEFD, AEFND, ou un ϵ -AEFND.

Partie 6 : Constante d'itération minimale (2,5 points)

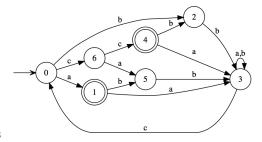
Question 9 (2,5 points) Donner la constante minimale d'itération du langage décrit par l'expression régulière $(0 \cdot 1^* \cdot 1 \cdot 0 \cdot 1^*) + 1 \cdot 1$. Démontrer votre résultat, c'est-à-dire que vous devez montrer que la constante que vous aurez identifié est bien une constante d'itération et qu'il n'y en a pas de plus petite.

Partie 7: Minimisation d'automates (2,5 points)

Question 10 (3 points)

Considérons l'automate ci-contre sur alphabet $\Sigma=\{a,b,c\}$. Nous souhaitons minimiser cet automate. En ignorant les noms d'états, l'automate minimal est celui représenté dans

a la Figure V.1. ☐ la Figure V.2. ☐ Aucune des figures



Partie 8: Trouver un automate (3 points)

Question 11 (3 points) Étant donné un mot w et un sous-mot w' de w, on note $|w|_{w'}$ le nombre d'occurrences du mot w' dans w. On considère l'alphabet $\{0,1\}$. Donner, sans preuve ni justification, un automate qui reconnaît le langage régulier $\{w \in \{0,1\}^* \mid |w|_{01} = |w|_{10}\}$.

Champ Libre

Question 12 Vous pouvez utiliser l'espace de texte de cette question comme champ libre où vous pouvez ajouter toute information que vous jugerez utile.

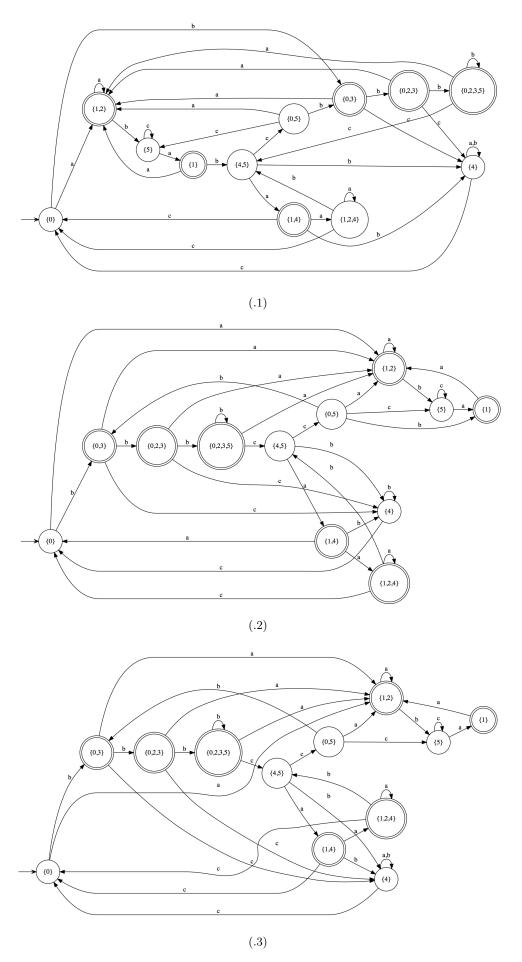


FIGURE III – Propositions de réponses pour l'exercice de déterminisation.

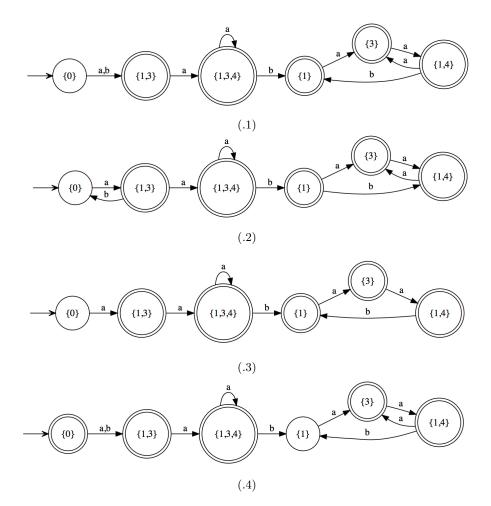


FIGURE IV – Propositions de réponses pour l'exercice d'élimination des $\epsilon\text{-transitions}.$

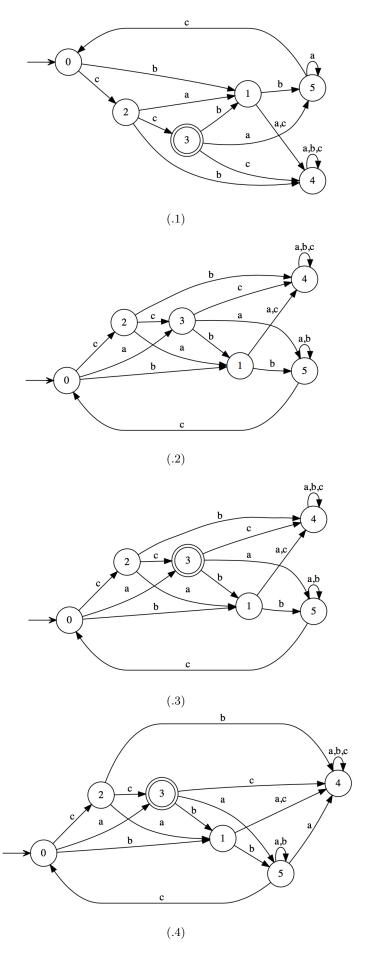


FIGURE V – Propositions de réponses pour l'exercice de minimisation.



Examen de seconde session du 22/06/2018 Licence Sciences et Technologies, 2ème année INF 302 : Langages et Automates Année académique 2017/2018

Feuille(s) de réponses

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9

Codez votre numéro d'anonymat ci-contre et recopiez le manuellement dans la boite

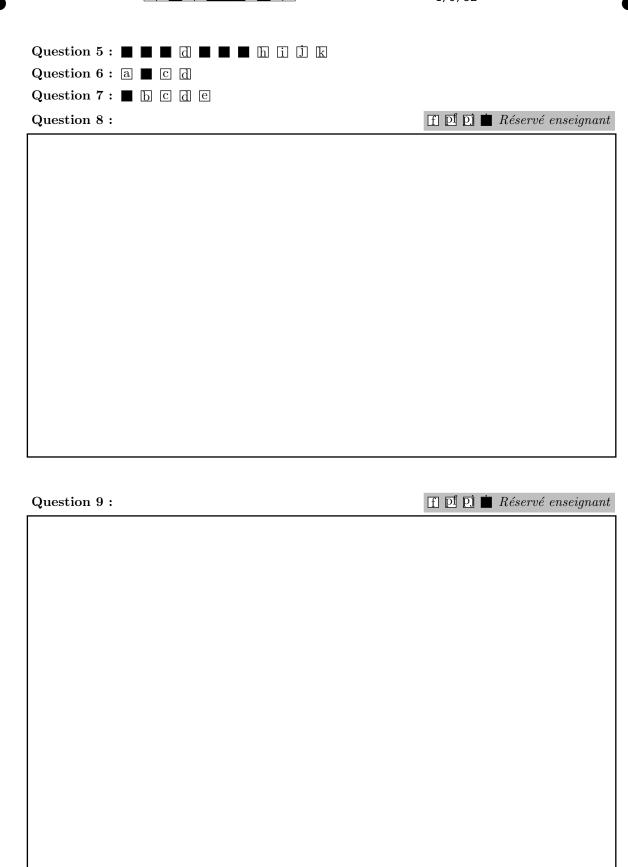
Numéro	d'and	onyn	nat			

Reporter votre numéro d'anonymat également sur la copie d'examen.

Question 1:	føp i	Réservé enseignant

Question $2: a b \blacksquare$

Question 3: a b c d e f \blacksquare \blacksquare Question 4: a b \blacksquare d \blacksquare f g h i





Question 10: a \blacksquare C d e	
Question 11:	f 🏚 🗖 Réservé enseignant
Question 12:	■ Réservé enseignant