Descomposición

José Luis Corona López

2024-11-17

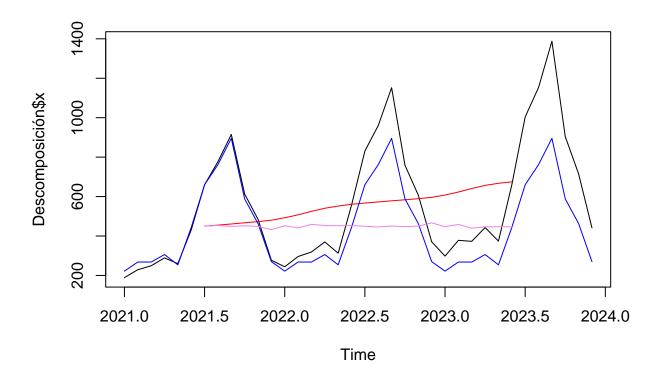
Descomposición Multiplicativa

Introducción

Preparación de los datos

```
# Taste Cola
# Valores observados
y \leftarrow c(189, 229, 249, 289, 260, 431,660,777,915,613,485,277,244,296,319,370,313,556,831,960,1152,759,
      607,371,298,378,373,443,374,660,1004,1153,1388,904,715,441)
t <- c(1:length(y))
# Transformamos los datos a una serie de tiempo
Taste \leftarrow ts(y, start = c(2021, 1), frequency = 12)
Taste
##
                                                   Sep
         Jan Feb Mar
                                              Aug
                                                        Oct
                                                             Nov
                                                                   Dec
                         Apr
                              May
                                   Jun
                                        Jul
## 2021
         189
              229
                   249
                         289
                              260
                                   431
                                        660
                                              777
                                                   915
                                                        613
                                                                   277
## 2022
         244
              296
                   319
                         370
                              313
                                   556
                                        831
                                             960 1152
                                                        759
                                                             607
                                                                   371
## 2023
         298
              378
                   373
                         443
                              374
                                   660 1004 1153 1388
                                                        904
Descomposición <- decompose(Taste, type = "m")
Descomposición
## $x
##
         Jan Feb
                                         Jul
                                              Aug
                                                   Sep
                                                        Oct
                                                                   Dec
                   Mar
                         Apr
                              May
                                   Jun
         189
                         289
                              260
                                   431
## 2021
              229
                   249
                                        660
                                              777
                                                   915
                                                        613
                                                                   277
## 2022
         244
                   319
                         370
                              313
                                   556
                                        831
                                             960 1152
                                                        759
                                                                   371
              296
                                                             607
## 2023
         298
              378
                   373
                         443
                              374
                                   660 1004 1153 1388
                                                        904
                                                                   441
##
## $seasonal
##
              Jan
                         Feb
                                   Mar
                                              Apr
                                                        May
                                                                   Jun
## 2021 0.4932738 0.5956142 0.5954350 0.6799510 0.5642647 0.9855382 1.4670029
## 2022 0.4932738 0.5956142 0.5954350 0.6799510 0.5642647 0.9855382 1.4670029
## 2023 0.4932738 0.5956142 0.5954350 0.6799510 0.5642647 0.9855382 1.4670029
##
              Aug
                         Sep
                                   Oct
                                              Nov
                                                        Dec
```

```
## 2021 1.6928752 1.9900053 1.3072262 1.0287611 0.6000524
## 2022 1.6928752 1.9900053 1.3072262 1.0287611 0.6000524
## 2023 1.6928752 1.9900053 1.3072262 1.0287611 0.6000524
##
## $trend
##
                      Feb
                               Mar
                                         Apr
                                                  May
                                                                     Jul
             Jan
                                                            Jun
                                                                              Aug
## 2021
                                                            NA 450.1250 455.2083
              NA
                       NA
                                NA
                                          NA
                                                   NA
## 2022 492.5417 507.2917 524.7917 540.7500 551.9167 560.9167 567.0833 572.7500
## 2023 607.7083 622.9583 640.8333 656.7083 667.2500 674.6667
             Sep
                      Oct
                                Nov
                                         Dec
## 2021 460.9167 467.2083 472.7917 480.2083
## 2022 578.4167 583.7083 589.2917 596.1667
## 2023
              NA
                       NA
                                NA
##
## $random
##
              Jan
                        Feb
                                   Mar
                                             Apr
                                                       May
                                                                  Jun
                                                                            Jul
## 2021
                         NA
                                                        NA
               NA
                                    NA
                                              NA
                                                                   NA 0.9994932
## 2022 1.0042892 0.9796455 1.0208675 1.0063002 1.0050507 1.0057800 0.9989027
## 2023 0.9941067 1.0187503 0.9775284 0.9920957 0.9933451 0.9926159
                                                                             NA
              Aug
                        Sep
                                   Oct
                                             Nov
## 2021 1.0082910 0.9975725 1.0036890 0.9971428 0.9613044
## 2022 0.9901049 1.0008234 0.9947069 1.0012530 1.0370915
## 2023
               NA
                         NA
                                    NA
                                              NA
                                                        NA
##
## $figure
  [1] 0.4932738 0.5956142 0.5954350 0.6799510 0.5642647 0.9855382 1.4670029
## [8] 1.6928752 1.9900053 1.3072262 1.0287611 0.6000524
##
## $type
## [1] "multiplicative"
##
## attr(,"class")
## [1] "decomposed.ts"
plot(Descomposición$x)
lines(Descomposición$trend, col = "red")
lines(Descomposición$seasonal * 450, col = "blue")
lines(Descomposición$random * 450, col = "violet")
```



La línea negra representa las ventas observadas de Taste Cola. Se aprecia un patrón con picos muy marcados en los meses de verano y caídas pronunciadas al inicio y final de cada año. En conjunto, la serie muestra un crecimiento progresivo en el nivel general de ventas.

La línea roja corresponde al componente de tendencia. Esta revela un aumento sostenido a lo largo del periodo, pasando de niveles cercanos a 450 unidades en 2021 hasta superar las 650 unidades hacia mediados de 2023, lo que confirma un crecimiento estructural de la demanda.

La línea azul muestra la estacionalidad, que refleja variaciones regulares a lo largo del año. Los valores indican que los meses de verano concentran la mayor parte de las ventas, mientras que en invierno se presentan los niveles más bajos, lo que pone en evidencia un comportamiento estacional fuerte.

Finalmente, la línea violeta representa el componente irregular o aleatorio. Sus fluctuaciones se mantienen cercanas a la unidad, lo que significa que los efectos no sistemáticos son relativamente pequeños y no alteran la tendencia ni la estacionalidad identificadas en la serie.

Desarrollo

```
d <- y/Descomposición$seasonal
mod1 <- lm(d ~ t)
summary(mod1)</pre>
```

```
##
## Call:
```

```
## lm(formula = d ~ t)
##
## Residuals:
##
       Min
                1Q
                    Median
                                3Q
                                        Max
##
   -32.381
            -8.490
                     1.599
                             8.221
                                    33.203
##
##
  Coefficients:
##
               Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) 380.1210
                            4.2415
                                      89.62
                                              <2e-16 ***
                                              <2e-16 ***
## t
                 9.4905
                            0.1999
                                      47.47
##
                   0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '. ' 0.1 ' 1
## Signif. codes:
## Residual standard error: 12.46 on 34 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.9851, Adjusted R-squared: 0.9847
## F-statistic: 2254 on 1 and 34 DF, p-value: < 2.2e-16
```

Al dividir la serie observada entre su componente estacional se elimina la estacionalidad y se obtiene una nueva serie que refleja únicamente la tendencia y las fluctuaciones aleatorias. Posteriormente, al ajustar una regresión lineal de esta serie desestacionalizada con respecto al tiempo, se busca aproximar la tendencia mediante una función lineal, de modo que pueda expresarse como:

$$\frac{Y_t}{S_t} = T_t \times e_t$$

$$T_t \approx \alpha + \beta t$$

donde α representa el nivel inicial de la serie y β la pendiente o ritmo de crecimiento de la tendencia a lo largo del tiempo.

```
meses \leftarrow data.frame(t = c(37:48))
pT <- predict(mod1, newdata = meses, interval = "predict", level = 0.95)[,1]
B <- predict(mod1, newdata = meses, interval = "predict", level = 0.95)[,3] - pT
В
##
                    2
                             3
                                                5
## 26.74923 26.86621 26.98879 27.11692 27.25049 27.38945 27.53369 27.68315
##
                   10
                            11
## 27.83773 27.99736 28.16194 28.33139
uP <- pT * Descomposición$figure + B
1P <- pT * Descomposición$figure - B</pre>
Tr <- pT * Descomposición$figure
```

Se están generando predicciones futuras de la serie de tiempo ajustadas por estacionalidad. Primero, se crea un conjunto de nuevos valores de tiempo (meses) que corresponden a los periodos futuros para los cuales queremos predecir. Luego, usando el modelo lineal ajustado a la serie desestacionalizada (mod1), se calculan las predicciones puntuales de la tendencia (pT) y, a partir de estas, se obtiene el margen de error superior (B) que define la amplitud de los intervalos de predicción. Posteriormente, se incorporan nuevamente los

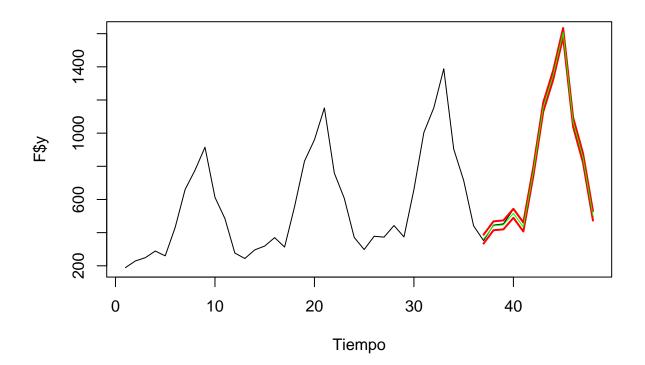
factores estacionales de la serie original multiplicando las predicciones de la tendencia por la componente estacional (Descomposición\$figure), generando así la predicción ajustada Tr. Finalmente, se calculan los límites superior (uP) e inferior (lP) del intervalo de predicción ajustado, sumando y restando el margen B a la predicción estacionalizada, de manera que se obtienen tanto las predicciones puntuales como el rango dentro del cual es probable que se encuentren los valores futuros de la serie.

```
y4 <- c(352, 445, 453, 541, 457, 762, 1194, 1361, 1615, 1059, 824, 495)

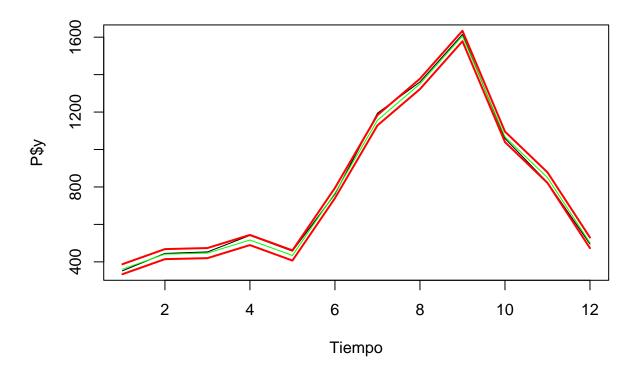
C <- data.frame(y = y, 1P = NA, uP = NA)
P <- data.frame(y = y4, 1P = 1P, uP = uP, yh = Tr)
F <- rbind(C, P)
```

Se comparan las predicciones ajustadas por estacionalidad con los valores realmente observados de los meses futuros. Primero, se crean dos data frames: uno con los datos históricos y columnas vacías para predicciones e intervalos, y otro con los valores futuros junto con la predicción puntual (Tr) y los límites inferior y superior del intervalo de predicción ajustado (lP y uP). Luego se grafican los valores futuros, superponiendo las líneas rojas que representan los límites del intervalo de predicción y la línea verde que muestra la predicción puntual, lo que permite evaluar visualmente qué tan cercanas están las predicciones a los valores reales y si se encuentran dentro del rango esperado. Finalmente, se realiza un gráfico de la serie completa combinando histórico y futuro, para observar en un solo gráfico la evolución de la serie, las predicciones y la confiabilidad del modelo.

```
plot(F$y, type = "l", xlab = "Tiempo")
lines(F$1P, col = "red", lwd = 2)
lines(F$uP, col = "red", lwd = 2)
lines(F$yh, col = "green")
```



```
plot(P$y, type = "l", xlab = "Tiempo")
lines(P$1P, col = "red", lwd = 2)
lines(P$uP, col = "red", lwd = 2)
lines(P$yh, col = "green")
```



Esta primera gráfica de la serie completa combina el historial de ventas observadas de Taste Cola (línea negra) con la proyección futura de 12 meses (a partir del índice 37). La predicción puntual (línea verde) y su intervalo de confianza al 95% (líneas rojas) replican con fidelidad el patrón observado, que se caracteriza por una marcada estacionalidad con picos altos anuales y una tendencia de crecimiento subyacente. La continuación de esta tendencia se evidencia en que el pico proyectado es superior al máximo histórico, lo que confirma un crecimiento estructural de la demanda. La estrechez del intervalo entre los límites de predicción (líneas rojas) es notable y sugiere que el modelo de pronóstico tiene una alta precisión y confiabilidad.

Conclusión

El análisis de descomposición multiplicativa confirma que la dinámica de ventas de Taste Cola está impulsada principalmente por dos factores: una fuerte estacionalidad con picos de ventas pronunciados en los meses de verano y caídas en invierno, y un crecimiento estructural y sostenido de la demanda, revelado por la tendencia ascendente. Dado que el componente irregular es mínimo y el modelo de regresión de tendencia desestacionalizada mostró una precisión excepcional, el pronóstico generado es altamente fiable. En síntesis, se proyecta que las ventas continuarán con sus marcados ciclos estacionales, pero cada pico anual se alcanzará en un nivel general progresivamente superior, consolidando la trayectoria de crecimiento de la marca.