

Forma diferencial	Forma integral	Comentario
$\nabla \cdot \mathbf{D} = \rho_v$	$\oint_S \mathbf{D} \cdot d\mathbf{S} = \int_V \rho_v dv$	Ley de Gauss
$\nabla \cdot \mathbf{B} = 0$	$\oint_S \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S} = 0$	No existencia de monopolos
$\nabla \times \mathbf{E} = -\frac{\partial \mathbf{B}}{\partial t}$	$\oint_L \mathbf{E} \cdot d\mathbf{l} = -\frac{\partial}{\partial t} \int_S \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$	Ley de Faraday
$\nabla \times \mathbf{H} = \mathbf{J} + \frac{\partial \mathbf{D}}{\partial t}$	$\oint_L \mathbf{H} \cdot d\mathbf{l} = \int_S \left( \mathbf{J} + \frac{\partial \mathbf{D}}{\partial t} \right) \cdot d\mathbf{S}$	Ley de circuitos de Ampere

Table 1: Leyes de Maxwell

## 0.1 Leyes de maxwell

Se presentan las ecuaciones de Maxwell en la tabla 1. Donde es necesario recordar el operador DEL (??)

- El gradiente de un escalar  $V$ :  $\nabla V$
- La divergencia de un vector  $A$ :  $\nabla \cdot A$
- La rotacional de un vector  $A$ :  $\nabla \times A$
- El Laplaciano de un escalar  $V$ :  $\nabla^2 V$

Además se tienen ecuaciones auxiliares:

Relación entre la Densidad de Campo Eléctrico y la Intensidad de Campo Eléctrico.

$$\mathbf{D} = \epsilon \mathbf{E} \quad (1a)$$

Relación entre la Densidad de Campo Magnético y la Intensidad de Campo Magnético.

$$\mathbf{B} = \mu \mathbf{H} \quad (1b)$$

Densidad de Corriente de conducción.

$$\mathbf{J} = \sigma \mathbf{E} \quad (1c)$$

Densidad de Corriente de convección en función de la densidad de carga volumétrica.

$$\mathbf{J} = \rho_v \mathbf{v} \quad (1d)$$

Hay ligeras modificaciones si son para conductores malos (aislantes):

$$\mathbf{D} = \epsilon \mathbf{E} + \mathbf{P} \quad (2a)$$

$$\mathbf{B} = \mu(\mathbf{H} + \mathbf{M}) \quad (2b)$$

Donde  $\mathbf{P}$  es el campo de polarización y  $\mathbf{M}$  es el campo de magnetización, cuando el dieléctrico es lineal se tiene:

$$\mathbf{P} = \chi_e \epsilon_0 \mathbf{E}$$

$$\mathbf{M} = \chi_m \mathbf{H}$$

$$\underbrace{\nabla^2}_{\text{The Laplacian operator}} \underbrace{\vec{E}}_{\text{The vector electric field}} = \underbrace{\mu_0}_{\text{The magnetic permeability of free space}} \underbrace{\epsilon_0}_{\text{The electric permittivity of free space}} \underbrace{\frac{\partial^2}{\partial t^2}}_{\text{The second derivative of the vector electric field with time}} \underbrace{\vec{E}}_{\text{The vector electric field}}$$

(a) Ecuación de onda para campos eléctricos.

$$\underbrace{\nabla^2}_{\text{The Laplacian operator}} \underbrace{\vec{B}}_{\text{The vector magnetic field}} = \underbrace{\mu_0}_{\text{The magnetic permeability of free space}} \underbrace{\epsilon_0}_{\text{The electric permittivity of free space}} \underbrace{\frac{\partial^2}{\partial t^2}}_{\text{The second derivative of the vector magnetic field with time}} \underbrace{\vec{B}}_{\text{The vector magnetic field}}$$

(b) Ecuación de onda para campos magnéticos.

Figure 1: Ecuaciones de onda

## Código 1: Interrupción flanco ascendente

```

1 void setup() {
2   pinMode(2, INPUT_PULLUP); //Usar la resistencia interna en
   el puerto 2 para evitar rebotes al leer datos
3   pinMode(5, OUTPUT); //Configurar el pin 5 como salida
4   pinMode(3, INPUT_PULLUP); //Usar la resistencia interna en
   el puerto 3 para evitar rebotes al leer datos
5   attachInterrupt(digitalPinToInterrupt(2), functionINTO, RISING); //Si
   detecta una interrupcion en el pin 2 saltamos a la
   funcionINTO si se detecta un flanco
   ascendente(RISING)
6   sei(); //Habilitamos las interrupciones de forma global
7 }
8
9 void loop() {
10  delay(100);

```

---

```
11 }
12
13 void funcionINTO() {
14     if(digitalRead(5)){//Si el pin 5 tiene un estado de 1
15         digitalWrite(5,LOW); //Lo cambiamos a 0
16     }
17     else{//De lo contrario
18         digitalWrite(5,HIGH); //Lo combiamos a 1
19     }
20 }
```

---