Forma diferencial	Forma integral	Comentario
$\nabla \cdot \mathbf{D} = \rho_{v}$	$\oint_{S} \mathbf{D} \cdot d\mathbf{S} = \int_{\mathcal{V}} \rho_{\mathcal{V}} d\mathcal{V}$	Ley de Gauss
$\nabla \cdot \mathbf{B} = 0$	$\oint_{S} \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S} = 0$	No existencia de monopolos
$\nabla \times \mathbf{E} = -\frac{\partial \mathbf{B}}{\partial t}$	$\oint_L \mathbf{E} \cdot dl = -\frac{\partial}{\partial t} \int_S \mathbf{B} \cdot dS$	Ley de Faraday
$\nabla \times \mathbf{H} = \mathbf{J} + \frac{\partial \mathbf{D}}{\partial t}$	$\oint_{L} \mathbf{H} \cdot dl = \int_{S} \left( \mathbf{J} + \frac{\partial \mathbf{D}}{\partial t} \right) \cdot d\mathbf{S}$	Ley de circuitos de Ampere

Table 1: Leyes de Maxwell

## 0.1 Leyes de maxwell

Se presentan las ecuaciones de Maxwell en la tabla 1. Donde es necesario recordar el operador DEL (??)

- El gradiente de un escalar V:  $\nabla V$
- La divergencia de un vector A:  $\nabla \cdot A$
- La rotacional de un vector A:  $\nabla \times A$
- El Laplaciano de un escalar V:  $\nabla^2 V$

Además se tienen ecuaciones auxiliares:

Relación entre la Densidad de Campo Eléctrico y la Intensidad de Campo Eléctrico.

$$\mathbf{D} = \varepsilon \mathbf{E} \tag{1a}$$

Relación entre la Densidad de Campo Magnético y la Intensidad de Campo Magnético.

$$\mathbf{B} = u\mathbf{H} \tag{1b}$$

Densidad de Corriente de conducción.

$$\mathbf{J} = \sigma \mathbf{E} \tag{1c}$$

Densidad de Corriente de convección en función de la densidad de carga volumétrica.

$$\mathbf{J} = \rho_{\nu} \mathbf{v} \tag{1d}$$

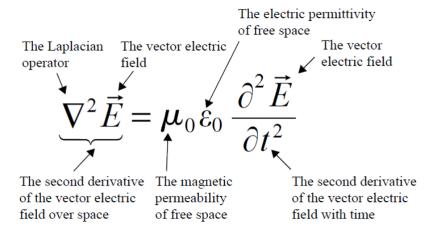
Hay ligeras modificaciones si son para conductores malos (aislantes):

$$\mathbf{D} = \varepsilon \mathbf{E} + P \tag{2a}$$

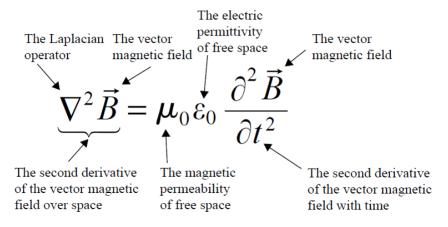
$$\mathbf{B} = u(\mathbf{H} + M) \tag{2b}$$

Donde P es el campo de polarización y M es el campo de magnetización, cuando el dieléctrico es lineal se tiene:

$$P = \chi_e \varepsilon_0 \mathbf{E}$$
  $M = \chi_m \mathbf{H}$ 



(a) Ecuación de onda para campos eléctricos.



(b) Ecuación de onda para campos magnéticos.

Figure 1: Ecuaciones de onda

# 0.2 Métodos para control de la congestión

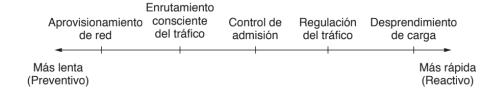
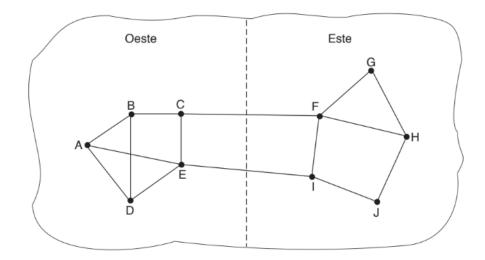


Figure 2: Escalas de tiempo de los métodos para el control de la congestión.

#### 0.2.1 Enrutamiento consiente de tráfico

El objetivo es desviar el tráfico de los puntos más activos hacia otros, esto esta en desuso debido a su oscilación



Sean dos sistemas autónomos como la image, los enlaces entre ambos sistemas son CF y EI, al congestionarse CF se enrutará los paquetes hacia EI para despejar CF. Pero luego de este proceso EI estará congestionado y verá EI como una ruta optima. El sistema de enrutamiento será **oscilatorio**.

### 0.2.2 Regulación de tráfico

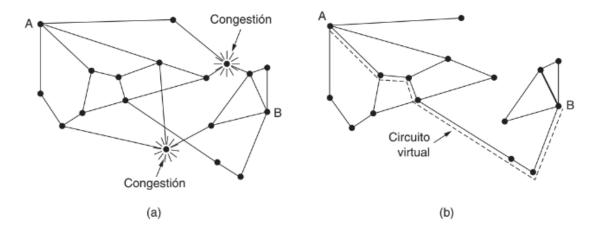


Figure 3: (a) Una red congestionada. (b) La parte de la red que no esta congestionada.

En la figura 3.a se muestra la red con dos puntos de congestión, lo que haremos es eliminar esos puntos de congestión y calculando una nueva ruta virtual evitando los puntos de congestión. El problema puede ser que esta desviación tome un poco más de tiempo. Al existir una congestión, el router congestionado devuelve un trama al azar y envía un **paquete regulador** con un bit de encabezado al emisor para que no generé más paquetes y se reduzca el tráfico. Esto no es equitativo pues los emisor más rápidos tendrán más paquetes congestionados que lo emisores lentos.

#### 0.2.2.1 ECN

ENC o notificación explicita de congestión, funciona similar al **paquete regulador**, en vez de crear un datagrama que vuelva al emisor, se configura dos bits para que cuando

lleguen al receptor este se enteré en donde hubo una congestión y este mandará un mensaje al emisor directo para que tome las medidas.

```
#Importamos librerias
  import math
  import matplotlib.pyplot as plt
  import numpy as np
  #Registramos los valores del usuario, de debe ingresar un complejo
                                      como: a+bj
  number=complex(input("Ingresa el numero complejo: ")) #Numero complejo
  orden=int(input("Orden de la raiz: ")) #Orden de la raiz
  k=orden#Limite para la iteracion
  if number.real == 0: #Si la parte real es 0 se hacen excepciones para la
                                       indeterminacion
     if number.imag==0:
10
         theta=0
      elif number.imag>0:
         theta=math.pi/2
      elif number.imag<0:</pre>
14
         theta=3*math.pi/2
15
  else:
     theta=math.atan(number.imag/number.real) #Thera calculada usando un
                                          arctq
  valor=[]#Array de respuestas
   #Bucle de iteracion
  for i in range (0, k, 1):
20
     r1=(abs(number)**(1/orden))*(math.cos((theta+2*i*math.pi)/(orden))+
21
         1j*math.sin((theta+2*i*math.pi)/(orden)))#Se calcula la rpta
                                             para cada valor de k
     valor.append(np.around(r1,4)) #Se anade la respuesta al vector de
23
                                          respuestas y se redondea, el
                                          numero despues de r1 indica la
                                          cantidad de decimales
     print("Respuesta "+str(i)) #Se imprime las respuestas
24
     print("----")
25
     print (valor[i])
     print ("++++++++++++++")
27
  # Extraemos la parte real
28
  x = [index.real for index in valor]
  # Extraemos la parte imaginaria
31
  y = [index.imag for index in valor]
  ax =plt.gca() #Obtenemos las propiedades del plot
32
  # plot the complex numbers
33
  plt.scatter(x, y) #Ploteamos los puntos
  plt.plot(x,y,color='b',zorder=1) #Unimos los puntos
  plt.ylabel('Imaginary') #Rotulo de los ejes
  plt.xlabel('Real')
37
  plt.grid() #Activamos la grilla
  for i_x, i_y in zip(x, y):#Obtenemos los valores para punto
39
     plt.text(i_x, i_y+0.02, '({}, j{})'.format(i_x, i_y))
  plt.axvline(x=0, c="red") #Ploteamos los ejes del origen
  plt.axhline(y=0, c="red")
  plt.title("Raices complejas de "+str(number)) #Anadimos titulos
  plt.show() #Mostramos la grafica
```