

## Variable aleatoria discreta (o prob. acumulada)

### Problema 1.

Beto y Enrique. Mómios de un partido 1:3; de cuatro partidos

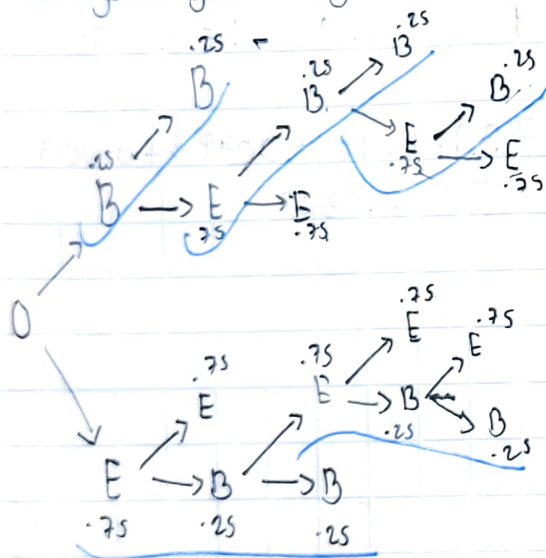
B gana 1 y E 3.

1: Primero a 3 gana

2: Alguien gana 2 seguidos

a) Probabilidad de que Beto gana? 0.138671

b) Número de juegos esperados? 2.6328



Eventos en los que gana B

$$B \cap B = 0.0625$$

$$B \cap E \cap B \cap B = 0.01171875$$

$$B \cap E \cap B \cap E \cap B = 0.0087890625$$

$$E \cap B \cap B = 0.046875$$

$$E \cap B \cap E \cap B \cap B = 0.0087890625$$

$$\sum E_B = 0.138671$$

Juegos

$$2 = 0.0625 + 0.5625 = 0.6250$$

$$3 = 0.046875 + 0.140625 = 0.1875$$

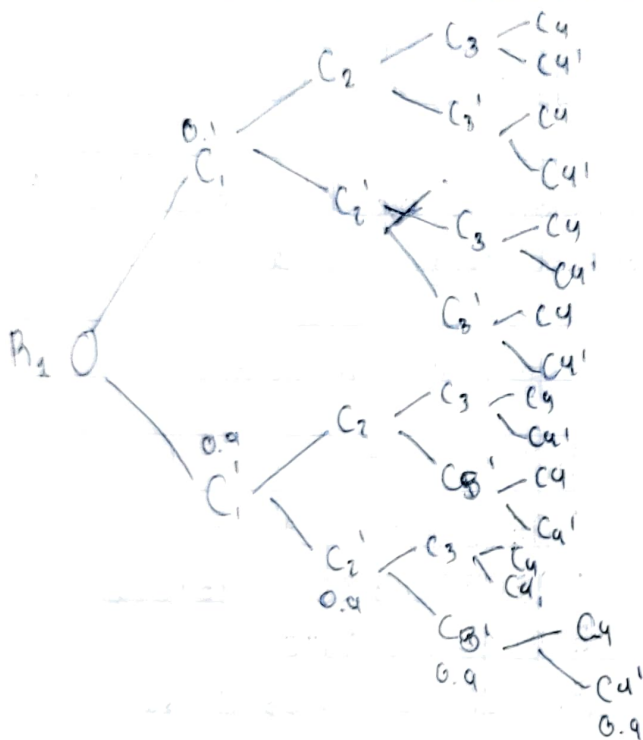
$$4 = 0.01171875 + 0.10546875 = 0.1171875$$

$$5 = 0.0087890625 + 0.0263671 = 0.0351561 \cdot 2 = 0.0703122$$

$$\sum (P \cdot p(P)) = 2 \cdot 0.625 + 3 \cdot 0.1875 + 4 \cdot 0.1171875 + 5 \cdot 0.0703122 = 2.6328$$

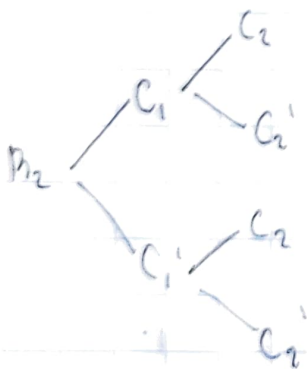
## Problema 2

2 rutas, en una hay cuatro F y en la otra dos F, la probabilidad de encontrarse a una es de 0.1. ¿Ruta más ~~cerca?~~ <sup>rápida</sup> llega tarde, si mitad de C



1	$0.9^4 = 0.6561$
1	$0.1^4 = 0.0001$
4	$0.1 \cdot 0.9^3 = \cancel{0.0729} 0.2916$
6	$0.1^2 \cdot 0.9^2 = \cancel{0.0081} 0.0486$
4	$0.1^3 \cdot 0.9 = 0.0036$

$$P(R_1) = 0.0001 + 0.0486 + 0.0036 = 0.0523$$



1	$0.9^2 = 0.81$
2	$0.9 \cdot 0.1 = 0.18$
1	$0.1^2 = 0.01$

$$P(R_2) = 0.18 + 0.01 = \underline{0.19}$$

$$P(R_2) > P(R_1)$$

$R_1$  = la Debe tomar la ruta uno para llegar más rápido

### Problema 3

Un mercado pide ejemplares de una revista. Compra a \$2 y vende a \$4.

x	1	2	3	4	5	6
P(x)	1/15	2/15	3/15	4/15	3/15	2/15

a) Las revistas no vendidas no tienen valor de recuperación. ¿Es mejor ordenar 3 o 4? Le conviene comprar cuatro ejemplares

b) ¿cómo es la esperanza matemática si se compran 5 o 6 revistas? Le conviene comprar 5 revistas a 6, pero de todas le conviene más 4.

Ingreso neto

$I(x) = 4x - 2n$ .  $x$ : rev. vendidas,  $n$ : rev. compradas, mientras  $x$  sea menor a  $n$ ,  
3 rev si es igual el resultado es  $I(x) = 4n - 2n$

$$E(I(x)) = \sum I(x)p(x) = (4(1) - 2(3))(1/15) + (4(2) - 2(3))(2/15) + \dots + 6 \cdot 2/15 = \underline{4.933}$$

4 rev

$$E(I(x)) = \sum I(x)p(x) = (4(1) - 2(4))(1/15) + (4(2) - 2(4))(2/15) + \dots + 8 \cdot 2/15 = \underline{5.33}$$

5 rev

$$(4(1) - 2(5))(1/15) + (4(2) - 2(5))(2/15) + (4(3) - 2(5))(3/15) + \dots + 10 \cdot 2/15 = \underline{4.667}$$

6 rev

$$(4(1) - 2(6))(1/15) + (4(2) - 2(6))(2/15) + \dots + 12 \cdot 2/15 = \underline{3.2}$$

Valor esperado de  $x$

$$E(x) = \sum x p(x) = 1 \cdot 1/15 + 2 \cdot 2/15 + \dots + 6 \cdot 2/15 = \underline{3.8}$$