josejesuslacasanieto-ag3

February 14, 2024

Actividad Guiada 3 de Algoritmos de Optimización

Nombre: José Jesús La Casa Nieto https://colab.research.google.com/drive/1BpE u hnwlkSdfV7I590Dp4KgvP4TjgB?usp=sharing https://github.com/JoseJesusLaCasaNieto/03MIAR—Algoritmos-de-Optimizacion—2024 [22]: !pip install requests !pip install tsplib95 Requirement already satisfied: requests in /usr/local/lib/python3.10/distpackages (2.31.0) Requirement already satisfied: charset-normalizer<4,>=2 in /usr/local/lib/python3.10/dist-packages (from requests) (3.3.2) Requirement already satisfied: idna<4,>=2.5 in /usr/local/lib/python3.10/distpackages (from requests) (3.6) Requirement already satisfied: urllib3<3,>=1.21.1 in /usr/local/lib/python3.10/dist-packages (from requests) (2.0.7) Requirement already satisfied: certifi>=2017.4.17 in /usr/local/lib/python3.10/dist-packages (from requests) (2024.2.2) Requirement already satisfied: tsplib95 in /usr/local/lib/python3.10/distpackages (0.7.1) Requirement already satisfied: Click>=6.0 in /usr/local/lib/python3.10/distpackages (from tsplib95) (8.1.7) Requirement already satisfied: Deprecated~=1.2.9 in /usr/local/lib/python3.10/dist-packages (from tsplib95) (1.2.14) Requirement already satisfied: networkx~=2.1 in /usr/local/lib/python3.10/distpackages (from tsplib95) (2.8.8) Requirement already satisfied: tabulate~=0.8.7 in /usr/local/lib/python3.10/dist-packages (from tsplib95) (0.8.10) Requirement already satisfied: wrapt<2,>=1.10 in /usr/local/lib/python3.10/distpackages (from Deprecated~=1.2.9->tsplib95) (1.14.1) [23]: # Carqa de librerías y datos del problema import urllib.request #Hacer llamadas http a paginas de la red import tsplib95 #Modulo para las instancias del problema del TSP import math #Modulo de funciones matematicas. Se usa para exp import random #Para generar valores aleatorios

```
#http://elib.zib.de/pub/mp-testdata/tsp/tsplib/
     #Documentacion :
       # http://comopt.ifi.uni-heidelberg.de/software/TSPLIB95/tsp95.pdf
       # https://tsplib95.readthedocs.io/en/stable/pages/usage.html
       # https://tsplib95.readthedocs.io/en/v0.6.1/modules.html
       # https://pypi.org/project/tsplib95/
     #Descargamos el fichero de datos(Matriz de distancias)
     file = "swiss42.tsp" ;
     urllib.request.urlretrieve("http://comopt.ifi.uni-heidelberg.de/software/
      →TSPLIB95/tsp/swiss42.tsp.gz", file + '.gz')
     !gzip -d swiss42.tsp.gz
                             #Descomprimir el fichero de datos
     #Coordendas 51-city problem (Christofides/Eilon)
     #file = "eil51.tsp"; urllib.request.urlretrieve("http://comopt.ifi.
      →uni-heidelberg.de/software/TSPLIB95/tsp/eil51.tsp.gz", file)
     #Coordenadas - 48 capitals of the US (Padberg/Rinaldi)
     #file = "att48.tsp"; urllib.request.urlretrieve("http://comopt.ifi.
       →uni-heidelberg.de/software/TSPLIB95/tsp/att48.tsp.gz", file)
     gzip: swiss42.tsp already exists; do you wish to overwrite (y or n)? y
[24]: #Carga de datos y generación de objeto problem
     problem = tsplib95.load(file)
     #Nodos
     Nodos = list(problem.get_nodes())
     #Aristas
     Aristas = list(problem.get_edges())
[25]: #Probamos algunas funciones del objeto problem
     #Distancia entre nodos
     problem.get_weight(0, 1)
     #Todas las funciones
     #Documentación: https://tsplib95.readthedocs.io/en/v0.6.1/modules.html
```

[25]: 15

#dir(problem)

```
[26]: #Funciones básicas
     #Se genera una solucion aleatoria con comienzo en en el nodo O
     def crear_solucion(Nodos):
       solucion = [Nodos[0]]
       for n in Nodos[1:]:
         solucion = solucion + [random.choice(list(set(Nodos) - set({Nodos[0]}) -__
      ⇔set(solucion)))]
       return solucion
     #Devuelve la distancia entre dos nodos
     def distancia(a,b, problem):
       return problem.get_weight(a,b)
     #Devuelve la distancia total de una trayectoria/solucion
     def distancia total(solucion, problem):
       distancia_total = 0
       for i in range(len(solucion)-1):
         distancia_total += distancia(solucion[i] ,solucion[i+1] , problem)
       return distancia_total + distancia(solucion[len(solucion)-1], solucion[0],
      →problem)
     sol_temporal = crear_solucion(Nodos)
     distancia_total(sol_temporal, problem), sol_temporal
[26]: (4854,
      [0,
       4,
       19,
       39.
       12,
       38,
       20,
       34,
       22,
       3,
       24,
       25,
       23,
       9,
       6,
       8,
       5,
       36,
       1,
```

```
29,
2,
7,
40,
35,
17,
21,
16,
11,
26,
10.
31,
15,
30,
33,
41,
27,
13,
37,
28,
18,
32,
```

14])

Búsqueda aleatoria

```
# BUSQUEDA ALEATORIA
     def busqueda_aleatoria(problem, N):
      #N es el numero de iteraciones
      Nodos = list(problem.get_nodes())
      mejor_solucion = []
      \#mejor\_distancia = 10e100
                                               #Inicializamos con un valor
      \hookrightarrow alto
      mejor_distancia = float('inf')
                                               #Inicializamos con un valor
      \hookrightarrowalto
      for i in range(N):
                                               #Criterio de parada:⊔
      →repetir N veces pero podemos incluir otros
        solucion = crear_solucion(Nodos)
                                               #Genera una solucion
      \hookrightarrow aleatoria
        distancia = distancia_total(solucion, problem) #Calcula el valor_
      ⇔objetivo(distancia total)
```

```
if distancia < mejor_distancia: #Compara con la mejor_

obtenida hasta ahora

mejor_solucion = solucion

mejor_distancia = distancia

print("Mejor solución:" , mejor_solucion)

print("Distancia :" , mejor_distancia)

return mejor_solucion

#Busqueda aleatoria con 5000 iteraciones

solucion = busqueda_aleatoria(problem, 10000)
```

Mejor solución: [0, 30, 11, 23, 5, 12, 18, 19, 26, 31, 36, 7, 14, 35, 17, 15, 16, 13, 4, 9, 24, 40, 21, 41, 6, 32, 29, 37, 3, 1, 2, 22, 8, 25, 28, 34, 33, 27, 39, 10, 38, 20]

Distancia: 3282

Búsqueda local

```
# BUSQUEDA LOCAL
     def genera vecina(solucion):
      #Generador de soluciones vecinas: 2-opt (intercambiar 2 nodos) Si hay N nodos⊔
      \hookrightarrowse generan (N-1)x(N-2)/2 soluciones
       #Se puede modificar para aplicar otros generadores distintos que 2-opt
       #print(solucion)
      mejor_solucion = []
      mejor_distancia = 10e100
                                      #Recorremos todos los nodos en⊔
      for i in range(1,len(solucion)-1):
      ⇒bucle doble para evaluar todos los intercambios 2-opt
        for j in range(i+1, len(solucion)):
          #Se genera una nueva solución intercambiando los dos nodos i, j:
          # (usamos el operador + que para listas en python las concatena) : ej.:
      \rightarrow [1,2] + [3] = [1,2,3]
          vecina = solucion[:i] + [solucion[j]] + solucion[i+1:j] + [solucion[i]] +
      ⇔solucion[j+1:]
          #Se evalua la nueva solución ...
          distancia_vecina = distancia_total(vecina, problem)
          #... para quardarla si mejora las anteriores
          if distancia_vecina <= mejor_distancia:</pre>
            mejor_distancia = distancia_vecina
```

```
mejor_solucion = vecina
return mejor_solucion

#solucion = [1, 47, 13, 41, 40, 19, 42, 44, 37, 5, 22, 28, 3, 2, 29, 21, 50, 43, 30, 9, 16, 11, 38, 49, 10, 39, 33, 45, 15, 24, 43, 26, 31, 36, 35, 20, 48, 7, 23, 48, 27, 12, 17, 4, 18, 25, 14, 6, 51, 46, 32]
print("Distancia Solucion Incial:", distancia_total(solucion, problem))

nueva_solucion = genera_vecina(solucion)
print("Distancia Mejor Solucion Local:", distancia_total(nueva_solucion, 4)
problem))
```

Distancia Solucion Incial: 3282 Distancia Mejor Solucion Local: 3033

```
[29]: #Busqueda Local:
      # - Sobre el operador de vecindad 2-opt(funcion genera vecina)
      # - Sin criterio de parada, se para cuando no es posible mejorar.
      def busqueda_local(problem):
        mejor solucion = []
        #Generar una solucion inicial de referencia(aleatoria)
        solucion_referencia = crear_solucion(Nodos)
        mejor_distancia = distancia_total(solucion_referencia, problem)
        iteracion=0
                                 #Un contador para saber las iteraciones que hacemos
        while(1):
          iteracion +=1
                                #Incrementamos el contador
          #print('#',iteracion)
          #Obtenemos la mejor vecina ...
          vecina = genera_vecina(solucion_referencia)
          #... y la evaluamos para ver si mejoramos respecto a lo encontrado hasta el_{\sf l}
       \rightarrowmomento
          distancia_vecina = distancia_total(vecina, problem)
          \#Si no mejoramos hay que terminar. Hemos llegado a un minimo local(según_{\sqcup}
       →nuestro operador de vencindad 2-opt)
          if distancia_vecina < mejor_distancia:</pre>
            #mejor_solucion = copy.deepcopy(vecina) #Con copia profunda. Las copiasu
       →en python son por referencia
            mejor_solucion = vecina
                                                        #Guarda la mejor solución_
       \rightarrow encontrada
            mejor_distancia = distancia_vecina
```

```
else:
    print("En la iteracion ", iteracion, ", la mejor solución encontrada es:"

, mejor_solucion)
    print("Distancia :", mejor_distancia)
    return mejor_solucion

solucion_referencia = vecina

sol = busqueda_local(problem )
```

En la iteracion 28 , la mejor solución encontrada es: [0, 26, 18, 10, 40, 24, 21, 39, 32, 31, 35, 36, 7, 1, 8, 9, 23, 41, 25, 11, 12, 13, 5, 6, 3, 27, 28, 2, 14, 16, 19, 4, 29, 30, 22, 38, 34, 33, 20, 17, 37, 15]

Distancia : 1974

Recocido simulado (Simulated Annealing - SA)

```
# SIMULATED ANNEALING
     #Generador de 1 solucion vecina 2-opt 100% aleatoria (intercambiar 2 nodos)
     #Mejorable eligiendo otra forma de elegir una vecina.
     def genera_vecina_aleatorio(solucion):
      #Se eligen dos nodos aleatoriamente
      i,j = sorted(random.sample( range(1,len(solucion)) , 2))
      #Devuelve una nueva solución pero intercambiando los dos nodos elegidos alu
      \rightarrow azar
      return solucion[:i] + [solucion[j]] + solucion[i+1:j] + [solucion[i]] +
      ⇔solucion[j+1:]
     #Funcion de probabilidad para aceptar peores soluciones
     def probabilidad(T,d):
      if random.random() < math.exp( -1*d / T) :</pre>
        return True
      else:
        return False
     #Funcion de descenso de temperatura
     def bajar_temperatura(T):
      return T*0.99
```

```
[31]: def recocido_simulado(problem, TEMPERATURA):
        #problem = datos del problema
        #T = Temperatura
        solucion_referencia = crear_solucion(Nodos)
        distancia_referencia = distancia_total(solucion_referencia, problem)
       mejor_solucion = []
                                      #x* del seudocodigo
        mejor_distancia = 10e100
                                      #F* del seudocodigo
       N=0
        while TEMPERATURA > .0001:
          #Genera una solución vecina
          vecina =genera_vecina_aleatorio(solucion_referencia)
          #Calcula su valor(distancia)
          distancia_vecina = distancia_total(vecina, problem)
          #Si es la mejor solución de todas se quarda(siempre!!!)
          if distancia_vecina < mejor_distancia:</pre>
              mejor_solucion = vecina
              mejor_distancia = distancia_vecina
          #Si la nueva vecina es mejor se cambia
          \#Si es peor se cambia según una probabilidad que depende de T y_{\sqcup}
       →delta(distancia_referencia - distancia_vecina)
          if distancia_vecina < distancia_referencia or probabilidad(TEMPERATURA, u
       →abs(distancia_referencia - distancia_vecina) ) :
            #solucion_referencia = copy.deepcopy(vecina)
            solucion_referencia = vecina
            distancia_referencia = distancia_vecina
          #Bajamos la temperatura
          TEMPERATURA = bajar_temperatura(TEMPERATURA)
       print("La mejor solución encontrada es " , end="")
        print(mejor_solucion)
       print("con una distancia total de " , end="")
       print(mejor_distancia)
       return mejor_solucion
      sol = recocido_simulado(problem, 10000000)
```

La mejor solución encontrada es [0, 1, 7, 37, 16, 17, 31, 34, 32, 9, 8, 27, 6, 36, 35, 20, 33, 38, 39, 21, 40, 24, 22, 30, 29, 28, 4, 5, 15, 14, 19, 13, 26,

```
12, 18, 11, 25, 23, 41, 10, 2, 3] con una distancia total de 1947
```

Mejorar nota Se puede mejorar el algoritmo de búsqueda local de varias maneras. En mi caso, voy a utilizar una inserción de nodo.

```
[32]: # Búsqueda local
      def genera vecina(solucion):
          # Generador de soluciones vecinas: Inserción de nodo
          mejor_solucion = solucion[:]
          mejor_distancia = distancia_total(solucion, problem)
          for i in range(1, len(solucion)):
              for j in range(len(solucion)):
                  if i != j:
                      vecina = solucion[:i] + [solucion[j]] + solucion[i:j] +__
       ⇔solucion[j+1:]
                      distancia_vecina = distancia_total(vecina, problem)
                      if distancia vecina < mejor distancia:
                          mejor_solucion = vecina
                          mejor_distancia = distancia_vecina
          return mejor_solucion
      print("Distancia Solucion Incial:" , distancia_total(solucion, problem))
      nueva_solucion = genera_vecina(solucion)
      print("Distancia Mejor Solucion Local:", distancia_total(nueva_solucion, __
       ⇔problem))
```

Distancia Solucion Incial: 3282 Distancia Mejor Solucion Local: 3104

En esta implementación, se recorre cada posición de la solución actual (i) y cada nodo de la solución (j). Para cada par de posición-nodo, creamos una solución vecina insertando el nodo en la posición i. Luego calculamos la distancia total de esta solución vecina y la comparamos con la mejor solución encontrada hasta el momento. Si la distancia de la solución vecina es menor, actualizamos la mejor solución y la distancia.

Se puede mejorar el algoritmo de recocido simulado de varias maneras. En mi caso, voy a implementar una estrategia de generación de vecinos basada en la búsqueda por intercambio 2-opt.

```
[33]: # Recocido simulado

def genera_vecina_2opt(solucion):

# Se recorren todos los pares de nodos
```

```
for i in range(len(solucion)-1):
    for j in range(i+1, len(solucion)):
      # Se calcula la distancia de la solución actual
      distancia_actual = distancia_total(solucion)
      # Se intercambian los nodos i y j
      vecina = solucion[:i] + [solucion[j]] + solucion[i+1:j] + [solucion[i]] + 
 ⇒solucion[j+1:]
      # Se calcula la distancia de la solución vecina
      distancia_vecina = distancia_total(vecina)
      \# Si la solución vecina es mejor, se devuelve
      if distancia_vecina < distancia_actual:</pre>
        return vecina
  # Si no se encuentra una solución vecina mejor, se devuelve la solución actual
  return solucion
def probabilidad(T,d):
  if random.random() < math.exp( -1*d / T) :</pre>
    return True
  else:
    return False
#Funcion de descenso de temperatura
def bajar_temperatura(T):
 return T*0.99
def recocido_simulado(problem, TEMPERATURA ):
  #problem = datos del problema
  #T = Temperatura
  solucion_referencia = crear_solucion(Nodos)
  distancia_referencia = distancia_total(solucion_referencia, problem)
 mejor_solucion = []
                                 #x* del seudocodigo
 mejor_distancia = 10e100  #F* del seudocodigo
 N=0
  while TEMPERATURA > .0001:
    N+=1
    #Genera una solución vecina
    vecina =genera_vecina_aleatorio(solucion_referencia)
```

```
#Calcula su valor(distancia)
    distancia_vecina = distancia_total(vecina, problem)
    #Si es la mejor solución de todas se quarda(siempre!!!)
    if distancia_vecina < mejor_distancia:</pre>
        mejor_solucion = vecina
        mejor_distancia = distancia_vecina
    #Si la nueva vecina es mejor se cambia
    \#Si es peor se cambia según una probabilidad que depende de T y_{\sqcup}
 →delta(distancia_referencia - distancia_vecina)
    if distancia_vecina < distancia_referencia or probabilidad(TEMPERATURA,_
 ⇔abs(distancia_referencia - distancia_vecina) ) :
      #solucion_referencia = copy.deepcopy(vecina)
      solucion_referencia = vecina
      distancia_referencia = distancia_vecina
    #Bajamos la temperatura
    TEMPERATURA = bajar_temperatura(TEMPERATURA)
  print("La mejor solución encontrada es " , end="")
 print(mejor_solucion)
 print("con una distancia total de " , end="")
 print(mejor_distancia)
 return mejor_solucion
sol = recocido simulado(problem, 10000000)
```

```
La mejor solución encontrada es [0, 3, 1, 6, 5, 26, 4, 28, 21, 38, 22, 39, 8, 9, 24, 40, 23, 41, 25, 12, 11, 10, 18, 13, 19, 31, 33, 34, 20, 27, 2, 30, 29, 32, 35, 36, 17, 15, 16, 14, 37, 7] con una distancia total de 1906
```