# 08MIAR-Aprendizaje por refuerzo

Sesión 3 – Algoritmos base: Deep Q-Network





Definición Q-learning

Ejemplo Q-learning: gridworld

Deep Q-network

Proceso de aprendizaje

Algoritmo DQN

Conclusiones



#### **Definición Q-learning**

Ejemplo Q-learning: gridworld

Deep Q-network

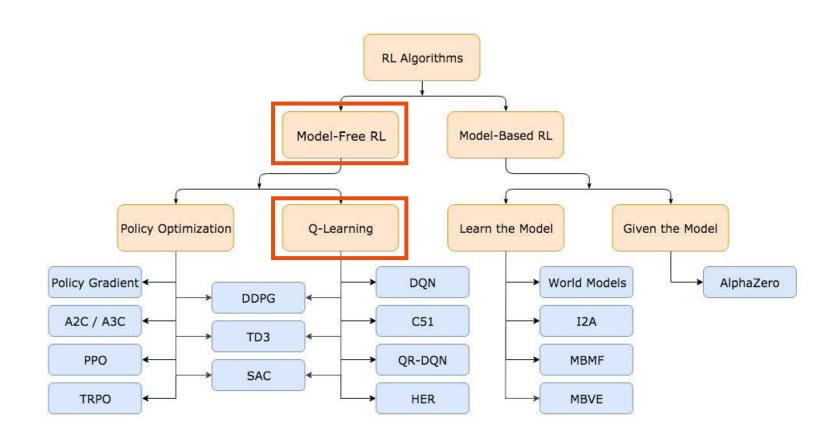
Proceso de aprendizaje

Algoritmo DQN

Conclusiones

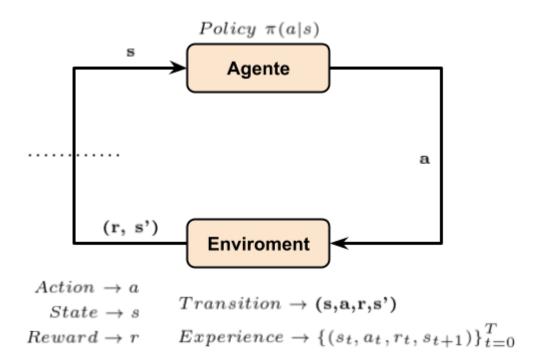


# ¿Dónde estamos?





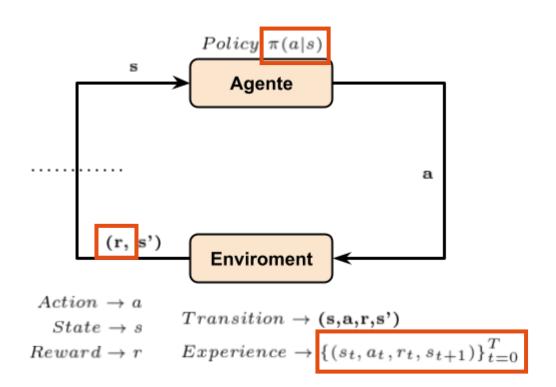
#### **Finite Markov Decision Process**



- Finite MDPs: (5, A) son espacios finitos.
- Markov property: La probabilidad de cada valor posible para s' depende del estado y la acción inmediatamente anteriores.
- El estado debe incluir información sobre todos los aspectos relevantes de la interacción agenteentorno en el pasado.



# ¿Cómo de buena es una policy?



- Una policy,  $\pi(a|s)$ , es una función de mapeo de estados a probabilidades sobre acciones.
- El objetivo del agente es maximizar la recompensa acumulada a futuro.

$$G_t = r_{t+1} + r_{t+2} + r_{t+3} + \dots + r_T$$

• **Discounted reward**: discount factor  $0 \le \gamma \le 1$ .

$$G_t = \sum_{k=0}^{\infty} \gamma^k r_{t+k+1}$$

• Propiedad de **recursividad**:  $G_t = r_{t+1} + \gamma G_{t+1}$ 



### Valor y calidad de un estado

• Función value,  $v_{\pi}(s)$ . La función estado-valor de un estado, s, bajo una policy  $\pi$ , es la recompensa esperada a futuro comenzando en s, y siguiendo la policy desde entonces.

$$v_{\pi}(s) = E_{\pi}[G_t|s] = \sum_{a} \pi(a|s) \cdot r_{t+1} + v_{\pi}(s')$$

• Quality,  $q_{\pi}(s, a)$ . La función calidad de tomar la acción a, en estado s, bajo una , bajo una policy  $\pi$ , es la recomensa esperada a futuro, comenzando en s, tomando la acción a, y a continuación siguiendo la policy.

$$q_{\pi}(s,a) = E_{\pi}[G_t|(s,a)] = \{r_{t+1} + v_{\pi}(s')\}_a$$



# **Q-learning**

• Política óptima,  $\pi^*$ . Aquella estrategia que, siguiéndola, nos devuelve la máxima recompensa esperada a futuro. Se suele seguir una política voraz (greedy), respecto a  $q_{\pi}(s, a)$ .

$$\pi^*(s) = \operatorname{argmax}_a(q^{\pi^*}(s, a))$$

• Ecuación de Bellman. El objetivo entonces es encontrar la función q óptima para tu problema, y luego seguir una política voraz sobre dicha función. La ecuación de Bellman proporciona una definición recursiva con la que podremos encontrar la función óptima q.

$$q^{\pi^*}(s, a) = r + \gamma \max_{a'} q^{\pi^*}(s', a')$$



Definición Q-learning

**Ejemplo Q-learning: gridworld** 

Deep Q-network

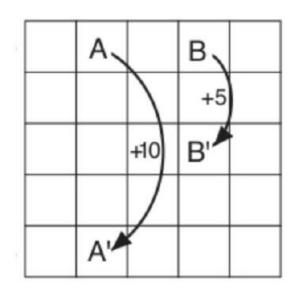
Proceso de aprendizaje

Algoritmo DQN

Conclusiones



### **Gridworld**



Gridworld de Sutton & Barto, Capítulo 3



#### Gridworld de Sutton & Barto, Capítulo 3

- Las **celdas** corresponden con los **estados** del entorno.
- La recompensa para cada acción-estado es:
  - +10 para la transición de A a A' (que es la única acción que se puede ejecutar en A).
  - +5 para la transición de B a B' (que es la única acción que se puede ejecutar en B).
  - -1 si el movimiento se sale del grid.
  - **0** en cualquier otro caso.



### Random policy evaluation

- Originalmente, la estimación de q se realiza por medio de programación dinámica, de forma iterativa. De esta forma, se define una política aleatoria, y se realiza una exploración del entorno actualizando la función v en base a la experiencia.
- Política aleatoria,  $\pi^r(s|a) = 1/A$ .

#### i) Inicialización $v_{\pi}(s)$

#### ii) Exploración iterativa

- Comenzamos en s=[0,0]. Para cada acción:

```
- Arriba: 0.25 \, * \, (-1 \, + \, 0.9 \, * \, 0) = -0.25

- Abajo: 0.25 \, * \, (0 \, + \, 0.9 \, * \, 0) = 0

- Derecha: 0.25 \, * \, (0 \, + \, 0.9 \, * \, 0) = 0

- Izquierda: 0.25 \, * \, (-1 \, + \, 0.9 \, * \, 0) = -0.25

v_{\pi}(s) = E_{\pi}[G_t|s] = \sum \pi(a|s) \cdot r_{t+1} + v_{\pi}(s') = -0.5
```

- Repetir para cada **iteración** k, **para todo** s, y actualizar la función value tras cada iteración  $v_{\pi}(s)$ 



# Exploración iterativa

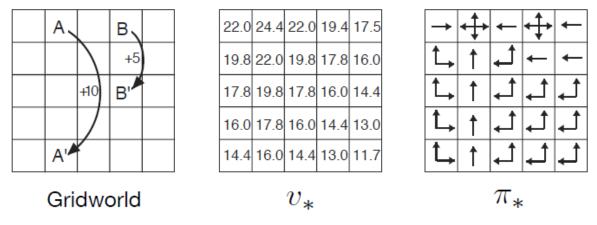
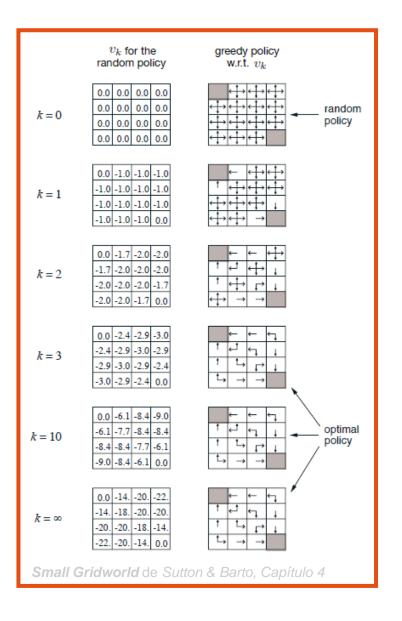


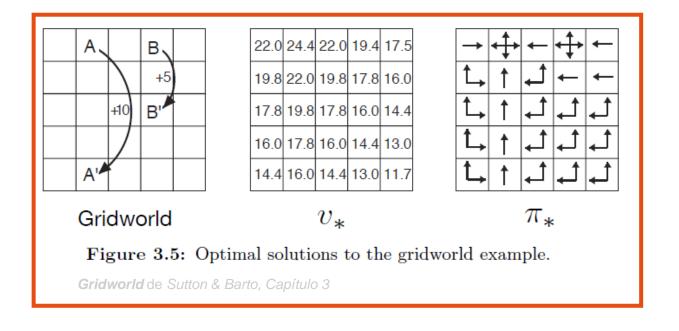
Figure 3.5: Optimal solutions to the gridworld example.

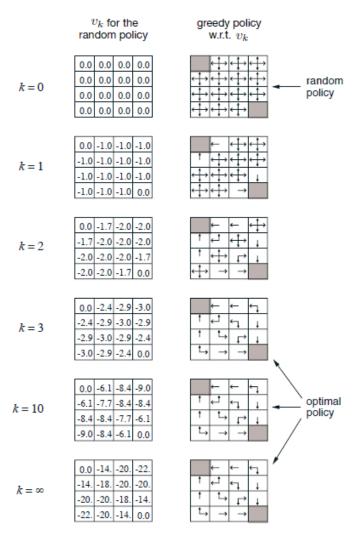
Gridworld de Sutton & Barto, Capítulo 3





# Exploración iterativa





Small Gridworld de Sutton & Barto, Capítulo 4



Definición Q-learning

Ejemplo Q-learning: gridworld

**Deep Q-network** 

Proceso de aprendizaje

Algoritmo DQN

Conclusiones



# **Deep Q-network**

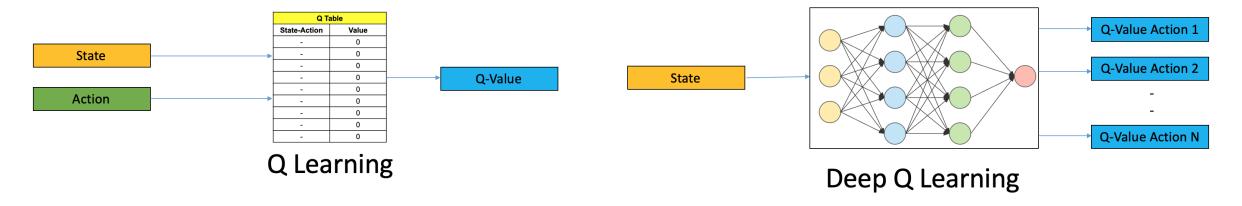
- Asunciones en Finite MDPs: (\$, \$\times\$) son espacios finitos.
- En escenarios prácticos, la **dimensionalidad** del espacio de **estados y acciones** hace **intratable** esta evaluación iterativa.
- Uso de una **DNN**,  $f_{\theta}(\cdot)$ , como función **aproximadora** de  $q^{\pi^*}(s,a)$ .

$$\pi^*(s) = argmax_a \left( q^{\pi^*}(s, a) \right) = argmax_a \left( f_{\theta}(s) \right)$$

• Debido a que la mayoría de las simulaciones trabajan con la pantalla directamente, el tipo de red neuronal que usaremos serán redes convolucionales.



# **Deep Q-network**



https://cdn.analyticsvidhya.com/wp-content/uploads/2019/04/Screenshot-2019-04-16-at-5.46.01-PM.png



Definición Q-learning

Ejemplo Q-learning: gridworld

Deep Q-network

Proceso de aprendizaje

Algoritmo DQN

Conclusiones



### Proceso de aprendizaje

• Uso de Bellman como función aproximadora en nuestro proceso de aprendizaje.

$$q(s,a) = r + \gamma max_a q(s',a)$$

• Considerando que q(s,a) como una red neuronal,  $f_{\theta}(\cdot)$ , se puede definir una **función de coste** en base a las **diferencias temporales**, y optimizar la red neuronal en base a la tupla (s,a,r,s') de cada iteración por **descenso de gradiente**. Como función de pérdidas, el error cuadrático suele ser la solución base.

$$q(s,a) \rightarrow r + \gamma max_a q(s',a)$$

$$L = (r + \gamma max_a q(s', a)) - q(s, a))^2$$



### Proceso de aprendizaje

- El uso de una red neuronal para estimar la función q(s,a) no asegura convergencia a la  $q^{\pi^*}(s,a)$ . Es un proceso inestable, con tendencia a llegar a mínimos locales. Se han desarrollado una serie de estrategias para aliviar esto:
  - Series temporales.
  - **Exploración**. Se sigue una política  $\varepsilon$ -greedy para evitar sobreajuste.
  - **Experience replay**. En la experiencia se almacenan tuplas (s, a, r, s') obtenidas con versiones antiguas de la red q(s, a).
  - **Target network**. En la función de coste se sustituye la q(s,a) del siguiente estado por una versión anterior de la red neuronal, llamada target network,  $\hat{q}(s',a)$ . That is:  $q(s,a) \rightarrow r + \gamma max_a \hat{q}(s',a)$ .
  - Error clipping. Evitar actualizaciones demasiado altas. Se suele utilizar la función de Huber.

$$Huber(a) = \left\{ egin{array}{ll} rac{1}{2}a^2 & ext{for } |a| \leq 1, \ (|a| - rac{1}{2}), & ext{otherwise.} \end{array} 
ight.$$



# Por qué DQN es off-policy?

- **DQN** es el principal exponente de la familia de métodos conocidos cómo *off-policy*. Pero, ¿a qué se refiere este tipo de aprendizaje? Os encontraréis dos interpretaciones en la literatura:
  - Basada en Exploración. Al seguir una política ε-greedy, la política que tratamos de predecir como política objetivo (voraz, greedy) no se corresponde con la que nuestro agente está siguiendo.
  - Basada en *Experience replay.* Al acumular en la **experiencia** tuplas (s, a, r, s') de antiguas iteraciones, la red es actualizada con políticas que no se corresponden con la actual.
- La opción más aceptada en la literatura es la segunda, basada en la clasificación de estrategias de aprendizaje centrada en el uso de la memoria.



Definición Q-learning

Ejemplo Q-learning: gridworld

Deep Q-network

Proceso de aprendizaje

#### **Algoritmo DQN**

Conclusiones



### **Algoritmo DQN**

```
Algorithm 1 Deep Q-learning with Experience Replay
   Initialize replay memory \mathcal{D} to capacity N
   Initialize action-value function Q with random weights
   for episode = 1, M do
       Initialise sequence s_1 = \{x_1\} and preprocessed sequenced \phi_1 = \phi(s_1)
       for t=1,T do
            With probability \epsilon select a random action a_t
            otherwise select a_t = \max_a Q^*(\phi(s_t), a; \theta)
            Execute action a_t in emulator and observe reward r_t and image x_{t+1}
            Set s_{t+1} = s_t, a_t, x_{t+1} and preprocess \phi_{t+1} = \phi(s_{t+1})
            Store transition (\phi_t, a_t, r_t, \phi_{t+1}) in \mathcal{D}
            Sample random minibatch of transitions (\phi_j, a_j, r_j, \phi_{j+1}) from \mathcal{D}
           Set y_j = \begin{cases} r_j & \text{for terminal } \phi_{j+1} \\ r_j + \gamma \max_{a'} Q(\phi_{j+1}, a'; \theta) & \text{for non-terminal } \phi_{j+1} \end{cases}
            Perform a gradient descent step on (y_i - Q(\phi_i, a_i; \theta))^2 according to equation 3
       end for
   end for
```

Playing Atari with Deep Reinforcement Learning (https://arxiv.org/abs/1312.5602)



Definición Q-learning

Ejemplo Q-learning: gridworld

Deep Q-network

Proceso de aprendizaje

Algoritmo DQN

#### **Conclusiones**



#### **Conclusiones**

- Hemos estudiado el primero de los algoritmos base que veremos en la asignatura, **DQN**. Este algoritmos pertenece a la familia de **métodos** *off-policy*.
- Está basado en **Q-learning**, donde el objetivo es **estimar la recompensa** esperada para cada par **estado/acción**.
- DQN combina Q-learning con arquitecturas de Deep Learning, para poder abarcar problemas con espacios de dimensiones muy grandes
- Algunas variaciones, necesarias para la convergencia de la solución, en la versión final del algoritmo de DQN son el uso de una **target network** y de **secuencias de frames** como datos de entrada del modelo del agente.



Definición Q-learning

Ejemplo Q-learning: gridworld

Deep Q-network

Proceso de aprendizaje

Algoritmo DQN

Conclusiones



- Human level control through Deep Reinforcement learning, Google Deepmind https://deepmind.com/research/publications/2019/human-level-control-through-deep-reinforcement learning
- An Introduction to Q-learning: Reinforcement Learning, Sayak Paul, Floydhub https://blog.floydhub.com/an-introduction-to-q-learning-reinforcement-learning/

