METAHEURÍSTICA

Grado en Ingeniería Informática Universidad de Granada

Práctica 1.a Técnicas de Búsqueda Local y Algoritmos Greedy para el Problema de la Mínima Dispersión Diferencial

José Luis Molina Aguilar

20 de mayo de 2022

Curso 2021-2022 DNI: 77556436E

Correo: joselu201@correo.ugr.es Grupo: A3, MARTES 17:30 - 19:30

Índice

1	Descripción Problema de Mínima Dispersión Diferencial 1.1 Descripción	3 3	
2	reedy		
3	Busqueda por Trayectorias Simples (BL) 3.1 Factorización del Movimiento de Intercambio	5	
4	Analisis		
5	P2 : Basados en Poblaciones 5.1 Funcion para generar una población	10	
6	conclusoines	23	
ĺn	idice de figuras		
	4.1 Resultados distintos Algoritmos	8 9 9	

1. Descripción Problema de Mínima Dispersión Diferencial

El problema de Mínima Dispersión Diferencial es un problema de optimización combinatoria que entra en la clase de problemas **NP-Completo**

Este es un problema en el que las heurísticas obtienen buenas soluciones en menos tiempo.

1.1. Descripción

Dado un conjunto de n elementos todos ellos conectados entre sí, representado por una matriz de distancias de tamaño nxn obtener un subconjunto m tal que la diferencia entre la máxima distancia acumulada y la mínima distancia acumulada de los elementos de m se minimiza. El conjunto m < n y por lo tanto lo que estamos buscando es $m \subset n \mid MinimizeDD(S_m)$ donde $DD(S_m)$ es la Dispersión Diferencial del conjunto de Soluciones de tamaño m

1.2 Consideraciones

En mi representación de este problema la matriz de distancias descrita anteriormente será una matriz de flotantes llamada **datos**

Además implementaré un vector **distan** la cual almacena la distancia desde un punto al resto, será útil para factorizar en BL.

2. Greedy

El algoritmo Greedy se basa en la heurística de ir añadiendo a la solución el elemento más óptimo de los disponibles, el cual es el que minimice la dispersión.

Elegiremos el primer elemento de m de forma aleatoria para ganar variedad en los resultados.

Después, el resto de elementos a elegir hasta completar la solución será, sobre todos los posibles candidatos, calculamos la dispersión cuando añadimos ese elemento a la solución m y el elemento que la minimice será escogido y añadido a la solución.

Esta aproximación cae fácilmente en óptimos locales ya que es muy dependiente de los del punto de inicio y en cada paso aunque escojamos el elemento que minimiza la Dispersión no significa que, como conjunto solución, sea el correcto.

La ventaja principal del greedy es que obtiene una solución relativamente buena en mucho menos tiempo que el algoritmo perfecto que resuelve este problema.

Para ayudarnos en el desarrollo del Greedy usaremos 3 funciones:

 distPuntoRestoElemenetos, que calcula la distancia acumulada de un punto al resto del vector.

- diff, el cual dado un vector de soluciones calcule las distancias acumuladas (distPunto-RestoElemenetos) y devuelva la dispersión para ese conjunto.
- **fit_adding**, esta función simplemente calcula la dispersión (mediante diff) si añadimos un nuevo elemento al vector de soluciones.

La representación de la solución la realizaremos con un vector de enteros que almacena los índices de los elementos escogidos.

Por lo que el algoritmo Greedy quedaría:

Algorithm 1 Greedy

```
1: function GREEDY
        Solution \leftarrow \emptyset
 2:
        Candidatos \leftarrow V
                                                                               \triangleright V son todos los indices, n
 3:
        v_0 \leftarrow SelectRandomFrom(Candidatos)
 4:
 5:
        Solution \leftarrow Solution \cup \{v_0\}
        Candidatos \leftarrow Candidatos \setminus \{v_0\}
 6:
         while |Solution| < m do
 7:
             for ele in Candidatos do
 8:
 9:
                 min \leftarrow FLOATMAX
                 new_fitness ← fit_adding(Solucion, ele)
10:
11:
                 if new_fitness < min then
                                                                              ⊳ Guardo el mejor elemento
12:
                      ele\_pos \leftarrow ele
                      min \leftarrow new\_fitness
                                                                             > Actualizo el minimo actual
13:
                 end if
14:
             end for
15:
             Solution \leftarrow Solution \cup \{ele\_pos\}
16:
                                                                                      ▶ Añado a la solucion
             Candidatos \leftarrow Candidatos \setminus \{ele\_pos\}
17:
        end while
18:
        return Solucion
19:
20: end function
```

Pseudocodigo de distPuntoRestoElemenetos

Algorithm 2 distPuntoRestoElemenetos

```
1: function DISTPUNTORESTOELEMENETOS(FILA, VECTOR)
2: dist \leftarrow 0
3: for i \leftarrow 0 to length(vector) do
4: dist \leftarrow dist + datos[fila][vector[i]]
5: end for
6: return dist
7: end function
```

Pseudocodigo de diff

Algorithm 3 diff

```
1: function DIFF(POSIBLES)
2: distancias ← ∅
3: for i ← 0 to length(posibles) do
4: distancias ← distancias ∪ distPuntoRestoElemenetos(posibles[i], posib))
5: end for
6: sort(distancias)
7: return distancias[length(posibles)] − distancias[0]
8: end function
```

Pseudocodigo de fit_adding

Algorithm 4 fit_adding

```
1: function fit_adding(posibles,new<sub>i</sub>)
2: posibles ← posibles ∪ new<sub>i</sub>
3: new_diff ← diff(posibles)
4: posibles ← posibles \ new<sub>i</sub>
5: return new_diff
6: end function
```

3. Busqueda por Trayectorias Simples (BL)

La búsqueda local se basa en generar una solución aleatoria, la cual como solución válida tiene que satisfacer las restricciones de

- No puede tener elementos repetidos
- \blacksquare Tiene que tener exactamente m elementos
- El orden no es relevante

Para obtener una solución BL aplica un Operador de intercambio, este es:

Dada una solución, intercambiar un elemento de esa solución por otro elemento del conjunto Candidatos, (el cual esto formado por todos los índices menos los que están en solución, S-Solucion = Candidatos), el cual minimice el valor del fitness.

Esto provoca que el espacio de posibilidades de cambio sea de $m \cdot (m-n)$, por lo que a la hora de aplicar esto, una vez que encontremos un elemento que minimice la dispersión se añadirá a la solución, (con añadir me refiero a intercambiar los valores) y seguidamente buscaremos otra vez para el siguiente elemento de la solución, puede llegar un punto en el que una vez recorrido todo el conjunto de soluciones e intentar intercambiarlo por algún elemento del conjunto de Candidatos ninguno minimice el valor actual, en ese caso terminaremos y devolveremos la solución actual.

También utilizaremos un número limitado de iteraciones.

3.1. Factorización del Movimiento de Intercambio

Ejemplo.

Dado el conjunto solución (0,4,6), cambio el elemento 0 por 1, quedaria (1,4,6) por lo que el vector distan quedaría:

D0 = D04 + D06 //Esta ya no lo necesito

D4 = D40 + D46 //Si cambio el 0 por un 1, D4 = D4 - D04 + D14

D6 = D60 + D64

D1 = D14 + D16 //Este tengo que recalcularlo entero

D4 = D4 - D04 + D14

D6 = D6 - D06 + D16

De esta forma no tengo que volver a calcular de nuevo todas las distancia de un punto al resto, sino que simplemente tendré que actualizar el valor de la forma anteriormente descrita. Lo cual me hace pasar de una complejidad $\mathcal{O}(n^2)$ a $\mathcal{O}(n)$

Algorithm 5 BL

```
1: function BL
        Solution \leftarrow \texttt{SelectRandomSolution}
        Candidatos \leftarrow V
                                                                      \triangleright V son todos los indices de n
 3:
        Shuffle(Candidatos)
 4:
        index \leftarrow 0
                                                                                 ▷ Indice de solucion
 5:
        MaxIters \leftarrow 1000000
 6:
 7:
        cambia \leftarrow true
        iter \leftarrow 0
 8:
        while iter < MaxIters and cambia do
 9:
            for i \leftarrow 0 to length(candidatos) do
10:
                actual\_disp \leftarrow diff(Solucion)
11:
                intercambio \leftarrow (index, cand[i])
                                                     ▶ Cambio el elemento index por un candidato
12:
13:
                new\_disp \leftarrow distFactorizada(Solucion, intercambio)
                if new disp < actual_disp then
14:
                    Solucion \leftarrow Solucion \cup \{cand[i]\}
                                                                               ⊳ Añado a la solucion
15:
                    index \leftarrow index + 1
                                                              > Avanzo a otro elemento de solucion
16:
                    cambio \leftarrow true
                                                                     ⊳ Anoto que ha habido cambio
17:
                    i \leftarrow 0
                                                        18:
                end if
19:
                if !cambio and solucion[index] != solucion[solucion.size()] then
20:
                             ⊳ Si no ha habido cambio, pero no he he comprobado todo Solucion
21:
                    index \leftarrow index + 1
                                                                     > Avanzo al siguiente elemento
22:
                                                        > Vuelvo a mirar si algun candidato mejora
23:
24:
                else if solucion[index] == solucion[solucion.size()] then
25:
                                                                           ⊳ Si he comprobado todas
                    cambio \leftarrow false
26:
                end if
27:
                iter \leftarrow iter + 1
28:
29:
            end for
            index \leftarrow index + 1
30:
        end while
31:
        return Solucion
32:
33: end function
```

Pseudocodigo de distFactorizada

```
1: function distFactorizada(solucion, cambio)
      distan[cambio.first] = distPuntoRestoElemenetos(cambio.second, solucion);
                                                                                                \triangleright
   Recalculo el punto que he cambiado
      for i \leftarrow 0 to length(solution) do
3:
          distan[i]
                               distan[i]
                                                datos[solucion[cambio.first]][solucion[i]]
4:
  datos[cambio.second][solucion[i]];
      end for
5:
      Sort (distan)
6:
7:
      return (distan[distan.size() - 1] - distan[0]);
8: end function
```

4. Analisis

- La información de uso se encuentra en el README.md.
- Las semillas con las que se han obtenido los resultados entan el main.cpp y son $\{0,1,2,3,4\}$.

Finalmente para representar los resultados obtenidos por estos dos algoritmos respecto del perfecto tenemos la siguinte grafica

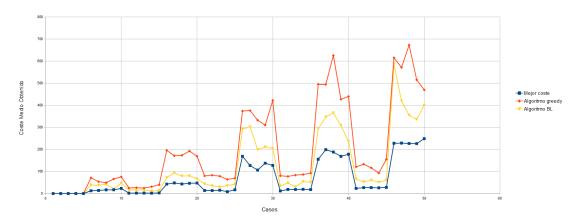


Figura 4.1: Resultados distintos Algoritmos

En la Gráfica 4.1 podemos ver como se comporta cada algoritmo, como vemos la BL es mucho mejor que el Greedy en este caso ya que esta mas cerca del resultado que nos ofrece el algoritmo perfecto.

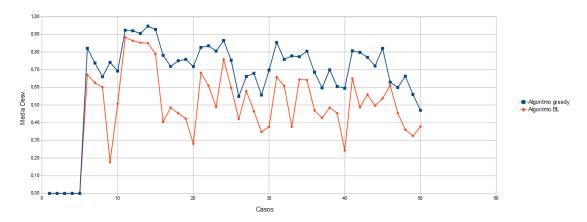


Figura 4.2: Desviación distintos Algoritmos

Pero esta mejora en la precisión conlleva como podemos ver el la Gráfica 4.3 un aumento sustancial en el tiempo de computo aunque si pudiesemos comparar el tiempo que le tomo al algoritmo perfecto, la BL en comparación sería muy rapida.

Además podemos ver que que el tiempo que tarda en dar una solucion es directamente proporcional al numero de elementos de m ya que, como podemos ver podemos diferenciar intervalos que tienen en comun una cosa n, por ejemplo [31,40], n=125, dentro de ese intervalo tenemos que [31-35] m=12 y [35 - 40] m=37, en la Gráfica podemos ver que tarda mucho menos en [31-35] ya que el valor de m es menor que en el intervalo [35 - 40]

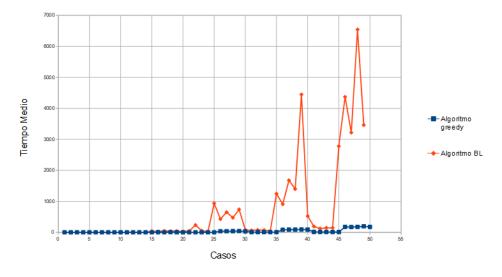


Figura 4.3: Tiempos(ms) para diferentes Algoritmos

5. P2 : Basados en Poblaciones

En esta practica tendremos que cambiar la representacion de las solución de enteras a binarias, por lo que ahora tendremos que cada solución tendrá un vector de *n* elementos donde *m* de esos elementos tienen que ser obligatoriamente 1 lo que significará que esos genes estan activos.

5.1. Funcion para generar una población

Esta funcion crea UN individuo respetando las restricciones. Pseudocodigo de **generarPoblacion**

```
1: function generarPoblacion()
      poblacion \leftarrow \emptyset
                                                       2:
3:
      while count(poblacion, 1)! = m do
                                                    ⊳ El numero de 1 sea distinto de m
4:
         idx \leftarrow Random(0, n)
                                                     if poblacion[idx] == 0 then
5:
6:
             poblacion[idx] = 1
         else continue;
7:
         end if
8:
9:
      end while
      return poblacion
10:
11: end function
```

Entonces a la hora de crear una poblacion ejecutaremos esta funcion tantas veces como individuos queramos, para después guardarlo en una matriz de todos los individuos llamada poblacion. Ademas tendremos un vector llamadao **fitness_i** en la cual guardaremos el fitness de cada individuo.

Necesitaremos tambien una función para seleccionar individuos, en nuestro caso mediante un torneo binario, devolviendo el mejor de los individuos Pseudocodigo de **torneo(poblacion,fitness_i, indiv)**

```
1: function torneo(poblacion, fitness_i, indiv)
2:
        torneo \leftarrow \emptyset
                                                                             > Creamos un torneo vacia
        worst \leftarrow \infty
3:
        while |torneo|! = indiv do
                                                                             > Tenemos indiv diferentes
4:
            torneo \leftarrow torneo \cup Random(0, |poblacion|)
                                                                      Dobtenemos un numero de 0 a n
5:
        end while
6:
        for i in torneo do
7:
            if fitness\_i[i] < worst then
8:
                 worst \leftarrow fitness\_i[i]
9:
                 winner \leftarrow i
10:
            end if
11:
        end for
12:
        return winner
14: end function
```

Funcion que escoge n elementos ganadores del torneo. Pseudocodigo de **seleccion(poblacion,fitness_i, indiv,n)**

```
1: function seleccion(poblacion, fitness_i, indiv, n)
2: winner ← ∅
3: for i in n do
4: winner ← winner ∪ torneo(poblacion, fitness_i, n)
5: end for
6: return winner
7: end function
```

Funcion que genera una pareja de hijos de forma uniforme dados 2 padres.

Pseudocodigo de generarHijosUniforme(padre1,padre2)

```
1: function generarHijosUniforme(padre1, padre2)
        hijos \leftarrow \emptyset
2:
3:
        for i = 0in|padre| do
            if padre1[i] == padre2[i] then
4:
                hijos[i] \leftarrow padre1[i]
5:
6:
            else
                hijos[i] \leftarrow Random(0,1)
7:
            end if
8:
        end for
9:
        reparar(hijos)
10:
        return hijos
12: end function
```

Esta funcion repara la generacionde hijos cuando se generar de forma uniforme creando lo mejores hijos manteniendo los genes de los padres.

Pseudocodigo de reparar(hijo)

```
1: function reparar(hijo)
       v \leftarrow count(hijos, 1)
 2:
       if v == m then
 3:
           return hijo
 4:
 5:
       else if v > m then
                                                                        ⊳ Si te sobran elementos
           while v != m do
 6:
               escoger los genes que minimizan la dispersion
 7:
           end while
 8:
 9:
       else if v < m then
                                                                         ⊳ Si te faltan elementos
10:
           while v != m do
               escoger los genes que minimizan la dispersion
11:
           end while
12:
       end if
13:
       return hi jo
14:
15: end function
```

Funcion que genera una pareja de hijos que mantiene la posicoon de los genes de los padres y los que no coinciden se selecionan aleatoriamente pero respetando las restricciones.

Pseudocodigo de **generarHijosPosicion(padre1,padre2)**

```
1: function generarHijosPosicion(padre1, padre2)
 2:
        hijos \leftarrow \emptyset
        restos \leftarrow \emptyset
 3:
        if padre1 == padre2 then
 4:
             hijos = padre1, padre2
                                                                       ▷ Devolvemos los mismos padres
 5:
        end if
 6:
        for i = 0in|padre| do
 7:
             if padre1[i]! = padre2[i] then
 8:
                 if padre1[i] == 0 and padre2[i] == 1 then
 9:
                     resto \leftarrow resto \cup 0
10:
                 else if padre1[i] == 1 and padre2[i] == 0 then
11:
                     resto \leftarrow resto \cup 1
12:
13:
                 end if
             else
14:
                 continue
15:
             end if
16:
        end for
17:
        shuffle(resto)
18:
19:
        i \leftarrow 0
        for i = 0in|padre| do
20:
             if padre1[i] == padre2[i] then
21:
                 hijos[i] \leftarrow padre1[i]
22:
             else
23:
24:
                 hijos[i] \leftarrow resto[j]
                 j \leftarrow j + 1
25:
             end if
26:
        end for
27:
        return hijos
28:
29: end function
```

Algoritmos geneticos:

Implentaremos 2 tipos de algorimos geneticos,

AGG(algorimo genetico generacional)

AGG se basa en un algorimo que generada una poblacion aleatoria, se escogen mediante un torneo binario tantos individuos como poblacion del mismo y se cruzan, en nuestro caso diferenciaremos dos tipos de cruze uniforme y posicion (cuyos Pseudocodigo estas explicado arriba) para seguidamente mutar algunos de sus genes con probabilidad P_M y reemplazar la nueva poblacion obtenida por la nueva y conservando el mejor de ambas(elitismo).

AGE(algorimo genetico Estacional)

Este es practicamente igual, la unica diferencia es que a laa hora de selecionar los individuos, solo se seleccionan 2, estos seran los que se cruzaran y cuyos hijos mutaran, para seguidamente, si mejoran los peores individuos de la poblacion sustituirlos.

```
1: function AGG_uniforme()
        TAM = 50
 2:
        MAX\_ITERS = 100000
 3:
        iters = 0
 4:
        poblacion \leftarrow \emptyset
                                                                       5:
        hijo \leftarrow \emptyset
                                                                         ⊳ Este sera el hijo solucion
 6:
 7:
        hijos \leftarrow \emptyset
        fitness\_i \leftarrow \emptyset
 8:
        for row in poblacion do
 9:
            row \leftarrow generarPoblacion()
10:
11:
            fitness\_i \leftarrow fitness\_i \cup diff(row)
        end for
12:
13:
        while iters < MAX ITERS do
            best\ father \leftarrow best(poblacion)
                                                          ▶ Individuo de la poblacion con la menor
14:
    dispersión
            for row in |poblacion| do
15:
                padre2 \leftarrow next(row)

⊳ Siguiente individuo

16:
                if boolRandom(0,7) then
17:
                    hijos \leftarrow hijos \cup generarHijosUniforme(row, padre2)
18:
                    fitness\_i \leftarrow fitness\_i \cup diff(hijos)
                                                                > Actualizamos la dispersion de los
19:
    nuevos hijos
                else
20:
21:
                    hijos \leftarrow hijos \cup row
22:
                end if
23:
            end for
            spected\_mutations \leftarrow 0, 1 * n * m
24:
            count = 0
25:
26:
            while count! = spected\_mutations do
                cromosoma \leftarrow Random(0, TAM)
                                                                    ⊳ Elegimos el Individuo a mutar
27:
                gen1 \leftarrow Random(0, n)
28:
                                                                   ⊳ Elegimos dos genes Diferentes
29:
                gen2 \leftarrow Random(0, n)
                if hijosatcromosoma[gen1]! = hijosatcromosoma[gen2] then \triangleright Si los genes del
30:
    individuos elegido en hijos son distintos
31:
                    swap(hijosatcromosoma[gen1],hijosatcromosoma[gen2])
                end if
32:
                count \leftarrow count + 1
33:
34:
            end while
35:
            poblacion \leftarrow hijos
                                                        if ! find(fitness_i, best_father) then
                                                         ⊳ Si no encuentro el mejor individuo de la
36:
    poblacion sustituyo el peor por el mejor de la anterior
                poblacionat \, peorelemento \leftarrow best\_father
37:
            end if
38:
        end while
39:
        hijo \leftarrow min(poblacion)
40:
41:
        return hijo
42: end function
```

```
1: function AGG_posicion()
        TAM = 50
 2:
        MAX\_ITERS = 100000
 3:
        iters = 0
 4:
        poblacion \leftarrow \emptyset
                                                                        5:
        hijo \leftarrow \emptyset
                                                                         ⊳ Este sera el hijo solucion
 6:
 7:
        hijos \leftarrow \emptyset
        fitness\_i \leftarrow \emptyset
 8:
        for row in poblacion do
 9:
            row \leftarrow generarPoblacion()
10:
11:
            fitness\_i \leftarrow fitness\_i \cup diff(row)
        end for
12:
13:
        while iters < MAX ITERS do
            best\ father \leftarrow best(poblacion)
                                                          ▶ Individuo de la poblacion con la menor
14:
    dispersión
            for row in |poblacion| do
15:
                padre2 \leftarrow next(row)

⊳ Siguiente individuo

16:
                if boolRandom(0,7) then
17:
                    hijos \leftarrow hijos \cup generarHijosPosicion(row, padre2)
18:
                    fitness\_i \leftarrow fitness\_i \cup diff(hijos)
                                                                > Actualizamos la dispersion de los
19:
    nuevos hijos
                else
20:
21:
                    hijos \leftarrow hijos \cup row
22:
                end if
23:
            end for
            spected\_mutations \leftarrow 0, 1 * n * m
24:
            count = 0
25:
26:
            while count! = spected\_mutations do
                cromosoma \leftarrow Random(0, TAM)
                                                                    ⊳ Elegimos el Individuo a mutar
27:
                gen1 \leftarrow Random(0, n)
28:
                                                                   ⊳ Elegimos dos genes Diferentes
29:
                gen2 \leftarrow Random(0, n)
                if hijosatcromosoma[gen1]! = hijosatcromosoma[gen2] then \triangleright Si los genes del
30:
    individuos elegido en hijos son distintos
31:
                    swap(hijosatcromosoma[gen1],hijosatcromosoma[gen2])
                end if
32:
                count \leftarrow count + 1
33:
34:
            end while
35:
            poblacion \leftarrow hijos
                                                        if ! find(fitness_i, best_father) then
                                                         ⊳ Si no encuentro el mejor individuo de la
36:
    poblacion sustituyo el peor por el mejor de la anterior
                poblacionat \, peorelemento \leftarrow best\_father
37:
            end if
38:
        end while
39:
        hijo \leftarrow min(poblacion)
40:
41:
        return hijo
42: end function
```

```
1: function AGE_uniforme()
        TAM = 50
 2:
        MAX\_ITERS = 100000
 3:
        iters = 0
 4:
        poblacion \leftarrow \emptyset
                                                                         5:
        hijo \leftarrow \emptyset
                                                                           ⊳ Este sera el hijo solucion
 6:
 7:
        hijos \leftarrow \emptyset
        fitness\_i \leftarrow \emptyset
 8:
        fitness\_hijo \leftarrow \emptyset
 9:
        for row in poblacion do
10:
11:
            row \leftarrow generarPoblacion()
            fitness\_i \leftarrow fitness\_i \cup diff(row)
12:
13:
        end for
        while iters < MAX ITERS do
14:
            selected \leftarrow selection(poblation, fitness\_i, 2)
                                                                                  ⊳ Eligo los 2 padres
15:
            hijos \leftarrow generarHijosUniforme(selected[0], selected[1])
                                                                                  16:
            spected\_mutations \leftarrow 0, 1 * n * 2
17:
            count = 0
18:
19:
            while count! = spected\_mutations do
                cromosoma \leftarrow Random(0, |hijos|)
                                                                     ⊳ Elegimos el Individuo a mutar
20:
                gen1 \leftarrow Random(0, n)
21:
                                                                    ⊳ Elegimos dos genes Diferentes
22:
                gen2 \leftarrow Random(0, n)
                if hijosatcromosoma[gen1]! = hijosatcromosoma[gen2] then \triangleright Si los genes del
23:
    individuos elegido en hijos son distintos
                     swap(hijosatcromosoma[gen1], hijosatcromosoma[gen2])
24:
    cromosomas
                     fitness\_hijo \leftarrow fitness\_hijo \cup hijosatcromosoma \triangleright Actualizo dispersion
25:
26:
                end if
27:
                count \leftarrow count + 1
            end while
28:
29:
            worst\_i, second\_worst \leftarrow max(fitness\_i)
                                                                     30:
            poblacion \leftarrow poblacion \cap \{worst\_i, second\_worst\}
            poblacion \leftarrow poblacion \cup hijos \triangleright Sustituyo los peores padres por los mejores hijos
31:
32:
        end while
        hijo \leftarrow min(poblacion)
33:
        return hijo
34:
35: end function
```

```
1: function AGE_posicion()
        TAM = 50
 2:
        MAX\_ITERS = 100000
 3:
        iters = 0
 4:
        poblacion \leftarrow \emptyset
                                                                         5:
                                                                           ⊳ Este sera el hijo solucion
 6:
        hijo \leftarrow \emptyset
 7:
        hijos \leftarrow \emptyset
        fitness\_i \leftarrow \emptyset
 8:
        fitness\_hijo \leftarrow \emptyset
 9:
        for row in poblacion do
10:
11:
            row \leftarrow generarPoblacion()
            fitness\_i \leftarrow fitness\_i \cup diff(row)
12:
13:
        end for
        while iters < MAX ITERS do
14:
            selected \leftarrow selection(poblation, fitness\_i, 2)
                                                                                   ⊳ Eligo los 2 padres
15:
            hijos \leftarrow generar Hijos Posicion(selected [0], selected [1])
                                                                                  16:
            spected\_mutations \leftarrow 0, 1 * n * 2
17:
            count = 0
18:
19:
            while count! = spected\_mutations do
                cromosoma \leftarrow Random(0, |hijos|)
                                                                     ⊳ Elegimos el Individuo a mutar
20:
21:
                gen1 \leftarrow Random(0, n)
                gen2 \leftarrow Random(0, n)
                                                                     ▷ Elegimos dos genes Diferentes
22:
                if hijosatcromosoma[gen1]! = hijosatcromosoma[gen2] then \triangleright Si los genes del
23:
    individuos elegido en hijos son distintos
                     swap(hijosatcromosoma[gen1],hijosatcromosoma[gen2])
24:
    cromosomas
25:
                     fitness\_hijo \leftarrow fitness\_hijo \cup hijosatcromosoma \triangleright Actualizo dispersion
26:
                end if
                count \leftarrow count + 1
27:
            end while
28:
29:
            worst\_i, second\_worst \leftarrow max(fitness\_i)
                                                                     30:
            poblacion \leftarrow poblacion \cap \{worst\_i, second\_worst\}
            poblacion \leftarrow poblacion \cup hijos \triangleright Sustituyo los peores padres por los mejores hijos
31:
32:
        end while
        hijo \leftarrow min(poblacion)
33:
        return hijo
34:
35: end function
```

Algoritmo Memético Este algoritmo consiste en hibridar el AGG con una busqueda local Pseudocodigo de AM, el cual cada 10 iteraciones aplico BL sobre todos los elementos de la poblacion.

```
1: function AM_all()
        TAM = 50
 2:
        MAX\_ITERS = 100000
 3:
        iters = 0
 4:
        poblacion \leftarrow \emptyset

⊳ Matriz de TAM individuos

 5:
                                                                         ⊳ Este sera el hijo solucion
 6:
        hijo \leftarrow \emptyset
 7:
        hijos \leftarrow \emptyset
        fitness i \leftarrow \emptyset
 8:
        for row in poblacion do
 9:
            row \leftarrow generarPoblacion()
10:
11:
            fitness\_i \leftarrow fitness\_i \cup diff(row)
12:
        end for
13:
        while iters < MAX ITERS do
14:
            best\ father \leftarrow best(poblacion)
                                                         ▶ Individuo de la poblacion con la menor
    dispersión
            for row in |poblacion| do
15:
                padre2 \leftarrow next(row)

⊳ Siguiente individuo

16:
17:
                if boolRandom(0,7) then
18:
                    hijos \leftarrow hijos \cup generarHijosPosicion(row, padre2)
                    fitness\_i \leftarrow fitness\_i \cup diff(hijos)
                                                               > Actualizamos la dispersion de los
19:
    nuevos hijos
                else
20:
21:
                    hijos \leftarrow hijos \cup row
22:
                end if
            end for
23:
            spected\_mutations \leftarrow 0, 1 * n * m
24:
            count = 0
25:
26:
            while count! = spected\_mutations do
                cromosoma \leftarrow Random(0, TAM)
                                                                   ⊳ Elegimos el Individuo a mutar
27:
28:
                gen1 \leftarrow Random(0, n)
29:
                gen2 \leftarrow Random(0, n)
                                                                  30:
                if hijosatcromosoma[gen1]! = hijosatcromosoma[gen2] then \triangleright Si los genes del
    individuos elegido en hijos son distintos
31:
                    swap(hijosatcromosoma[gen1],hijosatcromosoma[gen2])
                end if
32:
                count \leftarrow count + 1
33:
            end while
34:
35:
            poblacion \leftarrow hijos
                                                       if ! find(fitness_i, best_father) then
                                                        ⊳ Si no encuentro el mejor individuo de la
36:
    poblacion sustituyo el peor por el mejor de la anterior
                poblacionat \, peorelemento \leftarrow best\_father
37:
            end if
38:
            if iters == 10 * k then
39:
                                                                                     ⊳ Cada 10 iters
                fitness\_i \leftarrow \emptyset
40:
                for row in |poblacion| do
41:
                    row = BL(row)
                                                         42:
43:
                    fitness\_i \leftarrow fitness\_i \cup diff(row)
                                                                                                   18
                end for
44:
            end if
45:
        end while
46:
        hijo \leftarrow min(poblacion)
47:
        return hi jo
48:
49: end function
```

Pseudocodigo de AM, el cual cada 10 iteraciones aplico BL sobre el 10 % de la poblacion

```
1: function AM_subset()
 2:
        TAM = 50
        MAX\_ITERS = 100000
 3:
 4:
        iters = 0
                                                                       ▶ Matriz de TAM individuos
        poblacion \leftarrow \emptyset
 5:
 6:
        hijo \leftarrow \emptyset
                                                                         ⊳ Este sera el hijo solucion
 7:
        hijos \leftarrow \emptyset
        fitness\_i \leftarrow \emptyset
 8:
        for row in poblacion do
 9:
            row \leftarrow generarPoblacion()
10:
            fitness\_i \leftarrow fitness\_i \cup diff(row)
11:
12:
        end for
13:
        while iters < MAX ITERS do
14:
            best father \leftarrow best (poblacion)
                                                          ▶ Individuo de la poblacion con la menor
    dispersión
            for row in |poblacion| do
15:
                padre2 \leftarrow next(row)

⊳ Siguiente individuo

16:
17:
                if boolRandom(0,7) then
18:
                    hijos \leftarrow hijos \cup generarHijosPosicion(row, padre2)
                    fitness\_i \leftarrow fitness\_i \cup diff(hijos)
19:
                                                                > Actualizamos la dispersion de los
    nuevos hijos
20:
                else
                    hijos \leftarrow hijos \cup row
21:
22:
                end if
            end for
23:
            spected\_mutations \leftarrow 0, 1 * n * m
24:
            count = 0
25:
            while count! = spected\_mutations do
26:
                cromosoma \leftarrow Random(0, TAM)
                                                                   ⊳ Elegimos el Individuo a mutar
27:
28:
                gen1 \leftarrow Random(0, n)
29:
                gen2 \leftarrow Random(0, n)
                                                                   30:
                if hijosatcromosoma[gen1]! = hijosatcromosoma[gen2] then \triangleright Si los genes del
    individuos elegido en hijos son distintos
                    swap(hijosatcromosoma[gen1],hijosatcromosoma[gen2])
31:
                end if
32:
                count \leftarrow count + 1
33:
            end while
34:
35:
            poblacion \leftarrow hijos
                                                        if ! find(fitness_i, best_father) then
                                                         ⊳ Si no encuentro el mejor individuo de la
36:
    poblacion sustituyo el peor por el mejor de la anterior
37:
                poblacionat\ peorelemento \leftarrow best\_father
            end if
38:
39:
            if iters == 10 * k then
                                                                                      ⊳ Cada 10 iters
                fitness\_i \leftarrow \emptyset
40:
41:
                for row in |poblacion| do
                    if Random < bool > (0,1) then \triangleright Con un 10% de probabilidad de aplicar
42:
    BL
                                                                                                    20
                        row = BL(row)
43:
44:
                        fitness\_i \leftarrow fitness\_i \cup diff(row)
                                                                        individuo
                    end if
45:
                end for
46:
            end if
47:
        end while
48:
49:
        hijo \leftarrow min(poblacion)
```

return hi io

Pseudocodigo de AM, el cual cada 10 iteraciones aplico BL sobre el $10\,\%$ de los mejores individuos de la poblacion

```
1: function AM_bests()
 2:
        TAM = 50
        MAX\_ITERS = 100000
 3:
 4:
       iters = 0

⊳ Matriz de TAM individuos

        poblacion \leftarrow \emptyset
 5:
 6:
       hijo \leftarrow \emptyset
                                                                        ⊳ Este sera el hijo solucion
 7:
       hijos \leftarrow \emptyset
        fitness i \leftarrow \emptyset
 8:
       for row in poblacion do
 9:
           row \leftarrow generarPoblacion()
10:
11:
            fitness\_i \leftarrow fitness\_i \cup diff(row)
12:
        end for
13:
        while iters < MAX ITERS do
14:
           best father \leftarrow best (poblacion)
                                                        ▶ Individuo de la poblacion con la menor
    dispersión
           for row in |poblacion| do
15:
                padre2 \leftarrow next(row)

⊳ Siguiente individuo

16:
17:
               if boolRandom(0,7) then
18:
                   hijos \leftarrow hijos \cup generarHijosPosicion(row, padre2)
                   fitness\_i \leftarrow fitness\_i \cup diff(hijos)
19:
                                                              > Actualizamos la dispersion de los
    nuevos hijos
20:
               else
                   hijos \leftarrow hijos \cup row
21:
22:
               end if
           end for
23:
           spected\_mutations \leftarrow 0, 1 * n * m
24:
           count = 0
25:
            while count! = spected\_mutations do
26:
               cromosoma \leftarrow Random(0, TAM)
                                                                  ⊳ Elegimos el Individuo a mutar
27:
28:
               gen1 \leftarrow Random(0, n)
29:
               gen2 \leftarrow Random(0, n)
                                                                 30:
               if hijosatcromosoma[gen1]! = hijosatcromosoma[gen2] then \triangleright Si los genes del
    individuos elegido en hijos son distintos
                   swap(hijosatcromosoma[gen1],hijosatcromosoma[gen2])
31:
               end if
32:
               count \leftarrow count + 1
33:
           end while
34:
35:
            poblacion \leftarrow hijos
                                                       if ! find(fitness_i, best_father) then
                                                        ⊳ Si no encuentro el mejor individuo de la
36:
    poblacion sustituyo el peor por el mejor de la anterior
37:
                poblacionat\ peorelemento \leftarrow best\_father
           end if
38:
39:
           best\_5 \leftarrow sort_ind(poblacion, 0, 1 * TAM)
                                                                   individuos
                                                                                    ⊳ Cada 10 iters
           if iters == 10 * k then
40:
                fitness\_i \leftarrow \emptyset
41:
42:
               for row in best_5 do
                                                                                                  22
                   row = BL(row)
43:
                    fitness\_i \leftarrow fitness\_i \cup diff(row)
                                                          44:
               end for
45:
           end if
46:
        end while
47:
       hijo \leftarrow min(poblacion)
48:
        return hi jo
49:
50: end function
```

Algoritmo	Desv	Tiempo
Greedy	0,6646633915	32,88
BL	0,4815112495	706,84
AGG-uniforme	0,384878225	4956,38
AGG-posición	0,5215188632	4279,12
AGE-uniforme		
AGE-posición		
AM-(10,1.0)	0,2682065942	20142,46
AM-(10,0.1)	0,3943533539	4984,94
AM-(10,0.1mej)	0,3886030957	5175,8

El bl esta ligeramente modificado para que pueda aceptar codificaion binaria, para ello simplemente hago un cambio, en vez de generar una solucion aleatoria, se la pasamos como parametro y ese parametro lo pasamos a codificacion entera para ejectuarla en el BL, luego deshacemos el cambio.

6. cONCLUSOINES

Si metemos muchas iteraciones en el generacional obtenemos soluciones mejores que las dadas como mejores en las tablas, pero requiere mucho tiempo.