

Práctica 1.a Técnicas de Búsqueda Local y Algoritmos Greedy para el Problema de la Mínima Dispersión Diferencial

José Luis Molina Aguilar

20 de mayo de 2022

Curso 2021-2022
DNI : 77556436E
Correo : joselu201@correo.ugr.es
Grupo : A3, MARTES 17:30 - 19:30

Índice

1	Descripción Problema de Mínima Dispersión Diferencial	3
1.1	Descripción	3
1.2	Consideraciones	3
2	Greedy	3
3	Busqueda por Trayectorias Simples (BL)	5
3.1	Factorización del Movimiento de Intercambio	6
4	Análisis	8
5	P2 : Basados en Poblaciones	10
5.1	Funcion para generar una población	10

Índice de figuras

4.1	Resultados distintos Algoritmos	8
4.2	Desviación distintos Algoritmos	9
4.3	Tiempos(ms) para diferentes Algoritmos	9

1. Descripción Problema de Mínima Dispersión Diferencial

El problema de Mínima Dispersión Diferencial es un problema de optimización combinatoria que entra en la clase de problemas **NP-Completo**

Este es un problema en el que las heurísticas obtienen buenas soluciones en menos tiempo.

1.1. Descripción

Dado un conjunto de n elementos todos ellos conectados entre sí, representado por una matriz de distancias de tamaño $n \times n$ obtener un subconjunto m tal que la diferencia entre la máxima distancia acumulada y la mínima distancia acumulada de los elementos de m se minimiza.

El conjunto $m < n$ y por lo tanto lo que estamos buscando es $m \subset n \mid \text{Minimize } DD(S_m)$ donde $DD(S_m)$ es la Dispersión Diferencial del conjunto de Soluciones de tamaño m

1.2. Consideraciones

En mi representación de este problema la matriz de distancias descrita anteriormente será una matriz de flotantes llamada **datos**

Además implementaré un vector **distan** la cual almacena la distancia desde un punto al resto, será útil para factorizar en BL.

2. Greedy

El algoritmo Greedy se basa en la heurística de ir añadiendo a la solución el elemento más óptimo de los disponibles, el cual es el que minimice la dispersión.

Elegiremos el primer elemento de m de forma aleatoria para ganar variedad en los resultados.

Después, el resto de elementos a elegir hasta completar la solución será, sobre todos los posibles candidatos, calculamos la dispersión cuando añadimos ese elemento a la solución m y el elemento que la minimice será escogido y añadido a la solución.

Esta aproximación cae fácilmente en óptimos locales ya que es muy dependiente de los del punto de inicio y en cada paso aunque escojamos el elemento que minimiza la Dispersión no significa que, como conjunto solución, sea el correcto.

La ventaja principal del greedy es que obtiene una solución relativamente buena en mucho menos tiempo que el algoritmo perfecto que resuelve este problema.

Para ayudarnos en el desarrollo del Greedy usaremos 3 funciones:

- **distPuntoRestoElementos**, que calcula la distancia acumulada de un punto al resto del vector.

- **diff**, el cual dado un vector de soluciones calcule las distancias acumuladas (`distPunto-
RestoElementos`) y devuelva la dispersión para ese conjunto.
- **fit_adding**, esta función simplemente calcula la dispersión (mediante `diff`) si añadimos un nuevo elemento al vector de soluciones.

La representación de la solución la realizaremos con un vector de enteros que almacena los índices de los elementos escogidos.

Por lo que el algoritmo Greedy quedaría:

Algorithm 1 Greedy

```

1: function GREEDY
2:   Solucion  $\leftarrow \emptyset$ 
3:   Candidatos  $\leftarrow V$                                 ▷ V son todos los índices,  $n$ 
4:    $v_0 \leftarrow \text{SelectRandomFrom}(\text{Candidatos})$ 
5:   Solucion  $\leftarrow \text{Solucion} \cup \{v_0\}$ 
6:   Candidatos  $\leftarrow \text{Candidatos} \setminus \{v_0\}$ 
7:   while  $|\text{Solucion}| < m$  do
8:     for ele in Candidatos do
9:       min  $\leftarrow \text{FLOATMAX}$ 
10:      new_fitness  $\leftarrow \text{fit\_adding}(\text{Solucion}, \text{ele})$ 
11:      if new_fitness < min then
12:        ele_pos  $\leftarrow \text{ele}$                                 ▷ Guardo el mejor elemento
13:        min  $\leftarrow \text{new\_fitness}$                             ▷ Actualizo el mínimo actual
14:      end if
15:    end for
16:    Solucion  $\leftarrow \text{Solucion} \cup \{\text{ele\_pos}\}$             ▷ Añado a la solución
17:    Candidatos  $\leftarrow \text{Candidatos} \setminus \{\text{ele\_pos}\}$ 
18:  end while
19:  return Solucion
20: end function

```

Pseudocódigo de **distPuntoRestoElementos**

Algorithm 2 distPuntoRestoElementos

```
1: function DISTPUNTORESTOELEMENTOS(FILA, VECTOR)
2:    $dist \leftarrow 0$ 
3:   for  $i \leftarrow 0$  to  $length(vector)$  do
4:      $dist \leftarrow dist + datos[filas][vector[i]]$ 
5:   end for
6:   return  $dist$ 
7: end function
```

Pseudocódigo de **diff**

Algorithm 3 diff

```
1: function DIFF(POSIBLES)
2:    $distancias \leftarrow \emptyset$ 
3:   for  $i \leftarrow 0$  to  $length(posibles)$  do
4:      $distancias \leftarrow distancias \cup distPuntoRestoElementos(posibles[i], posib)$ 
5:   end for
6:    $sort(distancias)$ 
7:   return  $distancias[length(posibles)] - distancias[0]$ 
8: end function
```

Pseudocódigo de **fit_adding**

Algorithm 4 fit_adding

```
1: function fit_adding(posibles, newi)
2:    $posibles \leftarrow posibles \cup new_i$ 
3:    $new\_diff \leftarrow diff(posibles)$ 
4:    $posibles \leftarrow posibles \setminus new_i$ 
5:   return  $new\_diff$ 
6: end function
```

3. Búsqueda por Trayectorias Simples (BL)

La búsqueda local se basa en generar una solución aleatoria, la cual como solución válida tiene que satisfacer las restricciones de

- No puede tener elementos repetidos
- Tiene que tener exactamente m elementos
- El orden no es relevante

Para obtener una solución BL aplica un Operador de intercambio, este es:

Dada una solución, intercambiar un elemento de esa solución por otro elemento del conjunto Candidatos, (el cual está formado por todos los índices menos los que están en solución, $S\text{-Solucion} = \text{Candidatos}$), el cual minimice el valor del fitness.

Esto provoca que el espacio de posibilidades de cambio sea de $m \cdot (m - n)$, por lo que a la hora de aplicar esto, una vez que encontremos un elemento que minimice la dispersión se añadirá a la solución, (con añadir me refiero a intercambiar los valores) y seguidamente buscaremos otra vez para el siguiente elemento de la solución, puede llegar un punto en el que una vez recorrido todo el conjunto de soluciones e intentar intercambiarlo por algún elemento del conjunto de Candidatos ninguno minimice el valor actual, en ese caso terminaremos y devolveremos la solución actual.

También utilizaremos un número limitado de iteraciones.

3.1. Factorización del Movimiento de Intercambio

Ejemplo.

Dado el conjunto solución (0,4,6), cambio el elemento 0 por 1, quedaria (1,4,6) por lo que el vector distan quedaría:

$D0 = D04 + D06$ //Esta ya no lo necesito

$D4 = D40 + D46$ //Si cambio el 0 por un 1, $D4 = D4 - D04 + D14$

$D6 = D60 + D64$

$D1 = D14 + D16$ //Este tengo que recalcularlo entero

$D4 = D4 - D04 + D14$

$D6 = D6 - D06 + D16$

De esta forma no tengo que volver a calcular de nuevo todas las distancia de un punto al resto, sino que simplemente tendré que actualizar el valor de la forma anteriormente descrita.

Lo cual me hace pasar de una complejidad $\mathcal{O}(n^2)$ a $\mathcal{O}(n)$

Algorithm 5 BL

```
1: function BL
2:   Solucion  $\leftarrow$  SelectRandomSolution
3:   Candidatos  $\leftarrow$  V ▷ V son todos los indices de n
4:   Shuffle(Candidatos)
5:   index  $\leftarrow$  0 ▷ Indice de solucion
6:   MaxIters  $\leftarrow$  1000000
7:   cambia  $\leftarrow$  true
8:   iter  $\leftarrow$  0
9:   while iter < MaxIters and cambia do
10:    for i  $\leftarrow$  0 to length(candidatos) do
11:      actual_disp  $\leftarrow$  diff(Solucion)
12:      intercambio  $\leftarrow$  (index, cand[i]) ▷ Cambio el elemento index por un candidato
13:      new_disp  $\leftarrow$  distFactorizada(Solucion, intercambio)
14:      if new_disp < actual_disp then
15:        Solucion  $\leftarrow$  Solucion  $\cup$  {cand[i]} ▷ Añado a la solucion
16:        index  $\leftarrow$  index + 1 ▷ Avanzo a otro elemento de solucion
17:        cambio  $\leftarrow$  true ▷ Anoto que ha habido cambio
18:        i  $\leftarrow$  0 ▷ Vuelvo a mirar con el siguiente elemento
19:      end if
20:      if !cambio and solucion[index] != solucion[solucion.size()] then
21:        ▷ Si no ha habido cambio, pero no he comprobado todo Solucion
22:        index  $\leftarrow$  index + 1 ▷ Avanzo al siguiente elemento
23:        i  $\leftarrow$  0 ▷ Vuelvo a mirar si algun candidato mejora
24:      else if solucion[index] == solucion[solucion.size()] then
25:        ▷ Si he comprobado todas
26:        cambio  $\leftarrow$  false
27:      end if
28:      iter  $\leftarrow$  iter + 1
29:    end for
30:    index  $\leftarrow$  index + 1
31:  end while
32:  return Solucion
33: end function
```

Pseudocodigo de **distFactorizada**

```

1: function distFactorizada(solucion, cambio)
2:   distan[cambio.first] = distPuntoRestoElementos(cambio.second, solucion);      ▷
   Recalculo el punto que he cambiado
3:   for  $i \leftarrow 0$  to length(solucion) do
4:      $distan[i] \leftarrow distan[i] - datos[solucion[cambio.first]][solucion[i]] +$ 
        $datos[cambio.second][solucion[i]];$ 
5:   end for
6:   Sort(distan)
7:   return (distan[distan.size() - 1] - distan[0]);
8: end function

```

4. Analisis

- La información de uso se encuentra en el README.md.
- Las semillas con las que se han obtenido los resultados estan en el main.cpp y son {0,1,2,3,4}.

Finalmente para representar los resultados obtenidos por estos dos algoritmos respecto del perfecto tenemos la siguiente grafica

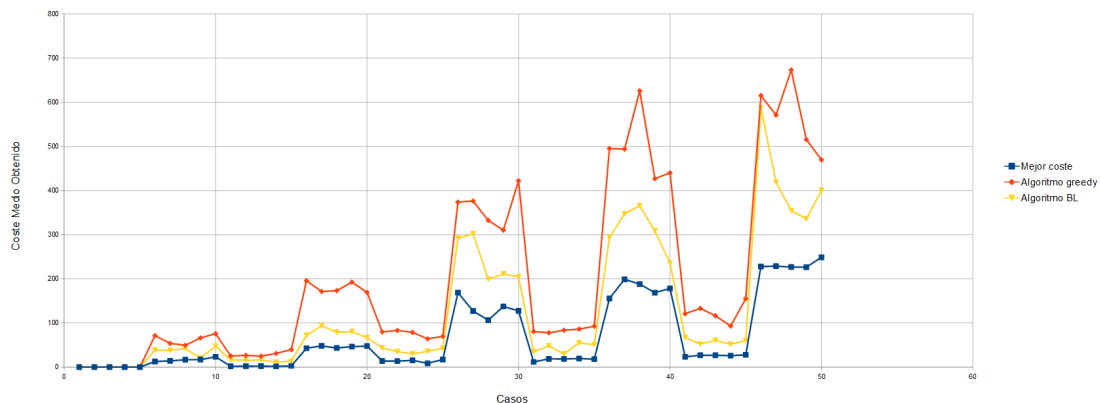


Figura 4.1: Resultados distintos Algoritmos

En la Gráfica 4.1 podemos ver como se comporta cada algoritmo, como vemos la BL es mucho mejor que el Greedy en este caso ya que esta mas cerca del resultado que nos ofrece el algoritmo perfecto.

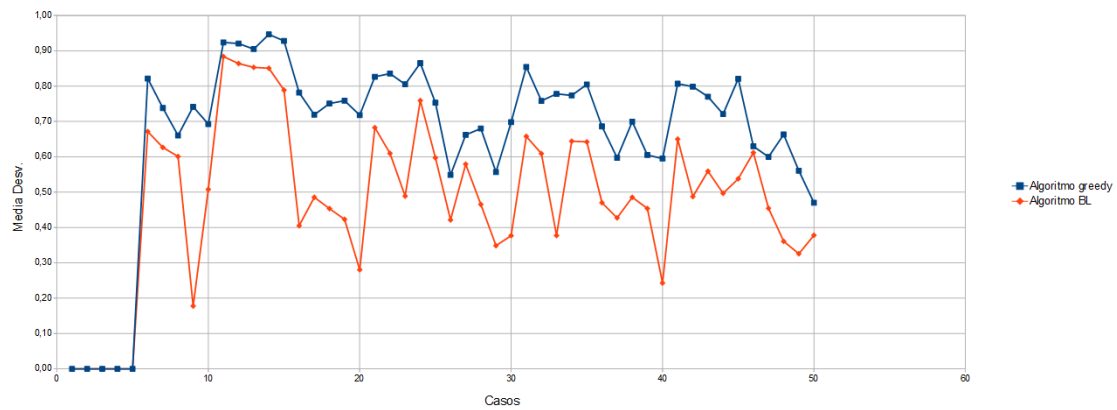


Figura 4.2: Desviación distintos Algoritmos

Pero esta mejora en la precisión conlleva como podemos ver en la Gráfica 4.3 un aumento sustancial en el tiempo de computo aunque si pudiesemos comparar el tiempo que le tomo al algoritmo perfecto, la BL en comparación sería muy rapida.

Además podemos ver que que el tiempo que tarda en dar una solución es directamente proporcional al número de elementos de m ya que, como podemos ver podemos diferenciar intervalos que tienen en común una cosa n , por ejemplo $[31, 40]$, $n = 125$, dentro de ese intervalo tenemos que $[31-35]$ $m = 12$ y $[35 - 40]$ $m = 37$, en la Gráfica podemos ver que tarda mucho menos en $[31-35]$ ya que el valor de m es menor que en el intervalo $[35 - 40]$

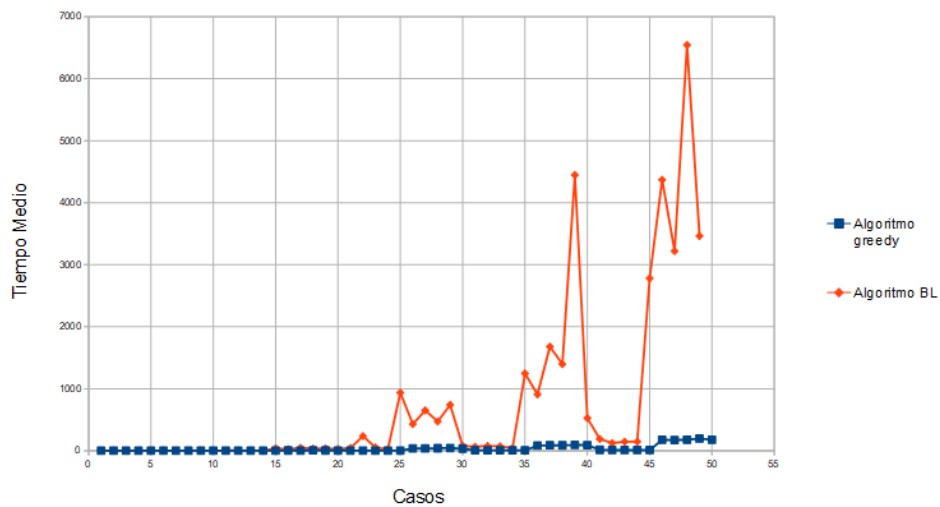


Figura 4.3: Tiempos(ms) para diferentes Algoritmos

5. P2 : Basados en Poblaciones

En esta practica tendremos que cambiar la representacion de las solución de enteras a binarias, por lo que ahora tendremos que cada solución tendrá un vector de n elementos donde m de esos elementos tienen que ser obligatoriamente 1 lo que significará que esos genes estan activos.

5.1. Funcion para generar una población

Esta funcion crea UN individuo respetando las restricciones.

Pseudocodigo de **generarPoblacion**

```
1: function generarPoblacion()
2:   poblacion  $\leftarrow \emptyset$                                 ▷ Creamos una poblacion vacia
3:   while count(poblacion, 1)  $\neq m$  do                      ▷ El numero de 1 sea distinto de m
4:     idx  $\leftarrow$  Random(0, n)                             ▷ Obtenemos un numero de 0 a n
5:     if poblacion[idx] == 0 then
6:       poblacion[idx] = 1
7:     else continue;
8:     end if
9:   end while
10:  return poblacion
11: end function
```

Entonces a la hora de crear una poblacion ejecutaremos esta funcion tantas veces como individuos queramos, para después guardarlo en una matriz de todos los individuos llamada poblacion. Ademas tendremos un vector llamado **fitness_i** en la cual guardaremos el fitness de cada individuo.

Necesitaremos tambien una función para seleccionar individuos, en nuestro caso mediante un torneo binario, devolviendo el mejor de los individuos Pseudocodigo de **torneo(poblacion,fitness_i, indiv)**

```

1: function torneo(poblacion, fitness_i, indiv)
2:   torneo  $\leftarrow \emptyset$                                 ▷ Creamos un torneo vacia
3:   worst  $\leftarrow \infty$ 
4:   while  $|torneo| \neq indiv$  do                            ▷ Tenemos indiv diferentes
5:     torneo  $\leftarrow torneo \cup Random(0, |poblacion|)$     ▷ Obtenemos un numero de 0 a n
6:   end while
7:   for i in torneo do
8:     if fitness_i[i] < worst then
9:       worst  $\leftarrow fitness\_i[i]$ 
10:      winner  $\leftarrow i$ 
11:    end if
12:  end for
13:  return winner
14: end function

```

Funcion que escoge n elementos ganadores del torneo.

Pseudocodigo de **seleccion(*poblacion*, *fitness_i*, *indiv*, *n*)**

```

1: function seleccion(poblacion, fitness_i, indiv, n)
2:   winner  $\leftarrow \emptyset$ 
3:   for i in n do
4:     winner  $\leftarrow winner \cup torneo(poblacion, fitness\_i, n)$ 
5:   end for
6:   return winner
7: end function

```

Funcion que genera una pareja de hijos de forma uniforme dados 2 padres.

Pseudocodigo de **generarHijosUniforme(*padre1*, *padre2*)**

```

1: function generarHijosUniforme(padre1, padre2)
2:   hijos  $\leftarrow \emptyset$ 
3:   for i = 0 in  $|padre|$  do
4:     if padre1[i] == padre2[i] then
5:       hijos[i]  $\leftarrow padre1[i]$ 
6:     else
7:       hijos[i]  $\leftarrow Random(0, 1)$ 
8:     end if
9:   end for
10:  reparar(hijos)
11:  return hijos
12: end function

```

Esta funcion repara la generacion de hijos cuando se generan de forma uniforme creando lo mejores hijos manteniendo los genes de los padres.

Pseudocodigo de **reparar(hijo)**

```
1: function reparar(hijo)
2:    $v \leftarrow \text{count}(\text{hijos}, 1)$ 
3:   if  $v == m$  then
4:     return hijo
5:   else if  $v > m$  then                                ▷ Si te sobran elementos
6:     while  $v \neq m$  do
7:       escoger los genes que minimizan la dispersion
8:     end while
9:   else if  $v < m$  then                                ▷ Si te faltan elementos
10:    while  $v \neq m$  do
11:      escoger los genes que minimizan la dispersion
12:    end while
13:  end if
14:  return hijo
15: end function
```

Funcion que genera una pareja de hijos que mantiene la posicion de los genes de los padres y los que no coinciden se seleccionan aleatoriamente pero respetando las restricciones.

Pseudocodigo de **generarHijosPosicion(padre1,padre2)**

```

1: function generarHijosPosicion(padre1, padre2)
2:   hijos  $\leftarrow \emptyset$ 
3:   restos  $\leftarrow \emptyset$ 
4:   if padre1 == padre2 then
5:     hijos = padre1, padre2                                     ▷ Devolvemos los mismos padres
6:   end if
7:   for  $i = 0$  in  $|padre|$  do
8:     if padre1[ $i$ ] != padre2[ $i$ ] then
9:       if padre1[ $i$ ] == 0 and padre2[ $i$ ] == 1 then
10:        resto  $\leftarrow resto \cup 0$ 
11:      else if padre1[ $i$ ] == 1 and padre2[ $i$ ] == 0 then
12:        resto  $\leftarrow resto \cup 1$ 
13:      end if
14:    else
15:      continue
16:    end if
17:  end for
18:  shuffle(resto)
19:   $j \leftarrow 0$ 
20:  for  $i = 0$  in  $|padre|$  do
21:    if padre1[ $i$ ] == padre2[ $i$ ] then
22:      hijos[ $i$ ]  $\leftarrow padre1[i]$ 
23:    else
24:      hijos[ $i$ ]  $\leftarrow resto[j]$ 
25:       $j \leftarrow j + 1$ 
26:    end if
27:  end for
28:  return hijos
29: end function

```

Algoritmos geneticos:

Implentaremos 2 tipos de algoritmos geneticos,

AGG(algoritmo genetico generacional)

AGG se basa en un algoritmo que generada una poblacion aleatoria, se escogen mediante un torneo binario tantos individuos como poblacion del mismo y se cruzan, en nuestro caso diferenciaremos dos tipos de cruce uniforme y posicion (cuyos Pseudocodigo estas explicado arriba) para seguidamente mutar algunos de sus genes con probabilidad P_M y reemplazar la nueva poblacion obtenida por la nueva y conservando el mejor de ambas(elitismo).

AGE(algoritmo genetico Estacional)

Este es practicamente igual, la unica diferencia es que a laa hora de seleccionar los individuos, solo se seleccionan 2, estos seran los que se cruzaran y cuyos hijos mutaran, para seguidamente, si mejoran los peores individuos de la poblacion sustituirlos.

```

1: function AGG_uniforme()
2:   TAM = 50
3:   MAX_ITEES = 100000
4:   iters = 0
5:   poblacion  $\leftarrow$   $\emptyset$                                 ▷ Matriz de TAM individuos
6:   hijo  $\leftarrow$   $\emptyset$                                     ▷ Este sera el hijo solucion
7:   hijos  $\leftarrow$   $\emptyset$ 
8:   fitness_i  $\leftarrow$   $\emptyset$ 
9:   for row in poblacion do
10:    row  $\leftarrow$  generarPoblacion()
11:    fitness_i  $\leftarrow$  fitness_i  $\cup$  diff(row)
12:   end for
13:   while iters < MAX_ITEES do
14:     best_father  $\leftarrow$  best(poblacion)                ▷ Individuo de la poblacion con la menor
dispersion
15:     for row in |poblacion| do
16:       padre2  $\leftarrow$  next(row)                        ▷ Siguiendo individuo
17:       if boolRandom(0,7) then
18:         hijos  $\leftarrow$  hijos  $\cup$  generarHijosUniforme(row, padre2)
19:         fitness_i  $\leftarrow$  fitness_i  $\cup$  diff(hijos)    ▷ Actualizamos la dispersion de los
nuevos hijos
20:       else
21:         hijos  $\leftarrow$  hijos  $\cup$  row
22:       end if
23:     end for
24:     spected_mutations  $\leftarrow$  0,1 * n * m
25:     count = 0
26:     while count! = spected_mutations do
27:       cromosoma  $\leftarrow$  Random(0,TAM)                ▷ Elegimos el Individuo a mutar
28:       gen1  $\leftarrow$  Random(0,n)
29:       gen2  $\leftarrow$  Random(0,n)                        ▷ Elegimos dos genes Diferentes
30:       if hijosatcromosoma[gen1]! = hijosatcromosoma[gen2] then ▷ Si los genes del
individuos elegido en hijos son distintos
31:         swap(hijosatcromosoma[gen1],hijosatcromosoma[gen2])
32:       end if
33:       count  $\leftarrow$  count + 1
34:     end while
35:     poblacion  $\leftarrow$  hijos                            ▷ Los hijos sustituyen a la poblacion actual
36:     if !find(fitness_i,best_father) then             ▷ Si no encuentro el mejor individuo de la
poblacion sustituyo el peor por el mejor de la anterior
37:       poblacionatpeorelemento  $\leftarrow$  best_father
38:     end if
39:   end while
40:   hijo  $\leftarrow$  min(poblacion)
41:   return hijo
42: end function

```

```

1: function AGG_posicion()
2:   TAM = 50
3:   MAX_ITEES = 100000
4:   iters = 0
5:   poblacion  $\leftarrow$   $\emptyset$                                 ▷ Matriz de TAM individuos
6:   hijo  $\leftarrow$   $\emptyset$                                     ▷ Este sera el hijo solucion
7:   hijos  $\leftarrow$   $\emptyset$ 
8:   fitness_i  $\leftarrow$   $\emptyset$ 
9:   for row in poblacion do
10:    row  $\leftarrow$  generarPoblacion()
11:    fitness_i  $\leftarrow$  fitness_i  $\cup$  diff(row)
12:   end for
13:   while iters < MAX_ITEES do
14:     best_father  $\leftarrow$  best(poblacion)                ▷ Individuo de la poblacion con la menor
dispersion
15:     for row in |poblacion| do
16:       padre2  $\leftarrow$  next(row)                        ▷ Siguiendo individuo
17:       if boolRandom(0,7) then
18:         hijos  $\leftarrow$  hijos  $\cup$  generarHijosPosicion(row, padre2)
19:         fitness_i  $\leftarrow$  fitness_i  $\cup$  diff(hijos)    ▷ Actualizamos la dispersion de los
nuevos hijos
20:       else
21:         hijos  $\leftarrow$  hijos  $\cup$  row
22:       end if
23:     end for
24:     spected_mutations  $\leftarrow$  0,1 * n * m
25:     count = 0
26:     while count! = spected_mutations do
27:       cromosoma  $\leftarrow$  Random(0,TAM)                ▷ Elegimos el Individuo a mutar
28:       gen1  $\leftarrow$  Random(0,n)
29:       gen2  $\leftarrow$  Random(0,n)                        ▷ Elegimos dos genes Diferentes
30:       if hijosatcromosoma[gen1]! = hijosatcromosoma[gen2] then ▷ Si los genes del
individuos elegido en hijos son distintos
31:         swap(hijosatcromosoma[gen1],hijosatcromosoma[gen2])
32:       end if
33:       count  $\leftarrow$  count + 1
34:     end while
35:     poblacion  $\leftarrow$  hijos                            ▷ Los hijos sustituyen a la poblacion actual
36:     if !find(fitness_i,best_father) then             ▷ Si no encuentro el mejor individuo de la
poblacion sustituyo el peor por el mejor de la anterior
37:       poblacionatpeorelemento  $\leftarrow$  best_father
38:     end if
39:   end while
40:   hijo  $\leftarrow$  min(poblacion)
41:   return hijo
42: end function

```

```

1: function AGE_uniforme()
2:   TAM = 50
3:   MAX_ITEES = 100000
4:   iters = 0
5:   poblacion ← ∅                                ▷ Matriz de TAM individuos
6:   hijo ← ∅                                       ▷ Este sera el hijo solucion
7:   hijos ← ∅
8:   fitness_i ← ∅
9:   fitness_hijo ← ∅
10:  for row in poblacion do
11:    row ← generarPoblacion()
12:    fitness_i ← fitness_i ∪ diff(row)
13:  end for
14:  while iters < MAX_ITEES do
15:    selected ← seleccion(poblacion, fitness_i, 2)    ▷ Eligo los 2 padres
16:    hijos ← generarHijosUniforme(selected[0], selected[1]) ▷ Cruzo los 2 padres
17:    spected_mutations ← 0,1 * n * 2
18:    count = 0
19:    while count! = spected_mutations do
20:      cromosoma ← Random(0, |hijos|)                ▷ Elegimos el Individuo a mutar
21:      gen1 ← Random(0, n)
22:      gen2 ← Random(0, n)                            ▷ Elegimos dos genes Diferentes
23:      if hijosatcromosoma[gen1]! = hijosatcromosoma[gen2] then ▷ Si los genes del
        individuos elegido en hijos son distintos
24:        swap(hijosatcromosoma[gen1], hijosatcromosoma[gen2])  ▷ Intercambio
        cromosomas
25:        fitness_hijo ← fitness_hijo ∪ hijosatcromosoma    ▷ Actualizo dispersion
26:      end if
27:      count ← count + 1
28:    end while
29:    worst_i, second_worst ← max(fitness_i)            ▷ Obtengo los dos peores padres
30:    poblacion ← poblacion ∩ {worst_i, second_worst}
31:    poblacion ← poblacion ∪ hijos ▷ Sustituyo los peores padres por los mejores hijos
32:  end while
33:  hijo ← min(poblacion)
34:  return hijo
35: end function

```

```

1: function AGE_posicion()
2:   TAM = 50
3:   MAX_ITSERS = 100000
4:   iters = 0
5:   poblacion  $\leftarrow$   $\emptyset$  ▷ Matriz de TAM individuos
6:   hijo  $\leftarrow$   $\emptyset$  ▷ Este sera el hijo solucion
7:   hijos  $\leftarrow$   $\emptyset$ 
8:   fitness_i  $\leftarrow$   $\emptyset$ 
9:   fitness_hijo  $\leftarrow$   $\emptyset$ 
10:  for row in poblacion do
11:    row  $\leftarrow$  generarPoblacion()
12:    fitness_i  $\leftarrow$  fitness_i  $\cup$  diff(row)
13:  end for
14:  while iters < MAX_ITSERS do
15:    selected  $\leftarrow$  seleccion(poblacion, fitness_i, 2) ▷ Eligo los 2 padres
16:    hijos  $\leftarrow$  generarHijosPosicion(selected[0], selected[1]) ▷ Cruzo los 2 padres
17:    spected_mutations  $\leftarrow$  0,1 * n * 2
18:    count = 0
19:    while count! = spected_mutations do
20:      cromosoma  $\leftarrow$  Random(0, |hijos|) ▷ Elegimos el Individuo a mutar
21:      gen1  $\leftarrow$  Random(0, n)
22:      gen2  $\leftarrow$  Random(0, n) ▷ Elegimos dos genes Diferentes
23:      if hijosatcromosoma[gen1]! = hijosatcromosoma[gen2] then ▷ Si los genes del
        individuos elegido en hijos son distintos
24:        swap(hijosatcromosoma[gen1], hijosatcromosoma[gen2]) ▷ Intercambio
        cromosomas
25:        fitness_hijo  $\leftarrow$  fitness_hijo  $\cup$  hijosatcromosoma ▷ Actualizo dispersion
26:      end if
27:      count  $\leftarrow$  count + 1
28:    end while
29:    worst_i, second_worst  $\leftarrow$  max(fitness_i) ▷ Obtengo los dos peores padres
30:    poblacion  $\leftarrow$  poblacion  $\cap$  {worst_i, second_worst}
31:    poblacion  $\leftarrow$  poblacion  $\cup$  hijos ▷ Sustituyo los peores padres por los mejores hijos
32:  end while
33:  hijo  $\leftarrow$  min(poblacion)
34:  return hijo
35: end function

```

Algoritmo Memético Este algoritmo consiste en hibridar el AGG con una búsqueda local Pseudocódigo de AM, el cual cada 10 iteraciones aplico BL sobre todos los elementos de la población.

```

1: function  $AM_{all}()$ 
2:    $TAM = 50$ 
3:    $MAX\_ITERS = 100000$ 
4:    $iters = 0$ 
5:    $poblacion \leftarrow \emptyset$  ▷ Matriz de TAM individuos
6:    $hijo \leftarrow \emptyset$  ▷ Este sera el hijo solucion
7:    $hijos \leftarrow \emptyset$ 
8:    $fitness\_i \leftarrow \emptyset$ 
9:   for  $row$  in  $poblacion$  do
10:     $row \leftarrow generarPoblacion()$ 
11:     $fitness\_i \leftarrow fitness\_i \cup diff(row)$ 
12:   end for
13:   while  $iters < MAX\_ITERS$  do
14:     $best\_father \leftarrow best(poblacion)$  ▷ Individuo de la poblacion con la menor
    dispersion
15:    for  $row$  in  $|poblacion|$  do
16:       $padre2 \leftarrow next(row)$  ▷ Siguiendo individuo
17:      if  $boolRandom(0,7)$  then
18:         $hijos \leftarrow hijos \cup generarHijosPosicion(row, padre2)$ 
19:         $fitness\_i \leftarrow fitness\_i \cup diff(hijos)$  ▷ Actualizamos la dispersion de los
        nuevos hijos
20:      else
21:         $hijos \leftarrow hijos \cup row$ 
22:      end if
23:    end for
24:     $spected\_mutations \leftarrow 0,1 * n * m$ 
25:     $count = 0$ 
26:    while  $count \neq spected\_mutations$  do
27:       $cromosoma \leftarrow Random(0, TAM)$  ▷ Elegimos el Individuo a mutar
28:       $gen1 \leftarrow Random(0, n)$ 
29:       $gen2 \leftarrow Random(0, n)$  ▷ Elegimos dos genes Diferentes
30:      if  $hijosatcromosoma[gen1] \neq hijosatcromosoma[gen2]$  then ▷ Si los genes del
      individuos elegido en hijos son distintos
31:         $swap(hijosatcromosoma[gen1], hijosatcromosoma[gen2])$ 
32:      end if
33:       $count \leftarrow count + 1$ 
34:    end while
35:     $poblacion \leftarrow hijos$  ▷ Los hijos sustituyen a la poblacion actual
36:    if  $!find(fitness\_i, best\_father)$  then ▷ Si no encuentro el mejor individuo de la
    poblacion sustituyo el peor por el mejor de la anterior
37:       $poblacionatpeorelemento \leftarrow best\_father$ 
38:    end if
39:  end while
40:   $hijo \leftarrow min(poblacion)$ 
41:  return  $hijo$ 
42: end function

```
