

CAMO MAGNÉTICO RESUELTOS

- 13.** 13. Se tiene un hilo recto e indefinido por el que circulan 5,0 A. La velocidad (en m/s) de un electrón en un punto situado a 1,0 μm del hilo, sabiendo que forma 90° con el campo, para que fuese atraído por éste con una fuerza de 5,0 pN sería de:
- a) $3,1 \times 10^7$ b) $3,5 \times 10^7$ c) $3,0 \times 10^8$ d) 0

(Datos: $e = 1,6 \times 10^{-19} \text{ C}$; $\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \text{ T m A}^{-1}$)

13. Respuesta a. Dado que la velocidad y el campo forman 90° , podemos expresar el módulo de la fuerza como $F=qvB$, siendo el B el asociado a un conducto recto indefinido, de módulo $B = \frac{\mu_0 I}{2\pi d}$

Igualando y sustituyendo

$$F = qv \frac{\mu_0 I}{2\pi d} \Rightarrow v = \frac{F 2\pi d}{q\mu_0 I} = \frac{5,0 \cdot 10^{-12} \cdot 2 \cdot \pi \cdot 10^{-6}}{1,6 \cdot 10^{-19} \cdot 4 \cdot \pi \cdot 10^{-7} \cdot 5,0} = 3,125 \cdot 10^7 \text{ m/s}$$

- 14.** 14. En un campo magnético uniforme B de 1,00 T se encuentra una bobina de 1000 espiras y de sección $20/\pi \text{ cm}^2$. La bobina gira alrededor de un eje coplanario y perpendicular al vector B a razón de 50 rps. Si la resistencia eléctrica de la bobina es de 500 Ω , el valor máximo de la potencia disipada en la bobina (expresada en vatios) es de:
- a) 26,7 b) 53,4 c) 80,1 d) 105,8

14. Respuesta c. Si la bobina gira alrededor de uno de sus ejes que es perpendicular al vector campo magnético, podemos plantear el flujo como $\Phi = \vec{B} \cdot \vec{S}_{\text{total}} = B \cdot N \cdot S_{\text{espira}} \cdot \cos(\omega t)$

$$\omega = 50 \frac{\text{rev}}{\text{s}} \cdot \frac{2\pi \text{ rad}}{1 \text{ rev}} = 100\pi \text{ rad/s}$$

Utilizando la ley de Faraday $\varepsilon = -\frac{d\Phi}{dt} = \omega B N S_{\text{espira}} \sin(\omega t)$

El valor máximo de voltaje es $\varepsilon_{\text{máx}} = \omega B N S_{\text{espira}} = 100 \cdot \pi \cdot 1,00 \cdot 1000 \cdot \frac{20}{\pi} \cdot 10^{-4} = 200 \text{ V}$

Potencia disipada máxima $P = V \cdot I = V^2/R = 200^2/500 = 80 \text{ W}$

Se pide máximo de potencia disipada, luego es para un valor instantáneo de voltaje y de intensidad, y no hay que considerar voltaje eficaz ni potencia promedio disipada aunque sea una tensión alterna.

- 15.** 15. Al definir el amperio se dice que corresponde a la intensidad de corriente que circula por dos cables paralelos en el vacío, de longitud 1,0 m y cuya interacción magnética es de $2 \times 10^{-7} \text{ N}$. La fuerza por metro, expresada en Nm^{-1} , cuando la corriente en cada conductor es de 3,0 A y su separación es de 2,0 m sería de:
- a) $1,5 \times 10^{-7}$ b) $3,0 \times 10^{-7}$ c) $4,5 \times 10^{-7}$ d) $9,0 \times 10^{-7}$ e) $3,6 \times 10^{-6}$

15. Respuesta d) $9,0 \cdot 10^{-7}$. Para la fuerza ejercida entre dos conductores rectilíneos separados una distancia d

se llega a la expresión $F_{12} = \mu_0 \frac{I_1 I_2}{2\pi d}$. Con nuevos datos $F_{12'} = \mu_0 \frac{I_1' I_2'}{2\pi d'} = F_{12} \cdot \frac{3 \cdot 3}{2} = 4,5 F_{12}$

- 17.** 17. Por un hilo rectilíneo indefinido circula una corriente de 2,0 A que en un intervalo de tiempo de 0,050 s se anula. A una distancia de 40 cm hay una bobina coplanaria de 100 espiras y diámetro 50 mm cuyo plano es ortogonal a la dirección perpendicular al hilo desde su posición. Al realizar una estimación de la fuerza electromotriz inducida en la bobina se obtendría un valor que expresado en μV , sería de (Dato: $\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7} \text{ TmA}^{-1}$):
- a) 4,0 b) 6,0 c) 10 d) 150 e) 400

17. Respuesta a) 4. El campo creado por el hilo a una distancia de 40 cm será

$$B = \frac{\mu_0 I}{2\pi d} = \frac{4\pi \cdot 10^{-7} \cdot 2}{2\pi \cdot 0,4} = 10^{-6} T. \text{ Como la espira es pequeña, asumimos el campo uniforme en toda ella.}$$

Comentario: *espira coplanaria hace referencia a que no es un solenoide en el que hay que considerar su longitud, todas las espiras están muy juntas, y la superficie a considerar es $S=N \cdot s$.*

El flujo será $\Phi = B \cdot S = B \cdot N \cdot s = B \cdot 100 \cdot \pi \cdot \left(\frac{0,05}{2}\right)^2$, y la fuerza electromotriz

$$\varepsilon = -\frac{d\Phi}{dt} = -S \frac{dB}{dt} = -S \cdot \frac{\Delta B}{\Delta t} = -100 \cdot \pi \cdot \left(\frac{0,05}{2}\right)^2 \frac{(0 - 10^{-6})}{0,050} = 3,9 \cdot 10^{-6} V \approx 4 \mu V$$

Comentario: el flujo en el resto de la espira es menor, hemos tomado el valor máximo de campo en la espira.

18. 18. Se tienen dos bobinas concéntricas y coplanarias de 100 espiras cada una y de radios $R_1=0,050$ m y $R_2=0,10$ m, por las que circulan sendas corrientes $I_1=3,0$ A, e $I_2=6,0$ A, respectivamente, siendo sus sentidos contrarios una respecto de la otra.

El campo magnético B generado en el centro de las bobinas toma un valor, expresado en T, de:

- a) 0 b) $150\mu_0$ c) $300\mu_0$ d) $3000\mu_0$ e) $4500\mu_0$

18. Respuesta a) 0. El campo magnético creado por cada bobina en su centro es $B = \frac{\mu_0 N I}{2d}$. Como ambas

bobinas son coplanarias, con mismo número de espiras, y tienen sentidos opuestos, el campo total en el

centro utilizando el principio de superposición será $B = \frac{\mu}{2} \left(\frac{3}{0,05} - \frac{6}{0,1} \right) = 0$

20. 13.- Un aro circular de 40,0 cm de diámetro, está fabricado con un conductor flexible, y está en un plano que es perpendicular a un campo magnético uniforme de 0,12 T. En $t=0$ s el circuito comienza a crecer, de tal forma que su radio se incrementa a razón de $5,00 \text{ mm s}^{-1}$. La fuerza electromotriz inducida a los 5,0 s es (expresada en mV):

- a) 0,09 b) 0,76 c) 0,77 d) 0,85

13. Respuesta d) 0,85. El flujo es $\Phi = B \cdot S = B \cdot \pi \cdot R^2$

El radio inicialmente son 0,2 m, y aumenta $0,005 \text{ m/s}$, luego $R=0,2+0,005 \cdot t$

Sustituyendo $\Phi = B \cdot S = B \cdot \pi \cdot (0,2+0,005 \cdot t)^2 = B \cdot \pi \cdot (0,005^2 t^2 + 2 \cdot 0,2 \cdot 0,005 t + 0,2^2)$

La fuerza electromotriz es $\varepsilon = -\frac{d\Phi}{dt} = -B \cdot \pi \cdot (2 \cdot 0,005^2 t + 2 \cdot 0,2 \cdot 0,005)$

$$\varepsilon(t=5s) = 0,12 \cdot \pi \cdot (2 \cdot 0,005^2 \cdot 5 + 2 \cdot 0,2 \cdot 0,005) = 8,5 \cdot 10^{-4} V$$

21. 10.- En el plano XY hay dos conductores rectos e indefinidos perpendiculares al plano; uno está en el punto (4,0) y circula una intensidad de 5,0 A en el sentido del semieje negativo OZ, y el otro conductor está en el punto (0,-3) y circula por el mismo una intensidad de 2,0 A también en el sentido del semieje negativo OZ. La intensidad que debe circular (en A) por otro conductor perpendicular al plano XY en el punto (4,-3) para que el campo B en el punto (0,0) tenga únicamente componente según el eje Y es: (Tenga en cuenta que las distancias están expresadas en metros)

- a) 14,0 b) 7,0 c) 5,6 d) 2,0

9. Respuesta c) 5,6. Si realizamos un diagrama podemos razonar que el campo generado por el conductor en (0,-3) va dirigido hacia x positivas, y que el campo generado por el conductor en (4,0) hacia y positivas, y es este segundo el que hay que anular para conseguir lo indicado en el enunciado.

El conductor situado en (4,-3) tendrá que tener una corriente dirigida hacia z positivas, de modo que genere un campo que tenga componente x negativa y componente y negativa.

Igualando componente positiva del campo generado por conductor en (0,-3) y componente negativa del

campo generado por conductor en (4,-3), que se encuentra a una distancia de 5 m que se calcula con

Pitágoras. Para proyectar el campo generado por el conductor en (4,-3) sobre el eje x multiplicamos por el

coseno, que se puede razonar que es igual a 3/5. $\frac{\mu_0 I}{2\pi 5} \cdot \frac{3}{5} = \frac{\mu_0 2}{2\pi 3} \Rightarrow I = \frac{50}{9} = 5,6 \text{ A}$

22. 11.- Dos raíles metálicos forman 15° en el plano XY, y uno de ellos tiene la dirección del semieje X positivo; hay un campo magnético perpendicular al plano XY $B = 0,42 \text{ k}$ (T). Si una varilla metálica paralela al eje y se mueve, partiendo del origen y apoyada en los dos raíles, con una velocidad constante de $v = 0,40 \text{ i}$ (m/s), la fem inducida a los 5,0 s de iniciarse el movimiento, tiene un valor (en mV) de:

a) 22,5 b) 45,0 c) 90,0 d) 168

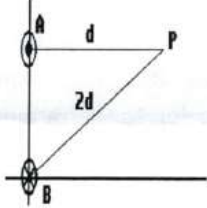
10. Respuesta c) 90. El enunciado no indica que haya un conductor en el origen que cierre el circuito (o que ambos conductores se crucen en el origen) y que haga que al desplazarse la varilla aumente la superficie y el flujo, hacemos planteamiento general. Si realizamos un diagrama asumiendo lo anterior podemos razonar que la superficie es un trapecio $S = l \cdot x + x \cdot x \cdot \tan(15^\circ)/2 = x(l + x \cdot \tan(15^\circ)/2)$, siendo l la separación entre raíles en el origen. Se indica que la varilla móvil parte del origen, por lo que $x = v \cdot t$.

$$\Phi = B \cdot S \cdot \cos(\alpha) = B \cdot v \cdot t (l + v \cdot t \cdot \tan(15^\circ)/2) = B \cdot v \cdot (l \cdot t + v \tan(15^\circ) t^2/2)$$

$$\varepsilon = -\frac{d\Phi}{dt} = -B \cdot v (l + v \tan(15^\circ) \cdot t)$$

$$\varepsilon(t = 5 \text{ s}) = 0,42 \cdot 0,40 (l + 0,40 \cdot \tan(15^\circ) \cdot 5) = [\text{expresado en V}] = 168 \cdot l + 90 [\text{expresado en mV}]$$

No se indica la separación entre raíles, así que si asumimos $l = 0 \text{ m}$ (se cruzan en origen), la respuesta es c)

25.  9.- Dos conductores rectilíneos indefinidos, perpendiculares al plano del papel, lo atraviesan en los puntos A y B, tal como muestra la figura, (siendo $d = 1,0 \text{ m}$). La intensidad del conductor en A es $I = 1,0 \text{ A}$, en sentido saliente, y la del B es $I = 2,0 \text{ A}$ en sentido entrante. El campo magnético en el punto P tiene un módulo de (expresado en μT):

a) 0,2 b) 0,3 c) 0,4 d) 0,7

9. Respuesta a) 0,2. Si tomamos como eje x horizontal y eje y vertical, utilizando la regla de la mano derecha podemos ver dirección y sentido del campo creado por cada conductor.

A: Dirección eje y, sentido y positivas.

B: Dirección formando -45° con eje x, sentido de las agujas del reloj en el diagrama.

Los módulos son

$$B_A = \frac{\mu_0 I_A}{2\pi d} = \frac{4\pi 10^{-7} 1}{2\pi 1} = 2 \cdot 10^{-7} \text{ T} = 0,2 \mu\text{T}$$

$$B_B = \frac{\mu_0 I_B}{2\pi 2d} = \frac{4\pi 10^{-7} 2}{2\pi 2} = 2 \cdot 10^{-7} \text{ T} = 0,2 \mu\text{T}$$

El campo total tendrá como componente x la componente x de B_B , y como componente y la resta de B_A y la componente y de B_B .

$$B_{Bx} = B_{By} = B_B \cdot \cos 45^\circ = \frac{0,2}{\sqrt{2}} \mu\text{T}$$

El módulo total

$$B = \sqrt{\left(\frac{0,2}{\sqrt{2}}\right)^2 + \left(0,2 - \frac{0,2}{\sqrt{2}}\right)^2} = 0,153 \mu\text{T} \quad \text{Elegimos opción a, redondeo con 1 cifra significativa.}$$