

## Problema 25

OTEGUI MARÍN, JOSÉ (TAIS73)

ID envío	Usuario/a	Hora envío	Veredicto
59403	TAIS73	2021-10-19 09:48	AC
59387	TAIS73	2021-10-19 09:38	AC

Fichero prob-25.cpp

- \*
- \* Indicad el nombre completo y usuario del juez de quienes habéis hecho esta solución:
- \* Estudiante 1: Alberto Chaves, TAIS20
- \* Estudiante 2: Jose Otegui, TAIS73
- \*

Al leer los datos se crea una cola de prioridad en las que se almacena cada posible carretera con su origen y destino ordenadas de menor a mayor coste de construcción.

La resolución comienza en el peor caso posible, en el que se construya un aeropuerto para cada localidad.

A partir de ahí, se extrae la carretera con menor coste, si el coste de construirla es menor que el de mantener dos

aeropuertos en lugar de solo uno, ambas regiones se consideran ahora unidas, se descuenta el coste de un aeropuerto y se incrementa con el coste de la carretera.

Cuando no quedan carreteras que evaluar, muestra el coste total y el número de conjuntos disjuntos que han quedado, que corresponden con el número de aeropuertos.

El coste del algoritmo sería de  $O(N \log M)$  ya que la operación Unir se hace  $N$  veces.

```
struct Carretera {
    int origen;
    int fin;
    int coste;
    //si redefino el operador menor puedo usarlo como comparador de la cola de prioridad
    bool operator<(const Carretera& otro) const {
        return coste < otro.coste;
    }
};
```

-  $M \log M$  por la construcción de la cola.  
- Unir es prácticamente constante

```
void resolver(int localidades, PriorityQueue<Carretera>& cola, int costeAeropuertos) {
```

```
    int total = 0; //el coste de las carreteras
    int aeropuertos = localidades; //cuantos aeropuertos se necesitan, realmente coincide con
    el número de conjuntos
    ConjuntosDisjuntos conjuntos(localidades); //al principio, se considera 1 aeropuerto por
    localidad, esto es, que no hacen falta carreteras
```

```
    while (!cola.empty()) {
        Carretera menor = cola.top();
        cola.pop();
        //solo si el coste de comunicar las dos localidades que une la carretera mediante la
        misma es menor que mantener el aeropuerto
```

```

//y además las dos regiones no estaban unidas previamente, se unen y se incrementa el
coste de carreteras
if (menor.coste < costeAeropuertos && !conjuntos.unidos(menor.origen, menor.fin)) {
    conjuntos.unir(menor.origen, menor.fin);
    aeropuertos--;
    total += menor.coste;
}
}

cout << (total + aeropuertos * costeAeropuertos) << " " << conjuntos.num_cjtos() << endl;
}

bool resuelveCaso() {

    // leemos la entrada
    int N, M, A;
    cin >> N >> M >> A;
    if (!cin)
        return false;

    // leer el resto del caso y resolverlo

    PriorityQueue<Carretera> cola;
    for (int i = 0; i < M; i++) { //se leen todas las carreteras posibles
        Carretera aux;
        cin >> aux.origen >> aux.fin >> aux.coste;
        aux.origen = aux.origen - 1;
        aux.fin = aux.fin - 1;
        cola.push(aux);
    }

    resolver(N, cola, A);

    return true;
}

```