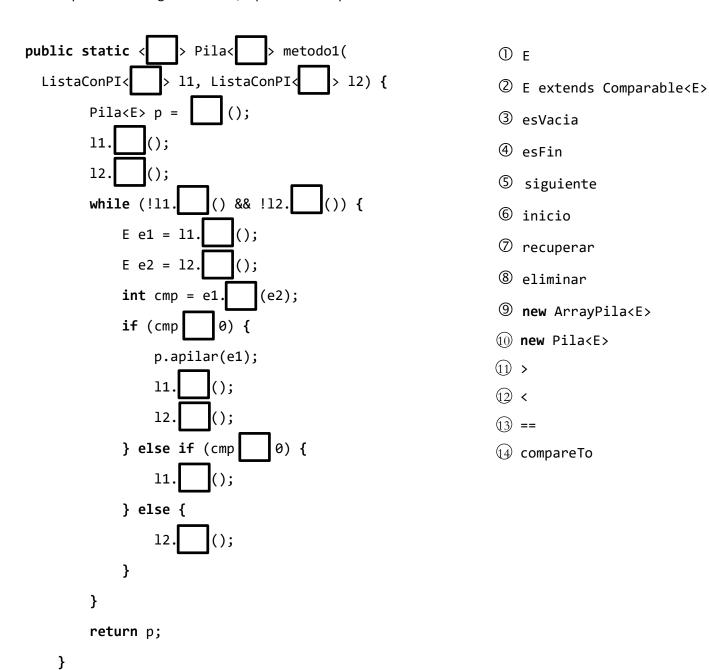
Primer Parcial de Estructuras de Datos y Algoritmos (EDA) – 31 de Marzo de 2021 - Duración: 1h. 30m.

APELLIDOS, NOMBRE	GRUPO

1.- (3,00 puntos) El siguiente método recibe dos **ListaConPI** genéricas, ambas sin elementos repetidos y ordenados ascendentemente. El método debe eliminar de dichas listas todos los elementos que tengan en común y devolverlos almacenados en una **Pila**.

Por ejemplo, si la primera lista es [1, 3, 5, 7, 9, 10] y la segunda es [1, 2, 4, 9, 11], tras la llamada al método quedarán como [3, 5, 7, 10] y [2, 4, 11], respectivamente, y la pila contendrá los dos elementos eliminados: el 9 en su tope y el 1 en su base.

Escribe en cada recuadro el número de la opción (ver listado a la derecha) que le corresponde. Una opción puede no aparecer en ningún recuadro, o puede usarse para rellenar uno o varios recuadros.



- 2.- Aplicación de la estrategia Divide y Vencerás.
- **2.1.-** (2,70 puntos). Implementa un método recursivo eficiente que, dado un array de enteros, no vacío, ordenado ascendentemente y sin elementos repetidos, devuelva el primer valor omitido que haría que sus elementos fueran consecutivos. En el caso de que no hubiera valor omitido, se devolverá el siguiente valor en secuencia. Implementa, además, el método lanzadera que invoque el método recursivo.

La siguiente tabla muestra el resultado correcto para varias entradas, con un comentario que explica cada resultado. Por ejemplo, para el array [0, 1, 2, 4, 5, 7] el método devuelve 3, el 1º valor omitido. Observa que podrían haber otros valores omitidos (en ese ejemplo, también falta el 6). Se pide devolver el 1º omitido, excepto si no hay ninguno, como en el array [0, 1, 2, 3, 4], y entonces se devuelve el que sería siguiente, 5 en este caso.

Array de enteros	Resultado	Comentario
[0, 1, 2, 4, 5, 7]	3	$v[3] = 4 \neq v[0] + 3 = 0 + 3 = 3$
[3, 4, 5, 7, 8, 9, 10, 12]	6	$v[3] = 7 \neq v[0] + 3 = 3 + 3 = 6$
[-2, -1, 0, 1, 2, 3, 5, 6, 9]	4	$v[6] = 5 \neq v[0] + 6 = -2 + 6 = 4$
[0, 1, 2, 3, 4]	5	∀i v[i] = v[0] + i
[7]	8	

2.2 Estudia el coste Temporal del método recursivo que has implementado:
a) (0,10 puntos). Expresa la talla del problema x en función de los parámetros del método. $x = $
b) (0,40 puntos). Escribe la(s) Relación(es) de Recurrencia que expresa(n) el coste del método.
En el caso general, cuando x >,
c) (0,30 puntos). Resuelve la(s) Relación(es) de Recurrencia del apartado b), indicando el(los) Teoremas de Coste que usas y escribiendo el coste Temporal del método en notación asintótica (O y Ω o bien Θ).

3.- (3,50 puntos) <u>Implementa un método</u> eficiente que, dado un map m1, de tipo Map<C,V>, devuelva otro map m2, cuyo tipo sea Map<V,ListaConPI<C>>, y que almacene la misma información de m1 pero invirtiendo claves y valores. En concreto:

- Las claves de m2 serán los valores de m1.
- Los valores de **m2** serán listas con PI con todas las claves que, en **m1**, tenían ese mismo valor.

<u>Ejemplo</u>. Sea m1 un Map<String, Integer>, donde las claves son nombres de jugadores de baloncesto y los valores son los puntos anotados (en una jornada, temporada, etc.). El resultado de invocar el método será un Map<Integer, ListaConPI<String>> donde para cada número de puntos se tendrá la lista de jugadores que han anotado dicha cantidad. Las siguientes tablas muestran unas instancias de este ejemplo:

m1

"Larry Bird"	258
"Michael Jordan"	362
"Magic Johnson"	264
"Patrick Ewing"	258
"Shaquille O'Neal"	264
"David Robinson"	243

m2

258	"Larry Bird", "Patrick Ewing"
362	"Michael Jordan"
264	"Magic Johnson", "Shaquille O'Neal"
243	"David Robinson"

ANEXO

<u>Las interfaces Map y ListaConPI del paquete modelos</u>.

```
public interface Map<C, V> {
                                         public interface ListaConPI<E> {
    V insertar(C c, V v);
                                            void insertar(E e);
    v eliminar(C c);
                                            void eliminar();
                                            void inicio();
    V recuperar(C c);
    boolean esvacio();
                                            void siguiente();
                                            void fin();
    int talla();
    ListaConPI<C> claves();
                                            E recuperar();
}
                                            boolean esFin();
                                            boolean esvacia();
                                            int talla();
                                         }
```

Teoremas de coste

Teorema 1:

 $f(x) = a \cdot f(x - c) + b$, con $b \ge 1$

- si a=1, $f(x) \in \Theta(x)$;
- si a>1, $f(x) \in \Theta(a^{x/c})$;

Teorema 2:

 $f(x) = a \cdot f(x - c) + b \cdot x + d$, con b y d≥1

- si a=1, $f(x) \in \Theta(x^2)$;
- si a>1, $f(x) \in \Theta(a^{x/c})$;

Teorema 3:

 $f(x) = a \cdot f(x/c) + b$, con $b \ge 1$

- si a=1, $f(x) \in \Theta(\log_c x)$;
- si a>1, $f(x) \in \Theta(x^{\log_c a})$;

Teorema 4:

 $f(x) = a \cdot f(x/c) + b \cdot x + d$, con b y d≥1

- si a<c, $f(x) \in \Theta(x)$;
- si a=c, $f(x) \in \Theta(x \cdot \log_c x)$;
- si a>c, $f(x) \in \Theta(x^{\log_c a})$;

Teoremas maestros

Teorema para recurrencia divisora: la solución a la ecuación $T(x) = a \cdot T(x/b) + \Theta(x^k)$, con a≥1 y b>1 es:

- $T(x) = O(x^{\log_b a})$ si $a > b^k$;
- $T(x) = O(x^k \cdot \log x)$ si $a=b^k$;
- $T(x) = O(x^k)$ si a
b^k;

Teorema para recurrencia sustractora: la solución a la ecuación $T(x) = a \cdot T(x-c) + \Theta(x^k)$ es:

- $T(x) = \Theta(x^k)$ si a<1;
- $T(x) = \Theta(x^{k+1})$ si a=1;
- $T(x) = \Theta(a^{x/c})$ si a>1;