LENGUAJES, TECNOLOGÍAS Y PARADIGMAS DE PROGRAMACIÓN

TEMA 3:

PROGRAMACIÓN FUNCIONAL PARTE I

(EJERCICIOS DE AULA)

Salvador Lucas, Javier Piris, María José Ramírez, María José Vicent y Germán Vidal





1. Indica cuál de las siguientes afirmaciones es CIERTA para las siguientes definiciones:

data Color = Rojo | Amarillo | Blanco
data Flor = Rosa Color | Margarita Color | Geranio Color
type Ramo = [Flor]

- A El tipo definido Ramo es un tipo algebraico paramétrico.
- B El tipo definido Flor es un tipo algebraico recursivo.
- C El tipo definido Color es un tipo algebraico, cuyos valores son Rojo, Amarillo y Blanco.
- $\boxed{\mathrm{D}}$ [Rosa Rojo, Amarillo] es un valor de tipo Ramo.
- 2. Dada la siguiente expresión de tipo

$$[\mathtt{a}] o \mathtt{Int}$$

los constructores de tipo que aparecen en ella son:

- A $[-], \rightarrow$
- B a, Int
- $\boxed{\mathrm{D}}$ a
- 3. Indica cuál de las siguientes expresiones define un tipo polimórfico.
 - $oxed{f A}$ $[{f a}] o{f Bool}$
 - \fbox{B} $[\mathtt{Int}] o \mathtt{Bool}$
 - $oxed{\mathrm{C}}$ Int ightarrow Bool
 - D Bool

4. Indica cuál de las siguientes afirmaciones es cierta en relación al siguiente programa funcional:

$$\begin{array}{ll} \texttt{pippo x} \\ \mid x>0 & = \texttt{0} \\ \mid \mathbf{otherwise} & = \texttt{"double}'' \end{array}$$

- A La función pippo es de orden superior.
- B El programa da un error de tipo.
- C La función pippo está indefinida para los negativos.
- D La función pippo está definida para datos de cualquier tipo.
- 5. Dadas las funciones estándar head y tail, que computan la cabeza y cola de una lista, indica cuál de las siguientes funciones <u>no</u> computa una tupla formada por los dos primeros elementos de una lista de dos o más elementos:
 - A f (x:y:xs) = (x,y)
 - $\boxed{\mathrm{B}}$ f ((x,y):xs) = (x,y)
 - \boxed{C} f (xs) = ((head xs),(head (tail xs)))
 - $\boxed{\mathrm{D}}$ f (x:xs) = (x,(head xs))
- 6. Indica para cuál de las siguientes funciones Haskell infiere el tipo f :: [[a]] ->(a, [a]):
 - \boxed{A} f ((x:ys):xs) = (x,ys)
 - $\boxed{\mathrm{B}}$ f ((x:ys),xs) = (x,xs)
 - C f [[0]]= (x,[0])
 - D f ([x]:[]) = (x,[])
- 7. Indica qué representa la expresión [x |x \leftarrow [1..n], n 'mod' x == 0]
 - A los divisores de n.
 - B los múltiplos de n.
 - C los pares comprendidos entre 1 y n.
 - $\boxed{\mathrm{D}}$ los impares comprendidos entre 1 y n.

- 8. Indica cuál de las siguientes afirmaciones es falsa:
 - A El tipo de la función id x = x, inferido por cualquier intérprete de Haskell es id:: Int → Int
 - B En notación *curryficada*, las funciones de más de un argumento se interpretan como funciones que toman un único argumento y devuelven como resultado otra función con un argumento menos
 - C En un lenguaje con orden superior los argumentos de una función pueden ser, a su vez, funciones.
 - D En notación curryficada, si $t_1, t_2, \ldots, t_n, t_r$ son tipos válidos, entonces $t_1 \to t_2 \to \ldots \to t_n \to t_r$ es el tipo de una función con n argumentos
- 9. Indica cuál de las siguientes ecuaciones define una función f :: Int > Int que haga válida mitad(f x) = x siendo mitad = ('div' 2)
 - A f x = x
 - $\boxed{\mathrm{B}}$ fx = f(fx)
 - $\boxed{\mathrm{C}}$ f = 2*
 - $\boxed{\mathbf{D}}$ f x = x * x
- 10. Indica en cuál de las siguientes ecuaciones se usa una función aplicada parcialmente:
 - A potencia x (2*n) = square (potencia x n) where square x = x*x
 - B suma2 1 = map (+1) (map (+1) 1)
 - C facAux 0 p = p facAux n p = facAux (n-1) (n*p)
 - $\boxed{\mathrm{D}}$ nor x y = not (x | | y)
- 11. Si un lenguaje tiene comprobación estática de tipos, entonces:
 - A la comprobación de tipos se hace mediante evaluación perezosa.
 - B se conoce el tipo de todas las expresiones en tiempo de compilación.
 - C se conoce el tipo de todas las expresiones en tiempo de ejecución.
 - D es necesario declarar el tipo de todas las expresiones.

12. Indica cuál de las siguientes afirmaciones es \boxed{falsa} , en relación con la regla

fst(x,f) = x

- A dicha regla define una función de un único argumento, de tipo "tupla de dos elementos"
- C dicha regla se define por pattern matching
- C dicha regla define una función de orden superiro
- $\boxed{\mathrm{D}}$ dicha regla define una función cuyo tipo es fst :: $(\mathtt{a},\mathtt{b}) \to \mathtt{a}$
- 13. Completar la definición de la siguiente función de orden superior que, dada una función binaria f y dos listas, devuelve una lista cuyos elementos se calculan aplicando la función f a los correspondientes elementos de la lista:

$$zipWith f (a:as) (b:bs) =$$
 $zipWith_{--} = []$

- \boxed{A} f (a,b) ++ zipWith f as bs
- B [f a b] : zipWith f as bs
- C f a b : zipWith f as bs
- D ninguna de las anteriores
- 14. Indica cuál de las siguientes funciones tiene el tipo:

$$(a->Bool)->[a]->Bool$$

- A until p f x
 | p x = x
 | otherwise = until p f (f x)
- $\boxed{\mathrm{B}}$ any p xs = or (map p xs)
- C dropWhile p [] = []
 dropWhile p (x:xs) = if (p x) then dropWhile p xs
- $\boxed{\mathrm{D}}$ filter p xs = [k | k <- xs, p k]

- 15. Indica cuál de las siguientes declaraciones define un tipo de datos cuyos elementos son o bien valores enteros o bien caracteres:
 - A data LetraOEntero = Int | Char
 - $oxed{B}$ type LetraOEntero = Int|Char
 - $\overline{\left| \mathrm{C} \right|}$ data LetraOEntero = Entero Int $\left| \mathrm{Letra} \right|$ Char
 - $\overline{
 m D}$ type LetraOEntero = Entero Int|Letra Char
- 16. Completa el siguiente programa funcional, que toma como argumentos una lista de funciones de tipo (a ->b) y un elemento e (de tipo a), y devuelve la lista de elementos de tipo b que resulta de aplicar cada función de la lista al elemento de entrada e:

$$\begin{array}{l} \mathtt{applylist} :: [\mathtt{a} \to \mathtt{b}] \to \mathtt{a} \to [\mathtt{b}] \\ \mathtt{applylist} \; [\;] \; \mathtt{y} = [\;] \\ \mathtt{applylist} \; (\mathtt{x} : \mathtt{xs}) \; \mathtt{y} = \underline{\hspace{2cm}} \end{array}$$

- A (x y):(applylist xs y)
- $\boxed{\mathrm{B}}$ [x(y)]:applylist(xs y)
- $\boxed{\mathrm{C}}$ [(x y):applylist(xs,y)]
- D [x:y:applylist(xs)]
- 17. Indica qué computa la siguiente función:

examen x xs =
$$[i \mid (e,i) \leftarrow zip xs [1.. length xs], e==x]$$

- \overline{A} los elementos de la lista xs que son iguales a x.
- B una lista con el elemento x repetido tantas veces como length xs.
- C las posiciones en las que x aparece en la lista xs.
- $\boxed{\mathrm{D}}$ multiplica todos los elementos de la lista \mathtt{xs} por \mathtt{x} .

18. Sabiendo que $f:: a \to a$, indica cuál es el tipo inferido por Haskell para la función fix que se define mediante la siguiente ecuación

$$fix f = f(fix f)$$

- \boxed{A} fix :: $(a \rightarrow a) \rightarrow a$
- \fbox{B} fix :: (a ightarrow a) ightarrow a ightarrow a
- $\boxed{\mathrm{C}}$ fix :: a \rightarrow a
- D fix :: a
- 19. Dadas las funciones estándar fact y sqr definidas sobre los números enteros, indica cuál es el tipo de la siguiente expresión [fact, sqr]:
 - A [Int]
 - B [String, String]
 - C [Int ->Int]
 - D [(Int, Int)]
- 20. El tipo abstracto de datos Pila a (que representa una pila de valores de tipo a) consta de las siguientes operaciones:

pilaVacia::Pila a

 $meteEnPila :: a \rightarrow Pila a \rightarrow Pila a$

 $sacaDePila :: Pila a \rightarrow (a, Pila a)$

 ${\tt topeDePila} :: {\tt Pila} \ {\tt a} \to {\tt a}$

estaVaciaPila :: Pila a \rightarrow Bool

Suponiendo la implementación de las pilas como listas

type Pila
$$a = [a]$$

indica cuál de las siguientes ecuaciones define de forma más eficiente (menor coste) la operación meteEnPila.

- |A| meteEnPila x xs = x ++ xs
- $\boxed{\mathrm{B}}$ meteEnPila x xs = (x : xs)
- $\boxed{\mathrm{C}}$ meteEnPila x xs = xs ++ [x]
- |D| meteEnPila x xs = xs

- 21. Indica cuál de las siguientes afirmaciones es FALSA:
 - A Los tipos renombrados no pueden ser paramétricos, por ejemplo no es correcto type Par a = (a,a).
 - B Los renombramientos (alias o sinónimos) de tipo se definen usando la palabra clave type.
 - C Pueden definirse renombramientos de tipos predefinidos o de tipos definidos por el usuario.
 - D Los tipos renombrados no pueden ser recursivos, por ejemplo no es correcto type Arbol = [Arbol].
- 22. Dado el siguiente tipo algebraico que define un árbol de valores de tipo a

indica qué calcula la siguiente función

```
sobreArbol :: (a \rightarrow Bool) \rightarrow Arbol \ a \rightarrow Bool
sobreArbol p Vacio = True
sobreArbol p (Nodo x xs) = p x && and (map(sobreArbol p) xs)
```

donde && y and son los operadores predefinidos de la conjunción sobre valores booleanos y sobre listas de valores booleanos respectivamente.

- A Devuelve True si algún elemento del árbol cumple la condición p
- $oxed{B}$ Devuelve True si todos los elementos del árbol cumplen la condición p
- C Devuelve True si la raíz del árbol cumple la condición p o si el árbol es vacío
- D Devuelve True si el árbol es vacío y False en caso contrario

23. Dada la siguiente función

$$\begin{aligned} & \texttt{triplas} :: \texttt{Int} \rightarrow [(\texttt{Int}, \texttt{Int}, \texttt{Int})] \\ & \texttt{triplas} \ n = [(\texttt{x}, \texttt{y}, \texttt{z}) | \texttt{x} \leftarrow [\texttt{1}..n], \texttt{y} \leftarrow [\texttt{x}..n], \texttt{z} \leftarrow [\texttt{y}..n]] \end{aligned}$$

indica cuál es el resultado de evaluar la expresión triplas 3.

- |A| [(1,1,1),(2,2,2),(3,3,3)]

- \boxed{D} [(1,1,1),(1,2,2),(1,3,3),(2,2,2),(2,3,3),(3,3,3)]
- 24. Dada la siguiente definición

$$\label{eq:multiploDe} \begin{array}{l} \texttt{multiploDe} :: \texttt{Int} \to \texttt{Int} \to \texttt{Bool} \\ \texttt{multiploDe} \ p \ n = n \ \text{`mod'} \ p == 0 \end{array}$$

que comprueba si su segundo argumento es múltiplo del primero, podemos obtener una función esPar :: Int \rightarrow Bool que comprueba si un número es par mediante la siguiente aplicación parcial:

- |A| esPar = multiploDe 2
- |B| esPar x = multiploDe x 2
- $|\operatorname{C}|$ esPar = multiploDe 0
- D ninguna de las anteriores
- 25. Indica con cuál de las siguientes definiciones de tipo se construyen árboles binarios de elementos de tipo a:
 - $oxed{A}$ data Arbol a = Vacio | Nodo (Arbol a) a (Arbol a)
 - $oxed{B}$ data Arbol a = Vacio | Nodo a [Arbol a]
 - |C| data Arbol a = Vacio | Nodo a (Arbol a)
 - |D| data Arbol a = Vacio | a (Arbol a) (Arbol a)

26. Completar la definición de la función zip3 que toma tres listas y devuelve una lista de triplas:

$$zip3 (a:x) (b:y) (c:z) =$$
 $zip3 x y z = []$

- \overline{A} [a,b,c] ++ zip3(x,y,z)
- $\boxed{\mathrm{B}}$ (a b c):zip3(x,y,z)
- C (a,b,c):zip3 x y z
- D a:b:c:(zip3 x y z)
- 27. Dada la siguiente definición de un tipo algebraico de datos:

data MyTree a = Branch (MyTree a) a (MyTree a) | Void

indica cuál de las siguientes afirmaciones es FALSA:

- A Es una definición de tipo paramétrico.
- B El término Branch Void 'a' Void es de tipo MyTree Char, que es una concreción de la definición dada.
- C Podríamos tener una definición equivalente de la siguiente forma: type MyTree a = Branch (MyTree a) a (MyTree a) | Void
- D Los constructores de dato de la definición dada en el enunciado son Branch y Void.
- 28. La expresión type Complejo = (Float, Float) define
 - A una nueva clase de tipos.
 - B un sinónimo (renombramiento) del tipo (Float, Float).
 - C un nuevo tipo de datos algebraico para los números complejos.
 - D una instancia la clase Complejo con el tipo Float.
- 29. Indica el tipo inferido por Haskell para la función f x y = not x && y.
 - |A|f :: a ->Bool ->a
 - |B| f :: Bool ->a ->Bool
 - |C| f :: Bool ->[Bool] ->[Bool]
 - D f :: Bool ->Bool ->Bool

- 30. Supongamos que, como se hace a veces en ciertos textos de diseño lógico, deseamos utilizar los operadores (+) y (*) para definir la *disyunción* y *conjunción* de booleanos. Marca la respuesta **CORRECTA**.
 - A Deberíamos introducir una instancia de la clase Num para el tipo Bool definiendo adecuadamente los operadores (+) y (*) declarados en Num para que implementen la disyunción y la conjunción de booleanos.
 - B Puesto que la disyunción y conjunción de booleanos son funciones predefinidas del tipo Bool (|| y &&, respectivamente), no podemos volver a definirlas ni aunque usemos otros nombres.
 - C Dado que Bool es un tipo predefinido de Haskell, no es posible definir funciones nuevas para los booleanos. En particular, no es posible definir instancias de ninguna clase de Haskell para el tipo Bool.
 - D Dado que Bool no es un tipo numérico, no es posible utilizar operadores (infijos) como (+) y (*) con los booleanos.
- 31. Dada la siguiente definición de un tipo algebraico, indica cuál de las siguientes afirmaciones es **CORRECTA**:

data Shape = Circle Float | Rectangle Float Float

- A Es una definición de tipo recursiva.
- B Circle 2 4 es un valor de tipo Shape.
- C Circle y Rectangle son constructoras de dato.
- D Es una definición de tipo paramétrica.
- 32. ¿Qué opción es **CORRECTA** para una función primo x que comprueba si un número x>1 es primo?
 - A primo x = 2 == length ([d | d <- [1..x], x 'mod' d == 0])
 - |B| primo x = 1 == length ([d | d <- [1..x], x 'mod' d == 0])
 - C primo x = 1 == length ([d | d <- [1..x], x 'div' d == 0])
 - |D| primo x = 2 == length ([d | d <- [1..x], x 'div' d == 0])

- 33. La currificación (currying) en Programación Funcional:
 - A Establece el orden en el que se evalúan los argumentos de una llamada a función.
 - B Sirve para poder utilizar otros nombres para designar un tipo de datos (e.g., String para referirnos a listas de caracteres [Char]).
 - C Hace posible la aplicación parcial de funciones a sus argumentos, permitiendo así definir y manipular expresiones de tipo funcional.
 - D Es la operación por la cual se añade un tipo algebraico a una clase de tipos.
- 34. Dada la siguiente declaración para el tipo de datos Colores:

```
data Colores = Blanco | Negro deriving Show
```

la expresión "deriving Show" nos permite sobrecargar automáticamente el operador show. Si quisieramos definirlo de forma que (show Blanco) mostrara White y (show Negro) mostrara Black, ¿cómo podríamos hacerlo?

A Definiendo una instancia de la clase Show como sigue:

```
instance Show Colores where
  show Blanco = "White"
  show Negro = "Black"
```

B Definiendo una instancia de la clase Show como sigue:

```
instance Show Colores where
  show White = "White"
  show Black = "Black"
```

- C No es necesario hacer nada, show ya se comporta de ese modo.
- D No es posible, ya que White y Black son predefinidos.

pagebreak

35. ¿Cuál es el tipo de la expresión map ("pre"++)?

- B (String -> String) -> [String] -> [String]
- |C| [String] -> [String]
- D (a -> b) -> ([a] -> [b])

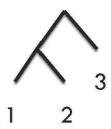
- 36. La expresión [toUpper,toLower]:
 - A Es de tipo [Char].
 - B Es de tipo [String].
 - C Es una lista de funciones.
 - D Puede ser concatenada con la lista [1,2,3] ya que (++) tiene tipo polimórfico.

37. La inferencia de tipos:

- A Es el mecanismo mediante el cual se sabe a qué clases debe pertenecer un tipo algebraico introducido por el usuario.
- B Consiste en la comprobación de que los parámetros actuales se corresponden en número y tipo con los parámetros formales.
- C Es un concepto inexistente en programación funcional, ya que la *inferencia* pertenece al ámbito de la *programación lógica*.
- D Permite obtener el tipo más general que se le puede asociar a una expresión del programa en función de las definiciones de tipos algebraicos y ecuaciones de definición de función dadas en el programa.
- 38. Indica cuál de las siguientes afirmaciones referentes a la programación funcional en Haskell es CIERTA:
 - A La currificación hace posible la aplicación parcial de una función.
 - B La aplicación parcial de una función currificada consiste en invocarla con un número de argumentos mayor que el número de parámetros de su definición.
 - C Una de las características de los lenguajes funcionales son los efectos laterales.
 - D (2+) es una función de orden superior.

CUESTIONES

1. Define un tipo de datos que nos permita representar el árbol binario:



como Nodo (Nodo (Hoja 1) (Hoja 2)) (Hoja 3) y defínelo como una instancia de la clase Show para que lo muestre así: (N (N 1 2) 3)

2. Define una función sumaNodos que calcule la suma de los valores almacenados en un árbol binario de enteros (usa la definición del tipo de la cuestión anterior):

sumaNodos (Nodo (Nodo (Hoja 1) (Hoja 2)) (Hoja 3)) = 6

 Define una función maxArbol que calcule el máximo valor almacenado en un árbol binario de enteros (usa la definición del tipo de la cuestiones anteriores):

maxArbol (Nodo (Nodo (Hoja 1) (Hoja 2)) (Hoja 3)) = 3

4. Define una función flip que devuelva el árbol inverso (usa la definición del tipo de la cuestiones anteriores):

5. Dada la siguiente definición del tipo algebraico de los árboles binarios (con valores en los nodos y en las hojas)

data Arbol a = Hoja a | Nodo (Arbol a) a (Arbol a) define una función ramaIzq que dado un árbol aR devuelva la lista de los valores en la rama izquierda de aR (incluidos los valores de la raíz).

- 6. Define una función más eficiente de reverse que sea lineal en el tamaño de la lista. Para ello,
 - usa un parámetro acumulador:

```
reverse xs = rev xs []
```

- la función auxiliar rev debe
 - devolver el parámetro acumulador cuando la lista a invertir es vacía
 - añadir el elemento de cabeza al parámetro acumulador en otro caso (y seguir inspeccionando la lista)

INDICA EL TIPO DE LAS FUNCIONES.

7. Define una versión de la función map que tome una función binaria a ->b ->c y dos listas [a] y [b] y devuelva una lista con el resultado de aplicar la función tomando un elemento de cada lista. Por ejemplo: mapB (+) [1,10] [2,20] = [3,30]

8.	Define una función que, dada una lista de números enteros, devuelva una
	lista con el resultado de la expresión $x*(x+1)$ para cada elemento x (usa
	map). Por ejemplo:

trans
$$[1,2,3] = [2,6,12]$$

9. La función zip toma dos listas y devuelve una lista de pares con elementos de cada lista, zip [a,b] [1,2] =[(a,1),(b,2)].
Define una función myUnzip que haga justo lo contrario:
myUnzip [(a,1),(b,2)] = ([a,b],[1,2])

10. Define una función que devuelva una lista con las coordenadas (x,y) de una cuadrícula de $n \times m$. Por ejemplo: coords 2 3 = [(1,1),(1,2),(1,3),(2,1),(2,2),(2,3)]

11. Define la función piramide tal que piramide n es la lista de las lista de números consecutivos desde [1] hasta [1,2,...,n]. Por ejemplo, piramide 4 = [[1],[1,2],[1,2,3],[1,2,3,4]]

12. Considera las siguientes declaraciones de tipo

type Area = Float
type Volumen = Float
type Side = Float
type Radius = Float

data Square = ASquare Side deriving Show

data Rectangle = ARectangle Side Side deriving Show

data Circle = ACircle Radius deriving Show
data Cube = ACube Side deriving Show
data Sphere = ASphere Radius deriving Show

Define dos funciones:

- area que pueda ser aplicada tanto a cuadrados, como a rectángulos y círculos, pero no a esferas ni cubos.
- volumen que pueda ser aplicada tanto a esferas como a cubos pero no a cuadrados, ni a rectángulos ni a círculos.

Por tanto, las funciones tendrán que estar sobrecargadas.

13. Dado el tipo PrimaryColor

data PrimaryColor = Violet|Indigo|Blue|Green|Yellow|Orange|Red decláralo como instancia de las clases Eq y Ord teniendo en cuenta que dos colores primarios son iguales si son idénticos y que el orden de los colores es el que viene determinado por la enumeración dada.

- 14. Define el tipo Empleado que mantiene información del nombre y la edad de un empleado.
 - Define la función masJoven que devuelve el más joven de una lista de empleados.
 - Define la función joven que devuelve el más joven de dos empleados.
 Redefine la función mas Joven en función de ésta.