

Tema 3: Paradigma Funcional (III)

Lenguajes, Tecnologías y Paradigmas de Programación

Índice

Introducción a la Programación Funcional

PARTE I: Tipos en Programación Funcional

1. Tipos funcionales. Tipos algebraicos.
2. Tipos predefinidos.
3. Polimorfismo: genericidad, sobrecarga y coerción. Herencia en Haskell.

PARTE II: Modelos de computación funcional.

4. Modelo operacional.

PARTE III: Características avanzadas

5. Funciones anónimas y composición de funciones.
6. Iteradores y compresores (foldl, foldr).

Índice



Introducción a la Programación Funcional

PARTE I: Tipos en Programación Funcional

1. Tipos funcionales. Tipos algebraicos.
2. Tipos predefinidos.
3. Polimorfismo: genericidad, sobrecarga y coerción. Herencia en Haskell.

PARTE II: Modelos de computación funcional.

4. Modelo operacional.

PARTE III: Características avanzadas

5. Funciones anónimas y composición de funciones.
6. Iteradores y compresores (foldl, foldr).

Funciones anónimas

- Función anónima (o función sin nombre).
 - ▣ Haskell permite definir funciones anónimas de la forma
 $\backslash x \rightarrow e$

Ejemplo: La función **cuadrado** $x = x * x$ se puede definir en esta notación como **cuadrado** $= (\backslash x \rightarrow x * x)$

- ▣ En general, $\backslash x_1 x_2 \dots x_n \rightarrow e$ es equivalente a
 $\backslash x_1 \rightarrow (\backslash x_2 \rightarrow (\dots \rightarrow (\backslash x_n \rightarrow e) \dots))$

Ejemplo:

sumaCuadrados $= \backslash x y \rightarrow x * x + y * y$

es equivalente a:

sumaCuadrados $= \backslash x \rightarrow (\backslash y \rightarrow x * x + y * y)$

Composición de funciones

□ Composición de funciones

□ $(.) :: (b \rightarrow c) \rightarrow (a \rightarrow b) \rightarrow a \rightarrow c$

orden superior

polimórfica

$$(f . g) x = f (g x)$$

- La composición está definida en el **prelude de Haskell** así:

$$(f . g) = \backslash x \rightarrow f (g x)$$

- La composición de funciones es un patrón de cómputo muy habitual. Si la solución a un problema consta de varias etapas podemos abordar cada una como funciones independientes y componer todas para solucionar el problema.

Composición de funciones

Ejemplo:

equivalentemente, $\text{dosveces } f \ x = (f . f) \ x$ ——— point-wise

$\text{dosveces } f = f . f$ ——— point-free

Como función anónima: $\text{dosveces} = \backslash f \ x \rightarrow f (f \ x)$

Índice



Introducción a la Programación Funcional

PARTE I: Tipos en Programación Funcional

1. Tipos funcionales. Tipos algebraicos.
2. Tipos predefinidos.
3. Polimorfismo: genericidad, sobrecarga y coerción. Herencia en Haskell.

PARTE II: Modelos de computación funcional.

4. Modelo operacional.

PARTE III: Características avanzadas

5. Funciones anónimas y composición de funciones.
6. Iteradores y compresores (foldl, foldr).

Iteradores y compresores

□ Iteradores

- Los iteradores permiten trabajar de forma eficiente en tiempo y memoria con *tipos de datos iterables* (por ejemplo, listas o secuencias).

- `iterate f x` devuelve una lista infinita de aplicaciones repetidas de `f` a `x`: `iterate f x` es `[x, f x, f (f x), ...]`

`iterate :: (a -> a) -> a -> [a]`

`iterate f x = x : iterate f (f x)`

Ejemplo: La función `from` del prelude de Haskell se define así:

`from = iterate (1+)`

Iteradores y compresores

□ Compresores

Muchas funciones sobre listas se ajustan al esquema recursivo

$$f :: [a] \rightarrow b$$

$$f [] = z$$

$$f (x:xs) = x \otimes f xs$$

que transforma la lista $x_1:(x_2:(x_3:(x_4:[])))$ en $x_1 \otimes (x_2 \otimes (x_3 \otimes (x_4 \otimes z)))$

Ejemplo: $\text{sum} :: [\text{Int}] \rightarrow \text{Int}$

$$\text{sum} [] = 0$$

$$\text{sum} (x:xs) = x + \text{sum} xs$$

$$\text{product} :: [\text{Int}] \rightarrow \text{Int}$$

$$\text{product} [] = 1$$

$$\text{product} (x:xs) = x * \text{product} xs$$

Iteradores y compresores

- Podemos pensar en la definición de una función “foldr” que implementa de una vez y para siempre este tipo de transformación:

$\text{foldr} :: (a \rightarrow b \rightarrow b) \rightarrow b \rightarrow [a] \rightarrow b$

$\text{foldr } \text{op } z [] = z$

$\text{foldr } \text{op } z (x:xs) = x \text{ `op` } (\text{foldr `op` } z xs)$

- Así la función genérica f vista antes se definiría simplemente como $f = \text{foldr } (\otimes) z$

Y de la misma manera las funciones concretas:

- $\text{sum} = \text{foldr } (+) 0$

- $\text{product} = \text{foldr } (*) 1$

Iteradores y compresores

- ▣ Ejemplo: la función `sum` del ejemplo de la *longitud* de *un camino* usando `foldr` o `foldl`

`sum :: [Float] -> Float`

`sum = foldr (+) 0.0`

- ▣ Ejercicio Definid las funciones `concat`, `and`, `or`, y `map` usando `foldr`.

El esquema Mapreduce

- El uso combinado de funciones tan optimizadas como **map** y **fold** ha inspirado **un estilo muy eficiente de procesamiento de secuencias**, conocido como **MapReduce**, que tiene gran impacto en el procesamiento de datos a gran escala (> 1Tb), con 1000's procesadores y 100.000's discos.
- El modelo funcional MapReduce fue popularizado por Google y cuenta con importantes aplicaciones:
 - ▣ acceso y recuperación de información
 - ▣ cloud computing (servicios de computación prestados a clientes externos por empresas como google, yahoo, ...)
 - ▣ y muchas otras...

Uso de Mapreduce



- Su uso en **Google:**

- Construcción de índices para Google Search
- Clasificación de artículos para Google News
- Traducción automática

- Su uso en **Yahoo!:**

- Yahoo! Search
- Detección de spam en Yahoo! Mail

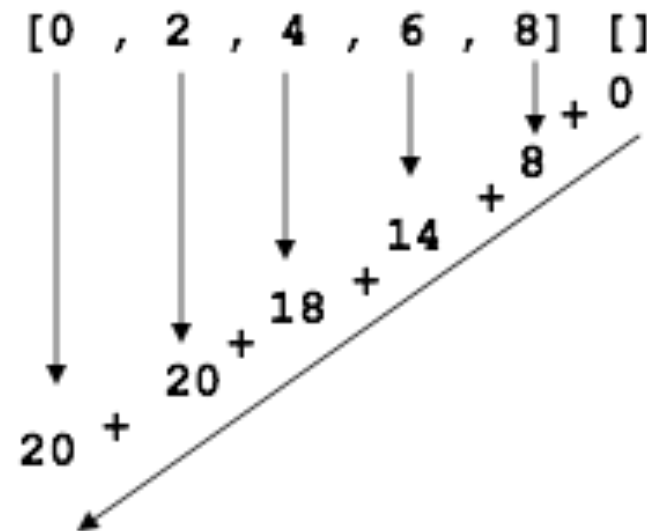
- Su uso en **Facebook:**

- Minería de datos
- Optimización de anuncios publicitarios
- Detección de spam

Uso de Mapreduce

La idea inspiradora:

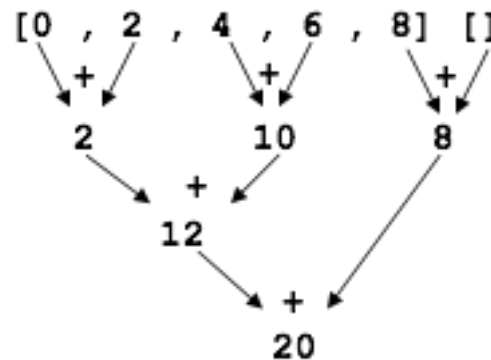
`sumaLista = foldr (+) 0`



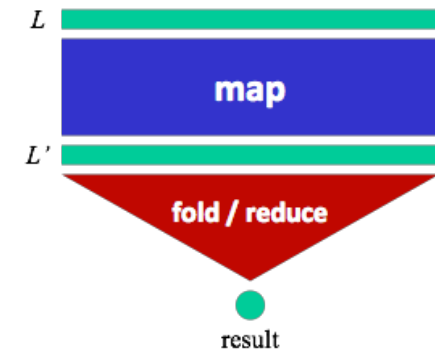
- Esta computación se realiza de izquierda a derecha y requiere tantos pasos como elementos tiene la lista
- Pero *la (+) es asociativa y conmutativa !*
 - > **podemos paralelizar (automáticamente) el proceso**
¡y distribuir la carga sobre cientos/miles de procesadores!

Uso de Mapreduce

- El coste se reduciría a $O(\log n)$ si se hiciera de esta forma:

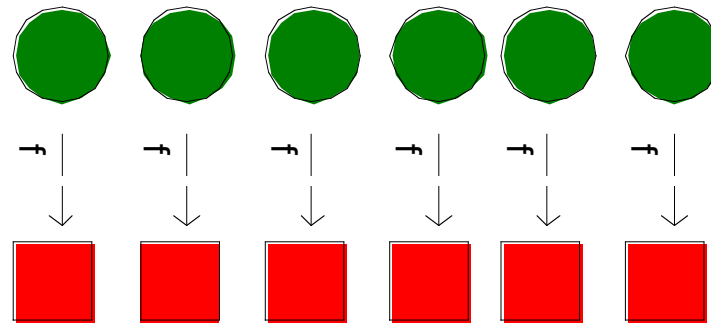


- Podemos lograrlo combinando **map** y **fold** adecuadamente.



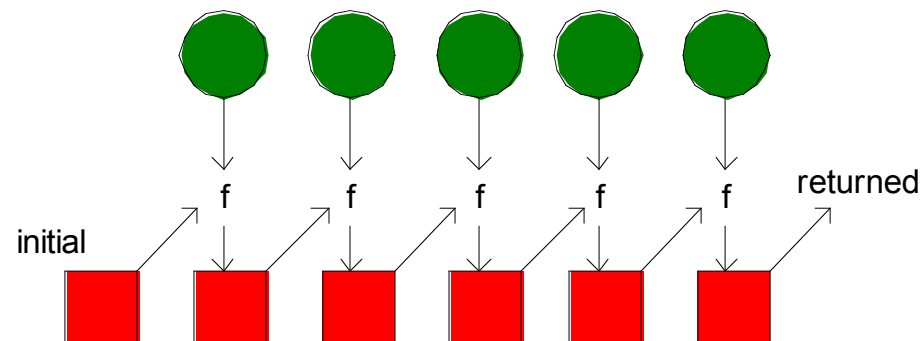
- Y podemos generalizar la idea:
éste es el secreto que explota el esquema MapReduce

- **map** f : crea una nueva lista aplicando f a la lista de entrada



- **fold** $f \ z \ xs$: recorre una lista, aplicando f a cada elemento y acarrendo un *acumulador*.

La función f devuelve el *nuevo valor del acumulador*, que se combina con el siguiente elemento de la lista



Uso de Mapreduce

- El esquema MapReduce resulta ser una abstracción muy útil que simplifica y optimiza la computación a gran escala.
- MapReduce ha inspirado el diseño de librerías para otros lenguajes:
 - ▣ C++ dispone ahora de una biblioteca MapReduce donde las tareas `map()` se dividen en bloques de 64 MB (la misma talla de los trozos –chunks- del Google File System).
 - ▣ Java dispone de una biblioteca similar.
 - ▣ Ventajas: permite focalizar en el problema, delegando en la biblioteca los detalles “sucios” (división y acceso por claves, etc).

Bibliografía

□ BÁSICA

- ▣ Bird, R. Introducción a la programación funcional con Haskell, Prentice-Hall, 2000. Traducción de Ricardo Peña.
- ▣ Ruiz, B.C.; Gutiérrez, F.; Guerrero, P.; Gallardo, J.E. Razonando con Haskell, Thomson Editores, 2004.

□ HASKELL

- ▣ Lipovaca, M. Learn You a Haskell for Great Good!: A Beginner's Guide. <http://learnyouahaskell.com/>
- ▣ O'Sullivan B., Goerzen, J, and Stewart D. Real world Haskell, O'Reilly, 2008.