

## Objetivo

O exercício tem como objetivo implementar uma matching engine simplificada para um único ativo, capaz de receber, armazenar e casar ordens de compra e venda com prioridade preço-tempo, suportando ordens limit, market e pegged, além de operações básicas de cancelamento, modificação e visualização do livro.

## Organização do código

O código foi organizado em um pequeno conjunto de módulos dentro de src, separando entre interface de linha de comando, manutenção do estado do livro de ofertas e lógica para ordens limit, market e pegged. Toda a estrutura do repositório, bem como os arquivos-fonte comentados, está disponível publicamente no GitHub.

## Complexidade dos algoritmos envolvidos

De forma geral, o sistema não utiliza laços aninhados sobre o livro de ofertas: inserção, cancelamento, modificação e matching percorrem no máximo uma vez a lista de buys ou sells, mantendo essas operações em  $O(n)$ , onde  $n$  é o número de ordens ativas de um lado do book.

A exceção são as rotinas de atualização das ordens pegged, `pegged.update_pegged_to_bid` e `pegged.update_pegged_to_offer`. Quando o melhor bid/offer muda, essas funções varrem toda a lista para atualizar o preço de cada ordem pegged e, em seguida, chamam `list.sort` para reordenar o lado inteiro do livro. Como várias pegged podem “pular” de posição ao mesmo tempo e não há informação prévia sobre onde cada uma deve cair, não é possível corrigir a ordem apenas com ajustes locais; é preciso tratar a lista como potencialmente desordenada e aplicar uma ordenação completa, com custo  $O(n \log n)$ . Pelo teorema do limite inferior para ordenação por comparação, qualquer algoritmo baseado apenas em comparações requer  $\Omega(n \log n)$  comparações para ordenar  $n$  itens, de modo que não é possível obter complexidade assintótica melhor que  $O(n \log n)$ , o que justifica o custo das rotinas de atualização das ordens pegged.

## Tabela de Complexidade das Funções

Função	Complexidade média	Pior caso
OrderBook.print_book	$O(n)$	$O(n)$
OrderBook.best_bid / best_offer	$O(n)$	$O(n)$
limit.add_buy_limit / add_sell_limit	$O(n)$	$O(n)$
limit.match_limit_buy / match_limit_sell	$O(n)$	$O(n)$
limit.cancel_order	$O(n)$	$O(n)$
limit.modify_order	$O(n)$	$O(n)$
market.match_market_buy / match_market_sell	$O(n)$	$O(n)$
pegged.create_pegged_bid_buy / create_pegged_offer_sell	$O(n)$	$O(n)$
pegged.modify_pegged_qty	$O(n)$	$O(n)$
pegged.update_pegged_to_bid / update_pegged_to_offer	$O(n \log n)$	$O(n \log n)$

### Regras de negociação

As regras de comportamento das ordens foram inspiradas e simplificadas a partir do rulebook público da Nasdaq para o The Nasdaq Stock Market, especialmente em relação à prioridade preço-tempo e à semântica de ordens a mercado e limite. Ordens de compra são ordenadas do maior para o menor preço e, dentro do mesmo preço, pela ordem de chegada; ordens de venda seguem a mesma lógica, mas do menor para o maior preço. Ordens market são sempre agressivas, executam imediatamente até consumir a quantidade ou a liquidez disponível e não deixam saldo passivo no livro; ordens limit podem ser agressivas ou passivas, e alterações de preço ou aumento de quantidade fazem a ordem perder prioridade ao ser reinserida, enquanto reduções de quantidade preservam sua posição.

As ordens pegged de compra seguem o melhor bid não pegged e as de venda seguem o melhor offer não pegged, com o motor atualizando o preço dessas ordens e reordenando o livro sempre que há mudança no melhor bid ou offer. A prioridade é mantida de forma que, no mesmo nível de preço, as ordens limit fiquem à frente das pegged, e, caso deixe de existir bid ou offer de referência, as ordens pegged atreladas àquele lado sejam canceladas para evitar ordens indexadas a um preço inexistente.

## **Bibliografia**

NASDAQ. Rulebook – The Nasdaq Stock Market. Nasdaq Listing Center, 2025.

Disponível em: <https://listingcenter.nasdaq.com/rulebook/nasdaq/rules>.

JOSÉ VICTOR L. DE CASTRO. Repositório “MorganStanleyEP”. GitHub, 2025.

Disponível em: <https://github.com/JoseVictorLDC/MorganStanleyEP/tree/main>.