

Análise de circuitos

Leis de Kirchhoff Eletricidade - ELE Maio / 2020



José W. R. Pereira

josewrpereira.github.io/ddp/

1 Habilidades e Competências

• Aplicar leis de Ohm e Kirchhoff na análise de circuitos.

2 Desafio

Dado o circuito da **Figura 1**, considerar: $R_1=330\Omega,\,R_2=150\Omega,\,R_3=270\Omega,$ $R_4=400\Omega$ e $R_5=100\Omega.$

- Calcular a intensidade da corrente em cada resistor;
- Calcular a queda de tensão em cada resistor;

Figura 1: Circuito elétrico misto R_1 R_2 R_3 R_4

Fonte: Próprio autor.

3 Revisitando Conhecimentos

Conhecimentos necessários para utilização das leis de Kirchhoff. Identificar:

- A(s) fonte(s) e a(s) carga(s) do circuito;
- Nós e ramos;
- Associação em série (Soma de resistências) $R_{eq} = R_x + R_y$;
- Associação em paralelo (Soma de condutâncias): $G_{eq} = G_x + G_y$;
- Associação em paralelo: $R_{eq} = R_x / / R_y$;

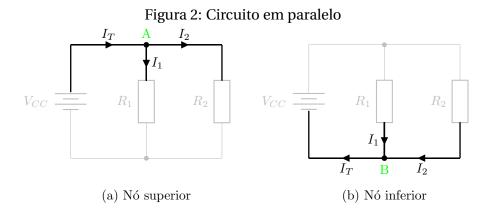
4 Leis de Kirchhoff

As leis de Kirchhoff são utilizadas para analisar circuitos de forma a poder obter valores de parâmetros elétricos em pontos ou componentes específicos de um circuito.

A **primeira lei de Kirchhoff** fala sobre as correntes em um nó, por isso é comum ser chamada de **lei dos nós**, enquanto que a **segunda lei de Kirchhoff** fala sobre as tensões em uma malha, sendo assim a **lei das malhas**.

4.1 1a Lei de Kirchhoff

A soma das correntes em um nó é igual a zero.



A Figura 2 mostra o sentido convencional da corrente nos dois nós do circuito.

Tendo um nó como referência, adota-se uma convenção para o sentido da corrente. Assim, a corrente que chega ao nó é anotada como positiva e a corrente que sai é negativa. O oposto também pode ser adotado.

Escrevendo, pela definição, a equação para o nó *A* temos:

$$(+I_{T}) + (-I_{1}) + (-I_{2}) = 0$$

$$I_{T} - I_{1} - I_{2} = 0$$

$$I_{T} - I_{1} - I_{2} + I_{1} + I_{2} = 0 + I_{1} + I_{2}$$

$$I_{T} - I_{1} + I_{2} + I_{1} + I_{2} = +I_{1} + I_{2}$$

$$I_{T} = I_{1} + I_{2}$$
(2)

Da mesma forma para o nó B:

$$(-I_T) + (+I_1) + (+I_2) = 0$$

$$-I_T + I_1 + I_2 + I_T = 0 + I_T$$

$$-I_T + I_1 + I_2 + I_T = 0 + I_T$$

$$I_1 + I_2 = I_T$$

4.2 2a Lei de Kirchhoff

A Figura 3 mostra os dois ramos que formam o circuito em série. A limitação dos ramos são os nós A e B, cuja diferença de potencial é proporcionada pelo ramo da fonte, tensão gerada. Essa diferença de potencial, é aplicada ao ramo que contém os resistores, R_1 e R_2 , que dividem essa tensão em valores parciais, denominados de queda de tensão.

Figura 3: Circuito em Série R_1 V_{R1} V_{CC} R_2 V_{CC} R_2 V_{R2} (a) Ramo da fonte (b) Ramo da carga

A segunda lei de Kirchhoff diz que: **A soma das tensões (ou quedas de tensão) em uma malha é igual a zero**.

Adotando um ponto como referencia de partida, por exemplo o ponto *A*, percorre-se no sentido da corrente, por todo circuito até retornar ao ponto de partida. Ao encontrar uma indicação de tensão no mesmo sentido, adota-o como valor positivo, e no sentido contrário, adota-o como negativo.

Assim, pode-se representar a equação da malha pela definição da seguinte forma:

$$(-V_{R1}) + (-V_{R2}) + (V_{CC}) = 0$$

$$-V_{R1} - V_{R2} + V_{CC} = 0$$

$$+V_{R1} + V_{R2} - V_{R1} - V_{R2} + V_{CC} = +V_{R1} + V_{R2}$$
(3)

(4)

 $V_{CC} = V_{R1} + V_{R2}$

Sabemos que em um ramo cada resistor apresenta uma parcela proporcional da resistência total, pois a soma dessas parcelas é a própria resistência total.

$$R_1 + R_2 = R_{T_{ramo}} \tag{5}$$

Temos que $R_{T_{ramo}}$ é a resistência total do ramo e é formada por duas partes, R_1 e R_2 , somados. Assim cada resistor é uma parte da resistência total do ramo, um parte do todo.

Sabemos que a parte dividida pelo todo é uma relação de proporcionalidade e que a queda de tensão em cada resistor do ramo é proporcional a sua resistência em relação a resistência total, assim temos que:

$$\frac{R_1}{R_2 + R_1} = \frac{V_{R1}}{V_{R2} + V_{R1}} \tag{6}$$

$$V_{AB} = V_{R1} + V_{R2} (7)$$

$$\frac{R_1}{R_2 + R_1} = \frac{V_{R1}}{V_{AB}} \tag{8}$$

Isolando-se V_{R1} temos:

$$V_{R1} = \frac{R_1}{R_2 + R_1} \cdot V_{AB} \tag{9}$$

Igualmente para V_{R2} :

$$V_{R2} = \frac{R_2}{R_2 + R_1} . V_{AB} \tag{10}$$

5 Resolução do Desafio

Dado o circuito da Figura 4, considerar:

$$R_1 = 330\Omega,\, R_2 = 150\Omega,\, R_3 = 270\Omega,$$

$$R_4 = 400\Omega \text{ e } R_5 = 100\Omega.$$

- Identificar:
 - os nós do circuito;
 - a configuração de ligação dos componentes: série ou paralelo;
- Calcular a resistência equivalente em cada ramo;
- Simplificar o circuito ao redesenhá-lo;
- Repetir o processo até obter a resistência equivalente total.

Figura 4: Circuito elétrico misto R_1 R_2 R_3 R_4

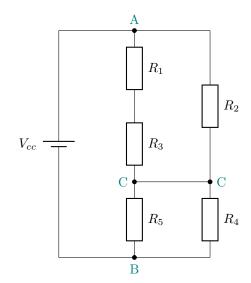
Fonte: Próprio autor.

5.1 Passo 1: Identificação dos nós

Dados do circuito:

$$R_1 = 330\Omega$$
, $R_2 = 150\Omega$, $R_3 = 270\Omega$,

 $R_4 = 400\Omega \text{ e } R_5 = 100\Omega.$



5.2 Passo 2: Identificação de resistores em série

Dados do circuito:

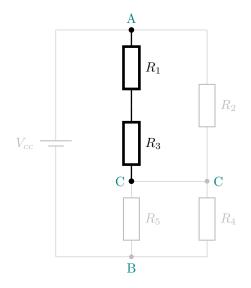
$$R_1 = 330\Omega,\, R_2 = 150\Omega,\, R_3 = 270\Omega,$$

$$R_4 = 400\Omega \text{ e } R_5 = 100\Omega.$$

$$R_A = R_1 + R_3$$

$$R_A = 330 + 270$$

$$R_A = 600\Omega$$



5.3 Passo 3: Identificação de resistores em paralelo

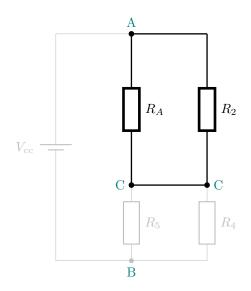
Dados do circuito:

$$R_1 = 330\Omega, R_2 = 150\Omega, R_3 = 270\Omega,$$

$$R_4 = 400\Omega \text{ e } R_5 = 100\Omega,$$

$$R_A = R_1 + R_3 = 600\Omega.$$

$$G_B = G_A + G_2$$
 $R_B = R_A / / R_2$
 $R_B = \frac{1}{\frac{1}{R_A} + \frac{1}{R_2}}$
 $R_B = \frac{1}{\frac{1}{600} + \frac{1}{150}}$
 $R_B = 120\Omega$



5.4 Passo 4: Identificação de resistores em paralelo

Dados do circuito:

$$R_1 = 330\Omega, R_2 = 150\Omega, R_3 = 270\Omega,$$

$$R_4 = 400\Omega \text{ e } R_5 = 100\Omega,$$

$$R_A = R_1 + R_3 = 600\Omega,$$

$$R_B = R_A / / R_2 = 120 \Omega$$
.

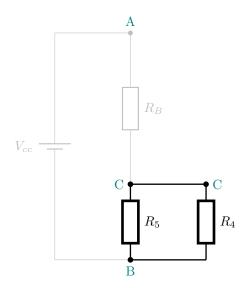
$$G_C = G_4 + G_5$$

$$R_C = R_4//R_5$$

$$R_C = \frac{R_4.R_5}{R_4 + R_5}$$

$$R_C = \frac{400.100}{400 + 100}$$

$$R_C = 80\Omega$$



5.5 Passo 5: Identificação de resistores em série

Dados do circuito:

$$R_1 = 330\Omega, R_2 = 150\Omega, R_3 = 270\Omega,$$

$$R_4 = 400\Omega$$
 e $R_5 = 100\Omega$,

$$R_A = R_1 + R_3 = 600\Omega$$
,

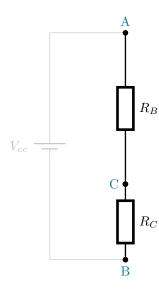
$$R_B = R_A / / R_2 = 120\Omega,$$

 $R_C = 80\Omega$.

$$R_T = R_B + R_C$$

$$R_T = 120 + 80$$

$$R_T = 200\Omega$$



5.6 Passo 6: Resistência Total do Circuito

Dados do circuito:

$$R_1 = 330\Omega, \, R_2 = 150\Omega, \, R_3 = 270\Omega,$$

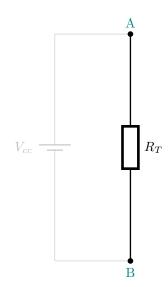
$$R_4 = 400\Omega \text{ e } R_5 = 100\Omega,$$

$$R_A = R_1 + R_3 = 600\Omega,$$

$$R_B = R_A / / R_2 = 120\Omega,$$

$$R_C = 80\Omega$$
,

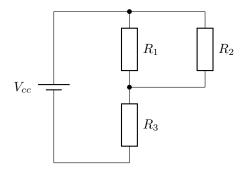
$$R_T = 200\Omega$$
.



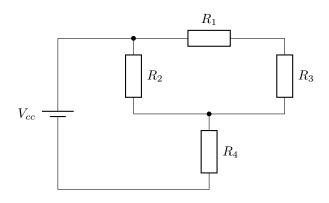
6 Atividades

Calcular a intensidade da corrente e a queda de tensão em cada resistor do circuito.

6.1 Circuito 1



6.2 Circuito 2



6.3 Circuito 3

