

- Todos os exercícios devem ser resolvidos através da construção de um algoritmo utilizando a linguagem de programação de sua preferência.
- Em conjunto com o projeto do programa deve ser anexado um pdf seguindo as especificações de cada exercício.
- O nome do arquivo deve conter os nomes dos integrantes da dupla e o nome da IDE utilizada na construção do projeto.

## AVALIAÇÃO 1

**1** – Um amplificador eletrônico com acoplamento R-C com três estágios em cascata tem uma resposta a um degrau unitário de tensão com acoplamento R-C com três estágios em cascata tem uma resposta a um degrau unitário de tensão dada pela expressão:

$$g(T) = 1 - \left(1 + T + \frac{T^2}{2}\right)e^{-T}$$

onde  $T = \frac{1}{RC}$  é uma unidade de tempo normalizada. O tempo de subida de um amplificador é definido como o tempo necessário para sua resposta ir de 10% a 90% de seu valor final. No caso, como  $g(\infty) = 1$  é necessário calcular os valores de T para os quais

$$g = 0.1 \quad \text{e} \quad g = 0.9$$

Ou seja, resolver as equações:

$$0.1 = 1 - \left(1 + T + \frac{T^2}{2}\right)e^{-T}$$

$$0.9 = 1 - \left(1 + T + \frac{T^2}{2}\right)e^{-T}$$

Chamando de  $T_{0.1}$  o valor obtido de T na 1ª equação e  $T_{0.9}$  o valor obtido de T na 2ª equação, calcular o tempo de subida.

- Utilize o método da bissecção para encontrar  $T_{0.1}$ ;
- Obtenha  $T_{0.9}$  utilizando o método da falsa posição.

**2** – A equação:

$$\operatorname{tg}\left(\frac{\theta}{2}\right) = \frac{\operatorname{sen} \alpha \cos \alpha}{\frac{gR}{v^2} - \cos^2 \alpha}$$

permite calcular o ângulo de inclinação,  $\alpha$ , em que o lançamento do míssil deve ser feito para atingir um determinado alvo. Na equação acima

- $\alpha$  – ângulo de inclinação com a superfície da Terra com a qual é feito o lançamento do míssil;
- $g$  – aceleração da gravidade  $\cong 9.81 \text{ m/s}^2$ ;
- $R$  – raio da Terra  $\cong 63\,710\,000 \text{ m}$ ;
- $v$  – velocidade de lançamento do míssil em  $\text{m/s}$ ;
- $\theta$  – ângulo (medido do centro da Terra) entre o ponto de lançamento e o ponto de impacto desejado.

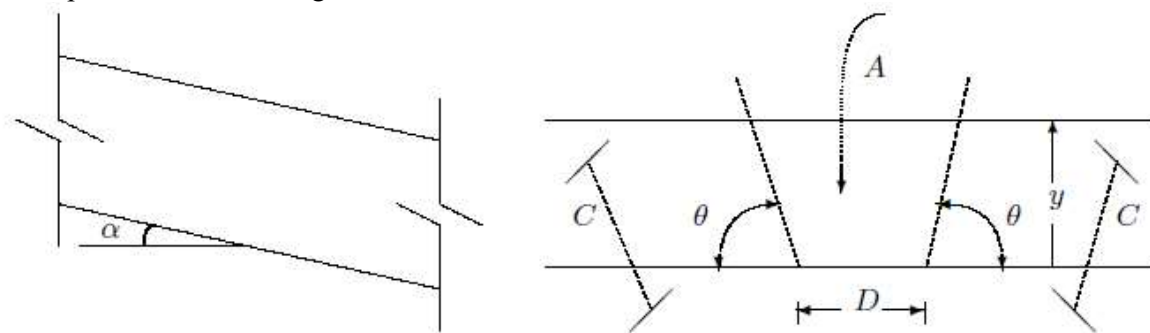
Resolva o problema considerando:  $\theta = 80^\circ$  e  $v$  tal que  $\frac{v^2}{gR} = 1.25$ , ou seja, aproximadamente  $8\,840 \text{ m/s}$ .

- Utilize o método da bissecção para encontrar o 1º valor positivo de  $\alpha$ ;
- Obtenha o segundo valor positivo de  $\alpha$  utilizando o método da falsa posição.

**Observação:** O critério de parada deve ser que o erro absoluto ( $\epsilon$ ) seja menor do que  $10^{-5}$ . Apresente os resultados dos exercícios **1 e 2** em uma tabela da seguinte forma

Exercício 1 - Item A					
$k$	$a$	$b$	$x_k$	$f(x_k)$	$\epsilon$
$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$

3 – A Figura representa o fluxo de água em um canal aberto.



Uma relação empírica para o fluxo é a equação de *Chez-Manning*:

$$Q = \frac{1.49}{E} A R^{\frac{2}{3}} S^{\frac{1}{2}}$$

onde:

- $Q$  – fluxo em  $\text{m}^3/\text{s}$ ;
- $E$  – coeficiente de atrito determinado experimentalmente, valendo entre 0.025 e 0.035 para a maioria dos canais e rios;
- $A$  – área da seção transversal do canal;
- $R$  – raio hidráulico que é definido como a razão entre a área  $A$  e o perímetro  $2C + D$ ;
- $\theta$  – inclinação do canal ( $S = \theta$ ).

Para um canal retangular ( $\theta = 90^\circ$ ), sendo conhecidos  $Q$ ,  $E$ ,  $S$ ,  $D$ , verifica-se que a altura do canal  $y$  é a solução da equação:

$$\left[ \left( \frac{1.49}{E} \right)^3 D^5 S^{\frac{3}{2}} \right] y^5 - 4Q^3 y^2 - 4Q^3 D y - Q^3 D^2 = 0$$

A qual tem apenas uma raiz positiva.

Encontre a profundidade  $y$  do canal correspondente a duas estações A e B cujos dados estão tabelados a seguir:

Estação	D	S	E	Q
A	20.0	0.0001	0.030	133.0
B	21.5	0.0001	0.030	122.3

a) Utilize o método de Newton para calcular a profundidade  $y$  do canal A;

b) Obtenha a profundidade  $y$  do canal B utilizando o método das secantes.

4 – Um dos elfos de Valfenda, o grande arqueiro Glorfindel, disparou uma flecha em direção a cidade de Bri para cair na cabeça de Cevado Carrapicho, dono da estalagem O Pônei Saltitante. O rei Elessar, de Gondor, viu o fato em sua pedra vidente. Junto porém aparecia o seguinte escrito:

$$37.104740 + 3.15122t - \frac{2t^2}{2} = 0$$

Elessar desesperado, pois adorava a cerveja da estalagem, queria salvar Cevado Carrapicho (fabricante da cerveja) a qualquer custo; mas apesar de toda sua sabedoria, não entendia o que significavam aqueles números. Como ele podia ver o futuro em sua pedra, correu até uma gruta e escreveu numa parede o seguinte:

“Por favor, quem souber o que significa:

$$37.104740 + 3.15122t - \frac{2t^2}{2} = 0$$

me ajude!”

Elessar esperou por um minuto e colocou sua pedra de forma a ver os escritos e verificou que logo a baixo da sua escrita aparecia:

$$t = -4.71623 \quad \text{ou} \quad t = 7.86745$$

que deve ser o tempo de alguma coisa, em horas ou minutos.”

Elessar levou algum tempo para traduzir a escrita, mas logo correu para ajudar Cevado, pois se ele estivesse no alvo depois de 7 horas e 52 minutos seria acertado. Elessar conseguiu chegar a tempo e salvou Cevado da morte certa, e comemorou com sua tão amada cerveja...

Dezenas de milhares de anos depois...

Eric estava vasculhando uma gruta quando encontrou escritos junto a rabiscos. Ele percebeu que os rabiscos eram runas élficas, e que aquilo era um pedido de ajuda.

Graças aos Valar, Eric estava com seu notebook na mochila, e tinha um programa chamado Raízes que seu irmão havia instalado para resolver alguns problemas. Depois de alguns segundos tentando entender como eram entrados os dados, ele obteve:

$$"t = -4.71623 \quad \text{ou} \quad t = 7.86745"$$

e pensou, isso deve ser alguma coisa, em horas ou minutos...

- a) Utilizando o método de Newton obtenha a raiz positiva;  
b) Obtenha a raiz negativa pelo método das secantes.

**Observação:** O critério de parada deve ser que o erro absoluto ( $\epsilon$ ) seja menor do que  $10^{-5}$ . Apresente os resultados dos exercícios **3 e 4** em uma tabela da seguinte forma

Exercício 3 - Item A				
$k$	$x_k$	$f'(x_k)$	$f(x_k)$	$\epsilon$
$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$

**5** – Uma transportadora possui 5 tipos de caminhões que representaremos por (1), (2), (3), (4) e (5), os quais são equipados para transportar 5 tipos diferentes de máquinas A, B, C, D e E segundo a Tabela, onde supomos que A, B, C, D e E é a quantidade de máquinas que cada caminhão pode transportar levando carga plena.

Máquinas \ Caminhões	A	B	C	D	E
(1)	1	1	1	0	2
(2)	0	1	2	1	1
(3)	2	1	1	2	0
(4)	3	2	1	2	1
(5)	2	1	2	3	1

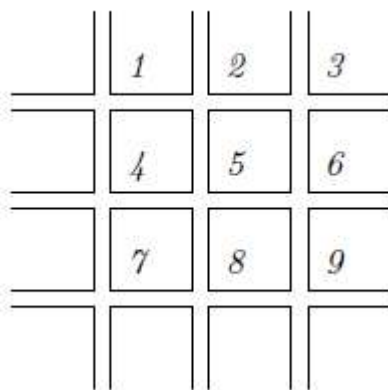
Assim o caminhão (1) pode transportar 1 máquina A, 1 máquina B, 1 máquina C, nenhuma máquina D, 2 máquinas E, etc. Quantos caminhões de cada tipo devemos enviar para transportar exatamente:

- 27 máquinas do tipo A;
- 23 máquinas do tipo B;
- 31 máquinas do tipo C;
- 31 máquinas do tipo D;
- 22 máquinas do tipo E.

Supondo que cada caminhão vai com carga plena, resolva o sistema linear obtido.

**Sugestão:** Represente por  $x_1, x_2, x_3, x_4$  e  $x_5$  o número de caminhões respectivamente dos tipo (1), (2), (3), (4) e (5).

**6** – Um cachorro está perdido em um labirinto quadrado de corredores como mostrado na figura. Em cada intersecção escolhe uma direção ao acaso e segue até a intersecção seguinte, onde escolhe novamente ao acaso nova direção e assim por diante. Qual a probabilidade do cachorro estando na intersecção  $i$ , sair eventualmente pelo lado sul?



**Esclarecimentos:** Suponhamos que há exatamente as 9 intersecções mostradas na figura. Seja  $P_1$  a probabilidade do cachorro, que está na intersecção 1, sair pelo lado sul. Seja  $P_2, P_3, \dots, P_9$  definidas de modo similar. Supondo que cada intersecção a que chegue o cachorro, há tanta possibilidade que escolha uma direção como outra, e que, tendo chegado a uma saída, tenha terminado sua caminhada, a teoria das probabilidades oferece as seguintes equações para  $P_i$ :

$$\begin{cases} P_1 = (0 + 0 + P_2 + P_4)/4 \\ P_2 = (0 + P_1 + P_3 + P_5)/4 \\ P_3 = (0 + P_2 + 0 + P_6)/4 \\ P_4 = (P_1 + 0 + P_5 + P_7)/4 \\ P_5 = (P_2 + P_4 + P_6 + P_8)/4 \\ P_6 = (P_3 + P_5 + 0 + P_9)/4 \\ P_7 = (P_4 + 0 + P_8 + 1)/4 \\ P_8 = (P_5 + P_7 + P_9 + 1)/4 \\ P_9 = (P_6 + P_8 + 0 + 1)/4 \end{cases}$$

**Observação:** Os exercícios **5 e 6** devem ser resolvidos utilizando o método da eliminação de Gauss. Deve ser apresentada a matriz estendida original, a matriz estendida após o escalonamento e o vetor solução do problema (caso o problema tenha solução).