Estructuras de Datos no Lineales 1.5. Búsqueda

José Fidel Argudo Argudo José Antonio Alonso de la Huerta Mª Teresa García Horcajadas



1.5. Búsqueda

- 1.5.1. Árboles binarios de búsqueda
- 1.5.2. Árboles binarios de búsqueda equilibrados
- 1.5.3. Árboles B
- 1.5.4. Tablas de dispersión

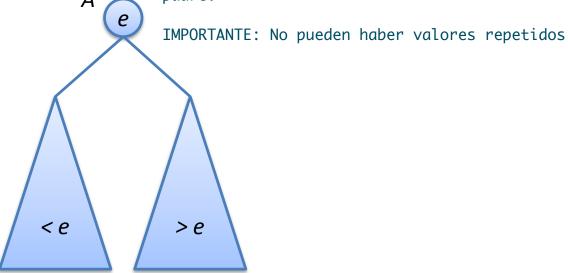
Estructuras de Datos no Lineales 1.5.1. Árboles binarios de búsqueda

José Fidel Argudo Argudo José Antonio Alonso de la Huerta Mª Teresa García Horcajadas



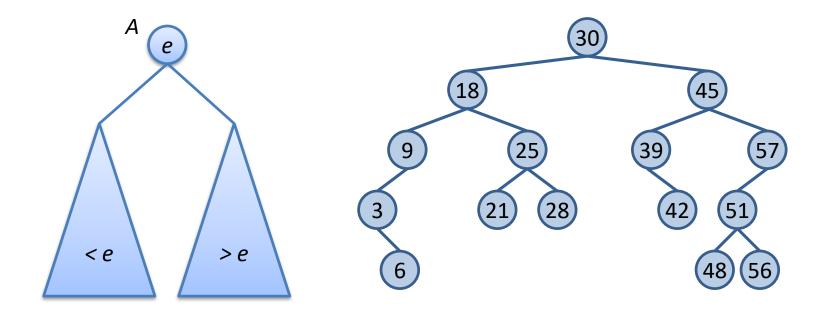
Árboles binarios de búsqueda

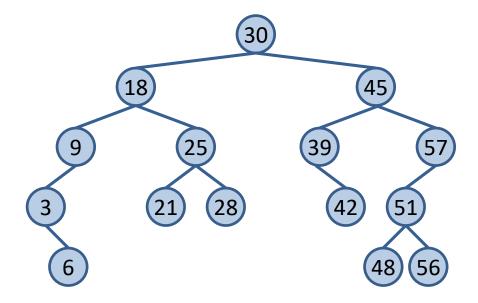
Vemos que el lado iza serán valores menores que el del nodo padre y que los valores del lado drcho son valores mayores que el del nodo padre.

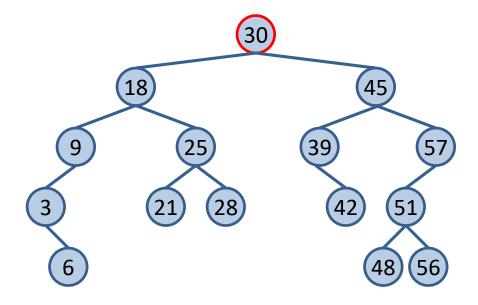


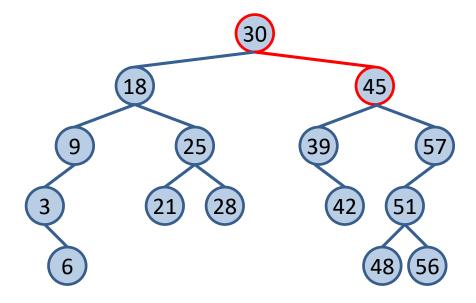
Árboles binarios de búsqueda

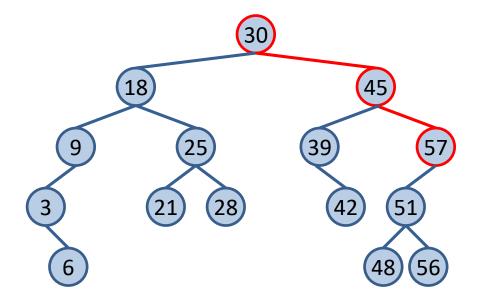
Ejemplo de ABB

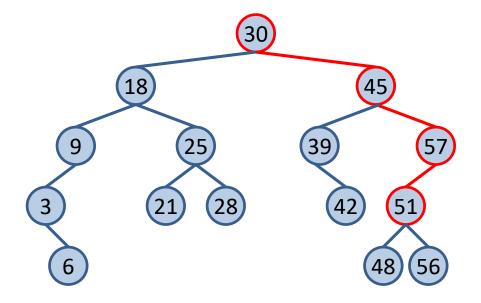




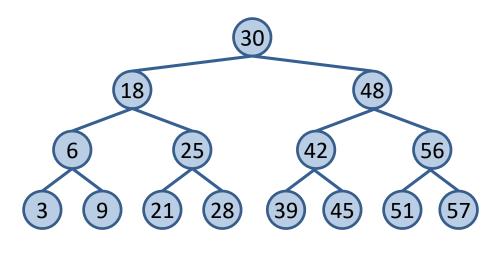




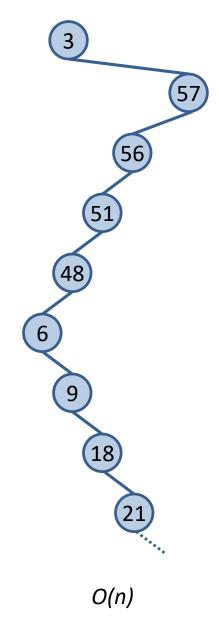




El tiempo de búsqueda depende de la estructura de ramificación del árbol.



 $O(log_2 n)$



TAD Árbol binario de búsqueda

Definición:

Un árbol binario de búsqueda es un árbol binario en el que los nodos almacenan elementos de un conjunto (no existen elementos repetidos). La propiedad que define a estos árboles es que todos los elementos almacenados en el subárbol izquierdo de cualquier nodo n son menores que el elemento de n, y todos los elementos almacenados en el subárbol derecho de n son mayores que el elemento almacenado en el mismo.

Consideraremos que existe un orden lineal definido sobre el tipo de los elementos dado por el operador <.

Operaciones:

Abb()

Post: Construye un árbol binario de búsqueda vacío.

const Abb& buscar(const T& e) const

<u>Post</u>: Si el elemento *e* pertenece al árbol, devuelve el subárbol en cuya raíz se encuentra *e*; en caso contrario, devuelve un árbol vacío.

void insertar(const T& e)

<u>Post</u>: Si *e* no pertenece al árbol, lo inserta; en caso contrario, el árbol no se modifica.

void eliminar(const T& e)

<u>Post</u>: Elimina el elemento *e* del árbol. Si *e* no se encuentra, el árbol no se modifica.

bool vacio() const

<u>Post</u>: Devuelve **true** si el árbol está vacío y **false** en caso contrario.

Aquí no trabajamos con nodos, si no que trabajamos con subárboles

const T& elemento() const

Pre: Árbol no vacío.

Post: Devuelve el elemento de la raíz de un árbol binario de búsqueda.

const Abb& izqdo() const

Pre: Árbol no vacío.

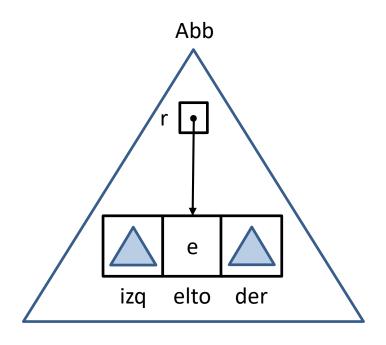
Post: Devuelve el subárbol izquierdo.

const Abb& drcho() const

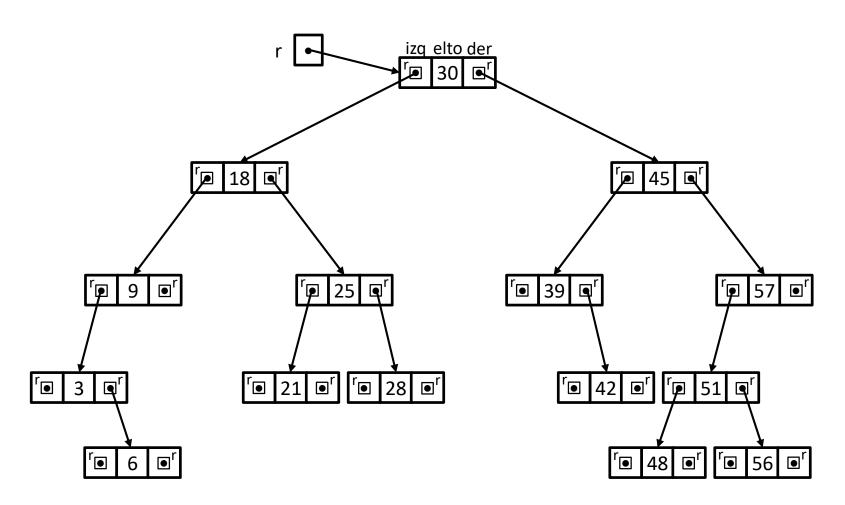
Pre: Árbol no vacío.

Post: Devuelve el subárbol derecho.

Implementación de árboles binarios de búsqueda mediante una estructura dinámica recursiva



Implementación de árboles binarios de búsqueda mediante una estructura dinámica recursiva

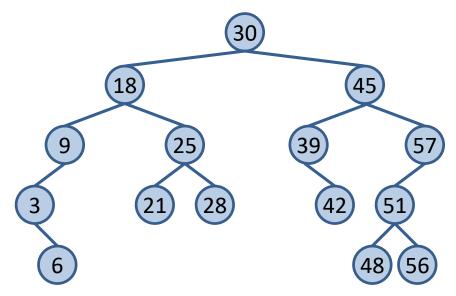


```
#ifndef ABB H
#define ABB H
#include <cassert>
template <typename T> class Abb {
public:
   Abb ();
   const Abb& buscar(const T& e) const;
   void insertar(const T& e);
   void eliminar(const T& e);
   bool vacio() const;
   const T& elemento() const;
   const Abb& izqdo() const;
   const Abb& drcho() const;
   Abb (const Abb& A);
                                          // ctor. de copia
                                          // asig. árboles
   Abb& operator = (const Abb& A);
   ~Abb();
                                           // destructor
```

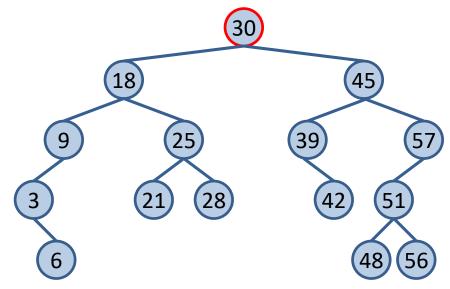
```
private:
   struct arbol {
      T elto;
      Abb izq, der;
      arbol(const T& e): elto{e}, izq{}, der{} {}
   };
   arbol* r; // raíz del árbol
   T borrarMin();
};
```

```
template <typename T>
inline Abb<T>::Abb() : r{nullptr} {}
template <typename T>
inline bool Abb<T>::vacio() const
{
   return (r == nullptr);
}
template <typename T> método más importante del TAD
const Abb<T>& Abb<T>::buscar(const T& e) const
    Si el elemento a buscar no está, devuelve un subárbol vacío
   if (r == nullptr) // Árbol vacío, e no encontrado.
      return *this;
  else if (e < r->elto) // Buscar en subárbol izqdo.
      return r->izq.buscar(e);
  else if (r->elto < e) // Buscar en subárbol drcho.
      return r->der.buscar(e);
  else
                              // Encontrado e en la raíz.
      return *this;
}
```

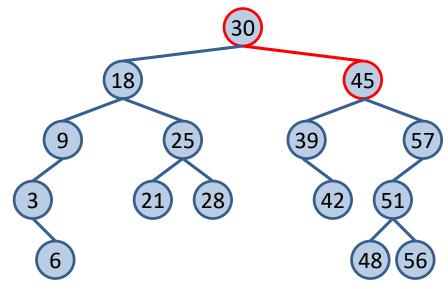




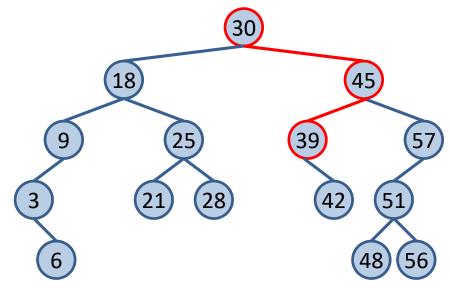




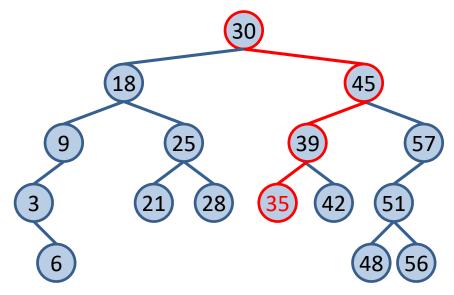




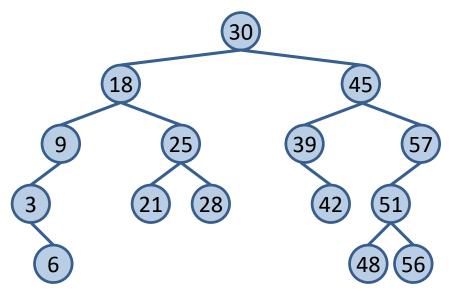




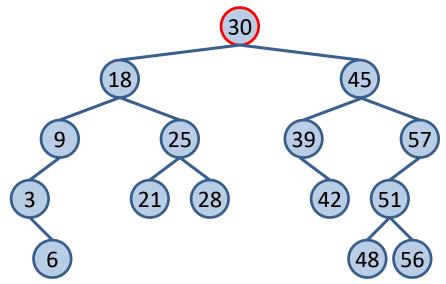




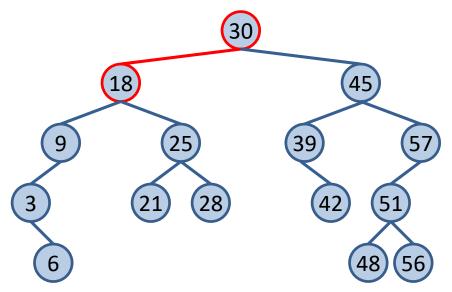
Caso 1: Suprimir una hoja



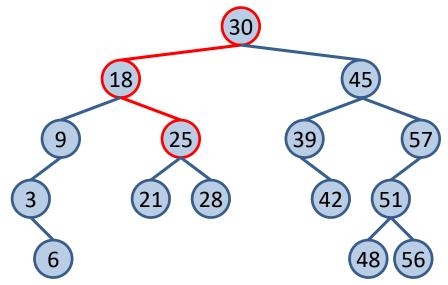
Caso 1: Suprimir una hoja



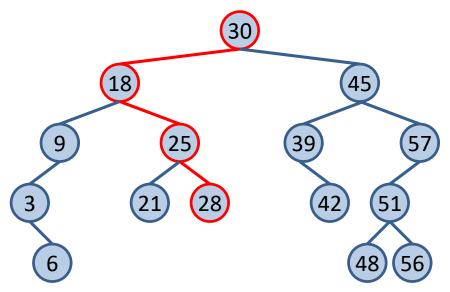
Caso 1: Suprimir una hoja



Caso 1: Suprimir una hoja

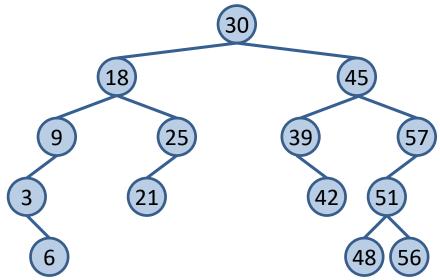


Caso 1: Suprimir una hoja



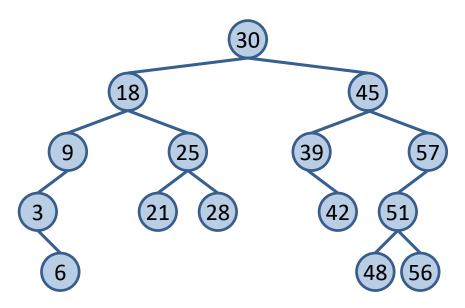
Caso 1: Suprimir una hoja



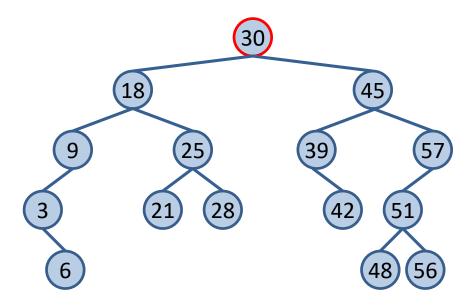


Caso 2: Suprimir un nodo con sólo hijo izquierdo

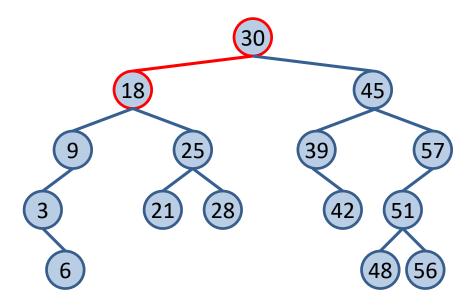




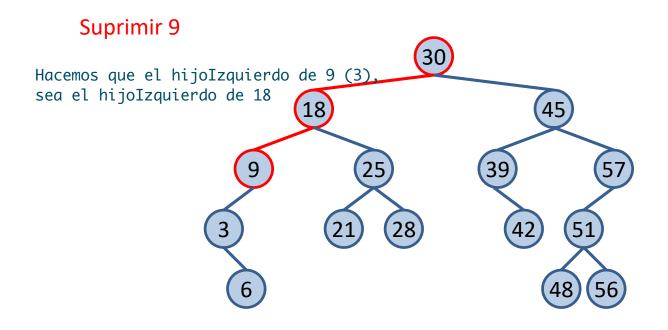
Caso 2: Suprimir un nodo con sólo hijo izquierdo



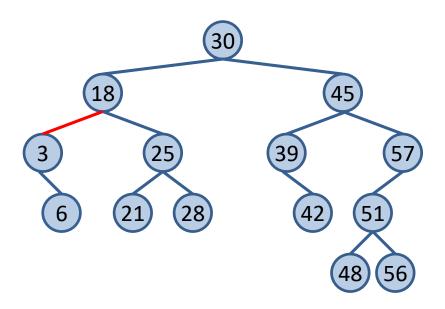
Caso 2: Suprimir un nodo con sólo hijo izquierdo



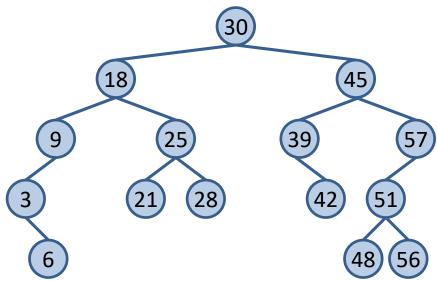
Caso 2: Suprimir un nodo con sólo hijo izquierdo



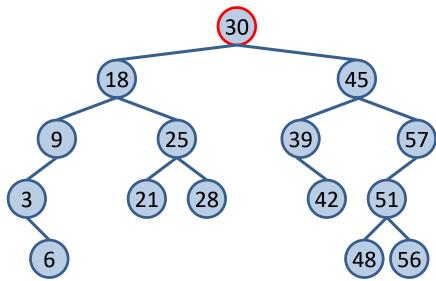
Caso 2: Suprimir un nodo con sólo hijo izquierdo



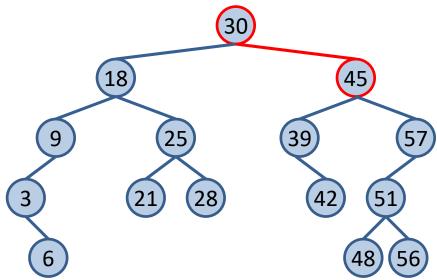


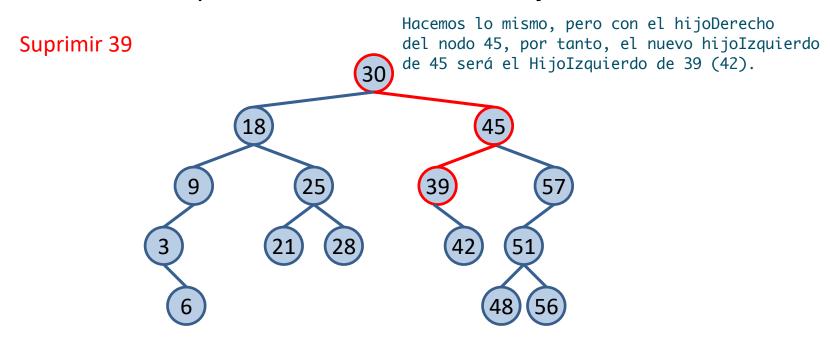




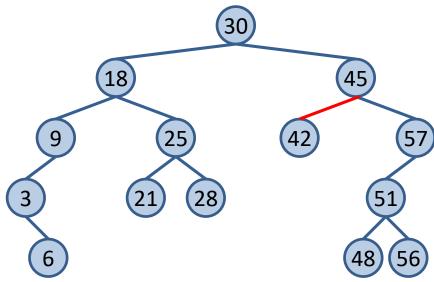






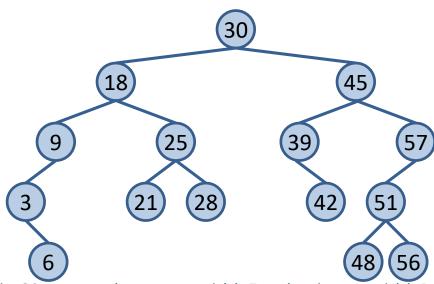






Caso 4: Suprimir un nodo con dos hijos





Queremos eliminar el nodo 30, pero tiene tanto hijoIzquierdo como hijoDerecho, pero hay dos candidatos a ser el nuevo raíz.

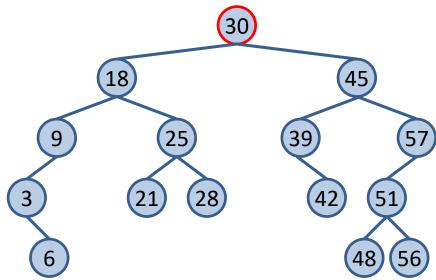
El menor del subárbol izquierdo (28) y el mayor del subárbol(39) derecho pueden ser candidatos a reemplazar el nodo cuyo valor es 30. Esto se hace en orden.

Si eres el mayor de donde estés no puedes tener ningún valor en el subárbol derecho, análogamente para el izquierdo (menor).

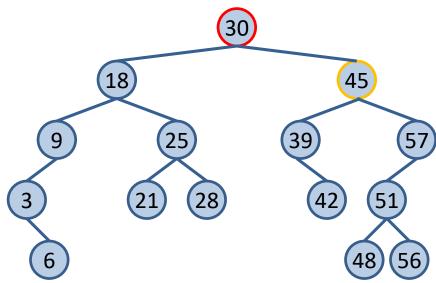
O eres hoja o solamente tienes un hijo (izquierdo o derecho) dependiendo de que subárbol seas. BorraMin(); borra el menor de los elementos y lo devuelve.

Solución: Sustituir 30 por el nodo minimo del subárbol derecho o el nodo máximo del subárbol izquierdo.

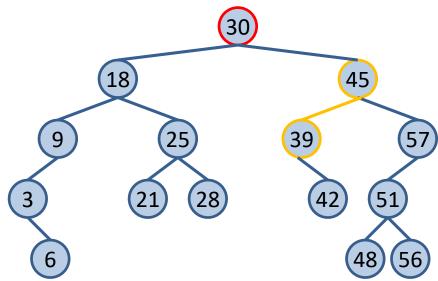




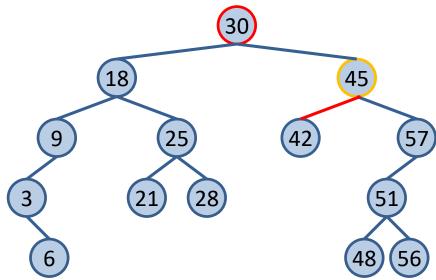




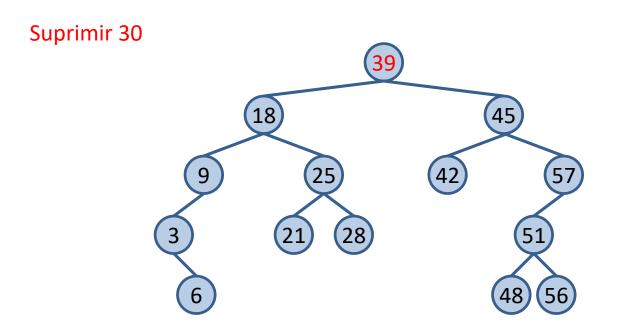








Caso 4: Suprimir un nodo con dos hijos



Vemos que sustituimos el nodo 30 por 39 y el hijoIzquierdo de 39 (42), pasa a ser hijoIzquierdo del nodo 45.

```
else // Ouitar e de la raíz.
   if (!r->izq.r && !r->der.r) { // 1. Raiz es hoja.
     delete r;
     r = nullptr; // El árbol queda vacío.
   else if (!r->der.r) { // 2. Raíz sólo tiene hijo izqdo.
     arbol* a = r->izq.r;
     r->izq.r = nullptr; // Evita destruir el subárbol izqdo.
     delete r;
     r = a;
   else if (!r->izq.r) { // 3. Raíz sólo tiene hijo drcho.
     arbol* a = r->der.r;
     r->der.r = nullptr; // Evita destruir el subárbol drcho.
     delete r;
     r = a;
  else // 4. Raíz tiene dos hijos
     // Eliminar el mínimo del subárbol derecho y sustituir
     // el elemento de la raíz por éste.
     r->elto = r->der.borrarMin();
```

```
// Método privado
template <typename T>
T Abb<T>::borrarMin()
// Elimina el nodo que almacena el menor elemento
// del árbol. Devuelve el elemento del nodo eliminado.
{
   if (r->izq.r == nullptr) { // Subárbol izquierdo vacío.
      T e = r->elto;
      arbol* hd = r->der.r;
      r->der.r = nullptr; // Evita destruir subárbol drcho.
      delete r:
      r = hd; // Sustituir r por el subárbol drcho.
      return e;
   else
      return r->izq.borrarMin();
```

```
template <typename T>
inline const T& Abb<T>::elemento() const
   assert(r != nullptr);
   return r->elto;
template <typename T>
inline const Abb<T>& Abb<T>::izqdo() const
{
   assert(r != nullptr);
   return r->izq;
template <typename T>
inline const Abb<T>& Abb<T>::drcho() const
   assert(r != nullptr);
   return r->der;
```

Copia y destrucción de un ABB

```
template <typename T>
inline Abb<T>::Abb(const Abb<T>& A): r{nullptr}
   if (A.r != nullptr)
      r = new arbol(*A.r); // Copiar raiz y descendientes.
template <typename T>
Abb<T>& Abb<T>::operator = (const Abb<T>& A)
   if (this != &A) { // Evitar autoasignación.
      this->~Abb(); // Vaciar el árbol.
      if (A.r != nullptr)
         r = new arbol(*A.r); // Copiar raiz y descendientes.
   return *this;
```

```
template <typename T>
Abb<T>::~Abb()
{
   if (r != nullptr) { // Árbol no vacío.
        delete r; // Destruir raíz y descendientes con r->~arbol()
        r = nullptr; // El árbol queda vacío.
   }
}
#endif // ABB_H
```