# ČESKÉ VYSOKÉ UČENÍ TECHNICKÉ V PRAZE FAKULTA STROJNÍ

Ústav mechaniky tekutin a termodynamiky

## DIPLOMOVÁ PRÁCE

Zlepšení termodynamických vlastností vysokorychlostní DRTA sondy pomocí numerických simulací

## MASTER THESIS

Improvement of thermodynamic properties of a high-speed DRTA probe by numerical simulations

Autor práce: Bc. Josef Krubner

Vedoucí práce: Ing. Michal Schmirler, Ph.D.

Konzultant: doc. Ing. Jan Halama, Ph.D.

Akademický rok 2021/2022



## ZADÁNÍ DIPLOMOVÉ PRÁCE

## I. OSOBNÍ A STUDIJNÍ ÚDAJE

Příjmení: Krubner Jméno: Josef Osc	obní číslo:	473541
------------------------------------	-------------	--------

Fakulta/ústav: Fakulta strojní

Zadávající katedra/ústav: Ústav mechaniky tekutin a termodynamiky

Studijní program: Aplikované vědy ve strojním inženýrství

Specializace: Matematické modelování v technice

## II. ÚDAJE K DIPLOMOVÉ PRÁCI

NIÁTOV	امنه	lomové	nráco.
INAZEV	uibi	IOIIIOVE	DIACE.

Zlepšení termodynamických vlastností vysokorychlostní DRTA sondy pomocí numerických simulací

Název diplomové práce anglicky:

Improvement of thermodynamic properties of a high-speed DRTA probe by numerical simulations

Pokyny pro vypracování:

- 1) Popište problematiku měření teplot plynů proudících při vysokých podzvukových rychlostech, tedy s uvažováním jejich stlačitelnosti.
- 2) Popište princip fungování v názvu zmiňované DRTA sondy. Představte geometrii sondy, která bude výchozí pro další kroky v rámci návrhu zlepšení jejích termodynamických vlastností.
- 3) Popište CFD model, který budete pro simulaci termodynamických vlastností sondy používat (fyzikální model, okrajové podmínky, numerické schéma, způsoby diskretizace atd.).
- 4) Proveďte simulace vlivu jednotlivých vybraných konstrukčních úprav na termodynamické parametry sondy (hodnoty restitučních faktorů v závislosti na rychlosti nabíhajícího proudu, směrová citlivost, rozložení proudového a teplotního pole atd.)
- 5) Na základě výsledků provedených numerických simulací vyberte nejvhodnější geometrii sondy a vyhodnoťte její termodynamické vlastnosti.

C	4	. X ~ ~ 4	literatury:
Seznam	aonon	icene	meraniry

Dle pokynů vedoucího práce či konzultanta.

Jméno a pracoviště vedoucí(ho) diplomové práce:

Ing. Michal Schmirler, Ph.D. ústav mechaniky tekutin a termodynamiky FS

Jméno a pracoviště druhé(ho) vedoucí(ho) nebo konzultanta(ky) diplomové práce:

doc. Ing. Jan Halama, Ph.D. ústav technické matematiky FS

Datum zadání diplomové práce: 25.04.2022 Termín odevzdání diplomové práce: 29.07.2022

Platnost zadání diplomové práce:

Ing. Michal Schmirler, Ph.D.

podpis vedoucí(ho) práce

Ing. Michal Schmirler, Ph.D.

podpis vedoucí(ho) ústavu/katedry

doc. Ing. Miroslav Španiel, CSc.

#### III. PŘEVZETÍ ZADÁNÍ

Diplomant bere na vědomí, že je povinen vypracovat diplomovou práci samostatně, bez cizí pomoci, s výjimkou poskytnutých konzultací. Seznam použité literatury, jiných pramenů a jmen konzultantů je třeba uvést v diplomové práci.

Datum převzetí zadání Podpis studenta

Prohlášení	
Prohlašuji, že jsem bakalářskou práci na ností vysokorychlostní DRTA sondy pomoc statně. Veškerá použitá literatura a podkla seznamu literatury.	
V Praze, dne	Josef Krubner

# Poděkování Tímto bych chtěl poděkovat Ing. Michalu Schmirlerovi, Ph.D. a doc. Ing. Janu Halamovi, Ph.D. za cenné rady a připomínky, které mi byly nápomocny při vypracování této diplomové práce. Dále bych rád poděkoval své rodině a své přítelkyni za podporu při studiu.

# Anotační list

Název práce:	Zlepšení termodynamických vlastností vysokorychlostní DRTA sondy pomocí numerických simulací
Title:	Improvement of thermodynamic properties of a high-speed DRTA probe by numerical simulations
Autor:	Bc. Josef Krubner
Studijní program:	Aplikované vědy ve strojním inženýrství
Druh práce:	Diplomová
Vedoucí práce	Ing. Michal Schmirler, Ph.D.
Konzultant	doc. Ing. Jan Halama, Ph.D.
Abstrakt:	TODO
Abstract:	TODO
Klíčová slova:	návrh sondy pro měření rychlosti, měření rychlosti plynů, podzvukové proudění, restituční faktor, restituční teplota, CFD simulace
Keywords:	velocimetry probe design, gas velocimetry, subsonic flow, recovery factor, recovery temperature, CFD simulation

# Obsah

Se	eznar	n použitých symbolů a zkratek	7	
	Sezr	nam symbolů	7	
	Sezr	nam zkratek	7	
	Sezr	nam použitých indexů	8	
Se	eznar	n obrázků	8	
Ú	vod		9	
1 Měření teplot při vysokých podzvukových rychlostech				
	1.1	Dynamický ohřev	10	
	1.2	Restituční faktor	11	
	1.3	Měření stagnační teploty	12	
		1.3.1 Rovnovážná teplota	12	
		1.3.2 Měřicí sonda	13	

# Seznam použitých symbolů a zkratek

# Seznam symbolů

a	$ms^{-1}$	Rychlost zvuku
$c_p$	$Jkg^{-1}K^{-1}$	Měrná tepelná kapacita za konstantního tlaku
$\dot{E}$	1	Korekční koeficient
h	$Jkg^{-1}$	Měrná entalpie
I	1	Intenzita turbulence
K	1	Korekční součinitel
$\kappa$	1	Poissonova konstanta
Ma	1	Machovo číslo
$\mu$	Pas	Dynamická viskozita
$\nu$	$m^2 s^{-1}$	Kinematická viskozita
$p_c$	Pa	Celkový tlak
Pr	1	Prandtlovo číslo
$p_s$	Pa	Statický tlak
q	$Jkg^{-1}$	Měrné teplo
$q_{dyn}$	Pa	Dynamický tlak
$q_{kin}$	Pa	Kinetický tlak
r	$Jkg^{-1}K^{-1}$	Měrná plynová konstanta
r/r*	1	Recovery faktor
Re	1	Reynoldsovo číslo
ho	$kgm^{-3}$	Hustota
T	K	Termodynamická teplota
$T_{kal}$	K	Teplota podle kalibračního polynomu
$T_r$	K	Recovery teplota
u	$ms^{-1}$	Rychlost proudění
U	V	Elektrické napětí

## Seznam zkratek

CCD	Charge-Coupled Device
EFV	Elastic Filament Velocimetry
Holo-PIV	Holographic Particle Image Velocimetry
HWA	Hot Wire Anemometry
ICCD	Intesified Charge-Coupled Device
LDD	Laser Doppler Detection
$\operatorname{LPT}$	Lagranian Particle Tracking
OTV	Ozone Tagging Velocimetry
PIV	Particle Image Velocimetry
Scan-PIV	Scanning Particle Image Velocimetry
Tomo-PIV	Tomographic Particle Image Velocimetry

# Seznam indexů

A	Sonda A
B	Sonda B
i	Stupeň iterace
$\infty$	Nabíhající proud vzduchu
0	Stagnační
1	Před dýzou
2	Za dýzou

# Seznam obrázků

$1.1.1$ Závislost dynamické teploty a poměru $\frac{T}{T_0}$ na Machově čísle proudění pro	
statickou teplotu 300 $K$	11
$1.3.1$ Závislost rovnovážné teploty a chyby $\varepsilon_{T0}$ na restitučním faktoru pro	
různé rychlosti proudění při statické teplotě 300 $K$	12
1.3.2 Vybrané geometrie sond pro měření stagnačních teplot.	13

# $\mathbf{\acute{U}vod}$

Problematika měření rychlosti proudění tekutin je velice rozsáhlým vědním oborem a můžeme zde nalézt mnoho postupů a metodik, které se postupně vyvíjejí.

## 1 Měření teplot při vysokých podzvukových rychlostech

Teplota, jako stavová veličina, je jedním z důležitých parametrů proudění, které jsou sledovány během průmyslových procesů, nebo během provozu strojírenských zařízení, či výzkumných tratí. Její měření je obvykle bezproblémové, hovoříme-li o nízkých rychlostech proudění, nebo případně o kapalinách. Při přechodu do vyšších podzvukových rychlostí plynů (na které je zaměřena tato práce) dochází k nárůstu vlivu jejich stlačitelnosti a určení statické, potažmo stagnační, teploty proudění začíná být problematické. Hranice stlačitelnosti se obvykle uvažuje okolo Ma=0.3.

## 1.1 Dynamický ohřev

Dobrým ukazatelem míry vlivu stlačitelnosti proudění na měření teploty je poměr statické a stagnační teploty, který lze odvodit z energetické rovnice při uvažování adiabatického výtoku z nádoby o klidových parametrech  $h_0$ ,  $T_0$  a  $u_0 = 0 \frac{m}{s}$  do obecného místa s parametry h, T a u:

$$h_0 = h + \frac{u^2}{2} \tag{1.1.1}$$

$$h = c_p T (1.1.2)$$

$$c_p T_0 = c_p T + \frac{u^2}{2} (1.1.3)$$

$$T_0 = T + \frac{u^2}{2c_p} = T + \frac{u^2}{2c_p} \frac{a^2}{a^2}$$
 (1.1.4)

$$a = \sqrt{\kappa r T} \tag{1.1.5}$$

$$c_p = \frac{\kappa r}{\kappa - 1} \tag{1.1.6}$$

$$T_0 = T \left( 1 + \frac{\kappa - 1}{2} \frac{u^2}{a^2} \right) \tag{1.1.7}$$

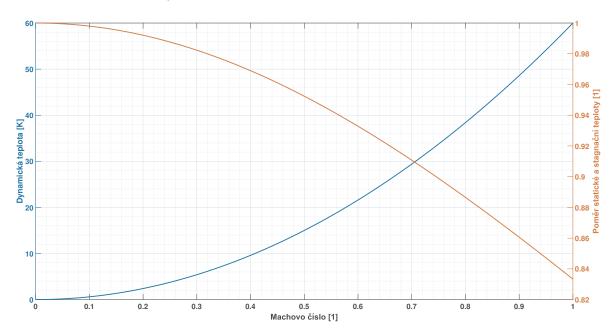
$$Ma = \frac{u}{a} \tag{1.1.8}$$

$$\frac{T}{T_0} = \frac{1}{1 + \frac{\kappa - 1}{2} \text{Ma}^2}$$
 (1.1.9)

kde  $h\left[\frac{J}{kg}\right]$  je měrná entalpie,  $u\left[\frac{m}{s}\right]$  je rychlost proudění,  $T\left[K\right]$  je termodynamická teplota,  $c_p\left[\frac{J}{kgK}\right]$  je měrná tepelná kapacita za konstantního tlaku,  $a\left[\frac{m}{s}\right]$  je rychlost zvuku,  $\kappa$  [1] je Poissonova konstanta,  $r\left[\frac{J}{kgK}\right]$  je měrná plynová konstanta a Ma [1] je Machovo číslo. Dolní index 0 označuje stagnační parametry.

Ze Vztahu 1.1.9 je patrné, že při nulové rychlosti proudění (Ma = 0) bude statická teplota rovna teplotě stagnační, neboli klidové. Dosažením rychlosti zvuku (Ma = 1) klesne poměr na hodnotu  $\frac{1}{1+\frac{\kappa-1}{2}}$ , což pro vzduch odpovídá 0.83 při uvažování  $\kappa=1.4$ . Při Ma = 0.3 (zmiňovaná mez stlačitelnosti) tvoří v statická teplota 98.2% stagnační teploty, zanedbáním dynamické teploty bychom se tak dopustili v tomto případě 1.8% chyby. Chybě 2.5% pak odpovídá Machovo číslo 0.358.

Člen $\frac{u^2}{2c_p}$ v Rovnici 1.1.4 je nazýván dynamická teplota (ačkoliv se o teplotu nejedná) a je projevem stlačitelnosti proudění. Jeho průběh v závislosti na Machově čísle je společně s poměrem  $\frac{T}{T0}$ vyznačen na Obrázku 1.1.1.



Obrázek 1.1.1: Závislost dynamické teploty a poměru  $\frac{T}{T_0}$  na Machově čísle proudění pro statickou teplotu  $300\,K$ .

#### 1.2 Restituční faktor

Umístěním tělesa do proudu vzduchu dojde k jeho zahřívání vlivem zbrzdění proudění v mezní vrstvě. Budeme-li o tomto tělesu dále hovořit jako o teplotním snímači, tak bude klíčové, jakou teplotu naměříme. Ve stagnačním bodě snímače bude plyn dosahovat klidové teploty, mimo něj však bude teplota nižší. Měřená teplota, značená obvykle jako rovnovážná  $T_r$ , se tak bude pohybovat mezi teplotou statickou a stagnační  $(T < T_r < T_0)$ . Vztah mezi těmito teplotami popisuje takzvaný restituční faktor f:

$$f = \frac{T_r - T}{T_0 - T} \tag{1.2.1}$$

Restituční faktor je především funkcí Prandtlova čísla, závisí však i na geometrii snímače a na Machově a Reynoldsově čísle [Leontiev2017a]. Jeho hodnota je tedy proměnlivá, nicméně v řadě aplikací jej lze pro definované podmínky považovat za konstantu: pro válcová tělesa umístěná rovnoběžně v proudu vzduchu byl při lokálním  $\text{Re} < 5 \cdot 10^5$  restituční faktor roven  $\sqrt{\text{Pr}}$ , pro vzduch byla tato hodnota při Pr = 0.72 rovna 0.85 [Shapiro1954]. Obdobná hodnota restitučního faktoru (v tomto případě pro Pr = 0.71) byla použita s dostatečnou přesností při měření pomocí termočlánku [Ishibashi2012].

## 1.3 Měření stagnační teploty

#### 1.3.1 Rovnovážná teplota

Kombinací Vztahů 1.2.1 a 1.1.4 lze získat vztahy pro výpočet rovnovážné teploty:

$$f = \frac{T_r - T}{T + \frac{u^2}{2c_p} - T} \tag{1.3.1}$$

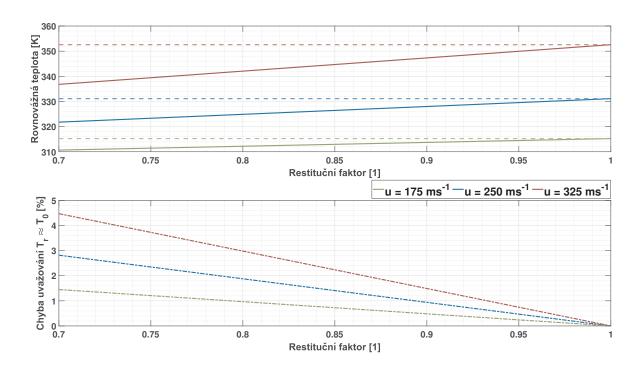
$$T_r = T + f \frac{u^2}{2c_p} (1.3.2)$$

$$T_r = T\left(1 + f\frac{\kappa - 1}{2}\text{Ma}^2\right) \tag{1.3.3}$$

Budeme-li hovořit o měření stagnační teploty při vysokých podzvukových rychlostech, nabízí se otázka, zda by nebylo možné použít sondu s dostatečně vysokým restitučním faktorem  $(f \to 1)$  a jaké bychom se dopustili chyby, pokud bychom naměřenou rovnovážnou teplotu považovali za stagnační. Chyba  $\varepsilon_{T0}$  by v takovém případě byla pro dané proudění (vybraná rychlost u a statická teplota T) funkcí právě restitučního faktoru:

$$\varepsilon_{T0} = 1 - \frac{T_r}{T_0} = 1 - \frac{T + f \frac{u^2}{2c_p}}{T + \frac{u^2}{2c_p}}$$
 (1.3.4)

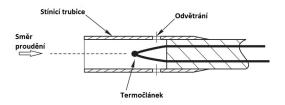
Závislosti velikosti chyby a rovnovážné teploty na restitučním faktoru jsou patrné z Obrázku 1.3.1. S narůstající rychlostí proudění dochází i ke zvětšování chyby  $\varepsilon_{T0}$ , která pro restituční faktor  $\geq 0.94$  však nepřekračuje v rámci podzvukových rychlostí 1% nezávisle na statické teplotě proudění (viz odvození v Příloze ??).



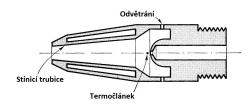
Obrázek 1.3.1: Závislost rovnovážné teploty a chyby  $\varepsilon_{T0}$  na restitučním faktoru pro různé rychlosti proudění při statické teplotě  $300\,K$ .

#### 1.3.2 Měřicí sonda

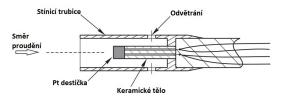
Konstrukce sond pro měření stagnačních teplot typicky obsahuje tepelně citlivý prvek (typicky termočlánek nebo odporový teplotní snímač) umístěný v trubici s odvětráním, která slouží ke zpomalení proudění okolo čidla obvykle pod hodnotu Ma=0.15 [Bonham2013]. Snížením rychlosti plynu dojde k nárůstu jeho teploty, což se projeví i vyšší naměřenou teplotou, která se tak bude blížit teplotě stagnační.



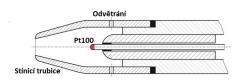
(a) Trubice s termočlánkem. Převzato z  $[{f Bonham2013}]$  a upraveno.



(b) Trubice s termočlánkem. Převzato z [Shapiro1954] a upraveno.



(c) Trubice s platinovou destičkou. Převzato z [Bonham2013] a upraveno.



(d) Trubice s Pt100. Převzato z [**Sedlak2018**] a upraveno.

Obrázek 1.3.2: Vybrané geometrie sond pro měření stagnačních teplot.