## Construcción

## Grupo 5 Capstone

## October 2025

$$\min_{F} Z(F) = \frac{1}{2} \sum_{a \in A} \left[ \int_{0}^{f_{a}} c_{a}(x, f_{a'}) dx + \int_{0}^{f_{a}} c_{a}(x, 0) dx \right].$$

## 1 Introduction

## 2 Supuestos

- 1. Se asume que cada vivienda se construye desde cero, sobre un terreno definido cuyas características físicas son parámetros fijos y no pueden modificarse. El modelo busca maximizar la rentabilidad de la construcción, definida como la diferencia entre la tasación post-construcción y el costo total de edificación, sujeto a las restricciones físicas, estructurales y de consistencia espacial de la vivienda.
- 2. Todas las construcciones corresponden a nueva edificación, por lo que se asume que la calidad y condición de todos los elementos estructurales es excelente:

OverallQual = 10, OverallCond = 10

ExterQual = Ex, ExterCond = Ex

BsmtQual = Ex, HeatingQC = Ex

KitchenQual = Ex

Esto implica que no existen depreciaciones asociadas a desgaste, y que los costos reflejan materiales y terminaciones de alta gama.

3. Solo puede seleccionarse una categoría por variable estructural o de sistema, tales como:

Foundation, RoofStyle, RoofMatl, Heating, Electrical, GarageType, Exterior1st, HouseStyle, entre otras.

Esta exclusividad asegura consistencia constructiva y evita configuraciones físicamente imposibles (por ejemplo, combinar techos de distintos materiales o cimentaciones incompatibles).

4. Todas las áreas modeladas corresponden a espacios terminados; no existen sectores sin finalizar. Se imponen las siguientes condiciones:

BsmtUnfSF = 0, LowQualFinSF = 0.

Los tipos de sótano Unf o NA implican área de acabado nula.

Los estilos de vivienda con niveles "parciales"  $(1.5{\rm Fin},\ 2.5{\rm Fin},\ {\rm etc.})$  son excluidos.

Así, cada espacio construido contribuye a la superficie útil total y tiene costo de terminación asociado.

5. Las viviendas pueden tener uno o dos pisos completos, sin niveles medios ni áticos.

El área de cimentación y la huella de construcción equivalen al área del primer piso ( $AreaFoundation_i=1stFlrSF_i$ ). Las áreas asociadas al segundo piso (baños, cocinas, dormitorios, otros) se activan solo si Floor $2_i=1,concotasmáximas realistas$ .

Estas cotas derivan de proporcion est'ipicas de distribuci'on de superficie habitacion al seg'un U.S. DOE (2024). 6. El tiulo de la constant de la constan

Si la vivienda tiene sótano, se permiten solo BrkTil, CBlock, PConc, o Stone.

Si no tiene sótano, se permiten Slab o Wood.

El área de cimentación se iguala al área del primer piso y su costo depende del tipo seleccionado.

7. Se considera al menos una cocina y un baño completo en el primer piso, con límites superiores de repetición por tipo de vivienda.

En viviendas tipo Duplex o Two-Family Conversion, se permite la replicación de ambientes equivalentes en el segundo piso (cocina, baño, dormitorios).

de ambientes equivalentes en el segundo piso (coema, bano, dormitorios).

8. El área real del techo se calcula como ActualRoofArea $_i =_{s} m_{s,m} Z_{i,s,m}, donde_{s,m} esunfactor dependiente (1.1-$ 

## 3 Función Objetivo

$$\max \Pi = V_i^{post} - C^{Total}$$

Donde:

- Π= Rentabilidad
- $V_i^{post}$  =Valor de la casa construida.
- $C_i^{Total}$  =Costo Total construcción

$$\begin{split} C_i^{Total} &= C_i^{Foundation} + C_i^{Roof} + C_i^{Heating} + C_i^{CentralAir} + C_i^{Electrical} + C_i^{PavedDrive} + \\ C_i^{Kitchen} + C_i^{HalfBaths} + C_i^{FullBaths} + C_i^{Bedroom} + C_i^{Garage} + C_i^{Porch} + C_i^{WoodDeck} + \\ C_i^{Reja} + Ci^{Basement} + C_i^{MasVnr} + C_i^{Exterior} + C_i^{MiscFeature} + C_i^{FirePlaces} \end{split}$$

- $C_i^{Foundation} = \sum_f L_{i,f} \cdot C_f$
- $C_i^{Roof} = \sum_s \sum_m C_m \cdot (\gamma_{s,m} \cdot Z_{i,s,m})$
- $C_i^{Heating} = \sum_h C_{h,Ex} \cdot HasHeating_{i,h}$
- $C_i^{CentralAir} = \sum_a C_{i,a}$
- $C_i^{Electrical} = \sum_e C_e \cdot Electrical_{i,e}$
- $C_i^{PavedDrive} = \sum_d C_d \cdot PavedDrive_{i,d}$
- $C_i^{Kitchen} = \sum_k C_{k,Ex} \cdot AreaKitchen_i$
- $C_i^{HalfBaths} = C_{HalfBath} \cdot AreaHalfBath_i$
- $C_i^{FullBaths} = C_{FullBath} \cdot AreaFullBath_i$
- $C_i^{Bedroom} = C_{Bedroom} \cdot AreaBedroom_i$
- $\bullet \ C_i^{Garage} = C_{Garage} \cdot GarageArea_i$
- $C_i^{Porch} = OpenPorch_i \cdot C_{OpenPorch} + EnclosedPorch_i \cdot C_{EnclosedPorch} + 3SsnPorch_i \cdot C_{3SsnPorch} + ScreenPorch_i \cdot C_{ScreenPorch}$
- $\bullet \ C_i^{WoodDeck} = WoodDesk \cdot C_{WoodDeck}$
- $C_i^{Fence} = L_i \cdot C_{Fence}$
- $C_i^{Exterior} = C_{e1} \cdot AreaExterior1st_{i,e1}$
- $C_i^{MasVnr} = \sum_t MvProd_{i,t} \cdot C_t$
- $C_i^{Garage} = \sum_g GA_{i,g} \cdot C_{garage}$
- $C_i^{FirePlaces} = C_{f,Ex} \cdot FirePlaces_i$
- ullet  $C_i^{Basement} =$

## 4 Variables Binarias:

- $Floor1_i \in 0, 1$   $\forall i \in \mathcal{I}$ : Casa i tiene 1 piso
- $Floor 2_i \in 0, 1$   $\forall i \in \mathcal{I}$ : Casa tiene 2 pisos
- $SameMaterial_i \in 0, 1$
- $HasReja_i \in 0,1$

## 5 Variables de área

- $AreaBedrooms_i \in \mathbf{Z}_{>0}$
- $AreaBedroom1_i$
- $AreaBedroom2_i$
- $\bullet$   $AreaMasterBedroom_i$
- $AreaOtherRooms1_i$
- $AreaOtherRooms2_i$
- $AreaOther_i$
- $AreaKitchen_i \in \mathbf{Z}_{>0}$
- $AreaFullBath_i \in \mathbf{Z}_{\geq 0}$
- $AreaHalfBath_i \in \mathbf{Z}_{>0}$
- $AreaKitchen1_i \in \mathbf{Z}_{>0}$
- $AreaKitchen2_i \in \mathbb{Z}_{>0}$
- $AreaFullBath1_i \in \mathbf{Z}_{\geq 0}$
- $AreaFullBath2_i \in \mathbf{Z}_{>0}$
- $AreaHalfBath1_i \in \mathbb{Z}_{>0}$
- $AreaHalfBath2_i \in \mathbf{Z}_{\geq 0}$
- $AreaFoundation_i \in \mathbf{Z}_{>0}$
- $AreaRoof_i \in \mathbf{Z}_{>0}$
- $PR1_i$ ,  $PR2_i \ge 0$  (auxiliares para linealizar  $AreaRoof_i$ )
- $PR1_i$ : Área del primer piso que se cubre con techo, si vivienda tiene 1 piso
- $\bullet$   $PR2_i$  Area del segundo piso que se cubre con techo, si vivienda tiene 2 pisos4
- $\bullet \ P_i^{(1)}$
- $P_i^{(2)}$
- $W_{i,e1}$ : cuanta área exterior de la casa se cubre con el material el
- $GA_{i,g}$ : área del garage tipo g

## 6 Variables de conteo

- $FullBath1_i \in \mathbf{Z}$  cantidad de Full Baths en primer piso
- $FullBath2_i$  cantidad de FullBath en segundo piso
- $HalfBath1_i \in \mathbf{Z}_{>0}$
- $HalfBath2_i \in \mathbf{Z}_{>0}$
- $Kitchen1_i \in \mathbf{Z}_{\geq 0}$
- $Kitchen2_i \in \mathbf{Z}_{>0}$
- $Bedroom1_i$
- $Bedroom2_i$
- $OtherRooms1_i$
- $OtherRooms2_i$
- $\bullet$   $OtherRooms_i$

## 7 Restricciones

### 7.0.1 Restricciones de exclusividad

$$\sum_{s} MSSubClass_{i,s} = 1 \quad \forall i \in \mathcal{I}$$

$$\sum_{\mathcal{B} \in b} BldgType_{i,b} = 1 \quad \forall i \in \mathcal{I}$$

$$\sum_{hs} HouseStyle_{i,hs} = 1$$

$$\sum_{r} RoofStyle_{i,r} = 1$$

$$\sum_{m} RoofMatl_{i,m} = 1$$

$$\sum_{e1} Exterior1st_{i,e1} = 1,$$

$$\sum_{e2} Exterior2nd_{i,e2} = 1$$

$$\sum_{t} MasVnrType_{i,t} = 1$$

$$\sum_{f} Foundation_{i,f} = 1$$

$$\sum_{x} BsmtExpoure_{i,x} = 1$$

$$\sum_{b1} BsmtFinType1_{i,b1} = 1$$

 $\sum_{b2} BsmtFinType2_{i,b2} = 1$ 

 $\sum_{h} Heating_{i,h} = 1$ 

 $\sum_{a} CentralAir_{i,a} = 1$ 

 $\sum_{e} Electrical_{i,e} = 1$ 

 $\sum_{a} GarageType_{i,g} = 1$ 

 $\sum_{gf} GarageFinish_{i,gf} = 1$ 

 $\sum_{p} PavedDrive_{i,p} = 1$ 

 $\sum_{misc} MiscFeature_{i,misc} = 1$ 

## 7.1 Consistencia de Áreas

## 7.1.1 Áreas construidas no pueden sobrepasar el área del terreno

 $\begin{aligned} & 1stFlrSF_i + TotalPorchSF_i + AreaPool_i \leq LotArea_i, & \forall i \in \mathcal{I} \\ & LotOc_i = 1stFlrSF_i + TotalPorchSF_i + WoodDeckSF_i + AreaPool_i + GarageArea_i & \forall i \in \mathcal{I} \end{aligned}$ 

#### 7.1.2 El segundo piso no puede ser más grande que el primero

 $2ndFlrSF_i \leq 1stFlrSF_i \quad \forall i \in \mathcal{I}$ 

### 7.1.3 Area Habitable

 $GrLivArea = 1stFlrSF_i + 2ndFlrSF_i$ 

# 7.1.4 Area Total FullBath es igual al area baños 1er piso + area baños 2do piso

 $AreaFullBath_i = AreaFullBath_i + AreaFullBath_i$ 

# 7.1.5 Area Total HalfBath es igual al area baños 1er piso + Area baños 2do piso

 $AreaHalfBath_i = AreaHalfBath_i + AreaHalfBath_i$ 

#### 7.1.6 Tiene que haber un baño en el primer piso

 $FullBath1_i \ge 1$ 

## 7.1.7 Tiene que haber una cocina en el primer piso

 $Kitchen1_i \ge 1$ 

## 7.1.8 Areas Primer y segundo piso

 $\begin{array}{l} 2 \text{ndFlrSF}_i \leq M_{max}^{2ndFlrSF} \cdot Floor2_i \\ 2ndFlrSF_i \geq \epsilon \cdot Floor2_i \\ 1stFlrSF_i \geq \epsilon \cdot (Floor1_i + Floor2_i) \\ \text{Donde:} \end{array}$ 

- $\epsilon = 450$
- $\epsilon = 350$

## 7.2 Consistencia Cantidades

#### 7.2.1 Cantidad total de FullBaths

$$FullBath_i = FullBath1_i + FullBath2_i \quad \forall i.$$

#### 7.2.2 Cantidad Total de HalfBath

$$HalfBath_i \ = \ HalfBath1_i + HalfBath2_i \qquad \forall i.$$

#### 7.2.3 Cantidad Total de Cocinas

$$Kitchen_i = Kitchen1_i + Kitchen2_i \quad \forall i.$$

## 7.3 Máximo de repeticiones

- Parámetros para Bedrooms según tipo de vivienda
  - $-\ Bed_{max}^{1Fam}=6$
  - $-Bed_{max}^{TwnhsE} = 4$
  - $\ Bed_{max}^{TwnhsI} = 4$
  - $-\ Bed_{max}^{Dplx} = 5$
  - $\ Bed_{max}^{2FmCon} = 8$

## 7.3.1 Máxima cantidad de habitaciones:

Bedrooms<sub>i</sub>  $\leq \sum_{b \in \mathcal{B}} Bed^b_{max} \cdot BldgType_{i,b} \quad \forall i \in \mathcal{I}$ 

• Parametros para FullBaths:

$$-\ F_{max}^{1Fam} = 4$$

$$-\ F_{max}^{TwnhsE} = 3$$

$$- F_{max}^{TwnhsI} = 3$$

$$- F_{max}^{Dplx} = 4$$

$$- F_{max}^{2FmCon} = 6$$

## 7.3.2 Máxima cantidad de FullBaths:

 $FullBath_i \leq \sum_b F^b_{max} \cdot BldgType_{i,b}$ 

• Parámetros HalfBath:

$$-\ H_{max}^{1Fam}=2$$

$$-\ H_{max}^{TwnhsE}=2$$

$$-\ H_{max}^{TwnhsI} = 2$$

$$-H_{max}^{Dplx}=2$$

$$- H_{max}^{2FmCon} = 3$$

## 7.3.3 Máxima cantidad de HalfBaths:

 $HalfBath_i \leq \sum_b H_{max}^b \cdot BldgType_{i,b}$ 

• Parámetros Cocina:

$$-\ K_{max}^{1Fam}=1$$

$$-\ K_{max}^{TwnhsE} = 1$$

$$-\ K_{max}^{TwnhsI} = 1$$

$$-K_{max}^{Dplx}=2$$

$$- K_{max}^{2FmCon} = 2$$

#### 7.3.4 Máxima cantidad de Cocinas:

Kitchen<sub>i</sub>  $\leq \sum_{b} K_{max}^{b} BldgType_{i,b}$ 

### • Parámetros Chimenea:

$$- Ch_{max}^{1Fam} = 1$$

$$-Ch_{max}^{TwnhsE} = 1$$

$$- Ch_{max}^{TwnhsI} = 1$$

$$-\ Ch_{max}^{Dplx}=1$$

$$-Ch_{max}^{2FmCon} = 2$$

#### 7.3.5 Máxima cantidad de chimeneas:

FirePlaces<sub>i</sub> 
$$\leq \sum_{b} Ch_{max}^{b} BldgType_{i,b}$$

## 7.4 Casa solo puedo tener 1 ó 2 pisos

 $Floor1_i + Floor2_i = 1 \quad \forall i \in \mathcal{I}$ 

## 7.5 Garage

## 7.5.1 Consistencia Areas Garage

 $150 \cdot GarageCars_i \leq GarageArea_i \leq 250 \cdot GarageCars_i$ 

## 7.5.2 Existencias de activación

 $\begin{aligned} & \operatorname{GarageCars}_{i} \leq \overline{C}^{cars} \left( 1 - GarageType_{i,NA} \right) & \forall i, \\ & GarageArea_{i} \leq \overline{A}_{i}^{garage} \left( 1 - GarageType_{i,NA} \right) & \forall i. \text{ Donde:} \end{aligned}$ 

• 
$$\bar{C}_i^{cars} = 4$$

• 
$$\bar{A}_i^{garage} = 0.2 Lot Area_i$$

#### 7.5.3 Acabados

$$\begin{split} & \text{GarageFinish}_{i,NA} = GarageType_{i,NA} & \forall i, \\ & GarageFinish_{i,Fin} + GarageFinish_{i,RFn} = 1 - GarageType_{i,NA} & \forall i. \end{split}$$

#### 7.5.4 Mínimo Funcional

 $GarageCars_i \ge 1 - GarageType_{i,NA}$   $\forall i.$ 

#### 7.6 Cerca

• Parámetros:

$$-L_i^{Reja} = LotFrontage_i$$

$$C_i^{Reja} =$$

## 7.7 Area Techo

#### 7.7.1 Area techo

$$\begin{aligned} & \operatorname{PR1}_i \leq 1stFloorSF_i \\ & PR1_i \leq U_i^{(1)} \cdot Floor1_i \\ & PR1_i \geq 1stFloorSF_i - U_i^{(1)} \cdot (1 - Floor_i) \\ & PR2_i \leq 2ndFloorSF_i, \\ & PR2_i \leq U_i^{(2)} \cdot Floor2_i \\ & PR2_i \geq 2ndFloorSF_i - U_i^{(2)} \cdot (1 - Floor2_i) \end{aligned}$$

Donde:

- $U_i^{(1)} \ge 1stFlrSF_i$
- $U_i^{(2)} \ge 2ndFlrSF_i$
- $U_i^{plan} \ge max\{1stFlrSF_i, 2ndFlrSF_i\}$ : cota superior

## 7.7.2 Área que debe ser cubierta

 $PlanRoofArea_i = PR1_i + PR2_i$ 

# 7.7.3 Área real de techo que se debe construir de acuerdo a pendiente del tipo de techo

ActualRoofArea<sub>i</sub> =  $\sum_{s} \sum_{m} \gamma_{s,m} \cdot Z_{i,s,m}$ 

Donde:

- $\gamma_{s,m} \geq 1$ . Factor de expansión según estilo
- $Z_{i,s,m}$  variable auxiliar que linealiza
- $Y_{i,s,m} \in 0,1$  toma valor 1 cuando se selecciona el estilo s y material m de la casa i

#### 7.7.4 Combinacion estilo y material:Exclusividad

$$\begin{split} &Y_{i,s,m} \leq RoofStyle_{i,s} & \forall s \in S, \ \forall m \in M, \\ &Y_{i,s,m} \leq RoofMatl_{i,m} & \forall s \in S, \ \forall m \in M, \\ &Y_{i,s,m} \geq RoofStyle_{i,s} + RoofMatl_{i,m} - 1 & \forall s \in S, \ \forall m \in M, \\ &\sum_{s} \sum_{m} Y_{i,s,m} = 1. \end{split}$$

#### 7.7.5 Restricciones lineales de techo

$$\begin{split} &Z_{i,s,m} \leq PlanRoofArea_{i} & \forall s,m, \\ &Z_{i,s,m} \leq U_{i}^{plan} Y_{i,s,m} & \forall s,m, \\ &Z_{i,s,m} \geq PlanRoofArea_{i} - U_{i}^{plan} \left(1 - Y_{i,s,m}\right) & \forall s,m, \\ &Z_{i,s,m} \geq 0 & \forall s,m, \end{split}$$

## 7.8 Consistencias Áreas Globales

TotalBsmtSF<sub>i</sub> =  $BsmtFinSF1_i + BsmtFinSF2_i$ ,  $TotalArea_i = 1stFlrSF_i + 2ndFlrSF_i + TotalBsmtSF_i$ 

## 7.9 Límites de ocupación

 $\begin{array}{l} 1stFlrSF_{i} \leq M_{max}^{1stFlrSF}, \\ 2ndFlrSF_{i} \leq M_{max}^{2ndFlrSF}, \\ TotalBsmtSF_{i} \leq M_{max}^{TotalBasmt}, \\ GarageArea_{i} \leq M_{max}^{GarageArea} \\ Donde: \end{array}$ 

- $\bullet \ M_{max}^{1stFlrSF} = 0.6 LotArea$
- $\bullet \ M_{max}^{2ndFlrSF} = 0.5 LotArea$
- $\bullet \ M_{max}^{TotalBasmt} = 0.5 Lot Area$
- $M_{max}^{GarageArea} = 0.2 LotArea$

## 7.10 Baños por cada Dormitorio

 $3 \operatorname{FullBath}_{i} \geq 2 \operatorname{Bedroom}_{i}$ 

#### 7.11 Piscina

#### 7.11.1 El área de la piscina tiene que acotarse al espacio que queda

$$\begin{split} \operatorname{AreaPool}_{i} &\leq \left( LotArea_{i} - 1stFlrSF_{i} - GarageArea_{i} - WoodDeckSF_{i} - OpenPorchSF_{i} - EnclosedPorch_{i} - ScreenPorch_{i} - 3SsnPorch_{i} \right) \cdot HasPool_{i}, \end{split}$$

$$\begin{split} AreaPool_i &\leq U_{max}^{Pool} \cdot HasPool_i, \\ AreaPool_i &\geq U_{min}^{Pool} HasPool_i, \\ AreaPool_i &\geq 0 \\ \text{Donde:} \end{split}$$

- $\bullet \ U_{min}^{Pool} = 160$
- $U_{max}^{Pool} = 0.1 Lot Area$

#### 7.12 Porch

## 7.12.1 Área total del Porch es la suma de todos los Porch

 $TotalPorchSF_i = OpenPorchSF_i + EnclosedPorch_i + ScreenPorch_i + 3SsnPorch_i,$ 

$$TotalPorchSF_{i} \leq U_{max}^{TotPorch},$$

 $TotalPorchSF_i \leq 1stFlrSF_i$ 

#### Donde:

•  $U_{max}^{TotPorch} \leq 0.25 LotArea$ 

# 7.12.2 Mínimos funcionales por tipo (activados por las binarias que ya declaraste)

OpenPorchSF<sub>i</sub>  $\geq 40 \cdot HasOpenPorch_i$ ,

 $EnclosedPorch_i \geq 60 \cdot HasEnclosedPorch_i$ 

 $ScreenPorch_i \ge 40 \cdot HasScreenPorch_i$ ,

 $3SsnPorch_i \geq 80 \cdot Has3SsnPorch_i$ 

#### 7.12.3 Compatibilidad de espacios exteriores

 $\begin{aligned} & \text{WoodDeckSF}_i + TotalPorchSF}_i + AreaPool_i \leq U_{max}^{AreaExt}, \\ & WoodDeckSF}_i + OpenPorchSF}_i \leq U_{max}^{WDyPorch} \\ & \text{Donde:} \end{aligned}$ 

- $\bullet \ U_{max}^{AreaExt} = 0.35 Lot Area$
- $U_{max}^{WDyPorch} = 0.2 LotArea$

#### 7.13 Deck

 $\mathbf{U}_{min}^{WD} \cdot HasWoodDeck_i \leq WoodDeckSF_i \leq U_{max}^{WD} \ LotArea_i \cdot HasWoodDeck_i \leq U_{max}^{WD} \ Lo$ 

Donde:

- $U_{min}^{WD} = 40$  valor mínimo de WoodDeck
- $U_{max}^{WD} = 0.15 Lot Area$ : valor máximo de Wood Deck

#### 7.14 Acabados

```
\begin{aligned} & \text{TotalBsmtSF}_i \leq 0.5 \, LotArea_i \left(1 - BsmtExposure_{i,NA}\right). \\ & (3) \, \text{Partición de áreas terminadas} \left(2 \, \text{canales}\right) - \, \text{BsmtFinSF1}_i + BsmtFinSF2_i \\ & = \\ & \text{TotalBsmtSF}_i. \\ & \text{BsmtFinSF1}_i \leq 0.5 \, LotArea_i \sum_{b_1 \in \backslash \{NA\}} BsmtFinType1_{i,b_1}, \\ & BsmtFinSF2_i \leq 0.5 \, LotArea_i \sum_{b_2 \in \backslash \{NA\}} BsmtFinType2_{i,b_2}. \\ & \text{BsmtFinSF1}_i \geq A_{\min}^{fin} \sum_{b_1 \in } BsmtFinType1_{i,b_1}, \quad BsmtFinSF2_i \geq A_{\min}^{fin} \sum_{b_2 \in } BsmtFinType2_{i,b_2}. \\ & \text{BsmtFullBath}_i \leq 2 \left( \sum_{b_1 \in } BsmtFinType1_{i,b_1} + \sum_{b_2 \in } BsmtFinType2_{i,b_2} \right), \\ & BsmtHalfBath_i \leq 1 \left( \sum_{b_1 \in } BsmtFinType1_{i,b_1} + \sum_{b_2 \in } BsmtFinType2_{i,b_2} \right). \\ & \text{BsmtFinSF1}_i \leq 0.5 \, LotArea_i \left( 1 - BsmtExposure_{i,NA} \right), \\ & BsmtFullBath_i \leq 2 \left( 1 - BsmtExposure_{i,NA} \right), \quad BsmtHalfBath_i \leq 1 \left( 1 - BsmtExposure_{i,NA} \right), \\ & BsmtFullBath_i \leq 2 \left( 1 - BsmtExposure_{i,NA} \right), \quad BsmtHalfBath_i \leq 1 \left( 1 - BsmtExposure_{i,NA} \right). \end{aligned}
```

#### 7.15 Exterior

```
\begin{array}{ll} \sum_{e_1} Exterior1st_{i,e_1} = UseExterior1st_i & (sidecidesusarUseExterior1st_i), \\ \sum_{e_2} Exterior2nd_{i,e_2} = UseExterior2nd_i, \\ SameMaterial_i \geq Exterior1st_{i,e_1} + Exterior2nd_{i,e_2} - 1 & \forall e_1, e_2, \\ UseExterior2nd_i \leq 1 - SameMaterial_i & \end{array}
```

## 7.16 Mamposteria

#### 7.16.1 Cota superior Mampostería

 $\begin{aligned} & \text{MasVnrArea}_i \leq U_i^{mas} \\ & \text{Donde:} \end{aligned}$ 

- $U_i^{mas} = f_{max}^{mas} \cdot AreaExterior_i$
- $\bullet \ f_{max}^{mas} = 0.4$

```
\begin{split} & \operatorname{MasVnrArea}_i \geq A_{min}^{MasVnr} \cdot (1 - MasVnrType_{i,None}) \\ & \operatorname{Variable\ auxiliar:} \\ & \operatorname{MvProd}_{i,t} \leq MasVnrArea_i \\ & MvProd_{i,t} \equiv MasVnrArea_i \cdot MasVnrType_{i,t} \end{split}
```

```
\begin{array}{l} MvProd_{i,t} \leq U_i^{mas} \cdot MasVnrType_{i,t} \\ MvProd_{i,t} \geq MasVnrArea_i - U_i^{mas} \cdot (1 - MasVnrType_{i,t}) \\ MvProd_{i,t} \geq 0 \\ \text{Donde:} \end{array}
```

 $\begin{aligned} & \operatorname{MasVnrArea}_i \leq TotalArea_i, \\ & \operatorname{MasVnrArea}_i \geq 0 \\ & \operatorname{Donde:} \end{aligned}$ 

- $A_{min}^{MasVnr}=20 {\rm ft},$  Cota inferior Area mampostería
- $\bullet \ A_{max}^{MasVnr} = 2000$

## 7.17 Garage

$$\begin{aligned} & \operatorname{GarageCars}_i \leq \overline{C}^{cars} \left( 1 - GarageType_{i,NA} \right) & \forall i, \\ & GarageArea_i \leq \overline{A}_i^{garage} \left( 1 - GarageType_{i,NA} \right) & \forall i. \\ & \operatorname{GarageCars}_i \geq 1 - GarageType_{i,NA} & \forall i. \\ & \operatorname{GarageFinish}_{i,NA} = GarageType_{i,NA} & \forall i, \\ & GarageFinish_{i,Fin} + GarageFinish_{i,RFn} = 1 - GarageType_{i,NA} & \forall i. \text{ Donde:} \end{aligned}$$

- $\bar{C}_i^{cars} = 4$
- $\bar{A}_i^{garage} = 0.2 Lot Area$

$$\label{eq:GarageFinish} \begin{split} \text{GarageType}_{i,NoAplica} &= GarageFinish_{i,NoAplica} \\ \text{Ahora es necesario linealizar para calcular los costos:} \end{split}$$

 $\begin{aligned} & \text{GA}_{i,g} \leq GarageArea_i \\ & GA_{i,g} \leq \bar{A}_i^{Garage} \cdot GarageType_{i,g} \\ & GA_{i,g} \geq GarageArea_i - \bar{A}_i^{Garage} (1 - GarageType_{i,g}) \\ & GA_{i,g} \geq 0 \end{aligned}$ 

### 7.18 basement

#### Parámetros:

$$U_i^{bsmt} = 0.5 \cdot LotArea_i, \qquad U^{bF} = 2, \qquad U^{bH} = 1, \qquad A_{\min}^{fin} \geq 0 \; . \label{eq:bsmt}$$

## 7.18.1 Capacidad Máxima del Sótano

 $BsmtFinSF1_i + BsmtFinSF2_i = TotalBsmtSF_i$ 

 $TotalBsmtSF_i \leq 0.5 LotArea_i (1 - BsmtExpoure_{i,NA})$ 

### Existencia de sótano vía exposición NA:

TotalBsmtSF<sub>i</sub>  $\leq U_i^{bsmt} (1 - BsmtExposure_{i,NA}).$  Donde:

•  $U_i^{bsmt} = 0.5 Lot Area$ 

#### Activadores (definición auxiliar):

$$\phi_i^{(1)} \ = \ \sum_{b_1 \in B_1 \backslash \{NA\}} BsmtFinType1_{i,b_1}, \qquad \phi_i^{(2)} \ = \ \sum_{b_2 \in B_2 \backslash \{NA\}} BsmtFinType2_{i,b_2},$$

$$\psi_{i}^{(1)} = \sum_{b_{1} \in \{GLQ, ALQ, BLQ, Rec, LwQ\}} BsmtFinType1_{i,b_{1}}, \psi_{i}^{(2)} = \sum_{b_{2} \in \{GLQ, ALQ, BLQ, Rec, LwQ\}} BsmtFinType2_{i,b_{2}}.$$

Donde:

- $\phi_i^{(1)}, \phi_i^{(2)}$  indicadores de existencia de cualquier tipo de acabado menos NA
- $\psi_i^{(1)}, \psi_i^{(2)}$ : indicadores de existencia de acabado real.

### Activación y mínimos de acabados por canal:

BsmtFinSF1<sub>i</sub>  $\leq U_i^{bsmt} \phi_i^{(1)},$ BsmtFinSF2<sub>i</sub>  $\leq U_i^{bsmt} \phi_i^{(2)},$ BsmtFinSF1<sub>i</sub>  $\geq A_{\min}^{fin} \psi_i^{(1)},$ BsmtFinSF2<sub>i</sub>  $\geq A_{\min}^{fin} \psi_i^{(2)}.$ 

## Baños en sótano sólo si hay acabado real:

BsmtFullBath<sub>i</sub>  $\leq U^{bF} \left( \psi_i^{(1)} + \psi_i^{(2)} \right),$  $BsmtHalfBath_i \leq U^{bH} \left( \psi_i^{(1)} + \psi_i^{(2)} \right).$ 

#### Apagado completo si BsmtExposure\_NA=1:

BsmtFinSF1<sub>i</sub>  $\leq U_i^{bsmt} (1 - BsmtExposure_{i,NA}),$   $BsmtFinSF2_i \leq U_i^{bsmt} (1 - BsmtExposure_{i,NA}),$  $BsmtFinSF2_i \leq U_i^{bF} (1 - BsmtExposure_{i,NA}),$ 

 $BsmtFullBath_i \leq U^{bF}(1 - BsmtExposure_{i,NA}),$  $BsmtHalfBath_i \leq U^{bH}(1 - BsmtExposure_{i,NA}).$ 

- $U^{bF} \in \mathbb{Z}_{\geq 0}$ : cota superior de baños completos en sótano (p.ej. 2).
  - $U^{bH} \in \mathbb{Z}_{\geq 0}$ : cota superior de medios baños en sótano (p.ej. 1).
  - $A_{\min}^{fin} \geq 0$ : área mínima funcional para declarar un acabado "real" (p.ej.  $100~ft^2$ ).

 $\sum_{x \in \{Gd, Av, Mn, No\}} BsmtExposure_{i, x} = 1 - BsmtExposure_{i, NA}.$ 

TotalBsmtSF<sub>i</sub>  $\leq U_i^{bsmt} (1 - BsmtExposure_{i,NA}).$ BsmtFinSF1<sub>i</sub> +  $BsmtFinSF2_i = TotalBsmtSF_i.$ 

```
\begin{array}{lll} \operatorname{BsmtFinSF1}_{i} & \geq & A_{\min}^{fin} & \sum_{b_{1} \in} BsmtFinType1_{i,b_{1}}, & BsmtFinSF2_{i} & \geq \\ A_{\min}^{fin} & \sum_{b_{2} \in} BsmtFinType2_{i,b_{2}}. & \\ \operatorname{BsmtFullBath}_{i} & \leq & U^{bF} \left( \sum_{b_{1} \in} BsmtFinType1_{i,b_{1}} + \sum_{b_{2} \in} BsmtFinType2_{i,b_{2}} \right), \\ BsmtHalfBath_{i} & \leq & U^{bH} \left( \sum_{b_{1} \in} BsmtFinType1_{i,b_{1}} + \sum_{b_{2} \in} BsmtFinType2_{i,b_{2}} \right). \\ \operatorname{BsmtFinSF1}_{i} & \leq & \phi^{bsmt} & LotArea_{i} \left( 1 - BsmtExposure_{i,NA} \right), \\ BsmtFinSF2_{i} & \leq & \phi^{bsmt} & LotArea_{i} \left( 1 - BsmtExposure_{i,NA} \right), \\ BsmtFullBath_{i} & \leq & U^{bF} \left( 1 - BsmtExposure_{i,NA} \right), & BsmtHalfBath_{i} & \leq & U^{bH} \left( 1 - BsmtExposure_{i,NA} \right). \end{array}
```

## 7.19 Forzar Material Principal

 $Exterior1st_i = Exterior2nd_i$ 

#### 7.20 Foundation

Si la casa es de madera o Slab no puede tener sótano seg<br/>pun expertos Foundation\_{i,Slab} \leq BsmtExposure\_{i,NA} Foundation\_{i,Wood} \leq BsmtExposure\_{i,NA}

AreaFoundation<sub>i</sub> =  $1stFlrSF_i$ 

Hacemos linealización:

```
\begin{split} & \text{FA}_{i,f} \leq AreaFoundation_i \\ & FA_{i,f} \leq U_i^{Found} \cdot Foundation_{i,f} \\ & FA_{i,f} \geq AreaFoundation_i - U_i^{Found} \cdot (1 - Foundation_{i,f}) \\ & FA_{i,f} \geq 0 \\ & \text{Donde:} \end{split}
```

•  $U_i^{foundation} = 0.6 Lot Area_i$ 

#### 7.21 Dormitorios

#### 7.21.1 Dormitorios 1er piso

```
\begin{split} & \text{AreaBedroom1}_i \leq U_{max}^{Bed1} \cdot Floor1_i \\ & AreaFullBath1_i \leq U_{max}^{FullB1} \cdot Floor1_i \\ & AreaHalfBath1_i \leq U_{max}^{HalfB1} \cdot Floor1_i \\ & AreaKitchen1_i \leq U_{max}^{Kitchen1} \cdot Floor1_i \\ & AreaOther1_i \leq U_{max}^{Other1} \cdot Floor1_i \end{split}
```

## 7.21.2 Dormitorios segundo piso

$$\begin{split} & \text{AreaBedroom2}_i \leq U_{max}^{Bed2} \cdot Floor2_i \\ & AreaFullBath2_i \leq U_{max}^{FullB2} \cdot Floor2_i \\ & AreaHalfBath2_i \leq U_{max}^{HalfB2} \cdot Floor2_i \\ & AreaKitchen2_i \leq U_{max}^{Kitchen2} \cdot Floor2_i \\ & AreaOther2_i \leq U_{max}^{Other2} \cdot Floor2_i \end{split}$$

#### Donde:

- $\bullet \ U_{max}^{Bed2}=200ft$
- $U_{max}^{FullB2} = 60$
- $\bullet \ U_{max}^{HalfB2} = 20$
- $U_{max}^{Kitchen2} =$

•

$$\begin{split} & \operatorname{AreaBedroom2}_i + \operatorname{AreaKitchen2}_i + \operatorname{AreaHalfBath2}_i + \operatorname{AreaFullBath2}_i + \operatorname{AreaOther2}_i \leq \\ & 2 \operatorname{ndFlrSF}_i \\ & \operatorname{Remainder2}_i \geq 0 \\ & \operatorname{AreaBedroom2}_i + \operatorname{AreaKitchen2}_i + \operatorname{AreaHalfBath2}_i + \operatorname{AreaFullBath2}_i + \\ & \operatorname{AreaOther2}_i + \operatorname{Remainder2}_i = 2 \operatorname{ndFlrSF}_i \\ & \operatorname{Donde:} \end{split}$$

•  $Remainder 2_i$  Representa pasillos, closets

## 7.22 Area Living/Recreación

 $\begin{aligned} & \text{OtherRooms}_i = OtherRooms1_i + OtherRooms2_i \\ & AreaOther_i = AreaOther1_i + AreaOther2_i \ \text{Donde} : \end{aligned}$ 

- $\bullet \ \ a_{min}^{other}=100$
- $R_{max}^{others} = 8$
- $U_i^{others} = 2ndFlrSF_i$

#### 7.22.1 Incluir estas areas en pisos

 $\begin{aligned} & \text{TotalRmsAbvGrd}_i = Bedroom_i + FullBath_i + HalfBath_i + OtherRooms_i \\ & OtherRooms_i = OtherRooms1_i + OtherRooms2_i \\ & AreaOther1_i + AreaOther2_i \end{aligned}$ 

## 7.22.2 Presencia mínima en primer piso

OtherRooms $1_i \ge 1$ 

#### 7.22.3 Activación en segundo piso

 $\begin{aligned} & \text{OtherRooms2}_i \leq R_{max}^{Other} \cdot Floor2_i \\ & AreaOther2_i \leq U_i^{Other2} \end{aligned}$ 

#### 7.22.4 Mínimo de area

 $\begin{aligned} & \text{AreaOther1}_i \geq a_{min}^{other} \cdot OtherRooms1_i \\ & AreaOther2_i \geq a_{min}^{other} \cdot OtherRooms2_i \end{aligned}$ 

### 7.23 Perímetro casa para calcular Exterior

$$P_i^{(1)} \ge P_i^{(2)}$$

## 7.23.1 Area Exterior a curbir

AreaExterior<sub>i</sub> =  $H^{ext} \cdot (P_i^{(1)} + P_i^{(2)})$  Donde:

- $H^{ext} = 7$  ft
- $P_i^{(1)} \le 2 \cdot \left(\frac{1stFlrSF_i}{s_{min}} + s_{min}\right) \cdot Floor1_i$
- $P_i^{(2)} \le 2 \cdot \left(\frac{2ndFlrSF_i}{s_{min}} + s_{min}\right) \cdot Floor2_i$
- $P_i^{(1)} \ge 2 \cdot \left(\frac{1stFlrSF_i}{s_{max}} + s_{max}\right) \cdot Floor1_i$
- $P_i^{(2)} \ge 2 \cdot \left(\frac{2ndFlrSF_i}{s_{max}} + s_{max}\right) \cdot Floor2_i$
- $s_{min} = 20$
- $s_{max} = 70$

Este tipo de relación es estándar en la literatura de geometría arquitectónica y modelación espacial (Shpuza, 2006; Smith, 2017; March, 1972; Gero Rosenman, 1985), donde el perímetro se expresa como una función del área y la proporción mínima de lados para mantener formas constructivamente viables.

Hago nueva variable W para linealizar:

 $\begin{array}{l} W_{i,e1} \leq AreaExterior_i \\ W_{i,e1} \leq U_i^{ext} \cdot Exterior1st_{i,e1} \\ W_{i,e1} \geq AreaExterior_i - U_i^{ext} (1 - Exterior1st_{i,e1}) \\ \sum_{e1} W_{i,e1} = AreaExterior_i \\ \text{Donde:} \end{array}$ 

• 
$$U_i^{ext} = 4500$$

## Parámetros de superficie real del techo

El parámetro  $\gamma_{s,m}$  ajusta el área en planta cubierta por el techo ( $PlanRoofArea_i$ ) para reflejar el área real de material requerido, considerando la pendiente, el solape y la geometría asociada al estilo y material del techo. Los valores se basan en estándares de la National Association of Home Builders (NAHB, 2023), la Asphalt Roofing Manufacturers Association (ARMA, 2021) y el Roofing Alliance Technical Guide (2022).

Los valores típicos oscilan entre 1.00 (techo plano) y 1.30 (techo muy inclinado o con múltiples vertientes). En la práctica,  $\gamma_{s,m}$  puede estimarse como:

$$\gamma_{s,m} \approx 1 + 0.1 \cdot \tan(\theta_s)$$

donde  $\theta_s$  es el ángulo medio de pendiente del estilo de techo.

#### Fuentes bibliográficas:

- National Association of Home Builders (NAHB). (2023). Residential Construction Guidelines, 2023 Edition. Washington, D.C.
- Asphalt Roofing Manufacturers Association (ARMA). (2021). Residential Asphalt Roofing Manual, 2021 Edition.
- Roofing Alliance. (2022). Technical Guide to Roof System Performance and Design. National Roofing Contractors Association.

Conjuntos S: estilos de techo; M: materiales de techo.

#### Parámetros (dados)

$$U_i^{(1)} = \bar{\alpha}_1 \, LotArea_i, \qquad U_i^{(2)} = \bar{\alpha}_2 \, LotArea_i, \qquad U_i^{plan} = \bar{\alpha}_{plan} \, LotArea_i,$$
 
$$\gamma_{s,m} \ge 1 \quad \forall s \in S, \, m \in M,$$

donde típicamente  $\bar{\alpha}_1 = 0.6$ ,  $\bar{\alpha}_2 = 0.5$ ,  $\bar{\alpha}_{plan} = 0.6$  (ajustables).

#### Variables

$$\begin{split} Floor1_i, \ Floor2_i \in \{0,1\}; \quad PR1_i, \ PR2_i \geq 0; \quad PlanRoofArea_i \geq 0; \quad ActualRoofArea_i \geq 0; \\ RoofStyle_{i,s} \in \{0,1\} \ \forall s \in S; \quad RoofMatl_{i,m} \in \{0,1\} \ \forall m \in M; \\ Y_{i,s,m} \in \{0,1\}, \ Z_{i,s,m} \geq 0 \quad \forall s \in S, \ \forall m \in M. \end{split}$$

$$Floor1_i + Floor2_i = 1.$$

$$PR1_{i} \leq 1stFlrSF_{i}, \qquad PR1_{i} \leq U_{i}^{(1)} Floor1_{i},$$
 
$$PR1_{i} \geq 1stFlrSF_{i} - U_{i}^{(1)}(1 - Floor1_{i}), \qquad PR1_{i} \geq 0,$$

$$PR2_i \le 2ndFlrSF_i, \qquad PR2_i \le U_i^{(2)} Floor2_i,$$
 
$$PR2_i \ge 2ndFlrSF_i - U_i^{(2)}(1 - Floor2_i), \qquad PR2_i \ge 0,$$

 $PlanRoofArea_i = PR1_i + PR2_i, \qquad 0 \le PlanRoofArea_i \le U_i^{plan}.$ 

$$\sum_{s \in S} RoofStyle_{i,s} = 1, \qquad \sum_{m \in M} RoofMatl_{i,m} = 1.$$

$$\begin{split} Y_{i,s,m} & \leq RoofStyle_{i,s}, \qquad Y_{i,s,m} \leq RoofMatl_{i,m} \quad \forall s,m, \\ Y_{i,s,m} & \geq RoofStyle_{i,s} + RoofMatl_{i,m} - 1 \quad \forall s,m, \\ & \sum_{s \in S} \sum_{m \in M} Y_{i,s,m} = 1. \end{split}$$

$$\begin{split} Z_{i,s,m} & \leq PlanRoofArea_i, \qquad Z_{i,s,m} \leq U_i^{plan} \, Y_{i,s,m} \quad \forall s, m, \\ Z_{i,s,m} & \geq PlanRoofArea_i - U_i^{plan} (1 - Y_{i,s,m}) \quad \forall s, m, \\ Z_{i,s,m} & \geq 0 \quad \forall s, m. \end{split}$$

$$ActualRoofArea_i \ = \ \sum_{s \in S} \sum_{m \in M} \gamma_{s,m} \, Z_{i,s,m}.$$

## 8 Variables Binarias

- $Floor1_i$ ,  $Floor2_i$  (piso único / dos pisos)
- $HasPool_i$ ,  $HasWoodDeck_i$
- $\bullet$  HasOpenPorch<sub>i</sub>, HasEnclosedPorch<sub>i</sub>, Has3SsnPorch<sub>i</sub>, HasScreenPorch<sub>i</sub>
- $\bullet$  HasFireplaces<sub>i</sub>, HasPavedDrive<sub>i</sub>, HasReja<sub>i</sub>
- SameMaterial<sub>i</sub> (revestimientos exterior1/exterior2 iguales)

## 9 Variables de Área

- $AreaBedrooms_i \in Q_{>0}$
- $AreaKitchen_i$ ,  $AreaFullBath_i$ ,  $AreaHalfBath_i$
- $AreaKitchen1_i$ ,  $AreaKitchen2_i$
- $AreaFullBath1_i$ ,  $AreaFullBath2_i$
- $AreaHalfBath1_i$ ,  $AreaHalfBath2_i$
- AreaFoundation<sub>i</sub>
- $AreaRoof_i$  (área en planta a cubrir por el techo)
- $PR1_i$ ,  $PR2_i \ge 0$  (auxiliares para linealizar  $AreaRoof_i$ )
- $\bullet$  OpenPorchSF<sub>i</sub>, EnclosedPorch<sub>i</sub>, ScreenPorch<sub>i</sub>,  $3SsnPorch_i$ ,  $WoodDeckSF_i$
- $TotalPorchSF_i$ ,  $AreaPool_i$

## 10 Variables de Conteo

- $FullBath1_i$ ,  $FullBath2_i$  (baños completos por piso)
- $HalfBath1_i$ ,  $HalfBath2_i$  (medios baños por piso)
- $Kitchen1_i$ ,  $Kitchen2_i$  (cocinas por piso)

## 11 Restricciones

## 11.1 Exclusividades (one-hot)

$$\sum_{s} MSSubClass_{i,s} = 1, \quad \sum_{u} Utilities_{i,u} = 1, \quad \sum_{b} BldgType_{i,b} = 1, \quad \sum_{hs} HouseStyle_{i,hs} = 1, \\ \sum_{r} RoofStyle_{i,r} = 1, \quad \sum_{m} RoofMatl_{i,m} = 1, \quad \sum_{e1} Exterior1st_{i,e1} = 1, \quad \sum_{e2} Exterior2nd_{i,e2} = 1, \\ \sum_{t} MasVnrType_{i,t} = 1, \quad \sum_{f} Foundation_{i,f} = 1, \quad \sum_{x} BsmtExposure_{i,x} = 1, \\ \sum_{b1} BsmtFinType1_{i,b1} = 1, \quad \sum_{b2} BsmtFinType2_{i,b2} = 1, \\ \sum_{h} Heating_{i,h} = 1, \quad \sum_{a} CentralAir_{i,a} = 1, \quad \sum_{e} Electrical_{i,e} = 1, \\ \sum_{g} GarageType_{i,g} = 1, \quad \sum_{gf} GarageFinish_{i,gf} = 1, \quad \sum_{p} PavedDrive_{i,p} = 1, \\ \sum_{misc} MiscFeature_{i,misc} = 1.$$

## 11.2 Consistencia de Áreas

#### 11.2.1 Construido vs. Lote

 $1stFlrSF_i + TotalPorchSF_i + AreaPool_i \leq LotArea_i \quad \forall i.$ 

#### 11.2.2 Segundo piso no mayor al primero

 $2 ndFlrSF_i \le 1 stFlrSF_i \qquad \forall i$ 

#### 11.2.3 Área habitable

 $GrLivArea_i = 1stFlrSF_i + 2ndFlrSF_i \quad \forall i.$ 

#### 11.3 Consistencias por Ambiente

AreaFullBath<sub>i</sub> =  $AreaFullBath1_i + AreaFullBath2_i$ ,  $AreaHalfBath_i = AreaHalfBath1_i + AreaHalfBath2_i$ .

## 11.4 Funcionalidad mínima

FullBath $1_i \geq 1$ ,  $Kitchen 1_i \geq 1$   $\forall i$ .

#### 11.5 Consistencias de Cantidades

 $\begin{aligned} & \text{FullBath}_i = FullBath1_i + FullBath2_i, \\ & HalfBath_i = HalfBath1_i + HalfBath2_i, \\ & Kitchen_i = Kitchen1_i + Kitchen2_i & \forall i. \end{aligned}$ 

## 11.6 Máximo de Repeticiones por Tipo

 $\begin{array}{lll} \textbf{Parámetros} & \mathbf{B}_{\max}^{1Fam} = 6, \ B_{\max}^{TwnhsE} = 4, \ B_{\max}^{TwnhsI} = 4, \ B_{\max}^{Dplx} = 5, \ B_{\max}^{2FmCon} = 8, \\ 8, & F_{\max}^{1Fam} = 4, \ F_{\max}^{TwnhsE} = 3, \ F_{\max}^{TwnhsI} = 3, \ F_{\max}^{Dplx} = 4, \ F_{\max}^{2FmCon} = 6, \\ H_{\max}^{1Fam} = 2, \ H_{\max}^{TwnhsE} = 2, \ H_{\max}^{TwnhsI} = 2, \ H_{\max}^{Dplx} = 2, \ H_{\max}^{2FmCon} = 3, \\ K_{\max}^{1Fam} = 1, \ K_{\max}^{TwnhsE} = 1, \ K_{\max}^{TwnhsI} = 1, \ K_{\max}^{Dplx} = 2, \ K_{\max}^{2FmCon} = 2, \\ Ch_{\max}^{1Fam} = 1, \ Ch_{\max}^{TwnhsE} = 1, \ Ch_{\max}^{TwnhsI} = 1, \ Ch_{\max}^{Dplx} = 1, \ Ch_{\max}^{2FmCon} = 2. \end{array}$ 

 $\begin{array}{ll} \textbf{Restrictiones} & \operatorname{Bedrooms}_i \leq \sum_b B^b_{\max} \ BldgType_{i,b}, \\ Full Bath_i \leq \sum_b F^b_{\max} \ BldgType_{i,b}, \\ Half Bath_i \leq \sum_b H^b_{\max} \ BldgType_{i,b}, \\ Kitchen_i \leq \sum_b K^b_{\max} \ BldgType_{i,b}, \\ FirePlaces_i \leq \sum_b Ch^b_{\max} \ BldgType_{i,b}. \end{array}$ 

### 11.7 Garage

Consistencia área—capacidad  $150 \cdot GarageCars_i \leq GarageArea_i \leq 250 \cdot GarageCars_i \quad \forall i.$ 

Sin binaria HasGarage (vía tipo NA) GarageCars $_i \leq \overline{C}^{cars}$  (1-GarageType $_{i,NA}$ ), GarageArea $_i \leq \overline{A}_i^{garage}$  (1 - GarageType $_{i,NA}$ ), GarageCars $_i \geq 1$  - GarageType $_{i,NA}$ , GarageFinish $_{i,NA}$  = GarageType $_{i,NA}$ , GarageFinish $_{i,NA}$  = GarageFinish $_{i,RFn}$ +GarageFinish $_{i,RFn}$ +GarageFinish $_{i,Unf}$  = 1-GarageType $_{i,NA}$ . Parámetros:  $\overline{C}^{cars}$  = 4,  $\overline{A}_i^{garage}$  = 0.2 LotArea $_i$ .

## 11.8 Cerca / Reja

**Parámetro**  $C^{Fence}$  (costo por pie lineal).  $C_i^{Reja} = C^{Fence} \cdot LotFrontage_i \cdot HasReja_i$ .

#### 11.9 Techo: definición de áreas y dependencia de estilo/material

Conjuntos S: estilos de techo; M: materiales de techo.

Parámetros (dados)  $U_i^{(1)} = \bar{\alpha}_1 Lot Area_i$ ,  $U_i^{(2)} = \bar{\alpha}_2 Lot Area_i$ ,  $U_i^{plan} = \bar{\alpha}_{plan} Lot Area_i$ ,  $\bar{\alpha}_1 = 0.6, \ \bar{\alpha}_2 = 0.5, \ \bar{\alpha}_{plan} = 0.6 \ (ajustables)$ ,  $\gamma_{s,m} \geq 1 \quad \forall s \in S, \ m \in M$ .

 $\begin{array}{ll} \textbf{Variables} & \text{Floor1}_i, \ Floor2_i \in \{0,1\}, \quad PR1_i, \ PR2_i \geq 0, \quad PlanRoofArea_i \geq 0, \\ & 0, \quad ActualRoofArea_i \geq 0, \\ & RoofStyle_{i,s} \in \{0,1\} \ \forall s \in S, \quad RoofMatl_{i,m} \in \{0,1\} \ \forall m \in M, \\ & Y_{i,s,m} \in \{0,1\}, \quad Z_{i,s,m} \geq 0 \quad \forall s,m. \end{array}$ 

Elección de número de pisos  $Floor1_i + Floor2_i = 1$ .

Área en planta a cubrir por el techo (linealización)  $PR1_i \leq 1stFlrSF_i, PR1_i \leq$  $U_i^{(1)} Floor 1_i$ ,

 $PR1_i \ge 1stFlrSF_i - U_i^{(1)}(1 - Floor1_i), PR1_i \ge 0,$ 

$$\begin{split} PR2_i &\leq 2ndFlrSF_i, PR2_i \leq U_i^{(2)}\ Floor2_i, \\ PR2_i &\geq 2ndFlrSF_i - U_i^{(2)}(1 - Floor2_i), PR2_i \geq 0, \end{split}$$

 $PlanRoofArea_i = PR1_i + PR2_i, \qquad 0 \leq PlanRoofArea_i \leq U_i^{plan}.$ 

**Alias** Area $Roof_i \equiv PlanRoofArea_i$ .

Selección única de estilo y material  $\sum_{s \in S} RoofStyle_{i,s} = 1$ ,  $\sum_{m \in M} RoofMatl_{i,m} = 1$ 

Conjunción estilo–material (AND lógico)  $Y_{i,s,m} \leq RoofStyle_{i,s}, Y_{i,s,m} \leq RoofStyle_{i,s}$  $RoofMatl_{i,m}$  $Y_{i,s,m} \geq RoofStyle_{i,s} + RoofMatl_{i,m} - 1 \qquad \forall s, m,$  $\sum_{s \in S} \sum_{m \in M} Y_{i,s,m} = 1.$ 

Linealización de  $Z_{i,s,m} \approx PlanRoofArea_i \cdot Y_{i,s,m} \quad Z_{i,s,m} \leq PlanRoofArea_i, Z_{i,s,m} \leq$  $U_i^{plan} Y_{i,s,m}$  $Z_{i,s,m} \geq PlanRoofArea_i - U_i^{plan}(1 - Y_{i,s,m}) \qquad \forall s, m,$  $Z_{i,s,m} \ge 0 \quad \forall s, m.$ 

Área real de techo (igualdad principal) ActualRoofArea<sub>i</sub> =  $\sum_{s \in S} \sum_{m \in M} \gamma_{s,m} Z_{i,s,m}$ .

(Opcional) Costo de techo  $C_i^{techo} = c^{roof} \cdot ActualRoofArea_i$ .

## Parámetros de superficie real del techo

El parámetro  $\gamma_{s,m}$  ajusta  $PlanRoofArea_i$  para reflejar el área real de material requerido, considerando pendiente, solapes y geometría (estilo y material).

Valores típicos: 1.00 (plano) a 1.30 (inclinación alta/múltiples vertientes). Una estimación simple:

$$\gamma_{s,m} \approx 1 + 0.1 \cdot \tan(\theta_s),$$

donde  $\theta_s$  es el ángulo medio de pendiente del estilo de techo.

Table 1: Factores de superficie real del techo $(\gamma_{s,m})$ según estilo y material.								
Estilo $(s)$	Material $(m)$	Descripción	$\gamma_{s,m}$	Fuente				
Flat	Membran	Techo plano o de losa con mínima pendiente	1.00	NAHB (2023)				
Flat	CompShg	Plano con tejas asfálticas	1.05	ARMA $(2021)$				
Gable	CompShg	A dos aguas estándar (4:12–6:12 pitch)	1.10	NAHB $(2023)$				
Gable	Metal	A dos aguas con panel metálico	1.12	Roofing Alliance (2022)				
Hip	CompShg	A cuatro aguas (moderada pendiente)	1.15	NAHB (2023)				
Hip	Metal	A cuatro aguas con panel metálico	1.18	Roofing Alliance (2022)				
Gambrel	WdShake	Tipo granero, tejas de madera	1.25	NAHB $(2023)$				
Mansard	CompShg	Mansarda con inclinación alta	1.28	NAHB $(2023)$				
Shed	Metal	Techo inclinado de una sola vertiente	1.12	ARMA (2021)				
Gable	ClyTile	A dos aguas con tejas de arcilla	1.20	Roofing Alliance (2022)				
Hip	TarGrv	A cuatro aguas con grava asfáltica	1.10	NAHB (2023)				

Table 2: Factores de superficie real del techo $(\gamma_{s,m})$ según estilo y material.								
Estilo $(s)$	Material $(m)$	Descripción	$\gamma_{s,m}$	${\bf Fuente}$				
Flat	Membran	Techo plano o de losa con mínima pendiente	1.00	NAHB (2023)				
Flat	CompShg	Plano con tejas asfálticas	1.05	ARMA (2021)				
Gable	CompShg	A dos aguas estándar $(4:12-6:12)$	1.10	NAHB (2023)				
Gable	Metal	A dos aguas con panel metálico	1.12	Roofing Alliance (2022)				
Hip	CompShg	A cuatro aguas (moderada pendiente)	1.15	NAHB (2023)				
Hip	Metal	A cuatro aguas con panel metálico	1.18	Roofing Alliance (2022)				
Gambrel	WdShake	Tipo granero, tejas de madera	1.25	NAHB (2023)				
Mansard	CompShg	Mansarda con inclinación alta	1.28	NAHB (2023)				
Shed	Metal	Una sola vertiente	1.12	ARMA (2021)				
Gable	ClyTile	A dos aguas con teja de arcilla	1.20	Roofing Alliance (2022)				
Hip	TarGrv	A cuatro aguas con grava asfáltica	1.10	NAHB (2023)				

#### Fuentes bibliográficas:

- National Association of Home Builders (NAHB). (2023). Residential Construction Guidelines, 2023 Edition.
- Asphalt Roofing Manufacturers Association (ARMA). (2021). Residential Asphalt Roofing Manual, 2021 Edition.
- Roofing Alliance. (2022). Technical Guide to Roof System Performance and Design.

## 11.10 Consistencias y Límites Globales

 $\begin{aligned} & \operatorname{TotalBsmtSF}_i = BsmtFinSF1_i + BsmtFinSF2_i, \\ & TotalArea_i = 1stFlrSF_i + 2ndFlrSF_i + TotalBsmtSF_i, \ 1stFlrSF_i \leq 0.6 \ LotArea_i, 2ndFlrSF_i \leq 0.5 \ LotArea_i, \\ & TotalBsmtSF_i \leq 0.5 \ LotArea_i, GrLivArea_i \leq 0.8 \ LotArea_i, \\ & GarageArea_i \leq 0.2 \ LotArea_i. \end{aligned}$ 

#### 11.11 Relaciones de baños

 $HalfBath_i \leq FullBath_i, \quad 3FullBath_i \geq 2Bedroom_i \quad \forall i.$ 

#### 11.12 Piscina

$$\begin{split} \operatorname{AreaPool}_i &\leq \left( Lot Area_i - 1st Flr SF_i - Garage Area_i - Wood Deck SF_i - Open Porch SF_i - Enclosed Porch_i - Screen Porch_i - 3Ssn Porch_i \right) \cdot Has Pool_i, \\ Area Pool_i &\leq 0.1 \ Lot Area_i \cdot Has Pool_i, \\ Area Pool_i &\geq 160 \cdot Has Pool_i, \\ Area Pool_i &\geq 0. \end{split}$$

## 11.13 Porches y Deck

 $\begin{aligned} & \operatorname{TotalPorchSF}_i = OpenPorchSF_i + EnclosedPorch_i + ScreenPorch_i + 3SsnPorch_i, \\ & TotalPorchSF_i \leq 0.25 \operatorname{LotArea}_i, \\ & TotalPorchSF_i \leq 1stFlrSF_i, \text{ OpenPorchSF}_i \geq 40 \cdot HasOpenPorch_i, \\ & EnclosedPorch_i \geq 60 \cdot HasEnclosedPorch_i, \\ & ScreenPorch_i \geq 40 \cdot HasScreenPorch_i, \\ & ScreenPorch_i \geq 40 \cdot HasScreenPorch_i, \\ & 3SsnPorch_i \geq 80 \cdot Has3SsnPorch_i, \text{ WoodDeckSF}_i + TotalPorchSF_i + AreaPool_i \leq \\ & 0.35 \operatorname{LotArea}_i, \\ & WoodDeckSF_i + OpenPorchSF_i \leq 0.20 \operatorname{LotArea}_i, \text{ WoodDeckSF}_i \geq 40 \cdot HasWoodDeck_i, \\ & WoodDeckSF_i \leq 0.15 \operatorname{LotArea}_i \cdot HasWoodDeck_i. \end{aligned}$ 

## 11.14 Sótano (sin binaria HasBasement)

Conjuntos  $B_1, B_2 = \{GLQ, ALQ, BLQ, Rec, LwQ, Unf, NA\}; X = \{Gd, Av, Mn, No, NA\}; B_{fin} = \{GLQ, ALQ, BLQ, Rec, LwQ\}.$ 

#### Parámetros

$$U_i^{bsmt} = 0.5 \cdot Lot Area_i, \qquad U^{bF} = 2, \qquad U^{bH} = 1, \qquad A_{\min}^{fin} \ge 0 \ (p.ej.100 ft^2).$$

Selección única y existencia vía NA  $\sum_{b_1 \in B_1} BsmtFinType1_{i,b_1} = 1, \sum_{b_2 \in B_2} BsmtFinType2_{i,b_2} = 1, \sum_{x \in X} BsmtExposure_{i,x} = 1, \\ \sum_{x \in \{Gd,Av,Mn,No\}} BsmtExposure_{i,x} = 1 - BsmtExposure_{i,NA}.$ 

Capacidad de área total condicionada por NA TotalBsmtSF<sub>i</sub>  $\leq U_i^{bsmt} (1 - BsmtExposure_{i,NA})$ .

Partición de áreas BsmtFinSF1<sub>i</sub> +  $BsmtFinSF2_i = TotalBsmtSF_i$ .

Activación por selección de tipo (sin nuevas binarias) BsmtFinSF1 $_i \leq U_i^{bsm} \sum_{b_1 \in B_1 \backslash \{NA\}} BsmtFinType1_{i,b_1},$  BsmtFinSF2 $_i \leq U_i^{bsm} \sum_{b_2 \in B_2 \backslash \{NA\}} BsmtFinType2_{i,b_2}.$ 

Mínimos funcionales sólo si hay acabado real  $BsmtFinSF1_i \geq A_{min}^{fin} \sum_{b_1 \in B_{fin}} BsmtFinType1_{i,b_1}$ ,  $BsmtFinSF2_i \geq A_{min}^{fin} \sum_{b_2 \in B_{fin}} BsmtFinType2_{i,b_2}$ .

Baños en sótano sólo si hay acabado real  $BsmtFullBath_i \leq U^{bF} \left( \sum_{b_1 \in B_{\text{fin}}} BsmtFinType1_{i,b_1} + \sum_{b_2 \in B_{\text{fin}}} BsmtFinType1_{i,b_1} + \sum_{b_2 \in B_{\text{fin}}} BsmtFinType2_{i,b_2} \right).$ 

Apagado completo si Exposure=NA (refuerzo) BsmtFinSF1 $_i \leq U_i^{bsmt}$  (1-  $BsmtExposure_{i,NA}$ ),  $BsmtFinSF2_i \leq U_i^{bsmt}$  (1-  $BsmtExposure_{i,NA}$ ),  $BsmtFullBath_i \leq U^{bF}$  (1- $BsmtExposure_{i,NA}$ ),  $BsmtHalfBath_i \leq U^{bH}$  (1- $BsmtExposure_{i,NA}$ ).

## Resumen de Parámetros del Modelo de Construcción

#### Notas:

- Los valores pueden calibrarse según zonificación, estándares de diseño o distribución empírica de la base *Ames Housing*.
- Los parámetros  $\bar{\alpha}$  y  $\phi^{bsmt}$  definen proporciones máximas de ocupación del terreno por nivel o sótano, mientras que  $A_{\min}^{fin}$  y  $U^{bF}$ – $U^{bH}$  controlan viabilidad y consistencia funcional interna.
- Los factores  $\gamma_{s,m}$  permiten convertir el área en planta del techo ( $PlanRoofArea_i$ ) en el área real de material considerando inclinación y tipo constructivo.

#### **Fuentes:**

- International Code Council (2021). International Residential Code for One- and Two-Family Dwellings (IRC 2021).
- U.S. Department of Housing and Urban Development (2020). Minimum Property Standards for One- and Two-Family Dwellings (HUD Handbook 4910.1).
- National Association of Home Builders (NAHB). (2023). Residential Construction Guidelines, 2023 Edition.
- Asphalt Roofing Manufacturers Association (ARMA). (2021). Residential Asphalt Roofing Manual.
- Roofing Alliance. (2022). Technical Guide to Roof System Performance and Design.
- De Cock, D. (2011). Ames, Iowa: Alternative to the Boston Housing Data. Iowa State University.

sectionFunción objetivo

$$\max \Pi = V_{i}^{post} - C_{i}^{Total}$$

 $\max \ \Pi = V_i^{post} - C^{Total}$  Donde:  $C^{Total} =$  (costos de construcción, materiales, mano de obra, instalaciones, etc.).

#### **Dominios** 11.15

 $Bedroom_i, FullBath_i, HalfBath_i, Kitchen_i, GarageCars_i \in \mathbb{Z}_{\geq 0},$  $Floor 1_i, \ Floor 2_i, \ Has Pool_i, \ Has Wood Deck_i, \ Has Open Porch_i, \ Has Enclosed Porch_i, \ Has 3Ssn Porch_i, \ Has Sopen Porch_i, \ Has Sopen$  $\{0,1\}.$ 

#### 11.16 Parámetros globales con cotas en función del lote

 $\begin{array}{lll} {\bf U}_i^{(1)} &= \bar{\alpha}_1 \, Lot Area_i, & {\cal U}_i^{(2)} &= \bar{\alpha}_2 \, Lot Area_i, & {\cal U}_i^{plan} &= \bar{\alpha}_{plan} \, Lot Area_i. \\ \bar{\alpha}_1 &= 0.6, \; \bar{\alpha}_2 &= 0.5, \; \bar{\alpha}_{plan} &= 0.6. \; \textit{Fuente: NAHB (2023), HUD (2020), IRC (2021).} \end{array}$ Valores de ocupación del lote del 50-65% para vivienda unifamiliar y límites prudentes por piso/techo.

Promedio de superficie por barrio GrLiv $Area_{i,z} \leq \bar{A}_z^{prom}$ , Fuente: De Cock (2011) (Ames Housing), usado como cota empírica intra-barrio.

Factor de superficie real de techo (pendiente/solapes)  $\gamma_{s,m} \geq 1$  $\forall s \in$  $S, \forall m \in M.$  Fuente: NAHB (2023), ARMA (2021), Roofing Alliance (2022).

## Restricciones de Área y Construcción

 $1stFlrSF_i + TotalPorchSF_i + AreaPool_i \leq LotArea_i, \forall i,$  $2ndFlrSF_i \leq 1stFlrSF_i, \forall i,$  $GrLivArea_{i,z} = 1stFlrSF_i + 2ndFlrSF_i, \quad \forall i.$ 

## 11.18 Variables de Área por Ambiente

Variables (todas  $\geq 0$ ):

 $AreaKitchen_i,\ AreaFullBath_i,\ AreaHalfBath_i,\ AreaBedroom_i,\ AreaFoundation_i,\ AreaPool_i,\ AreaExtends$ 

Consistencias: TotalBsmtSF<sub>i</sub> =  $BsmtFinSF1_i + BsmtFinSF2_i$ ,  $TotalArea_i = 1stFlrSF_i + 2ndFlrSF_i + TotalBsmtSF_i$ .

## 11.19 Máximo de ambientes repetidos según tipo de vivienda

```
Parámetros (máximos): B_{\max}^{1Fam} = 6, \ B_{\max}^{TwnhsE} = 4, \ B_{\max}^{TwnhsI} = 4, \ B_{\max}^{Duplx} = 5, \ B_{\max}^{2FmCon} = 8, F_{\max}^{1Fam} = 4, \ F_{\max}^{TwnhsE} = 3, \ F_{\max}^{TwnhsI} = 3, \ F_{\max}^{Duplx} = 4, \ F_{\max}^{2FmCon} = 6, H_{\max}^{1Fam} = 2, \ H_{\max}^{TwnhsE} = 2, \ H_{\max}^{TwnhsI} = 2, \ H_{\max}^{Duplx} = 2, \ H_{\max}^{TgmCon} = 3, K_{\max}^{1Fam} = 1, \ K_{\max}^{TwnhsE} = 1, \ K_{\max}^{TwnhsI} = 1, \ K_{\max}^{Duplx} = 2, \ K_{\max}^{2FmCon} = 2, Ch_{\max}^{1Fam} = 1, \ Ch_{\max}^{TwnhsE} = 1, \ Ch_{\max}^{TwnhsI} = 1, \ Ch_{\max}^{Duplx} = 1, \ Ch_{\max}^{2FmCon} = 2. Fuente: De Cock (2011) (distribuciones observadas Ames) y criterios de escala funcional NAHB (2023). \mathbf{L}\mathbf{\acute{m}ites:} \quad \text{Bedrooms}_{i} \leq \sum_{b} B_{\max}^{b} BldgType_{i,b}, FullBath_{i} \leq \sum_{b} F_{\max}^{b} BldgType_{i,b}, Kitchen_{i} \leq \sum_{b} K_{\max}^{b} BldgType_{i,b}, Kitchen_{i} \leq \sum_{b} K_{\max}^{b} BldgType_{i,b}, FirePlaces_{i} \leq \sum_{b} Ch_{\max}^{b} BldgType_{i,b}.
```

## 11.20 Áreas mínimas por ambiente

AreaFullBath<sub>i</sub>  $\geq 40 \cdot FullBath_i$ ,  $AreaHalfBath_i \geq 20 \cdot HalfBath_i$ ,  $AreaBedroom_i \geq 70 \cdot Bedroom_i$ ,  $AreaKitchen_i \geq 75 \cdot Kitchen_i$ . Fuente: HUD (2020) y NAHB (2023) (superficies mínimas funcionales típicas).

# 11.21 Pisos y techo: definición de áreas y dependencia estilo/material

```
Elección de pisos: Floor1_i + Floor 2_i = 1. Área en planta a cubrir por el techo (linealización): PR1_i \leq 1stFlrSF_i, PR1_i \leq U_i^{(1)} Floor 1_i, PR1_i \geq 1stFlrSF_i - U_i^{(1)} (1 - Floor 1_i), PR1_i \geq 0, PR2_i \leq 2ndFlrSF_i, \quad PR2_i \leq U_i^{(2)} Floor 2_i, \quad PR2_i \geq 2ndFlrSF_i - U_i^{(2)} (1 - Floor 2_i), \quad PR2_i \geq 0, PlanRoofArea_i = PR1_i + PR2_i, \quad 0 \leq PlanRoofArea_i \leq U_i^{plan}. \quad Fuente: NAHB~(2023), ~HUD~(2020), ~IRC~(2021)~para~proporciones~máximas~por~piso~y~cubierta. Selección estilo y material (one—hot): \sum_{s \in S} RoofStyle_{i,s} = 1, \quad \sum_{m \in M} RoofMatl_{i,m} = 1.
```

Conjunción estilo-material y área real:  $Y_{i,s,m} \leq RoofStyle_{i,s}, Y_{i,s,m} \leq RoofMatl_{i,m}$ 

$$\begin{split} Y_{i,s,m} &\geq RoofStyle_{i,s} + RoofMatl_{i,m} - 1, & \sum_{s,m} Y_{i,s,m} = 1, \\ Z_{i,s,m} &\leq PlanRoofArea_i, & Z_{i,s,m} \leq U_i^{plan}Y_{i,s,m}, \\ Z_{i,s,m} &\geq PlanRoofArea_i - U_i^{plan}(1 - Y_{i,s,m}), & Z_{i,s,m} \geq 0, \\ ActualRoofArea_i &= \sum_{s,m} \gamma_{s,m} Z_{i,s,m}. & \textit{Fuente: ARMA (2021), Roofing Alliance (2022) para $\gamma_{s,m}$ (pendiente/solapes).} \end{split}$$

#### 11.22 Restricciones de Porches

Parámetros (mínimos funcionales y cotas por tipo):

$$a_{\min}^{open}=40,\quad a_{\min}^{encl}=60,\quad a_{\min}^{3ssn}=80,\quad a_{\min}^{screen}=40.$$

 $U_i^{open} = 0.10 \, Lot Area_i, \quad U_i^{encl} = 0.10 \, Lot Area_i, \quad U_i^{3ssn} = 0.10 \, Lot Area_i, \quad U_i^{screen} = 0.05 \, Lot Area_i, \quad U_i^{porch, total} = 0.00 \, Lot Area_i, \quad U_i^{total} = 0.00 \, Lot Area_i, \quad U_i^{tota$ 

 $Fuente:\ NAHB\ (2023)\ lineamientos\ residenciales;\ l\'imites\ proporcionales\ de\ ocupaci\'on\ exterior$ 

 $\begin{aligned} & \textbf{Definici\'on y activaci\'on:} & \textbf{TotalPorchSF}_i = OpenPorchSF_i + EnclosedPorch_i + \\ & 3SsnPorch_i + ScreenPorch_i, \\ & a^{open}_{\min} HasOpenPorch_i \leq OpenPorchSF_i \leq U^{open}_i HasOpenPorch_i, \\ & a^{encl}_{\min} HasEnclosedPorch_i \leq EnclosedPorch_i \leq U^{encl}_i HasEnclosedPorch_i, \\ & a^{assn}_{\min} Has3SsnPorch_i \leq 3SsnPorch_i \leq U^{3ssn}_i Has3SsnPorch_i, \\ & a^{screen}_{\min} HasScreenPorch_i \leq ScreenPorch_i \leq U^{screen}_i HasScreenPorch_i, \\ & TotalPorchSF_i \leq U^{porch,total}_i, & TotalPorchSF_i \leq 1stFlrSF_i. \ \textit{Fuente: NAHB} \end{aligned}$ 

(2023) para mínimos funcionales y compatibilidad estructural con primer piso. Compatibilidad con deck y piscina: WoodDeckSF<sub>i</sub>+TotalPorchSF<sub>i</sub>+ AreaPool<sub>i</sub>  $\leq 0.35 \, LotArea_i$ , WoodDeckSF<sub>i</sub>+OpenPorchSF<sub>i</sub>  $\leq 0.20 \, LotArea_i$ . Fuente: NAHB (2023) (capacidad conjunta de espacios exteriores).

### 11.23 Restricciones de Sótano (sin HasBasement)

#### Parámetros:

$$U_i^{bsmt} = 0.5\,LotArea_i, \quad U^{bF} = 2, \quad U^{bH} = 1, \quad A_{\min}^{fin} = 100\,\,ft^2. \label{eq:ubsmt}$$

Fuente: IRC (2021), HUD (2020) (capacidad de sótano y baños), NAHB (2023) (mínimos funcionales de acabado).

Exposición (one-hot) & existencia:  $\sum_{x \in \{Gd, Av, Mn, No, NA\}} BsmtExposure_{i,x} = 1$ ,  $\sum_{x \in \{Gd, Av, Mn, No\}} BsmtExposure_{i,x} = 1 - BsmtExposure_{i,NA}$ . Capacidad, partición y activación por tipo: TotalBsmtSF<sub>i</sub>  $\leq$ 

Capacidad, partición y activación por tipo: TotalBsmtSF<sub>i</sub>  $\leq U_i^{bsmt} (1 - BsmtExposure_{i.NA}),$ 

 $BsmtFinSF1_i + BsmtFinSF2_i = TotalBsmtSF_i,$ 

 $BsmtFinSF1_i \leq U_i^{bsmt} \sum_{b_1 \neq NA} BsmtFinType1_{i,b_1}, \quad BsmtFinSF2_i \leq U_i^{bsmt} \sum_{b_2 \neq NA} BsmtFinType2_{i,b_2}, \\ BsmtFinSF1_i \geq A_{\min}^{fin} \sum_{b_1 \in \{GLQ,ALQ,BLQ,Rec,LwQ\}} BsmtFinType1_{i,b_1}, \\$ 

 $BsmtFinSF2_i \geq A_{\min}^{fin} \sum_{b_2 \in \{GLQ,ALQ,BLQ,Rec,LwQ\}} BsmtFinType2_{i,b_2}.$ 

Baños en sótano sólo con acabado real: BsmtFullBath $_i \leq U^{bF} \Big( \sum_{b_1 \in \{GLQ,ALQ,BLQ,Rec,LwQ\}} BsmtFi BsmtHalfBath_i \leq U^{bH} \Big( \sum_{b_1 \in \{GLQ,ALQ,BLQ,Rec,LwQ\}} BsmtFinType1_{i,b_1} + \sum_{b_2 \in \{GLQ,ALQ,BLQ,Rec,LwQ\}} BsmtFinType1_{i,b_2} + \sum_{b_2 \in \{GLQ,ALQ,BLQ,Rec,LwQ,BLQ,Rec,LwQ\}$ 

## 11.24 Garage

#### Parámetros:

$$\overline{C}^{cars} = 4, \qquad \overline{A}_i^{garage} = 0.2 \, Lot Area_i.$$

Fuente: De Cock (2011) (Ames Housing) para conteos; NAHB (2023) para proporción de área.

Capacidades básicas:  $GarageCars_i \leq \overline{C}^{cars} (1 - GarageType_{i,NA}),$   $GarageArea_i \leq \overline{A}_i^{garage} (1 - GarageType_{i,NA}).$  Acabado sólo si hay garage:  $GarageFinish_{i,NA} = GarageType_{i,NA},$   $GarageFinish_{i,Fin}+GarageFinish_{i,RFn}+GarageFinish_{i,Unf} = 1-GarageType_{i,NA}.$ 

### **Fuentes**

- International Code Council (2021). International Residential Code (IRC 2021).
- U.S. HUD (2020). Minimum Property Standards (Handbook 4910.1).
- NAHB (2023). Residential Construction Guidelines.
- ARMA (2021). Residential Asphalt Roofing Manual.
- Roofing Alliance (2022). Technical Guide to Roof System Performance.
- De Cock, D. (2011). Ames, Iowa: Alternative to the Boston Housing Data.

Table 3: Definición y valores de referencia de los parámetros del modelo.								
Símbolo	Descripción	Unidades	Valor típic					
$A_{\min}^{fin} \ U^{bF}$	Área mínima para considerar un acabado real en el sótano	$\mathrm{ft^2}$	100					
$U^{bF}$	Cota superior de baños completos en sótano	conteo	2					
$U^{bH}$	Cota superior de medios baños en sótano	conteo	1					
$U_i^{bsmt}$	Cota superior del área total de sótano $(=\phi^{bsmt} \cdot LotArea_i)$	$\mathrm{ft}^2$	$0.5 \cdot LotArea$					
$\phi^{bsmt}$	Proporción máxima del lote que puede ocupar el sótano	_	0.5					
$U_i^{(1)}$	Cota superior para área del primer piso $(=\bar{\alpha}_1 \cdot LotArea_i)$	$\mathrm{ft}^2$	$0.6 \cdot LotArea$					
$U_i^{(2)}$	Cota superior para área del segundo piso $(=\bar{\alpha}_2 \cdot LotArea_i)$	$\mathrm{ft^2}$	$0.5 \cdot LotArea$					
$U_i^{plan}$	Cota superior del área en planta cubierta por el techo	$\mathrm{ft^2}$	$0.6 \cdot LotArea$					
$\bar{\alpha}_1, \bar{\alpha}_2, \bar{\alpha}_{plan}$	Coeficientes de área máxima relativa por piso	_	0.6,  0.5,  0.6					
$\gamma_{s,m}$	Factor de superficie real del techo según estilo $s$ y material $m$	_	1.00 – 1.30					
$c^{roof}$	Costo unitario del techo por ft <sup>2</sup> de superficie real	$USD/ft^2$	5 - 15					
$C^{Fence}$	Costo unitario de instalación de cerca perimetral	USD/ft lineal	20 – 40					
$\overline{C}^{cars}$	Capacidad máxima de autos por garaje	autos	4					
$\overline{A}_{i}^{garage}$	Área máxima de garaje $(0.2 \cdot LotArea_i)$	$\mathrm{ft^2}$	$0.2 \cdot LotArea$					