```
# LLIBRERIES
import numpy as np
from mpmath import mp # per tenir més decimals
mp.dps = 50
import pandas as pd
import matplotlib.pyplot as plt
from scipy.sparse import csc matrix, coo matrix
from scipy.sparse import lil_matrix, diags, hstack, vstack
from scipy.sparse.linalg import spsolve, factorized
np.set_printoptions(linewidth=2000, edgeitems=1000, suppress=True)
pd.set option('display.max rows', 5000)
pd.set option('display.max columns', 1000)
pd.set_option('display.width', 2000)
pd.set_option("display.precision", 5)
# FI LLIBRERIES
def conv(A, B, c, i, tipus): # tres tipus de convolucions a executar
    if tipus == 1:
         suma = [np.conj(A[k, i]) * B[c - k, i]  for k in range(1, c + 1)]
         return sum(suma)
    elif tipus == 2:
         suma = [A[k, i] * B[c - 1 - k, i] for k in range(1, c)]
         return sum(suma)
    elif tipus == 3:
         suma = [A[k, i] * np.coni(B[c - k, i])  for k in range(1, c)]
         return sum(suma)
# DEFIICIÓ D'OBJECTES INICIALS
df_top = pd.read_excel('IEEE30.xlsx', sheet_name='Topologia') # dades de topologia
df_bus = pd.read_excel('IEEE30.xlsx', sheet_name='Busos') # dades dels busos
n = df bus.shape[0] # nombre de busos, inclou l'oscil·lant
nl = df_top.shape[0] # nombre de línies
A = np.zeros((n, nl), dtype=int) # matriu d'incidència, formada per 1, -1 i 0
L = np.zeros((nl, nl), dtype=complex) # matriu amb les branques
np.fill_diagonal(L, [1 / (df_top.iloc[i, 2] + df_top.iloc[i, 3] * 1j) for i in range(nl)])
A[df_{top.iloc}(range(nl), 0], range(nl)] = 1
A[df_{top.iloc}(range(nl), 1], range(nl)] = -1
Yseries = np.dot(np.dot(A, L), np.transpose(A)) # matriu de les branques sèrie, es reduirà
Yseries_real = np.zeros((n, n), dtype=complex)
Yseries real[:, :] = Yseries[:, :] # també contindrà les admitàncies amb el bus oscil·lant
for i in range(nl): # emplenar matriu quan hi ha trafo de relació variable
    tap = df top.iloc[i, 5]
    ang tap = df top.iloc[i, 6]
    tap = abs(tap) * np.cos(ang tap) + abs(tap) * np.sin(ang tap) * 1j
    if tap != 1:
         Yseries[df_top.iloc[i, 0], df_top.iloc[i, 0]] += -1 / (df_top.iloc[i, 2] + df_top.iloc[i, 3] * 1j) 
               + 1 / (df_top.iloc[i, 2] + df_top.iloc[i, 3] * 1j) / (tap * np.conj(tap))
         Yseries[df_top.iloc[i, 1], df_top.iloc[i, 1]] += -1 / (df_top.iloc[i, 2] + df_top.iloc[i, 3] * 1j) \\
               + 1 / (df_top.iloc[i, 2] + df_top.iloc[i, 3] * 1j)
         Yseries[df_top.iloc[i, 0], df_top.iloc[i, 1]] += +1 / (df_top.iloc[i, 2] + df_top.iloc[i, 3] * 1j) \setminus (df_top.iloc[i, 3] * 1j) \setminus 
               + -1 / (df_top.iloc[i, 2] + df_top.iloc[i, 3] * 1j) / np.conj(tap)
         Yseries[df top.iloc[i, 1], df top.iloc[i, 0]] +=+1 / (df top.iloc[i, 2] + df top.iloc[i, 3] * 1j) \
              + -1 / (df_top.iloc[i, 2] + df_top.iloc[i, 3] * 1j) / tap
Yseries = csc matrix(Yseries) # a dispersa
Yseries_real = csc_matrix(Yseries_real)
```

```
vec_Pi = np.zeros(n, dtype=float) # dades de potència activa
vec_Qi = np.zeros(n, dtype=float) # dades de potència reactiva
vec_Vi = np.zeros(n, dtype=float) # dades de tensió
vec_Wi = np.zeros(n, dtype=float) # tensió al quadrat
pq = [] # índexs dels busos PQ
pv = [] # indexs dels busos PV
sl = [] # índexs dels busos slack
vec_Pi[:] = np.nan_to_num(df_bus.iloc[:, 1]) # emplenar el vector de números
vec Qi[:] = np.nan to num(df bus.iloc[:, 2])
vec_Vi[:] = np.nan_to_num(df_bus.iloc[:, 3])
V_sI = [] # tensions dels oscil·lants
for i in range(n): # cerca per a guardar els índexs
  if df_bus.iloc[i, 5] == 'PQ':
     pq.append(i)
  elif df_bus.iloc[i, 5] == 'PV':
    pv.append(i)
  elif df_bus.iloc[i, 5] == 'Slack':
     V_sl.append(df_bus.iloc[i, 3]*(np.cos(df_bus.iloc[i, 4])+np.sin(df_bus.iloc[i, 4])*1j))
     sl.append(i)
pg = np.array(pg) # indexs en forma de vector
pv = np.array(pv)
npq = len(pq) # nombre de busos PQ
npv = len(pv) # nombre de busos PV
if npv > 0 and npq > 0: # ordenar els índexs
  pqpv = np.sort(np.r_[pq, pv])
elif npq > 0:
  pqpv = np.sort(pq)
elif npv > 0:
  pqpv = np.sort(pv)
pq_x = pq # guardar els índexs originals
pv_x = pv
npqpv = npq + npv # nombre de busos incògnita
nsl = n - npgpv # nombre de busos oscil·lants
vec_P = vec_Pi[pqpv] # agafar la part del vector necessària
vec_Q = vec_Qi[pqpv]
vec_V = vec_Vi[pqpv]
factor carrega = 1.0 # factor de càrrega de les potències de tots els busos
vec_P = factor_carrega * vec_P
vec Q = factor carrega * vec Q
vecx_shunts = np.zeros((n, 1), dtype=complex) # vector amb admitàncies shunt, canviat de signe
for i in range(nl):
  if df_top.iloc[i, 5] == 1: # si la relació de transformació és unitària
     vecx_shunts[df_top.iloc[i, 0], 0] += df_top.iloc[i, 4] * -1j # es donen en forma d'admitàncies
     vecx_shunts[df_top.iloc[i, 1], 0] += df_top.iloc[i, 4] * -1j
     vecx_shunts[df_top.iloc[i, 0], 0] += df_top.iloc[i, 4] * -1j / (df_top.iloc[i, 5] ** 2)
     vecx_shunts[df_top.iloc[i, 1], 0] += df_top.iloc[i, 4] * -1j
for i in range(n): # afegir les càrregues d'admitància constant
  vecx_shunts[df_bus.iloc[i, 0], 0] += df_bus.iloc[i, 6] * -1
  vecx_shunts[df_bus.iloc[i, 0], 0] += df_bus.iloc[i, 7] * -1j
vec shunts = vecx shunts[pqpv] # reduïda
df = pd.DataFrame(data=np.c_[vecx_shunts, vec_Pi, vec_Qi, vec_Vi], columns=['Ysh', 'P0', 'Q0', 'V0'])
print(df) # imprimir dades inicials
Yslx = np.zeros((n, n), dtype=complex) # admitancies que connecten als oscil·lants
```

```
for i in range(nl):
       tap = df_top.iloc[i, 5]
        ang_tap = df_top.iloc[i, 6]
       tap = abs(tap) * np.cos(ang tap) + abs(tap) * np.sin(ang tap) * 1j
       if tap == 1:
                 if df_top.iloc[i, 0] in sl:
                           Yslx[df_top.iloc[i, 1], df_top.iloc[i, 0]] = 1 / (df_top.iloc[i, 2] + df_top.iloc[i, 3] * 1j) + (df_top.iloc[i, 3] * 1j) 
                                                                                                                                 Yslx[df_top.iloc[i, 1], df_top.iloc[i, 0]]
                 elif df_top.iloc[i, 1] in sl:
                           Yslx[df_top.iloc[i, 0], df_top.iloc[i, 1]] = 1 / (df_top.iloc[i, 2] + df_top.iloc[i, 3] * 1j) + (df_top.iloc[i, 2] + df_top.iloc[i, 3] * 1j) + (df_top.iloc[i, 2] + df_top.iloc[i, 3] * 1j) + (df_top.iloc[i, 3]
                                                                                                                                 Yslx[df_top.iloc[i, 0], df_top.iloc[i, 1]]
        else:
                 if df_top.iloc[i, 0] in sl:
                          Yslx[df_top.iloc[i, 1], df_top.iloc[i, 0]] += +1 / (df_top.iloc[i, 2] + df_top.iloc[i, 3] * 1j) / (df_top.iloc[i, 3] * 1j) / (df
                                                                                                                                  (np.conj(tap))
                 elif df_top.iloc[i, 1] in sl:
                           Yslx[df_{top.iloc[i, 0], df_{top.iloc[i, 1]]} += +1 / (df_{top.iloc[i, 2]} + df_{top.iloc[i, 3]} * 1j) / tap
Ysl1 = Yslx[:, sl]
Ysl = Ysl1[pqpv, :] # reduïda al que veuen els busos PQ i PV
# FI DEFINICIÓ OBJECTES INICIALS
# PREPARACIÓ DE LA IMPLEMENTACIÓ
prof = 12 # nombre de coeficients de les sèries
U = np.zeros((prof, npqpv), dtype=complex) # sèries de voltatges
U_re = np.zeros((prof, npqpv), dtype=float) # part real de voltatges
U_im = np.zeros((prof, npqpv), dtype=float) # part imaginària de voltatges
X = np.zeros((prof, npqpv), dtype=complex) # tensió inversa conjugada
X_re = np.zeros((prof, npqpv), dtype=float) # part real d'X
X_im = np.zeros((prof, npqpv), dtype=float) # part imaginària d'X
Q = np.zeros((prof, npqpv), dtype=complex) # sèries de potències reactives
vec_W = vec_V * vec_V # mòdul de les tensions al quadrat
dimensions = 2 * npg + 3 * npv # nombre d'incògnites
Yred = Yseries[np.ix_(pqpv, pqpv)] # reduir per a deixar de banda els oscil·lants
G = np.real(Yred) # part real de la matriu
B = np.imag(Yred) # part imaginària de la matriu
nsl_compt = np.zeros(n, dtype=int) # nombre de busos oscil·lants trobats abans d'un bus
compt = 0
for i in range(n):
       if i in sl:
                 compt += 1
       nsl_compt[i] = compt
if npv > 0 and npq > 0:
       pq = pq - nsl compt[pq]
       pv_{-} = pv - nsl_{-}compt[pv]
       pqpv_ = np.sort(np.r_[pq_, pv_])
elif npq > 0:
       pq_ = pq - nsl_compt[pq]
       pqpv = np.sort(pq)
elif npv > 0:
       pv_{-} = pv - nsl_{compt}[pv]
       pqpv = np.sort(pv)
# FI PREPARACIÓ DE LA IMPLEMENTACIÓ
# TERMES [0]
if nsl > 1:
       U[0, :] = spsolve(Yred, Ysl.sum(axis=1)) # solucionar el sistema
else:
       U[0, :] = spsolve(Yred, Ysl)
X[0, :] = 1 / np.conj(U[0, :])
U_{re}[0, :] = U[0, :].real
```

```
U_{im}[0, :] = U[0, :].imag
X_{re}[0, :] = X[0, :].real
X_{im}[0, :] = X[0, :].imag
# FI TERMES [0]
# TERMES [1]
valor = np.zeros(npqpv, dtype=complex)
prod = np.dot((Ysl[pqpv_, :]), V_sl[:]) # intensitat que injecten els oscil·lants
if npq > 0:
  valor[pq] = prod[pq] \setminus
          - Ysl[pq_].sum(axis=1) + (vec_P[pq_] - vec_Q[pq_] * 1j) * X[0, pq_] \
          + U[0, pq_] * vec_shunts[pq_, 0]
if npv > 0:
  valor[pv_] = prod[pv_] \
          - Ysl[pv_].sum(axis=1) \
          + (vec_P[pv_]) * X[0, pv_] \
          + U[0, pv_] * vec_shunts[pv_, 0]
  RHS = np.r_[valor.real,
          valor.imag,
          vec_W[pv_] - np.real(U[0, pv_] * np.conj(U[0, pv_]))] # vector de la dreta del sistema d'equacions
  VRE = coo_matrix((2 * U_re[0, pv_], (np.arange(npv), pv_)), shape=(npv, npqpv)).tocsc() # matriu COO a compr.
  VIM = coo\_matrix((2 * U\_im[0, pv\_], (np.arange(npv), pv\_)), shape=(npv, npqpv)).tocsc()
  XIM = coo_matrix((-X_im[0, pv_], (pv_, np.arange(npv))), shape=(npqpv, npv)).tocsc()
  XRE = coo_matrix((X_re[0, pv_], (pv_, np.arange(npv))), shape=(npqpv, npv)).tocsc()
  EMPTY = csc_matrix((npv, npv)) # matriu dispera comprimida
  MAT = vstack((hstack((G, -B, XIM)),
           hstack((B, G, XRE)),
           hstack((VRE, VIM, EMPTY))), format='csc')
else:
  RHS = np.r_[valor.real,
          valor.imag]
  MAT = vstack((hstack((G, -B)),
           hstack((B, G))), format='csc')
MAT_LU = factorized(MAT.tocsc()) # matriu factoritzada, només cal fer-ho una vegada
LHS = MAT_LU(RHS) # vector amb les solucions
U_re[1, :] = LHS[:npqpv] # actualització de les incògnites
U_{im}[1, :] = LHS[npqpv:2 * npqpv]
if npv > 0:
  Q[0, pv] = LHS[2 * npqpv:]
U[1, :] = U_re[1, :] + U_im[1, :] * 1j
X[1, :] = (-X[0, :] * np.conj(U[1, :])) / np.conj(U[0, :])
X_{re}[1, :] = X[1, :].real
X_{im}[1, :] = X[1, :].imag
# FI TERMES [1]
# TERMES [c>=2]
range_pqpv = np.arange(npqpv) # tots els busos ordenats
for c in range(2, prof): # c és la profunditat actual
  if npq > 0:
     valor[pq_] = (vec_P[pq_] - vec_Q[pq_] * 1j) * X[c - 1, pq_] + U[c - 1, pq_] * vec_shunts[pq_, 0]
  if npv > 0:
     valor[pv_] = conv(X, Q, c, pv_, 2) * -1j + U[c - 1, pv_] * vec_shunts[pv_, 0] + X[c - 1, pv_] * vec_P[pv_]
     RHS = np.r_[valor.real,
            -conv(U, U, c, pv_, 3).real] # vector de la dreta del sistema d'equacions
  else:
```

```
RHS = np.r_[valor.real,
           valor.imag]
  LHS = MAT_LU(RHS) # vector amb les solucions
  U_re[c, :] = LHS[:npqpv] # actualització de les incògnites
  U_im[c, :] = LHS[npqpv:2 * npqpv]
  if npv > 0:
    Q[c - 1, pv] = LHS[2 * npqpv:]
  U[c, :] = U_re[c, :] + 1j * U_im[c, :]
  X[c, range_pqpv] = -conv(U, X, c, range_pqpv, 1) / np.conj(U[0, range_pqpv])
  X_{re[c, :]} = np.real(X[c, :])
  X_{im[c, :]} = np.imag(X[c, :])
# FI TERMES [c>=2]
# RESULTATS
Pfi = np.zeros(n, dtype=complex) # potència activa final
Qfi = np.zeros(n, dtype=complex) # potència reactiva final
U_sum = np.zeros(n, dtype=complex) # tensió a partir la suma de coeficients
U_pa = np.zeros(n, dtype=complex) # tensió amb aproximants de Padé
U_th = np.zeros(n, dtype=complex) # tensió amb aproximants de Thévenin
U_ait = np.zeros(n, dtype=complex) # tensió amb Delta d'Aitken
U_shanks = np.zeros(n, dtype=complex) # tensió amb transformacions de Shanks
U_rho = np.zeros(n, dtype=complex) # tensió amb Rho de Wynn
U_eps = np.zeros(n, dtype=complex) # tensió amb Epsilon de Wynn
U_theta = np.zeros(n, dtype=complex) # tensió amb Theta de Brezinski
U_eta = np.zeros(n, dtype=complex) # tensió amb Eta de Bauer
Q_eps = np.zeros(n, dtype=complex)
Q_ait = np.zeros(n, dtype=complex)
Q rho = np.zeros(n, dtype=complex)
Q_theta = np.zeros(n, dtype=complex)
Q_eta = np.zeros(n, dtype=complex)
Q_sum = np.zeros(n, dtype=complex)
Q_shanks = np.zeros(n, dtype=complex)
Sig_re = np.zeros(n, dtype=complex) # part real de sigma
Sig im = np.zeros(n, dtype=complex) # part imaginària de sigma
Ybus = Yseries - diags(vecx shunts[:, 0]) # matriu d'admitàncies total
from Funcions import pade4all, thevenin, Sigma, aitken, shanks, rho, epsilon, theta, eta # importar funcions
# SUMA
U_sum[pqpv] = np.sum(U[:, pqpv_], axis=0)
U sum[sl] = V sl
if npq > 0:
  Q_sum[pq] = vec_Q[pq]
if npv > 0:
  Q_{sum}[pv] = np.sum(Q[:, pv_], axis=0)
Q sum[sl] = np.nan
# FI SUMA
# PADÉ
Upa = pade4all(prof, U[:, :], 1)
if npv > 0:
  Qpa = pade4all(prof-1, Q[:, pv_], 1) # trobar reactiva amb Padé
U pa[sl] = V sl
U_pa[pqpv] = Upa
Pfi[pqpv] = vec_P[pqpv_]
if npq > 0:
  Qfi[pq] = vec_Q[pq_]
if npv > 0:
  Qfi[pv] = Qpa
Pfi[sl] = np.nan
Qfi[sl] = np.nan
# FI PADÉ
```

```
limit = 8 # límit per a no utilitzar tots els coeficients
if limit > prof:
  limit = prof - 1
# SIGMA
Ux1 = np.copv(U)
Sig_re[pqpv] = np.real(Sigma(Ux1, X, prof - 1, V_sl))
Sig_{im}[pqpv] = np.imag(Sigma(Ux1, X, prof - 1, V sl))
Sig_re[sl] = np.nan
Sig_im[sl] = np.nan
arrel = np.zeros(n, dtype=float) # discriminant
arrel[sl] = np.nan
arrel[pqpv] = 0.25 + np.abs(Sig_re[pqpv]) - np.abs(Sig_im[pqpv]) ** 2
# FI SIGMA
# THÉVENIN
Ux2 = np.copy(U)
for i in pq:
  U_th[i] = thevenin(Ux2[:limit, i - nsl_compt[i]], X[:limit, i - nsl_compt[i]])
# FI THÉVENIN
# RECURRENTS
Ux = np.copy(U)
Qx = np.copy(Q)
for i in range(npqpv):
  U_ait[i] = aitken(Ux[:, i], limit)
  U_shanks[i] = shanks(Ux[:, i], limit)
  U_rho[i] = rho(Ux[:, i], limit)
  U eps[i] = epsilon(Ux[:, i], limit)
  U_theta[i] = theta(Ux[:, i], limit)
  U_{eta[i]} = eta(Ux[:, i], limit)
  if i in pq_:
     Q_ait[i + nsl_compt[i]] = vec_Q[i]
     Q shanks[i + nsl compt[i]] = vec Q[i]
     Q_rho[i + nsl_compt[i]] = vec_Q[i]
     Q_eps[i + nsl_compt[i]] = vec_Q[i]
     Q_theta[i + nsl_compt[i]] = vec_Q[i]
     Q_eta[i + nsl_compt[i]] = vec_Q[i]
  elif i in pv_:
     Q_ait[i + nsl_compt[i]] = aitken(Qx[:, i], limit)
     Q shanks[i + nsl compt[i]] = shanks(Qx[:, i], limit)
     Q_{rho[i + nsl\_compt[i]]} = rho(Qx[:, i], limit)
     Q_eps[i + nsl_compt[i]] = epsilon(Qx[:, i], limit)
     Q_theta[i + nsl_compt[i]] = theta(Qx[:, i], limit)
     Q eta[i + nsl compt[i]] = eta(Qx[:, i], limit)
U_ait[pqpv] = U_ait[pqpv_]
U \operatorname{ait}[sl] = V \operatorname{sl}
Q_{ait[sl]} = np.nan
U shanks[pqpv] = U shanks[pqpv]
U_shanks[sl] = V_sl
Q_shanks[sl] = np.nan
U_{rho[pqpv]} = U_{rho[pqpv]}
U_{rho[sl]} = V_{sl}
Q_{rho[sl]} = np.nan
U_eps[pqpv] = U_eps[pqpv_]
U_eps[sl] = V_sl
Q eps[sl] = np.nan
U_theta[pqpv] = U_theta[pqpv_]
U_{theta[sl]} = V_{sl}
Q theta[sl] = np.nan
U_eta[pqpv] = U_eta[pqpv_]
U_eta[sl] = V_sl
```

```
Q_{eta[sl]} = np.nan
# FI RECURRENTS
Ybus = Ybus.todense()
# ERRORS
S out sum = np.asarray(U sum) * np.conj(np.asarray(np.dot(Ybus, U sum)))
S_{in}_sum = (Pfi[:] + 1j * Q_sum[:])
error_sum = S_in_sum - S_out_sum
S_out = np.asarray(U_pa) * np.conj(np.asarray(np.dot(Ybus, U_pa)))
S_{in} = (Pfi[:] + 1j * Qfi[:])
error = S_in - S_out # error final de potències amb Padé
S_out_ait = np.asarray(U_ait) * np.conj(np.asarray(np.dot(Ybus, U_ait)))
S_{in}_{ait} = (Pfi[:] + 1j * Q_{ait}[:])
error_ait = S_in_ait - S_out_ait
S_out_shanks = np.asarray(U_shanks) * np.conj(np.asarray(np.dot(Ybus, U_shanks)))
S_{in}= (Pfi[:] + 1j * Q_shanks[:])
error_shanks = S_in_shanks - S_out_shanks
S_out_rho = np.asarray(U_rho) * np.conj(np.asarray(np.dot(Ybus, U_rho)))
S_{in_rho} = (Pfi[:] + 1j * Q_rho[:])
error_rho = S_in_rho - S_out_rho
S_out_eps = np.asarray(U_eps) * np.conj(np.asarray(np.dot(Ybus, U_eps)))
S_{in}_{eps} = (Pfi[:] + 1j * Q_{eps}[:])
error_eps = S_in_eps - S_out_eps
S_out_theta = np.asarray(U_theta) * np.conj(np.asarray(np.dot(Ybus, U_theta)))
S_{in}_{theta} = (Pfi[:] + 1j * Q_{theta}[:])
error_theta = S_in_theta - S_out_theta
S_out_eta = np.asarray(U_eta) * np.conj(np.asarray(np.dot(Ybus, U_eta)))
S_{in}_{eta} = (Pfi[:] + 1j * Q_{eta}[:])
error eta = S in eta - S out eta
# FI ERRORS
df = pd.DataFrame(
  np.c_[np.abs(U_sum), np.angle(U_sum), np.abs(U_pa), np.angle(U_pa), np.real(Sig_re), np.real(Sig_im),
      np.abs(error[0, :])], columns=['|V| sum', 'A. sum', '|V| Padé', 'A. Padé', 'Sigma re', 'Sigma im', 'S error'])
print(df)
print('Error maxim amb suma: ', max(abs(np.r_[error_sum[0, pqpv]])))
print('Error maxim amb Padé: ', max(abs(np.r_[error[0, pqpv]])))
print('Error maxim amb Delta d\'Aitken: ', max(abs(np.r_[error_ait[0, pqpv]])))
print('Error maxim amb transformacions de Shanks: ', max(abs(np.r_[error_shanks[0, pqpv]])))
print('Error maxim amb Rho de Wynn: ', max(abs(np.r_[error_rho[0, pqpv]])))
print('Error maxim amb Epsilon de Wynn: ', max(abs(np.r_[error_eps[0, pqpv]])))
print('Error maxim amb Theta de Brezinski: ', max(abs(np.r_[error_theta[0, pqpv]])))
print('Error maxim amb Eta de Bauer: ', max(abs(np.r_[error_eta[0, pqpv]])))
# DELTES D'AITKEN
Ux3 = np.copy(U)
Qx3 = np.copy(Q)
for i in range(npqpv):
  U_ait[i] = aitken(Ux3[:, i], limit)
  if i in pq_:
    Q_ait[i + nsl_counted[i]] = vec_Q[i]
  elif i in pv :
    Q_ait[i + nsl_counted[i]] = aitken(Qx3[:, i], limit)
U_{ait}[pqpv] = U_{ait}[pqpv]
U_ait[sl] = V_sl
```

```
Q_{ait[sl]} = np.nan
# FI DELTES D'AITKEN
# EPSILONS DE WYNN
Ux4 = np.copy(U)
Qx4 = np.copy(Q)
for i in range(npqpv):
  U_eps[i] = epsilon(Ux4[:, i], limit)
  if i in pq_:
     Q_eps[i + nsl_counted[i]] = vec_Q[i]
  elif i in pv_:
     Q_eps[i + nsl_counted[i]] = epsilon(Qx4[:, i], limit)
U_{eps[pqpv]} = U_{eps[pqpv]}
U_{eps[sl]} = V_{sl}
Q eps[sl] = np.nan
# FI EPSILONS DE WYNN
# RHO
Ux5 = np.copy(U)
Qx5 = np.copy(Q)
for i in range(npqpv):
  U_{rho[i]} = rho(Ux5[:, i], limit)
  if i in pq_:
     Q_rho[i + nsl_counted[i]] = vec_Q[i]
  elif i in pv_:
     Q_{rho[i + nsl\_counted[i]] = rho(Qx5[:, i], limit)
U_{rho}[pqpv] = U_{rho}[pqpv]
U_{rho[sl]} = V_{sl}
Q_{rho[sl]} = np.nan
# FI RHO
# THETA
Ux6 = np.copy(U)
Qx6 = np.copy(Q)
for i in range(npqpv):
  U_theta[i] = theta(Ux6[:, i], limit)
  if i in pq_:
     Q_theta[i + nsl_counted[i]] = vec_Q[i]
  elif i in pv_:
     Q_theta[i + nsl_counted[i]] = theta(Qx6[:, i], limit)
U_theta[pqpv] = U_theta[pqpv_]
U_{theta[sl]} = V_{sl}
Q_theta[sl] = np.nan
# FI THETA
# ETA
Ux7 = np.copy(U)
Qx7 = np.copy(Q)
for i in range(npqpv):
  U_{eta[i]} = eta(Ux7[:, i], limit)
  if i in pq_:
     Q_eta[i + nsl_counted[i]] = vec_Q[i]
  elif i in pv_:
     Q_eta[i + nsl_counted[i]] = eta(Qx7[:, i], limit)
U_eta[pqpv] = U_eta[pqpv_]
U_eta[sl] = V_sl
Q_{eta[sl]} = np.nan
# FI ETA
# SHANKS
Ux8 = np.copy(U)
Qx8 = np.copy(Q)
for i in range(npqpv):
  U_shanks[i] = shanks(Ux8[:, i], limit)
  if i in pq_:
     Q_shanks[i + nsl_counted[i]] = vec_Q[i]
  elif i in pv_:
```

```
Q_shanks[i + nsl_counted[i]] = shanks(Qx8[:, i], limit)
U_shanks[pqpv] = U_shanks[pqpv_]
U_{shanks[sl]} = V_{sl}
Q_shanks[sl] = np.nan
# FI SHANKS
# ERRORS
S_out = np.asarray(U_pa) * np.conj(np.asarray(np.dot(Ybus.todense(), U_pa))) # computat amb tensions de Padé
S_{in} = (Pfi[:] + 1j * Qfi[:])
error = S_in - S_out # error final de potències
S_out_eps = np.asarray(U_eps) * np.conj(np.asarray(np.dot(Ybus.todense(), U_eps)))
S_{in}_{eps} = (Pfi[:] + 1j * Q_{eps}[:])
error_eps = S_in_eps - S_out_eps
S_out_ait = np.asarray(U_ait) * np.conj(np.asarray(np.dot(Ybus.todense(), U_ait)))
S_{in}_{ait} = (Pfi[:] + 1j * Q_{ait}[:])
error_ait = S_in_ait - S_out_ait
S out rho = np.asarray(U rho) * np.conj(np.asarray(np.dot(Ybus.todense(), U rho)))
S_{in_rho} = (Pfi[:] + 1j * Q_rho[:])
error_rho = S_in_rho - S_out_rho
S_out_theta = np.asarray(U_theta) * np.conj(np.asarray(np.dot(Ybus.todense(), U_theta)))
S_{in}_{theta} = (Pfi[:] + 1j * Q_{theta}[:])
error_theta = S_in_theta - S_out_theta
S_out_eta = np.asarray(U_eta) * np.conj(np.asarray(np.dot(Ybus.todense(), U_eta)))
S_{in}_{eta} = (Pfi[:] + 1j * Q_{eta}[:])
error_eta = S_in_eta - S_out_eta
S_out_shanks = np.asarray(U_shanks) * np.conj(np.asarray(np.dot(Ybus.todense(), U_shanks)))
S_{in\_shanks} = (Pfi[:] + 1j * Q_shanks[:])
error shanks = S in shanks - S out shanks
S_out_sum = np.asarray(U_sum) * np.conj(np.asarray(np.dot(Ybus.todense(), U_sum)))
S_{in}_{sum} = (Pfi[:] + 1j * Q_{sum}[:])
error_sum = S_in_sum - S_out_sum
# FI ERRORS
df = pd.DataFrame(np.c_[np.abs(U_sum), np.angle(U_sum), np.abs(U_pa), np.angle(U_pa), np.abs(U_th),
               np.abs(U_eps), np.angle(U_eps), np.abs(U_ait), np.angle(U_ait), np.abs(U_rho),
               np.angle(U rho), np.abs(U theta), np.angle(U theta), np.abs(U eta), np.angle(U eta),
               np.abs(U_shanks), np.angle(U_shanks), np.real(Pfi), np.real(Qfi), np.abs(error[0, :]),
               np.real(Sig re), np.real(Sig im), s p, s n],
               columns=['|V| sum', 'A. sum', '|V| Padé', 'A. Padé', '|V| Thévenin', '|V| Epsilon',
                     'A. Epsilon', '|V| Aitken', 'A. Aitken', '|V| Rho', 'A. Rho', '|V| Theta', 'A. Theta',
                     '|V| Eta', 'A. Eta', '|V| Shanks', 'A. Shanks', 'P', 'Q', 'S error', 'Sigma re',
                     'Sigma im', 's+', 's-'])
df = pd.DataFrame(np.c_[np.abs(U_sum), np.angle(U_sum), np.abs(U_pa), np.angle(U_pa), np.abs(U_th),
               np.abs(U_eps), np.angle(U_eps), np.abs(U_ait), np.angle(U_ait), np.abs(U_rho),
               np.angle(U rho), np.abs(U theta), np.angle(U theta), np.abs(U eta), np.angle(U eta),
               np.abs(U_shanks), np.angle(U_shanks), np.real(Pfi), np.real(Qfi), np.abs(error_sum[0, :]),
               np.real(Sig_re), np.real(Sig_im)],
               columns=['|V| sum', 'A. sum', '|V| Padé', 'A. Padé', '|V| Thévenin', '|V| Epsilon',
                     'A. Epsilon', '|V| Aitken', 'A. Aitken', '|V| Rho', 'A. Rho', '|V| Theta', 'A. Theta',
                     '|V| Eta', 'A. Eta', '|V| Shanks', 'A. Shanks', 'P', 'Q', 'S error', 'Sigma re',
                     'Sigma im'])
#(df)
```

#err = max(abs(np.r\_[error[0, pqpv]])) # màxim error de potències

```
#print('Error maxim amb Padé: ' + str(err))
#print(err)
#print(max(abs(np.r_[error[0, pqpv]])))
#print(max(abs(np.r_[error_ait[0, pqpv]])))
#print(max(abs(np.r_[error_shanks[0, pqpv]])))
#print(max(abs(np.r_[error_rho[0, pqpv]])))
#print(max(abs(np.r_[error_eps[0, pqpv]])))
#print(max(abs(np.r_[error_theta[0, pqpv]])))
#print(max(abs(np.r_[error_eta[0, pqpv]])))
#print(max(abs(np.r_[error_sum[0, pqpv]])))
# ALTRES:
# .....VISUALITZACIÓ DE LA MATRIU .....
from pylab import *
Amm = abs(MAT.todense()) # passar a densa
figure(1)
f = plt.figure()
imshow(Amm, interpolation='nearest', cmap=plt.get_cmap('gist_heat'))
plt.gray() # en escala de grisos
plt.show()
plt.spy(Amm) # en blanc i negre
plt.show()
#f.savefig("matriu_imatge.pdf", bbox_inches='tight')
Bmm = coo_matrix(MAT) # passar a dispersa
density = Bmm.getnnz() / np.prod(Bmm.shape) * 100 # convertir a percentual
#print('Densitat: ' + str(density) + ' %')
# ......DOMB-SYKES .....
bb = np. zeros((prof, npqpv), dtype=complex)
for j in range(npqpv):
  for i in range(3, len(U) - 1):
     bb[i, j] = (U[i, j]) / (U[i-1, j]) # el Domb-Sykes més bàsic
     #bb[i, j] = np.abs(np.sqrt((U[i + 1, j] * U[i - 1, j] - U[i, j] ** 2) / (U[i, j] * U[i - 2, j] - U[i - 1, j] ** 2)))
vec_1n = np. zeros(prof)
for i in range(3, prof):
  vec_1n[i] = i
  #vec_1n[i] = 1 / i
bus = 5
plt.plot(vec_1n[3:len(U)-1], abs(bb[3:len(U)-1, bus]), 'ro', markersize=2)
plt.show()
#print(abs(bb[-2, :]))
print(1/max(abs(bb[-2, :])))
print(1/min(abs(bb[-2, :])))
# ......GRÀFIC SIGMA .....
a=[]
b=[]
c=[]
x = np.linspace(-0.25, 1, 1000)
y = np.sqrt(0.25+x)
a.append(x)
b.append(y)
c.append(-y)
plt.plot(np.real(Sig_re), np.real(Sig_im), 'ro', markersize=2)
plt.plot(x, y)
```

plt.plot(x, -y)
plt.ylabel('Sigma im')
plt.xlabel('Sigma re')
plt.title('Gràfic Sigma')
plt.show()

# ......EXTRES......
#(Ybus)
#print(Pfi)
#print(Qfi)