



Reflexions especulars

Carlos Andújar

Maig 2015

Introducció



Vector reflectit

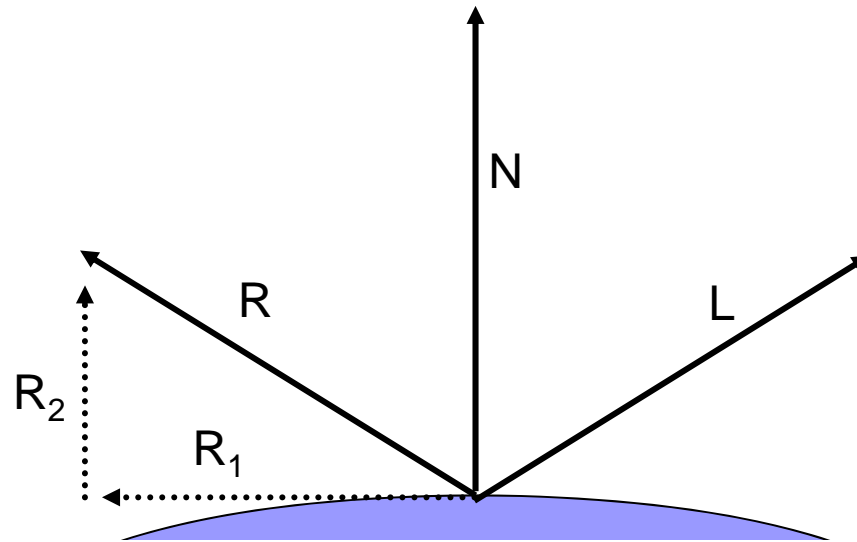
$$R = R_1 + R_2$$

$$R_1 = -L + R_2$$

$$R = 2R_2 - L$$

$$R_2 = (N \cdot L)N$$

$$R = 2(N \cdot L)N - L$$



Vector reflectit

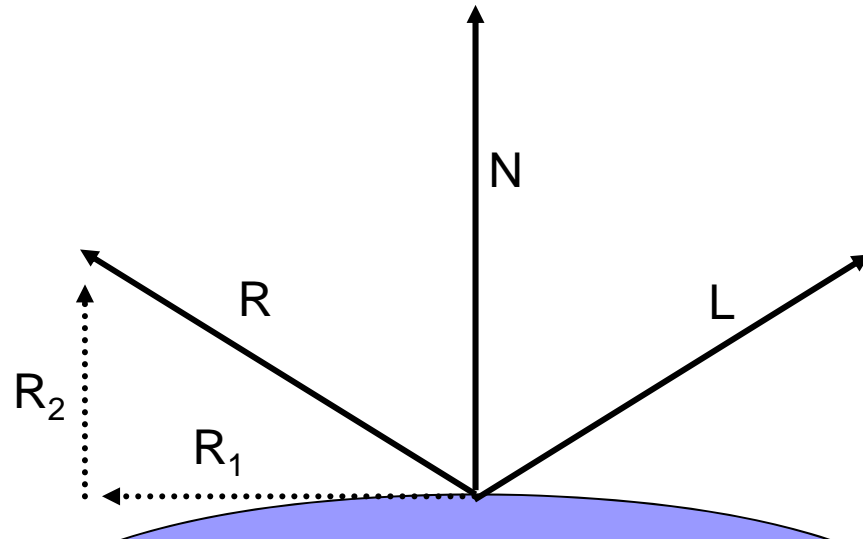
$$R = R_1 + R_2$$

$$R_1 = -L + R_2$$

$$R = 2R_2 - L$$

$$R_2 = (N \cdot L)N$$

$$R = 2(N \cdot L)N - L$$



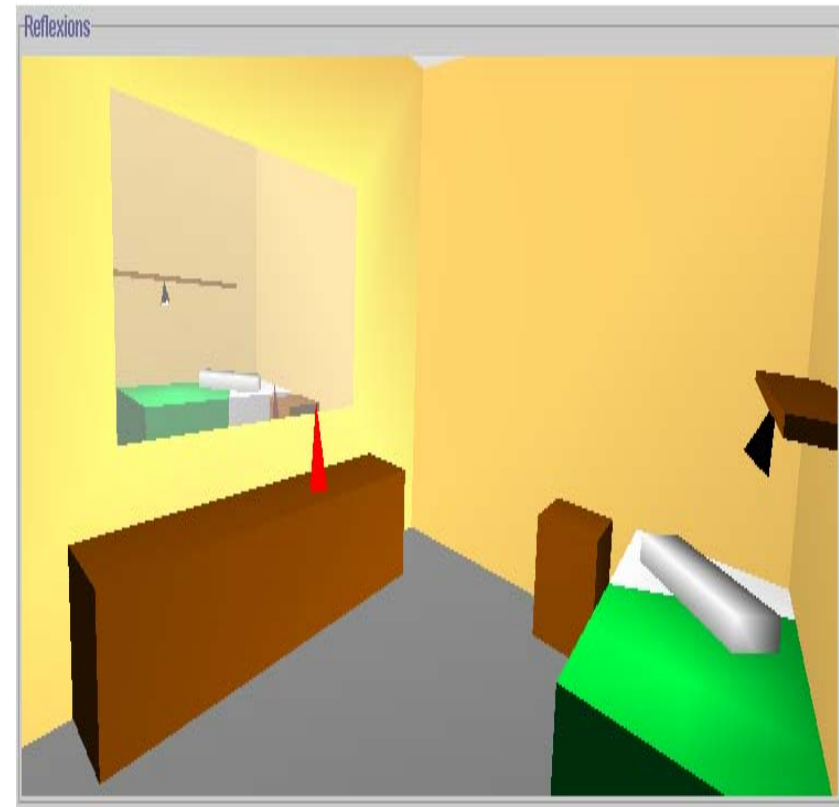


REFLEXIONS AMB OBJECTES VIRTUALS

Objets virtuels



Objets virtuels



Algorisme (versió 1)

// 1. Dibuixar els objectes en posició virtual

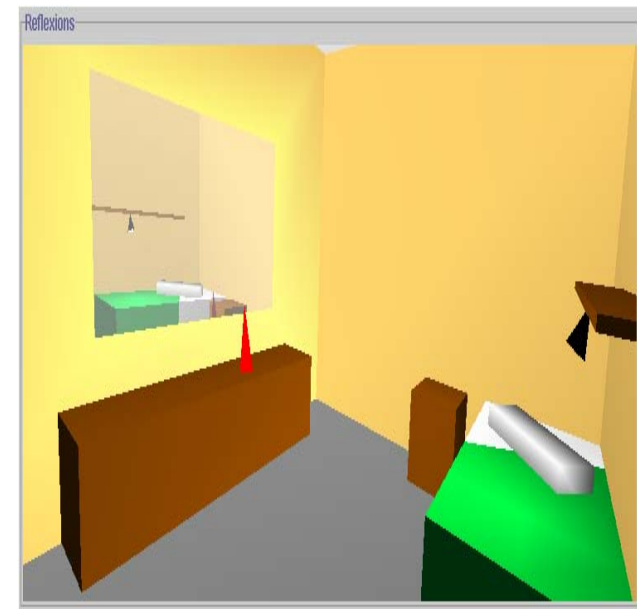
```
glPushMatrix();  
glMultMatrix(matriu_simetria)  
glLightfv(GL_LIGHT0, GL_POSITION, pos);  
glCullFace(GL_FRONT);  
dibuixar(escena);  
glPopMatrix();
```

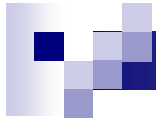
// 2. Dibuixar el mirall semi-transparent

```
glLightfv(GL_LIGHT0, GL_POSITION, pos);  
glCullFace(GL_BACK);  
dibuixar(mirall);
```

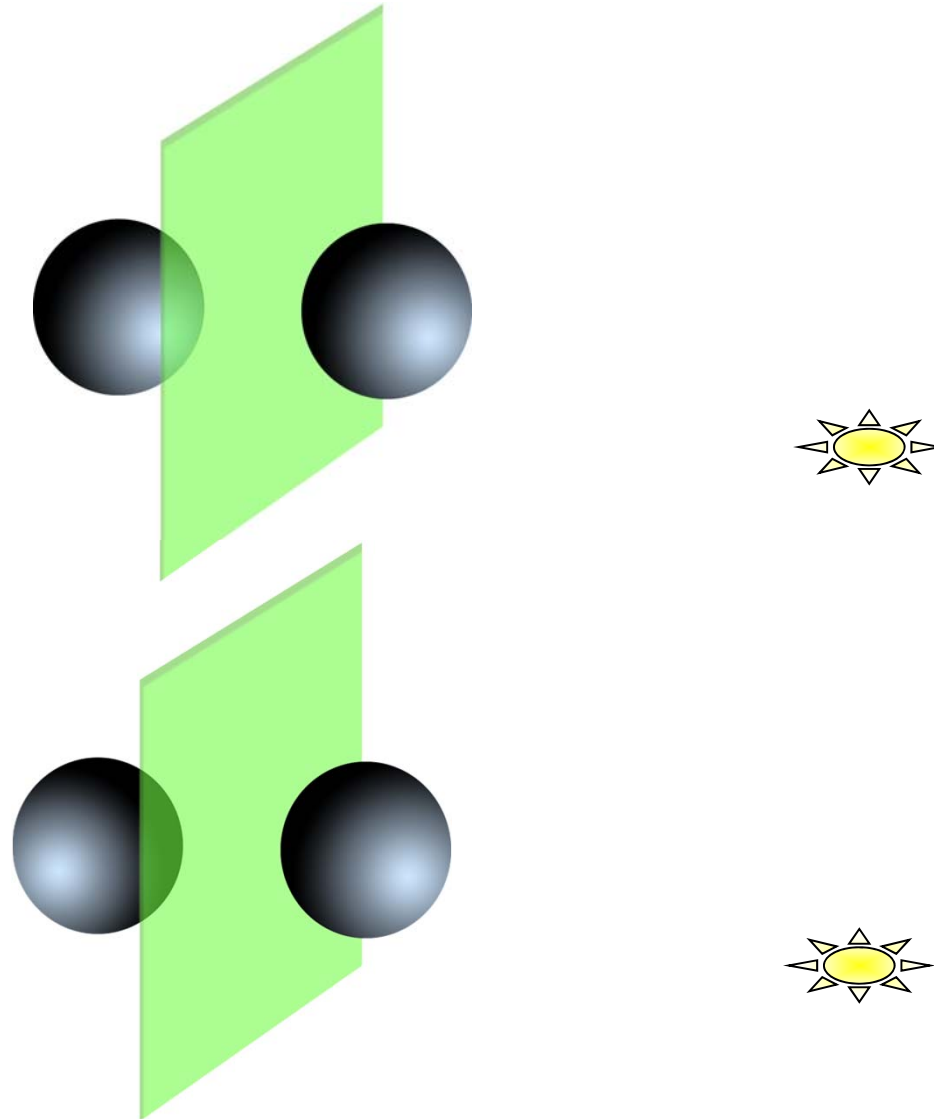
// 3. Dibuixar els objectes en posició real

```
dibuixar(escena);
```



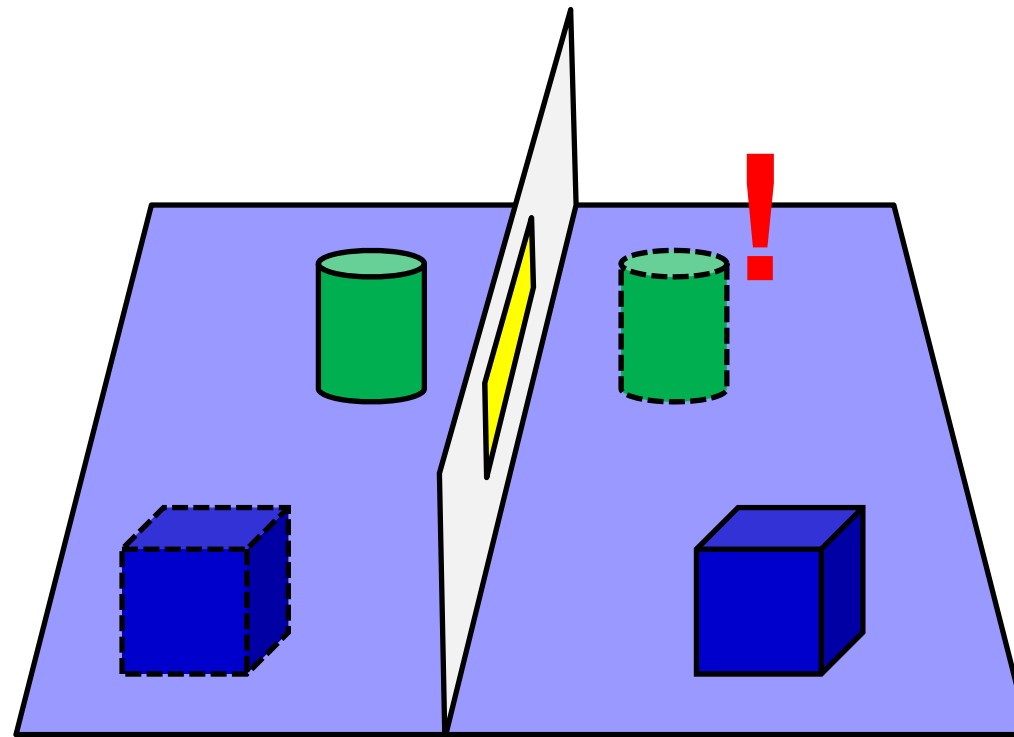


Reflexió de les fonts de llum



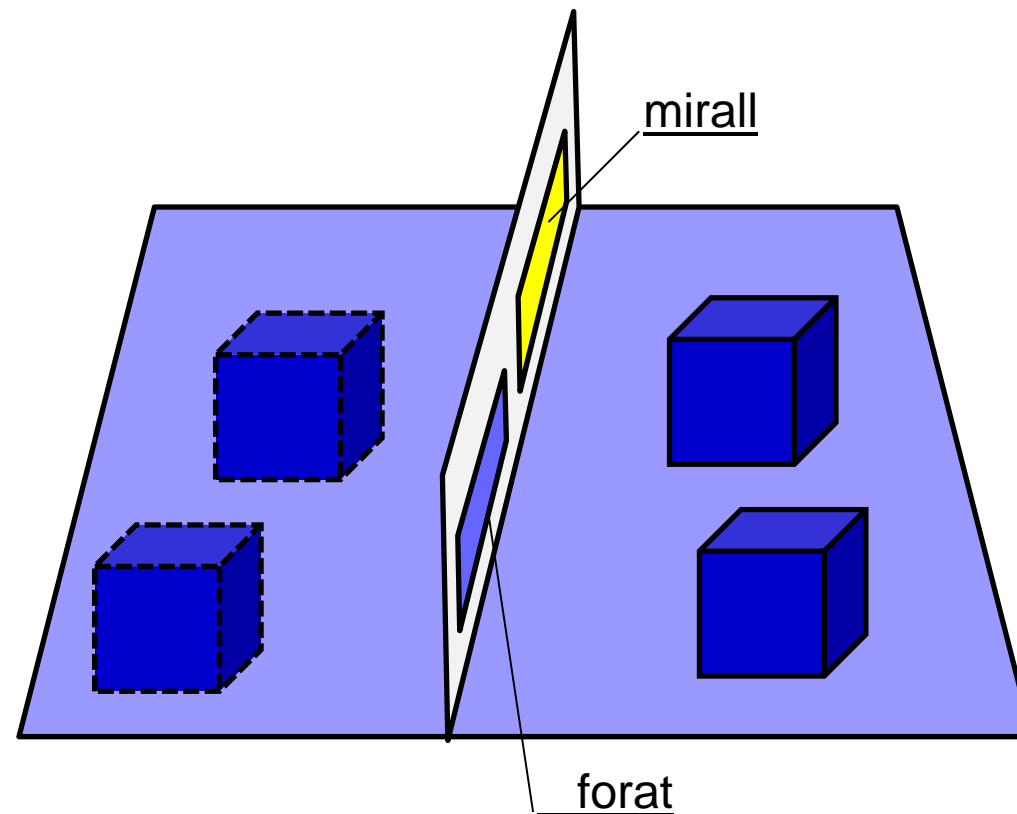
Limitacions

Assumeix que els objectes virtuals estan en el semiespai positiu del pla del mirall.



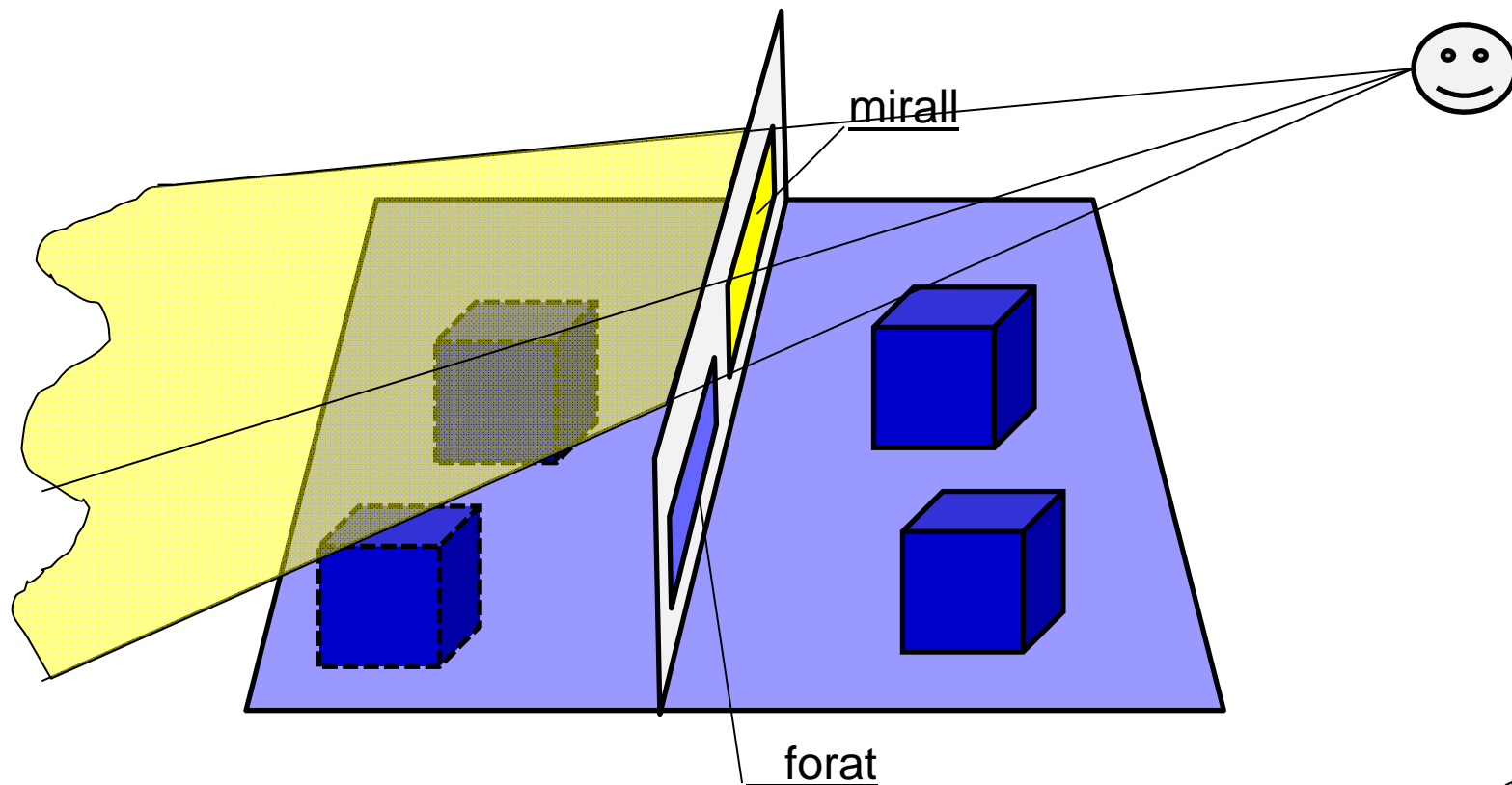
Limitacions

Assumeix que els objectes virtuals només es veuran a través del forat del mirall.



Solució 1

Dibuixar els objectes virtuals amb plans de retallat addicionals – `glClipPlane()`



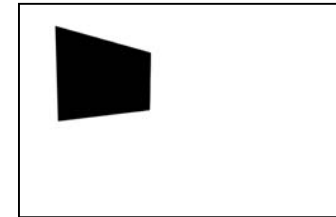


Solució 2

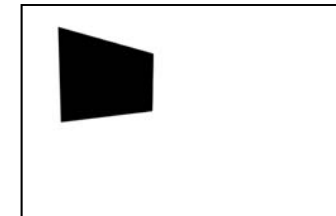
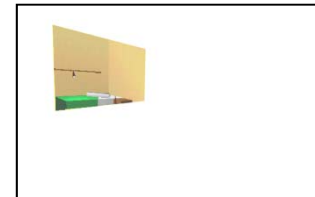
Usar stencil per limitar els objectes virtuals a la regió ocupada pel mirall.

Algorisme (versió 2)

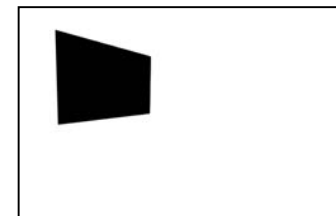
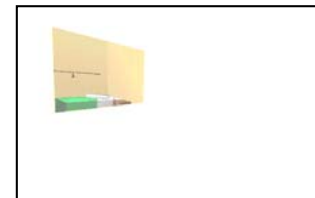
Pas 1. Dibuixar mirall al stencil buffer



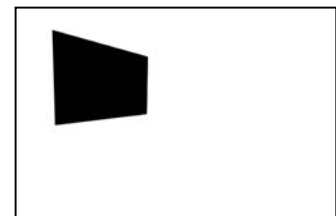
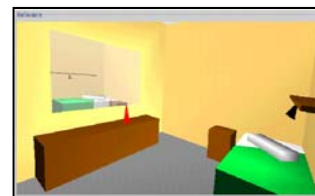
Pas 2. Dibuixar objectes en pos virtual



Pas 3. Dibuixar mirall semi-transparent



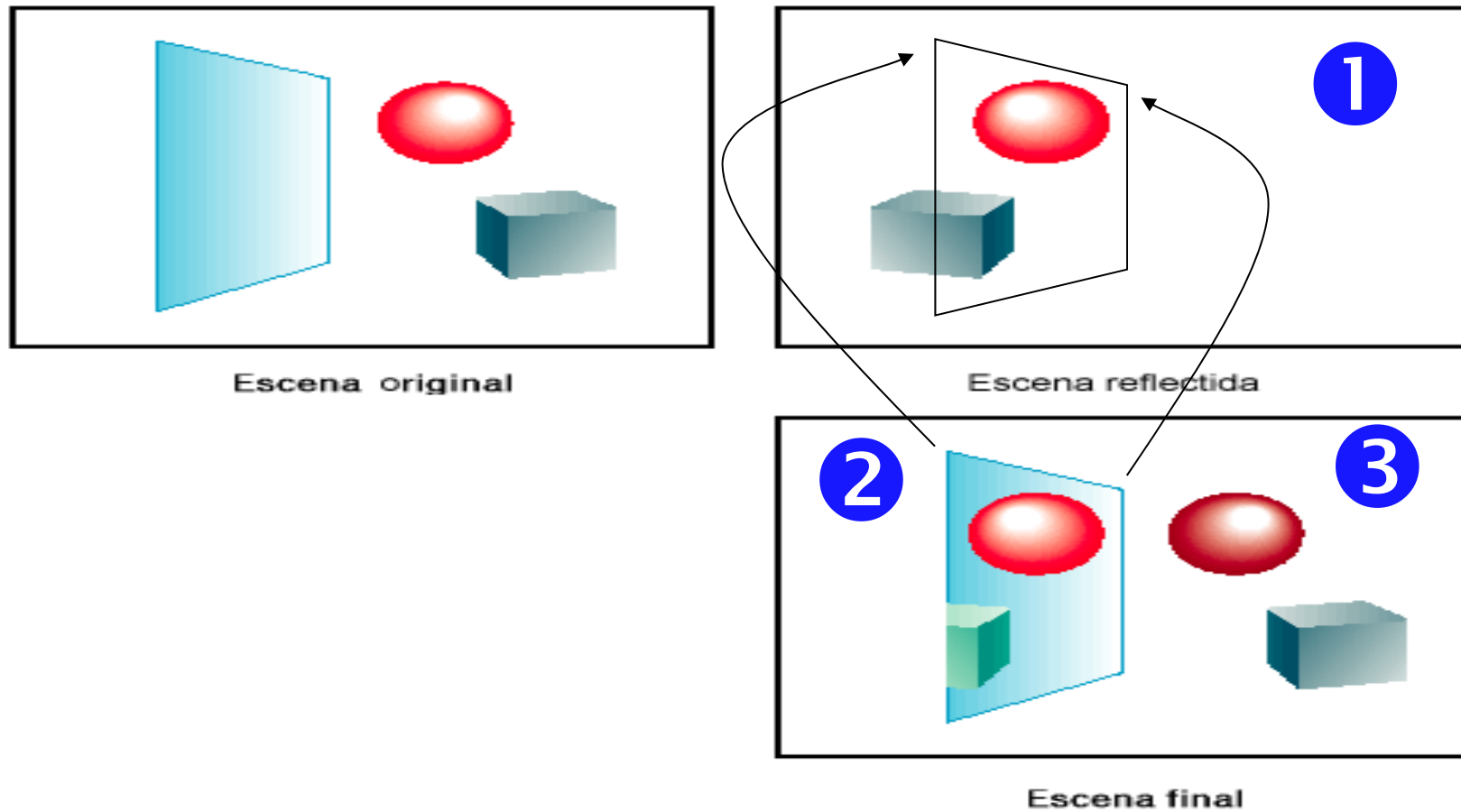
Pas 4. Dibuixar objectes en pos real





REFLEXIONS AMB TEXTURES DINÀMIQUES

Textures dinàmiques



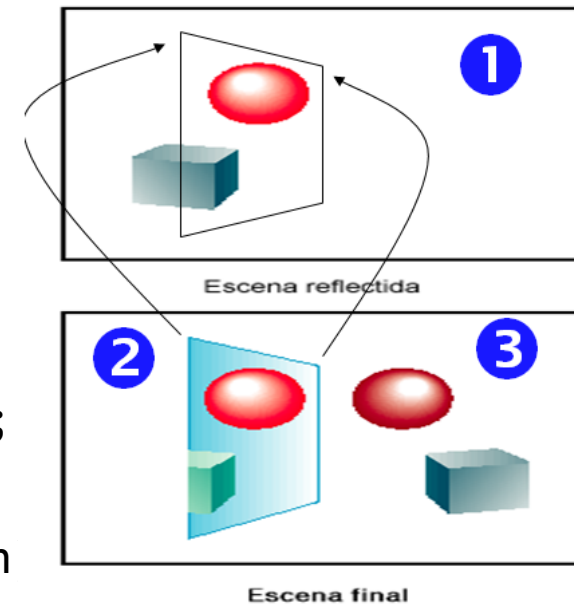
Textures dinàmiques

```
GLdouble modelview[16];  
glGetDoublev(GL_MODELVIEW_MATRIX, modelview);  
GLdouble projection[16];  
glGetDoublev(GL_PROJECTION_MATRIX, projection);  
GLint viewport[4] = {0, 0, 1, 1};  
//glGetIntegerv(GL_VIEWPORT, viewport);
```

```
GLdouble s,t,r;  
gluProject(x, y, z, modelview, projection, viewport, &s, &t, &r);
```

Model space

Window space





MATRIU DE REFLEXIÓ



Matriu de reflexió

Matriu de reflexió respecte un pla (a,b,c,d):

$$\begin{bmatrix} 1-2a^2 & -2ba & -2ca & -2da \\ -2ba & 1-2b^2 & -2cb & -2db \\ -2ca & -2cb & 1-2c^2 & -2dc \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$



ENVIRONMENT MAPPING

Environment map

Funció (o textura) que, donada una direcció arbitrària R ,
ens retorna el color de l'entorn en direcció R

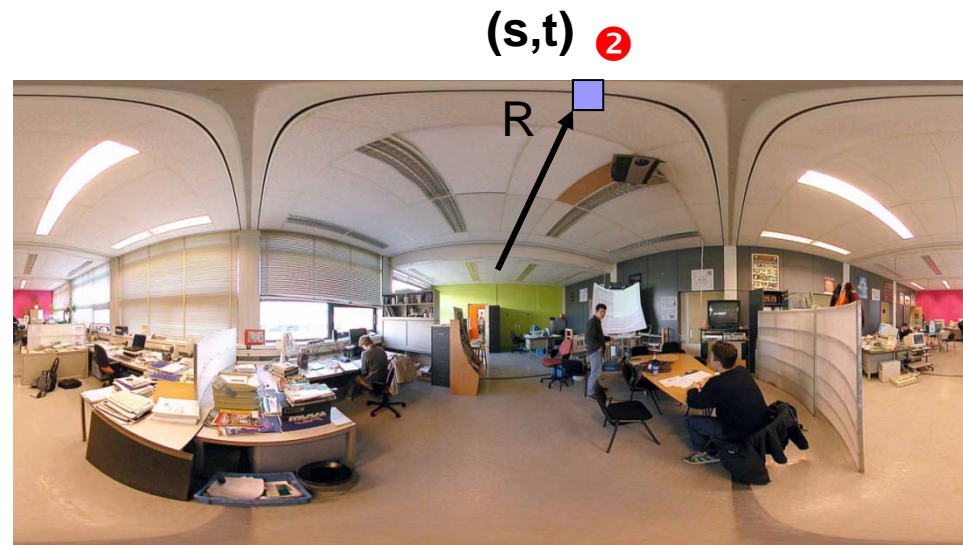
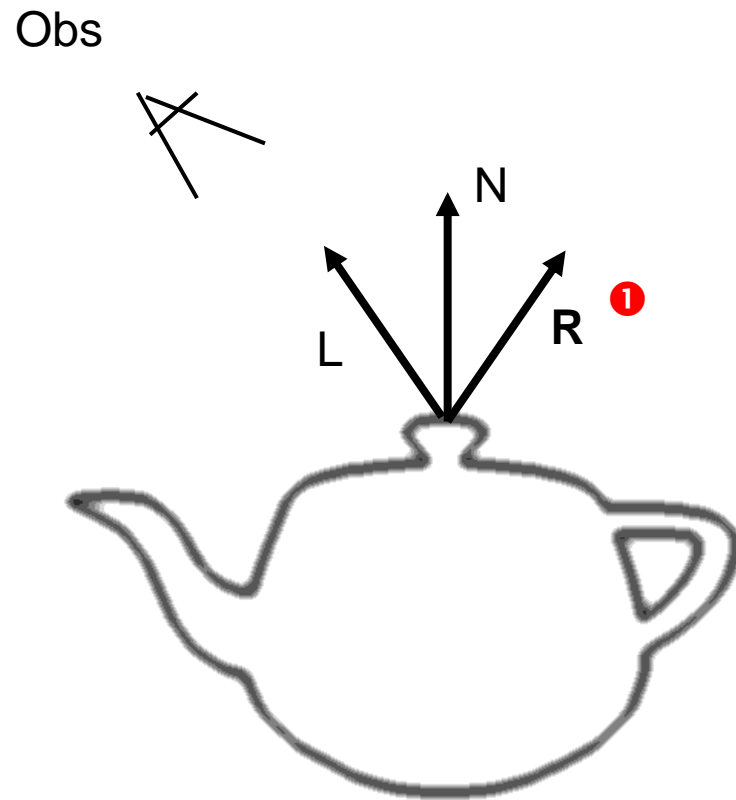
$\text{color} = \text{environmentMap}(R)$



Representació com a textura



Coords de textura d'un vèrtex



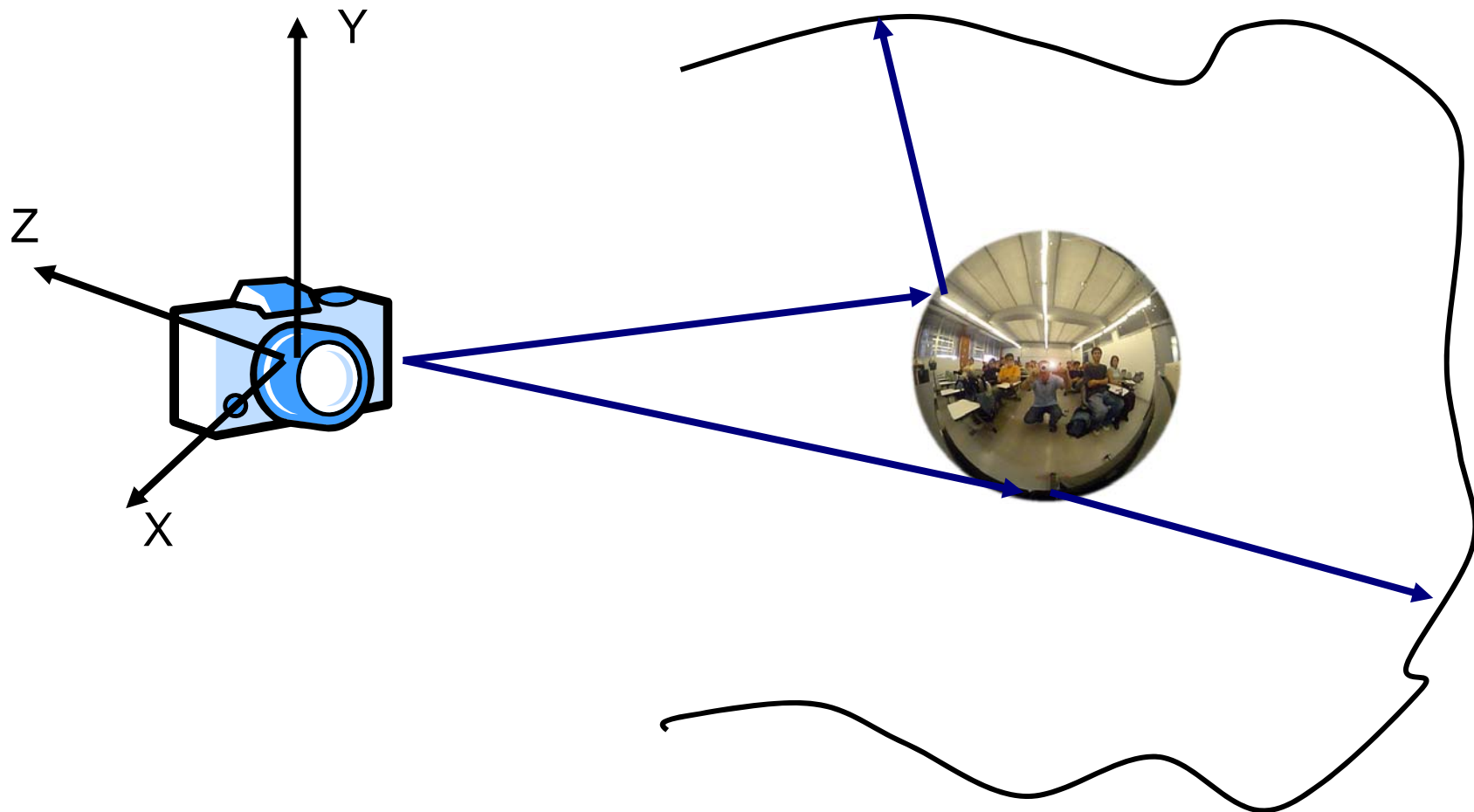


SPHERE MAPPING

Sphere map



Construcció de sphere maps



Exemple sphere map

Sense retallar

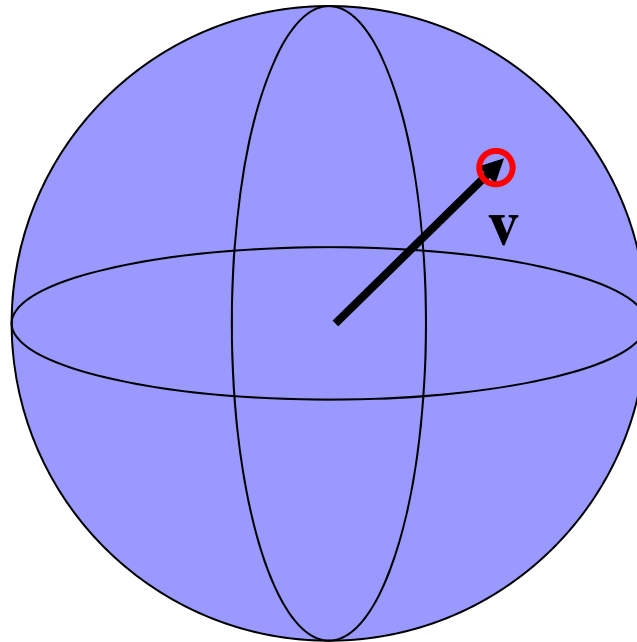


Retallat

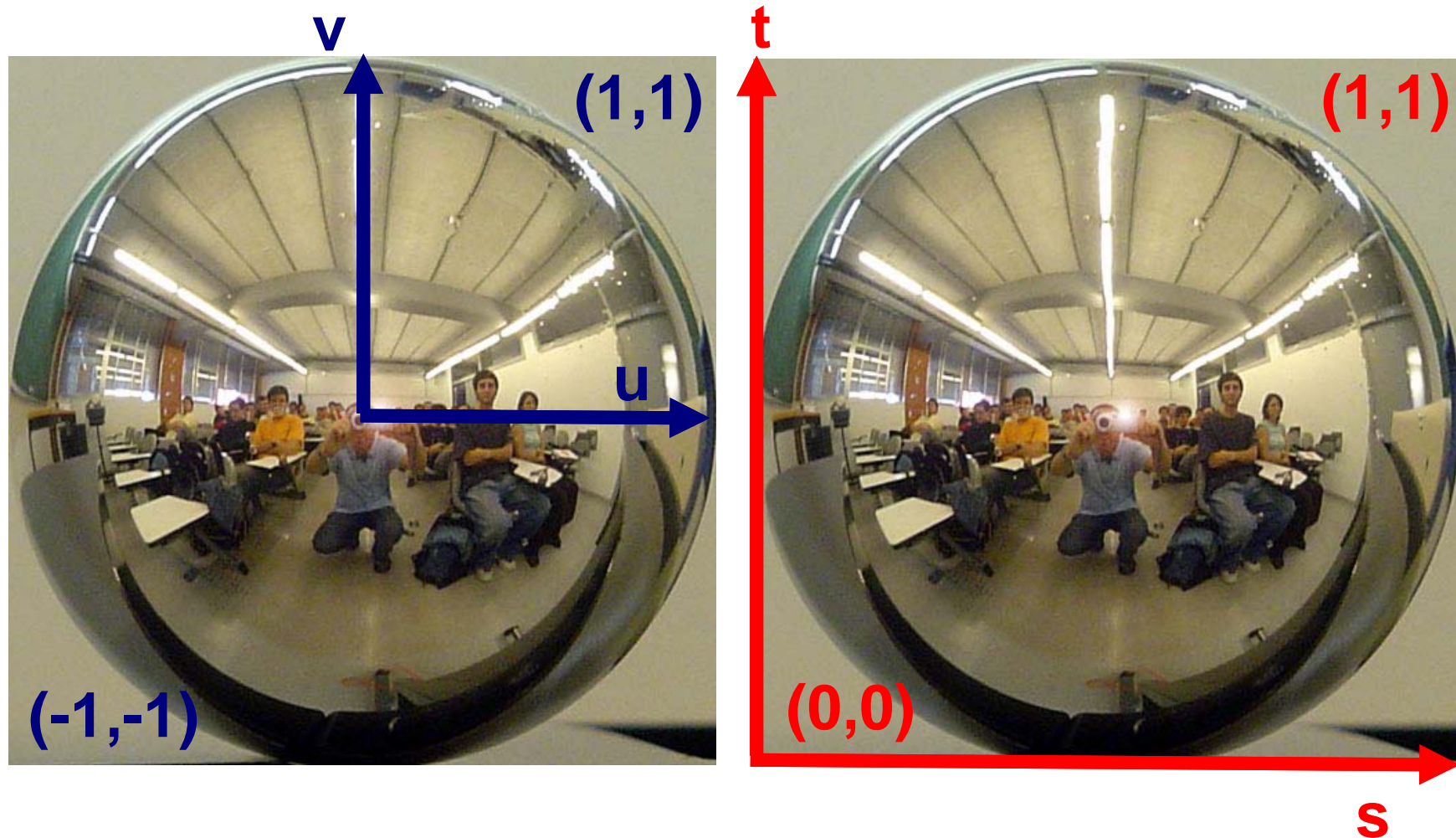


Propietats

- De la textura només se n'aprofita el cercle inscrit
- Conté informació de aproximadament tot l'entorn (totes direccions)
- Distorsió considerable a prop de la vora del cercle

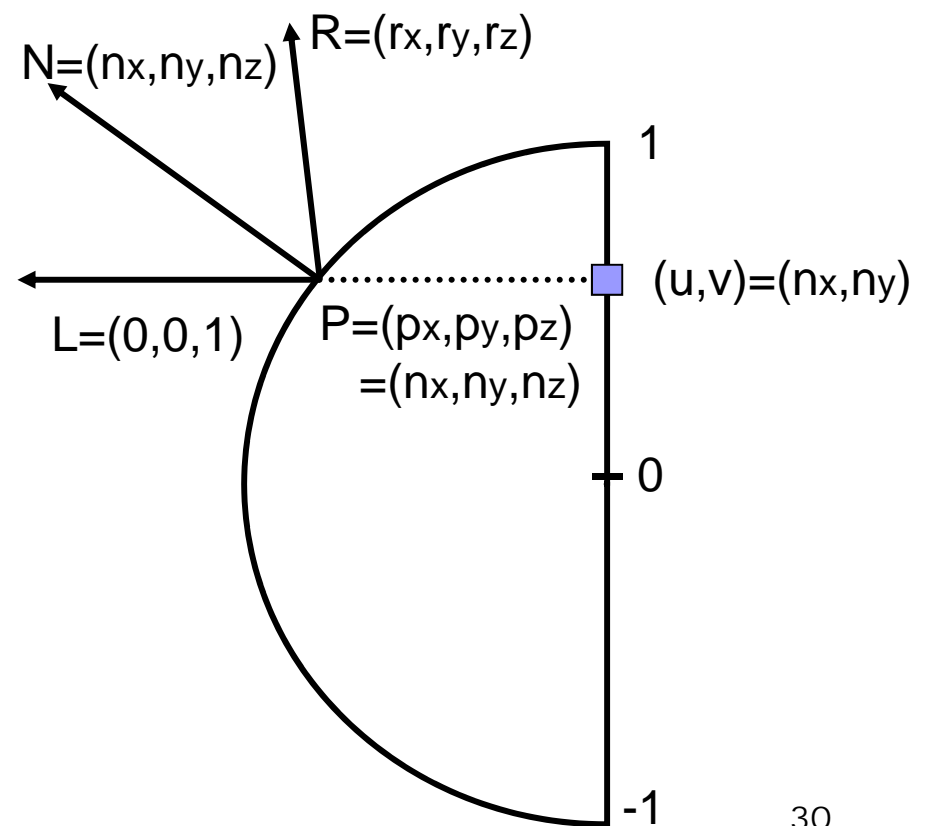


Coordenades $(u,v) \leftrightarrow (s,t)$

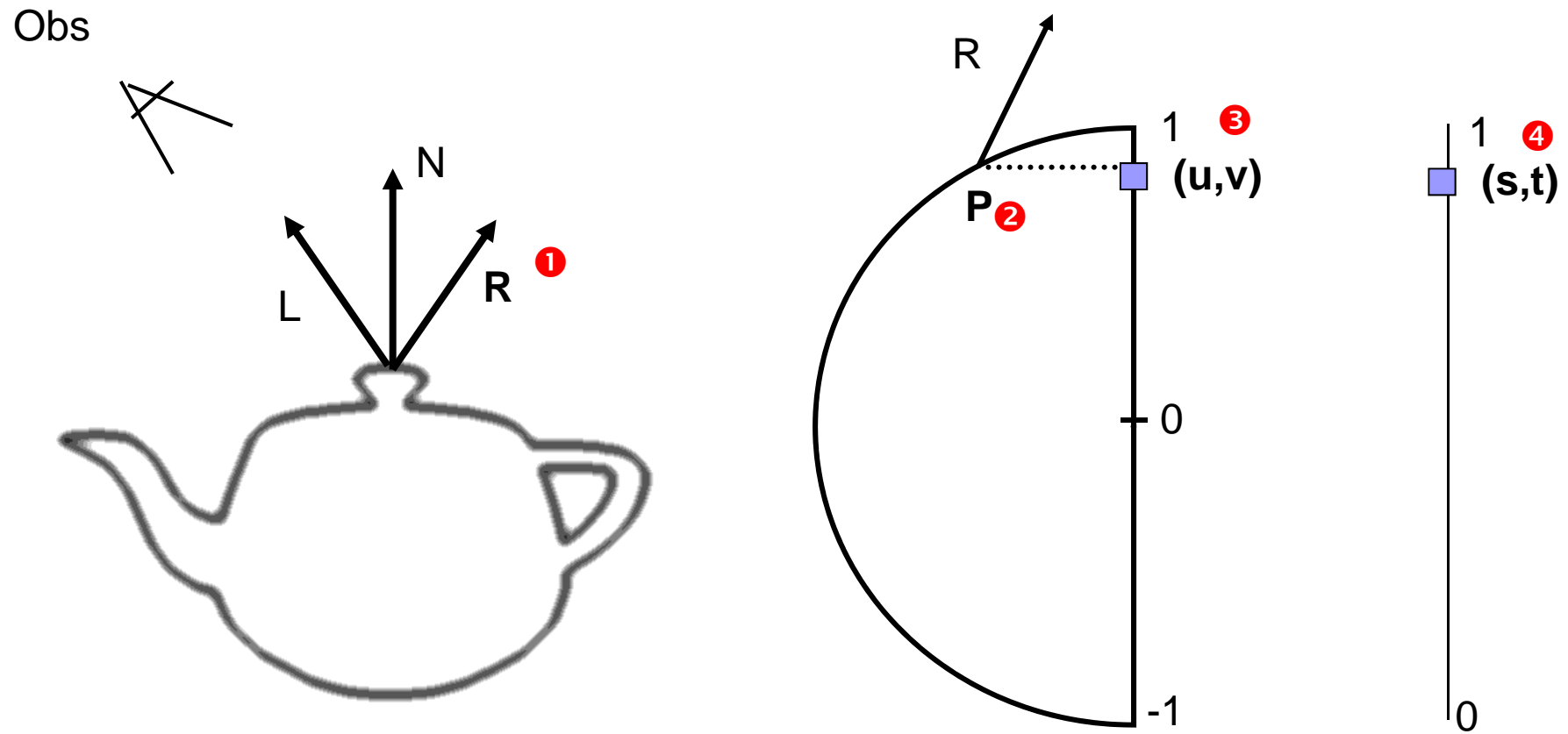


Relació entre vector R i (u,v)

$$R = (2n_z n_x, 2n_z n_y, 2n_z^2 - 1)$$



Càlcul coords de textura



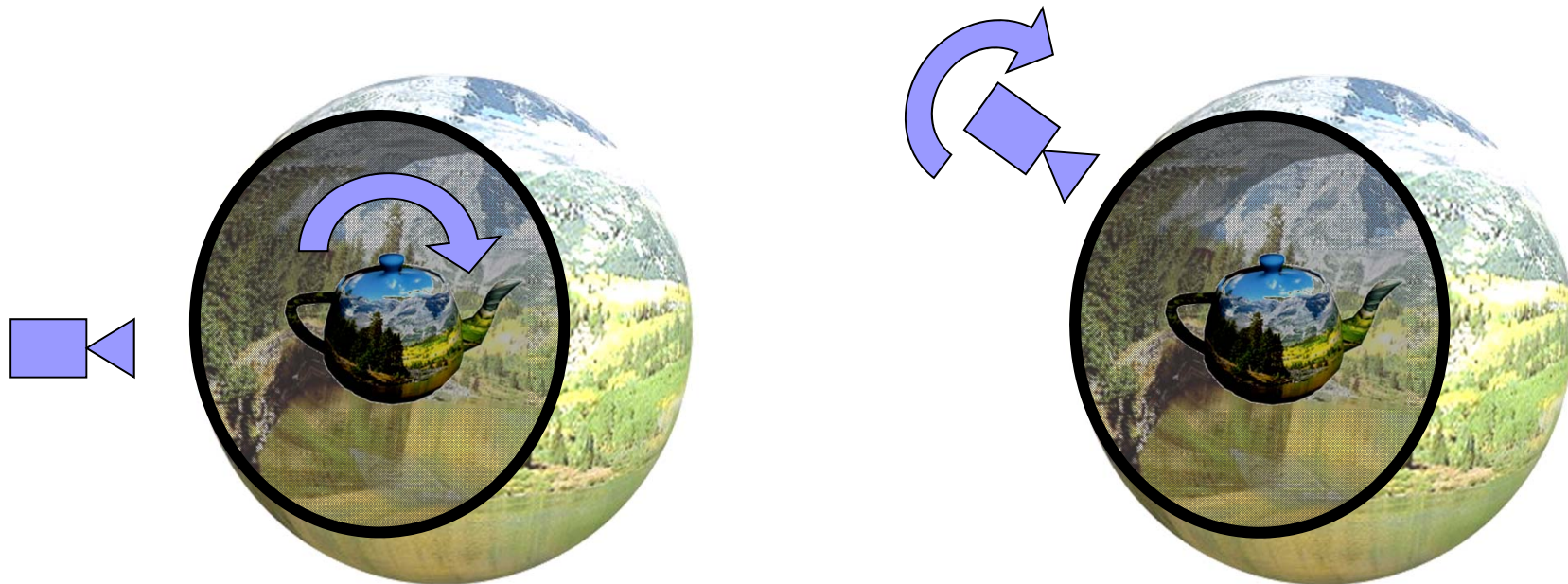


Càlcul del color donat R

```
vec4 sampleSphereMap(sampler2D sampler, vec3 R)
{
    float z = sqrt((R.z+1.0)/2.0);
    vec2 st=vec2((R.x/(2.0*z)+1.0)/2.0,(R.y/(2.0*z)+1.0)/2.0);
    return texture2D(sampler, st);
}
```


Eye/world coordinates

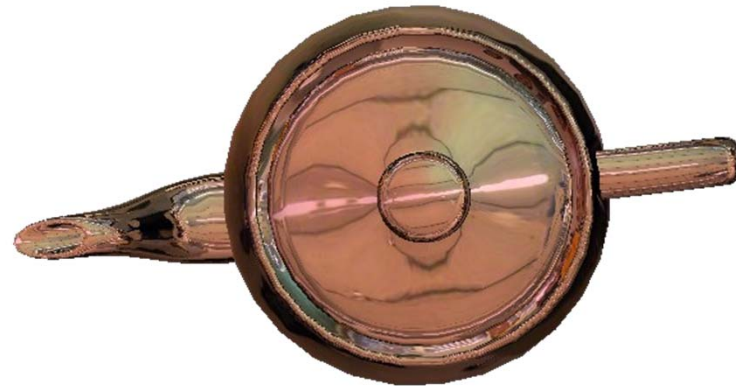
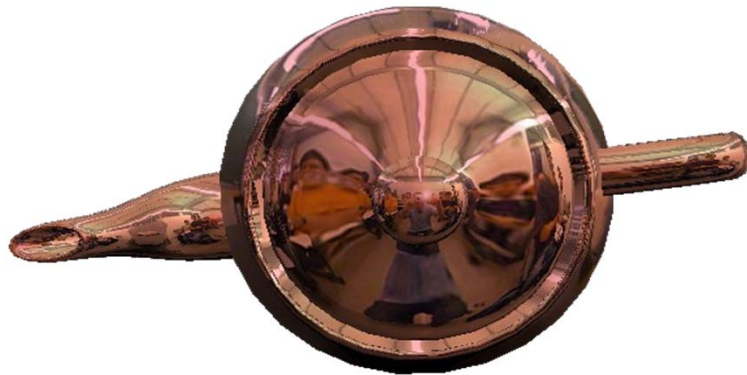
- Càlcul amb vèrtex, normal en eye coords
 - El entorn serà estàtic respecte la càmera
 - L'objecte sempre reflecteix "la mateixa part" de l'entorn
- Càlcul amb vèrtex, normal en world coords
 - El entorn serà dinàmic respecte la càmera
 - L'objecte reflecteix diferents parts de l'entorn



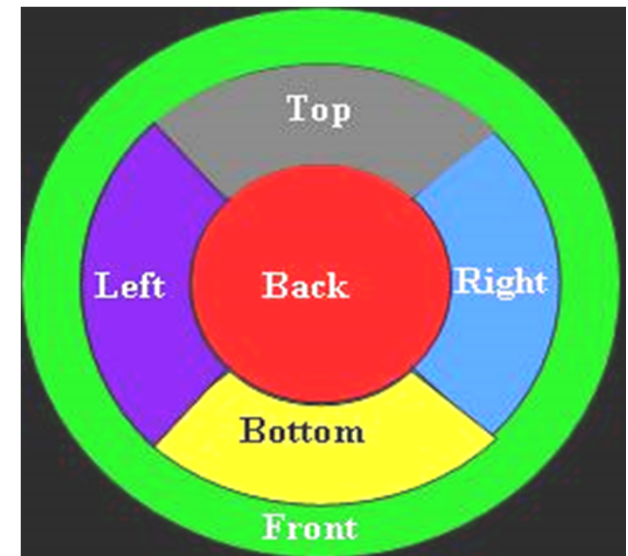
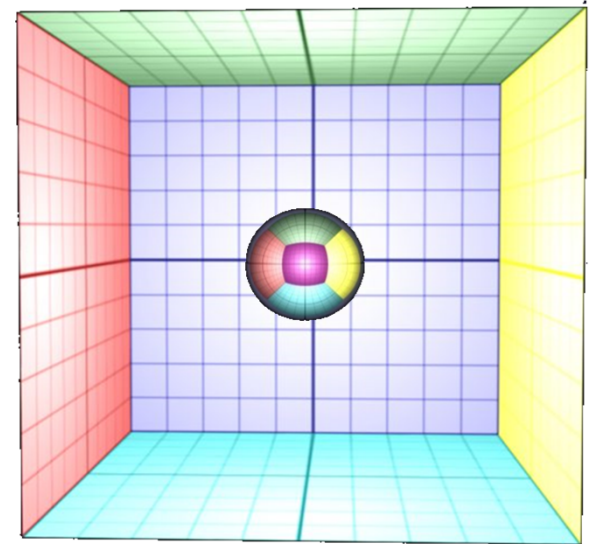
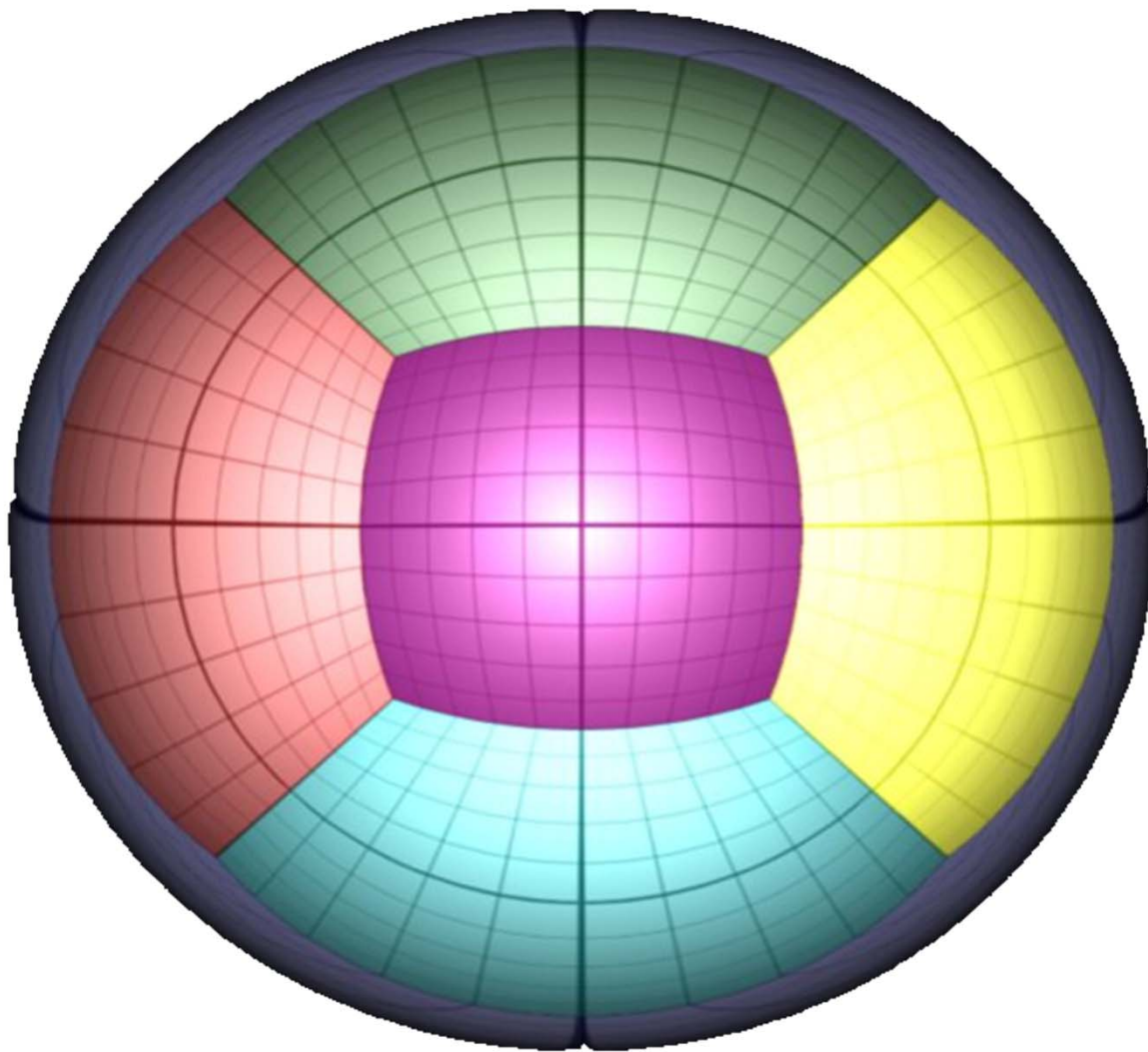
Eye/world coordinates



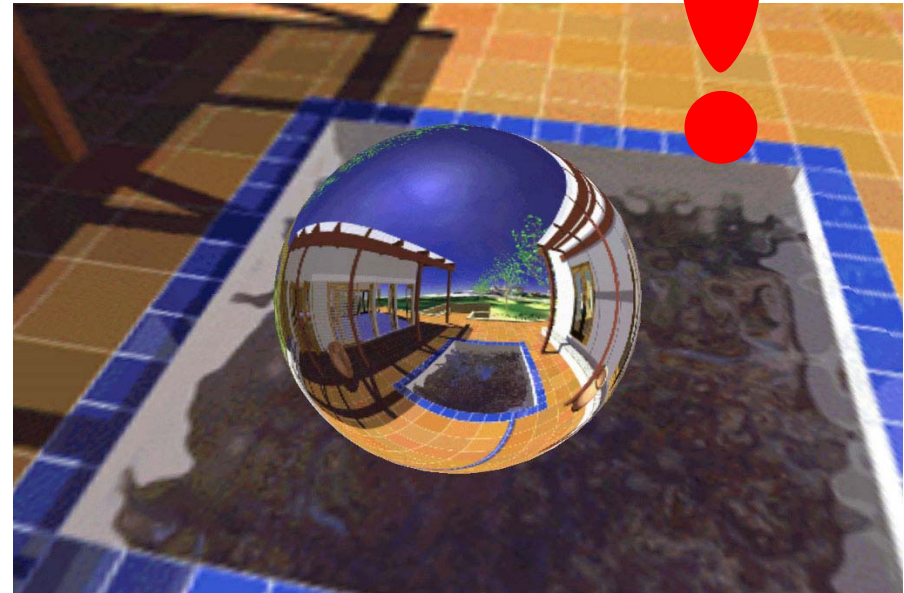
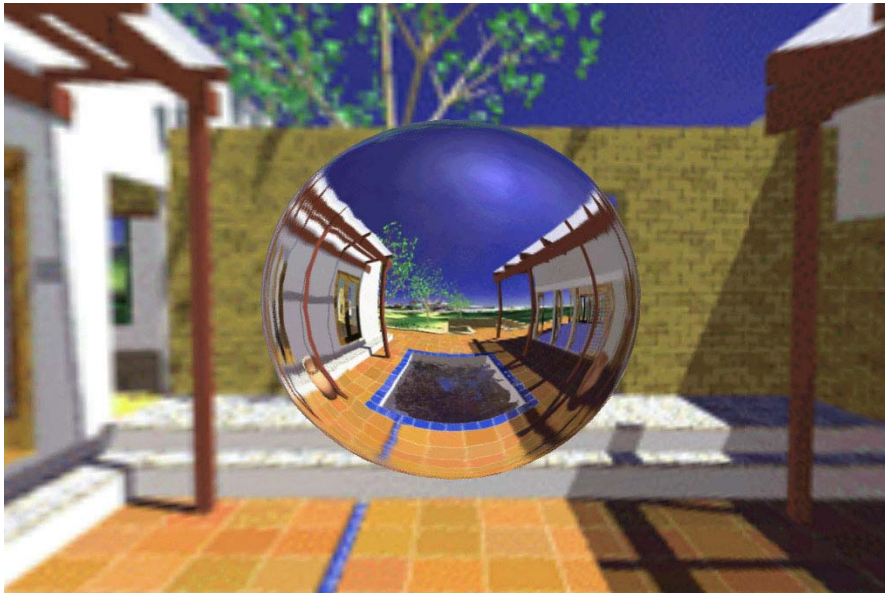
Eye/world coordinates



Sphere mapping: distorsió



Limitations sphere mapping

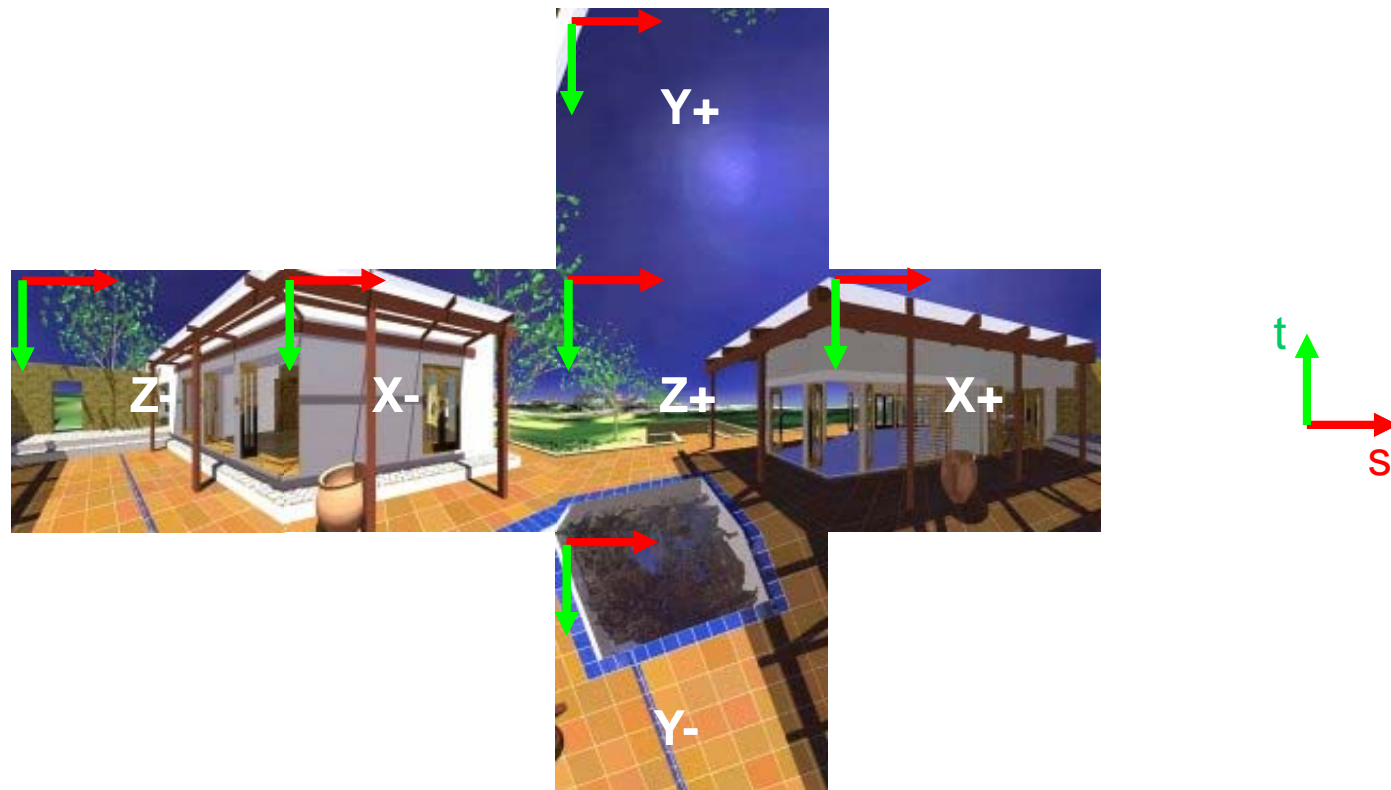




CUBE MAPPING

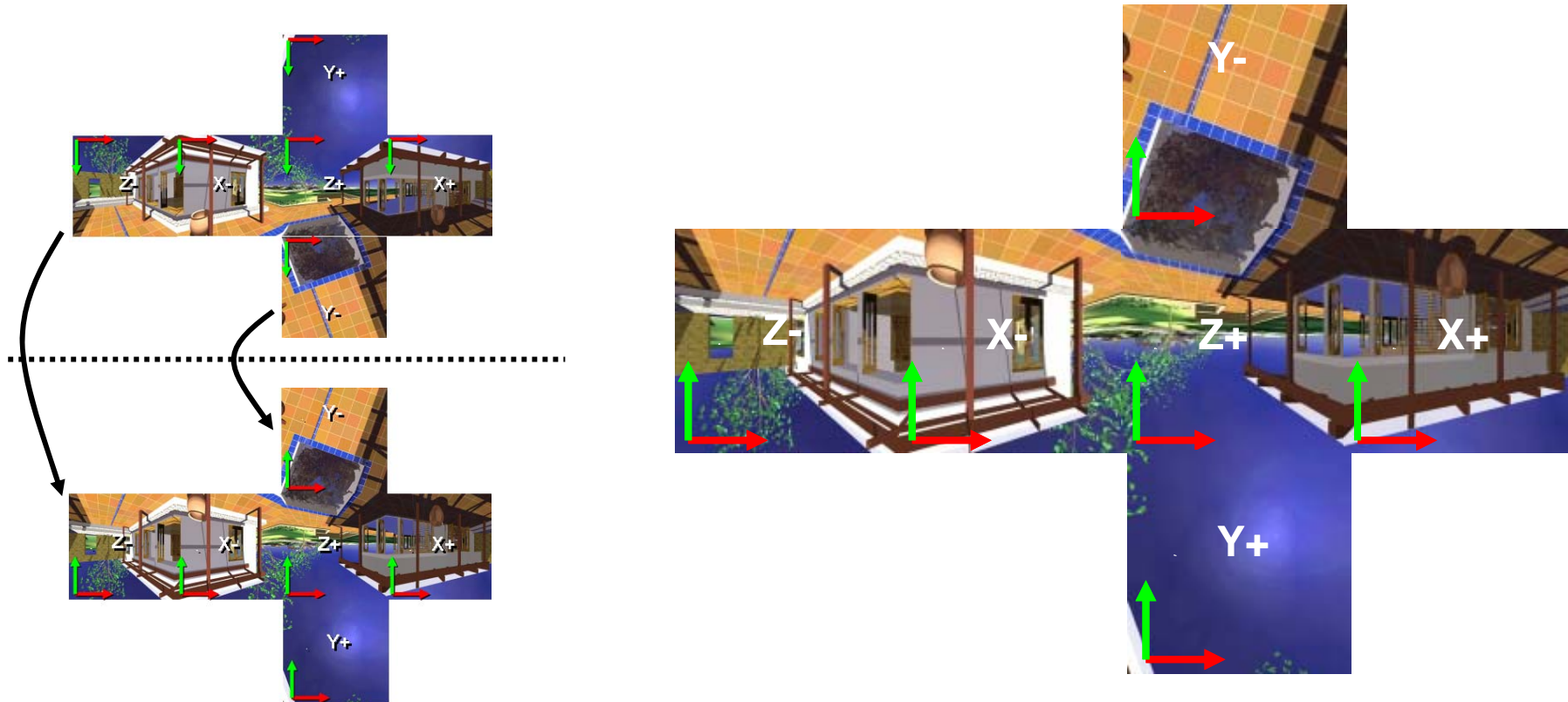
Cube mapping: orientació textures

Així estan orientats els eixos (s,t) respecte cada imatge:

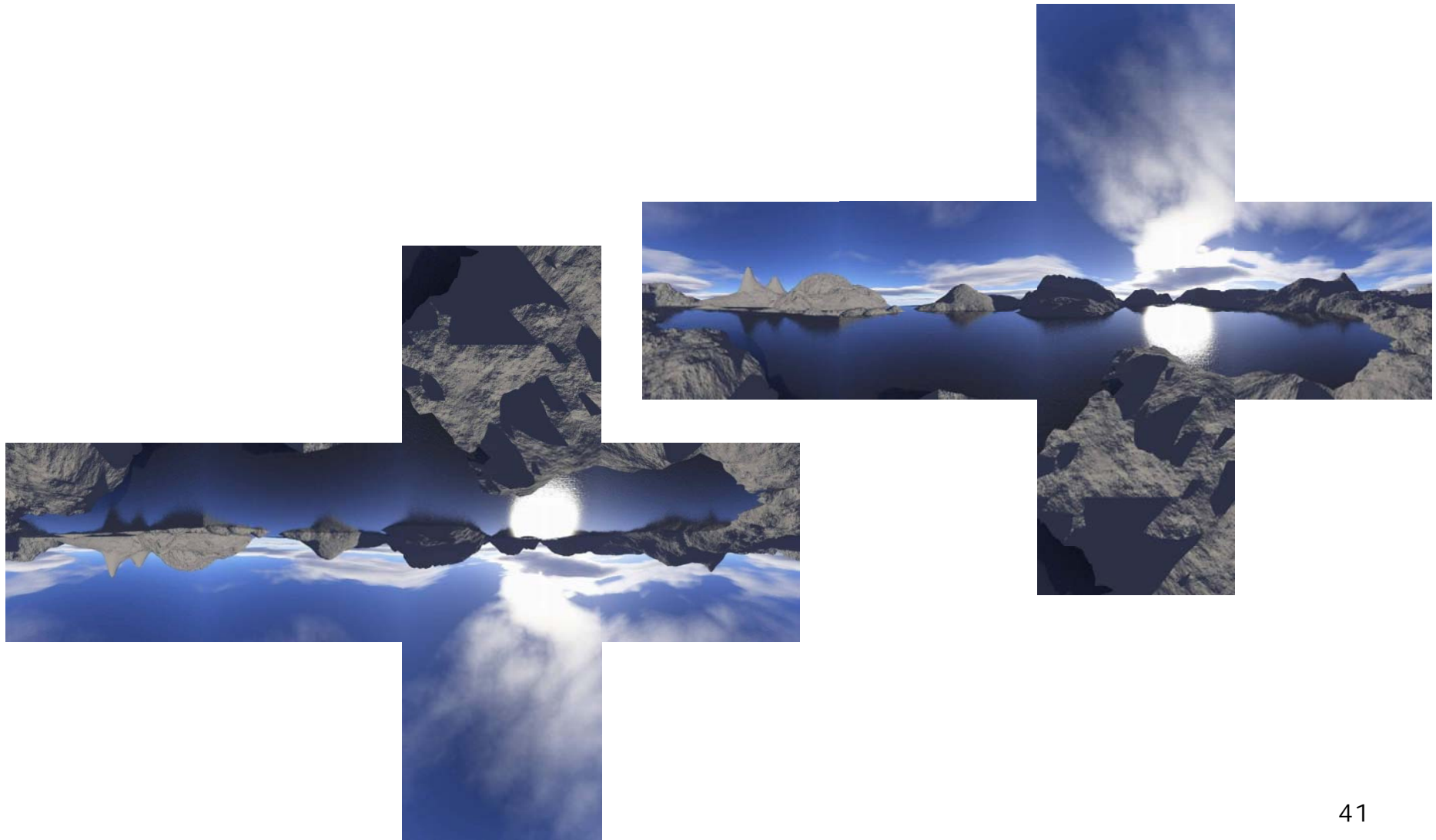


Cube mapping: orientació textures

- Per tant aquestes són les sis textures que cal definir (origen de les coords (s,t) al pixel inferior esquerra):



Cube mapping: orientació textures



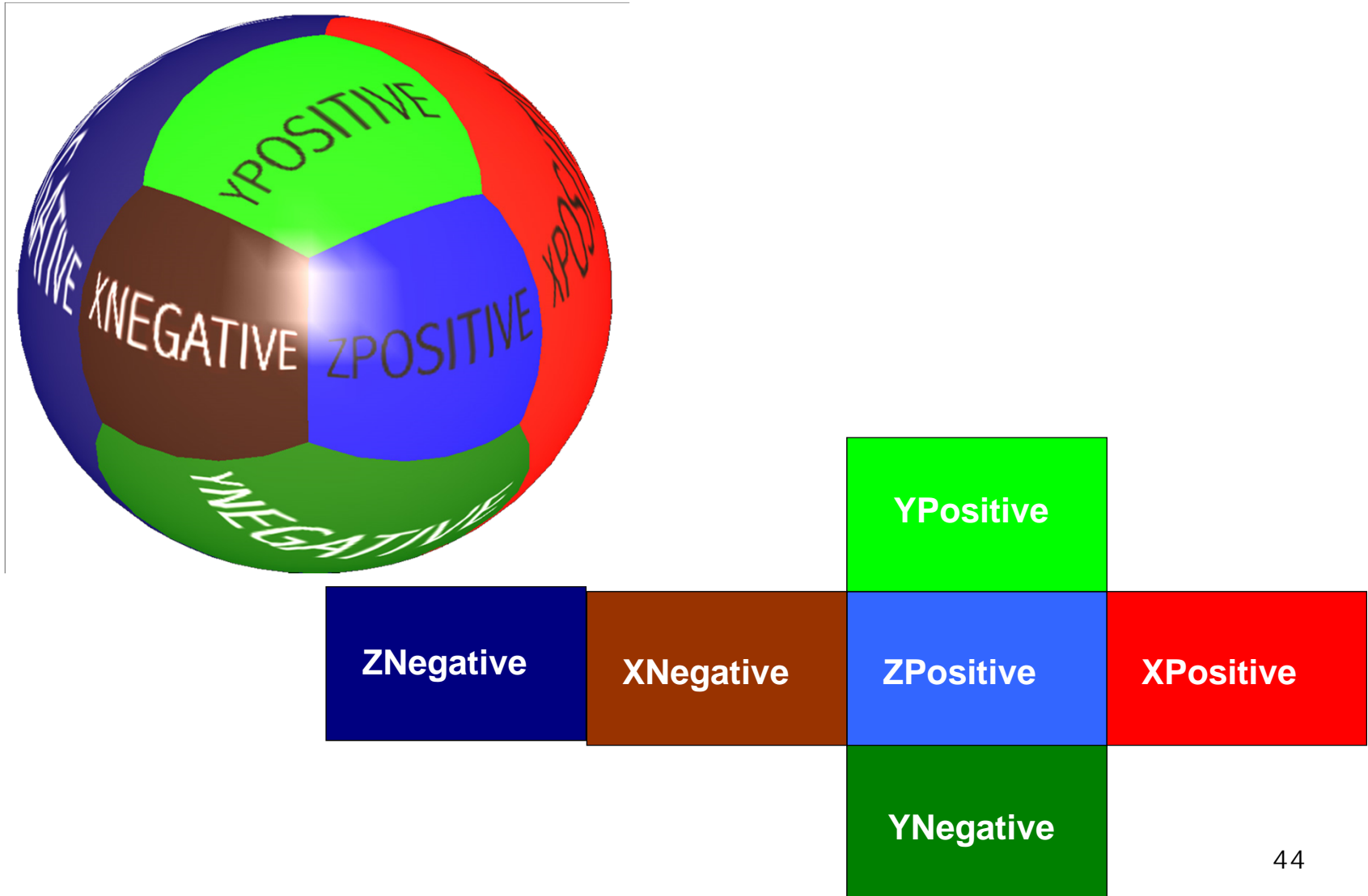
Cube mapping: orientació textures



Cube mapping: exemple



Cube mapping: exemple





Cube mapping: Pas $R \rightarrow (s,t)$

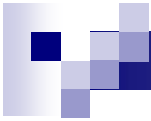
dir	target	a	b	max
<hr/>				
+rx	POSITIVE_X	-rz	-ry	rx
-rx	NEGATIVE_X	+rz	-ry	rx
+ry	POSITIVE_Y	+rx	+rz	ry
-ry	NEGATIVE_Y	+rx	-rz	ry
+rz	POSITIVE_Z	+rx	-ry	rz
-rz	NEGATIVE_Z	-rx	-ry	rz

$$u = a/\max$$

$$v = b/\max$$

$$s = (u+1)/2$$

$$t = (v+1)/2$$



Cube mapping: exemple

// 1. Creació de les sis textures

```
glTexImage2D(GL_TEXTURE_CUBE_MAP_POSITIVE_X_EXT, ...);  
glTexImage2D(GL_TEXTURE_CUBE_MAP_NEGATIVE_X_EXT, ...);  
glTexImage2D(GL_TEXTURE_CUBE_MAP_POSITIVE_Y_EXT, ...);  
glTexImage2D(GL_TEXTURE_CUBE_MAP_NEGATIVE_Y_EXT, ...);  
glTexImage2D(GL_TEXTURE_CUBE_MAP_POSITIVE_Z_EXT, ...);  
glTexImage2D(GL_TEXTURE_CUBE_MAP_NEGATIVE_Z_EXT, ...);
```



Cube mapping: exemple

// 1. Creació de les sis textures

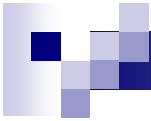
```
glTexImage2D(GL_TEXTURE_CUBE_MAP_POSITIVE_X_EXT, ...);  
glTexImage2D(GL_TEXTURE_CUBE_MAP_NEGATIVE_X_EXT, ...);  
...
```

// 2. Activació Cube mapping

```
glEnable(GL_TEXTURE_CUBE_MAP_EXT);
```

// 3. Generació de coordenades de textura

```
glTexGenfv(GL_S, GL_TEXTURE_GEN_MODE, GL_REFLECTION_MAP_EXT);  
glTexGenfv(GL_T, GL_TEXTURE_GEN_MODE, GL_REFLECTION_MAP_EXT);  
glTexGenfv(GL_R, GL_TEXTURE_GEN_MODE, GL_REFLECTION_MAP_EXT);  
glEnable(GL_TEXTURE_GEN_S);  
glEnable(GL_TEXTURE_GEN_T);  
glEnable(GL_TEXTURE_GEN_R);
```



Cube mapping: GLSL

```
uniform sampler2D sampler;  
...  
vec2 st = gl_TexCoord[0].st;  
vec4 color = texture2D(sampler, st);
```

```
uniform samplerCube samplerC;  
...  
vec3 R;  
...  
vec4 color = textureCube(samplerC, R);
```