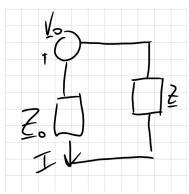
Teorema di Tellegen (01/06/2022)

Si consideri una rete elettrica con l tensioni di lato ed l correnti di lato che soddisfino le $\underline{\operatorname{leggi}}$ di Kirchhoff. Si ha che $\underline{\sum}_{k=1}^l v_k i_k = 0$ Se \underline{v} e \underline{i} rappresentano le tensioni e le corrispondenti correnti di lato in uno stesso istante, si ha che il teorema di Tellegen si riduce al principio $\underline{\operatorname{di}}$ conservazione delle $\underline{\operatorname{potenze}}$ istantanee. È possibile esprimere la potenza $\underline{\operatorname{erogata}}$ dai bipoli attivi come $\underline{\sum}_{h=1}^M P_h$ dove M è il numero di componenti che rispettano la convenzione $\underline{\operatorname{del}}$ generatore, e la potenza $\underline{\operatorname{assorbita}}$ dai bipoli passivi come $\underline{\sum}_{j=1}^N P_j$ dove N è il numero di componenti che rispettano la convenzione $\underline{\operatorname{dell'}}$ $\underline{\operatorname{utilizzatore}}$. In questo caso il teorema di Tellegen afferma che la $\underline{\operatorname{sommatoria}}$ delle potenze elettriche generate dai bipoli attivi è pari a quella delle potenze elettriche $\underline{\operatorname{assorbite}}$ dai bipoli passivi come descritto da $\underline{\sum}_{h=1}^M P_h = \underline{\sum}_{j=1}^N P_j$.

Teorema del massimo trasferimento di potenza attiva su un bipolo (11/06/2022)



È data una sorgente di alimentazione sinusoidale (bipolo) e si vuole determinare qual è il valore dell'impedenza $\overline{Z}=R+jX$ di carico tale da estrarre la massima potenza attiva dalla sorgente. La potenza attiva <u>assorbita</u> dall'impedenza di carico \overline{Z} può essere espressa nella forma $\underline{P}=RI^2$. Si rappresenta la sorgente con un bipolo Thevenin.

N.B.
$$(\overline{V}_0, \overline{Z}_0 = R_0 + jX_0)$$
.

Il quadrato del valore efficacie della corrente che circola nell'impedenza vale $I^2 = \frac{V_0^2}{(R+R_0)^2+(\pm X\pm X_0)^2}$. La corrente, e quindi la potenza attiva, può essere dapprima massimizzata minimizzando la reattanza complessiva, ovvero quando $\underline{X=-X_0}$. La potenza attiva assorbita dall'impedenza risulta quindi $P=\frac{RV_0^2}{(R+R_0)^2}$. La massimizzazione complessiva può essere ottenuta applicando il teorema di trasferimento della massima potenza valido per una rete algebrica. Il valore della resistenza R risulta quindi $R=R_0$. Si ha pertanto che il valore dell'impedenza \overline{Z} tale da estrarre la massima potenza risulta $\overline{Z}=\overline{Z}_0^*$.

Circuiti dinamici del secondo ordine (05/07/2022)

Sia dato un circuito dinamico del secondo ordine. Per determinare la soluzione associata all'equazione omogenea si introduce <u>il polinomio caratteristico</u> dell'equazione <u>differenziale</u> di <u>secondo</u> grado. Si distinguono tre casi caratterizzati da valore positivo negativo o nullo del <u>discriminante</u> $\Delta = \alpha^2 - \omega_0^2$ dove α è il <u>coefficiente di smorzamento</u> e ω_0 è <u>la pulsazione di risonanza</u>.

Se $\Delta > 0$ avremo due soluzioni <u>reali distinte</u> e il circuito si dice <u>sovrasmorzato</u>. Se $\Delta < 0$ avremo

due soluzioni <u>complesse coniugate</u> ed il circuito si dice <u>sottosmorzato</u>. Infine se $\Delta=0$ avremo due soluzioni <u>reali coincidenti</u> ed il circuito si dice <u>criticamente smorzato</u>.

Dato un circuito RLC serie α è pari a $\frac{R}{2L}$ e ω_0 è uguale a $\frac{1}{LC}.$

Il trasformatore (09/09/2022)

Il trasformatore è costituito da un nucleo di materiale ferromagnetico su cui sono avvolti due avvolgimenti: il primario, costituito da n_1 spire ed il secondario, costituito da n_2 spire. Quando il primario è alimentato con una tensione v_1 ("tensione primaria"), alternata, ai capi dell'avvolgimento secondario si manifesta una tensione v_2 ("tensione secondaria"), isofrequenziale con la tensione primaria. La tensione v_2 è generata da una fem trasformatorica.

Se il secondario è chiuso su di un carico elettrico, il primario $\underline{\text{eroga}}$ la corrente i_1 ("corrente primaria"), ed il secondario $\underline{\text{assorbe}}$ la corrente i_2 (corrente secondaria), entrambe le correnti sono alternate, $\underline{\text{isofre-quenziali}}$ con le tensioni.

Mediante il trasformatore è quindi possibile trasferire potenza elettrica dall'avvolgimento primario a quello secondario, senza fare ricorso ad alcun collegamento <u>elettrico</u> tra i due avvolgimenti; il trasferimento di potenza avviene invece attraverso <u>il campo magnetico</u> che è presente principalmente nel nucleo del trasformatore e che è in grado di scambiare energia con entrambi i circuiti.

Facendo riferimento ai versi positivi per le correnti e per i flussi mostrati nella figura di sopra, il flusso totale concatenato con l'avvolgimento 1 (φ_{c_1}) ed il flusso totale concatenato con l'avvolgimento 2 (φ_{c_2}) risultano rispettivamente $\varphi_{c_1}=n_1\varphi+\varphi_{d_1}$ e $\varphi_{c_2}=-n_2\varphi+\varphi_{d_2}$ dove φ è il <u>flusso "principale" mentre φ_{d_1} e φ_{d_2} e sono flussi "dispersi" concatenati rispettivamente con l'intero avvolgimento 1 e con l'intero avvolgimento 2.</u>

Tenendo in considerazione la <u>caduta di tensione ohmica</u>, sugli avvolgimenti si ha che la tensione ai capi del primario e quella ai capi del secondario sono rispettivamente pari a $\underline{v_1(t) = \frac{d\varphi_{c_1}}{dt} + R_1i_1 = n_1\frac{d\varphi}{dt} + \frac{d\varphi_{d_1}}{dt} + R_1i_1} \text{ e } \underline{v_2(t) = -\frac{d\varphi_{c_2}}{dt} - R_2i_2 = n_2\frac{d\varphi}{dt} - \frac{d\varphi_{d_2}}{dt} - R_2i_2}.$

Rifasamento in monofase (22/07/2022)

Dato un sistema monofase alimentato da un generatore e(t) e collegato ad un utilizzatore avente impedenza \overline{Z}_U (carico elettrico normalmente di tipo induttivo con $\overline{I}_L = \overline{I}_U$), la linea può essere schematizzata tramite un'impedenza $\overline{Z}_L = R_L + j\omega L$. A causa della caduta di tensione su tale impedenza la tensione sul carico non è uguale a quella generata ma varia in funzione del carico stesso.

Alla resistenza di linea è associata una potenza elettrica dissipata per effetto joule pari a $\underline{P_d} = R_L I_L^2$. Applicando la <u>legge di Kirchhoff delle tensioni</u>, la tensione applicata ai capi del carico risulta essere $\overline{V} = \overline{E} - \overline{Z}_L \overline{I}_L$. La potenza attiva assorbita dal carico viene definita come $\underline{P} = V I_L \cos(\varphi)$, di conseguenza la corrente di linea viene espressa come $\underline{I_L} = \frac{P}{V\cos(\varphi)}$. Tale corrente può essere ridotta aumentando la tensione sul carico, riducendo la potenza attiva assorbita dal carico o <u>aumentando</u> il $\underline{\cos(\varphi)}$, ovvero riducendo l'angolo di sfasamento tra tensione e corrente. Questo fa sì che corrente tensione relativi al carico siano maggiormente in <u>fase</u>.

Per ridurre lo sfasamento è possibile introdurre un <u>condensatore</u> in <u>parallelo</u> al carico. La potenza <u>reattiva</u> iniettata è di segno <u>negativo</u>, portando di conseguenza a diminuire la potenza <u>apparente</u> del

generatore. La corrente di linea risulta quindi pari a $\overline{I}'_L = \overline{I}_U + \overline{I}_C$ di modulo <u>inferiore</u> rispetto al caso privo di rifasamento.