

第二章-计算机中数的表示方法

(一)带符号数的表示方法

1. 原码表示法

直接表示为符号位+数值部分即可。如为负数，符号位为 1。如：

$$X = +1101; X[\text{原}] = 01101$$

$$X = -1101; X[\text{补}] = 10011$$

$$X = +0.1101; X[\text{原}] = 0.1101$$

$$X = -0.1101; X[\text{原}] = 1.1101$$

2. 补码表示法

正数表示与原码完全一致，表示负数时，若为整数，取反加 1；若为纯小数，为 $2 - |X|$ 。

$$X = +1101; X[\text{补}] = 01101$$

$$X = -1101; X[\text{补}] = 10011$$

$$X = +0.1101; X[\text{补}] = 0.1101$$

$$X = -0.1101; X[\text{补}] = 1.0011$$

3. 反码表示法

正数表示与原码完全一致，若为负数时，直接对 X 的相反数（一个正数）原码按位取反即可。

$$X = +1101; X[\text{反}] = 01101$$

$$X = -1101; X[\text{反}] = 10010$$

$$X = +0.1101; X[\text{反}] = 0.1101$$

$$X = -0.1101; X[\text{反}] = 1.0010$$

4. 移码表示法

就是把补码的符号位取反即可。（0 表示负，1 表示正，有利于判断两数大小）

$$X = +1101; X[\text{移}] = 11101$$

$$X = -1101; X[\text{移}] = 00011$$

$$X = +0.1101; X[\text{移}] = 1.1101$$

$$X = -0.1101; X[\text{移}] = 0.0011$$

(二)数的定点表示与浮点表示

1. 定点表示

小数点位置是固定不变的，通常把小数点固定在数值部分的最为高位之前（定点小数），或把小数点固定在数值部分的最低位之后（定点整数）。

2. 浮点表示

由 4 部分组成：数符 M_f ，阶符 E_f ，阶码 E 、尾数 M 。

一般表示为： $X = M \times 2^E$

例如：

$$X = +0.011100101 \times 2^{-101}$$

阶码 E ：-101

尾数 M ：+0.01100101

➤ 规格化浮点数

- 当浮点数的基数为 2 时，如果其尾数 M 满足：

$$\frac{1}{2} \leq |M| < 1$$

则该浮点数为规格化浮点数。

- 否则称其为非规格化浮点数。

【例题】将十进制数-54，+13/128 转换成规格化浮点数表示。其中，阶码用移码，尾数用补码。
有 1 位 M_f ，1 位 E_f ，4 位阶码，10 位尾数。

【解】(1) $M_f = 1$ ， $E_f = 1$ （移码中正数 E_f 为 1），尾数为(0.)110110 0000，阶码为 110。

故表示为 1 1 0110 1101100000。

(2) $M_f = 0$ ， $E_f = 0$ （移码中负数 E_f 为 0），直接转换为 0.0001101，故 $X = 0.1101 \times 2^{-11}$ ，故表示为 0 0 1101 1101000000。