

3.4) Calcular Polinomio de Taylor de orden n , en el punto $= 0$ (desarrollo de Maclaurin) de las siguientes funciones:

i) e^x $f'(x) = e^x$... $f^{(n)}(x) = e^x$ $f^{(n)}(0) = 1$

$$p_n^f(x) = 1 + x + \frac{x^2}{2!} + \dots + \frac{x^k}{k!} + \dots + \frac{x^n}{n!}$$

$$\text{ii) } (1+x)^\alpha \quad \alpha \in \mathbb{R}$$

$$f(x) = (1+x)^\alpha \quad f'(x) = \alpha (1+x)^{\alpha-1} \quad f''(x) = \alpha(\alpha-1) (1+x)^{\alpha-2} \quad f^{(3)}(x) = \alpha(\alpha-1)(\alpha-2) (1+x)^{\alpha-3}$$

$$f^{(n)}(x) = \frac{\alpha!}{(\alpha-n)!} (1+x)^{\alpha-n}$$

$$f^{(n)}(0) = \frac{\alpha!}{(\alpha-n)!}$$

$$P_{n,0}^f(x) = 1 + \alpha x + \frac{(\alpha)(\alpha-1)}{2} x^2 + \dots + \frac{\alpha!}{(\alpha-n)!} \cdot \frac{x^n}{n!} + \dots + \frac{\alpha!}{(\alpha-n)!} \cdot \frac{x^n}{n!}$$