

g) $A = \mathbb{R}^+ \setminus \{e\}$, $f(x) = x^{\frac{1}{\ln x - 1}}$ ($x \in A$), $\alpha = e$.

h) $= \mathbb{R}^+$, $f(x) = \frac{e - (1+x)^{\frac{1}{x}}}{x}$ ($x \in A$), $\alpha = 0$.

g) $f(\alpha) \rightarrow$ para estudiar el comportamiento de la función debemos observar como se comportan los límites laterales en el

punto donde $f(x)$ $\alpha = e$ $\lim_{x \rightarrow e^-} x^{\frac{1}{\ln x - 1}}$ y $\lim_{x \rightarrow e^+} x^{\frac{1}{\ln x}}$

$$\lim_{x \rightarrow e^-} (e^-)^{\frac{1}{1^- - 1}} = (e^-)^{\frac{1}{0^-}} = (e^-)^{-\infty} = \frac{1}{(e^-)^{\infty}} = \frac{1}{\infty} = 0$$

$$\lim_{x \rightarrow e^+} (e^+)^{\frac{1}{1^+ - 1}} = (e^+)^{\frac{1}{0^+}} = (e^+)^{+\infty} = +\infty$$

\swarrow sabemos como se comporta en los laterales de $\alpha = e$

h) $f(\alpha) \rightarrow$ hay que estudiar los límites laterales, sin embargo; $0 \notin A$; calculamos $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{e - (1+x)^{\frac{1}{x}}}{x}$

\rightarrow indet: Crit. equiv. logarítmica

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{e - (1+x)^{\frac{1}{x}}}{0^+} = \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{e - e^L}{0^+} = \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{e - e}{0^+} = \frac{0}{0}$$

$x_n y_n = e^L \Leftrightarrow \lim_{n \rightarrow \infty} \{y_n(x_n - 1)\} = L$

$\lim_{x \rightarrow 0^+} \left\{ \frac{1}{x} (1+x-1) \right\} = \lim_{x \rightarrow 0^+} 1 = 1$

$x_n y_n = e \Rightarrow \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{e - e}{0^+} = \frac{0}{0}$

Aplico L'Hôpital $=$ $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{0 - \frac{1}{x}(1+x)^{\frac{1}{x}-1}}{1} = \lim_{x \rightarrow 0^+} - (1+x)^{\frac{1-x}{x}} = -1^{+\infty}$

\rightarrow Al igual que antes:

finalmente:

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{e - (1+x)^{\frac{1}{x}}}{x} = e //$$

$\lim_{x \rightarrow 0^+} \left\{ \frac{1-x}{x} (1+x-1) \right\}$

$\lim_{x \rightarrow 0^+} \{1-x\} = 1$

$x_n y_n = e$