## Análisis Matemático I

20 de noviembre de 2021

1. Estudiar la continuidad y la diferenciabilidad del campo escalar  $f: \mathbb{R}^2 \to \mathbb{R}$  definido por:

$$f(x,y) = \frac{y^2 \sin x}{x^2 + y^2} \quad \forall (x,y) \in \mathbb{R}^2 \setminus \{(0,0)\}, \qquad f(0,0) = 0$$

- 2. Explicar la definición de espacio métrico conexo, ilustrándola con ejemplos
- 3. Enunciar y demostrar el teorema del punto fijo
- 4. Sea E un espacio métrico y  $f: E \to \mathbb{R}$  una función acotada. Probar que f es continua si, y sólo si, su gráfica,  $\operatorname{Gr} f = \{(x, f(x)) : x \in E\}$ , es un subconjunto cerrado del espacio métrico producto  $E \times \mathbb{R}$ .