Softwarequalität

Vorlesung 12 – Testen: White-box-Verfahren (Datenflussorientierte Verfahren)

Prof. Dr. Joel Greenyer



27. Juni 2016



Testüberdeckung (Coverage)

In der letzten Vorlesung...

• Ziel: Kenntnis der internen Struktur systematisch nutzen



Testüberdeckung (Coverage)

In der letzten Vorlesung...

- Ziel: Kenntnis der internen Struktur systematisch nutzen
- Kontrollflussorientierte Tests:
 - Wie viele Anweisungen des Programms wurden abgedeckt?
 - Wie viele Zweige des Programms wurden abgedeckt?
 - Wie viele Pfade des Programms wurden abgedeckt?
 - Wie viele Bedingungen des Programms wurden abgedeckt?

- ..



Testüberdeckung (Coverage)

In der letzten Vorlesung...

- Ziel: Kenntnis der internen Struktur systematisch nutzen
- Kontrollflussorientierte Tests:
 - Wie viele Anweisungen des Programms wurden abgedeckt?
 - Wie viele Zweige des Programms wurden abgedeckt?
 - Wie viele Pfade des Programms wurden abgedeckt?
 - Wie viele Bedingungen des Programms wurden abgedeckt?
 - **–** ...

Datenflussorientierte Tests

 Idee: Testen verschiedener Kombinationen von Schreib- und Lesezugriffen auf Variablen



Kontrollflussgraphen

In der letzten Vorlesung...

- Kontrollflussgraphen beschreiben mögliche Positionsfolgen des Programmzeigers (program counters)
- Beispiel:

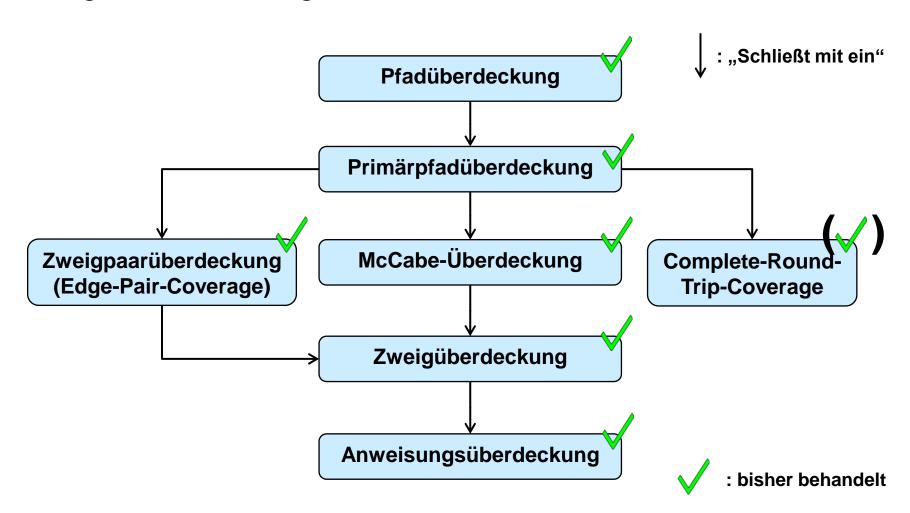
```
calculate the Manhattan distance
   of two points p1 = (x1, y1), p2 = (x2, y2)
   by calling manhattan(x1-x2, y1-y2)
   @param a
   @param b
  @return |a| + |b|
 * /
                                                       a < 0
public int manhattan(int a, int b){
                                                                a >= 0
       if (a < 0)
               a = -a;
                                                                 if
                                                       b < 0
       if (b < 0)
                                                                b >= 0
               b = -b;
       return a+b;
                                                                 return a + b
                                                                         3
```



Überdeckungskriterien im Vergleich

In der letzten Vorlesung..

Einige Überdeckungskriterien schließen andere mit ein:





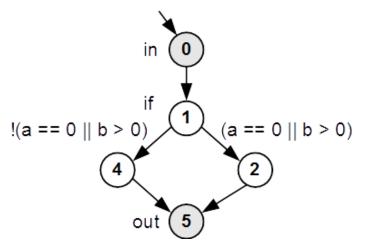
• Entwickler machen oft Fehler bei komplizierten Bedingungen



- Entwickler machen oft Fehler bei komplizierten Bedingungen
- Durch die kontrollflussorientierten Überdeckungskriterien wird nicht sichergestellt, dass alle diese Fehler gefunden werden

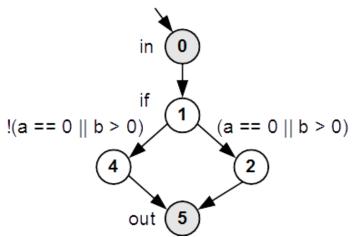


- Entwickler machen oft Fehler bei komplizierten Bedingungen
- Durch die kontrollflussorientierten Überdeckungskriterien wird nicht sichergestellt, dass alle diese Fehler gefunden werden
- **Beispiel**: Diese Tests der Methode computeSth führen zur **Pfadüberdeckung**: computeSth(1,1), computeSth(1,-1)
 - Gibt es trotzdem einen Fehler, den wir so übersehen?





- Entwickler machen oft Fehler bei komplizierten Bedingungen
- Durch die kontrollflussorientierten Überdeckungskriterien wird nicht sichergestellt, dass alle diese Fehler gefunden werden
- **Beispiel**: Diese Tests der Methode computeSth führen zur **Pfadüberdeckung**: computeSth(1,1), computeSth(1,-1)
 - Gibt es trotzdem einen Fehler, den wir so übersehen?
 - Ja, z.B. computeSth(1,0) führt zu "division by zero"!





 Annahme: Entwickler machen oft Fehler bei komplizierten Bedingungen



- Annahme: Entwickler machen oft Fehler bei komplizierten Bedingungen
- Idee: Nicht nur beide Zweige von Bedingungen (z.B.
 Fallunterscheidungs- oder Schleifenbedingungen) testen,
 sondern verschiedene Auswertungen von atomaren
 Prädikaten und zusammengesetzten Prädikaten testen



- Annahme: Entwickler machen oft Fehler bei komplizierten Bedingungen
- Idee: Nicht nur beide Zweige von Bedingungen (z.B.
 Fallunterscheidungs- oder Schleifenbedingungen) testen,
 sondern verschiedene Auswertungen von atomaren
 Prädikaten und zusammengesetzten Prädikaten testen
 - Automares Prädikat:



- Annahme: Entwickler machen oft Fehler bei komplizierten Bedingungen
- Idee: Nicht nur beide Zweige von Bedingungen (z.B.
 Fallunterscheidungs- oder Schleifenbedingungen) testen,
 sondern verschiedene Auswertungen von atomaren
 Prädikaten und zusammengesetzten Prädikaten testen
 - Automares Prädikat:
 - Einzelne Wahrheitsvariable (Boolean),



- Annahme: Entwickler machen oft Fehler bei komplizierten Bedingungen
- Idee: Nicht nur beide Zweige von Bedingungen (z.B.
 Fallunterscheidungs- oder Schleifenbedingungen) testen,
 sondern verschiedene Auswertungen von atomaren
 Prädikaten und zusammengesetzten Prädikaten testen
 - Automares Prädikat:
 - Einzelne Wahrheitsvariable (Boolean),
 - Vergleiche, z.B. "≤, !=, ==, …".



- Annahme: Entwickler machen oft Fehler bei komplizierten Bedingungen
- Idee: Nicht nur beide Zweige von Bedingungen (z.B.
 Fallunterscheidungs- oder Schleifenbedingungen) testen,
 sondern verschiedene Auswertungen von atomaren
 Prädikaten und zusammengesetzten Prädikaten testen
 - Automares Prädikat:
 - Einzelne Wahrheitsvariable (Boolean),
 - Vergleiche, z.B. "≤, !=, ==, …".
 - Aufrufe Boolescher Funktionen, z.B. ".isAvailable()"



- Annahme: Entwickler machen oft Fehler bei komplizierten Bedingungen
- Idee: Nicht nur beide Zweige von Bedingungen (z.B.
 Fallunterscheidungs- oder Schleifenbedingungen) testen,
 sondern verschiedene Auswertungen von atomaren
 Prädikaten und zusammengesetzten Prädikaten testen
 - Automares Prädikat:
 - Einzelne Wahrheitsvariable (Boolean),
 - Vergleiche, z.B. "≤, !=, ==, …".
 - Aufrufe Boolescher Funktionen, z.B. ".isAvailable()"
 - Zusammengesetztes Prädikat:



- Annahme: Entwickler machen oft Fehler bei komplizierten Bedingungen
- Idee: Nicht nur beide Zweige von Bedingungen (z.B.
 Fallunterscheidungs- oder Schleifenbedingungen) testen,
 sondern verschiedene Auswertungen von atomaren
 Prädikaten und zusammengesetzten Prädikaten testen
 - Automares Prädikat:
 - Einzelne Wahrheitsvariable (Boolean),
 - Vergleiche, z.B. "≤, !=, ==, …".
 - Aufrufe Boolescher Funktionen, z.B. ".isAvailable()"
 - Zusammengesetztes Prädikat:
 - Durch logische Junktoren zusammengesetzt, z.B. "(a && b)", "!a"



• Einfache Bedingungsüberdeckung:

Alle atomaren Prädikate nehmen mindestens einmal beide Wahrheitswerte an



if ((a && !b) || (!a && b)) ...

• Einfache Bedingungsüberdeckung:

Alle atomaren Prädikate nehmen mindestens einmal beide Wahrheitswerte an



• Einfache Bedingungsüberdeckung: Alle atomaren Prädikate nehmen mindestens einmal beide Wahrheitswerte an

```
T1: a = false, b = true
T2: a = true, b = false
```

if ((a && !b) || (!a && b)) ...



if ((a && !b) || (!a && b)) ...

 Einfache Bedingungsüberdeckung: Alle atomaren Prädikate nehmen mindestens einmal beide Wahrheitswerte an T1: a = false, b = true T2: a = true, b = false

Minimale Bedingungsüberdeckung:
 Alle atomaren und zusammengesetzten
 Prädikate nehmen mindestens einmal beide Wahrheitswerte an



• Einfache Bedingungsüberdeckung: T1: a = false, b = tr

Alle atomaren Prädikate nehmen mindestens einmal beide Wahrheitswerte an

T1: a = false, b = true
T2: a = true, b = false

if ((a && !b) || (!a && b)) ...

Minimale Bedingungsüberdeckung:
 Alle atomaren und zusammengesetzten
 Prädikate nehmen mindestens einmal beide Wahrheitswerte an

T1: a = false, b = true
T2: a = true, b = false
T3: a = false, b = false
(nur T3 führt dazu, dass die
Disjunktion insgesamt
false ergibt)



if ((a && !b) || (!a && b)) ...

 Einfache Bedingungsüberdeckung: Alle atomaren Prädikate nehmen mindestens einmal beide Wahrheitswerte an

T1: a = false, b = true
T2: a = true, b = false

Minimale Bedingungsüberdeckung:
 Alle atomaren und zusammengesetzten
 Prädikate nehmen mindestens einmal beide Wahrheitswerte an

T1: a = false, b = true
T2: a = true, b = false
T3: a = false, b = false
(nur T3 führt dazu, dass die
Disjunktion insgesamt
false ergibt)

 Mehrfache Bedingungsüberdeckung: Alle Kombinationen von Auswertungen der atomaren Prädikate getestet



if ((a && !b) || (!a && b)) ...

 Einfache Bedingungsüberdeckung: Alle atomaren Prädikate nehmen mindestens einmal beide Wahrheitswerte an

T1: a = false, b = true
T2: a = true, b = false

Minimale Bedingungsüberdeckung:
 Alle atomaren und zusammengesetzten
 Prädikate nehmen mindestens einmal beide Wahrheitswerte an

T1: a = false, b = true
T2: a = true, b = false
T3: a = false, b = false
(nur T3 führt dazu, dass die
Disjunktion insgesamt
false ergibt)

 Mehrfache Bedingungsüberdeckung: Alle Kombinationen von Auswertungen der atomaren Prädikate getestet T1: a = false, b = true
T2: a = true, b = false
T3: a = false, b = false
T4: a = true, b = true



 Bisherige Überdeckungskriterien basierten auf dem Kontrollfluss bzw. den Bedingungen



- Bisherige Überdeckungskriterien basierten auf dem Kontrollfluss bzw. den Bedingungen
- Im Folgenden betrachten wir eine Reihe von Überdeckungskriterien, die sich auf den Datenfluss beziehen



- Bisherige Überdeckungskriterien basierten auf dem Kontrollfluss bzw. den Bedingungen
- Im Folgenden betrachten wir eine Reihe von Überdeckungskriterien, die sich auf den Datenfluss beziehen
- Idee: Bei der Ausführung eines Programms werden Variablen werden geschrieben und gelesen...



- Bisherige Überdeckungskriterien basierten auf dem Kontrollfluss bzw. den Bedingungen
- Im Folgenden betrachten wir eine Reihe von Überdeckungskriterien, die sich auf den Datenfluss beziehen
- Idee: Bei der Ausführung eines Programms werden Variablen werden geschrieben und gelesen…
 - bei verschiedenen Folgen von Schreib- und Lesezugriffen verhält sich das Programm andersartig



- Bisherige Überdeckungskriterien basierten auf dem Kontrollfluss bzw. den Bedingungen
- Im Folgenden betrachten wir eine Reihe von Überdeckungskriterien, die sich auf den Datenfluss beziehen
- Idee: Bei der Ausführung eines Programms werden Variablen werden geschrieben und gelesen...
 - bei verschiedenen Folgen von Schreib- und Lesezugriffen verhält sich das Programm andersartig
 - Hinter verschiedenen Folgen von Schreib- und Lesezugriffen können verschiedene Fehler verborgen sein





- Definition einer Variable (def)
 - Variable wird Wert zugewiesen



- Definition einer Variable (def)
 - Variable wird Wert zugewiesen
- Lesender Zugriff auf eine Variable (use)



- Definition einer Variable (def)
 - Variable wird Wert zugewiesen
- Lesender Zugriff auf eine Variable (use)
 - Berechnende Nutzung(c-use)
 - Variable wird in Berechnung oder Zuweisung gelesen



- Definition einer Variable (def)
 - Variable wird Wert zugewiesen
- Lesender Zugriff auf eine Variable (use)
 - Berechnende Nutzung(c-use)
 - Variable wird in Berechnung oder Zuweisung gelesen
 - Prädikative Nutzung (p-use)
 - Variable wird in Bedingung gelesen



- Definition einer Variable (def)
 - Variable wird Wert zugewiesen
- Lesender Zugriff auf eine Variable (use)
 - Berechnende Nutzung(c-use)
 - Variable wird in Berechnung oder Zuweisung gelesen
 - Prädikative Nutzung (p-use)
 - Variable wird in Bedingung gelesen

```
public static float pow(float x, int n){
        float result;
        int i;
        if(n < 0)
                 i = -n:
        else
                 i = n;
        result = 1;
        while(i > 0){
                 result *= x;
                 i--;
        }
        if (n < 0)
                 result = 1 / result;
        return result;
```



- Definition einer Variable (def)
 - Variable wird Wert zugewiesen
- Lesender Zugriff auf eine Variable (use)
 - Berechnende Nutzung(c-use)
 - Variable wird in Berechnung oder Zuweisung gelesen
 - Prädikative Nutzung (p-use)
 - Variable wird in Bedingung gelesen

```
public static float pow(float x, int n){
        float result;
        int i;
        if(n < 0)
                 i = -n:
        else
                 i = n;
        result = 1;
        while(i > 0){
                 result *= x;
                 i--;
         }
        if (n < 0)
                 result = 1 / result;
        return result;
```

Frage: wie viele defs,

c-uses und p-uses?



```
public static float pow(float x, int n){
        float result;
        int i;
        if(n < 0)
                 i = -n;
        else
                 i = n;
        result = 1;
        while(i > 0){
                 result *= x;
                 i--;
        if (n < 0)
                 result = 1 / result;
        return result;
```



```
public static float pow(float x, int n){
        float result;
        int i;
        if(n < 0)
                 i = -n;
                                                    def
        else
                 i = n;
        result = 1;
        while(i > 0){
                 result *= x;
                 i--;
        if (n < 0)
                 result = 1 / result;
        return result;
```



```
int n){
public static float pow(float x,
        float result;
        int i;
        if(n < 0)
                 i = -n;
                                                     def
        else
                 i = n;
        result = 1;
        while(i > 0){
                 result *= x;
                 i--;
        if (n < 0)
                 result = 1 / result;
        return result;
```



```
public static float pow(float x,
                                   int n){
        float result;
        int i;
        if(n < 0)
                                                     def
        else
                 i = n;
        result = 1;
        while(i > 0){
                 result *= x;
                 i--;
        if (n < 0)
                 result = 1 / result;
        return result;
```



```
public static float pow(float x,
                                   int n){
        float result;
        int i;
        if(n < 0)
                                                    def
        else
        result = 1;
        while(i > 0){
                 result *= x;
                 i--;
        if (n < 0)
                 result = 1 / result;
        return result;
```



```
int n){
public static float pow(float x,
        float result;
        int i;
        if(n < 0)
                                                     def
        else
                 i – n;
        result = 1;
        while(i > 0){
                 result *= x;
                 i--;
        if (n < 0)
                 result = 1 / result;
        return result;
```



```
int n){
public static float pow(float x,
        float result;
        int i;
        if(n < 0)
                                                   def
        else
                result = 1;
        while(i > 0){
                result *= x;
                i--;
        if (n < 0)
                result = 1 / result;
        return result;
```



```
int n){
public static float pow(float x,
        float result;
        int i;
        if(n < 0)
                                                     def
        else
                 i - n;
        result = 1;
        while(i > 0){
                 result *= x;
        if (n < 0)
                 result = 1 / result;
        return result;
```

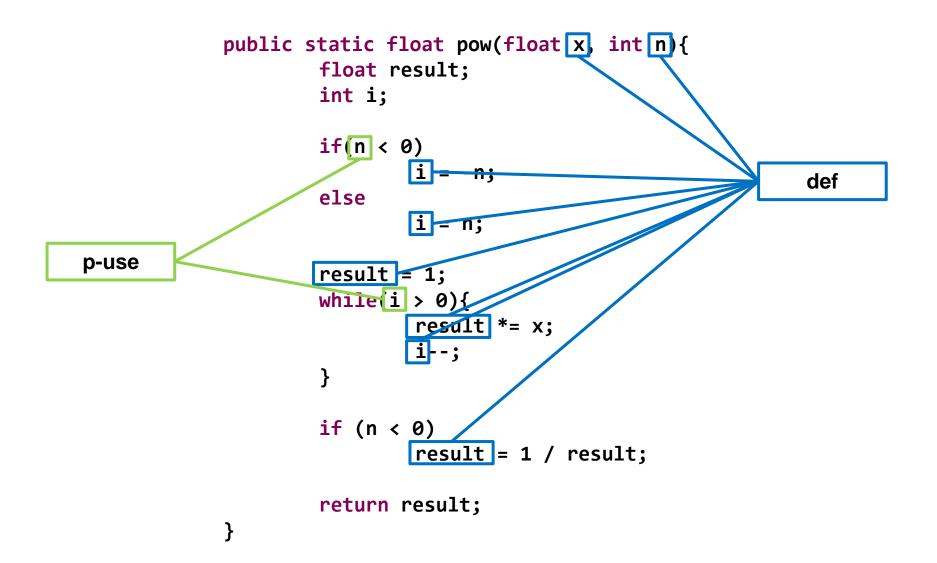


```
int n){
public static float pow(float x,
        float result;
        int i;
        if(n < 0)
                                                   def
        else
                result = 1;
        while(i > 0){
                result *= x;
        if (n < 0)
                result = 1 / result;
        return result;
```

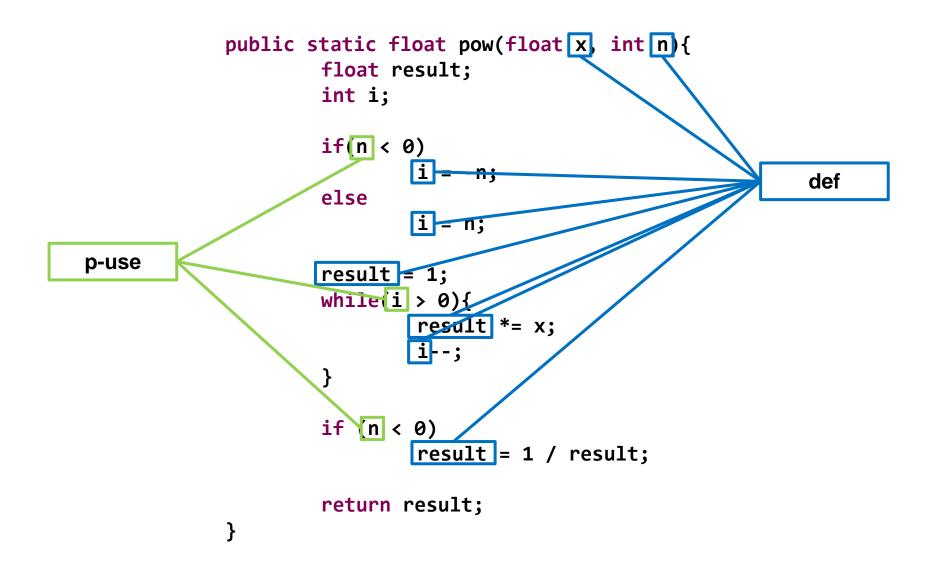


```
int n){
            public static float pow(float x,
                    float result;
                    int i;
                    if(n < 0)
                                                               def
                    else
                            p-use
                    result = 1;
                    while(i > 0){
                             result *= x;
                    if (n < 0)
                            result = 1 / result;
                    return result;
```

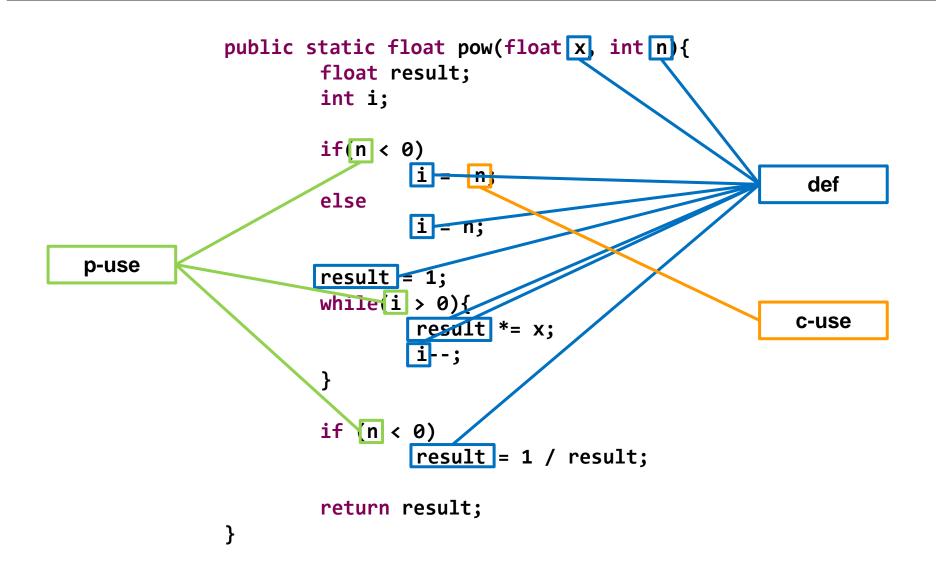




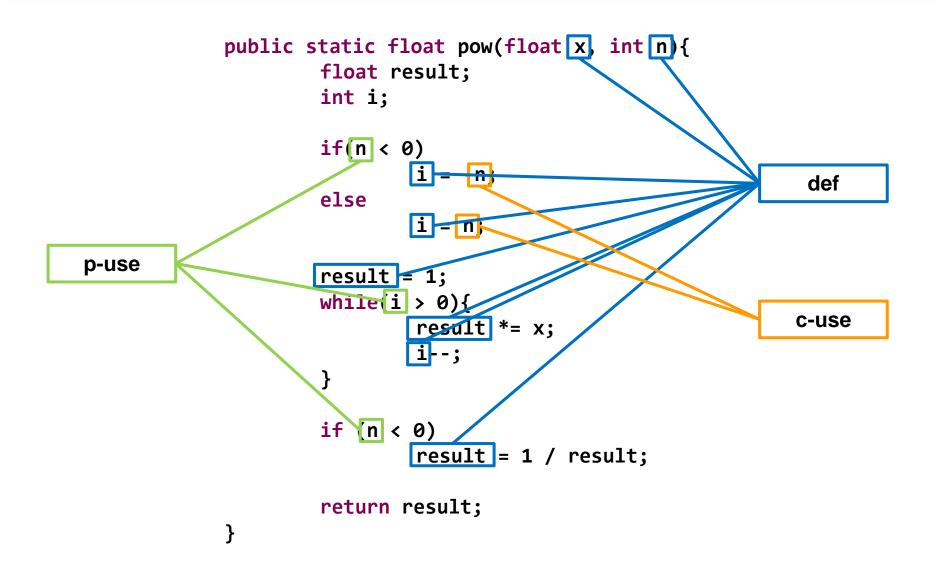




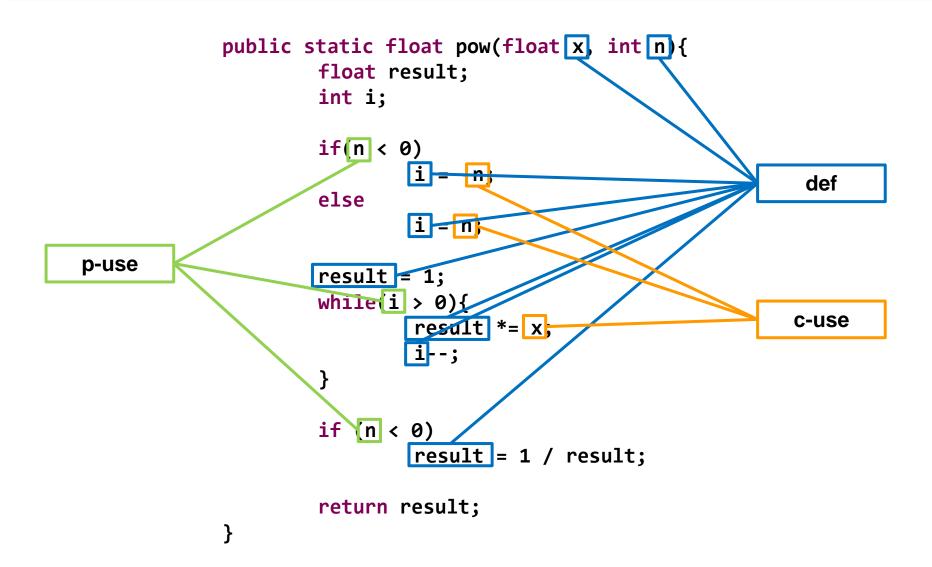




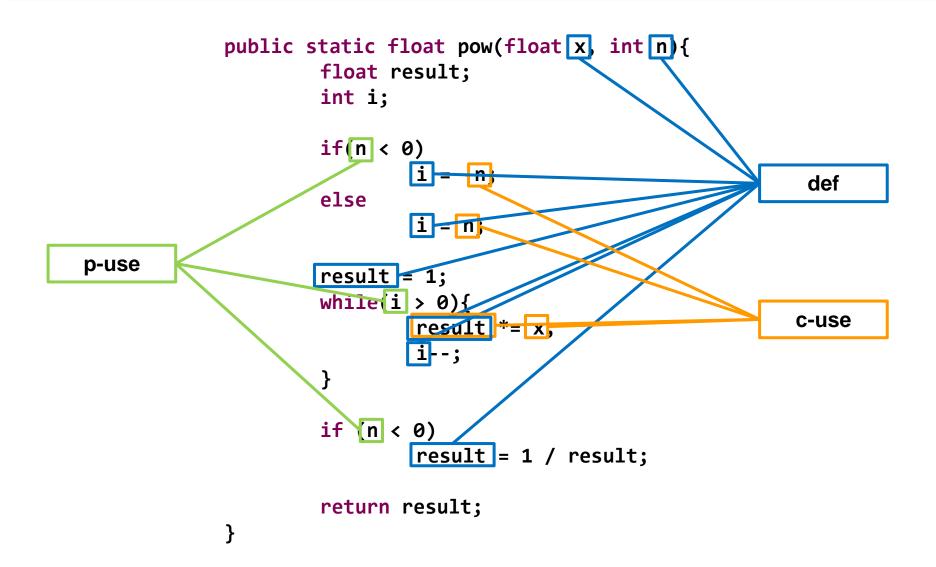




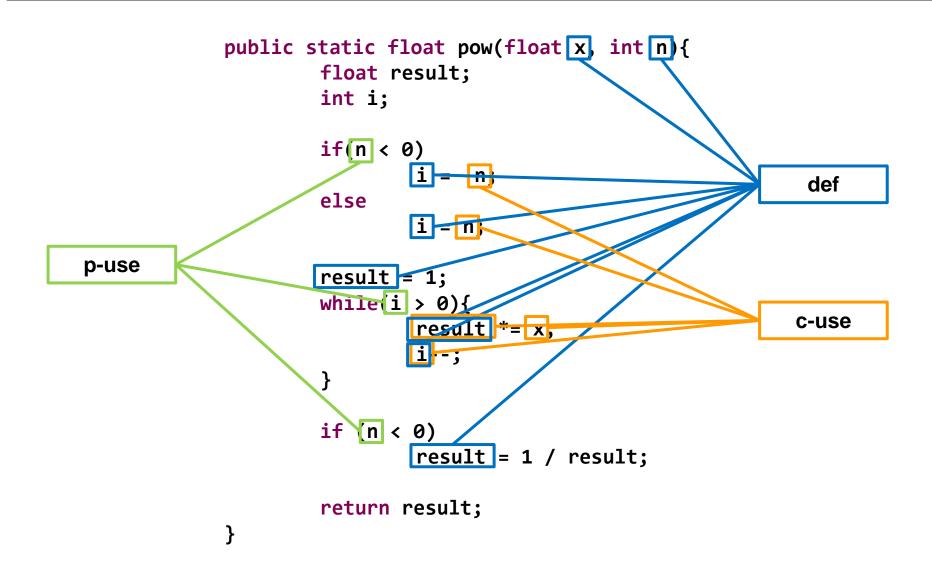




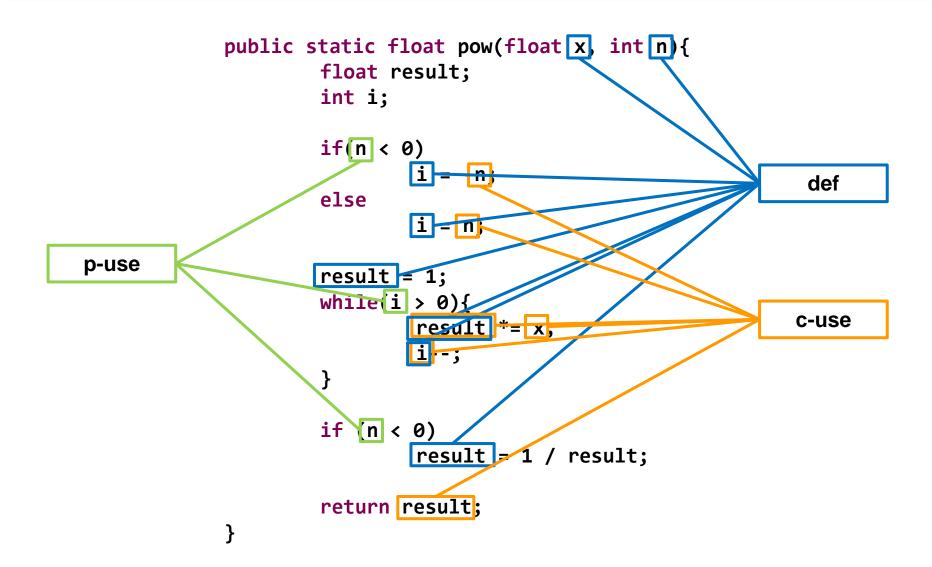




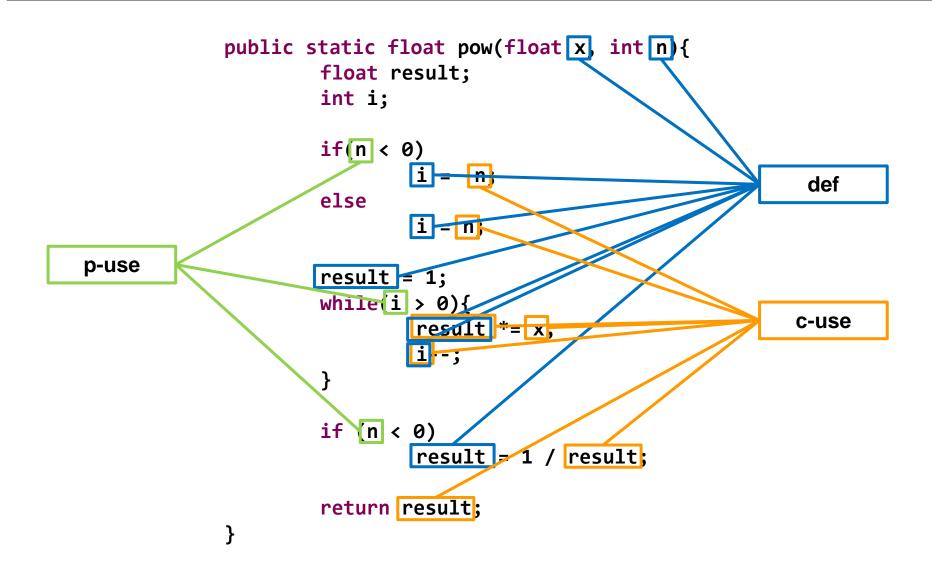




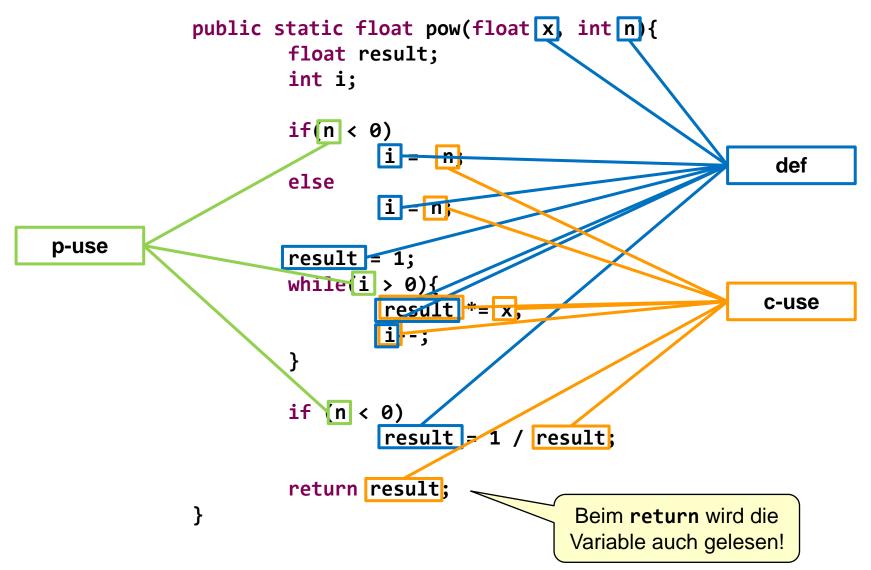










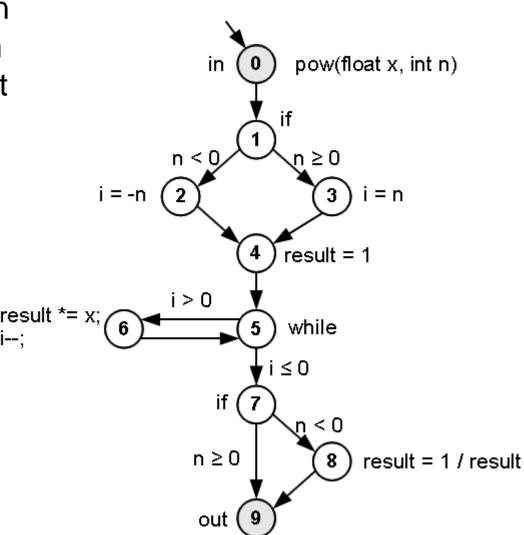




public static float pow(float x, int n){ float result; nt i Streng genommen sind dies auch defs, da die eine Variable in Java bei einer if(n < 0) solchen Deklaration immer def mit dem Default-Wert else initialisiert wird (0 bei int, 1 - n 0.0 bei float). Im Folgenden betrachten wir result = 1; diese Stellen jedoch nicht als defs. Wir werden while (i > 0)c-use sehen, dass es in diesem result ⁺= х, Beispiel für die vorgestellte Testmethodik auch keinen Unterschied macht, da keine lesender Zugriff auf if (n < 0) die Variablen ohne ein result 😕 / result; weiteres def. folgt. return result; Beim return wird die Variable auch gelesen!

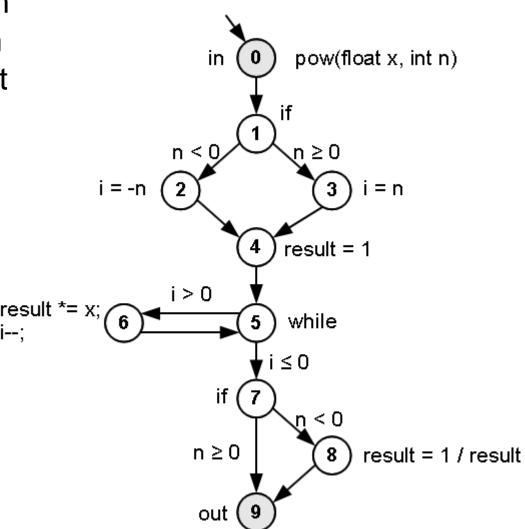


 Ein Datenflussgraph ist ein Kontrollflussgraph, der um folgende Mengen erweitert wird:



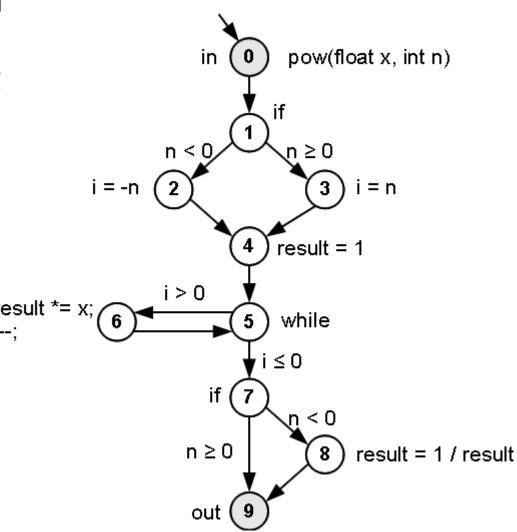


- Ein Datenflussgraph ist ein Kontrollflussgraph, der um folgende Mengen erweitert wird:
 - def(n): Die in Knoten n definierten Variablen



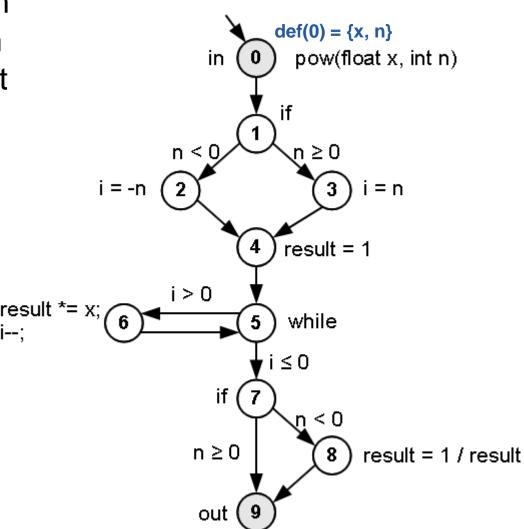


- Ein Datenflussgraph ist ein Kontrollflussgraph, der um folgende Mengen erweitert wird:
 - def(n): Die in Knoten n definierten Variablen
 - use(n): die in Knoten n gelesenen Variablen



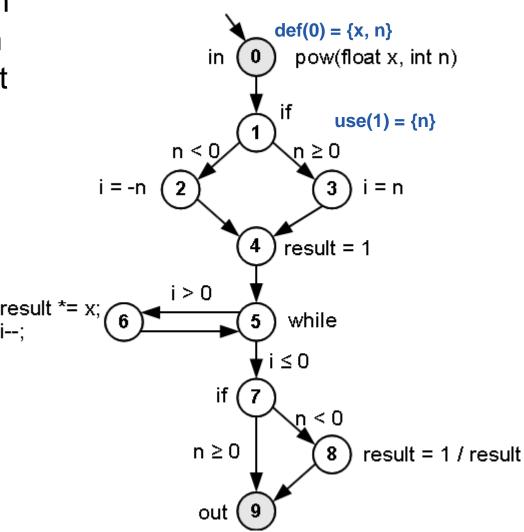


- Ein Datenflussgraph ist ein Kontrollflussgraph, der um folgende Mengen erweitert wird:
 - def(n): Die in Knoten n definierten Variablen
 - use(n): die in Knoten n gelesenen Variablen



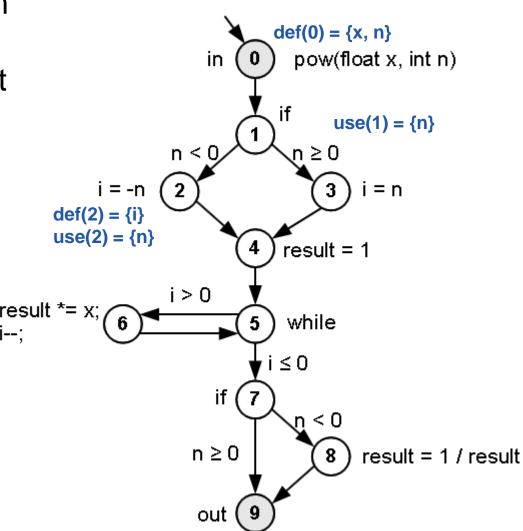


- Ein Datenflussgraph ist ein Kontrollflussgraph, der um folgende Mengen erweitert wird:
 - def(n): Die in Knoten n definierten Variablen
 - use(n): die in Knoten n gelesenen Variablen



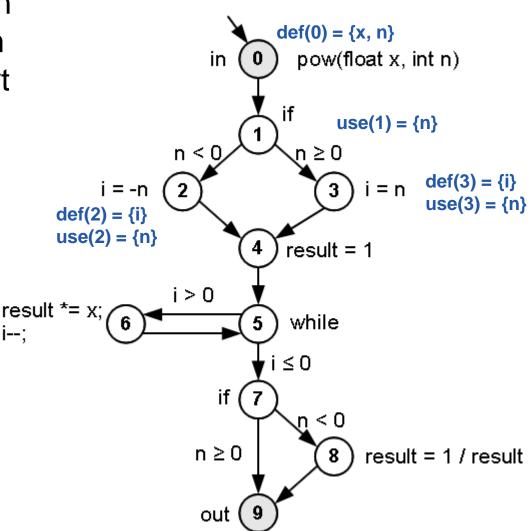


- Ein Datenflussgraph ist ein Kontrollflussgraph, der um folgende Mengen erweitert wird:
 - def(n): Die in Knoten n definierten Variablen
 - use(n): die in Knoten n gelesenen Variablen



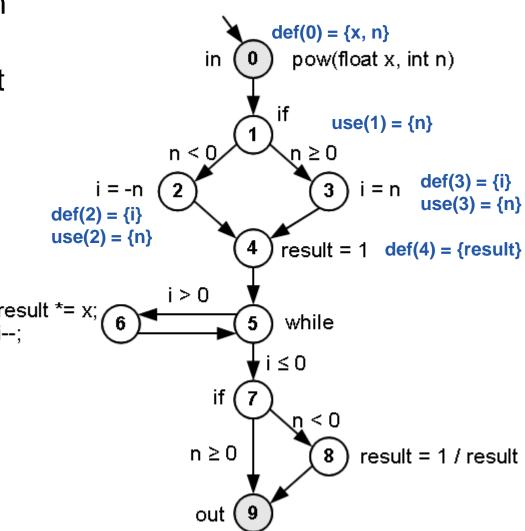


- Ein Datenflussgraph ist ein Kontrollflussgraph, der um folgende Mengen erweitert wird:
 - def(n): Die in Knoten n definierten Variablen
 - use(n): die in Knoten n gelesenen Variablen



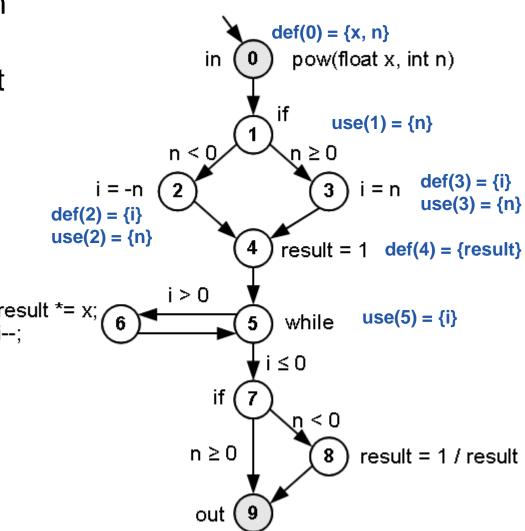


- Ein Datenflussgraph ist ein Kontrollflussgraph, der um folgende Mengen erweitert wird:
 - def(n): Die in Knoten n definierten Variablen
 - use(n): die in Knoten n gelesenen Variablen



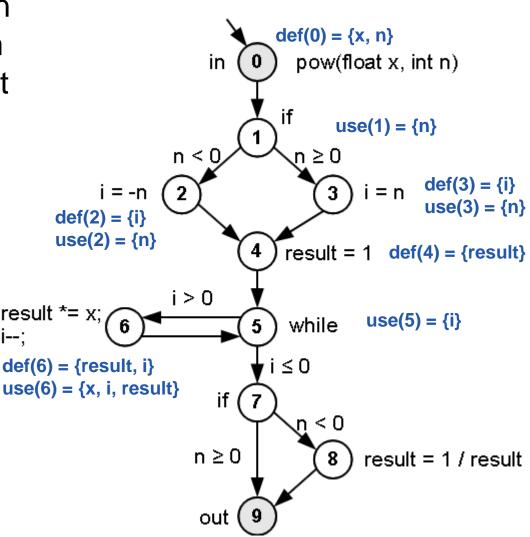


- Ein Datenflussgraph ist ein Kontrollflussgraph, der um folgende Mengen erweitert wird:
 - def(n): Die in Knoten n definierten Variablen
 - use(n): die in Knoten n gelesenen Variablen



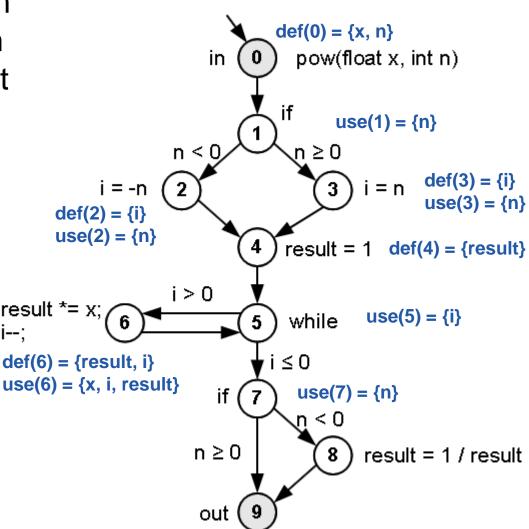


- Ein Datenflussgraph ist ein Kontrollflussgraph, der um folgende Mengen erweitert wird:
 - def(n): Die in Knoten n definierten Variablen
 - use(n): die in Knoten n gelesenen Variablen



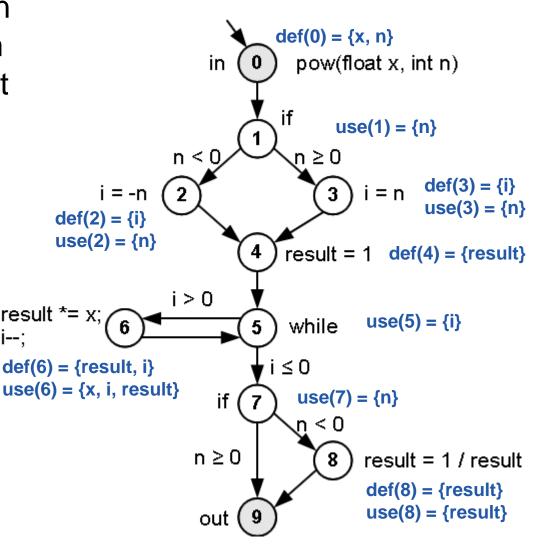


- Ein Datenflussgraph ist ein Kontrollflussgraph, der um folgende Mengen erweitert wird:
 - def(n): Die in Knoten n definierten Variablen
 - use(n): die in Knoten n gelesenen Variablen



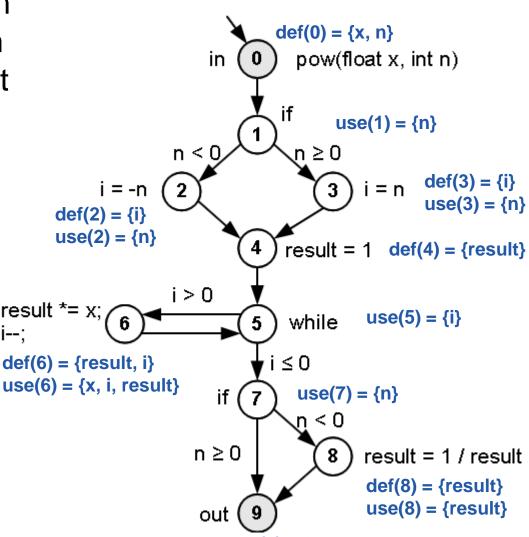


- Ein Datenflussgraph ist ein Kontrollflussgraph, der um folgende Mengen erweitert wird:
 - def(n): Die in Knoten n definierten Variablen
 - use(n): die in Knoten n gelesenen Variablen





- Ein Datenflussgraph ist ein Kontrollflussgraph, der um folgende Mengen erweitert wird:
 - def(n): Die in Knoten n definierten Variablen
 - use(n): die in Knoten n gelesenen Variablen





• Wir benötigen folgende Definitionen:



- Wir benötigen folgende Definitionen:
 - Wenn Variable v in Knoten i definiert wird und in Knoten j gelesen wird, dann ist der **Pfad** (i, n₁, n₂, ..., n_k, j) **definitionsfrei** bezüglich v, wenn v in n₁, n₂, ..., n_k nicht definiert wird



- Wir benötigen folgende Definitionen:
 - Wenn Variable v in Knoten i definiert wird und in Knoten j gelesen wird, dann ist der **Pfad** (i, n₁, n₂, ..., n_k, j) **definitionsfrei** bezüglich v, wenn v in n₁, n₂, ..., n_k nicht definiert wird
 - Ein defs-use-Pfad (DU-Pfad) für eine Variable v ist ein einfacher Pfad (ohne Zyklus, s. Def. V11) von einer Definition von v zu einer Nutzung von v, der bezüglich v definitionsfrei ist



- Wir benötigen folgende Definitionen:
 - Wenn Variable v in Knoten i definiert wird und in Knoten j gelesen wird, dann ist der **Pfad** (i, n₁, n₂, ..., n_k, j) **definitionsfrei** bezüglich v, wenn v in n₁, n₂, ..., n_k nicht definiert wird
 - Ein defs-use-Pfad (DU-Pfad) für eine Variable v ist ein einfacher Pfad (ohne Zyklus, s. Def. V11) von einer Definition von v zu einer Nutzung von v, der bezüglich v definitionsfrei ist
 - Die Pfadmenge du(n, n', v) ist die Menge aller DU-Pfade von v, die in n beginnen und in n' enden



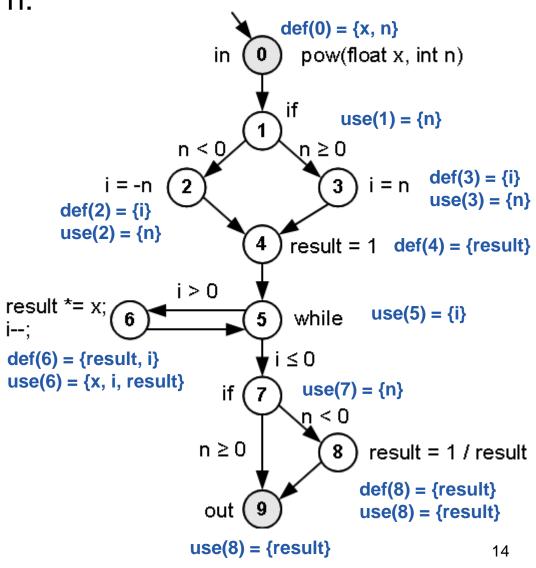
- Wir benötigen folgende Definitionen:
 - Wenn Variable v in Knoten i definiert wird und in Knoten j gelesen wird, dann ist der **Pfad** (i, n₁, n₂, ..., n_k, j) **definitionsfrei** bezüglich v, wenn v in n₁, n₂, ..., n_k nicht definiert wird
 - Ein defs-use-Pfad (DU-Pfad) für eine Variable v ist ein einfacher Pfad (ohne Zyklus, s. Def. V11) von einer Definition von v zu einer Nutzung von v, der bezüglich v definitionsfrei ist
 - Die Pfadmenge du(n, n', v) ist die Menge aller DU-Pfade von v, die in n beginnen und in n' enden
 - Die Pfadmenge du(n, v) ist die Menge aller DU-Pfade von v, die in n beginnen



- Wir benötigen folgende Definitionen:
 - Wenn Variable v in Knoten i definiert wird und in Knoten j gelesen wird, dann ist der **Pfad** (i, n₁, n₂, ..., n_k, j) **definitionsfrei** bezüglich v, wenn v in n₁, n₂, ..., n_k nicht definiert wird
 - Ein defs-use-Pfad (DU-Pfad) für eine Variable v ist ein einfacher Pfad (ohne Zyklus, s. Def. V11) von einer Definition von v zu einer Nutzung von v, der bezüglich v definitionsfrei ist
 - Die Pfadmenge du(n, n', v) ist die Menge aller DU-Pfade von v, die in n beginnen und in n' enden
 - Die Pfadmenge du(n, v) ist die Menge aller DU-Pfade von v, die in n beginnen
 - du(n, v) ist gleich der Vereinigung der du(n, n', v) für alle n':
 also du(n, v) = U_{n'} du(n, n', v)



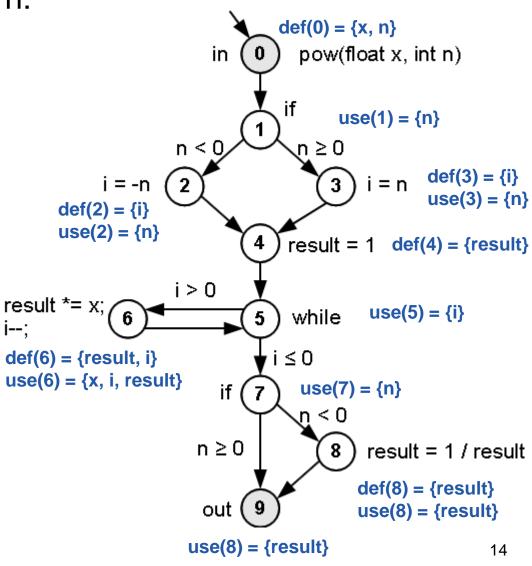
Ein DU-Pfad der Variable n:





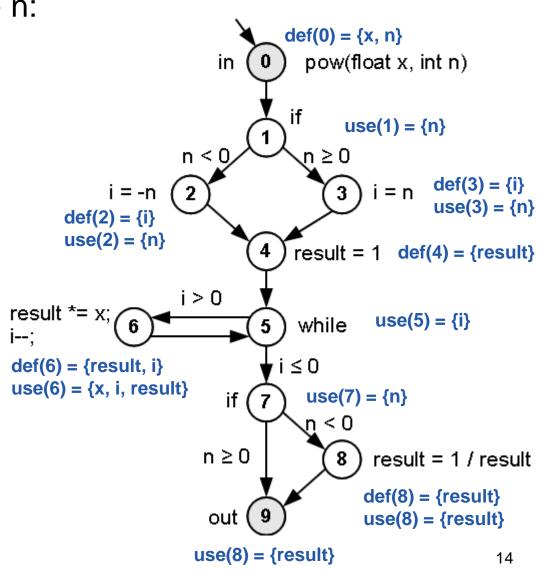
Ein **DU-Pfad** der Variable n:

- Z.B. (0, 1)





- Ein DU-Pfad der Variable n:
 - Z.B. (0, 1)
- du(4, 9, result)

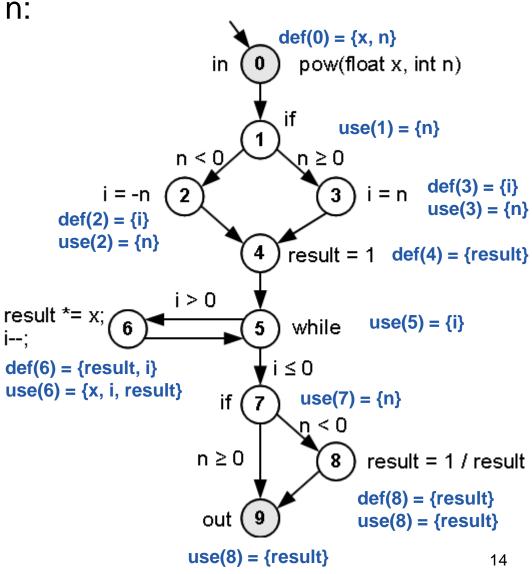




Ein **DU-Pfad** der Variable n:

du(4, 9, result)

$$= \{(4, 5, 7, 9)\}$$

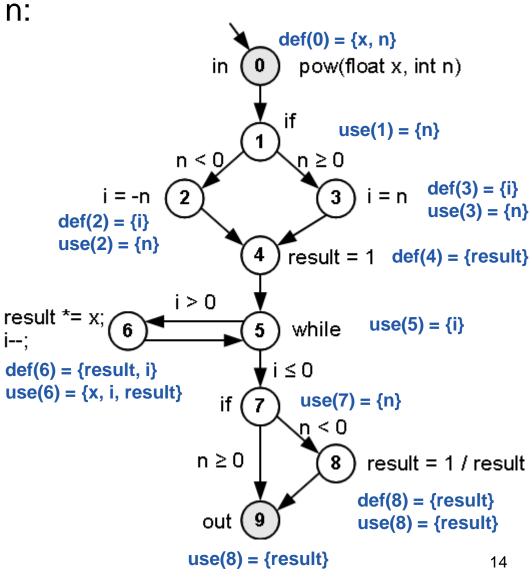




- Ein **DU-Pfad** der Variable n:
 - Z.B. (0, 1)
- du(4, 9, result)

$$= \{(4, 5, 7, 9)\}$$

du(4, result)





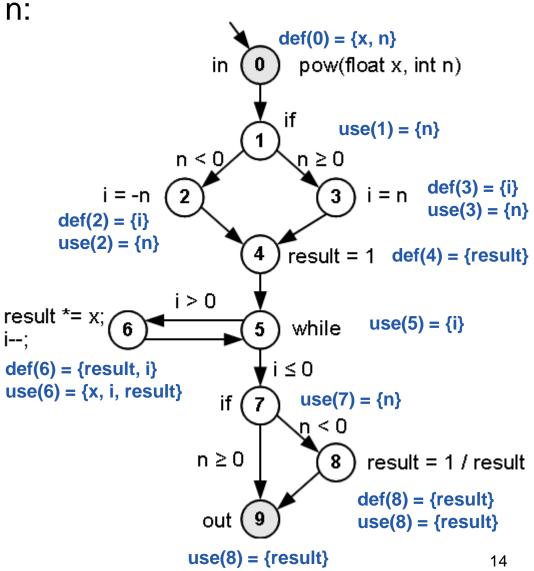
Ein **DU-Pfad** der Variable n:

du(4, 9, result)

$$= \{(4, 5, 7, 9)\}$$

du(4, result)

$$= \{(4, 5, 7, 9), (4, 5, 6)\}$$





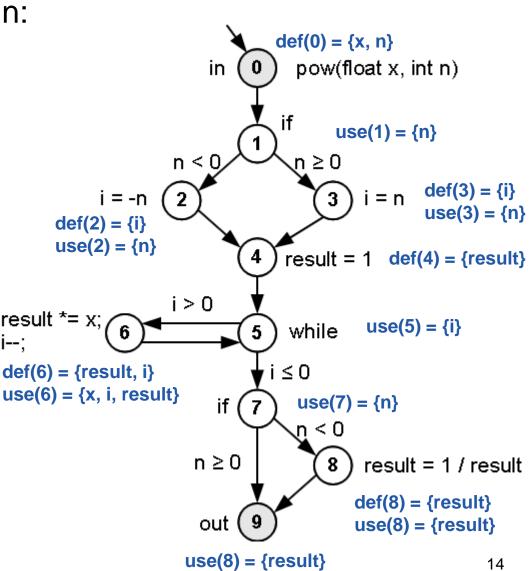
- Ein **DU-Pfad** der Variable n:
 - Z.B. (0, 1)
- du(4, 9, result)

$$= \{(4, 5, 7, 9)\}$$

du(4, result)

$$= \{(4, 5, 7, 9), (4, 5, 6)\}$$

Frage: Wieso nicht (4, 5, 7, 8)?





Ein **DU-Pfad** der Variable n:

du(4, 9, result)

$$= \{(4, 5, 7, 9)\}$$

du(4, result)

$$= \{(4, 5, 7, 9), (4, 5, 6)\}$$

Frage: Wieso nicht (4, 5, 7, 8)?

 $def(0) = \{x, n\}$ pow(float x, int n) in $use(1) = \{n\}$ n ≥ 0 $i = n \quad def(3) = \{i\}$ i = -n $use(3) = \{n\}$ $def(2) = {i}$ $use(2) = \{n\}$ result = 1 def(4) = {result} i > 0result *= x; $use(5) = {i}$ while $def(6) = \{result, i\}$ ≤ 0 $use(6) = \{x, i, result\}$ $use(7) = \{n\}$ if n ≥ 0 result = 1 / result $def(8) = \{result\}$ out $use(8) = \{result\}$

use(8) = {result}

Antwort: Wenn wir von 7 nach 8 gehen, dann gilt n < 0. Dann gilt aber auch i = -n (if-Bedingung von Knoten 1) und auch i > 1. In diesem Fall zweigen wir von 5 also zu 6 ab und können nicht direkt zu 7.



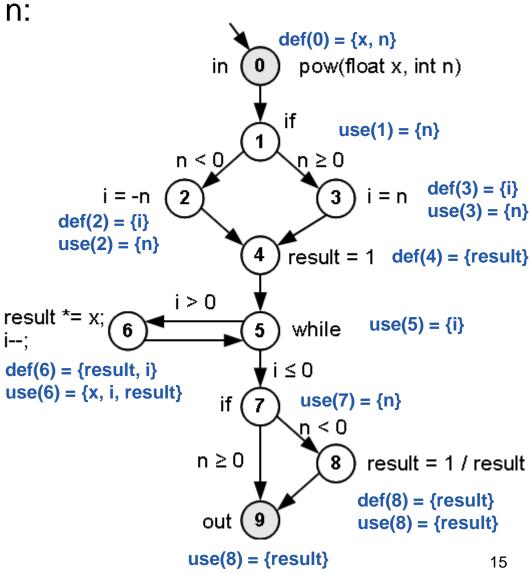
Ein **DU-Pfad** der Variable n:

du(4, 9, result)

$$= \{(4, 5, 7, 9)\}$$

du(4, result)

$$= \{(4, 5, 7, 9), (4, 5, 6)\}$$





Ein **DU-Pfad** der Variable n:

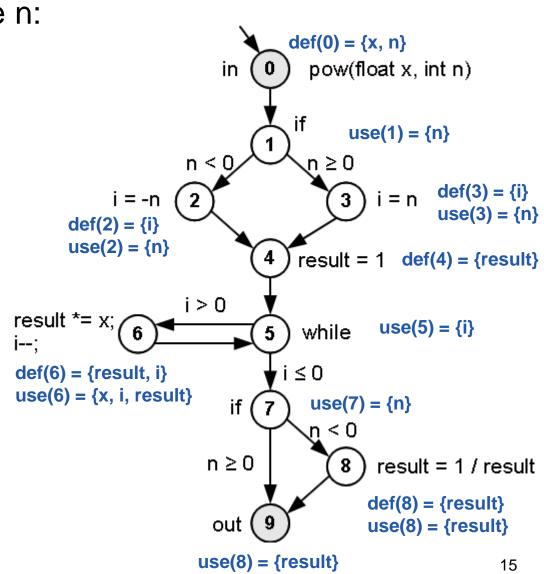
du(4, 9, result)

$$= \{(4, 5, 7, 9)\}$$

du(4, result)

$$= \{(4, 5, 7, 9), (4, 5, 6)\}$$

 Gibt es im Bsp. eine Menge du(n, n', v) mit mehr als einem Element?





Ein **DU-Pfad** der Variable n:

du(4, 9, result)

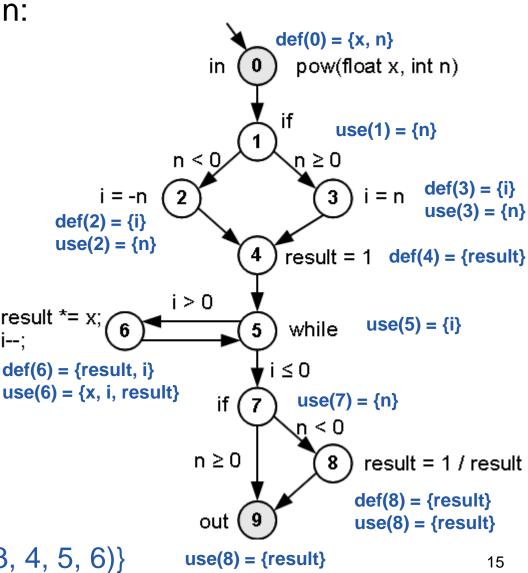
$$= \{(4, 5, 7, 9)\}$$

du(4, result)

$$= \{(4, 5, 7, 9), (4, 5, 6)\}$$

 Gibt es im Bsp. eine Menge du(n, n', v) mit mehr als einem Element?

- Ja, du(0, 6, x)= {(0, 1, 2, 4, 5, 6,), (0, 1, 3, 4, 5, 6)}





Defs-Uses-Überdeckungskriterien All-Definitions

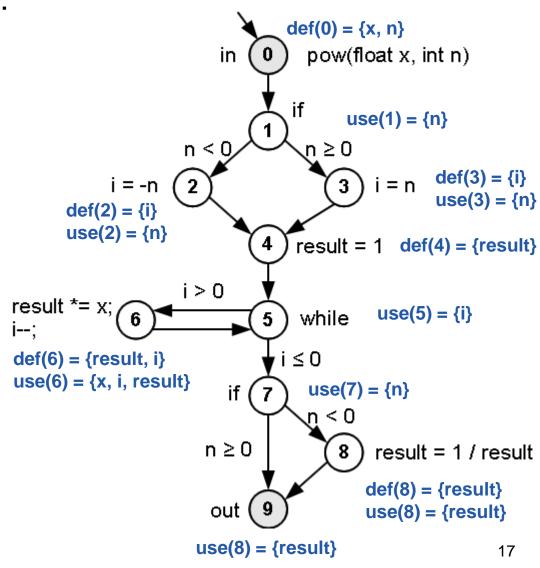
- Überdeckungskriterium: All-Definitions
 - Für alle Definitionen einer Variable, überdecke mindestens einen bezüglich dieser Variablen definitionsfreien Pfad zu <u>einem</u> lesenden Zugriff (c-use oder p-use) dieser Variablen



Defs-Uses-Überdeckungskriterien All-Definitions

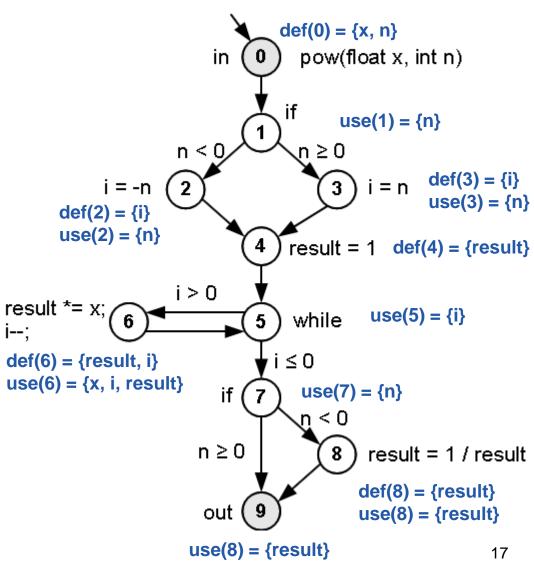
- Überdeckungskriterium: All-Definitions
 - Für alle Definitionen einer Variable, überdecke mindestens einen bezüglich dieser Variablen definitionsfreien Pfad zu <u>einem</u> lesenden Zugriff (c-use oder p-use) dieser Variablen
 - Etwas formaler: Für jede Pfadmenge du(n, v) muss
 mindestens ein Pfad aus dieser Menge überdeckt werden





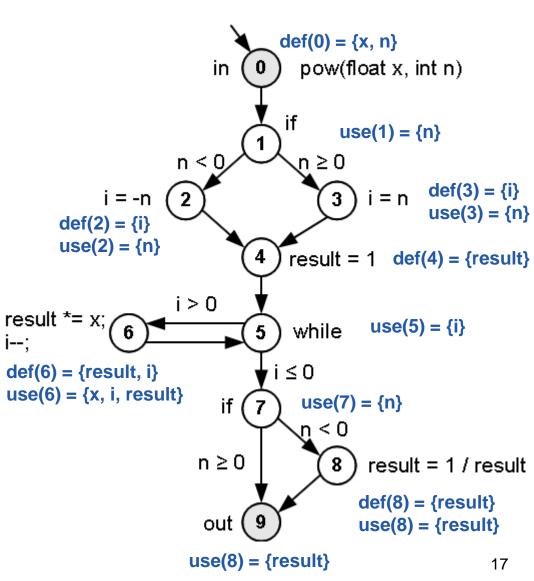


```
du(0, x)
```



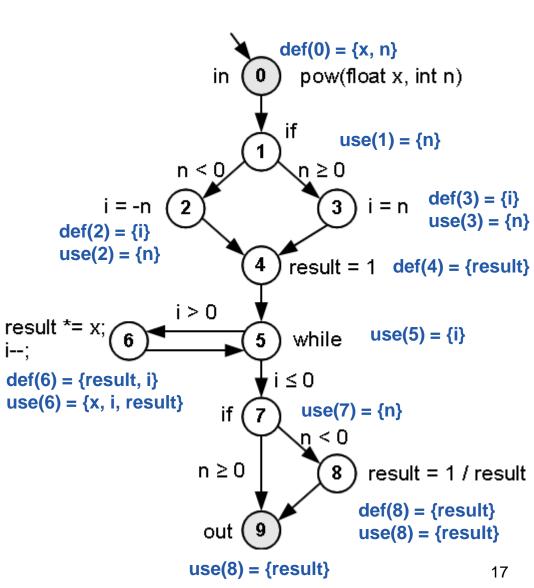


```
du(0, x) = \{(0, 1, 2, 4, 5, 6), (0, 1, 3, 4, 5, 6)\}
```



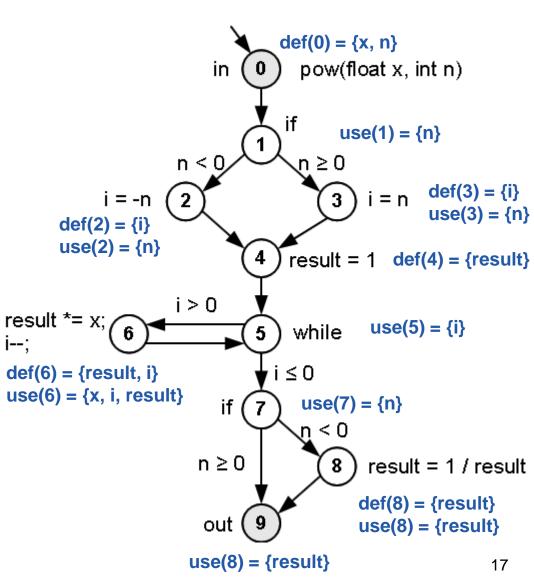


```
du(0, x)
= {(0, 1, 2, 4, 5, 6), (0, 1, 3, 4, 5, 6)}
du(0, n)
```



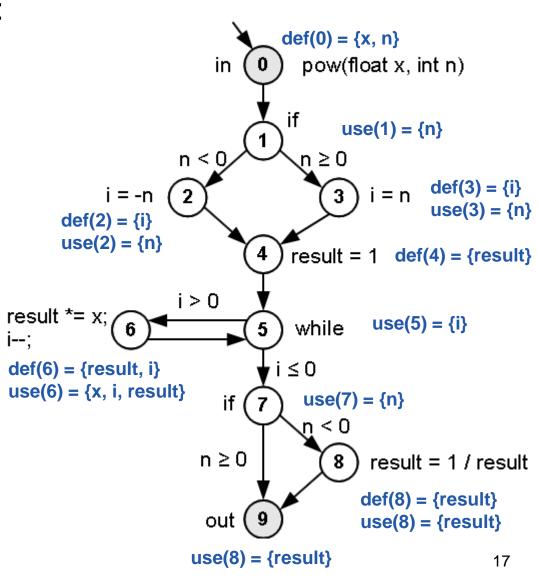


```
du(0, x)
= {(0, 1, 2, 4, 5, 6), (0, 1, 3, 4, 5, 6)}
du(0, n)
= {(0, 1), (0,1,2,4,5,7), (0,1,3,4,5,7)}
```



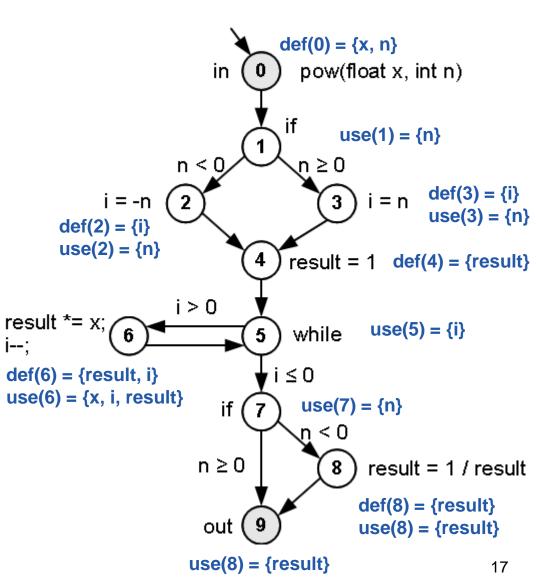


```
 \begin{aligned} &du(0, x) \\ &= \{(0, 1, 2, 4, 5, 6), (0, 1, 3, 4, 5, 6)\} \\ &du(0, n) \\ &= \{(0, 1), (0,1,2,4,5,7), (0,1,3,4,5,7)\} \\ &du(2, i) \end{aligned}
```



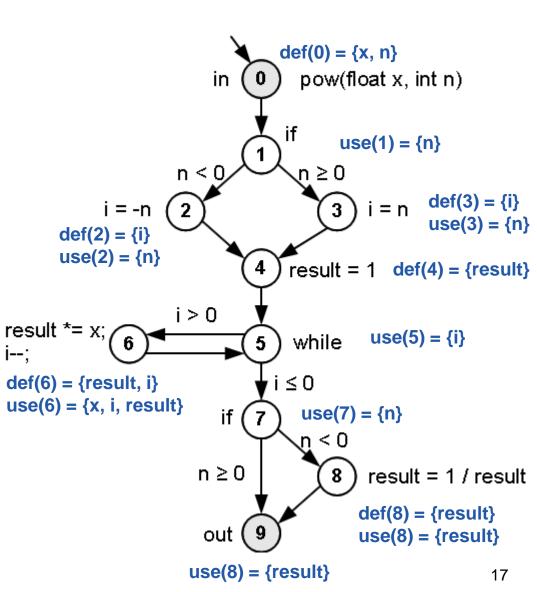


```
 \begin{aligned} &\text{du}(0,\,x) \\ &= \{(0,\,1,\,2,\,4,\,5,\,6),\,(0,\,1,\,3,\,4,\,5,\,6)\} \\ &\text{du}(0,\,n) \\ &= \{(0,\,1),\,(0,1,2,4,5,7),\,(0,1,3,4,5,7)\} \\ &\text{du}(2,\,i) \\ &= \{(2,\,4,\,5)\} \end{aligned}
```





```
\begin{aligned} du(0, x) &= \{(0, 1, 2, 4, 5, 6), (0, 1, 3, 4, 5, 6)\} \\ du(0, n) &= \{(0, 1), (0,1,2,4,5,7), (0,1,3,4,5,7)\} \\ du(2, i) &= \{(2, 4, 5)\} \\ du(3, i) &\end{aligned}
```



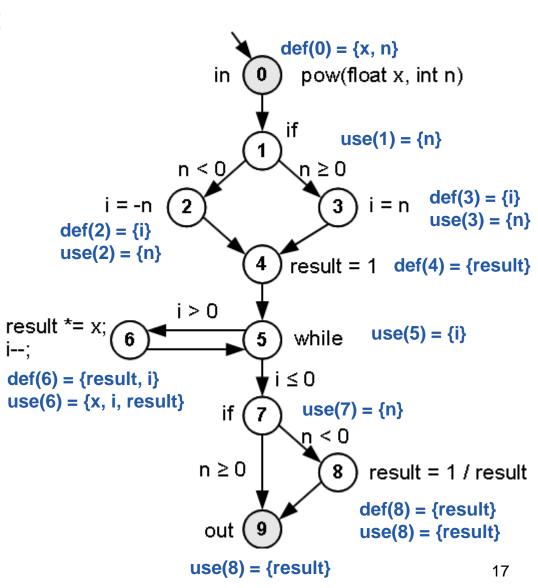


```
du(0, x)
= {(0, 1, 2, 4, 5, 6), (0, 1, 3, 4, 5, 6)}

du(0, n)
= {(0, 1), (0,1,2,4,5,7), (0,1,3,4,5,7)}

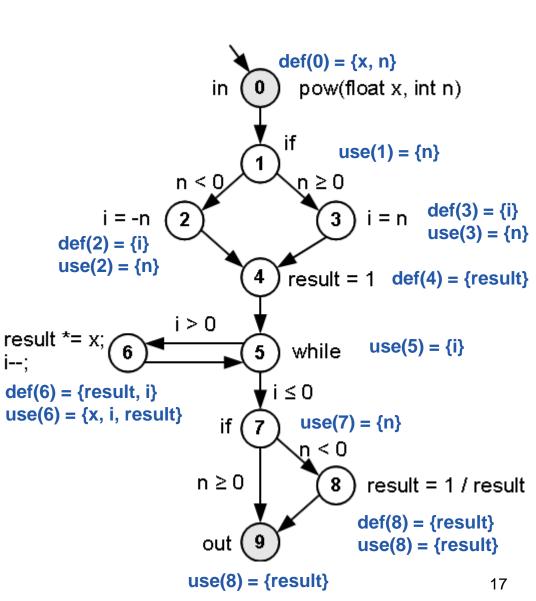
du(2, i)
= {(2, 4, 5)}

du(3, i)
= {(3, 4, 5)}
```



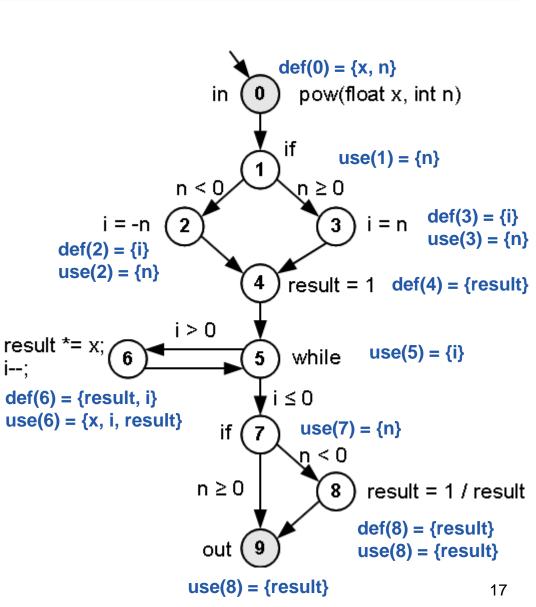


```
\begin{aligned} &\text{du}(0,\,x) \\ &= \{(0,\,1,\,2,\,4,\,5,\,6),\,(0,\,1,\,3,\,4,\,5,\,6)\} \\ &\text{du}(0,\,n) \\ &= \{(0,\,1),\,(0,1,2,4,5,7),\,(0,1,3,4,5,7)\} \\ &\text{du}(2,\,i) \\ &= \{(2,\,4,\,5)\} \\ &\text{du}(3,\,i) \\ &= \{(3,\,4,\,5)\} \\ &\text{du}(4,\,\text{result}) \end{aligned}
```



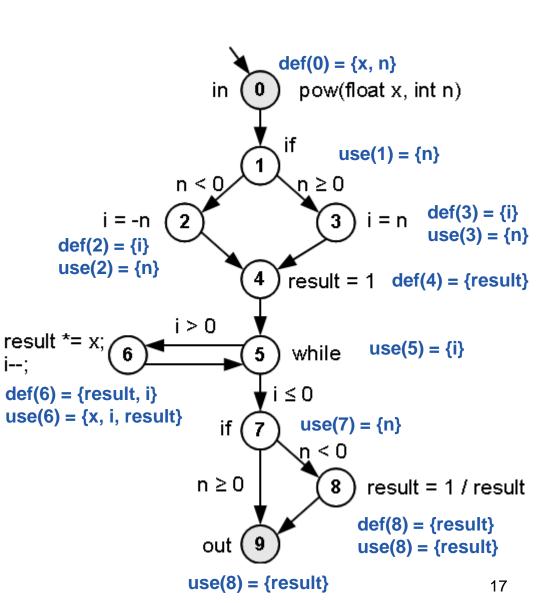


```
\begin{aligned} &\text{du}(0,\,x) \\ &= \{(0,\,1,\,2,\,4,\,5,\,6),\,(0,\,1,\,3,\,4,\,5,\,6)\} \\ &\text{du}(0,\,n) \\ &= \{(0,\,1),\,(0,1,2,4,5,7),\,(0,1,3,4,5,7)\} \\ &\text{du}(2,\,i) \\ &= \{(2,\,4,\,5)\} \\ &\text{du}(3,\,i) \\ &= \{(3,\,4,\,5)\} \\ &\text{du}(4,\,\text{result}) \\ &= \{(4,\,5,\,6),\,(4,\,5,\,7,\,8),\,(4,\,5,\,7,\,9)\} \end{aligned}
```



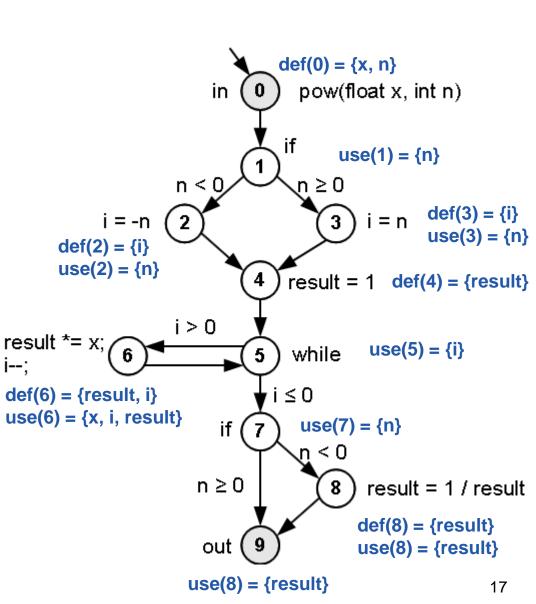


```
 \begin{aligned} &\text{du}(0,\,x) \\ &= \{(0,\,1,\,2,\,4,\,5,\,6),\,(0,\,1,\,3,\,4,\,5,\,6)\} \\ &\text{du}(0,\,n) \\ &= \{(0,\,1),\,(0,1,2,4,5,7),\,(0,1,3,4,5,7)\} \\ &\text{du}(2,\,i) \\ &= \{(2,\,4,\,5)\} \\ &\text{du}(3,\,i) \\ &= \{(3,\,4,\,5)\} \\ &\text{du}(4,\,\text{result}) \\ &= \{(4,\,5,\,6),\,(4,\,5,\,7,\,8),\,(4,\,5,\,7,\,9)\} \end{aligned}
```



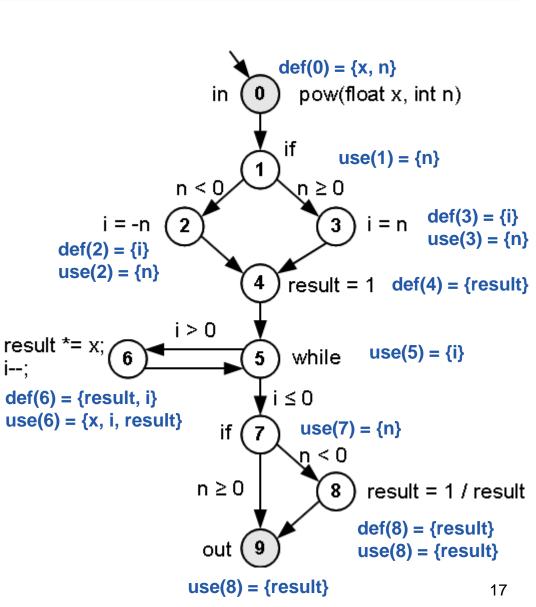


```
\begin{aligned} &\text{du}(0,\,x) \\ &= \{(0,\,1,\,2,\,4,\,5,\,6),\,(0,\,1,\,3,\,4,\,5,\,6)\} \\ &\text{du}(0,\,n) \\ &= \{(0,\,1),\,(0,1,2,4,5,7),\,(0,1,3,4,5,7)\} \\ &\text{du}(2,\,i) \\ &= \{(2,\,4,\,5)\} \\ &\text{du}(3,\,i) \\ &= \{(3,\,4,\,5)\} \\ &\text{du}(4,\,\text{result}) \\ &= \{(4,\,5,\,6),\,(4,\,5,\,7,\,8),\,(4,\,5,\,7,\,9)\} \\ &\text{du}(6,\,i) \end{aligned}
```



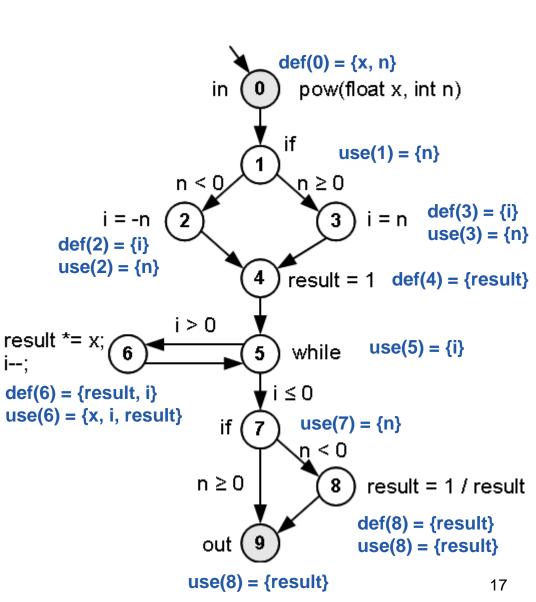


```
\begin{array}{l} \text{du}(0,\,x) \\ &= \{(0,\,1,\,2,\,4,\,5,\,6),\,(0,\,1,\,3,\,4,\,5,\,6)\} \\ \text{du}(0,\,n) \\ &= \{(0,\,1),\,(0,1,2,4,5,7),\,(0,1,3,4,5,7)\} \\ \text{du}(2,\,i) \\ &= \{(2,\,4,\,5)\} \\ \text{du}(3,\,i) \\ &= \{(3,\,4,\,5)\} \\ \text{du}(4,\,\text{result}) \\ &= \{(4,\,5,\,6),\,(4,\,5,\,7,\,8),\,(4,\,5,\,7,\,9)\} \\ \text{du}(6,\,i) \\ &= \{(6,\,5)\} \end{array}
```



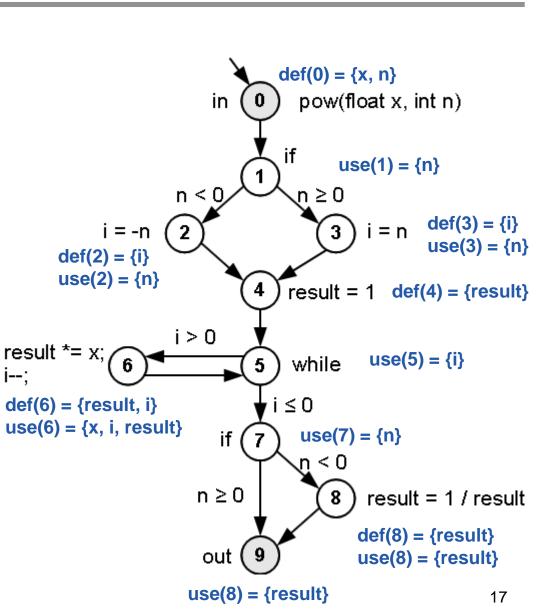


```
\begin{array}{l} \text{du}(0,\,x) \\ &= \{(0,\,1,\,2,\,4,\,5,\,6),\,(0,\,1,\,3,\,4,\,5,\,6)\} \\ \text{du}(0,\,n) \\ &= \{(0,\,1),\,(0,1,2,4,5,7),\,(0,1,3,4,5,7)\} \\ \text{du}(2,\,i) \\ &= \{(2,\,4,\,5)\} \\ \text{du}(3,\,i) \\ &= \{(3,\,4,\,5)\} \\ \text{du}(4,\,\text{result}) \\ &= \{(4,\,5,\,6),\,(4,\,5,\,7,\,8),\,(4,\,5,\,7,\,9)\} \\ \text{du}(6,\,i) \\ &= \{(6,\,5)\} \\ \text{du}(6,\,\text{result}) \end{array}
```



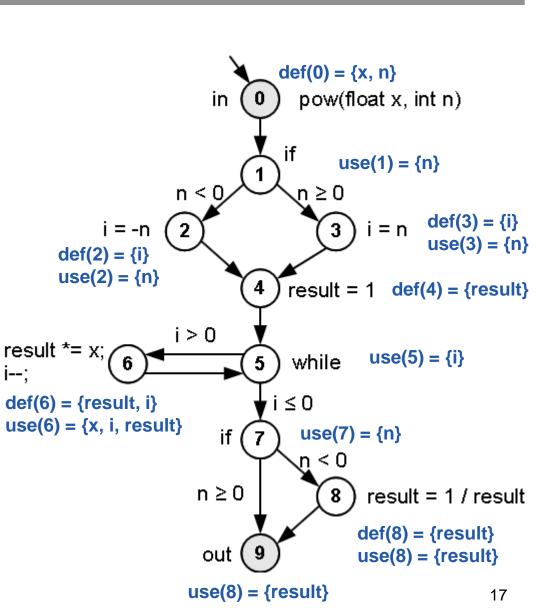


```
du(0, x)
     = \{(0, 1, 2, 4, 5, 6), (0, 1, 3, 4, 5, 6)\}
du(0, n)
     = \{(0, 1), (0,1,2,4,5,7), (0,1,3,4,5,7)\}
du(2, i)
     = \{(2, 4, 5)\}
du(3, i)
      = \{(3, 4, 5)\}
du(4, result)
     = \{(4, 5, 6), (4, 5, 7, 8), (4, 5, 7, 9)\}
du(6, i)
      = \{(6, 5)\}
du(6, result)
     = \{(6, 5, 6), (6, 5, 7, 8), (6, 5, 7, 9)\}
```



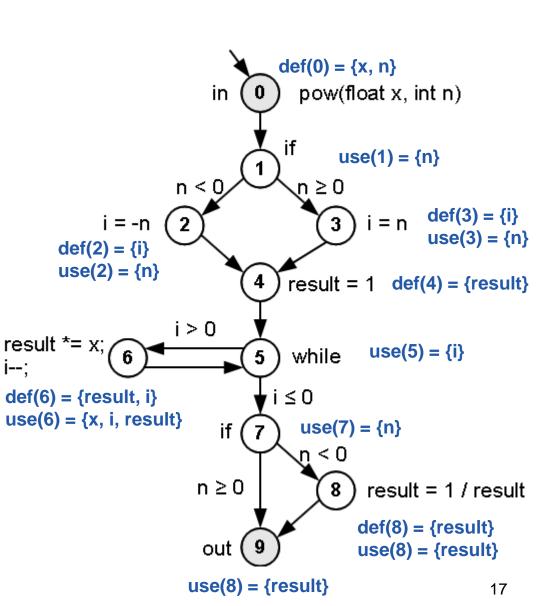


```
du(0, x)
     = \{(0, 1, 2, 4, 5, 6), (0, 1, 3, 4, 5, 6)\}
du(0, n)
     = \{(0, 1), (0,1,2,4,5,7), (0,1,3,4,5,7)\}
du(2, i)
     = \{(2, 4, 5)\}
du(3, i)
     = \{(3, 4, 5)\}
du(4, result)
     = \{(4, 5, 6), (4, 5, 7, 8), (4, 5, 7, 9)\}
du(6, i)
      = \{(6, 5)\}
du(6, result)
      = \{(6, 5, 6), (6, 5, 7, 8), (6, 5, 7, 9)\}
du(8, result)
```



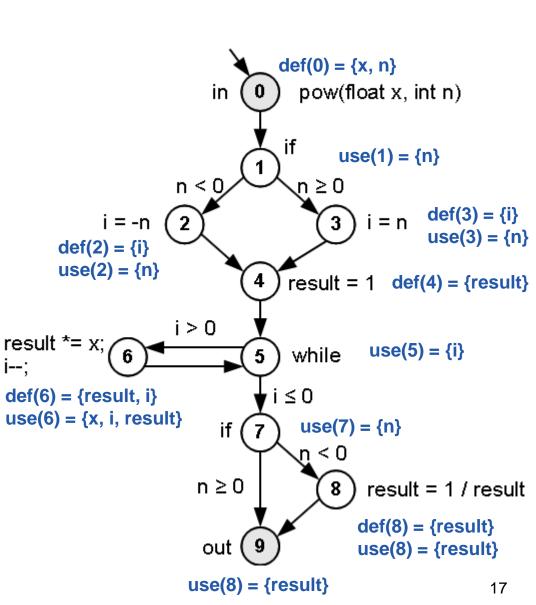


```
du(0, x)
     = \{(0, 1, 2, 4, 5, 6), (0, 1, 3, 4, 5, 6)\}
du(0, n)
     = \{(0, 1), (0,1,2,4,5,7), (0,1,3,4,5,7)\}
du(2, i)
     = \{(2, 4, 5)\}
du(3, i)
     = \{(3, 4, 5)\}
du(4, result)
     = \{(4, 5, 6), (4, 5, 7, 8), (4, 5, 7, 9)\}
du(6, i)
      = \{(6, 5)\}
du(6, result)
      = \{(6, 5, 6), (6, 5, 7, 8), (6, 5, 7, 9)\}
du(8, result)
     = \{(8, 9)\}
```





```
du(0, x)
      = \{(0, 1, 2, 4, 5, 6), (0, 1, 3, 4, 5, 6)\}
du(0, n)
      = \{(0, 1), (0.1, 2, 4, 5.7), (0, 1, 3, 4, 5, 7)\}
du(2, i)
      = \{(2, 4, 5)\}
du(3, i)
      = \{(3, 4, 5)\}
du(4, result)
      = \{(4, 5, 6), (4, 5, 7, 8), (4, 5, 7, 9)\}
du(6, i)
      = \{(6, 5)\}
du(6, result)
      = \{(6, 5, 6), (6, 5, 7, 8), (6, 5, 7, 9)\}
du(8, result)
      = \{(8, 9)\}
```



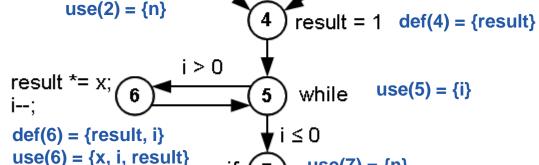


i = -n

 $def(2) = {i}$

Alle Pfadmenge du(n, v):

```
du(0, x)
                    = \{(0, 1, 2, 4, 5, 6), (0, 1, 3, 4, 5, 6)\}
du(0, n)
                    = \{(0, 1), (0,1,3,4,5,7)\}
du(2, i)
                    = \{(2, 4, 5)\}
du(3, i)
                    = \{(3, 4, 5)\}
du(4, result)
                    = \{(4, 5, 6), (4, 5, 7, 9)\}
du(6, i)
                    = \{(6, 5)\}\
                    = \{(6, 5, 6), (6, 5, 7, 8), (6, 5, 7, 9)\}
du(6, result)
du(8, result)
                    = \{(8, 9)\}
```



in

All-Definitions:

 Überdeckung durch folgende Tests

pow(x, -1) überdeckt (0, 1, 2, 4, 5, 6, 5, 7, 8, 9)

 $def(0) = \{x, n\}$

n ≥ 0

pow(float x, int n)

 $use(1) = \{n\}$

i = n

 $def(3) = \{i\}$

 $use(3) = \{n\}$



 $def(6) = \{result, i\}$

Alle Pfadmenge du(n, v):

```
du(0, x)
                    = \{ (0, 1, 2, 4, 5, 6), (0, 1, 3, 4, 5, 6) \}
du(0, n)
                    = \{(0, 1), (0,1,3,4,5,7)\}
du(2, i)
                    = \{(2, 4, 5)\}
du(3, i)
                    = \{(3, 4, 5)\}
du(4, result)
                    = \{(4, 5, 6), (4, 5, 7, 9)\}
du(6, i)
                    = \{(6, 5)\}\
                    = \{(6, 5, 6), (6, 5, 7, 8), (6, 5, 7, 9)\}
du(6, result)
du(8, result)
                    = \{(8, 9)\}
```

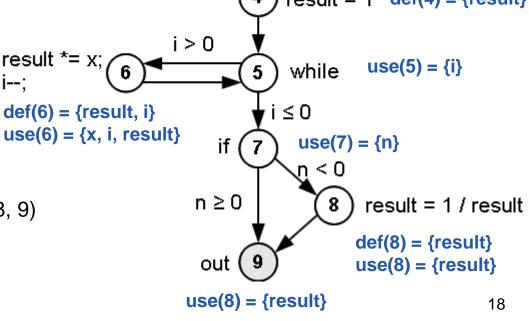
$use(1) = \{n\}$ n ≥ 0 $def(3) = \{i\}$ i = ni = -n $use(3) = \{n\}$ $def(2) = {i}$ $use(2) = \{n\}$ result = 1 def(4) = {result} i > 0 $use(5) = {i}$ while

in

All-Definitions:

 Überdeckung durch folgende Tests

pow(x, -1) überdeckt (0, 1, 2, 4, 5, 6, 5, 7, 8, 9)



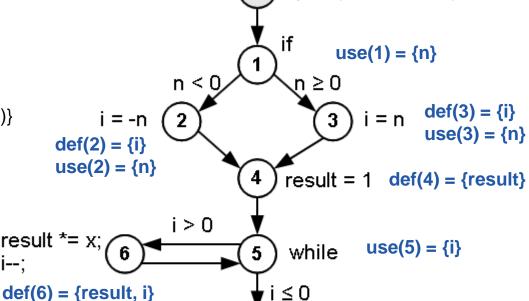
 $def(0) = \{x, n\}$

pow(float x, int n)



Alle Pfadmenge du(n, v):

```
= \{ (0, 1, 2, 4, 5, 6), (0, 1, 3, 4, 5, 6) \}
du(0, x)
du(0, n)
                     = \{ \frac{(0, 1)}{(0, 1, 3, 4, 5, 7)} \}
du(2, i)
                     = \{(2, 4, 5)\}
du(3, i)
                     = \{(3, 4, 5)\}
du(4, result)
                     = \{(4, 5, 6), (4, 5, 7, 9)\}
du(6, i)
                     = \{(6, 5)\}\
                     = \{(6, 5, 6), (6, 5, 7, 8), (6, 5, 7, 9)\}
du(6, result)
du(8, result)
                     = \{(8, 9)\}
```



in

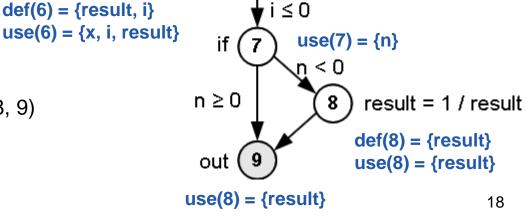
 $def(0) = \{x, n\}$

pow(float x, int n)

All-Definitions:

 Überdeckung durch folgende Tests

pow(x, -1) überdeckt (0, 1, 2, 4, 5, 6, 5, 7, 8, 9)





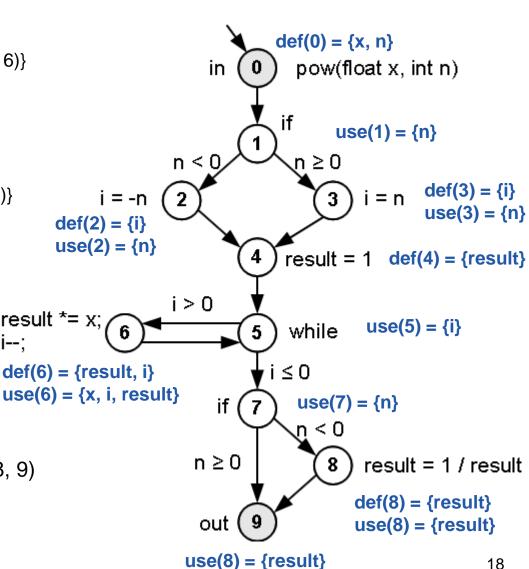
Alle Pfadmenge du(n, v):

```
= \{ (0, 1, 2, 4, 5, 6), (0, 1, 3, 4, 5, 6) \}
du(0, x)
du(0, n)
                      = \{ \frac{(0, 1)}{(0, 1, 3, 4, 5, 7)} \}
du(2, i)
                      = \{ \frac{(2, 4, 5)}{} \}
du(3, i)
                      = \{(3, 4, 5)\}
du(4, result)
                      = \{(4, 5, 6), (4, 5, 7, 9)\}
du(6, i)
                      = \{(6, 5)\}\
                      = \{(6, 5, 6), (6, 5, 7, 8), (6, 5, 7, 9)\}
du(6, result)
du(8, result)
                      = \{(8, 9)\}
```

All-Definitions:

 Überdeckung durch folgende Tests

pow(x, -1) überdeckt (0, 1, 2, 4, 5, 6, 5, 7, 8, 9)





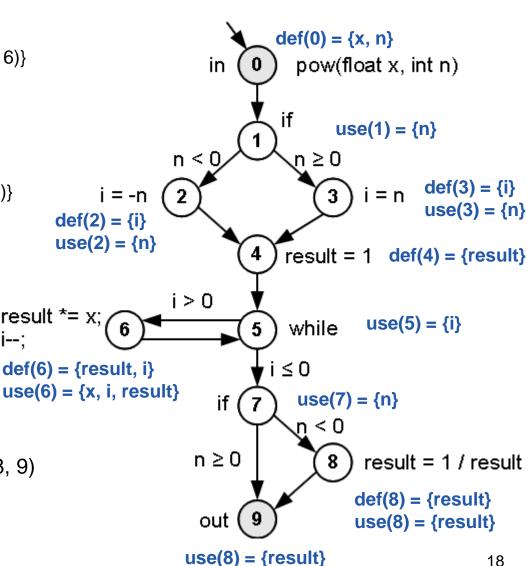
Alle Pfadmenge du(n, v):

```
= \{ (0, 1, 2, 4, 5, 6), (0, 1, 3, 4, 5, 6) \}
du(0, x)
du(0, n)
                      = \{ \frac{(0, 1)}{(0, 1, 3, 4, 5, 7)} \}
du(2, i)
                      = \{ \frac{(2, 4, 5)}{} \}
du(3, i)
                      = \{(3, 4, 5)\}
du(4, result)
                      = \{ (4, 5, 6), (4, 5, 7, 9) \}
du(6, i)
                      = \{(6, 5)\}\
                      = \{(6, 5, 6), (6, 5, 7, 8), (6, 5, 7, 9)\}
du(6, result)
du(8, result)
                      = \{(8, 9)\}
```

All-Definitions:

 Überdeckung durch folgende Tests

pow(x, -1) überdeckt (0, 1, 2, 4, 5, 6, 5, 7, 8, 9)





i = -n

 $use(6) = \{x, i, result\}$

Alle Pfadmenge du(n, v):

```
= \{ (0, 1, 2, 4, 5, 6), (0, 1, 3, 4, 5, 6) \}
du(0, x)
du(0, n)
                      = \{ \frac{(0, 1)}{(0, 1, 3, 4, 5, 7)} \}
du(2, i)
                      = \{ \frac{(2, 4, 5)}{} \}
du(3, i)
                      = \{(3, 4, 5)\}
du(4, result)
                      = \{ (4, 5, 6), (4, 5, 7, 9) \}
du(6, i)
                      = \{ (6, 5) \}
                      = \{(6, 5, 6), (6, 5, 7, 8), (6, 5, 7, 9)\}
du(6, result)
du(8, result)
                      = \{(8, 9)\}
```

$def(2) = \{i\} \\ use(2) = \{n\}$ i > 0 i > 0 i > 0 i > 0 $def(6) = \{result, i\}$ $vi \le 0$ $vi \le 0$ $vi \le 0$ $vi \le 0$

if

n ≥ 0

in

All-Definitions:

 Überdeckung durch folgende Tests

pow(x, -1) überdeckt (0, 1, 2, 4, 5, 6, 5, 7, 8, 9)

 $use(7) = \{n\}$

n < 0

 $def(0) = \{x, n\}$

n ≥ 0

pow(float x, int n)

 $use(1) = \{n\}$

i = n

 $def(3) = \{i\}$

result = 1 / result

 $def(8) = \{result\}$

 $use(3) = \{n\}$



 $use(6) = \{x, i, result\}$

Alle Pfadmenge du(n, v):

```
du(0, x)
                        = \{ (0, 1, 2, 4, 5, 6), (0, 1, 3, 4, 5, 6) \}
du(0, n)
                        = \{ \frac{(0, 1)}{(0, 1, 3, 4, 5, 7)} \}
du(2, i)
                       = \{ \frac{(2, 4, 5)}{} \}
du(3, i)
                       = \{(3, 4, 5)\}
du(4, result)
                        = \{ (4, 5, 6), (4, 5, 7, 9) \}
du(6, i)
                       = \{ (6, 5) \}
                       = \{(6, 5, 6), \frac{(6, 5, 7, 8)}{(6, 5, 7, 9)}, (6, 5, 7, 9)\}
du(6, result)
du(8, result)
                        = \{(8, 9)\}
```


in

if

All-Definitions:

 Überdeckung durch folgende Tests

pow(x, -1) überdeckt (0, 1, 2, 4, 5, 6, 5, 7, 8, 9)

n < 0

 $use(7) = \{n\}$

 $def(0) = \{x, n\}$

pow(float x, int n)

 $use(1) = \{n\}$



Alle Pfadmenge du(n, v):

```
du(0, x)
                        = \{ (0, 1, 2, 4, 5, 6), (0, 1, 3, 4, 5, 6) \}
du(0, n)
                        = \{ \frac{(0, 1)}{(0, 1, 3, 4, 5, 7)} \}
du(2, i)
                        = \{ \frac{(2, 4, 5)}{} \}
du(3, i)
                        = \{(3, 4, 5)\}
du(4, result)
                        = \{ (4, 5, 6), (4, 5, 7, 9) \}
du(6, i)
                        = \{ (6, 5) \}
                        = \{(6, 5, 6), \frac{(6, 5, 7, 8)}{(6, 5, 7, 9)}, (6, 5, 7, 9)\}
du(6, result)
du(8, result)
                        = \{ (8, 9) \}
```

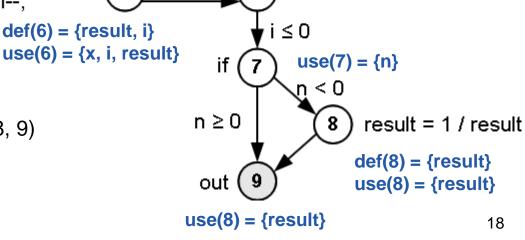
if $use(1) = \{n\}$ i = -n $def(2) = \{i\}$ $use(2) = \{n\}$ $use(2) = \{n\}$ i = n $use(3) = \{n\}$ $use(3) = \{n\}$ $use(4) = \{result\}$ i > 0 while $use(5) = \{i\}$

in

All-Definitions:

 Überdeckung durch folgende Tests

pow(x, -1) überdeckt (0, 1, 2, 4, 5, 6, 5, 7, 8, 9)



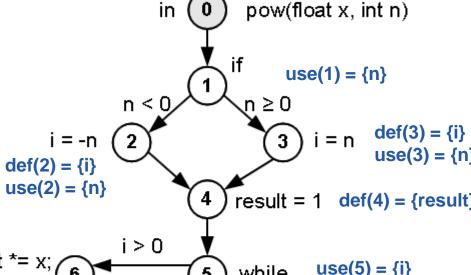
 $def(0) = \{x, n\}$

pow(float x, int n)



Alle Pfadmenge du(n, v):

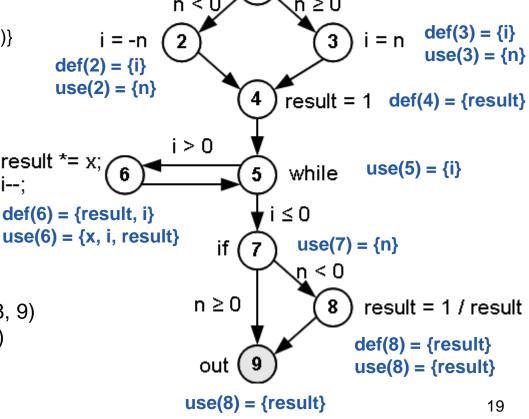
```
du(0, x)
                        = \{ (0, 1, 2, 4, 5, 6), (0, 1, 3, 4, 5, 6) \}
du(0, n)
                        = \{ \frac{(0, 1)}{(0, 1, 3, 4, 5, 7)} \}
du(2, i)
                        = \{ \frac{(2, 4, 5)}{} \}
du(3, i)
                        = \{(3, 4, 5)\}
du(4, result)
                        = \{ (4, 5, 6), (4, 5, 7, 9) \}
du(6, i)
                        = \{ (6, 5) \}
                        = \{(6, 5, 6), \frac{(6, 5, 7, 8)}{(6, 5, 7, 9)}, (6, 5, 7, 9)\}
du(6, result)
du(8, result)
                        = \{ (8, 9) \}
```



All-Definitions:

 Überdeckung durch folgende Tests

```
pow(x, -1) überdeckt (0, 1, 2, 4, 5, 6, 5, 7, 8, 9)
pow(x, 1) überdeckt (0, 1, 3, 4, 5, 6, 5, 7, 9)
```

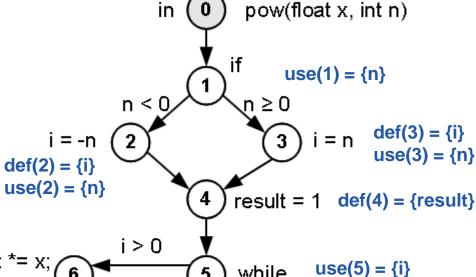


 $def(0) = \{x, n\}$



Alle Pfadmenge du(n, v):

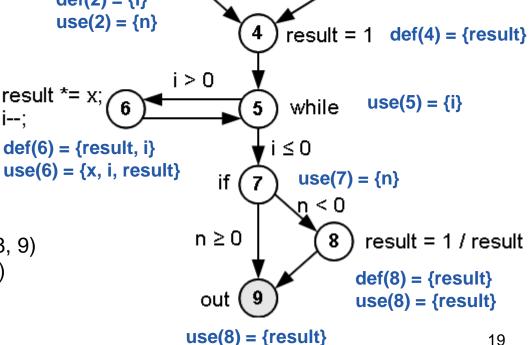
```
= \{(0, 1, 2, 4, 5, 6), (0, 1, 3, 4, 5, 6)\}
du(0, x)
du(0, n)
                        = \{ \frac{(0, 1)}{(0, 1, 3, 4, 5, 7)} \}
du(2, i)
                       = \{ \frac{(2, 4, 5)}{} \}
du(3, i)
                       = \{(3, 4, 5)\}
du(4, result)
                        = \{ (4, 5, 6), (4, 5, 7, 9) \}
du(6, i)
                       = \{ (6, 5) \}
                       = \{(6, 5, 6), \frac{(6, 5, 7, 8)}{(6, 5, 7, 9)}, (6, 5, 7, 9)\}
du(6, result)
du(8, result)
                        = \{ (8, 9) \}
```



All-Definitions:

 Überdeckung durch folgende Tests

```
pow(x, -1) überdeckt (0, 1, 2, 4, 5, 6, 5, 7, 8, 9) pow(x, 1) überdeckt (0, 1, 3, 4, 5, 6, 5, 7, 9)
```



 $def(0) = \{x, n\}$



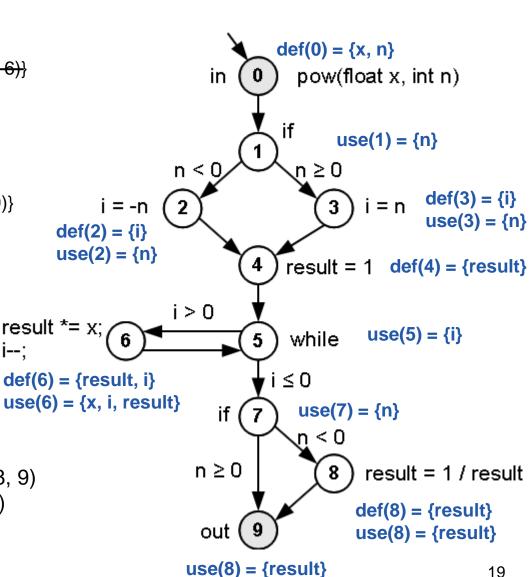
Alle Pfadmenge du(n, v):

```
= \{(0, 1, 2, 4, 5, 6), (0, 1, 3, 4, 5, 6)\}
du(0, x)
du(0, n)
                       = \{ \frac{(0, 1)}{(0, 1, 3, 4, 5, 7)} \}
du(2, i)
                       = \{ (2, 4, 5) \}
du(3, i)
                       = \{ (3, 4, 5) \}
du(4, result)
                       = \{ (4, 5, 6), (4, 5, 7, 9) \}
du(6, i)
                       = \{ (6, 5) \}
                       = \{(6, 5, 6), \frac{(6, 5, 7, 8)}{(6, 5, 7, 9)}, (6, 5, 7, 9)\}
du(6, result)
du(8, result)
                       = \{ (8, 9) \}
```

All-Definitions:

 Überdeckung durch folgende Tests

```
pow(x, -1) überdeckt (0, 1, 2, 4, 5, 6, 5, 7, 8, 9)
pow(x, 1) überdeckt (0, 1, 3, 4, 5, 6, 5, 7, 9)
```





Alle Pfadmenge du(n, v):

```
= \{(0, 1, 2, 4, 5, 6), (0, 1, 3, 4, 5, 6)\}
du(0, x)
du(0, n)
                      = \{ \frac{(0, 1)}{(0, 1, 3, 4, 5, 7)} \}
du(2, i)
                      = \{ (2, 4, 5) \}
du(3, i)
                      = \{ (3, 4, 5) \}
du(4, result)
                      = \{ (4, 5, 6), (4, 5, 7, 9) \}
du(6, i)
                      = \{ (6, 5) \}
                      = \{(6, 5, 6), \frac{(6, 5, 7, 8)}{(6, 5, 7, 9)}\}
du(6, result)
du(8, result)
                      = \{ (8, 9) \}
```

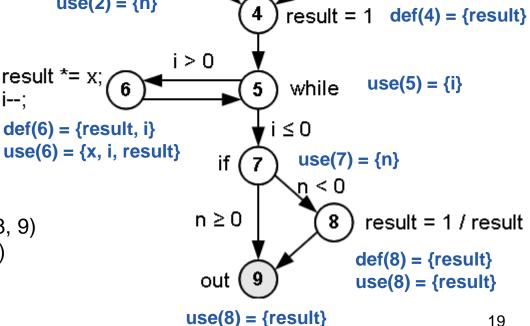
$use(1) = \{n\}$ n ≥ 0 $def(3) = \{i\}$ i = -ni = n $use(3) = \{n\}$ $def(2) = {i}$ $use(2) = \{n\}$ i > 0 $use(5) = {i}$ while

in

All-Definitions:

 Überdeckung durch folgende Tests

```
pow(x, -1) überdeckt (0, 1, 2, 4, 5, 6, 5, 7, 8, 9)
pow(x, 1) überdeckt (0, 1, 3, 4, 5, 6, 5, 7, 9)
```



19

 $def(0) = \{x, n\}$

pow(float x, int n)



Defs-Uses-Überdeckungskriterien All-Uses

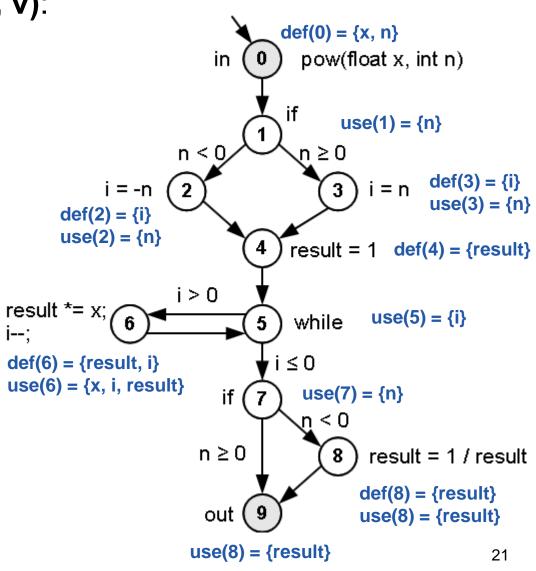
- Überdeckungskriterium: All-Uses
 - Für alle Definitionen einer Variable, überdecke mindestens einen bezüglich dieser Variablen definitionsfreien Pfad zu jedem lesenden Zugriff (c-use oder p-use) dieser Variablen



Defs-Uses-Überdeckungskriterien All-Uses

- Überdeckungskriterium: All-Uses
 - Für alle Definitionen einer Variable, überdecke mindestens einen bezüglich dieser Variablen definitionsfreien Pfad zu jedem lesenden Zugriff (c-use oder p-use) dieser Variablen
 - Etwas formaler: Für jede Pfadmenge du(n, n', v) muss
 mindestens ein Pfad aus dieser Menge überdeckt werden

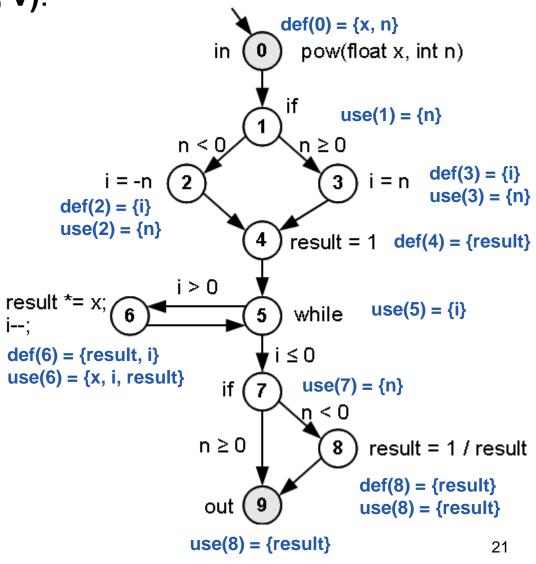






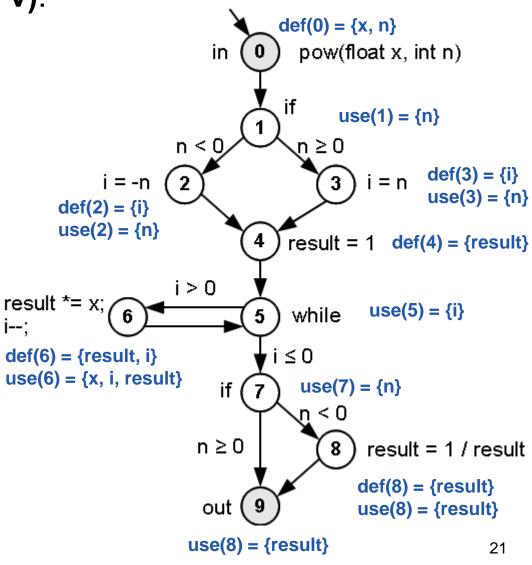
Alle Pfadmenge du(n, n', v):

du(0, 6, x)

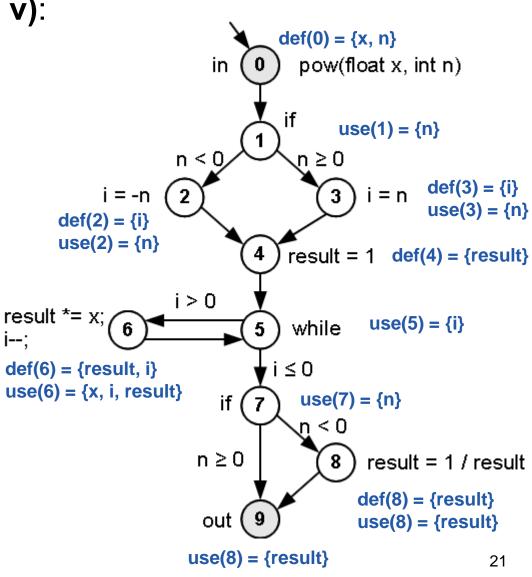




$$du(0, 6, x) = \{(0, 1, 2, 4, 5, 6), (0, 1, 3, 4, 5, 6)\}$$

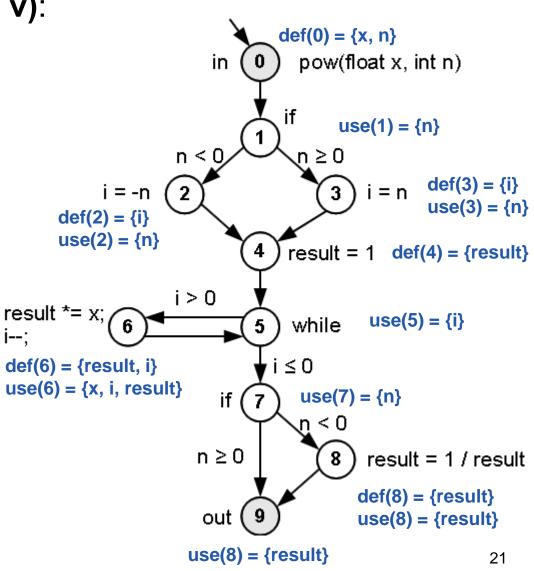






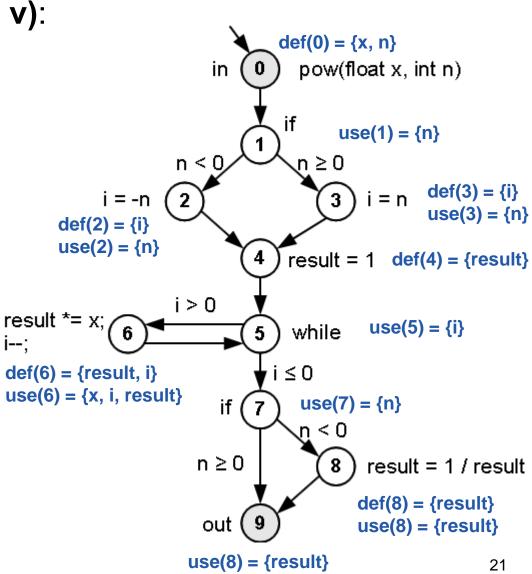


```
 \begin{array}{l} du(0,\,6,\,x) \\ = \{(0,\,1,\,2,\,4,\,5,\,6),\,(0,\,1,\,3,\,4,\,5,\,6)\} \\ du(0,\,1,\,n) & du(0,\,7,\,n) = \\ = \{(0,\,1)\} & \{(0,1,3,4,5,7)\} \end{array}
```



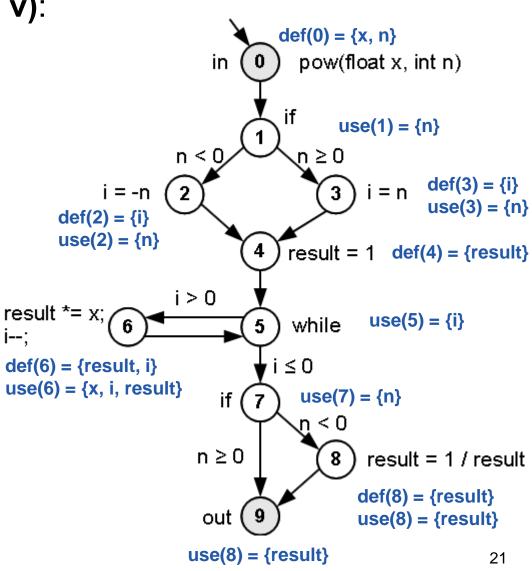


```
 \begin{array}{l} du(0,\,6,\,x) \\ &= \{(0,\,1,\,2,\,4,\,5,\,6),\,(0,\,1,\,3,\,4,\,5,\,6)\} \\ du(0,\,1,\,n) & du(0,\,7,\,n) = \\ &= \{(0,\,1)\} & \{(0,1,3,4,5,7)\} \\ du(2,\,5,\,i) \end{array}
```



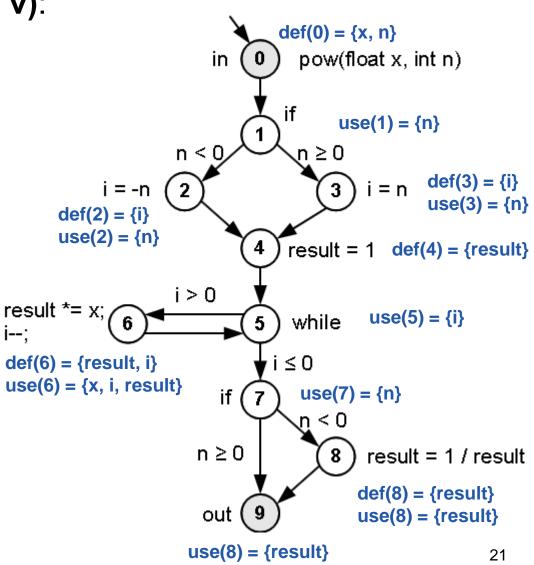


```
 \begin{array}{l} du(0,\,6,\,x) \\ &= \{(0,\,1,\,2,\,4,\,5,\,6),\,(0,\,1,\,3,\,4,\,5,\,6)\} \\ du(0,\,1,\,n) & du(0,\,7,\,n) = \\ &= \{(0,\,1)\} & \{(0,1,3,4,5,7)\} \\ du(2,\,5,\,i) & \\ &= \{(2,\,4,\,5)\} \end{array}
```



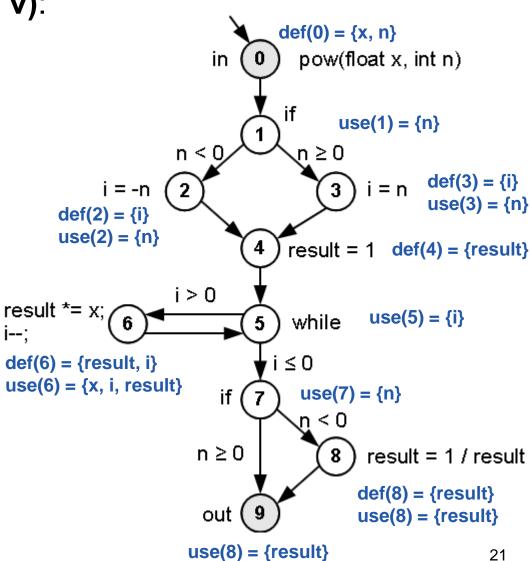


```
\begin{array}{l} du(0,\,6,\,x)\\ &=\{(0,\,1,\,2,\,4,\,5,\,6,),\,(0,\,1,\,3,\,4,\,5,\,6)\}\\ du(0,\,1,\,n) & du(0,\,7,\,n)=\\ &=\{(0,\,1)\} & \{(0,1,3,4,5,7)\}\\ du(2,\,5,\,i)\\ &=\{(2,\,4,\,5)\}\\ du(3,\,5,\,i) \end{array}
```



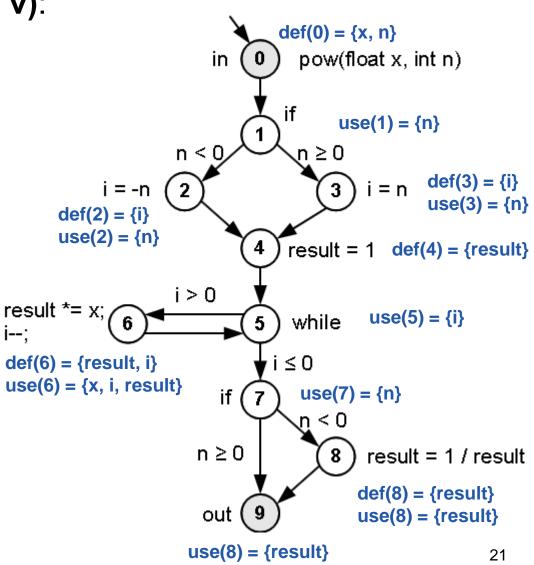


```
\begin{array}{l} du(0,\,6,\,x)\\ &=\{(0,\,1,\,2,\,4,\,5,\,6),\,(0,\,1,\,3,\,4,\,5,\,6)\}\\ du(0,\,1,\,n) & du(0,\,7,\,n)=\\ &=\{(0,\,1)\} & \{(0,1,3,4,5,7)\}\\ du(2,\,5,\,i) & \\ &=\{(2,\,4,\,5)\}\\ du(3,\,5,\,i) & \\ &=\{(3,\,4,\,5)\} \end{array}
```



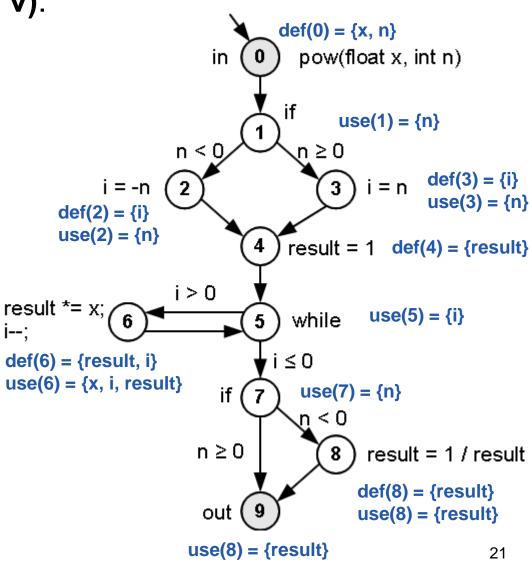


```
\begin{array}{l} du(0,\,6,\,x) \\ &= \{(0,\,1,\,2,\,4,\,5,\,6),\,(0,\,1,\,3,\,4,\,5,\,6)\} \\ du(0,\,1,\,n) & du(0,\,7,\,n) = \\ &= \{(0,\,1)\} & \{(0,1,3,4,5,7)\} \\ du(2,\,5,\,i) & \\ &= \{(2,\,4,\,5)\} \\ du(3,\,5,\,i) & \\ &= \{(3,\,4,\,5)\} \\ du(4,\,6,\,result) \end{array}
```



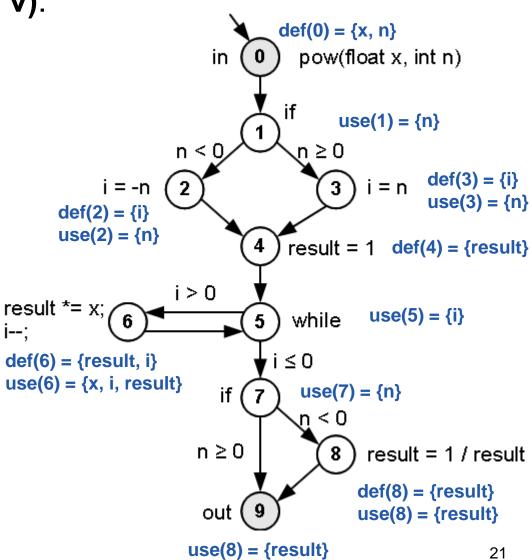


```
\begin{array}{l} du(0,6,x) \\ &= \{(0,1,2,4,5,6),\,(0,1,3,4,5,6)\} \\ du(0,1,n) & du(0,7,n) = \\ &= \{(0,1)\} & \{(0,1,3,4,5,7)\} \\ du(2,5,i) & &= \{(2,4,5)\} \\ du(3,5,i) & &= \{(3,4,5)\} \\ du(4,6,result) & &= \{(4,5,6)\} \end{array}
```



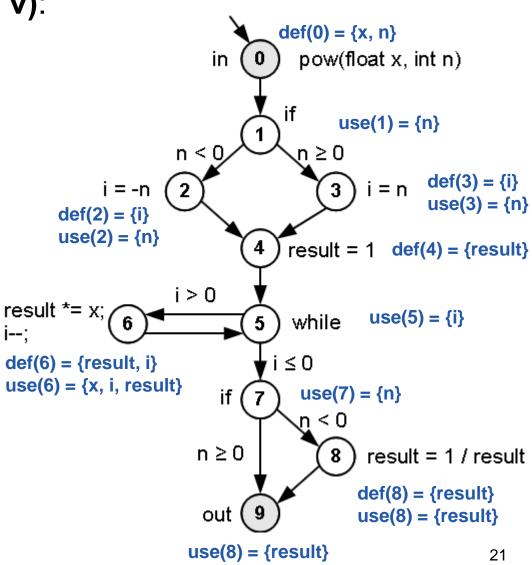


```
du(0, 6, x)
     = \{(0, 1, 2, 4, 5, 6), (0, 1, 3, 4, 5, 6)\}
du(0, 1, n)
             du(0, 7, n) =
     = \{(0, 1)\}\ \{(0,1,3,4,5,7)\}
du(2, 5, i)
     = \{(2, 4, 5)\}
du(3, 5, i)
     = \{(3, 4, 5)\}
du(4, 6, result)
     = \{(4, 5, 6)\}
du(4, 8, result)
```

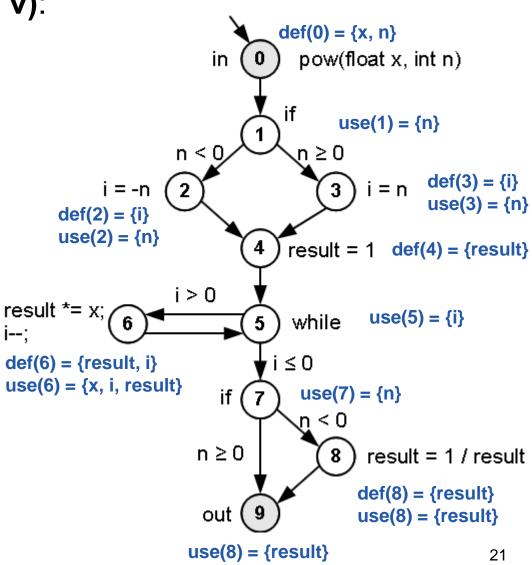




```
\begin{array}{l} \text{du}(0,\,6,\,x) \\ &= \{(0,\,1,\,2,\,4,\,5,\,6,),\,(0,\,1,\,3,\,4,\,5,\,6)\} \\ \text{du}(0,\,1,\,n) & \text{du}(0,\,7,\,n) = \\ &= \{(0,\,1)\} & \{(0,1,3,4,5,7)\} \\ \text{du}(2,\,5,\,i) & \\ &= \{(2,\,4,\,5)\} \\ \text{du}(3,\,5,\,i) & \\ &= \{(3,\,4,\,5)\} \\ \text{du}(4,\,6,\,\text{result}) & \\ &= \{(4,\,5,\,6)\} \\ \text{du}(4,\,8,\,\text{result}) & \\ &= \{(4,\,5,\,7,\,8)\} \end{array}
```

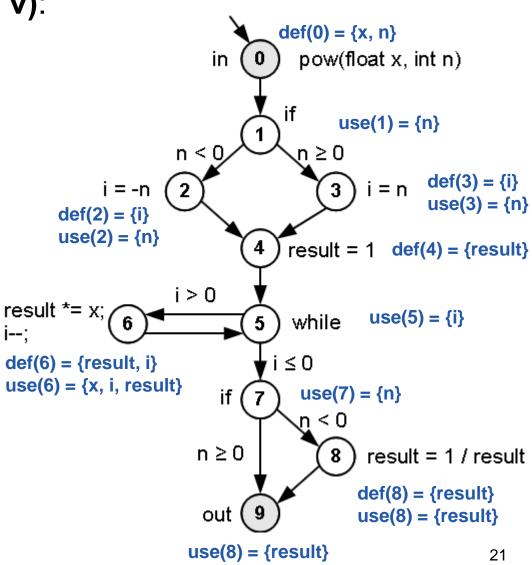








```
du(0, 6, x)
= \{(0, 1, 2, 4, 5, 6,), (0, 1, 3, 4, 5, 6)\}
du(0, 1, n) \qquad du(0, 7, n) =
= \{(0, 1)\} \qquad \{(0,1,3,4,5,7)\}
du(2, 5, i)
= \{(2, 4, 5)\}
du(3, 5, i)
= \{(3, 4, 5)\}
du(4, 6, result)
= \{(4, 5, 6)\}
du(4, 8, result)
= \{(4, 5, 7, 8)\}
du(4, 9, result)
= \{(4, 5, 7, 9)\}
```

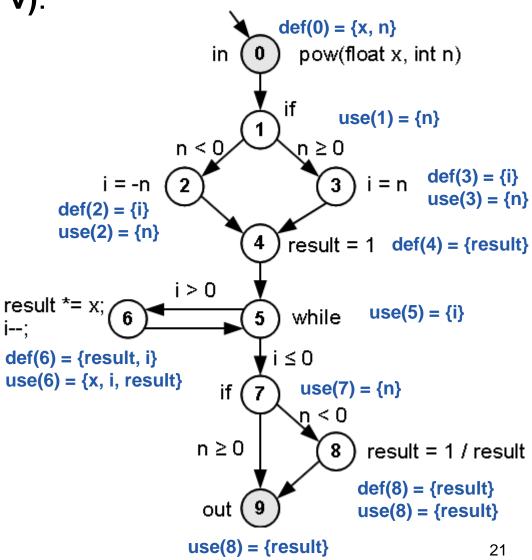




du(6, 5, i)

Defs-Uses-Überdeckungskriterien All-Uses – Beispiel

```
\begin{array}{l} \text{du}(0,6,x) \\ = \{(0,1,2,4,5,6), (0,1,3,4,5,6)\} \\ \text{du}(0,1,n) & \text{du}(0,7,n) = \\ = \{(0,1)\} & \{(0,1,3,4,5,7)\} \\ \text{du}(2,5,i) & = \{(2,4,5)\} \\ \text{du}(3,5,i) & = \{(3,4,5)\} \\ \text{du}(4,6,\text{result}) & = \{(4,5,6)\} \\ \text{du}(4,8,\text{result}) & = \{(4,5,7,8)\} \\ \text{du}(4,9,\text{result}) & = \{(4,5,7,9)\} \end{array}
```

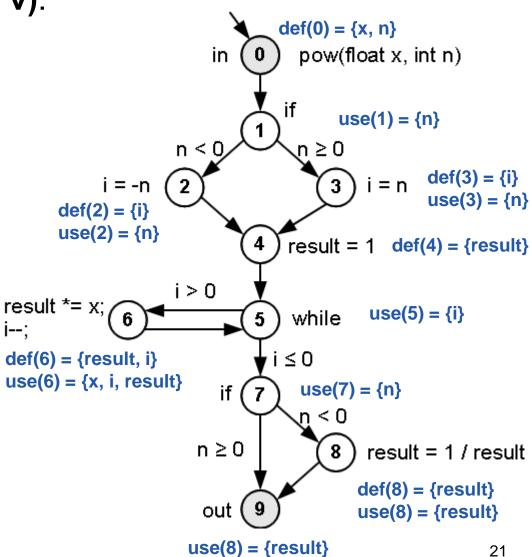




 $= \{(6, 5)\}$

Defs-Uses-Überdeckungskriterien All-Uses – Beispiel

```
du(0, 6, x)
     = \{(0, 1, 2, 4, 5, 6), (0, 1, 3, 4, 5, 6)\}
du(0, 1, n)
             du(0, 7, n) =
     = \{(0, 1)\}\ \{(0,1,3,4,5,7)\}
du(2, 5, i)
     = \{(2, 4, 5)\}
du(3, 5, i)
     = \{(3, 4, 5)\}
du(4, 6, result)
     = \{(4, 5, 6)\}
du(4, 8, result)
     = \{(4, 5, 7, 8)\}
du(4, 9, result)
     = \{(4, 5, 7, 9)\}
du(6, 5, i)
```

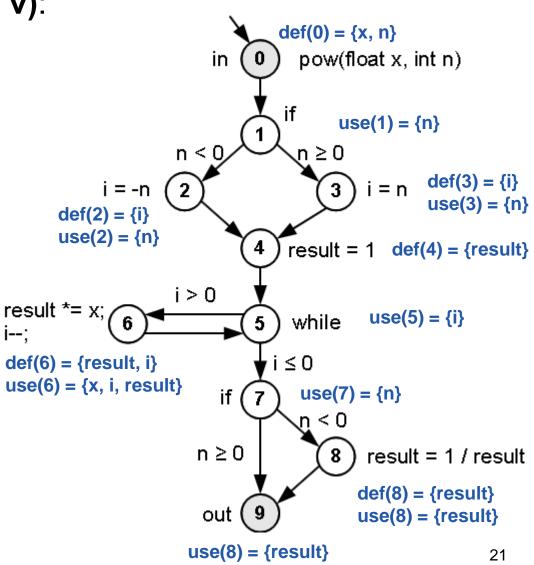




du(6, 6, result)

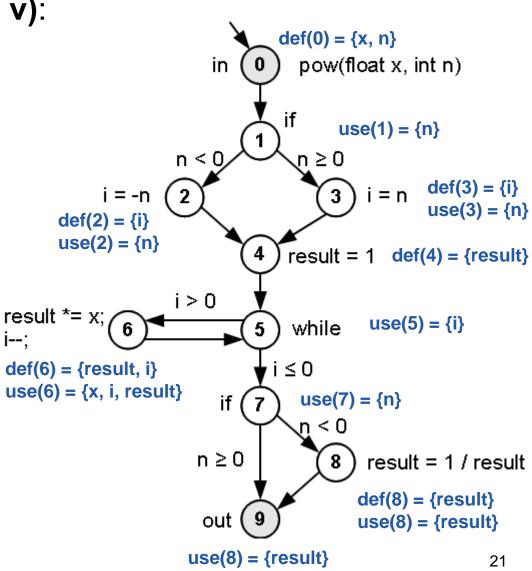
Defs-Uses-Überdeckungskriterien All-Uses – Beispiel

```
du(0, 6, x)
     = \{(0, 1, 2, 4, 5, 6), (0, 1, 3, 4, 5, 6)\}
du(0, 1, n)
             du(0, 7, n) =
     = \{(0, 1)\}\ \{(0,1,3,4,5,7)\}
du(2, 5, i)
     = \{(2, 4, 5)\}
du(3, 5, i)
     = \{(3, 4, 5)\}
du(4, 6, result)
     = \{(4, 5, 6)\}
du(4, 8, result)
     = \{(4, 5, 7, 8)\}
du(4, 9, result)
     = \{(4, 5, 7, 9)\}
du(6, 5, i)
     = \{(6, 5)\}
```



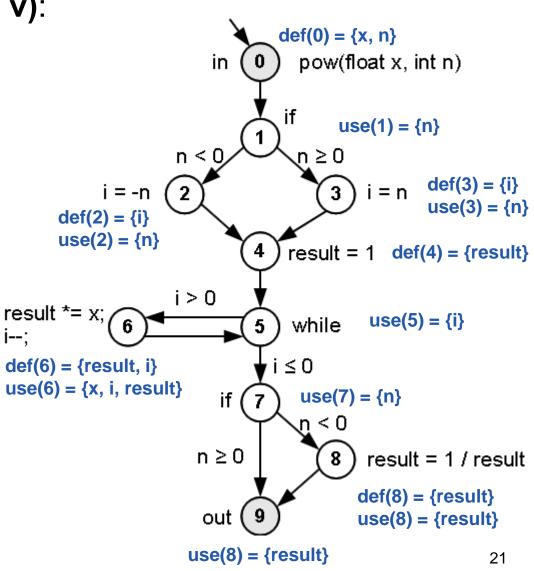


```
du(0, 6, x)
     = \{(0, 1, 2, 4, 5, 6), (0, 1, 3, 4, 5, 6)\}
du(0, 1, n)
              du(0, 7, n) =
     = \{(0, 1)\}\ \{(0,1,3,4,5,7)\}
du(2, 5, i)
     = \{(2, 4, 5)\}
du(3, 5, i)
     = \{(3, 4, 5)\}
du(4, 6, result)
     = \{(4, 5, 6)\}
du(4, 8, result)
     = \{(4, 5, 7, 8)\}
du(4, 9, result)
     = \{(4, 5, 7, 9)\}
du(6, 5, i)
     = \{(6, 5)\}
du(6, 6, result)
     = \{(6, 5, 6)\}
```



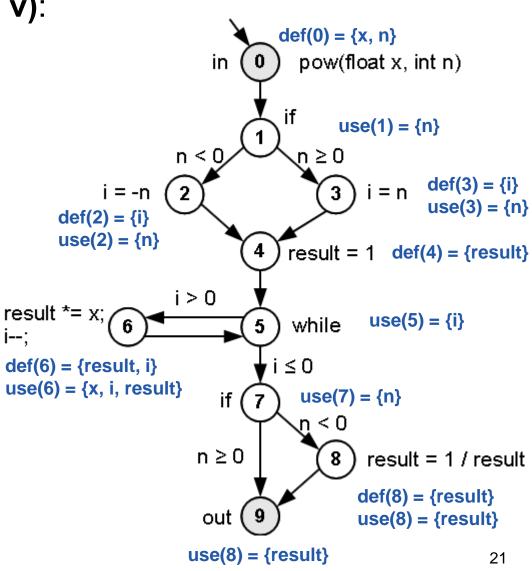


```
du(0, 6, x)
     = \{(0, 1, 2, 4, 5, 6), (0, 1, 3, 4, 5, 6)\}
du(0, 1, n)
              du(0, 7, n) =
     = \{(0, 1)\}\ \{(0,1,3,4,5,7)\}
du(2, 5, i)
     = \{(2, 4, 5)\}
du(3, 5, i)
     = \{(3, 4, 5)\}
du(4, 6, result)
     = \{(4, 5, 6)\}
du(4, 8, result)
     = \{(4, 5, 7, 8)\}
du(4, 9, result)
     = \{(4, 5, 7, 9)\}
du(6, 5, i)
     = \{(6, 5)\}
du(6, 6, result)
     = \{(6, 5, 6)\}
du(6, 8, result)
```



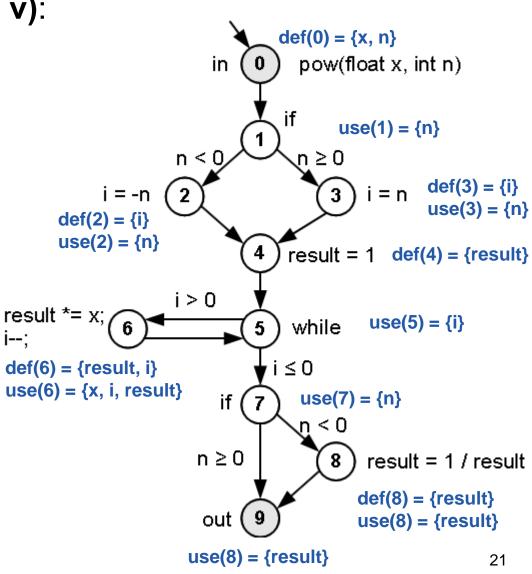


```
du(0, 6, x)
     = \{(0, 1, 2, 4, 5, 6), (0, 1, 3, 4, 5, 6)\}
du(0, 1, n)
              du(0, 7, n) =
     = \{(0, 1)\}\ \{(0,1,3,4,5,7)\}
du(2, 5, i)
     = \{(2, 4, 5)\}
du(3, 5, i)
     = \{(3, 4, 5)\}
du(4, 6, result)
     = \{(4, 5, 6)\}
du(4, 8, result)
     = \{(4, 5, 7, 8)\}
du(4, 9, result)
     = \{(4, 5, 7, 9)\}
du(6, 5, i)
     = \{(6, 5)\}
du(6, 6, result)
     = \{(6, 5, 6)\}
du(6, 8, result)
     = \{(6, 5, 7, 8)\}
```



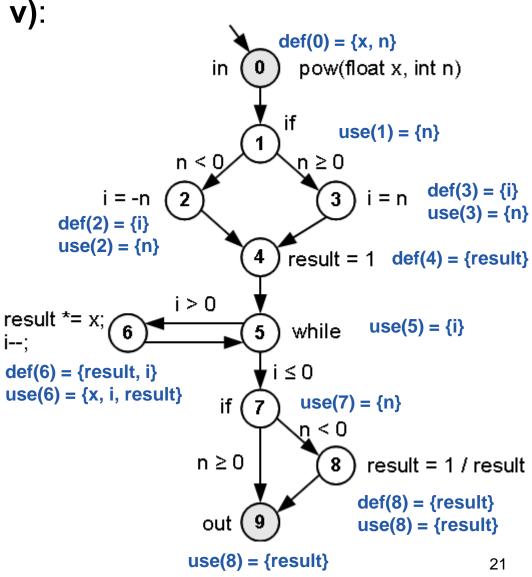


```
du(0, 6, x)
     = \{(0, 1, 2, 4, 5, 6), (0, 1, 3, 4, 5, 6)\}
du(0, 1, n)
              du(0, 7, n) =
     = \{(0, 1)\}\ \{(0,1,3,4,5,7)\}
du(2, 5, i)
     = \{(2, 4, 5)\}
du(3, 5, i)
     = \{(3, 4, 5)\}
du(4, 6, result)
     = \{(4, 5, 6)\}
du(4, 8, result)
     = \{(4, 5, 7, 8)\}
du(4, 9, result)
     = \{(4, 5, 7, 9)\}
du(6, 5, i)
     = \{(6, 5)\}
du(6, 6, result)
     = \{(6, 5, 6)\}
du(6, 8, result)
     = \{(6, 5, 7, 8)\}
du(6, 9, result)
```



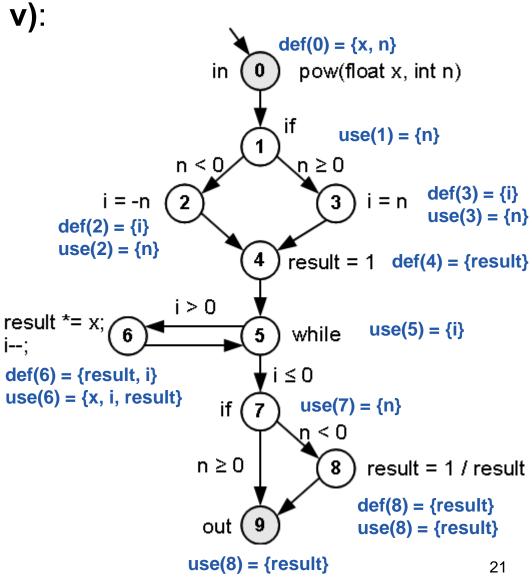


```
du(0, 6, x)
     = \{(0, 1, 2, 4, 5, 6), (0, 1, 3, 4, 5, 6)\}
du(0, 1, n)
              du(0, 7, n) =
     = \{(0, 1)\}\ \{(0,1,3,4,5,7)\}
du(2, 5, i)
     = \{(2, 4, 5)\}
du(3, 5, i)
     = \{(3, 4, 5)\}
du(4, 6, result)
     = \{(4, 5, 6)\}
du(4, 8, result)
     = \{(4, 5, 7, 8)\}
du(4, 9, result)
     = \{(4, 5, 7, 9)\}
du(6, 5, i)
     = \{(6, 5)\}
du(6, 6, result)
     = \{(6, 5, 6)\}
du(6, 8, result)
     = \{(6, 5, 7, 8)\}
du(6, 9, result)
     = \{(6, 5, 7, 9)\}
```



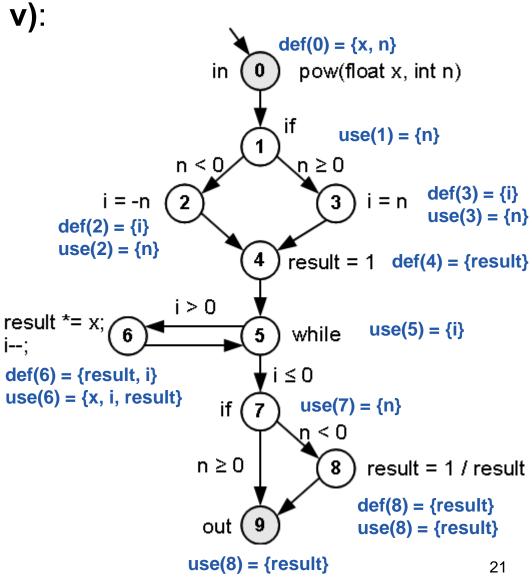


```
du(0, 6, x)
     = \{(0, 1, 2, 4, 5, 6), (0, 1, 3, 4, 5, 6)\}
du(0, 1, n)
             du(0, 7, n) =
     = \{(0, 1)\}\ \{(0,1,3,4,5,7)\}
du(2, 5, i)
     = \{(2, 4, 5)\}
du(3, 5, i)
     = \{(3, 4, 5)\}
du(4, 6, result)
     = \{(4, 5, 6)\}
du(4, 8, result)
     = \{(4, 5, 7, 8)\}
du(4, 9, result)
     = \{(4, 5, 7, 9)\}
du(6, 5, i)
     = \{(6, 5)\}
du(6, 6, result)
     = \{(6, 5, 6)\}
du(6, 8, result)
     = \{(6, 5, 7, 8)\}
du(6, 9, result)
     = \{(6, 5, 7, 9)\}
du(8, result)
```





```
du(0, 6, x)
     = \{(0, 1, 2, 4, 5, 6), (0, 1, 3, 4, 5, 6)\}
             du(0, 7, n) =
du(0, 1, n)
     = \{(0, 1)\}\ \{(0,1,3,4,5,7)\}
du(2, 5, i)
     = \{(2, 4, 5)\}
du(3, 5, i)
     = \{(3, 4, 5)\}
du(4, 6, result)
     = \{(4, 5, 6)\}
du(4, 8, result)
     = \{(4, 5, 7, 8)\}
du(4, 9, result)
     = \{(4, 5, 7, 9)\}
du(6, 5, i)
     = \{(6, 5)\}
du(6, 6, result)
     = \{(6, 5, 6)\}
du(6, 8, result)
     = \{(6, 5, 7, 8)\}
du(6, 9, result)
     = \{(6, 5, 7, 9)\}
du(8, result)
     = \{(8, 9)\}
```





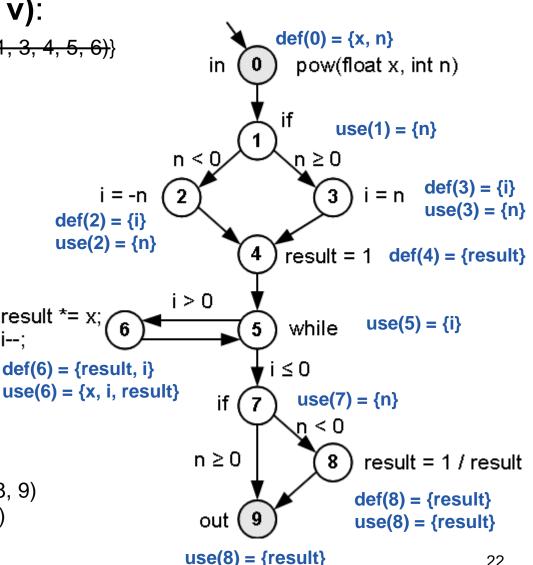
Í--:

Alle Pfadmenge du(n, n', v):

```
du(0, 6, x)
                       = \{ (0, 1, 2, 4, 5, 6), (0, 1, 3, 4, 5, 6) \}
du(0, 1, n)
                       = \{ (0, 1) \}
du(0, 7, n)
                       = \{(0,1,3,4,5,7)\}
du(2, 5, i)
                      =\{(2, 4, 5)\}
du(3, 5, i)
                  = \{(3, 4, 5)\}
du(4, 6, result)
                    = \{ (4, 5, 6) \}
du(4, 9, result)
                   = \{(4, 5, 7, 9)\}
du(6, 5, i)
                    = \{ \frac{(6, 5)}{5} \}
du(6, 6, result)
                       = \{(6, 5, 6)\}
du(6, 8, result)
                    = \{ (6, 5, 7, 8) \}
du(6, 9, result)
                       =\{(6, 5, 7, 9)\}
du(8, result)
                       = \{(8, 9)\}
```

All-Uses

```
pow(x, -1) überdeckt (0, 1, 2, 4, 5, 6, 5, 7, 8, 9)
pow(x, 1) überdeckt (0, 1, 3, 4, 5, 6, 5, 7, 9)
```





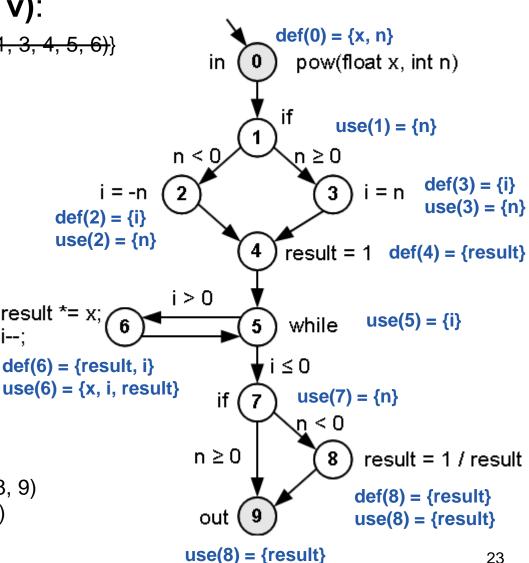
Í--:

Alle Pfadmenge du(n, n', v):

```
du(0, 6, x)
                       = \{ (0, 1, 2, 4, 5, 6), (0, 1, 3, 4, 5, 6) \}
du(0, 1, n)
                       = \{ (0, 1) \}
du(0, 7, n)
                       = \{(0,1,3,4,5,7)\}
du(2, 5, i)
                       =\{(2, 4, 5)\}
du(3, 5, i)
                   = \{(3, 4, 5)\}
du(4, 6, result)
                    = \{ (4, 5, 6) \}
du(4, 9, result)
                    = \{(4, 5, 7, 9)\}
du(6, 5, i)
                    = \{ \frac{(6, 5)}{5} \}
du(6, 6, result)
                       = \{(6, 5, 6)\}
du(6, 8, result)
                    = \{ (6, 5, 7, 8) \}
du(6, 9, result)
                       =\{(6, 5, 7, 9)\}
du(8, result)
                       = \{ (8, 9) \}
```

All-Uses

```
pow(x, -1) überdeckt (0, 1, 2, 4, 5, 6, 5, 7, 8, 9)
pow(x, 1) überdeckt (0, 1, 3, 4, 5, 6, 5, 7, 9)
pow(x, 0) überdeckt (0, 1, 3, 4, 5, 7, 9)
```





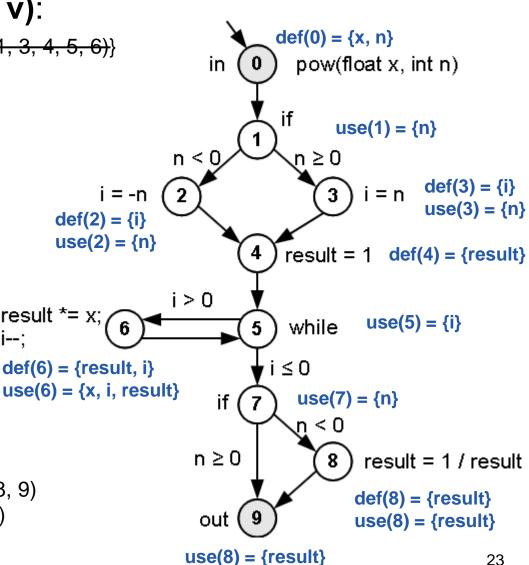
Í--:

Alle Pfadmenge du(n, n', v):

```
du(0, 6, x)
                       = \{ (0, 1, 2, 4, 5, 6), (0, 1, 3, 4, 5, 6) \}
du(0, 1, n)
                       = \{ (0, 1) \}
du(0, 7, n)
                       = \{(0,1,3,4,5,7)\}
du(2, 5, i)
                       =\{(2, 4, 5)\}
du(3, 5, i)
                   = \{(3, 4, 5)\}
du(4, 6, result)
                    = \{ (4, 5, 6) \}
du(4, 9, result)
                    = \{(4, 5, 7, 9)\}
du(6, 5, i)
                    = \{ \frac{(6, 5)}{5} \}
du(6, 6, result)
                       = \{(6, 5, 6)\}
du(6, 8, result)
                    = \{ (6, 5, 7, 8) \}
du(6, 9, result)
                       =\{(6, 5, 7, 9)\}
du(8, result)
                       = \{ (8, 9) \}
```

All-Uses

```
pow(x, -1) überdeckt (0, 1, 2, 4, 5, 6, 5, 7, 8, 9)
pow(x, 1) überdeckt (0, 1, 3, 4, 5, 6, 5, 7, 9)
pow(x, 0) überdeckt (0, 1, 3, 4, 5, 7, 9)
```





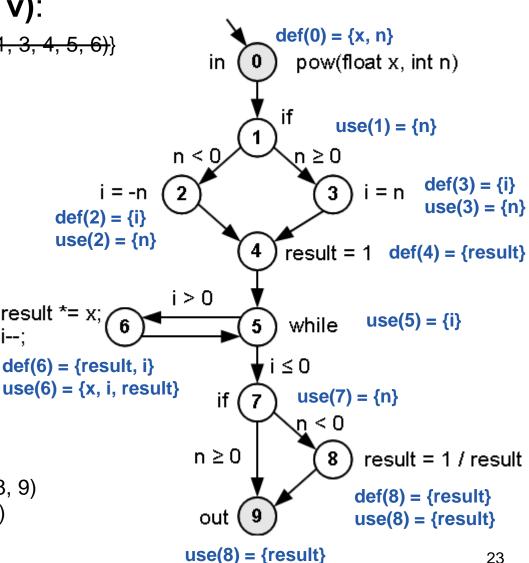
Í--:

Alle Pfadmenge du(n, n', v):

```
du(0, 6, x)
                       = \{ (0, 1, 2, 4, 5, 6), (0, 1, 3, 4, 5, 6) \}
du(0, 1, n)
                       = \{ (0, 1) \}
du(0, 7, n)
                       =\{(0,1,3,4,5,7)\}
du(2, 5, i)
                       =\{(2, 4, 5)\}
du(3, 5, i)
                   = \{(3, 4, 5)\}
du(4, 6, result)
                    = \{ (4, 5, 6) \}
du(4, 9, result)
                    = \{(4, 5, 7, 9)\}
du(6, 5, i)
                    = \{ \frac{(6, 5)}{5} \}
du(6, 6, result)
                       = \{(6, 5, 6)\}
du(6, 8, result)
                    = \{ (6, 5, 7, 8) \}
du(6, 9, result)
                       =\{(6, 5, 7, 9)\}
du(8, result)
                       = \{ (8, 9) \}
```

All-Uses

```
pow(x, -1) überdeckt (0, 1, 2, 4, 5, 6, 5, 7, 8, 9)
pow(x, 1) überdeckt (0, 1, 3, 4, 5, 6, 5, 7, 9)
pow(x, 0) überdeckt (0, 1, 3, 4, 5, 7, 9)
```





Alle Pfadmenge du(n, n', v):

```
def(0) = \{x, n\}
                        = \{ (0, 1, 2, 4, 5, 6), (0, 1, 3, 4, 5, 6) \}
du(0, 6, x)
                                                                                 in
                                                                                            pow(float x, int n)
du(0, 1, n)
                        = \{ (0, 1) \}
du(0, 7, n)
                        = \{(0,1,3,4,5,7)\}
du(2, 5, i)
                       =\{(2, 4, 5)\}
                                                                                                 use(1) = \{n\}
du(3, 5, i)
                       =\{(3, 4, 5)\}
                                                                                            n ≥ 0
du(4, 6, result)
                       = \{ (4, 5, 6) \}
                                                                                                            def(3) = \{i\}
                                                                                                     i = n
                                                                  i = -n
du(4, 9, result)
                       =\{(4, 5, 7, 9)\}
                                                                                                             use(3) = \{n\}
                                                             def(2) = \{i\}
du(6, 5, i)
                       = \{ (6, 5) \}
                                                            use(2) = \{n\}
du(6, 6, result)
                        = \{(6, 5, 6)\}
du(6, 8, result)
                       = \{(6, 5, 7, 8)\}
                                                                            i > 0
du(6, 9, result)
                        = \{(6, 5, 7, 9)\}
                                                                                                     use(5) = {i}
                                                                                           while
du(8, result)
                        = \{(8, 9)\}
                                                     i--;
                                                      def(6) = \{result, i\}
                                                                                          ≤ 0
```

 $use(6) = \{x, i, result\}$

All-Uses

Überdeckung durch folgende Tests:

```
pow(x, -1) überdeckt (0, 1, 2, 4, 5, 6, 5, 7, 8, 9)
pow(x, 1) überdeckt (0, 1, 3, 4, 5, 6, 5, 7, 9)
pow(x, 0) überdeckt (0, 1, 3, 4, 5, 7, 9)
pow(x, 2) überdeckt (0, 1, 3, 4, 5, 6, 5, 6, 5, 7, 9)
```

 $4 \quad \text{result} = 1 \quad \text{def}(4) = \{\text{result}\}$ $> 0 \quad \text{while} \quad \text{use}(5) = \{i\}$ $i \leq 0 \quad \text{if} \quad 7 \quad \text{use}(7) = \{n\}$ $n \geq 0 \quad 8 \quad \text{result} = 1 \text{ / result}$ $\text{def}(8) = \{\text{result}\}$ $\text{use}(8) = \{\text{result}\}$ $\text{use}(8) = \{\text{result}\}$



Alle Pfadmenge du(n, n', v):

```
def(0) = \{x, n\}
                        = \{ (0, 1, 2, 4, 5, 6), (0, 1, 3, 4, 5, 6) \}
du(0, 6, x)
                                                                                 in
                                                                                             pow(float x, int n)
du(0, 1, n)
                        = \{ (0, 1) \}
du(0, 7, n)
                        = \{(0,1,3,4,5,7)\}
du(2, 5, i)
                        =\{(2, 4, 5)\}
                                                                                                  use(1) = \{n\}
du(3, 5, i)
                       =\{(3, 4, 5)\}
                                                                                             n ≥ 0
du(4, 6, result)
                        = \{ (4, 5, 6) \}
                                                                                                              def(3) = \{i\}
                                                                                                      i = n
                                                                   i = -n
du(4, 9, result)
                        =\{(4, 5, 7, 9)\}
                                                                                                              use(3) = \{n\}
                                                             def(2) = \{i\}
du(6, 5, i)
                        = \{ (6, 5) \}
                                                             use(2) = \{n\}
du(6, 6, result)
                        = \{ (6, 5, 6) \}
                        = \{(6, 5, 7, 8)\}
du(6, 8, result)
                                                                            i > 0
du(6, 9, result)
                        = \{(6, 5, 7, 9)\}
                                                                                                      use(5) = {i}
                                                                                            while
du(8, result)
                        = \{(8, 9)\}
                                                      i--;
                                                      def(6) = \{result, i\}
                                                                                           ≤ 0
```

All-Uses

Überdeckung durch folgende Tests:

```
pow(x, -1) überdeckt (0, 1, 2, 4, 5, 6, 5, 7, 8, 9)
pow(x, 1) überdeckt (0, 1, 3, 4, 5, 6, 5, 7, 9)
pow(x, 0) überdeckt (0, 1, 3, 4, 5, 7, 9)
pow(x, 2) überdeckt (0, 1, 3, 4, 5, 6, 5, 6, 5, 7, 9)
```

result = 1 def(4) = {result} $use(6) = \{x, i, result\}$ $use(7) = \{n\}$ if n < 0 n ≥ 0 result = 1 / result $def(8) = \{result\}$ out (**use(8) = {result} use(8) = {result}** 24



Alle Pfadmenge du(n, n', v):

```
def(0) = \{x, n\}
                        = \{ (0, 1, 2, 4, 5, 6), (0, 1, 3, 4, 5, 6) \}
du(0, 6, x)
                                                                                 in
                                                                                             pow(float x, int n)
du(0, 1, n)
                        = \{ (0, 1) \}
du(0, 7, n)
                        =\{(0,1,3,4,5,7)\}
du(2, 5, i)
                        =\{(2, 4, 5)\}
                                                                                                  use(1) = \{n\}
du(3, 5, i)
                       =\{(3, 4, 5)\}
                                                                                             n ≥ 0
du(4, 6, result)
                        = \{ (4, 5, 6) \}
                                                                                                              def(3) = \{i\}
                                                                                                      i = n
                                                                   i = -n
du(4, 9, result)
                        = \{(4, 5, 7, 9)\}
                                                                                                              use(3) = \{n\}
                                                             def(2) = \{i\}
du(6, 5, i)
                        = \{ (6, 5) \}
                                                             use(2) = \{n\}
du(6, 6, result)
                        = \{ (6, 5, 6) \}
                        = \{(6, 5, 7, 8)\}
du(6, 8, result)
                                                                            i > 0
du(6, 9, result)
                        = \{(6, 5, 7, 9)\}
                                                                                                      use(5) = {i}
                                                                                            while
du(8, result)
                        = \{(8, 9)\}
                                                      i--;
                                                      def(6) = \{result, i\}
```

All-Uses

Überdeckung durch folgende Tests:

```
pow(x, -1) überdeckt (0, 1, 2, 4, 5, 6, 5, 7, 8, 9) pow(x, 1) überdeckt (0, 1, 3, 4, 5, 6, 5, 7, 9) pow(x, 0) überdeckt (0, 1, 3, 4, 5, 7, 9) pow(x, 2) überdeckt (0, 1, 3, 4, 5, 6, 5, 6, 5, 7, 9)
```

result = 1 def(4) = {result} ≤ 0 $use(6) = \{x, i, result\}$ $use(7) = \{n\}$ if n < 0 n ≥ 0 result = 1 / result $def(8) = \{result\}$ out (**use(8) = {result} use(8) = {result}** 24



Defs-Uses-Überdeckungskriterien Varianten von All-Uses

- Varianten von All-Uses:
 - Für alle Definitionen einer Variable, überdecke mindestens einen bezüglich dieser Variablen definitionsfreien Pfad...
- All-c-Uses:
 - ... zu jedem c-use
- All-p-Uses:
 - ... zu **jedem** p-use
- All-c-some-p:
 - ... zu jedem c-use. Gibt es keinen def.freien Pfad zu einem c-use, überdecke mindestens def.freien Pfad zu einem p-use
- All-p-some-c:
 - zu jedem p-use. Gibt es keinen def.freien Pfad zu einem p-use, überdecke mindestens def.freien Pfad zu einem c-use



Defs-Uses-Überdeckungskriterien All-DU-Paths

- Überdeckungskriterium: All-DU-Paths
 - Überdecke alle DU-Pfade
 - Etwas formaler: Für jede Pfadmenge du(n, v) müssen <u>alle</u>
 <u>Pfade</u> aus dieser Menge überdeckt werden



Alle Pfadmenge du(n, n', v):

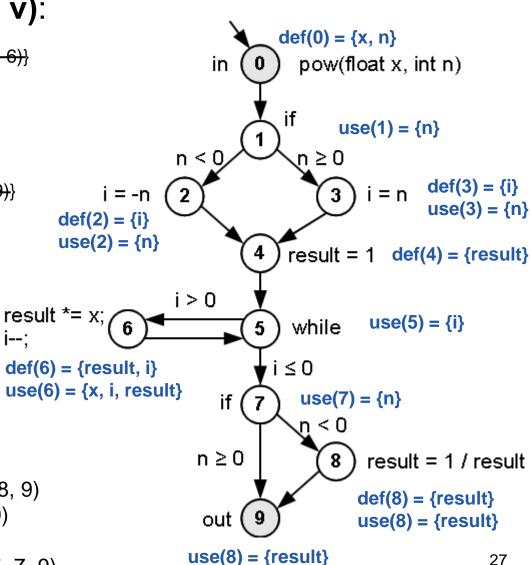
```
= \{ (0, 1, 2, 4, 5, 6), (0, 1, 3, 4, 5, 6) \}
du(0, x)
du(0, n)
                      = \{ (0, 1) \}
du(2, i)
                      = \{ \frac{(2, 4, 5)}{} \}
du(3, i)
                      = \{ (3, 4, 5) \}
du(4, result)
                      = \{ (4, 5, 6), (4, 5, 7, 9) \}
du(6, i)
                      = \{ (6, 5) \}
                      = \{ (6, 5, 6), (6, 5, 7, 8), (6, 5, 7, 9) \}
du(6, result)
du(8, result)
                      = \{ (8, 9) \}
```

In diesem Fall schon alles erledigt

All-DU-Paths

 Überdeckung durch folgende Tests:

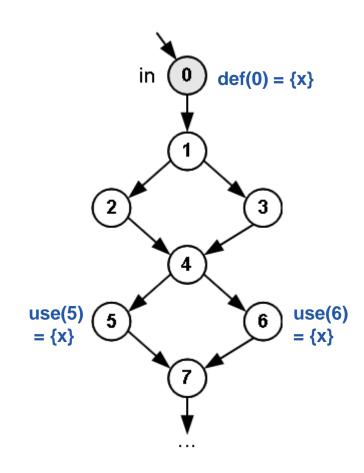
```
pow(x, -1) überdeckt (0, 1, 2, 4, 5, 6, 5, 7, 8, 9)
pow(x, 1) überdeckt (0, 1, 3, 4, 5, 6, 5, 7, 9)
pow(x, 0) überdeckt (0, 1, 3, 4, 5, 7, 9)
pow(x, 2) überdeckt (0, 1, 3, 4, 5, 6, 5, 6, 5, 7, 9)
```



27

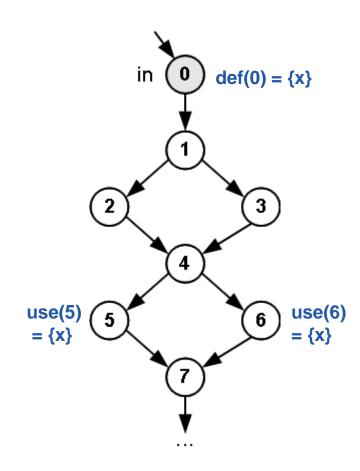


Zu überdeckende Pfade für...



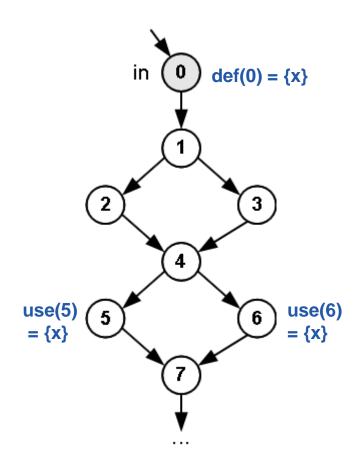


- Zu überdeckende Pfade für...
- All-Defs



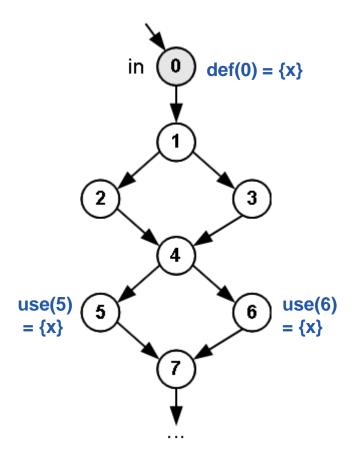


- Zu überdeckende Pfade für...
- All-Defs
 - Überdeckung von einem Pfad von 0 zu 5 oder 6:



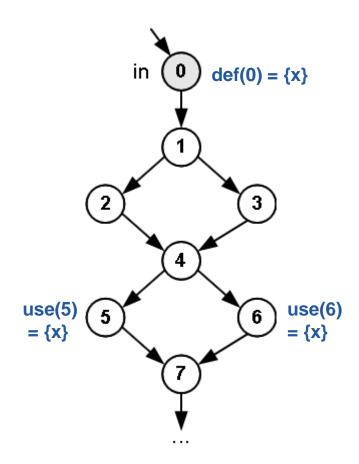


- Zu überdeckende Pfade für…
- All-Defs
 - Überdeckung von einem Pfad von 0 zu 5 oder 6:
 - Z.B. (0, 1, 2, 4, 5)



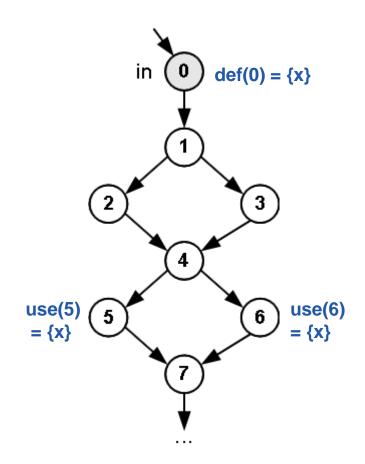


- Zu überdeckende Pfade für...
- All-Defs
 - Überdeckung von einem Pfad von 0 zu 5 oder 6:
 - Z.B. (0, 1, 2, 4, 5)
- All-Uses





- Zu überdeckende Pfade für...
- All-Defs
 - Überdeckung von einem Pfad von 0 zu 5 oder 6:
 - Z.B. (0, 1, 2, 4, 5)
- All-Uses
 - Überdeckung von einem Pfad von
 0 zu 5 und einem Pfad von 0 zu 6:

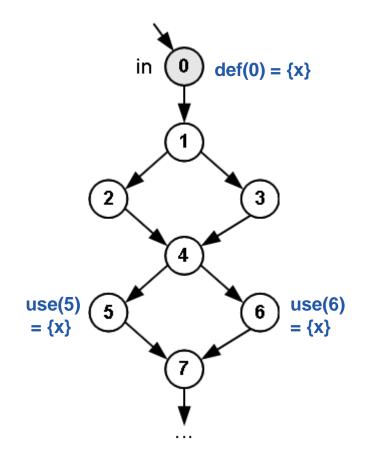




- Zu überdeckende Pfade für...
- All-Defs
 - Überdeckung von einem Pfad von
 0 zu 5 oder 6:
 - Z.B. (0, 1, 2, 4, 5)

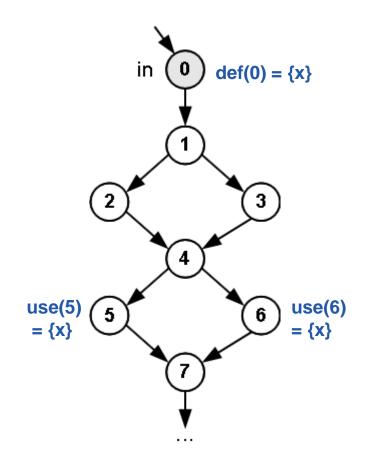
All-Uses

- Überdeckung von einem Pfad von
 0 zu 5 und einem Pfad von 0 zu 6:
 - Z.B. (0, 1, 2, 4, 5), (0, 1, 2, 4, 6)





- Zu überdeckende Pfade für...
- All-Defs
 - Überdeckung von einem Pfad von 0 zu 5 oder 6:
 - Z.B. (0, 1, 2, 4, 5)
- All-Uses
 - Überdeckung von einem Pfad von
 0 zu 5 und einem Pfad von 0 zu 6:
 - Z.B. (0, 1, 2, 4, 5), (0, 1, 2, 4, 6)
- All-DU-Paths





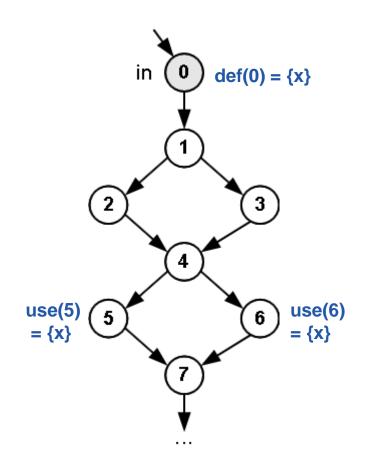
- Zu überdeckende Pfade für...
- All-Defs
 - Überdeckung von einem Pfad von
 0 zu 5 oder 6:
 - Z.B. (0, 1, 2, 4, 5)

All-Uses

- Überdeckung von einem Pfad von
 0 zu 5 und einem Pfad von 0 zu 6:
 - Z.B. (0, 1, 2, 4, 5), (0, 1, 2, 4, 6)

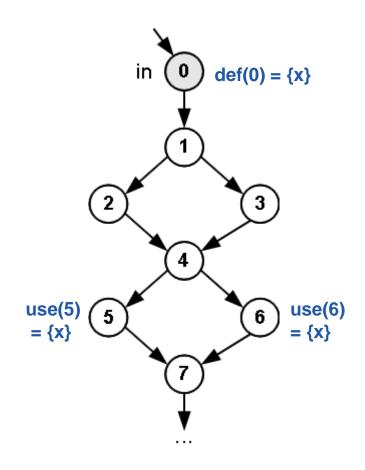
All-DU-Paths

Überdeckung von jedem Pfad von
 0 zu 5 und jedem Pfad von 0 zu 6:





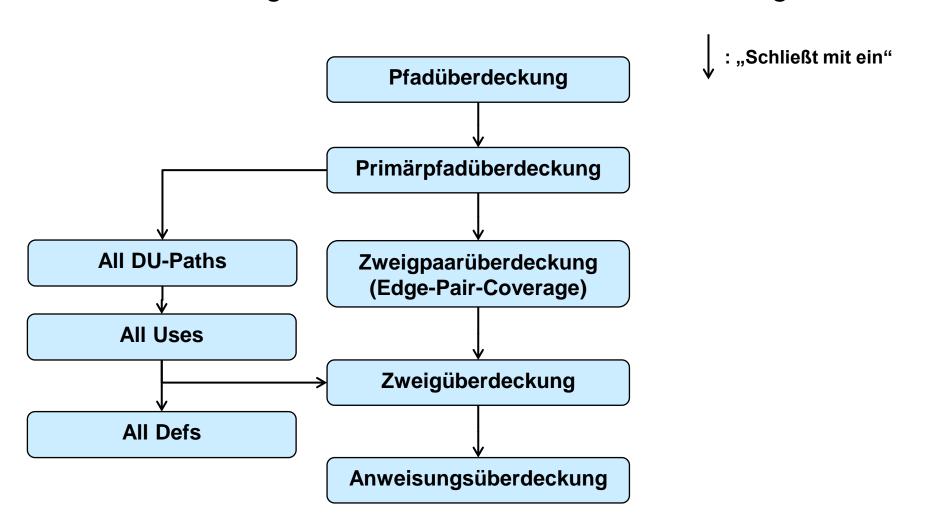
- Zu überdeckende Pfade für...
- All-Defs
 - Überdeckung von einem Pfad von
 0 zu 5 oder 6:
 - Z.B. (0, 1, 2, 4, 5)
- All-Uses
 - Überdeckung von einem Pfad von
 0 zu 5 und einem Pfad von 0 zu 6:
 - Z.B. (0, 1, 2, 4, 5), (0, 1, 2, 4, 6)
- All-DU-Paths
 - Überdeckung von jedem Pfad von
 0 zu 5 und jedem Pfad von 0 zu 6:
 - (0, 1, 2, 4, 5), (0, 1, 3, 4, 5)
 (0, 1, 2, 4, 6), (0, 1, 3, 4, 6)





Datenflussorientierte Überdeckungskriterien im Vergleich

• Die Überdeckungskriterien subsumieren sich wie folgt:





- Gegeben sei eine Programm und eine Testmenge
 - Angenommen, alle Tests sind erfolgreich



- Gegeben sei eine Programm und eine Testmenge
 - Angenommen, alle Tests sind erfolgreich
- Frage: Wie sicher kann ich mir sein, dass keine Fehler mehr im Programm enthalten sind?



- Gegeben sei eine Programm und eine Testmenge
 - Angenommen, alle Tests sind erfolgreich
- Frage: Wie sicher kann ich mir sein, dass keine Fehler mehr im Programm enthalten sind?
 - Idee 1: Ich bestimme zu welchem Grad ich ein bestimmtes Überdeckungskriterium erfüllt habe



- Gegeben sei eine Programm und eine Testmenge
 - Angenommen, alle Tests sind erfolgreich
- Frage: Wie sicher kann ich mir sein, dass keine Fehler mehr im Programm enthalten sind?
 - Idee 1: Ich bestimme zu welchem Grad ich ein bestimmtes Überdeckungskriterium erfüllt habe
- Idee 2: Erzeuge Mutanten des Programms: Versionen mit (zufällig oder systematisch) eingefügten Defekten



- Gegeben sei eine Programm und eine Testmenge
 - Angenommen, alle Tests sind erfolgreich
- Frage: Wie sicher kann ich mir sein, dass keine Fehler mehr im Programm enthalten sind?
 - Idee 1: Ich bestimme zu welchem Grad ich ein bestimmtes Überdeckungskriterium erfüllt habe
- Idee 2: Erzeuge Mutanten des Programms: Versionen mit (zufällig oder systematisch) eingefügten Defekten
 - Identifizieren die Tests alle Mutanten, dann scheinen meine Tests effektiv zu sein



- Gegeben sei eine Programm und eine Testmenge
 - Angenommen, alle Tests sind erfolgreich
- Frage: Wie sicher kann ich mir sein, dass keine Fehler mehr im Programm enthalten sind?
 - Idee 1: Ich bestimme zu welchem Grad ich ein bestimmtes Überdeckungskriterium erfüllt habe
- Idee 2: Erzeuge Mutanten des Programms: Versionen mit (zufällig oder systematisch) eingefügten Defekten
 - Identifizieren die Tests alle Mutanten, dann scheinen meine Tests effektiv zu sein
 - Erstmal Vermutung aber in der Praxis bewahrheitet!



- Gegeben sei eine Programm und eine Testmenge
 - Angenommen, alle Tests sind erfolgreich
- Frage: Wie sicher kann ich mir sein, dass keine Fehler mehr im Programm enthalten sind?
 - Idee 1: Ich bestimme zu welchem Grad ich ein bestimmtes Überdeckungskriterium erfüllt habe
- Idee 2: Erzeuge Mutanten des Programms: Versionen mit (zufällig oder systematisch) eingefügten Defekten
 - Identifizieren die Tests alle Mutanten, dann scheinen meine Tests effektiv zu sein
 - Erstmal Vermutung aber in der Praxis bewahrheitet!
 - Falls Mutanten unentdeckt geblieben sind, erstelle ich neue
 Testfälle, die diese Mutanten erfolgreich identifizieren ("töten")

5

- Gegeben sei eine Programm und eine Testmenge
 - Angenommen, alle Tests sind erfolgreich
- Frage: Wie sicher kann ich mir sein, dass keine Fehler mehr im Programm enthalten sind?
 - Idee 1: Ich bestimme zu welchem Grad ich ein bestimmtes Überdeckungskriterium erfüllt habe
- Idee 2: Erzeuge Mutanten des Programms: Versionen mit (zufällig oder systematisch) eingefügten Defekten
 - Identifizieren die Tests alle Mutanten, dann scheinen meine Tests effektiv zu sein
 - Erstmal Vermutung aber in der Praxis bewahrheitet!
 - Falls Mutanten unentdeckt geblieben sind, erstelle ich neue
 Testfälle, die diese Mutanten erfolgreich identifizieren ("töten")
 - Somit steigere ich die Effektivität der Testmenge



• Es gibt viele verschiedene Mutationsoperatoren, z.B.

```
if (a > 0 && b > 0) {
    x = x + 10;
}
```



- Es gibt viele verschiedene Mutationsoperatoren, z.B.
 - Logische, Arithmetische und Vergleichsoperatoren ändern

```
if (a > 0 && b > 0) {
    x = x + 10;
}
```



- Es gibt viele verschiedene Mutationsoperatoren, z.B.
 - Logische, Arithmetische und Vergleichsoperatoren ändern
 - Variablen vertauschen oder durch Konstanten ersetzen

```
if (a > 0 && b > 0) {
    x = x + 10;
}
```

5

- Es gibt viele verschiedene Mutationsoperatoren, z.B.
 - Logische, Arithmetische und Vergleichsoperatoren ändern
 - Variablen vertauschen oder durch Konstanten ersetzen
 - Konstanten durch 0, 1, -1, c +/- 1 ersetzen

```
if (a > 0 && b > 0) {
    x = x + 10;
}
```

5

- Es gibt viele verschiedene Mutationsoperatoren, z.B.
 - Logische, Arithmetische und Vergleichsoperatoren ändern
 - Variablen vertauschen oder durch Konstanten ersetzen
 - Konstanten durch 0, 1, -1, c +/- 1 ersetzen
 - Viele mehr... (Manche programmiersprachenspezifisch)

```
if (a > 0 && b > 0) {
    x = x + 10;
}
```



- Es gibt viele verschiedene Mutationsoperatoren, z.B.
 - Logische, Arithmetische und Vergleichsoperatoren ändern
 - Variablen vertauschen oder durch Konstanten ersetzen
 - Konstanten durch 0, 1, -1, c +/- 1 ersetzen
 - Viele mehr... (Manche programmiersprachenspezifisch)

```
if (a > 0 && b > 0) {
    x = x + 10;
}
```

```
if (a > 0 | b > 0) {

> x = x + 10;
}
```



- Es gibt viele verschiedene Mutationsoperatoren, z.B.
 - Logische, Arithmetische und Vergleichsoperatoren ändern
 - Variablen vertauschen oder durch Konstanten ersetzen
 - Konstanten durch 0, 1, -1, c +/- 1 ersetzen
 - Viele mehr... (Manche programmiersprachenspezifisch)

```
if (a > 0 && b > 0) {
    x = x + 10;
}
```

```
if (a > 0 || b > 0) {
    x = x + 10;
}
...
if (a < 0 && b > 0) {
    x = x + 10;
}
...
```



- Es gibt viele verschiedene Mutationsoperatoren, z.B.
 - Logische, Arithmetische und Vergleichsoperatoren ändern
 - Variablen vertauschen oder durch Konstanten ersetzen
 - Konstanten durch 0, 1, -1, c +/- 1 ersetzen
 - Viele mehr... (Manche programmiersprachenspezifisch)

```
if (a > 0 && b > 0) {
    x = x + 10;
}
```

```
if (a > 0 | b > 0) {
    x = x + 10;
if (a < 0 && b > 0) {
    x = x + 10;
if (a > 0 && b > 0) {
    x = x - 10;
```



- Es gibt viele verschiedene Mutationsoperatoren, z.B.
 - Logische, Arithmetische und Vergleichsoperatoren ändern
 - Variablen vertauschen oder durch Konstanten ersetzen
 - Konstanten durch 0, 1, -1, c +/- 1 ersetzen
 - Viele mehr... (Manche) programmiersprachenspezifisch)

```
if (a > 0 && b > 0) {
    x = x + 10;
```

```
if (a > 0 | b > 0) {
    x = x + 10;
if (a < 0 && b > 0) {
    x = x + 10;
if (a > 0 && b > 0) {
    x = x - 10;
if (a > 0 && b > 0)
    x = x + 11;
                    31
```



- Manchmal ändern Mutationen nichts am Verhalten des Programms
 - Funktional gleich
 - Ggf. veränderte Laufzeit



- Manchmal ändern Mutationen nichts am Verhalten des Programms
 - Funktional gleich
 - Ggf. veränderte Laufzeit
- Beispiel: Funktional gleich:



- Manchmal ändern Mutationen nichts am Verhalten des Programms
 - Funktional gleich
 - Ggf. veränderte Laufzeit
- Beispiel: Funktional gleich:

Program p	Equivalent Mutant m
for (int $i = 0$; $i < 10$; $i + +$) {(the value of i is not changed) }	for $(int \ i = 0; \ i ! = 10; i++)$ { $(the \ value \ of \ i$ is $not \ changed)$ }