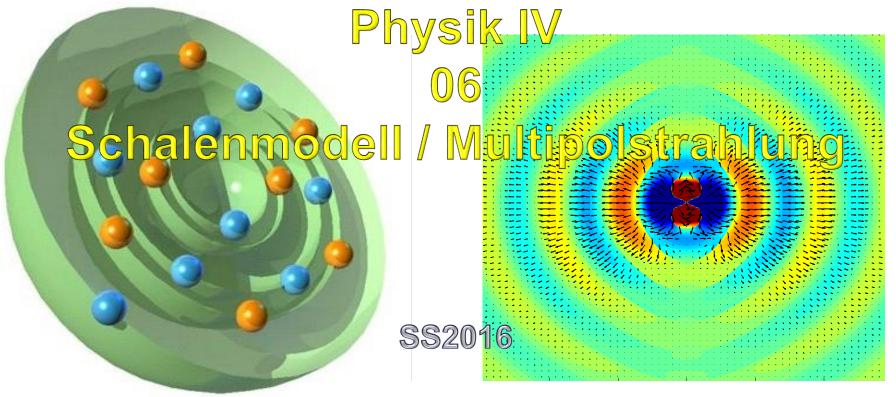


Leibniz Universität Hannover



IRS- Institut für Radioökologie und Strahlenschutz



https://web-docs.gsi.de

Clemens Walther

https://upload.wikimedia.org



Ablauf (vorläufig)



05.04.2016	Aufbau der Kerne	CW
07.04.2016	keine Veranstaltung	
12.04.2016	Tröpchenmodell	CW
14.04.2016	alpha Zerfall	CW
19.04.2016	beta Zerfall	CW
21.04.2016	gamma Zerfall	CW
26.04.2016	Schalenmodell	CW
28.04.2016	Neutronen und Kernreaktionen	CW
03.05.2016	fällt aus	CW
05.05.2016	Himmelfahrt	
10.05.2016	Molekülphysik 1	SO
12.05.2016	Molekülphysik 2	SO
17.05.2016	Pfingsten	
19.05.2016	Pfingsten	



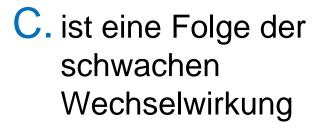
Wiederholung Gamma



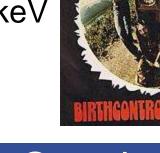


Gamma Strahlung ...

- A. liegt typischerweise im Energiebereich < 50keV
- B. wird in Materie exponentiell geschwächt



D. trägt halbzahligen Drehimpuls



SMART Response Question

To set the properties right click and select SMART Response Question Object->Properties...







Gamma Strahlung



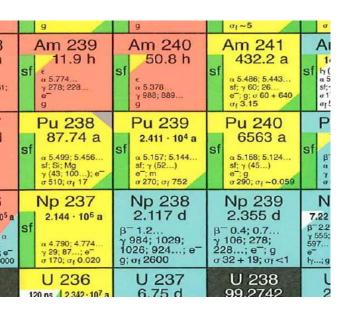
- Dringt sehr weit ein (Reichweite im Prinzip unendlich)
 - Exponentielle Schwächung in Materie
 - Sehr stark abhängig von Energie und Material
- Lässt sich mit Blei abschirmen (Energieabhängig!)
- Durchdringt den Körper
- Gefahr sowohl bei äußerer Einwirkung als auch bei Inkorporation

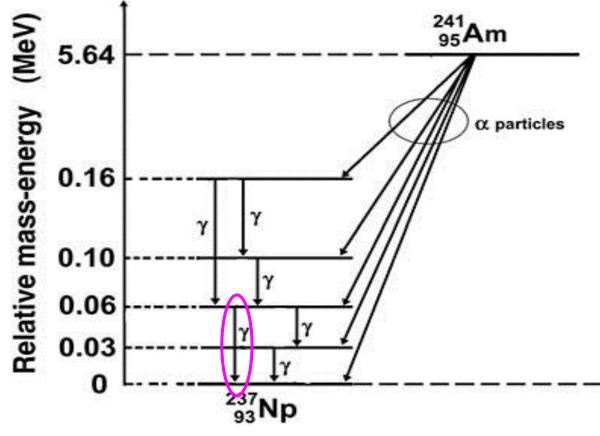


Zerfall von Am-241





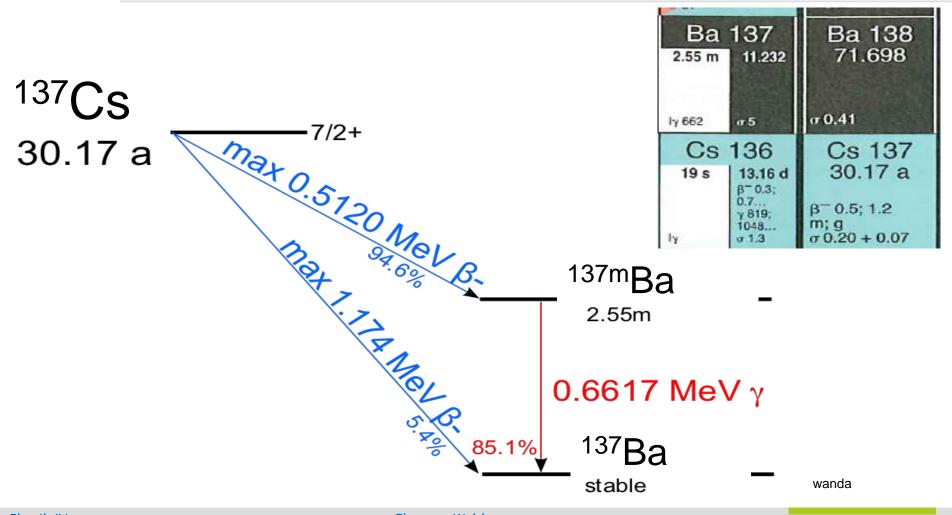






Gamma Strahler Cs-137 -> Ba-137







Gamma Strahlung wird am besten abgeschirmt durch



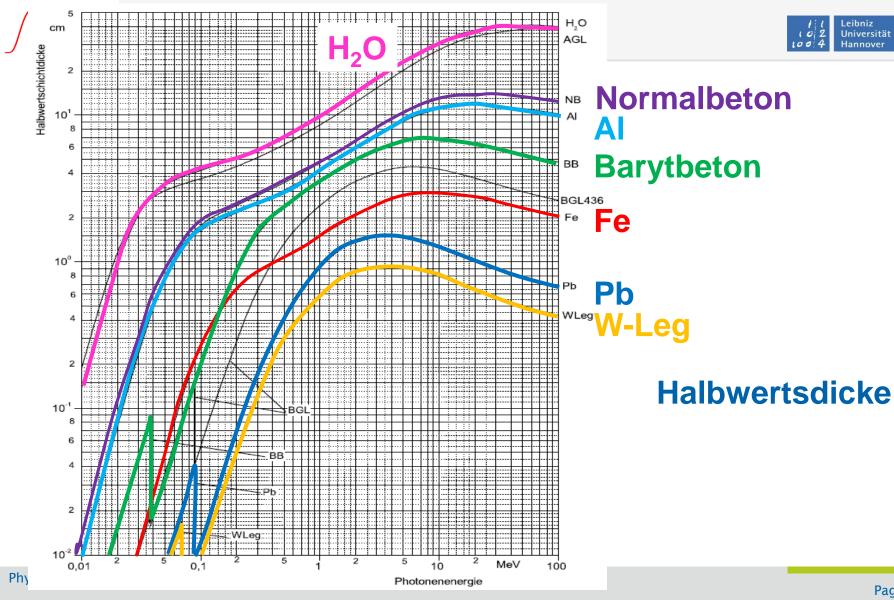
- A. Wasserstoffgas
- B. Wasser
- C. Aluminium
- D. Eisen
- E. Blei
- F. Wolfram-Legierung

SMART Response Question

To set the properties right click and select SMART Response Question Object->Properties...



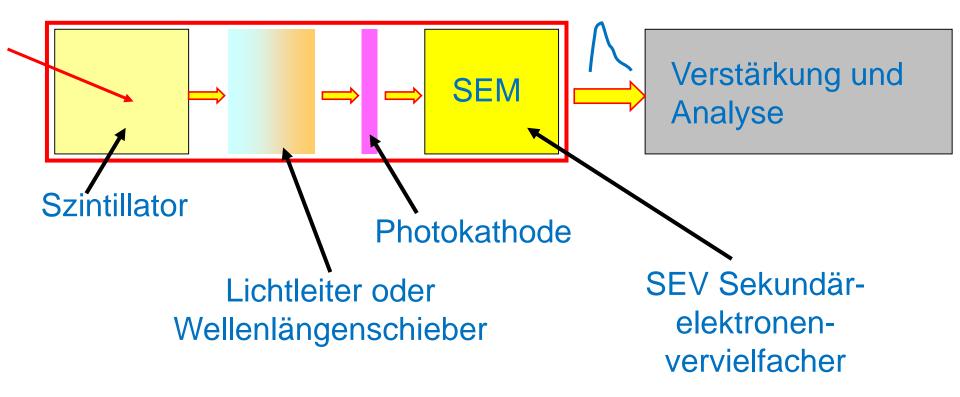




Page 11



Funktionsprinzip von Szintillationsdetektoren





Eigenschaften häufig verwendeter Szintillatoren

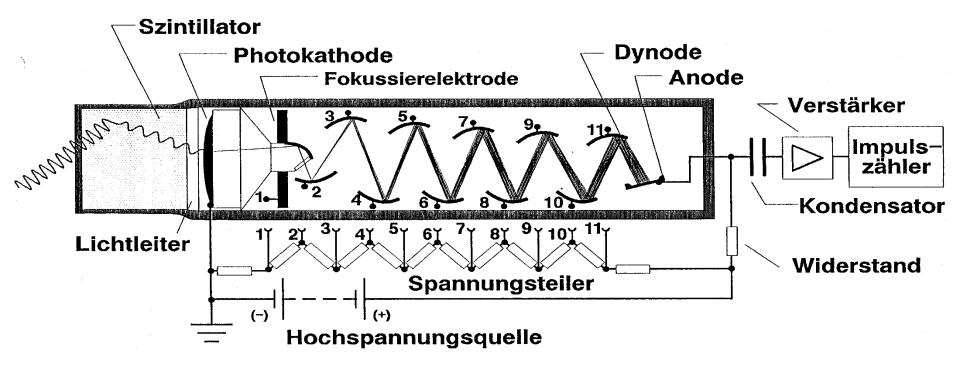


Material	Emission band Maximum (Å)	Decay time (ns)	Relative pulse height versus anthracene (=100)	Application
anthracene	4470	30	100	beta, alpha, gamma
stilbene	4110	6	60	beta, alpha, gamma
"plastic"	4300	4	40-70	beta, alpha, gamma
Nal(TI)	4130	250	230	gamma
ZnS(Ag)	4500	200	300	alpha, beta



Funktionsprinzip eines Nal(TI)-Szintillationszählers

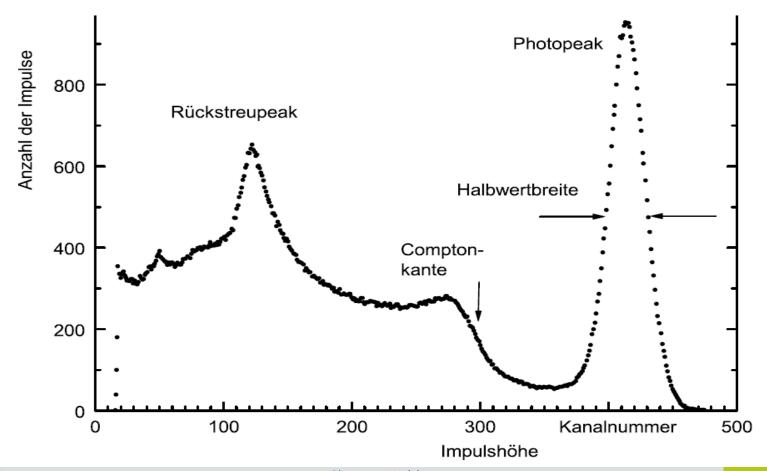






Gamma Spektrum von Cs-137 gemessen mit Nal Detektoren







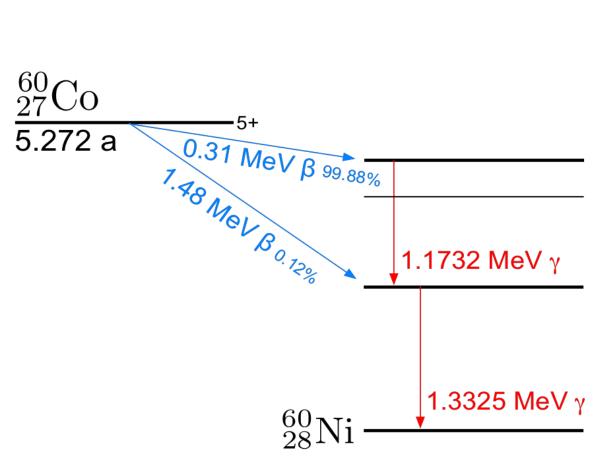
γ-Spektroskopie

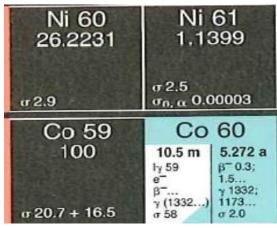




Gamma Strahler Co-60 -> Ni-60







wanda



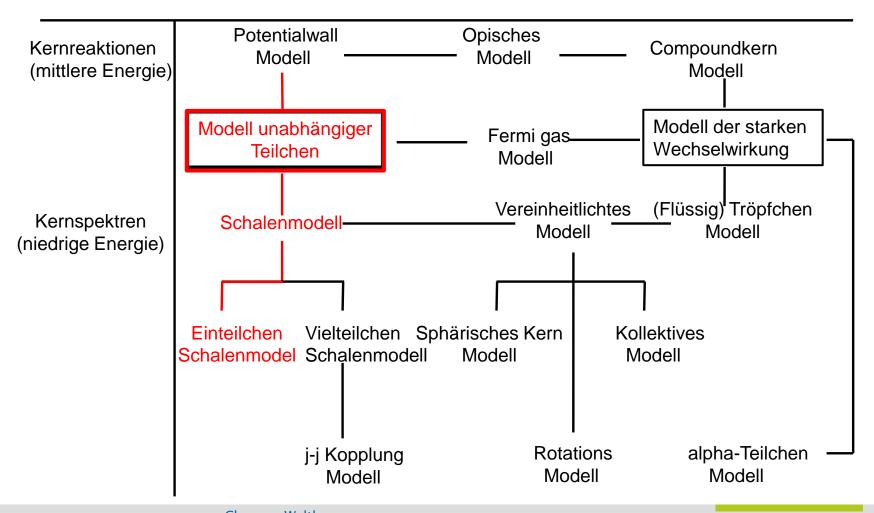
Wo kommt γ Strahlung her?

Kernmodelle



Kernmodelle







Welches ist keine magische Zahl?...



A. 2 E. 40

B. 8 F. 50

C. 20 G. 82

D. 28 H. 0xDEAD BEEF

SMART Response Question

To set the properties right click and select SMART Response Question Object->Properties...







Wikipedia "Magische Zahlen":



Magische Zahlen als Markierung in der Programmierung [Bearbeiten]

Hexadezimalzahlen werden oft dazu benutzt, Werte auf Datenträgern bzw. anderem Speicher darzustellen. Die meisten Zahlen sehen dabei ru einen sofort auffallenden Wert zu haben (beispielsweise bei der Fehlersuche).

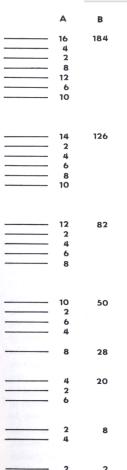
OxDEADBEEF (dezimal: 3.735.928.559) ist eine Zahl in hexadezimaler Notation, die als "dead beef" (engl. Totes Rindfleisch) gelesen wird.

Normalerweise tritt ein Wert wie 0xDEADBEEF eher selten auf und wird somit dazu verwendet, besondere Werte anzuzeigen. Die Zahl an sich "lesbare" Werte wie 0xABABABAB, 0x00C0FFEE oder 0xBAADF00D (engl. "bad food", etwa "schlechtes Essen") ersetzt werden.



Magische Zahlen





Z 114, 126, 164, 228, ... 2, 8, 20, 28, 50, 82, N 126, 164, 178, 184, 228

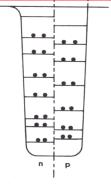


Fig. 1.8 Arrangement of nucleons in the ²⁶₁₂Mg nucleus



Experimentelle Indikatoren für die Existenz magischer Zahlen



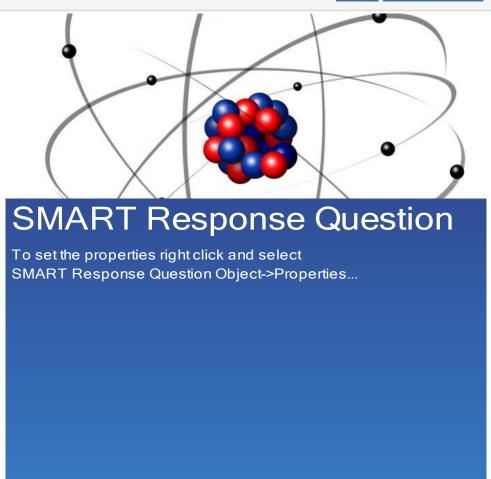
- 1. Anzahl stabiler Isotope und Isotone
- 2. Maxima der Elementhäufigkeit im Sonnensystem
- 3. Lokale Maxima der Bindungsenergie pro Nukleon
- 4. Strukturen in der Systematik der Zerfallsenergien
- 5. Strukturen in der Systematic der Wirkungsquerschnitte
- 6. Energien der 1^{en} angeregten Zustände von gg-Kernen
- 7. Insel der Isomere
- 8. Bei magischen Zahlen sind Kerne sphärisch



Was unterscheidet Kern- und Atommodell?



- A. Kernmodell hat Zentralpotential
- B. Kernmodell hat selbstkonsistentes Potential
- C. Kernpotential ist nie sphärisch
- D. Kernpotential beruht auf der schwachen WW









Das Schalenmodell des Atoms





$$H = \sum_{i=1}^{Z} T_i + \sum_{i=1}^{Z} V_C(r_i) + \sum_{\substack{i,j=1\\i\neq j}}^{Z} V_{ij}(|\vec{r}_i - \vec{r}_j|)$$

$$T_i = -\frac{h^2}{2m_i}\Delta_i$$
 kinetische Energie

V_c Zentralpotential, Coulombpotential

 $V_{i,j}$ Wechselwirkungspotential



Das Schalenmodell des Kerns



ist ein Modell unabhängiger Teilchen analog dem Modell des Atoms

$$H = \sum_{i=1}^{A} T_i + \sum_{i,j=1}^{A} V_{ij}$$

mit
$$T_i = -\frac{h^2}{2m_i}\Delta_i$$
 kinetische Energie

 $V_{i,i}$ Wechselwirkungspotential

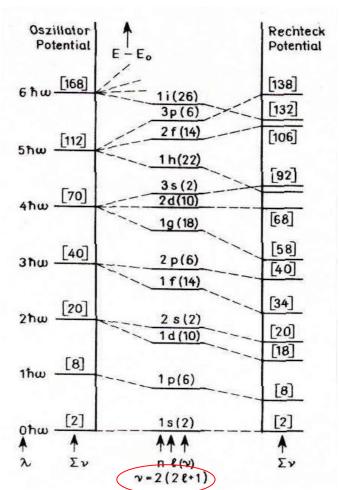
Ansatz: $H = H_0 + V_R$ mit Restwechselwirkung V_R

$$H_0 = \sum_{i=1}^{A} (T_i + V_i) = \sum_{i=1}^{A} h_i$$
 and $V_R = \sum_{i,j=1}^{A} V_{i,j} - \sum_{i=1}^{A} V_i$



Schalenmodell mit einfachen Potentialen





$$E_{n,l} = E_{\lambda} = \left(\lambda + \frac{3}{2}\right)\hbar\omega$$
mit $\lambda = 2(n-1) + \ell = 0, 1, 2, \dots$

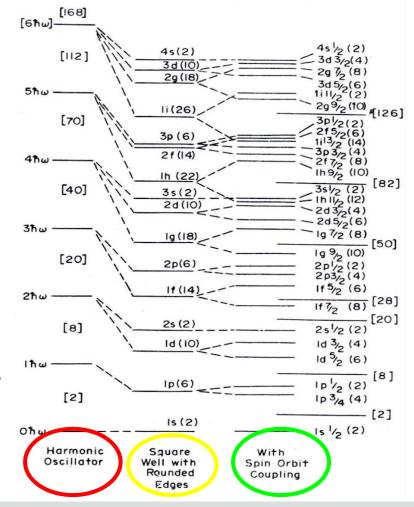
$$(n = 1, 2, 3, \dots; \ell = 0, 1, 2, \dots)$$

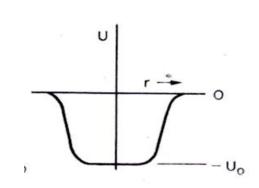
Fig. 72 Energieniveaus im Oszillator- und im Rechteckpotential, in der Mitte interpolierte Werte; nach [May 55]



Schalenmodell Energieniveaus







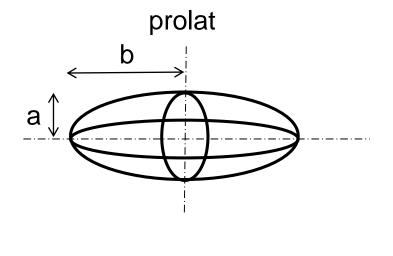
 U_0

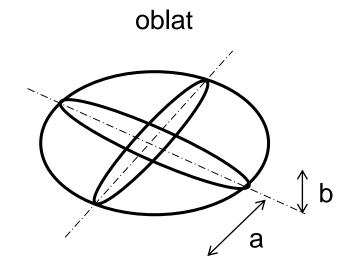


Deformation



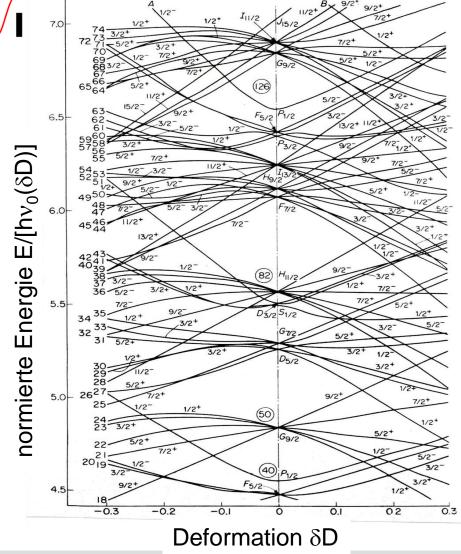
$$\delta = \frac{b-a}{(a+b)/2}$$





Oftmals auch R = (a + b)/2 und Δ R = b - a; δ = (Δ R/R)





Anregungsschema deformierter Kerne nach dem Nilsson Modell

Physik IV Clemens Walther



Welchen Impuls tragen Photonen?



- **A.** 0,1,2,3,4,...
- B. ½, 1, 3/2, 2,
- C. immer 1 (weil Bosonen)
- D. ganzzahlig echt positiv

SMART Response Question

To set the properties right click and select SMART Response Question Object->Properties...





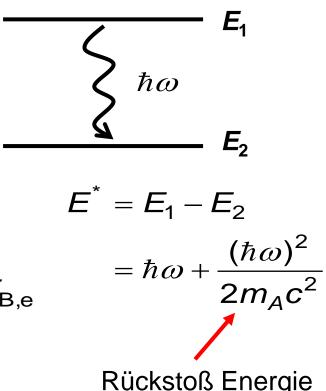
Physik IV Clemens Walther Page 34



A = konstant Z = konstant

Abregung durch

- Emission elektron Lebensdauer?
- Innere Konversion
- Innere Paar Produktion

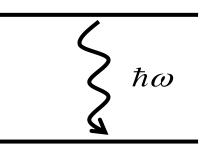


Rückstoß Energie (später)



γ-Strahlung





$$E_1, j_1, \pi_1$$

 E_2, j_2, π_2



Elektromagnetische Multipol
Strahlung:
$$L = 1, 2, 3, ..., L \neq 0$$

elektrisch	magnetisch	Paritätswechsel
L gerade	L ungerade	nein
L ungerade	L gerade	ja

Parität
$$\pi_{E} = (-1)^{L}$$

 $\pi_{M} = (-1)^{L+1}$

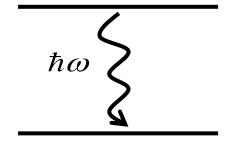
$$\left|j_1-j_2\right| \leq L \leq j_1+j_2$$



Anwendung der Auswahlregeln beim γ-Zerfall







$$\Delta j = 1$$
, $\Delta \pi = \text{nein}$

$$\hbar\omega$$

$$\Delta j = 1$$
, $\Delta \pi = ja$

reiner E1 Übergang



Anwendung der Auswahlregeln beim γ-Zerfall



$$|\Delta j| \le L \le \sum j$$

$$0 \le L \le 1$$

$$\Delta \pi = \text{nein}$$

 $1 \le L \le 2$

 $\Delta\pi = \text{nein}$

reiner M1 Übergang

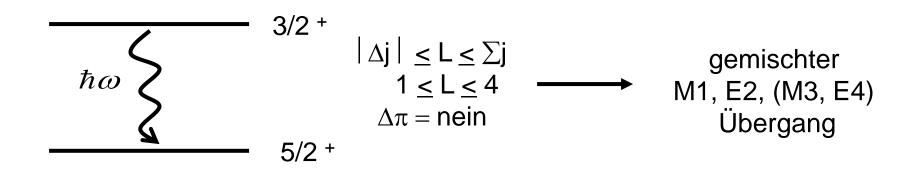
$$\hbar\omega$$

1/2 +



Anwendung der Auswahlregeln beim γ-Zerfall







Wahrscheinlichkeit von γ-Übergängen



$$\lambda_{\rm E} = 2.4 \cdot \rm S \cdot (r_0 \cdot A^{1/3})^{2L} \cdot \left(\frac{E}{197 \, \rm MeV}\right)^{2L+1} \cdot 10^{21} \, \rm s^{-1}$$

$$\lambda_{M} = 0.55 \cdot S \cdot A^{-2/3} \cdot (r_{0} \cdot A^{1/3})^{2L} \cdot \left(\frac{E}{197 \text{ MeV}}\right)^{2L+1} \cdot 10^{21} \text{ s}^{-1}$$

mit $r_0 = 1,28 \text{ fm}$ und

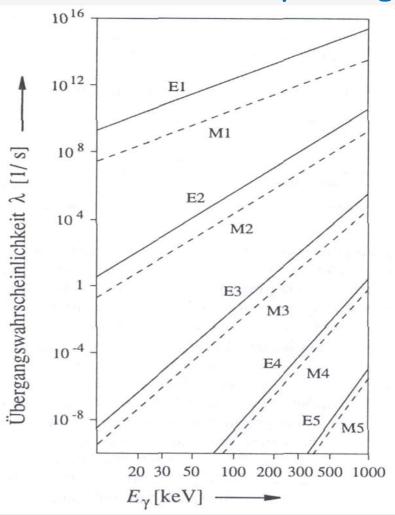
$$S = \frac{2(L+1)}{L \cdot [1 \cdot 3 \cdot 5 \cdot ... (2L+1)]^2} \left(\frac{3}{L+3}\right)^2 \text{ spektroskopischer Faktor}$$

$$L = 1 \rightarrow S = 0.25$$
 $L = 2 \rightarrow S = 4.8 \cdot 10^{-3}$
 $L = 3 \rightarrow S = 6.25 \cdot 10^{-5}$ $L = 4 \rightarrow S = 5.3 \cdot 10^{-7}$



Wahrscheinlichkeit von γ-Übergängen



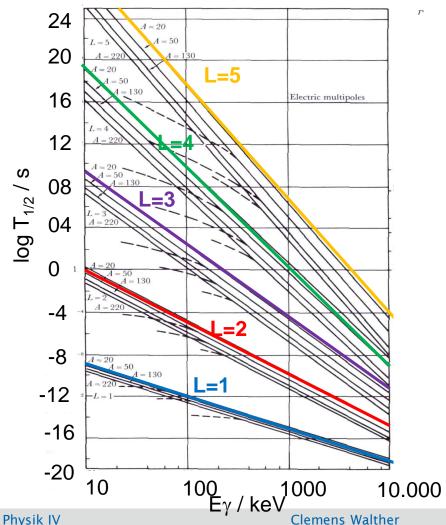


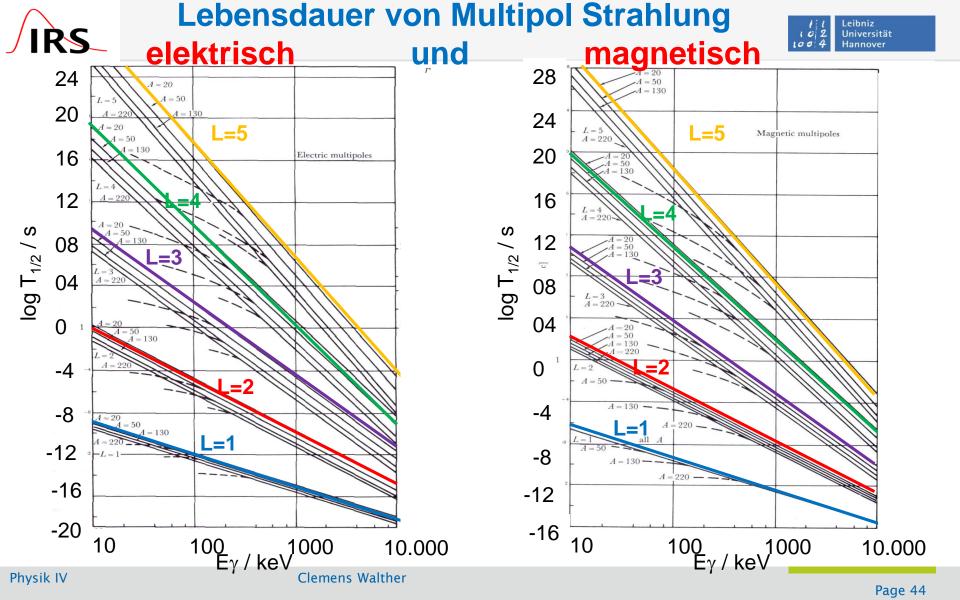




IRS Lebensdauer elektrischer Multipol Strahlung









Halbwertszeiten von γ-Übergängen die mittels des Modells der Multipolstrahlung berechnet wurden

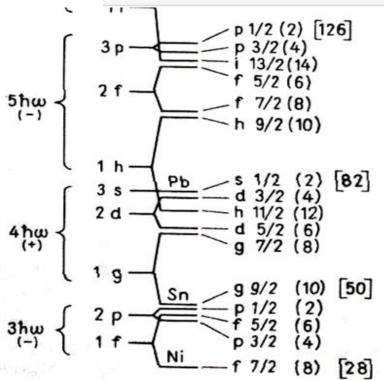


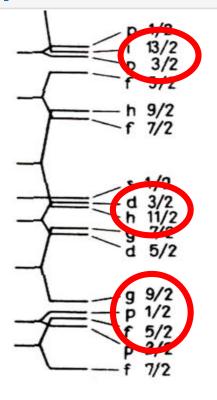
Тур	$L\Delta\pi$		Halbwertszeiten in s bei Energie					
			1 MeV	0,2 MeV	0,05 MeV			
E1	1	ja	2 · 10 ⁻¹⁶	3 - 10-14	2 · 10 ⁻¹²			
M1	1	nein	2 · 10 ⁻¹⁴	2 · 10 ⁻¹²	2 · 10 ⁻¹⁰			
E2	2	nein	1 - 10 ⁻¹¹	3 · 10 ⁻⁸	3 · 10 ⁻⁵			
M2	2	ja	9 - 10 ⁻¹⁰	3 · 10 ⁻⁶	3 · 10 ⁻³			
E 3	3	ja	7 · 10 ⁻⁷	6 · 10 ⁻²	9 · 10 ²			
M3	3	nein	7 · 10 ⁻⁵	5	8 · 10 ⁴			
E4	4	nein	8 · 10 ⁻²	2 · 10 ⁵	4 · 10 ¹⁰			
M4	4	ja	7	1 · 10 ⁷	4 · 10 ¹²			



Spin Isomere







$$\left|j_1-j_2\right|\leq L\leq j_1+j_2$$

große ∆*j*verursachen
lange
Habwertszeiten



¹⁸⁰Ta,
Das langlebigste Isomer



Rückstoß beim γ-Zerfall (wichtig für Mössbauer!)



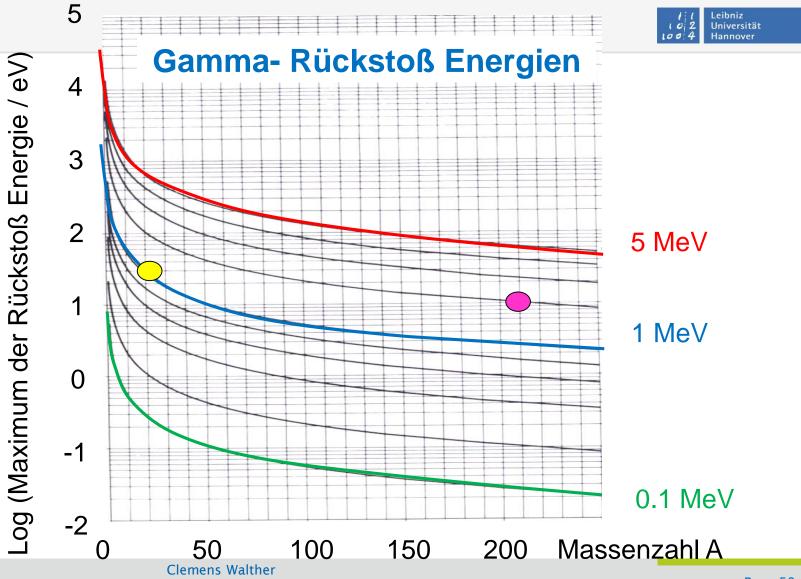
$$E_{\gamma} = hv$$
 $p_{\gamma} = \frac{hv}{c}$ $E_{\text{recoil nucleus}} = \frac{p_{\gamma}^2}{2m_{\Lambda}}$

$$E_{\text{recoil nucleus}} = \frac{(h\nu)^2}{2m_A c^2} = \frac{1}{2m_A c^2} E_{\gamma}^2 \approx \frac{E_{\gamma}^2}{2000 \text{ MeV} \cdot A}$$

Bei
$$A = 20$$
 und $E_{\gamma} = 1$ MeV ergibt sich

$$E_{\text{recoil nucleus}} = 25 \text{ eV}.$$





Physik IV Page 50



Neutronen





Geschichte

- Pethe & Becker (1930) beobachteten eine durchdringende nichtionisierende Strahlung wenn Be mit ²¹⁰Po α-Teilchen beschossen wurde (E_{α} = 5,3 MeV). γ-Strahlung ?
- Curie und Joliot: Wechselwirkung dieser Strahlung mit Wasserstoffhaltigem Paraffin produziert Protonen mit $E_{\rm D} = 5.7$ MeV.



Geschichte



- Pethe & Becker (1930) beobachteten eine durchdringende nichtionisierende Strahlung wenn Be mit ²¹⁰Po α-Teilchen beschossen wurde (E_{α} = 5,3 MeV). γ-Strahlung ?
- Curie und Joliot: Wechselwirkung dieser Strahlung mit Wasserstoff-haltigem Paraffin produziert Protonen mit $E_p = 5.7$ MeV.

Erklärungsversuch:

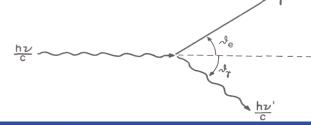
Rückstoß Protonen mittels Compton Effekt



Wie war die maximale Energie von Compton Elektronen?



A.
$$E_e = hv - \frac{hv}{1 + 2\varepsilon}$$
 mit $\varepsilon = \frac{hv}{m_e c^2}$



B. $E_e = \frac{hv}{1+2\varepsilon}$ mit $\varepsilon = \frac{hv}{m_e c^2}$

SMART Response Question

C.
$$E_e = hv - \frac{2hv}{1+\varepsilon}$$
 mit $\varepsilon = \frac{hv}{m_e c^2}$

To set the properties right click and select SMART Response Question Object->Properties...

D.
$$E_e = 2hv - \frac{hv}{1+\epsilon}$$
 mit $\epsilon = \frac{hv}{m_0c^2}$



Compton Energie von γ-Strahlung



$$E_e = hv - \frac{hv}{1 + 2\varepsilon}$$
 mit $\varepsilon = \frac{hv}{m_e c^2}$

$$E_e = \frac{2hv}{2 - \frac{1}{s}}$$

$$E_p = 5.7 \text{ MeV} \longrightarrow E_{\gamma} = 55 \text{ MeV}$$



Geschichte



- Pethe & Becker (1930) beobachteten eine durchdringende nichtionisierende Strahlung wenn Be mit ²¹⁰Po α-Teilchen beschossen wurde (E_{α} = 5,3 MeV). γ-Strahlung?
- Curie und Joliot: Wechselwirkung dieser Strahlung mit Wasserstoffhaltigem Paraffin produziert Protonen mit $E_p = 5.7$ MeV.

Um so hoch energetische Rückstoß Protonen mittels Compton Effekt zu produzieren, müßten Photonen mit $E_{\gamma} = 55 \text{ MeV}$ (!) vorhanden sein

- Chadwick (1932): Das NEUTRON, Protonen sind Rückstoß Protonen
- Heisenberg (1932): Der Kern besteht aus Protonen und Neutronen



Geschichte



- Pethe & Becker (1930) beobachteten eine durchdringende nichtionisierende Strahlung wenn Be mit ²¹⁰Po α-Teilchen beschossen wurde (E_{α} = 5,3 MeV). γ-Strahlung ?
- Curie und Joliot: Wechselwirkung dieser Strahlung mit Wasserstoff-haltigem Paraffin produziert Protonen mit $E_p = 5.7$ MeV.

Um so hoch energetische Rückstoß Protonen mittels Compton Effekt zu produzieren, müßten Photonen mit $E_{\gamma} = 55$ MeV (!) vorhanden sein

⁹Be(α,n)¹²C
$$Q = 5,7$$
 MeV



312

Neutronen



NATURE

[February 27, 1932

Letters to the Editor

[The Editor does not hold himself responsible for opinions expressed by his correspondents. Neither can he undertake to return, nor to correspond with the writers of, rejected manuscripts intended for this or any other part of NATURE. No notice is taken of anonymous communications.]

Possible Existence of a Neutron

Ir has been shown by Bothe and others that beryllium when bombarded by α-particles of polonium emits a radiation of great penetrating power, which has an absorption coefficient in lead of about 0·3 (em.)⁻¹. Recently Mme. Curie-Joliot and M. Joliot found, when measuring the ionisation produced by this beryllium radiation in a vessel with a thin window, that the ionisation increased when matter containing hydrogen was placed in front of the window. The effect appeared to be due to the ejection of protons with velocities up to a maximum of nearly 3 × 10° cm. per sec. They suggested that the transference of energy to the proton was by a process similar to the Compton effect, and estimated that the beryllium radiation had a quantum energy of 50 × 10° electron volts.

I have made some experiments using the valve counter to examine the properties of this radiation excited in beryllium. The valve counter consists of a small ionisation chamber connected to an amplifier, and the sudden production of ions by the entry of a particle, such as a proton or a-particle, is recorded by the deflexion of an oscillograph. These experi-

This again receives a simple explanation on the neutron hypothesis.

If it be supposed that the radiation consists of quanta, then the capture of the e-particle by the Be^g nucleus will form a C¹³ nucleus. The mass defect of C¹³ is known with sufficient accuracy to show that the energy of the quantum emitted in this process cannot be greater than about 14 × 10° volts. It is difficult to make such a quantum responsible for the effects observed.

It is to be expected that many of the effects of a neutron in passing through matter should resemble those of a quantum of high energy, and it is not easy to reach the final decision between the two hypotheses. Up to the present, all the evidence is in favour of the neutron, while the quantum hypothesis can only be upheld if the conservation of energy and momentum be relinquished at some point.

J. Chadwick.

Cavendish Laboratory, Cambridge, Feb. 17.

The Oldoway Human Skeleton

A LETTER appeared in NATURE of Oct. 24, 1931, signed by Messrs. Leakey, Hopwood, and Reck, in which, among other conclusions, it is stated that "there is no possible doubt that the human skeleton came from Bed No. 2 and not from Bed No. 4". This must be taken to mean that the skeleton is to be considered as a natural deposit in Bed No. 2, which is overlaid by the later beds Nos. 3 and 4, and that all consideration of human interment is ruled out.

ments have shown that the radiation ejects particles from hydrogen, helium, lithium, beryllium, carbon, air, and argon. The particles ejected from hydrogen behave, as regards range and ionising power, like protons with speeds up to about 3.2×10^9 cm. per sec. The particles from the other elements have a large ionising power, and appear to be in each case recoil atoms of the elements. If we ascribe the ejection of the proton to a Compton recoil from a quantum of 52 × 106 electron volts, then the nitrogen recoil atom arising by a similar process should have an energy not greater than about 400,000 volts, should produce not more than about 10,000 ions, and have a range in air at N.T.P. of about I 3 mm. Actually, some of the recoil atoms in nitrogen produce at least 30,000 ions. In collaboration with Dr. Feather, I have observed the recoil atoms in an expansion chamber, and their range, estimated visually, was sometimes as much as 3 mm. at N.T.P. These results, and others I have obtained in the course of the work, are very difficult to explain on the assumption that the radiation from beryllium is a quantum radiation, if energy and momentum are to be conserved in the collisions. The difficulties disappear, however, if it be assumed that the radiation consists of particles of mass 1 and charge 0, or neutrons. The capture of the a-particle by the Be nucleus may be supposed to result in the formation of a C^{12} nucleus and the emission of the neutron. From the energy relations of this process the velocity of the neutron emitted in the forward direction may well be about 3×10^9 cm. per sec. The collisions of this neutron with the atoms through which it passes give rise to the recoil atoms, and the observed energies of the recoil atoms are in fair agreement with this view. Moreover, I have observed that the protons ejected from hydrogen by the

radiation emitted in the opposite direction to that of

the exciting a particle appear to have a much smaller range than those ejected by the forward radiation.

was found completely articulated down even to the phalanges, and in a position of extraordinary contraction. Complete mammalian skeletons of any age are, as field palæontologists know, of great rarity. When they occur, their perfection can usually be explained as the result of sudden death and immediate covering by volcanic dust. Many of the more or less perfect skeletons which may be seen in museums have been rearticulated from bones found somewhat scattered as the result of death from floods, or in the neighbourhood of drying water-holes. We know of no case of a perfect articulated skeleton being found in company with such broken and scattered remains as appear to be abundant at Oldoway. Either the skeletons are all complete, as in the Stenomylus quarry at Sioux City, Nebraska, or are all scattered and broken in various degrees, as in ordinary bone beds. The probability, therefore, that the Oldoway skeleton represents an artificial burial is thus one that will occur to palmontologists. The skeleton was exhumed in 1913, and published photographs show that the excavation made for its disinterment was extensive. It is, therefore, very difficult to believe that in 1931 there can be reliable

If this be true, it is a most unusual occurrence. The

skeleton, which is of modern type, with filed teeth,

evidence left at the site as to the conditions under which it was deposited. If naturally deposited in Bed No. 2, the skeleton is of the highest possible importance, because it would be of pre-Mousterian age, and would be in the company of Pithecanthropus and the Piltdown, Heidelberg, and Peking men, all of whose remains are fragmentary to the last degree. Of the few other human remains for which such antiquity is claimed, the Galley Hill skeleton and the Ipswich skeleton are, or apparently were, complete.

The first of these was never seen in situ by any trained observer, and the latter has, we believe, been withdrawn by its discoverer. The other fragments. found long ago, are entirely without satisfactory evidence as to their mode of occurrence.



Das Neutron



- hat keine Ladung
- hat eine Masse von 939,5 MeV/c²
- \rightarrow ist nicht stabil, $T_{1/2} = 10,6$ min
- wechselwirkt hauptsächlich durch die starke Kernkraft
- ist ein Fermion (S=1/2)
- wechselwirkt (wenig) über sein magnetisches Moment.



Kernreaktionen



 $X(x,y)Y \Leftrightarrow (\alpha,\beta)$

$$x + X \rightarrow (X+x)^* \rightarrow Y + y$$

Reaktion:

Eingangskanal: $\alpha = X(x, x)$

Ausgangskanal: $y)Y = \beta$

Kinetische Energie (CMS): ε_{α} , ε_{β}



Radionuklid Neutronenquellen



9
Be $(\alpha,n)^{12}$ C
 $Q = 5,7 \text{ MeV}$
 7 Li $(\alpha,n)^{10}$ B
 $Q = -2,79 \text{ MeV}$
 10 B $(\alpha,n)^{13}$ N
 $Q = 1,07 \text{ MeV}$
 11 B $(\alpha,n)^{14}$ N
 $Q = 0,158 \text{ MeV}$

70 Neutronen pro 1Mio 241 Am α -Partikel

$$T_{1/2} = 140 \text{ d}$$

$$E_{\rm n} = 5.7 \, \text{MeV} \, (\text{Chadwick})$$

²²⁶Ra-Be
$$T_{1/2} = 1600 \text{ a}$$

1,35 ·
$$10^7$$
 s⁻¹ (g Ra)⁻¹ starker; γ -Untergrund

²³⁹Pu-Be
$$T_{1/2} = 24 \ 110 \ a$$
 $T_{1/2} = 433 \ a$

$$T_{1/2} = 2,645$$
 a

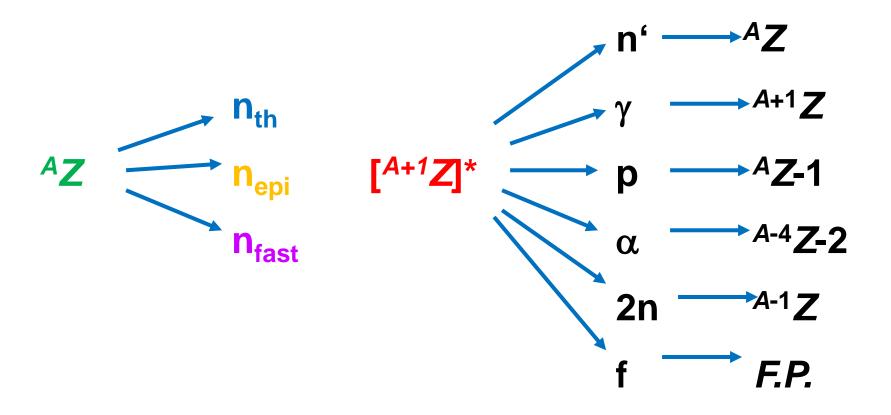
3,5 Neutronen pro Spaltung 2,7 - 10⁹ s⁻¹ (g Cf)⁻¹

²⁵²Cf(sf)



Neutronen-Induzierte Reaktionen







Neutronen Moderation





Neutronen Energien



Langsame Neutronen	$E_{\rm n}$ < 1 keV
Mittlere Neutronen	1 keV $< E_{\rm n} < 500 {\rm keV}$
Schnelle Neutronen	$500 \text{ keV} < E_{\text{n}} < 10 \text{ MeV}$
Sehr schnelle Neutronen	10 MeV $< E_{\rm n} < 50$ MeV
Mittelschnelle Neutronen	$50 \text{ MeV } < E_{\text{n}} < 10 \text{ GeV}$
Relativistische Neutronen	10 GeV < <i>E</i> _n

Reaktorphysik:

Kalte Neutronen
Thermische Neutronen
Epithermische Neutronen
Schnelle Neutronen

0 MeV
$$< E_n < 2 \text{ meV}$$

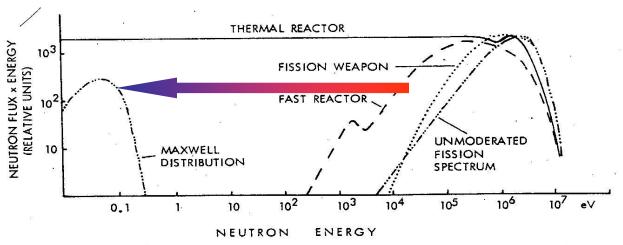
2 meV $< E_n < 0.6 \text{ eV}$
0.6 eV $< E_n < 1 \text{ keV}$
1 keV $< E_n$

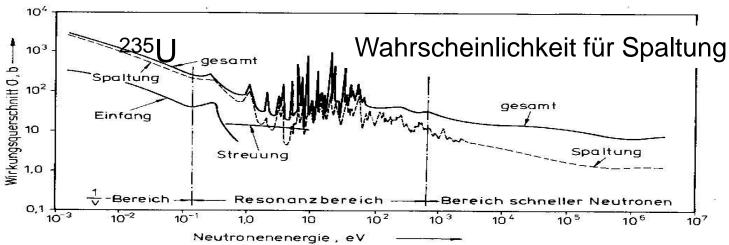
20 °C \cong kT = 1/40 eV \cong v = 2500 m s⁻¹



Neutronenenergie





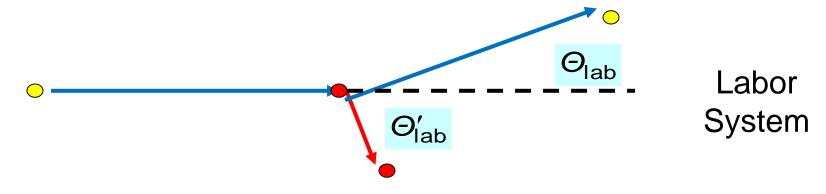




Neutronenmoderation I



Abbremsen von Neutronen durch elastische Stöße mit Atomkernen



- Neutron mit Masse m = 1; v_0 vor; v nach Stoß
- Kern mit Masse M = A; $V_0 = 0$ vor; V nach Stoß





wir lassen jetzt ca 50 Folien weg





Einige Abbremsparameter oder: was ist der beste Moderator?



	Н	D	He	С	0	U
Α α	1 0	2 0,111	4 0,360	12 0,716	16 0,778	238 0,983
ξ	1,0	0,725	0,425	0,158	0,120	0,00838
$\xi \cdot \Sigma_{\rm s} / \Sigma_{a}$	<i>7</i> 5	9300	-	142	265	
$m{n}$ (2 MeV $ ightarrow$ 0,025 eV)	18	25	43	114	150	2172

$$n \cdot \xi = \ln \frac{E_0}{E}$$

$$n = \frac{\ln(E_0 / E)}{\xi}$$

 $\xi \cdot \Sigma_s / \Sigma_a$ Moderatorverhältnis / Abbremsverhältnis

 $\xi \cdot \Sigma_s$ Abbremsstärke





Wer versteht das alles?

Experimentalphysik IV Clemens Walther Page 75



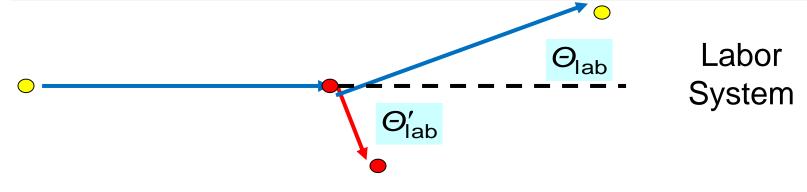
Na, dann eben doch die restlichen Folien

Experimentalphysik IV Clemens Walther Page 76



Neutronen Moderation I





- Neutron mit Masse m = 1; vor Stoß v_0 nach Stoß v
- Kern mit Masse M=A; vor Stoß $V_0=0$ nach Stoß V

Energie
$$m \cdot v_0^2 = M \cdot V^2 + m \cdot v^2$$
Impuls $m \cdot v_0 = M \cdot V \cdot \cos \Theta'_{lab} + m \cdot v \cdot \cos \Theta_{lab}$
 $0 = M \cdot V \cdot \sin \Theta'_{lab} + m \cdot v \cdot \sin \Theta_{lab}$



Neutronen Moderation II



Energie

Impuls

$$m \cdot v_0^2 = M \cdot V^2 + m \cdot v^2$$

$$m \cdot v_0 = M \cdot V \cdot \cos \Theta'_{lab} + m \cdot V$$
$$0 = M \cdot V \cdot S$$

Neutron mit M Kern mit N

Mit
$$\mu = \cos \Theta_{\text{lab}}$$
 $M = A$ $m =$

Energie E nach dem Stoß:

$$\frac{E}{E_0} = \frac{\left[(A^2 - 1 + \mu^2)^{1/2} + \mu \right]^2}{(A+1)^2}$$

$$\frac{E}{E_0} = \frac{\left[A^2 + 1 + 2A \cdot \cos \Theta_{CMS}\right]}{(A+1)^2}$$

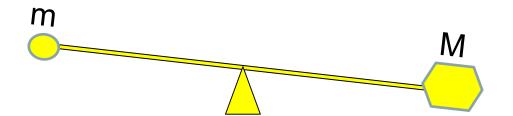


$$\Rightarrow \frac{(A+1)^2}{(A+1)^2} \le \frac{E}{E_0} \le 1$$



Center of Mass (Schwerpunktsystem)

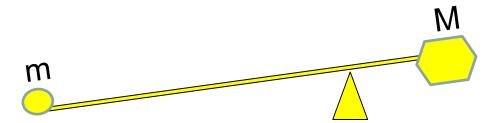






Center of Mass (Schwerpunktsystem)







Wie berechnet man den Schwerpunkt?



- A. m/(m+M)
- B. (m-M)/(m+M)
- C . $\mathsf{M}/(\mathsf{m}-\mathsf{M})$
- D_{\cdot} m²/(m-M)²

SMART Response Question

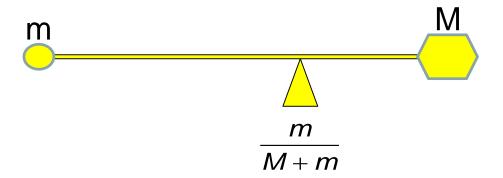
To set the properties right click and select SMART Response Question Object->Properties...





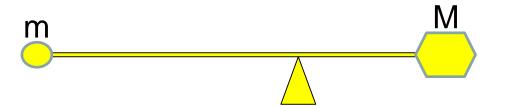






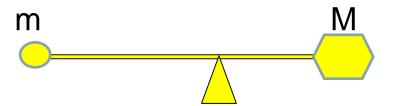






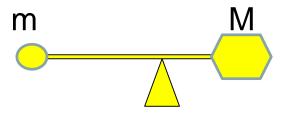








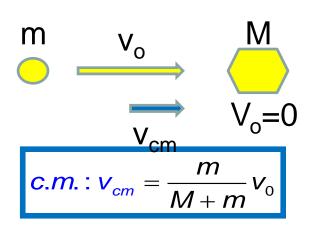


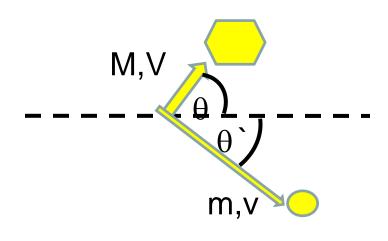




Stoß im Schwerpunktsystem (CMS)



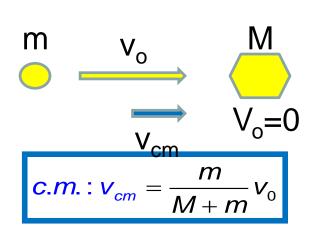


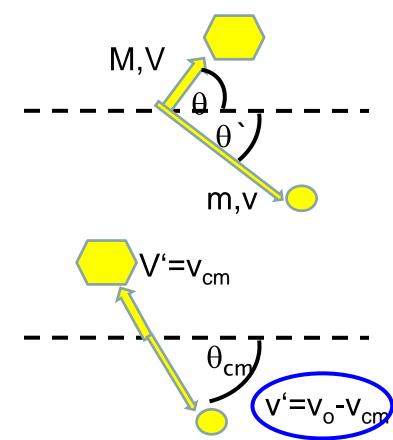




Stoß im Schwerpunktsystem (CMS)







$$E_{kin} = \frac{1}{2} m v^2 = \frac{1}{2} m (v' + v_{cm})^2 = \frac{1}{2} m (v'^2 + v_{cm}^2 + 2v'v_{cm} \cos \theta_{cm})$$



Stoß im Schwerpunktsystem (CMS) II



$$E_{kin} = \frac{1}{2} m v^2 = \frac{1}{2} m (v' + v_{cm})^2 = \frac{1}{2} m (v'^2 + v_{cm}^2 + 2v'v_{cm} \cos \theta_{cm})$$

$$E_{kin}(\text{max}) = \frac{1}{2} m(v'^2 + v_{cm}^2 + 2v'v_{cm}) = \frac{1}{2} mv_0^2$$

Wegen: v'=v_o-v_{cm}

$$E_{kin}(\min) = \frac{1}{2} m(v'^2 + v_{cm}^2 - 2v'v_{cm}) = \frac{1}{2} m(v' - v_{cm})^2$$
$$= \frac{1}{2} m(v_0 - 2v_{cm})^2$$

$$= \frac{1}{2} m v_0^2 \left(\frac{M-m}{M+m} \right)^2$$

c.m.:
$$v_{cm} = \frac{m}{M+m} v_0$$

$$M = A$$
 $\Rightarrow \left(\frac{A-1}{A+1}\right)^2$
 $m = 1$



Neutronen Moderation II



toß v



Energie

Impuls

$$m \cdot V_0^2 = M \cdot V^2 + m \cdot V^2$$

$$m \cdot v_0 = M \cdot V$$

 $0 = M \cdot V$

$$O = IM$$
. Neutron mit

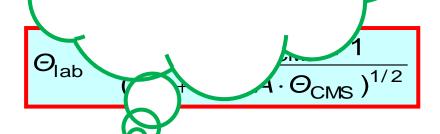
Kern

Mit
$$\mu = \cos \Theta_{lab}$$
 $M = A$ m

Energie E nach dem Stoß:

$$\frac{E}{E_0} = \frac{\left[(A^2 - 1 + \mu^2)^{1/2} + \mu \right]^2}{(A+1)^2}$$

$$\frac{E}{E_0} = \frac{\left[A^2 + 1 + 2A \cdot \cos \Theta_{CMS}\right]}{(A+1)^2}$$



$$\Rightarrow \frac{(A-1)^2}{(A+1)^2} \le \frac{E}{E_0} \le 1$$



Wissensfrage



Wissen Sie was eine s-Welle ist?







SMART Response Question

To set the properties right click and select SMART Response Question Object->Properties...







Neutronen Moderation III



Für s-Wellen, ist elastische Streuung im Schwerpunktsystem (CMS) isotrop. Höhere Drehimpulse werden bei hoher Neutronenenergie wichtig.



de Broglie Wellenlänge



$$\lambda = \frac{h}{m \cdot v} = \frac{h}{\sqrt{2mE}}$$

$$\lambda = \frac{4,05 \cdot 10^{-9}}{\sqrt{2mE}} \text{ cm}$$

m in amu

E in eV

Im Falle von Neutronen:

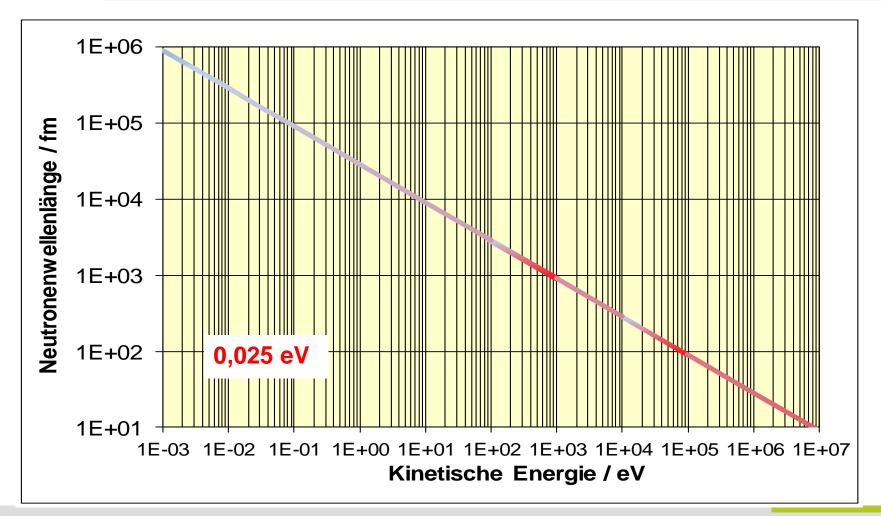
$$\lambda = \frac{2.86 \cdot 10^{-9}}{\sqrt{E}} \text{ cm für } E_{\text{n}} \text{ in eV}$$

$$E_{\rm n} = 0.025 \text{ eV}$$
: $\lambda = 1.7 \cdot 10^{-8} \text{ cm}$



De Broglie Wellenlänge für Neutronen

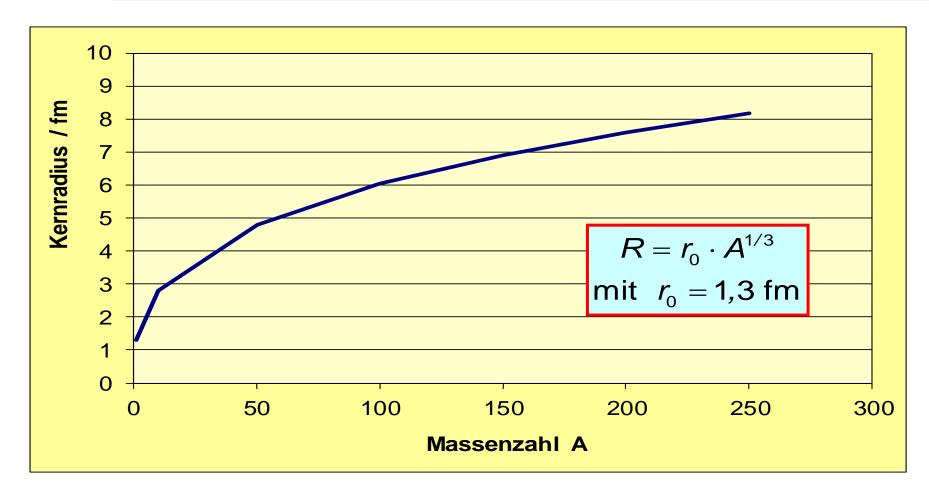






Kernradii







Neutronen Moderation III



Für s-Wellen, ist elastische Streuung im Schwerpunktsystem (CMS) isotrop. Höhere Drehimpulse werden bei hoher Neutronenenergie wichtig.

Für s-Wellen ist die Wahrscheinlichkeit dW im CMS in den Winkel $d\omega$ gestreut zu werden:

$$\frac{dW}{4\pi} = \frac{\sin\Theta_{\text{CMS}}}{2} \frac{d\Theta_{\text{CMS}}}{2} = -\frac{d(\cos\Theta_{\text{CMS}})}{2}$$

$$dxdydz = r^2dr d\phi \sin\theta d\theta$$

 $-> d\omega = 2\pi \sin\theta d\theta$



Neutron Moderation III



Für **s-Wellen**, ist elastische Streuung im **Schwerpunktsystem (CMS) isotrop.** Höhere Drehimpulse werden bei hoher Neutronenenergie wichtig.



Für s-Wellen ist die Wahrscheinlichkeit dW im CMS in den Winkel d ω gestreut zu werden:

$$\frac{\text{d}W}{4\pi} = \frac{\sin\Theta_{\text{CMS}} \text{ d}\Theta_{\text{CMS}}}{2} = -\frac{\text{d}(\cos\Theta_{\text{CMS}})}{2}$$

Die Wahrscheinlichkeit, nach dem Stoß ein bestimmtes Intervall $\cos\Theta_{\rm CMS}$ zu erreichen hängt nicht von $\Theta_{\rm CMS}$ ab..

$$\frac{E}{E_0} = \frac{\left[A^2 + 1 + 2A \cdot \cos \Theta_{\text{CMS}}\right]}{(A+1)^2} \Rightarrow \frac{dE}{E_0} = \frac{2A}{(A+1)^2} d\cos \Theta_{\text{CMS}}$$



Neutronen Moderation IV



Beim zentralen Stoß ist der maximale Energieverlust:

$$\left[\frac{E}{E_0}\right]_{\text{max}} = \frac{(A-1)^2}{(A+1)^2} = \alpha$$

 Θ und μ =cos θ folgen den Gesetzen für Streuung: isotrop im CMS System



Dann ist das mittlere logarithmische Energie Dekrement ogegeben durch:

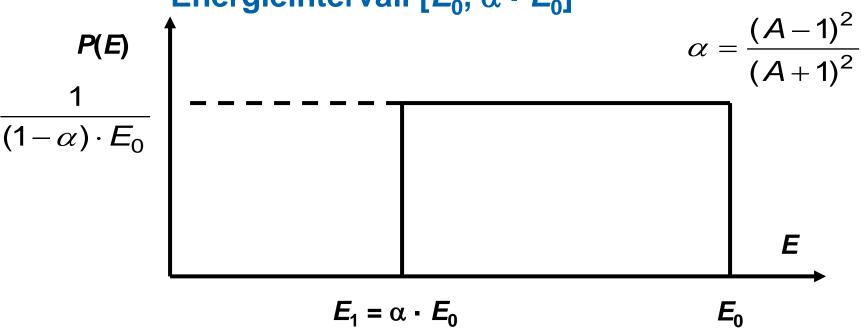
$$\overline{\xi} = \ln \frac{E_0}{E_1} = 1 + \frac{(A-1)^2}{2A} \cdot \ln \frac{A-1}{A+1}$$



Konstante Wahrscheinlichkeit, nach einem Stoß die Energie E zu erreichen im







Für ${}^{1}H$ wird jede Energie zwischen E_{0} und 0 mit gleicher

Wahrscheinlichkeit erreicht:

$$\langle E_n \rangle = \frac{1}{2^n} \cdot E_0$$