

Übersicht Prädikatenlogik 1. Ordnung (vereinfacht)

Vorlesung Künstliche Intelligenz

Sommersemester 2015

Bestandteile

\wedge	Logisches UND
\vee	Logisches ODER
\neg	Logische Negation
\rightarrow	„daraus folgt“
\leftrightarrow	„genau dann wenn“
$()$	Klammerung
\equiv	Äquivalenz
\forall	All-Quantor
\exists	Existenz-Quantor
v_i	Variablen
\mathcal{C}	Menge von Konstantensymbolen (Bsp: karl, eins)
\mathcal{F}	Menge von Funktionssymbolen (Bsp: <i>nachbarVon</i> , <i>nachfolger</i> , <i>plus</i>)
\mathcal{R}	Menge von Relationssymbolen/Prädikate (Bsp: <i>IstMännlich</i> , <i>GrößerAls</i>)

Funktionen und Relations sind **n -stellig** ($n \geq 1$),
d.h. sie haben n Parameter.

Terme und Ausdrücke

Terme sind:

- Variablen- oder Konstantensymbole: x, y , karl
- n -stellige Funktionssymbole mit n Termen als Parameter: $f(x), g(y, f(\text{karl}))$

Ausdrücke sind:

- n -stellige Relationssymbole mit n Termen als Parameter: *IstMännlich*(*Eva*), *GrößerAls*(x, y)

- $(\varphi \wedge \psi), (\varphi \vee \psi), (\varphi \rightarrow \psi), (\varphi \leftrightarrow \psi), \neg\varphi$, wenn φ und ψ jeweils Ausdrücke sind:
(*KleinerAls*(x, eins) \rightarrow *KleinerAls*(x, y))
- $\forall x\varphi, \exists x\varphi$, wenn x eine Variable und φ ein Ausdruck ist: $\forall x\text{KleinerAls}(\text{eins}, f(x))$. x muss dabei **frei** in φ vorkommen, d.h. von keinem Quantor in φ *gebunden* sein.

Ausdrücke sind entweder **wahr** oder **falsch**.

Signatur und Interpretation

Eine Prädikatenlogik ist eindeutig festgelegt durch die **Signatur** $S = (\mathcal{C}, \mathcal{F}, \mathcal{R})$.

Eine **Struktur** \mathcal{A} über S legt eine beliebige, nicht-leeren Menge A als Grundmenge fest, ordnet jeder Konstanten einen Wert aus A zu und gibt für jedes Funktions-/Relationssymbol eine entsprechende Funktion/Relation.

Eine **Interpretation** $\mathcal{I} = (\mathcal{A}, \beta)$ gibt eine **Belegung** β an. Durch die Belegung erhält jede Variable und damit auch jeder Term einen Wert aus A .

Wichtige Regeln

$$\forall x\neg A \equiv \neg\exists xA$$

$$\neg\forall xA \equiv \exists x\neg A$$