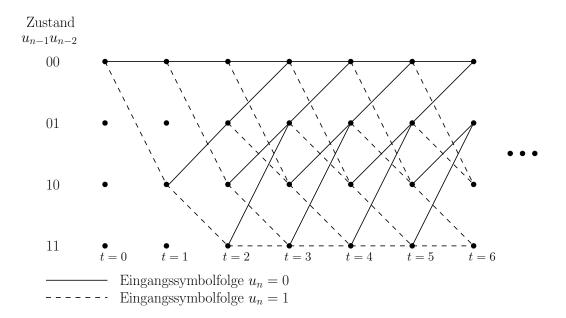
## Aufgabe 3 (Faltungscodes)

Gegeben ist ein Faltungscode, der durch die Zuordnung von Eingangssymbolfolge  $\vec{u}$  und Ausgangssymbolfolge  $\vec{x}$  gemäß folgender Tabelle beschrieben ist:

$x_{n1}$	$x_{n2}$	$u_n$	$u_{n-1}$	$u_{n-2}$
0	0	0	0	0
1	1	0	0	1
1	0	0	1	0
0	1	0	1	1
1	1	1	0	0
0	0	1	0	1
0	1	1	1	0
1	0	1	1	1

- a) Ermitteln Sie die Schaltfunktionen für  $x_{n1}$  und  $x_{n2}$  und zeichnen Sie das Blockschaltdiagramm sowie das Zustandsübergangsdiagramm des Coders.
- b) Handelt es sich um einen systematischen Code? Geben Sie die Coderate R und die Einflusslänge L des Codes an. Wieviele Ausgangsbits werden von einem Eingangsbit beeinflusst?
- c) Vervollständigen Sie das vorgegebene Trellis-Diagramm für den gegebenen Faltungscode bis zum Zeitpunkt t=6. Zum Zeitpunkt t=0 befinde sich der Coder im Zustand 00.



Die Decodierung einer empfangenen Symbolfolge soll nun nach dem *Maximum-Likelihood*-Prinzip unter der Annahme eines binären, symmetrischen Kanals erfolgen. Dabei entspricht jeder möglichen gesendeten Symbolfolge genau ein Pfad im Trellis-Diagramm.

- d) Welcher Pfad im Trellisdiagramm (und somit welche gesendete Symbolfolge) wird bei der Decodierung gewählt?
- e) Decodieren Sie die empfangene Symbolfolge  $\vec{y}=(10\ 10\ 11\ 01\ 10\ 01).$  Der Coder habe sich zu Beginn der Codierung im Zustand "00" befunden.