Softwarequalität

Vorlesung 11 – Testen: White-box-Verfahren (Kontrollflussorientierte Verfahren)

Prof. Dr. Joel Greenyer



20. Juni 2016



- White-/Glass-Box-Tests (Wdh.)
 - Testen eines Subjekts mit Kenntnis über dessen inneren Aufbau
 - Idee: Sicherstellen, dass möglichst viele Programmteile durch Tests ausgeführt werden (Coverage) – In Code, der nicht ausgeführt wurde, kann auch kein Fehler gefunden werden
 - Sollwerte werden weiterhin von einer Spezifikation abgeleitet



- White-/Glass-Box-Tests (Wdh.)
 - Testen eines Subjekts mit Kenntnis über dessen inneren Aufbau
 - Idee: Sicherstellen, dass möglichst viele Programmteile durch Tests ausgeführt werden (Coverage) – In Code, der nicht ausgeführt wurde, kann auch kein Fehler gefunden werden
 - Sollwerte werden weiterhin von einer Spezifikation abgeleitet
 - Sollwerte sind prinzipiell nicht aus dem Code ableitbar!



- White-/Glass-Box-Tests (Wdh.)
 - Testen eines Subjekts mit Kenntnis über dessen inneren Aufbau
 - Idee: Sicherstellen, dass möglichst viele Programmteile durch Tests ausgeführt werden (Coverage) – In Code, der nicht ausgeführt wurde, kann auch kein Fehler gefunden werden
 - Sollwerte werden weiterhin von einer Spezifikation abgeleitet
 - Sollwerte sind prinzipiell nicht aus dem Code ableitbar!
- Nachteil von Glass-Box-Tests:



- White-/Glass-Box-Tests (Wdh.)
 - Testen eines Subjekts mit Kenntnis über dessen inneren Aufbau
 - Idee: Sicherstellen, dass möglichst viele Programmteile durch Tests ausgeführt werden (Coverage) – In Code, der nicht ausgeführt wurde, kann auch kein Fehler gefunden werden
 - Sollwerte werden weiterhin von einer Spezifikation abgeleitet
 - Sollwerte sind prinzipiell nicht aus dem Code ableitbar!
- Nachteil von Glass-Box-Tests:
 - Fehler können gefunden werden, aber nicht fehlende Funktionen



Beispiel

In der letzten Vorlesung...

Frage: Welche Tests machen hier Sinn?

```
/**
 * calculate the Manhattan distance
 * of two points p1 = (x1, y1), p2 = (x2, y2)
 * by calling manhattan(x1-x2, y1-y2)
 * @param a
 * @param b
 * @return |a| + |b|
 */
public int manhattan(int a, int b){
       if (a < 0)
             a = -a;
       if (b < 0)
             b = -b;
       return a+b;
```



Testüberdeckung (Coverage)

• Ziel: Kenntnis der internen Struktur systematisch nutzen



Testüberdeckung (Coverage)

- Ziel: Kenntnis der internen Struktur systematisch nutzen
- Kontrollflussorientierte Tests:
 - Wie viele Anweisungen des Programms wurden abgedeckt?
 - Wie viele Zweige des Programms wurden abgedeckt?
 - Wie viele Pfade des Programms wurden abgedeckt?
 - Wie viele Bedingungen des Programms wurden abgedeckt?

– ...



Testüberdeckung (Coverage)

• Ziel: Kenntnis der internen Struktur systematisch nutzen

Kontrollflussorientierte Tests:

- Wie viele Anweisungen des Programms wurden abgedeckt?
- Wie viele Zweige des Programms wurden abgedeckt?
- Wie viele Pfade des Programms wurden abgedeckt?
- Wie viele Bedingungen des Programms wurden abgedeckt?

– ...

Datenflussorientierte Tests

 Idee: Testen verschiedener Kombinationen von Schreib- und Lesezugriffen auf Variablen



White-/Glass-Box-Tests – Vorgehensweise

- Schritt 1: Analyse der Programmstruktur:
 - Aufbau eines Kontrollflussgraphen



White-/Glass-Box-Tests – Vorgehensweise

- Schritt 1: Analyse der Programmstruktur:
 - Aufbau eines Kontrollflussgraphen
- Schritt 2: Testkonstruktion
 - Erstellen einer Testfallmenge, sodass ein bestimmtes Überdeckungskriterium erfüllt ist
 - z.B. "alle Anweisungen durch mindestens einen Test abgedeckt"



White-/Glass-Box-Tests – Vorgehensweise

- Schritt 1: Analyse der Programmstruktur:
 - Aufbau eines Kontrollflussgraphen
- Schritt 2: Testkonstruktion
 - Erstellen einer Testfallmenge, sodass ein bestimmtes Überdeckungskriterium erfüllt ist
 - z.B. "alle Anweisungen durch mindestens einen Test abgedeckt"
 - (Woher kommen die Sollwerte?
 - Aus der Spezifikation nicht aus dem Code!!)



White-/Glass-Box-Tests - Vorgehensweise

- Schritt 1: Analyse der Programmstruktur:
 - Aufbau eines Kontrollflussgraphen
- Schritt 2: Testkonstruktion
 - Erstellen einer Testfallmenge, sodass ein bestimmtes Überdeckungskriterium erfüllt ist
 - z.B. "alle Anweisungen durch mindestens einen Test abgedeckt"
 - (Woher kommen die Sollwerte?
 - Aus der Spezifikation nicht aus dem Code!!)
- Schritt 3: Testdurchführung
 - Wie bei Black-Box-Tests auch



- Kontrollflussgraphen beschreiben mögliche Positionsfolgen des Programmzeigers (program counters)
- Beispiel:

```
calculate the Manhattan distance
  of two points p1 = (x1, y1), p2 = (x2, y2)
  by calling manhattan(x1-x2, y1-y2)
  @param a
  @param b
 * @return |a| + |b|
 */
public int manhattan(int a, int b){
       if (a < 0)
               a = -a;
       if (b < 0)
               b = -b;
       return a+b;
```



- Kontrollflussgraphen beschreiben mögliche Positionsfolgen des Programmzeigers (program counters)
- Beispiel:

```
calculate the Manhattan distance
   of two points p1 = (x1, y1), p2 = (x2, y2)
   by calling manhattan(x1-x2, y1-y2)
   @param a
   @param b
  @return |a| + |b|
 * /
                                                       a < 0
public int manhattan(int a, int b){
                                                                a >= 0
       if (a < 0)
               a = -a;
                                                                 if
                                                       b < 0
       if (b < 0)
                                                                b >= 0
               b = -b;
       return a+b;
                                                                 return a + b
```

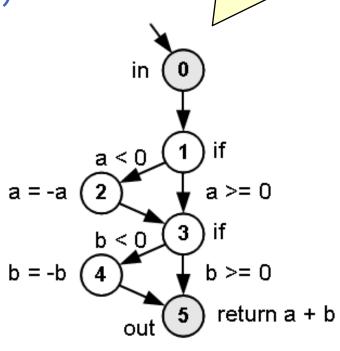


 Kontrollflussgraphen beschreiben mögliche Positionsfolgen des Programmzeigers (program counters)

• Beispiel:

```
calculate the Manhattan distance
   of two points p1 = (x1, y1), p2 = (x2, y2)
   by calling manhattan(x1-x2, y1-y2)
   @param a
   @param b
  @return |a| + |b|
public int manhattan(int a, int b){
       if (a < 0)
               a = -a;
       if (b < 0)
               b = -b;
       return a+b;
```

Zusätzlich hat ein Kontrollflussgraph immer genau einen Startknoten "in" und genau einen Endknoten "out".





- Ein Kontrollflussgraph hat genau einen Startknoten in und genau einen Endknoten out
 - Das vereinfacht die Definition einiger Überdeckungskriterien, die wir kennenlernen werden



- Ein Kontrollflussgraph hat genau einen Startknoten in und genau einen Endknoten out
 - Das vereinfacht die Definition einiger Überdeckungskriterien, die wir kennenlernen werden
- Das klingt nach einer Einschränkung ist aber keine



- Ein Kontrollflussgraph hat genau einen Startknoten in und genau einen Endknoten out
 - Das vereinfacht die Definition einiger Überdeckungskriterien, die wir kennenlernen werden
- Das klingt nach einer Einschränkung ist aber keine
 - Entweder einfach einen Knoten out als Nachfolger aller return-Knoten einfügen



- Ein Kontrollflussgraph hat genau einen Startknoten in und genau einen Endknoten out
 - Das vereinfacht die Definition einiger Überdeckungskriterien, die wir kennenlernen werden
- Das klingt nach einer Einschränkung ist aber keine
 - Entweder einfach einen Knoten out als Nachfolger aller return-Knoten einfügen

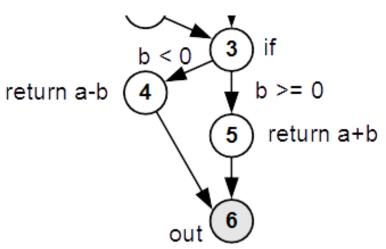
• • •



- Ein Kontrollflussgraph hat genau einen Startknoten in und genau einen Endknoten out
 - Das vereinfacht die Definition einiger Überdeckungskriterien, die wir kennenlernen werden
- Das klingt nach einer Einschränkung ist aber keine
 - Entweder einfach einen Knoten out als Nachfolger aller return-Knoten einfügen

• • •







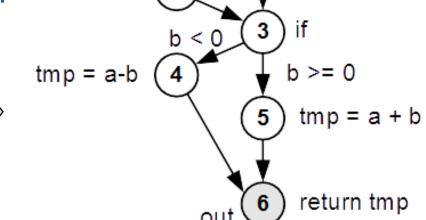
- Ein Kontrollflussgraph hat genau einen Startknoten in und genau einen Endknoten out
 - Das vereinfacht die Definition einiger Überdeckungskriterien, die wir kennenlernen werden
- Das klingt nach einer Einschränkung ist aber keine
 - Entweder einfach einen Knoten out als Nachfolger aller return-Knoten einfügen
 - Oder: Die Methode in äquivalente Methode mit nur einer return-Anweisung umformen:



- Ein Kontrollflussgraph hat genau einen Startknoten in und genau einen Endknoten out
 - Das vereinfacht die Definition einiger Überdeckungskriterien, die wir kennenlernen werden
- Das klingt nach einer Einschränkung ist aber keine
 - Entweder einfach einen Knoten out als Nachfolger aller return-Knoten einfügen

Oder: Die Methode in äquivalente Methode mit nur einer return-Anweisung umformen:

• • •





- Kontrollflussgraphen beschreiben mögliche Positionsfolgen des Programmzeigers (program counters)
- Beispiel:

```
calculate the Manhattan distance
    of two points p1 = (x1, y1), p2 = (x2, y2)
    by calling manhattan(x1-x2, y1-y2)
    @param a
    @param b
  * @return |a| + |b|
                                                     a < 0
 public int manhattan(int a, int b){
                                                              a >= 0
1 - - - - if (a < 0)
                                                              if
                                                     b < 0
3-----if (b < 0)
                                                              b >= 0
  ---- b = -b;
5----- return a+b;
                                                               return a + b
```



- Kontrollflussgraphen beschreiben mögliche Positionsfolgen des Programmzeigers (program counters)
- Beispiel:

```
calculate the Manhattan distance
    of two points p1 = (x1, y1), p2 = (x2, y2)
    by calling manhattan(x1-x2, y1-y2)
    @param a
    @param b
    @return |a| + |b|
                                                        a < 0
 public int manhattan(int a, int b){
                                                                  a >= 0
1----- if (a < 0)
                                                                  if
                                                         b < 0
3-----if (b < 0)
                                                                  b >= 0
                             Tipp: Zeilennummern als
5---- return a+b;
                                                                   return a + b
                              Knotenzahlen wählen!
```



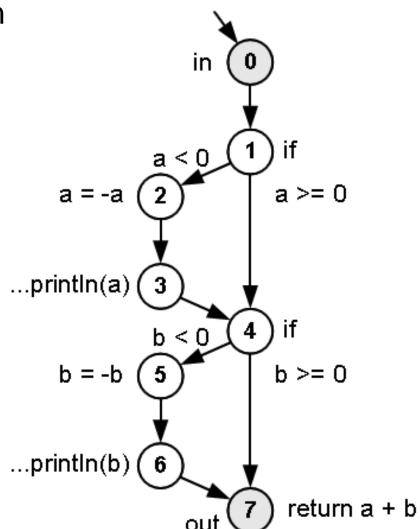
- Expandierte Kontrollflussgraphen
 - Pro Anweisung einen Knoten

```
public int manhattan(int a, int b){
    if (a < 0){
        a = -a;
        System.out.println(a);
    }if (b < 0){
        b = -b;
        System.out.println(b);
    }
    return a+b;
}</pre>
```



- Expandierte Kontrollflussgraphen
 - Pro Anweisung einen Knoten

```
public int manhattan(int a, int b){
    if (a < 0){
        a = -a;
        System.out.println(a);
    }if (b < 0){
        b = -b;
        System.out.println(b);
    }
    return a+b;
}</pre>
```





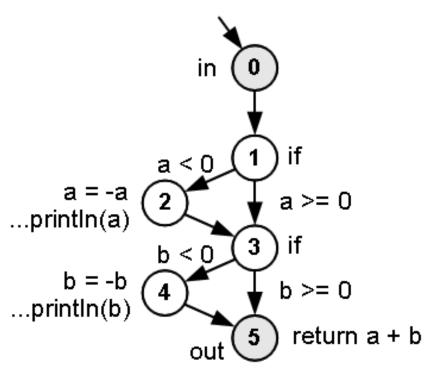
- Kollabierte Kontrollflussgraphen
 - Verzweigungsfreie Blöcke werden zu einem Knoten

```
public int manhattan(int a, int b){
    if (a < 0){
        a = -a;
        System.out.println(a);
    }
if (b < 0){
        b = -b;
        System.out.println(b);
    }
    return a+b;
}</pre>
```



- Kollabierte Kontrollflussgraphen
 - Verzweigungsfreie Blöcke werden zu einem Knoten

```
public int manhattan(int a, int b){
    if (a < 0){
        a = -a;
        System.out.println(a);
} if (b < 0){
        b = -b;
        System.out.println(b);
}
return a+b;
}</pre>
```





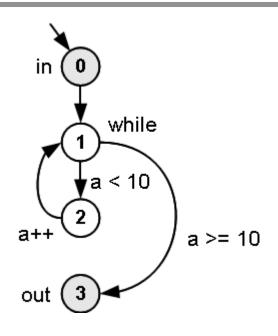
Darstellung von Schleifen:

```
while(a<10){
     a++;
}</pre>
```



Darstellung von Schleifen:

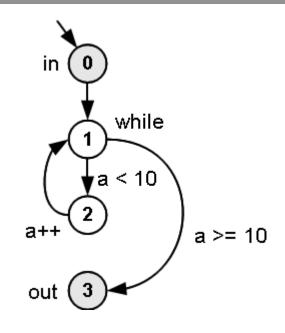
```
while(a<10){
     a++;
}</pre>
```





• Darstellung von Schleifen:

```
while(a<10){
    a++;
}</pre>
```

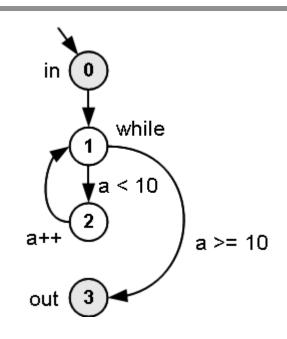


```
do {
     a++;
} while(a<10);</pre>
```



Darstellung von Schleifen:

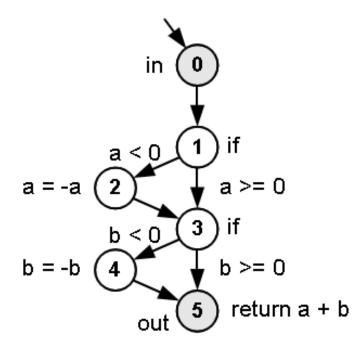
```
while(a<10){</pre>
                                              a++;
                              in
                                      a++
do {
                      a < 10
          a++;
  while(a<10);</pre>
                                     while
                                     a >= 10
                            out
```





Anweisungsüberdeckung (Statement Coverage o. Node Coverage, NC)

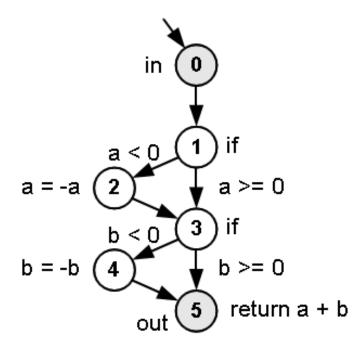
- Forderung: Jeder Knoten des Kontrollflussgraphen überdecken
- Welche Menge an Testfällen überdecken alle Anweisungen?





Anweisungsüberdeckung (Statement Coverage o. Node Coverage, NC)

- Forderung: Jeder Knoten des Kontrollflussgraphen überdecken
- Welche Menge an Testfällen überdecken alle Anweisungen?
 - Ein Testfall:

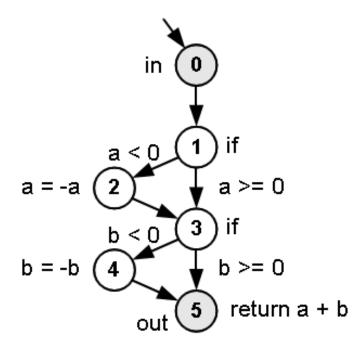




Anweisungsüberdeckung (Statement Coverage o. Node Coverage, NC)

- Forderung: Jeder Knoten des Kontrollflussgraphen überdecken
- Welche Menge an Testfällen überdecken alle Anweisungen?
 - Ein Testfall:

```
manhattan(-1, -1); Soll-Ergebnis: 2
```



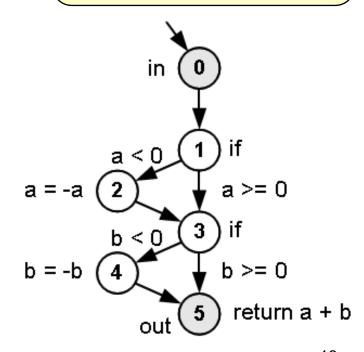


Anweisungsüberdeckung (Statement Coverage o. Node Coverage, NC)

- Forderung: Jeder Knoten des Kontrollflussgraphen überdecken
- Welche Menge an Testfällen überdecken alle Anweisungen?
 - Ein Testfall:

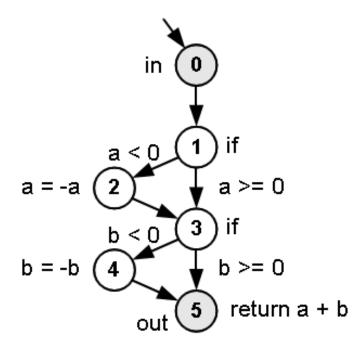
```
manhattan(-1, -1); Soll-Ergebnis: 2
```

Manchmal sprechen wir im Folgenden nicht über die Sollwerte. Aber die gehören natürlich zu jedem Testfall dazu!





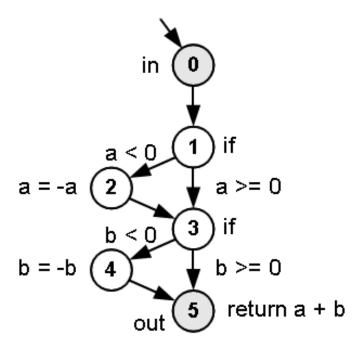
- Forderung: Jede Kante des Kontrollflussgraphen überdecken
- Welche Menge an Testfällen überdecken alle Kanten?





- Forderung: Jede Kante des Kontrollflussgraphen überdecken
- Welche Menge an Testfällen überdecken alle Kanten?

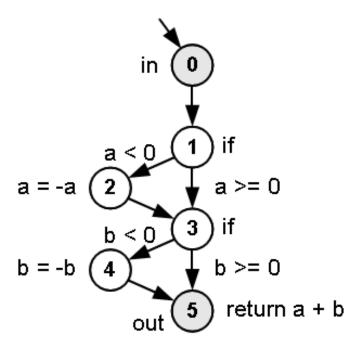
```
Alle Kanten: (0,1), (1,2), (2,3), (3,4), (4,5), (1,3), (3,5)
```





- Forderung: Jede Kante des Kontrollflussgraphen überdecken
- Welche Menge an Testfällen überdecken alle Kanten?
 - Zwei Testfälle:

```
Alle Kanten: (0,1), (1,2), (2,3), (3,4), (4,5), (1,3), (3,5)
```

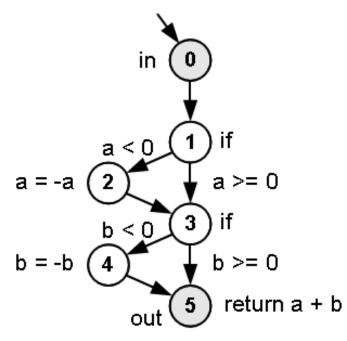




- Forderung: Jede Kante des Kontrollflussgraphen überdecken
- Welche Menge an Testfällen überdecken alle Kanten?
 - Zwei Testfälle:

```
manhattan(-1, -1); Soll-Ergebnis: 2
    überdeckt (0,1), (1,2), (2,3), (3,4), (4,5)
    manhattan(1, 1); Soll-Ergebnis: 2
    überdeckt (0,1), (1,3), (3,5)
public int manhattan(int a, int b){
        if (a < 0)
                a = -a:
        if (b < 0)
                b = -b;
        return a+b;
```

Alle Kanten: (0,1), (1,2), (2,3), (3,4), (4,5), (1,3), (3,5)





- Zweigüberdeckung schließt Anweisungsüberdeckung mit ein
- Anweisungsüberdeckung ist oft nicht ausreichend
 - Nur Tests, wo if-Bedingung wahr ist (wenn kein else vorhanden)
- Zweigüberdeckung wird von einigen Standards gefordert
 - Z.B. RCTA-DO-178B ("Software Considerations in Airborne Systems and Equipment Certification") für alle Komponenten, bei denen Fehler signifikant, aber nicht sicherheitskritisch sind



- Zweigüberdeckung schließt Anweisungsüberdeckung mit ein
- Anweisungsüberdeckung ist oft nicht ausreichend
 - Nur Tests, wo if-Bedingung wahr ist (wenn kein else vorhanden)
- Zweigüberdeckung wird von einigen Standards gefordert
 - Z.B. RCTA-DO-178B ("Software Considerations in Airborne Systems and Equipment Certification") für alle Komponenten, bei denen Fehler signifikant, aber nicht sicherheitskritisch sind
- Laut Experimenten von Wei et al. [1] ist aber auch Zweiüberdeckung kein gutes Kriterium



- Zweigüberdeckung schließt Anweisungsüberdeckung mit ein
- Anweisungsüberdeckung ist oft nicht ausreichend
 - Nur Tests, wo if-Bedingung wahr ist (wenn kein else vorhanden)
- Zweigüberdeckung wird von einigen Standards gefordert
 - Z.B. RCTA-DO-178B ("Software Considerations in Airborne Systems and Equipment Certification") für alle Komponenten, bei denen Fehler signifikant, aber nicht sicherheitskritisch sind
- Laut Experimenten von Wei et al. [1] ist aber auch Zweiüberdeckung kein gutes Kriterium
 - Hohe Zweigüberdeckung war durch Zufallstests schnell erreicht



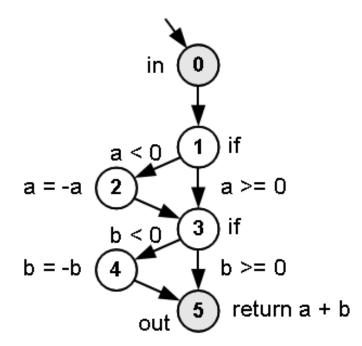
- Zweigüberdeckung schließt Anweisungsüberdeckung mit ein
- Anweisungsüberdeckung ist oft nicht ausreichend
 - Nur Tests, wo if-Bedingung wahr ist (wenn kein else vorhanden)
- Zweigüberdeckung wird von einigen Standards gefordert
 - Z.B. RCTA-DO-178B ("Software Considerations in Airborne Systems and Equipment Certification") für alle Komponenten, bei denen Fehler signifikant, aber nicht sicherheitskritisch sind
- Laut Experimenten von Wei et al. [1] ist aber auch Zweiüberdeckung kein gutes Kriterium
 - Hohe Zweigüberdeckung war durch Zufallstests schnell erreicht
 - Über 50% der Fehler erst durch weitere Zufallstests gefunden



- Zweigüberdeckung schließt Anweisungsüberdeckung mit ein
- Anweisungsüberdeckung ist oft nicht ausreichend
 - Nur Tests, wo if-Bedingung wahr ist (wenn kein else vorhanden)
- Zweigüberdeckung wird von einigen Standards gefordert
 - Z.B. RCTA-DO-178B ("Software Considerations in Airborne Systems and Equipment Certification") für alle Komponenten, bei denen Fehler signifikant, aber nicht sicherheitskritisch sind
- Laut Experimenten von Wei et al. [1] ist aber auch Zweiüberdeckung kein gutes Kriterium
 - Hohe Zweigüberdeckung war durch Zufallstests schnell erreicht
 - Über 50% der Fehler erst durch weitere Zufallstests gefunden
 - also kein gutes Kriterium um Zufallstest abzubrechen

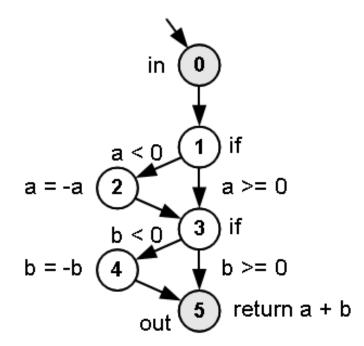


- Forderung: Jeden möglichen Pfad vom Eingangs- zum Ausgangsknoten des Kontrollflussgraphen überdecken
- Welche Menge an Testfällen überdecken alle Pfade?





- Forderung: Jeden möglichen Pfad vom Eingangs- zum Ausgangsknoten des Kontrollflussgraphen überdecken
- Welche Menge an Testfällen überdecken alle Pfade?
 - Vier Testfälle (für vier Pfade):





- Forderung: Jeden möglichen Pfad vom Eingangs- zum Ausgangsknoten des Kontrollflussgraphen überdecken
- Welche Menge an Testfällen überdecken alle Pfade?
 - Vier Testfälle (für vier Pfade):

```
manhattan(-1, -1); überdeckt Pfad 0, 1, 2, 3, 4, 5
    manhattan(-1, 1); überdeckt Pfad 0, 1, 2, 3, 5
    manhattan(1, -1); überdeckt Pfad 0, 1, 3, 4, 5
    manhattan(1, 1); überdeckt Pfad 0, 1, 3, 5
public int manhattan(int a, int b){
                                                          a < 0
        if (a < 0)
                                                                    a >= 0
                a = -a:
                                                                     if
        if (b < 0)
                                                           b < 0
                b = -b;
                                                                    b >= 0
        return a+b;
                                                                     return a + b
```



 Es kann sein, dass nicht alle Pfade im Kontrollflussgraphen möglich sind



- Es kann sein, dass nicht alle Pfade im Kontrollflussgraphen möglich sind
 - Diese müssen dann natürlich nicht abgedeckt werden



- Es kann sein, dass nicht alle Pfade im Kontrollflussgraphen möglich sind
 - Diese müssen dann natürlich nicht abgedeckt werden
- Beispiel:
 - Ein Ausführung des Programms, bei dem "Failed" und "With distinction" ausgegeben wird, ist nicht möglich



- Pfadüberdeckung ist ein hohes Ziel
 - Dann werden alle Durchläufe des Programms getestet



- Pfadüberdeckung ist ein hohes Ziel
 - Dann werden alle Durchläufe des Programms getestet
- Aber schon sehr kleine Programme können, durch Schleifen, sehr viele oder unendlich viele Pfade besitzen



- Pfadüberdeckung ist ein hohes Ziel
 - Dann werden alle Durchläufe des Programms getestet
- Aber schon sehr kleine Programme können, durch Schleifen, sehr viele oder unendlich viele Pfade besitzen
- Angenommen:
 - Programm hat eine Schleife, die n-mal durchlaufen wird



- Pfadüberdeckung ist ein hohes Ziel
 - Dann werden alle Durchläufe des Programms getestet
- Aber schon sehr kleine Programme können, durch Schleifen, sehr viele oder unendlich viele Pfade besitzen
- Angenommen:
 - Programm hat eine Schleife, die n-mal durchlaufen wird
 - In der while-Schleife ist eine if-then-else-Bedingung



- Pfadüberdeckung ist ein hohes Ziel
 - Dann werden alle Durchläufe des Programms getestet
- Aber schon sehr kleine Programme können, durch Schleifen, sehr viele oder unendlich viele Pfade besitzen
- Angenommen:
 - Programm hat eine Schleife, die n-mal durchlaufen wird
 - In der while-Schleife ist eine if-then-else-Bedingung
 - Wie viele Pfade hat das Programm mindestens?



- Pfadüberdeckung ist ein hohes Ziel
 - Dann werden alle Durchläufe des Programms getestet
- Aber schon sehr kleine Programme können, durch Schleifen, sehr viele oder unendlich viele Pfade besitzen
- Angenommen:
 - Programm hat eine Schleife, die n-mal durchlaufen wird
 - In der while-Schleife ist eine if-then-else-Bedingung
 - Wie viele Pfade hat das Programm mindestens?
 - Antwort: 2ⁿ viele Pfade!



- Pfadüberdeckung ist ein hohes Ziel
 - Dann werden alle Durchläufe des Programms getestet
- Aber schon sehr kleine Programme können, durch Schleifen, sehr viele oder unendlich viele Pfade besitzen
- Angenommen:
 - Programm hat eine Schleife, die n-mal durchlaufen wird
 - In der while-Schleife ist eine if-then-else-Bedingung
 - Wie viele Pfade hat das Programm mindestens?
 - Antwort: 2ⁿ viele Pfade!
- Daher gibt es z.B. die strukturierte Pfadüberdeckung, bei der für ein gewähltes k nur alle Pfade überdeckt werden müssen, bei denen Schleifen mit bis zu k Iterationen durchlaufen werden



• Eine Mischung aus Kanten- und Pfadüberdeckung ist die Überdeckung von Kantenpaaren oder Teilpfaden



- Eine Mischung aus Kanten- und Pfadüberdeckung ist die Überdeckung von Kantenpaaren oder Teilpfaden
 - Engl. auch Edge-Pair-Coverage (EPC)



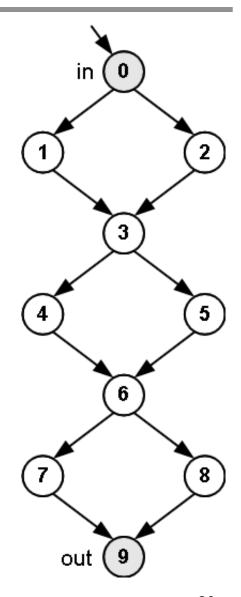
- Eine Mischung aus Kanten- und Pfadüberdeckung ist die Überdeckung von Kantenpaaren oder Teilpfaden
 - Engl. auch Edge-Pair-Coverage (EPC)
- Forderung: Jedes Paar aufeinanderfolgender Kanten im Kontrollflussgraphen muss abgedeckt werden



- Eine Mischung aus Kanten- und Pfadüberdeckung ist die Überdeckung von Kantenpaaren oder Teilpfaden
 - Engl. auch Edge-Pair-Coverage (EPC)
- Forderung: Jedes Paar aufeinanderfolgender Kanten im Kontrollflussgraphen muss abgedeckt werden
 - Oder für ein gewähltes k jeder Teilpfad der Länge k

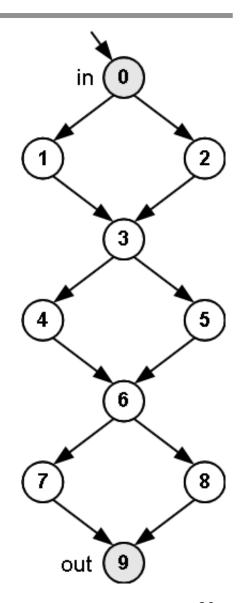


- Edge-Pair-Coverage Beispiel:
 - Wie viele Pfade gibt es?





- Edge-Pair-Coverage Beispiel:
 - Wie viele Pfade gibt es?
 - Es gibt 2*2*2=8 Pfade:





- Edge-Pair-Coverage Beispiel:
 - Wie viele Pfade gibt es?
 - Es gibt 2*2*2=8 Pfade:

```
p1 = (0, 1, 3, 4, 6; 7, 9)

p2 = (0, 2, 3, 4, 6; 7, 9)

p3 = (0, 1, 3, 5, 6; 7, 9)

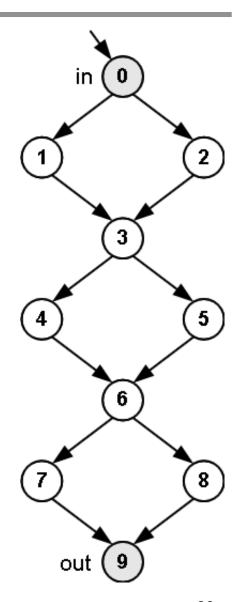
p4 = (0, 2, 3, 5, 6; 7, 9)

p5 = (0, 1, 3, 4, 6; 8, 9)

p6 = (0, 2, 3, 4, 6; 8, 9)

p7 = (0, 1, 3, 5, 6; 8, 9)

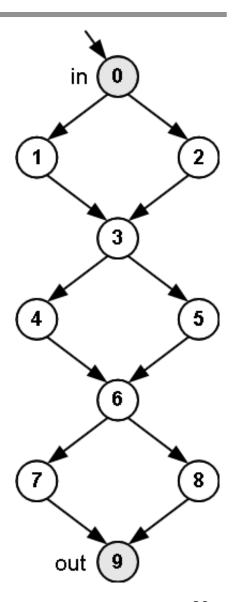
p8 = (0, 2, 3, 5, 6; 8, 9)
```





- Edge-Pair-Coverage Beispiel:
 - Wie viele Pfade gibt es?
 - Es gibt 2*2*2=8 Pfade:

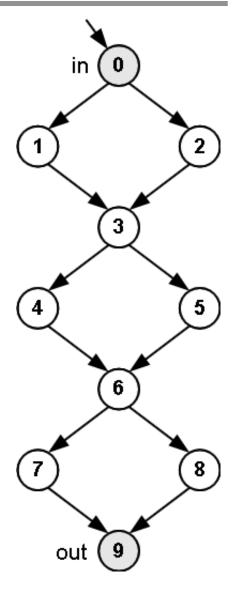
– Wie groß ist kleinste Pfadmenge, die alle Kanten überdeckt?





- Edge-Pair-Coverage Beispiel:
 - Wie viele Pfade gibt es?
 - Es gibt 2*2*2=8 Pfade:

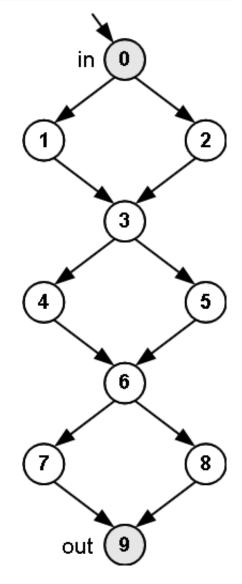
- Wie groß ist kleinste Pfadmenge, die alle Kanten überdeckt?
 - Antwort: 2, z.B. {p1, p8}





- Edge-Pair-Coverage Beispiel:
 - Wie viele Pfade gibt es?
 - Es gibt 2*2*2=8 Pfade:

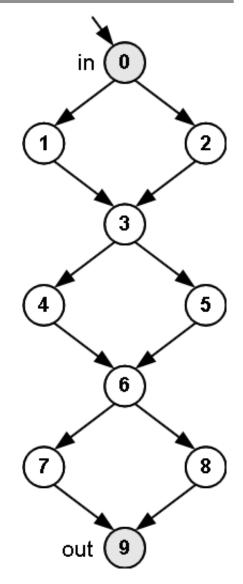
- Wie groß ist kleinste Pfadmenge, die alle Kanten überdeckt?
 - Antwort: 2, z.B. {p1, p8}
- …, die alle Paare von Kanten überdeckt?





- Edge-Pair-Coverage Beispiel:
 - Wie viele Pfade gibt es?
 - Es gibt 2*2*2=8 Pfade:

- Wie groß ist kleinste Pfadmenge, die alle Kanten überdeckt?
 - Antwort: 2, z.B. {p1, p8}
- …, die alle Paare von Kanten überdeckt?
 - Antwort: 4, z.B. {p1, p8, p3, p6}





Weitere Variante: Primärpfadüberdeckung (Prime Path Coverage, PPC)

- Ein einfacher Pfad in einen Kontrollflussgraphen ist ein Pfad zwischen zwei Knoten des Graphen
 - In dem kein Knoten zweimal vorkommt
 - Ausnahme: Start- und Endknoten können identisch sein



Weitere Variante: Primärpfadüberdeckung (Prime Path Coverage, PPC)

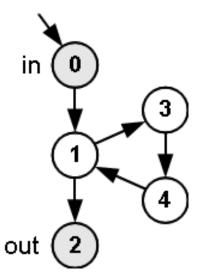
- Ein einfacher Pfad in einen Kontrollflussgraphen ist ein Pfad zwischen zwei Knoten des Graphen
 - In dem kein Knoten zweimal vorkommt
 - Ausnahme: Start- und Endknoten können identisch sein
- Ein Primärpfad ist ein maximaler einfacher Pfad
 - Kann nicht zu einem anderen einfachen Pfad erweitert werden



- Ein einfacher Pfad in einen Kontrollflussgraphen ist ein Pfad zwischen zwei Knoten des Graphen
 - In dem kein Knoten zweimal vorkommt
 - Ausnahme: Start- und Endknoten können identisch sein
- Ein Primärpfad ist ein maximaler einfacher Pfad
 - Kann nicht zu einem anderen einfachen Pfad erweitert werden
- Idee: Alle Primärpfade überdecken

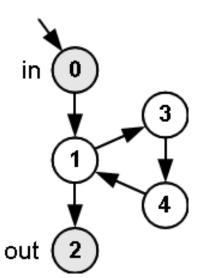


- Ein einfacher Pfad in einen Kontrollflussgraphen ist ein Pfad zwischen zwei Knoten des Graphen
 - In dem kein Knoten zweimal vorkommt
 - Ausnahme: Start- und Endknoten können identisch sein
- Ein Primärpfad ist ein maximaler einfacher Pfad
 - Kann nicht zu einem anderen einfachen Pfad erweitert werden
- Idee: Alle Primärpfade überdecken
- Beispiel:
 - Primärpfade?





- Ein einfacher Pfad in einen Kontrollflussgraphen ist ein Pfad zwischen zwei Knoten des Graphen
 - In dem kein Knoten zweimal vorkommt
 - Ausnahme: Start- und Endknoten können identisch sein
- Ein Primärpfad ist ein maximaler einfacher Pfad
 - Kann nicht zu einem anderen einfachen Pfad erweitert werden
- Idee: Alle Primärpfade überdecken
- Beispiel:
 - Primärpfade?





- Ein einfacher Pfad in einen Kontrollflussgraphen ist ein Pfad zwischen zwei Knoten des Graphen
 - In dem kein Knoten zweimal vorkommt
 - Ausnahme: Start- und Endknoten können identisch sein
- Ein Primärpfad ist ein maximaler einfacher Pfad
 - Kann nicht zu einem anderen einfachen Pfad erweitert werden
- Idee: Alle Primärpfade überdecken
- Beispiel:
 - Primärpfade?
 - Welche Tests decken alle Primärpfade ab?

$$p1 = (0, 1, 2)$$

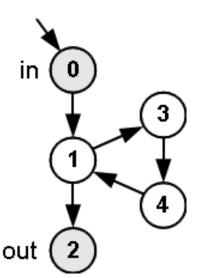
$$p2 = (0, 1, 3, 4)$$

$$p3 = (1, 3, 4, 1)$$

$$p4 = (3, 4, 1, 3)$$

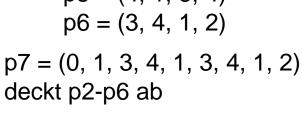
$$p5 = (4, 1, 3, 4)$$

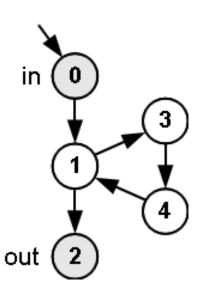
$$p6 = (3, 4, 1, 2)$$





- Ein einfacher Pfad in einen Kontrollflussgraphen ist ein Pfad zwischen zwei Knoten des Graphen
 - In dem kein Knoten zweimal vorkommt
 - Ausnahme: Start- und Endknoten können identisch sein
- Ein Primärpfad ist ein maximaler einfacher Pfad
 - Kann nicht zu einem anderen einfachen Pfad erweitert werden
- Idee: Alle Primärpfade überdecken
- Beispiel:
 - Primärpfade?
 - Welche Tests decken alle Primärpfade ab?
 - Tests, die Testpfade p1 und p7 durchlaufen







- Berechnung aller Primärpfade
 - Schritt 1: Alle einfachen Pfade der Länge 0 finden, diese Erweitern zu Länge 1, 2, usw.



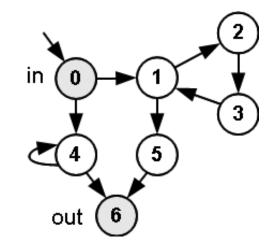
- Berechnung aller Primärpfade
 - Schritt 1: Alle einfachen Pfade der Länge 0 finden, diese Erweitern zu Länge 1, 2, usw.
 - Schritt 2: Maximale auswählen



- Berechnung aller Primärpfade
 - Schritt 1: Alle einfachen Pfade der Länge 0 finden, diese Erweitern zu Länge 1, 2, usw.
 - Schritt 2: Maximale auswählen
- Beispiel:



- Berechnung aller Primärpfade
 - Schritt 1: Alle einfachen Pfade der Länge 0 finden, diese Erweitern zu Länge 1, 2, usw.
 - Schritt 2: Maximale auswählen
- Beispiel:





- Berechnung aller Primärpfade
 - Schritt 1: Alle einfachen Pfade der Länge 0 finden, diese Erweitern zu Länge 1, 2, usw.
 - Schritt 2: Maximale auswählen
- Beispiel:

Länge 0

$$p1 = (0)$$

$$p2 = (1)$$

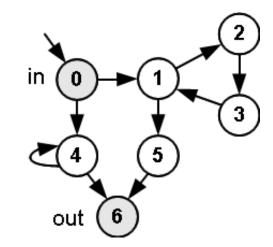
$$p3 = (2)$$

$$p4 = (3)$$

$$p5 = (4)$$

$$p6 = (5)$$

$$p7 = (6)!$$





- Berechnung aller Primärpfade
 - Schritt 1: Alle einfachen Pfade der Länge 0 finden, diese Erweitern zu Länge 1, 2, usw.
 - Schritt 2: Maximale auswählen
- Beispiel:

Länge 0

$$p1 = (0)$$

$$p2 = (1)$$

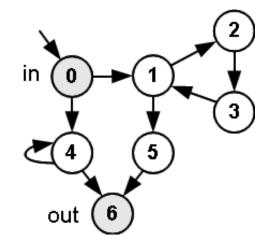
$$p3 = (2)$$

$$p4 = (3)$$

$$p5 = (4)$$

$$p6 = (5)$$

$$p7 = (6)!$$



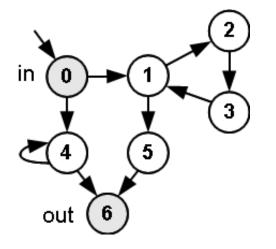
- *: Kann nicht erweitert werden, da Anfangsgleich Endknoten
- !: ... da Endknoten keine ausgehende Kante hat



- Berechnung aller Primärpfade
 - Schritt 1: Alle einfachen Pfade der Länge 0 finden, diese Erweitern zu Länge 1, 2, usw.
 - Schritt 2: Maximale auswählen
- Beispiel:

Länge 0 Länge 1

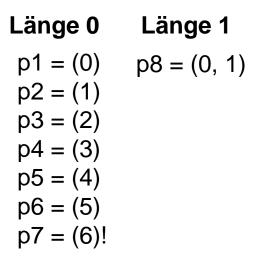
p7 = (6)!

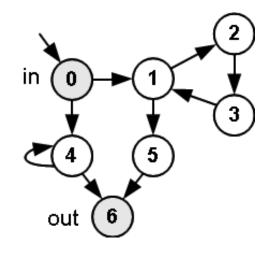


- *: Kann nicht erweitert werden, da Anfangsgleich Endknoten
- !: ... da Endknoten keine ausgehende Kante hat



- Berechnung aller Primärpfade
 - Schritt 1: Alle einfachen Pfade der Länge 0 finden, diese Erweitern zu Länge 1, 2, usw.
 - Schritt 2: Maximale auswählen
- Beispiel:



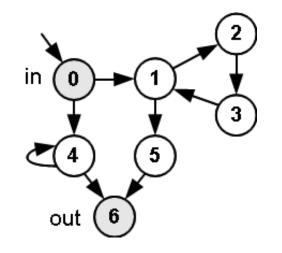


- *: Kann nicht erweitert werden, da Anfangsgleich Endknoten
- !: ... da Endknoten keine ausgehende Kante hat



- Berechnung aller Primärpfade
 - Schritt 1: Alle einfachen Pfade der Länge 0 finden, diese Erweitern zu Länge 1, 2, usw.
 - Schritt 2: Maximale auswählen
- Beispiel:

Länge 0	Länge 1
p1 = (0)	p8 = (0, 1)
p2 = (1)	p9 = (0, 4)
p3 = (2)	
p4 = (3)	
p5 = (4)	
p6 = (5)	
p7 = (6)!	

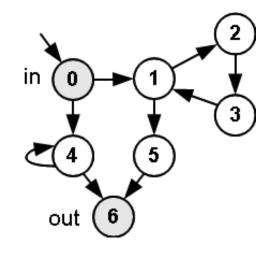


- *: Kann nicht erweitert werden, da Anfangsgleich Endknoten
- !: ... da Endknoten keine ausgehende Kante hat



- Berechnung aller Primärpfade
 - Schritt 1: Alle einfachen Pfade der Länge 0 finden, diese Erweitern zu Länge 1, 2, usw.
 - Schritt 2: Maximale auswählen
- Beispiel:

Länge 0	Länge 1
p1 = (0)	p8 = (0, 1)
p2 = (1)	p9 = (0, 4)
p3 = (2)	p10 = (1, 2)
p4 = (3)	
p5 = (4)	
p6 = (5)	
p7 = (6)!	

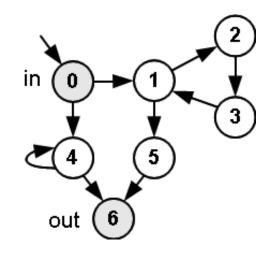


- *: Kann nicht erweitert werden, da Anfangsgleich Endknoten
- !: ... da Endknoten keine ausgehende Kante hat



- Berechnung aller Primärpfade
 - Schritt 1: Alle einfachen Pfade der Länge 0 finden, diese Erweitern zu Länge 1, 2, usw.
 - Schritt 2: Maximale auswählen
- Beispiel:

Länge 0	Länge 1
p1 = (0) p2 = (1) p3 = (2) p4 = (3) p5 = (4) p6 = (5)	p8 = (0, 1) p9 = (0, 4) p10 = (1, 2) p11 = (1, 5)
p7 = (6)!	

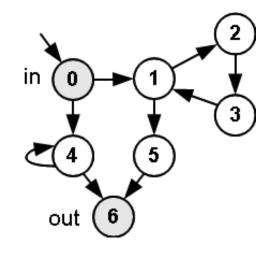


- *: Kann nicht erweitert werden, da Anfangsgleich Endknoten
- !: ... da Endknoten keine ausgehende Kante hat



- Berechnung aller Primärpfade
 - Schritt 1: Alle einfachen Pfade der Länge 0 finden, diese Erweitern zu Länge 1, 2, usw.
 - Schritt 2: Maximale auswählen
- Beispiel:

Länge 0	Länge 1
p1 = (0) p2 = (1) p3 = (2) p4 = (3) p5 = (4) p6 = (5) p7 = (6)!	p8 = (0, 1) p9 = (0, 4) p10 = (1, 2) p11 = (1, 5) p12 = (2, 3)

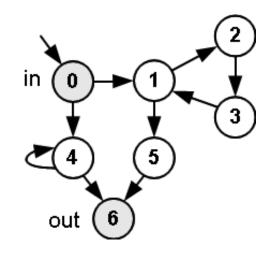


- *: Kann nicht erweitert werden, da Anfangsgleich Endknoten
- !: ... da Endknoten keine ausgehende Kante hat



- Berechnung aller Primärpfade
 - Schritt 1: Alle einfachen Pfade der Länge 0 finden, diese Erweitern zu Länge 1, 2, usw.
 - Schritt 2: Maximale auswählen
- Beispiel:

Länge 0	Länge 1
p1 = (0)	p8 = (0, 1)
p2 = (1) p3 = (2)	p9 = (0, 4) p10 = (1, 2)
p4 = (3)	p11 = (1, 5)
p5 = (4) p6 = (5)	p12 = (2, 3) p13 = (3, 1)
p7 = (6)!	p10 = (0, 1)

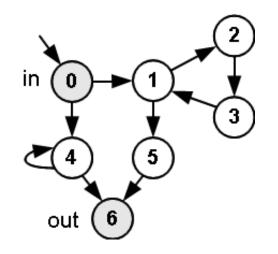


- *: Kann nicht erweitert werden, da Anfangsgleich Endknoten
- !: ... da Endknoten keine ausgehende Kante hat



- Berechnung aller Primärpfade
 - Schritt 1: Alle einfachen Pfade der Länge 0 finden, diese Erweitern zu Länge 1, 2, usw.
 - Schritt 2: Maximale auswählen
- Beispiel:

Länge 1
p8 = (0, 1) p9 = (0, 4)
p10 = (1, 2)
p11 = (1, 5)
p12 = (2, 3)
p13 = (3, 1)
$p14 = (4, 4)^*$

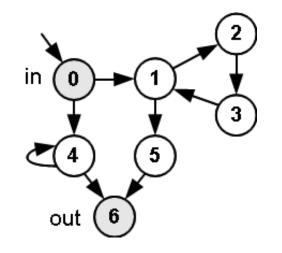


- *: Kann nicht erweitert werden, da Anfangsgleich Endknoten
- !: ... da Endknoten keine ausgehende Kante hat



- Berechnung aller Primärpfade
 - Schritt 1: Alle einfachen Pfade der Länge 0 finden, diese Erweitern zu Länge 1, 2, usw.
 - Schritt 2: Maximale auswählen
- Beispiel:

Länge 0	Länge 1
p1 = (0) p2 = (1) p3 = (2) p4 = (3) p5 = (4) p6 = (5) p7 = (6)!	p8 = (0, 1) p9 = (0, 4) p10 = (1, 2) p11 = (1, 5) p12 = (2, 3) p13 = (3, 1) p14 = (4, 4)* p15 = (4, 6)!
	1 (, , ,

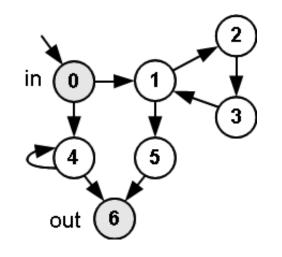


- *: Kann nicht erweitert werden, da Anfangsgleich Endknoten
- !: ... da Endknoten keine ausgehende Kante hat



- Berechnung aller Primärpfade
 - Schritt 1: Alle einfachen Pfade der Länge 0 finden, diese Erweitern zu Länge 1, 2, usw.
 - Schritt 2: Maximale auswählen
- Beispiel:

Länge 0	Länge 1
p1 = (0)	p8 = (0, 1)
p2 = (1)	p9 = (0, 4)
p3 = (2)	p10 = (1, 2)
p4 = (3)	p11 = (1, 5)
p5 = (4)	p12 = (2, 3)
p6 = (5)	p13 = (3, 1)
p7 = (6)!	$p14 = (4, 4)^*$
	p15 = (4, 6)!
	p16 = (5, 6)!



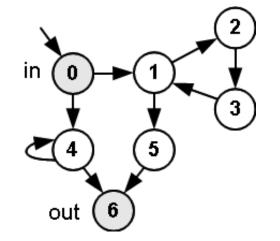
- *: Kann nicht erweitert werden, da Anfangsgleich Endknoten
- !: ... da Endknoten keine ausgehende Kante hat



- Berechnung aller Primärpfade
 - Schritt 1: Alle einfachen Pfade der Länge 0 finden, diese Erweitern zu Länge 1, 2, usw.
 - Schritt 2: Maximale auswählen
- Beispiel:

Länge 0	Länge 1
p1 = (0)	p8 = (0, 1)
p2 = (1)	p9 = (0, 4)
p3 = (2)	p10 = (1, 2)
p4 = (3)	p11 = (1, 5)
p5 = (4)	p12 = (2, 3)
p6 = (5)	p13 = (3, 1)
p7 = (6)!	$p14 = (4, 4)^*$
	p15 = (4, 6)!
	p16 = (5, 6)!

Länge 2

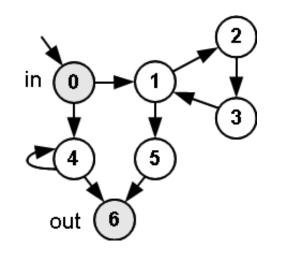


- *: Kann nicht erweitert werden, da Anfangsgleich Endknoten
- !: ... da Endknoten keine ausgehende Kante hat



- Berechnung aller Primärpfade
 - Schritt 1: Alle einfachen Pfade der Länge 0 finden, diese Erweitern zu Länge 1, 2, usw.
 - Schritt 2: Maximale auswählen
- Beispiel:

Länge 0	Länge 1	Länge 2
p1 = (0) p2 = (1) p3 = (2) p4 = (3) p5 = (4) p6 = (5) p7 = (6)!	p8 = $(0, 1)$ p9 = $(0, 4)$ p10 = $(1, 2)$ p11 = $(1, 5)$ p12 = $(2, 3)$ p13 = $(3, 1)$ p14 = $(4, 4)^*$	p17 = (0, 1, 2)
. (/	p15 = (4, 6)! p16 = (5, 6)!	

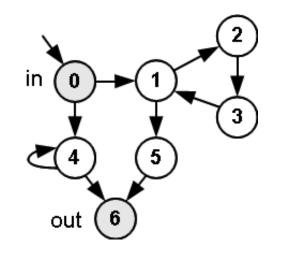


- *: Kann nicht erweitert werden, da Anfangsgleich Endknoten
- !: ... da Endknoten keine ausgehende Kante hat



- Berechnung aller Primärpfade
 - Schritt 1: Alle einfachen Pfade der Länge 0 finden, diese Erweitern zu Länge 1, 2, usw.
 - Schritt 2: Maximale auswählen
- Beispiel:

Länge 0	Länge 1	Länge 2
p1 = (0) p2 = (1) p3 = (2) p4 = (3) p5 = (4) p6 = (5) p7 = (6)!	p8 = (0, 1) p9 = (0, 4) p10 = (1, 2) p11 = (1, 5) p12 = (2, 3) p13 = (3, 1) p14 = (4, 4)* p15 = (4, 6)! p16 = (5, 6)!	p17 = (0, 1, 2) p18 = (0, 1, 5)

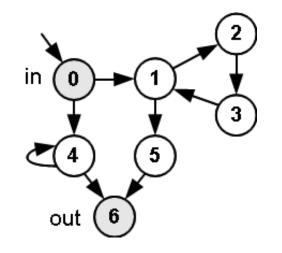


- *: Kann nicht erweitert werden, da Anfangsgleich Endknoten
- !: ... da Endknoten keine ausgehende Kante hat



- Berechnung aller Primärpfade
 - Schritt 1: Alle einfachen Pfade der Länge 0 finden, diese Erweitern zu Länge 1, 2, usw.
 - Schritt 2: Maximale auswählen
- Beispiel:

p1 = (0) $p8 = (0, 1)$ $p17 = (0, 1, 2)p2 = (1)$ $p9 = (0, 4)$ $p18 = (0, 1, 5)p3 = (2)$ $p10 = (1, 2)$ $p19 = (0, 4, 6)p4 = (3)$ $p11 = (1, 5)p5 = (4)$ $p12 = (2, 3)p6 = (5)$ $p13 = (3, 1)p7 = (6)! p14 = (4, 4)^*p15 = (4, 6)!p16 = (5, 6)!$	

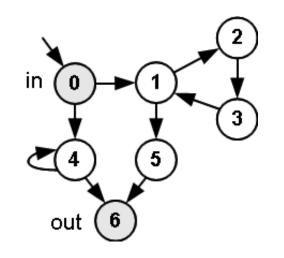


- *: Kann nicht erweitert werden, da Anfangsgleich Endknoten
- !: ... da Endknoten keine ausgehende Kante hat



- Berechnung aller Primärpfade
 - Schritt 1: Alle einfachen Pfade der Länge 0 finden, diese Erweitern zu Länge 1, 2, usw.
 - Schritt 2: Maximale auswählen
- Beispiel:

Länge 0	Länge 1	Länge 2
p1 = (0)	p8 = (0, 1)	p17 = (0, 1, 2)
p2 = (1)	p9 = (0, 4)	p18 = (0, 1, 5)
p3 = (2)	p10 = (1, 2)	p19 = (0, 4, 6)!
p4 = (3)	p11 = (1, 5)	p20 = (1, 2, 3)
p5 = (4)	p12 = (2, 3)	
p6 = (5)	p13 = (3, 1)	
p7 = (6)!	$p14 = (4, 4)^*$	
	p15 = (4, 6)!	
	p16 = (5, 6)!	

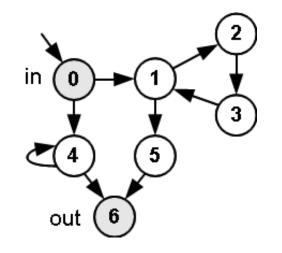


- *: Kann nicht erweitert werden, da Anfangsgleich Endknoten
- !: ... da Endknoten keine ausgehende Kante hat



- Berechnung aller Primärpfade
 - Schritt 1: Alle einfachen Pfade der Länge 0 finden, diese Erweitern zu Länge 1, 2, usw.
 - Schritt 2: Maximale auswählen
- Beispiel:

Länge 0	Länge 1	Länge 2
p1 = (0) p2 = (1) p3 = (2) p4 = (3) p5 = (4) p6 = (5) p7 = (6)!	p8 = (0, 1) p9 = (0, 4) p10 = (1, 2) p11 = (1, 5) p12 = (2, 3) p13 = (3, 1) p14 = (4, 4)* p15 = (4, 6)! p16 = (5, 6)!	p17 = (0, 1, 2) p18 = (0, 1, 5) p19 = (0, 4, 6)! p20 = (1, 2, 3) p21 = (1, 5, 6)!

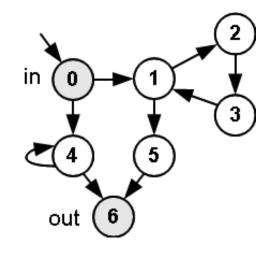


- *: Kann nicht erweitert werden, da Anfangsgleich Endknoten
- !: ... da Endknoten keine ausgehende Kante hat



- Berechnung aller Primärpfade
 - Schritt 1: Alle einfachen Pfade der Länge 0 finden, diese Erweitern zu Länge 1, 2, usw.
 - Schritt 2: Maximale auswählen
- Beispiel:

Länge 0	Länge 1	Länge 2
p1 = (0) p2 = (1) p3 = (2) p4 = (3) p5 = (4) p6 = (5) p7 = (6)!	p8 = (0, 1) p9 = (0, 4) p10 = (1, 2) p11 = (1, 5) p12 = (2, 3) p13 = (3, 1) p14 = (4, 4)* p15 = (4, 6)! p16 = (5, 6)!	p17 = (0, 1, 2) $p18 = (0, 1, 5)$ $p19 = (0, 4, 6)!$ $p20 = (1, 2, 3)$ $p21 = (1, 5, 6)!$ $p22 = (2, 3, 1)$

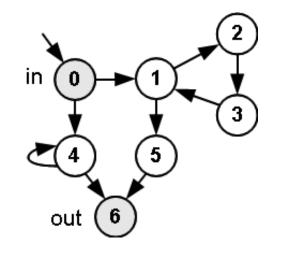


- *: Kann nicht erweitert werden, da Anfangsgleich Endknoten
- !: ... da Endknoten keine ausgehende Kante hat



- Berechnung aller Primärpfade
 - Schritt 1: Alle einfachen Pfade der Länge 0 finden, diese Erweitern zu Länge 1, 2, usw.
 - Schritt 2: Maximale auswählen
- Beispiel:

Länge 0	Länge 1	Länge 2
p1 = (0) p2 = (1) p3 = (2) p4 = (3) p5 = (4) p6 = (5) p7 = (6)!	p8 = (0, 1) p9 = (0, 4) p10 = (1, 2) p11 = (1, 5) p12 = (2, 3) p13 = (3, 1) p14 = (4, 4)* p15 = (4, 6)! p16 = (5, 6)!	p17 = (0, 1, 2) $p18 = (0, 1, 5)$ $p19 = (0, 4, 6)!$ $p20 = (1, 2, 3)$ $p21 = (1, 5, 6)!$ $p22 = (2, 3, 1)$ $p23 = (3, 1, 2)$

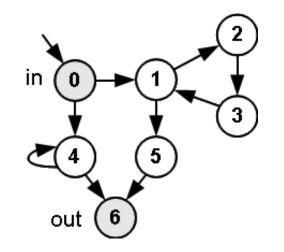


- *: Kann nicht erweitert werden, da Anfangsgleich Endknoten
- !: ... da Endknoten keine ausgehende Kante hat



- Berechnung aller Primärpfade
 - Schritt 1: Alle einfachen Pfade der Länge 0 finden, diese Erweitern zu Länge 1, 2, usw.
 - Schritt 2: Maximale auswählen
- Beispiel:

Länge 0	Länge 1	Länge 2
p1 = (0) p2 = (1) p3 = (2) p4 = (3) p5 = (4) p6 = (5) p7 = (6)!	p8 = (0, 1) p9 = (0, 4) p10 = (1, 2) p11 = (1, 5) p12 = (2, 3) p13 = (3, 1) p14 = (4, 4)* p15 = (4, 6)! p16 = (5, 6)!	p17 = (0, 1, 2) $p18 = (0, 1, 5)$ $p19 = (0, 4, 6)!$ $p20 = (1, 2, 3)$ $p21 = (1, 5, 6)!$ $p22 = (2, 3, 1)$ $p23 = (3, 1, 2)$ $p24 = (3, 1, 5)$



- *: Kann nicht erweitert werden, da Anfangsgleich Endknoten
- !: ... da Endknoten keine ausgehende Kante hat



- Berechnung aller Primärpfade
 - Schritt 1: Alle einfachen Pfade der Länge 0 finden, diese Erweitern zu Länge 1, 2, usw.
 - Schritt 2: Maximale auswählen

p16 = (5, 6)!

• Beispiel:

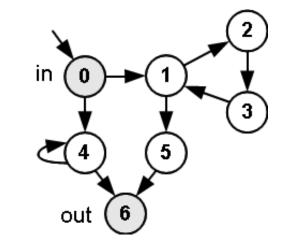
Delah	ici.		
Länge 0	Länge 1	Länge 2	Länge 3
p1 = (0)	p8 = (0, 1)	p17 = (0, 1, 2)	
p2 = (1)	p9 = (0, 4)	p18 = (0, 1, 5)	
p3 = (2)	p10 = (1, 2)	p19 = (0, 4, 6)!	
p4 = (3)	p11 = (1, 5)	p20 = (1, 2, 3)	
p5 = (4)	p12 = (2, 3)	p21 = (1, 5, 6)!	
p6 = (5)	p13 = (3, 1)	p22 = (2, 3, 1)	
p7 = (6)!	$p14 = (4, 4)^*$	p23 = (3, 1, 2)	
	p15 = (4, 6)!	p24 = (3, 1, 5)	

in 0 1 3 3 out 6

- *: Kann nicht erweitert werden, da Anfangsgleich Endknoten
- !: ... da Endknoten keine ausgehende Kante hat



- Berechnung aller Primärpfade
 - Schritt 1: Alle einfachen Pfade der Länge 0 finden, diese Erweitern zu Länge 1, 2, usw.
 - Schritt 2: Maximale auswählen
- Beispiel:



Länge 0	Länge 1	Länge 2
p1 = (0)	p8 = (0, 1)	p17 = (0, 1, 2)
p2 = (1)	p9 = (0, 4)	p18 = (0, 1, 5)
p3 = (2)	p10 = (1, 2)	p19 = (0, 4, 6)!
p4 = (3)	p11 = (1, 5)	p20 = (1, 2, 3)
p5 = (4)	p12 = (2, 3)	p21 = (1, 5, 6)!
p6 = (5)	p13 = (3, 1)	p22 = (2, 3, 1)
p7 = (6)!	$p14 = (4, 4)^*$	p23 = (3, 1, 2)
	p15 = (4, 6)!	p24 = (3, 1, 5)
	p16 = (5, 6)!	
	1 1 / . 1	0. ((T ('

p25 = (0, 1, 2, 3)

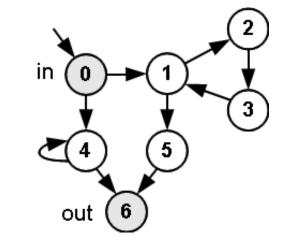
Länge 3

^{*:} Kann nicht erweitert werden, da Anfangsgleich Endknoten

^{!: ...} da Endknoten keine ausgehende Kante hat



- Berechnung aller Primärpfade
 - Schritt 1: Alle einfachen Pfade der Länge 0 finden, diese Erweitern zu Länge 1, 2, usw.
 - Schritt 2: Maximale auswählen
- Beispiel:



Lange 0	Lange 1	Lange 2	
p1 = (0)	p8 = (0, 1)	p17 = (0, 1, 2)	p2
p2 = (1)	p9 = (0, 4)	p18 = (0, 1, 5)	p2
p3 = (2)	p10 = (1, 2)	p19 = (0, 4, 6)!	
p4 = (3)	p11 = (1, 5)	p20 = (1, 2, 3)	
p5 = (4)	p12 = (2, 3)	p21 = (1, 5, 6)!	
p6 = (5)	p13 = (3, 1)	p22 = (2, 3, 1)	
p7 = (6)!	$p14 = (4, 4)^*$	p23 = (3, 1, 2)	
	p15 = (4, 6)!	p24 = (3, 1, 5)	
	p16 = (5, 6)!		
	aus der Vorlesung S	Software Testing, von Itai Se	gall. Te

p25 = (0, 1, 2, 3)p26 = (0, 1, 5, 6)!

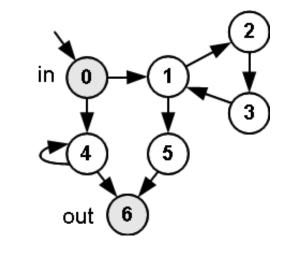
Länge 3

!: ... da Endknoten keine ausgehende Kante hat

^{*:} Kann nicht erweitert werden, da Anfangsgleich Endknoten



- Berechnung aller Primärpfade
 - Schritt 1: Alle einfachen Pfade der Länge 0 finden, diese Erweitern zu Länge 1, 2, usw.
 - Schritt 2: Maximale auswählen
- Beispiel:

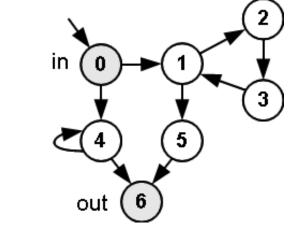


Länge 0	Länge 1	Länge 2	Länge 3
p1 = (0)	p8 = (0, 1)	p17 = (0, 1, 2)	p25 = (0, 1, 2, 3)
p2 = (1)	p9 = (0, 4)	p18 = (0, 1, 5)	p26 = (0, 1, 5, 6)!
p3 = (2)	p10 = (1, 2)	p19 = (0, 4, 6)!	$p27 = (1, 2, 3, 1)^*$
p4 = (3)	p11 = (1, 5)	p20 = (1, 2, 3)	
p5 = (4)	p12 = (2, 3)	p21 = (1, 5, 6)!	
p6 = (5)	p13 = (3, 1)	p22 = (2, 3, 1)	
p7 = (6)!	$p14 = (4, 4)^*$	p23 = (3, 1, 2)	
	p15 = (4, 6)!	p24 = (3, 1, 5)	
	p16 = (5, 6)!		

^{*:} Kann nicht erweitert werden, da Anfangsgleich Endknoten !: ... da Endknoten keine ausgehende Kante hat



- Berechnung aller Primärpfade
 - Schritt 1: Alle einfachen Pfade der Länge 0 finden, diese Erweitern zu Länge 1, 2, usw.
 - Schritt 2: Maximale auswählen
- Beispiel:



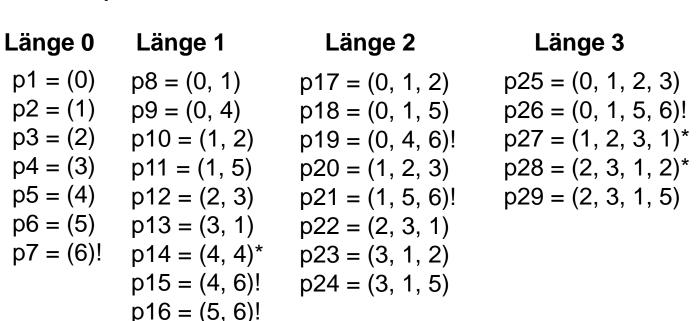
Länge 0	Länge 1	Länge 2	Länge 3
p1 = (0)	p8 = (0, 1)	p17 = (0, 1, 2)	p25 = (0, 1, 2, 3)
p2 = (1)	p9 = (0, 4)	p18 = (0, 1, 5)	p26 = (0, 1, 5, 6)!
p3 = (2)	p10 = (1, 2)	p19 = (0, 4, 6)!	$p27 = (1, 2, 3, 1)^*$
p4 = (3)	p11 = (1, 5)	p20 = (1, 2, 3)	$p28 = (2, 3, 1, 2)^*$
p5 = (4)	p12 = (2, 3)	p21 = (1, 5, 6)!	
p6 = (5)	p13 = (3, 1)	p22 = (2, 3, 1)	
p7 = (6)!	$p14 = (4, 4)^*$	p23 = (3, 1, 2)	
	p15 = (4, 6)!	p24 = (3, 1, 5)	
	p16 = (5, 6)!		
	aua dar Varlagung C	Coffware Testing van Itai Ca	and Tol Aviv Haivornity 2012/14

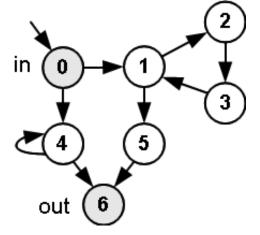
^{*:} Kann nicht erweitert werden, da Anfangsgleich Endknoten

^{!: ...} da Endknoten keine ausgehende Kante hat



- Berechnung aller Primärpfade
 - Schritt 1: Alle einfachen Pfade der Länge 0 finden, diese Erweitern zu Länge 1, 2, usw.
 - Schritt 2: Maximale auswählen
- Beispiel:





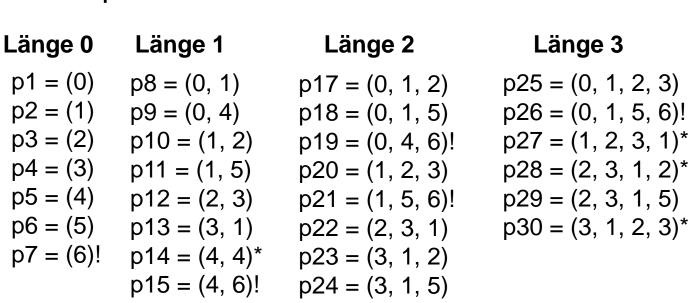
- *: Kann nicht erweitert werden, da Anfangsgleich Endknoten
- !: ... da Endknoten keine ausgehende Kante hat

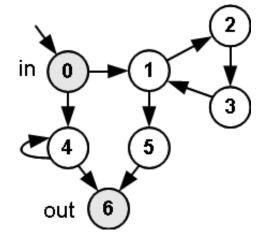


- Berechnung aller Primärpfade
 - Schritt 1: Alle einfachen Pfade der Länge 0 finden, diese Erweitern zu Länge 1, 2, usw.
 - Schritt 2: Maximale auswählen

p16 = (5, 6)!

Beispiel:





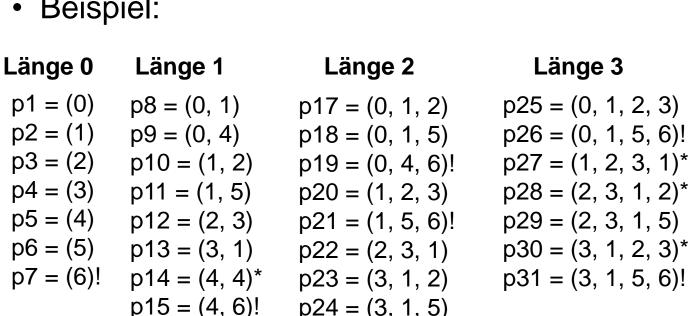
- *: Kann nicht erweitert werden, da Anfangsgleich Endknoten
- !: ... da Endknoten keine ausgehende Kante hat



- Berechnung aller Primärpfade
 - Schritt 1: Alle einfachen Pfade der Länge 0 finden, diese Erweitern zu Länge 1, 2, usw.
 - Schritt 2: Maximale auswählen

p16 = (5, 6)!

Beispiel:

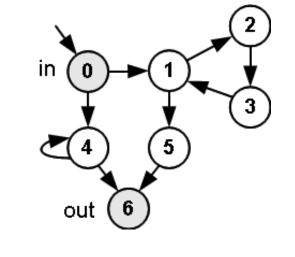


- *: Kann nicht erweitert werden, da Anfangsgleich Endknoten
- !: ... da Endknoten keine ausgehende Kante hat

p24 = (3, 1, 5)



- Berechnung aller Primärpfade
 - Schritt 1: Alle einfachen Pfade der Länge 0 finden, diese Erweitern zu Länge 1, 2, usw.
 - Schritt 2: Maximale auswählen
- Beispiel:



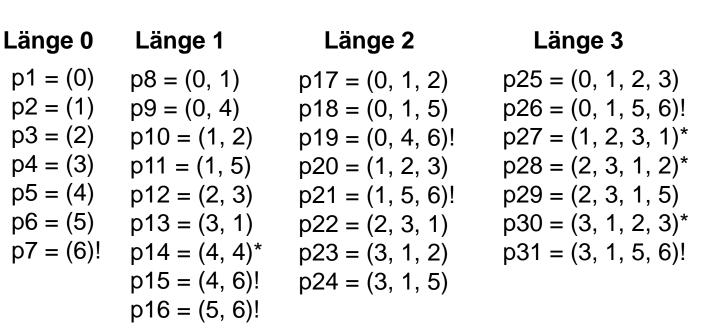
Länge 0	Länge 1	Länge 2	Länge 3
p1 = (0)	p8 = (0, 1)	p17 = (0, 1, 2)	p25 = (0, 1, 2, 3)
p2 = (1)	p9 = (0, 4)	p18 = (0, 1, 5)	p26 = (0, 1, 5, 6)!
p3 = (2)	p10 = (1, 2)	p19 = (0, 4, 6)!	$p27 = (1, 2, 3, 1)^*$
p4 = (3)	p11 = (1, 5)	p20 = (1, 2, 3)	$p28 = (2, 3, 1, 2)^*$
p5 = (4)	p12 = (2, 3)	p21 = (1, 5, 6)!	p29 = (2, 3, 1, 5)
p6 = (5)	p13 = (3, 1)	p22 = (2, 3, 1)	$p30 = (3, 1, 2, 3)^*$
p7 = (6)!	$p14 = (4, 4)^*$	p23 = (3, 1, 2)	p31 = (3, 1, 5, 6)!
	p15 = (4, 6)!	p24 = (3, 1, 5)	
	p16 = (5, 6)!		

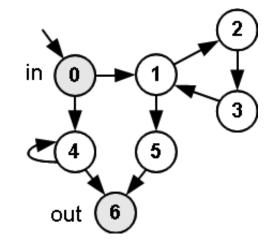
- *: Kann nicht erweitert werden, da Anfangsgleich Endknoten
- !: ... da Endknoten keine ausgehende Kante hat

Länge 4



- Berechnung aller Primärpfade
 - Schritt 1: Alle einfachen Pfade der Länge 0 finden, diese Erweitern zu Länge 1, 2, usw.
 - Schritt 2: Maximale auswählen
- Beispiel:





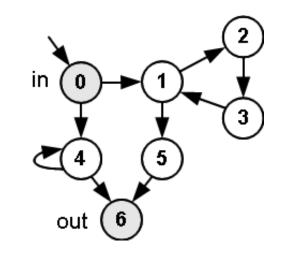
Länge 4

- *: Kann nicht erweitert werden, da Anfangsgleich Endknoten
- !: ... da Endknoten keine ausgehende Kante hat



Alle Primärpfade

maximale
 auswählen
 (welcher Pfad
 ist nicht Teilpfad
 eines anderen?)



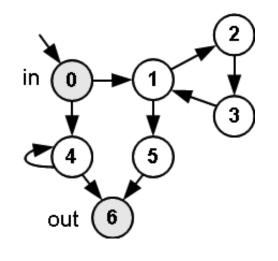
```
p1 = (0)
          p8 = (0, 1)
                           p17 = (0, 1, 2)
                                               p25 = (0, 1, 2, 3)
                           p18 = (0, 1, 5)
p2 = (1)
         p9 = (0, 4)
                                               p26 = (0, 1, 5, 6)!
p3 = (2)
         p10 = (1, 2)
                                               p27 = (1, 2, 3, 1)^*
                        p19 = (0, 4, 6)!
         p11 = (1, 5)
p4 = (3)
                        p20 = (1, 2, 3)
                                               p28 = (2, 3, 1, 2)^*
p5 = (4)
         p12 = (2, 3)
                        p21 = (1, 5, 6)!
                                              p29 = (2, 3, 1, 5)
         p13 = (3, 1) p22 = (2, 3, 1)
p6 = (5)
                                              p30 = (3, 1, 2, 3)^*
p7 = (6)!
          p14 = (4, 4)^*
                                               p31 = (3, 1, 5, 6)!
                          p23 = (3, 1, 2)
           p15 = (4, 6)!
                          p24 = (3, 1, 5)
           p16 = (5, 6)!
```



Alle Primärpfade

maximale
 auswählen
 (welcher Pfad
 ist nicht Teilpfad
 eines anderen?)

$$p14 = (4, 4)^*$$

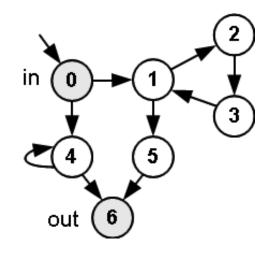


```
p1 = (0)
          p8 = (0, 1)
                                                p25 = (0, 1, 2, 3)
                            p17 = (0, 1, 2)
                            p18 = (0, 1, 5)
p2 = (1)
         p9 = (0, 4)
                                                p26 = (0, 1, 5, 6)!
p3 = (2)
         p10 = (1, 2)
                                                p27 = (1, 2, 3, 1)^*
                            p19 = (0, 4, 6)!
         p11 = (1, 5)
p4 = (3)
                            p20 = (1, 2, 3)
                                                p28 = (2, 3, 1, 2)^*
p5 = (4)
         p12 = (2, 3)
                        p21 = (1, 5, 6)!
                                                p29 = (2, 3, 1, 5)
p6 = (5)
                          p22 = (2, 3, 1)
         p13 = (3, 1)
                                               p30 = (3, 1, 2, 3)^*
p7 = (6)!
          p14 = (4, 4)^*
                                                p31 = (3, 1, 5, 6)!
                           p23 = (3, 1, 2)
           p15 = (4, 6)!
                            p24 = (3, 1, 5)
           p16 = (5, 6)!
```



Alle Primärpfade

maximale
 auswählen
 (welcher Pfad
 ist nicht Teilpfad
 eines anderen?)

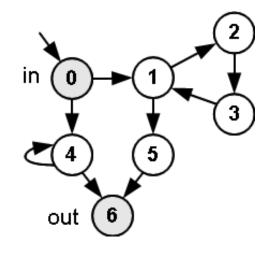


```
p1 = (0)
          p8 = (0, 1)
                            p17 = (0, 1, 2)
                                                p25 = (0, 1, 2, 3)
                            p18 = (0, 1, 5)
p2 = (1)
         p9 = (0, 4)
                                                p26 = (0, 1, 5, 6)!
         p10 = (1, 2)
p3 = (2)
                                                p27 = (1, 2, 3, 1)^*
                            p19 = (0, 4, 6)!
         p11 = (1, 5)
p4 = (3)
                            p20 = (1, 2, 3)
                                                p28 = (2, 3, 1, 2)^*
p5 = (4)
         p12 = (2, 3)
                        p21 = (1, 5, 6)!
                                                p29 = (2, 3, 1, 5)
p6 = (5)
                          p22 = (2, 3, 1)
         p13 = (3, 1)
                                               p30 = (3, 1, 2, 3)^*
p7 = (6)!
          p14 = (4, 4)^*
                                                p31 = (3, 1, 5, 6)!
                           p23 = (3, 1, 2)
           p15 = (4, 6)!
                            p24 = (3, 1, 5)
           p16 = (5, 6)!
```



Alle Primärpfade

maximale
 auswählen
 (welcher Pfad
 ist nicht Teilpfad
 eines anderen?)

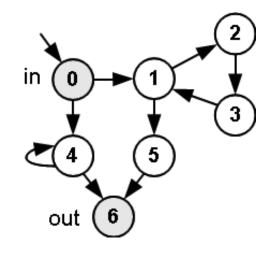


```
p1 = (0)
          p8 = (0, 1)
                                                p25 = (0, 1, 2, 3)
                            p17 = (0, 1, 2)
         p9 = (0, 4)
                            p18 = (0, 1, 5)
p2 = (1)
                                                p26 = (0, 1, 5, 6)!
p3 = (2)
         p10 = (1, 2)
                                                p27 = (1, 2, 3, 1)^*
                            p19 = (0, 4, 6)!
         p11 = (1, 5)
p4 = (3)
                            p20 = (1, 2, 3)
                                                p28 = (2, 3, 1, 2)^*
p5 = (4)
         p12 = (2, 3)
                        p21 = (1, 5, 6)!
                                                p29 = (2, 3, 1, 5)
p6 = (5)
                          p22 = (2, 3, 1)
         p13 = (3, 1)
                                               p30 = (3, 1, 2, 3)^*
p7 = (6)!
          p14 = (4, 4)^*
                                                p31 = (3, 1, 5, 6)!
                           p23 = (3, 1, 2)
           p15 = (4, 6)!
                            p24 = (3, 1, 5)
           p16 = (5, 6)!
```



Alle Primärpfade

maximale
 auswählen
 (welcher Pfad
 ist nicht Teilpfad
 eines anderen?)



```
p1 = (0)
          p8 = (0, 1)
                            p17 = (0, 1, 2)
                                                p25 = (0, 1, 2, 3)
         p9 = (0, 4)
                            p18 = (0, 1, 5)
p2 = (1)
                                                p26 = (0, 1, 5, 6)!
p3 = (2)
          p10 = (1, 2)
                                                p27 = (1, 2, 3, 1)^*
                            p19 = (0, 4, 6)!
          p11 = (1, 5)
p4 = (3)
                            p20 = (1, 2, 3)
                                                p28 = (2, 3, 1, 2)^*
p5 = (4)
         p12 = (2, 3)
                           p21 = (1, 5, 6)!
                                                p29 = (2, 3, 1, 5)
p6 = (5)
                           p22 = (2, 3, 1)
         p13 = (3, 1)
                                                p30 = (3, 1, 2, 3)^*
p7 = (6)!
          p14 = (4, 4)^*
                                                p31 = (3, 1, 5, 6)!
                           p23 = (3, 1, 2)
           p15 = (4, 6)!
                            p24 = (3, 1, 5)
           p16 = (5, 6)!
```



Alle Primärpfade

maximale
 auswählen
 (welcher Pfad
 ist nicht Teilpfad
 eines anderen?)

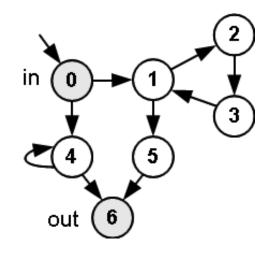
$$p14 = (4, 4)^*$$

$$p19 = (0, 4, 6)!$$

$$p25 = (0, 1, 2, 3)$$

$$p26 = (0, 1, 5, 6)!$$

$$p27 = (1, 2, 3, 1)^*$$



```
p1 = (0)
           p8 = (0, 1)
                            p17 = (0, 1, 2)
                                                 p25 = (0, 1, 2, 3)
          p9 = (0, 4)
                            p18 = (0, 1, 5)
p2 = (1)
                                                 p26 = (0, 1, 5, 6)!
p3 = (2)
          p10 = (1, 2)
                                                 p27 = (1, 2, 3, 1)^*
                            p19 = (0, 4, 6)!
          p11 = (1, 5)
p4 = (3)
                            p20 = (1, 2, 3)
                                                 p28 = (2, 3, 1, 2)^*
p5 = (4)
          p12 = (2, 3)
                            p21 = (1, 5, 6)!
                                                 p29 = (2, 3, 1, 5)
p6 = (5)
                           p22 = (2, 3, 1)
          p13 = (3, 1)
                                                 p30 = (3, 1, 2, 3)^*
p7 = (6)!
           p14 = (4, 4)^*
                                                 p31 = (3, 1, 5, 6)!
                           p23 = (3, 1, 2)
           p15 = (4, 6)!
                            p24 = (3, 1, 5)
            p16 = (5, 6)!
```



Alle Primärpfade

maximale
 auswählen
 (welcher Pfad
 ist nicht Teilpfad
 eines anderen?)

$$p14 = (4, 4)^*$$

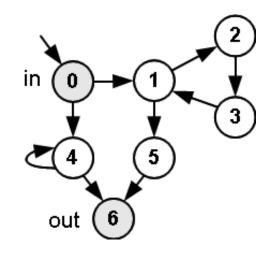
$$p19 = (0, 4, 6)!$$

$$p25 = (0, 1, 2, 3)$$

$$p26 = (0, 1, 5, 6)!$$

$$p27 = (1, 2, 3, 1)^*$$

$$p28 = (2, 3, 1, 2)^*$$



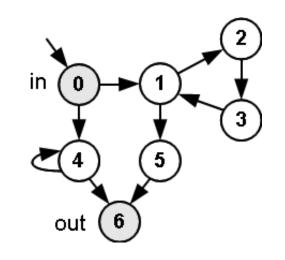
```
p1 = (0)
           p8 = (0, 1)
                            p17 = (0, 1, 2)
                                                 p25 = (0, 1, 2, 3)
          p9 = (0, 4)
                            p18 = (0, 1, 5)
p2 = (1)
                                                 p26 = (0, 1, 5, 6)!
p3 = (2)
          p10 = (1, 2)
                                                 p27 = (1, 2, 3, 1)^*
                            p19 = (0, 4, 6)!
          p11 = (1, 5)
p4 = (3)
                            p20 = (1, 2, 3)
                                                 p28 = (2, 3, 1, 2)^*
p5 = (4)
          p12 = (2, 3)
                            p21 = (1, 5, 6)!
                                                 p29 = (2, 3, 1, 5)
p6 = (5)
                            p22 = (2, 3, 1)
          p13 = (3, 1)
                                                 p30 = (3, 1, 2, 3)^*
p7 = (6)!
                            p23 = (3, 1, 2)
           p14 = (4, 4)^*
                                                 p31 = (3, 1, 5, 6)!
           p15 = (4, 6)!
                            p24 = (3, 1, 5)
            p16 = (5, 6)!
```



Alle Primärpfade

maximale
 auswählen
 (welcher Pfad
 ist nicht Teilpfad
 eines anderen?)

```
p14 = (4, 4)^*
p19 = (0, 4, 6)!
p25 = (0, 1, 2, 3)
p26 = (0, 1, 5, 6)!
p27 = (1, 2, 3, 1)^*
p28 = (2, 3, 1, 2)^*
p30 = (3, 1, 2, 3)^*
```



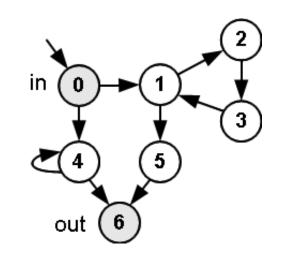
```
p1 = (0)
           p8 = (0, 1)
                            p17 = (0, 1, 2)
                                                 p25 = (0, 1, 2, 3)
          p9 = (0, 4)
                            p18 = (0, 1, 5)
p2 = (1)
                                                 p26 = (0, 1, 5, 6)!
p3 = (2)
          p10 = (1, 2)
                                                 p27 = (1, 2, 3, 1)^*
                            p19 = (0, 4, 6)!
          p11 = (1, 5)
p4 = (3)
                            p20 = (1, 2, 3)
                                                 p28 = (2, 3, 1, 2)^*
p5 = (4)
          p12 = (2, 3)
                            p21 = (1, 5, 6)!
                                                 p29 = (2, 3, 1, 5)
p6 = (5)
                           p22 = (2, 3, 1)
          p13 = (3, 1)
                                                 p30 = (3, 1, 2, 3)^*
p7 = (6)!
                            p23 = (3, 1, 2)
           p14 = (4, 4)^*
                                                 p31 = (3, 1, 5, 6)!
           p15 = (4, 6)!
                            p24 = (3, 1, 5)
            p16 = (5, 6)!
```



Alle Primärpfade

maximale
 auswählen
 (welcher Pfad
 ist nicht Teilpfad
 eines anderen?)

```
p14 = (4, 4)^*
p19 = (0, 4, 6)!
p25 = (0, 1, 2, 3)
p26 = (0, 1, 5, 6)!
p27 = (1, 2, 3, 1)^*
p28 = (2, 3, 1, 2)^*
p30 = (3, 1, 2, 3)^*
p32 = (2, 3, 1, 5, 6)!
```



```
p1 = (0)
           p8 = (0, 1)
                                                 p25 = (0, 1, 2, 3)
                            p17 = (0, 1, 2)
          p9 = (0, 4)
                            p18 = (0, 1, 5)
p2 = (1)
                                                 p26 = (0, 1, 5, 6)!
p3 = (2)
          p10 = (1, 2)
                                                 p27 = (1, 2, 3, 1)^*
                            p19 = (0, 4, 6)!
          p11 = (1, 5)
p4 = (3)
                            p20 = (1, 2, 3)
                                                 p28 = (2, 3, 1, 2)^*
p5 = (4)
          p12 = (2, 3)
                            p21 = (1, 5, 6)!
                                                 p29 = (2, 3, 1, 5)
p6 = (5)
                            p22 = (2, 3, 1)
          p13 = (3, 1)
                                                p30 = (3, 1, 2, 3)^*
p7 = (6)!
                            p23 = (3, 1, 2)
           p14 = (4, 4)^*
                                                 p31 = (3, 1, 5, 6)!
           p15 = (4, 6)!
                            p24 = (3, 1, 5)
            p16 = (5, 6)!
```



- Schritt 3: Die Primärpfade zu Testpfade erweitern
 - Erweitern zu Start- und Endknoten des Kontrollflussgraphen
 - Mit dem längsten Primärpfad anfangen

Primärpfade

$$p14 = (4, 4)^*$$

$$p19 = (0, 4, 6)!$$

$$p25 = (0, 1, 2, 3)$$

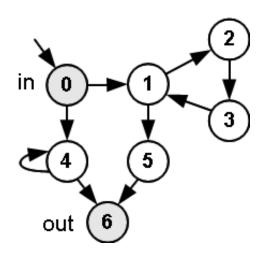
$$p26 = (0, 1, 5, 6)!$$

$$p27 = (1, 2, 3, 1)^*$$

$$p28 = (2, 3, 1, 2)^*$$

$$p30 = (3, 1, 2, 3)^*$$

$$p32 = (2, 3, 1, 5, 6)!$$





- Schritt 3: Die Primärpfade zu Testpfade erweitern
 - Erweitern zu Start- und Endknoten des Kontrollflussgraphen
 - Mit dem längsten Primärpfad anfangen

Primärpfade

$$p14 = (4, 4)^*$$

$$p19 = (0, 4, 6)!$$

$$p25 = (0, 1, 2, 3)$$

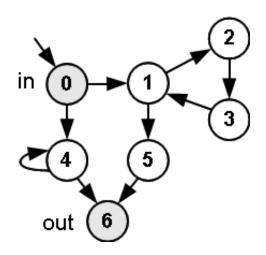
$$p26 = (0, 1, 5, 6)!$$

$$p27 = (1, 2, 3, 1)^*$$

$$p28 = (2, 3, 1, 2)^*$$

$$p30 = (3, 1, 2, 3)^*$$

$$p32 = (2, 3, 1, 5, 6)!$$





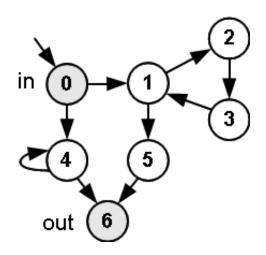
- Schritt 3: Die Primärpfade zu Testpfade erweitern
 - Erweitern zu Start- und Endknoten des Kontrollflussgraphen
 - Mit dem längsten Primärpfad anfangen

Primärpfade

p14 =
$$(4, 4)^*$$

p19 = $(0, 4, 6)!$
p25 = $(0, 1, 2, 3)$
p26 = $(0, 1, 5, 6)!$
p27 = $(1, 2, 3, 1)^*$
p28 = $(2, 3, 1, 2)^*$
p30 = $(3, 1, 2, 3)^*$
p32 = $(2, 3, 1, 5, 6)!$

$$pt1 = (0, 1, 2, 3, 1, 5, 6)$$





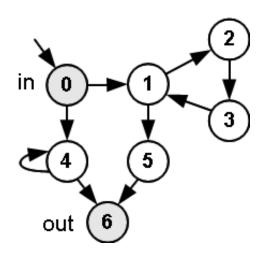
- Schritt 3: Die Primärpfade zu Testpfade erweitern
 - Erweitern zu Start- und Endknoten des Kontrollflussgraphen
 - Mit dem längsten Primärpfad anfangen

Primärpfade

p14 =
$$(4, 4)^*$$

p19 = $(0, 4, 6)!$
p25 = $(0, 1, 2, 3)$
p26 = $(0, 1, 5, 6)!$
p27 = $(1, 2, 3, 1)^*$
p28 = $(2, 3, 1, 2)^*$
p30 = $(3, 1, 2, 3)^*$
p32 = $(2, 3, 1, 5, 6)!$

$$pt1 = (0, 1, 2, 3, 1, 5, 6)$$





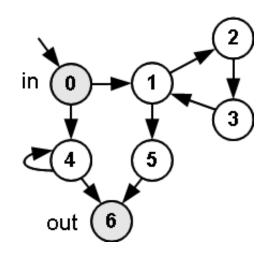
- Schritt 3: Die Primärpfade zu Testpfade erweitern
 - Erweitern zu Start- und Endknoten des Kontrollflussgraphen
 - Mit dem längsten Primärpfad anfangen

Primärpfade

p14 =
$$(4, 4)^*$$

p19 = $(0, 4, 6)!$
p25 = $(0, 1, 2, 3)$
p26 = $(0, 1, 5, 6)!$
p27 = $(1, 2, 3, 1)^*$
p28 = $(2, 3, 1, 2)^*$
p30 = $(3, 1, 2, 3)^*$
p32 = $(2, 3, 1, 5, 6)!$

$$pt1 = (0, 1, 2, 3, 1, 5, 6)$$





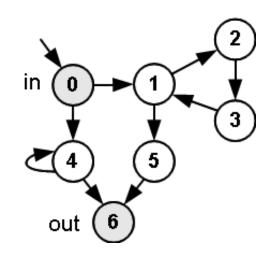
- Schritt 3: Die Primärpfade zu Testpfade erweitern
 - Erweitern zu Start- und Endknoten des Kontrollflussgraphen
 - Mit dem längsten Primärpfad anfangen

Primärpfade

p14 =
$$(4, 4)^*$$

p19 = $(0, 4, 6)!$
p25 = $(0, 1, 2, 3)$
p26 = $(0, 1, 5, 6)!$
p27 = $(1, 2, 3, 1)^*$
p28 = $(2, 3, 1, 2)^*$
p30 = $(3, 1, 2, 3)^*$
p32 = $(2, 3, 1, 5, 6)!$

$$pt1 = (0, 1, 2, 3, 1, 5, 6)$$





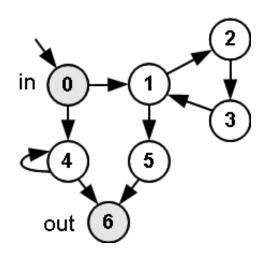
- Schritt 3: Die Primärpfade zu Testpfade erweitern
 - Erweitern zu Start- und Endknoten des Kontrollflussgraphen
 - Mit dem längsten Primärpfad anfangen

Primärpfade

p14 =
$$(4, 4)^*$$

p19 = $(0, 4, 6)!$
p25 = $(0, 1, 2, 3)$
p26 = $(0, 1, 5, 6)!$
p27 = $(1, 2, 3, 1)^*$
p28 = $(2, 3, 1, 2)^*$
p30 = $(3, 1, 2, 3)^*$
p32 = $(2, 3, 1, 5, 6)!$

$$pt1 = (0, 1, 2, 3, 1, 5, 6)$$





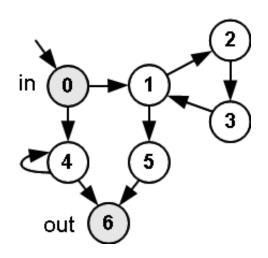
- Schritt 3: Die Primärpfade zu Testpfade erweitern
 - Erweitern zu Start- und Endknoten des Kontrollflussgraphen
 - Mit dem längsten Primärpfad anfangen

Primärpfade

p14 =
$$(4, 4)^*$$

p19 = $(0, 4, 6)!$
p25 = $(0, 1, 2, 3)$
p26 = $(0, 1, 5, 6)!$
p27 = $(1, 2, 3, 1)^*$
p28 = $(2, 3, 1, 2)^*$
p30 = $(3, 1, 2, 3)^*$
p32 = $(2, 3, 1, 5, 6)!$

$$pt1 = (0, 1, 2, 3, 1, 5, 6)$$





- Schritt 3: Die Primärpfade zu Testpfade erweitern
 - Erweitern zu Start- und Endknoten des Kontrollflussgraphen
 - Mit dem längsten Primärpfad anfangen

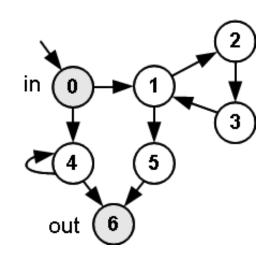
Primärpfade

p14 =
$$(4, 4)^*$$

p19 = $(0, 4, 6)!$
~~p25 = $(0, 1, 2, 3)$~~
p26 = $(0, 1, 5, 6)!$
~~p27 = $(1, 2, 3, 1)^*$~~
p28 = $(2, 3, 1, 2)^*$
p30 = $(3, 1, 2, 3)^*$
~~p32 = $(2, 3, 1, 5, 6)!$~~

$$pt1 = (0, 1, 2, 3, 1, 5, 6)$$

 $pt2 = (0, 1, 5, 6)$





- Schritt 3: Die Primärpfade zu Testpfade erweitern
 - Erweitern zu Start- und Endknoten des Kontrollflussgraphen
 - Mit dem längsten Primärpfad anfangen

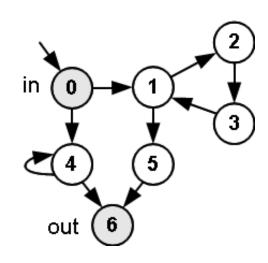
Primärpfade

p14 =
$$(4, 4)^*$$

p19 = $(0, 4, 6)!$
~~p25 = $(0, 1, 2, 3)$~~
~~p26 = $(0, 1, 5, 6)!$~~
~~p27 = $(1, 2, 3, 1)^*$~~
p28 = $(2, 3, 1, 2)^*$
p30 = $(3, 1, 2, 3)^*$
~~p32 = $(2, 3, 1, 5, 6)!$~~

$$pt1 = (0, 1, 2, 3, 1, 5, 6)$$

 $pt2 = (0, 1, 5, 6)$





- Schritt 3: Die Primärpfade zu Testpfade erweitern
 - Erweitern zu Start- und Endknoten des Kontrollflussgraphen
 - Mit dem längsten Primärpfad anfangen

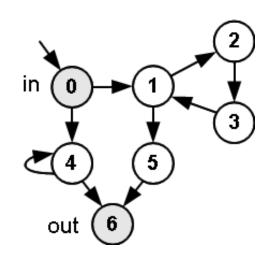
Primärpfade

p14 =
$$(4, 4)^*$$

p19 = $(0, 4, 6)!$
~~p25 = $(0, 1, 2, 3)$~~
~~p26 = $(0, 1, 5, 6)!$~~
~~p27 = $(1, 2, 3, 1)^*$~~
p28 = $(2, 3, 1, 2)^*$
p30 = $(3, 1, 2, 3)^*$
~~p32 = $(2, 3, 1, 5, 6)!$~~

$$pt1 = (0, 1, 2, 3, 1, 5, 6)$$

 $pt2 = (0, 1, 5, 6)$





- Schritt 3: Die Primärpfade zu Testpfade erweitern
 - Erweitern zu Start- und Endknoten des Kontrollflussgraphen
 - Mit dem längsten Primärpfad anfangen

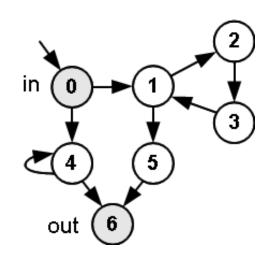
Primärpfade

p14 =
$$(4, 4)^*$$

p19 = $(0, 4, 6)!$
p25 = $(0, 1, 2, 3)$
p26 = $(0, 1, 5, 6)!$
p27 = $(1, 2, 3, 1)^*$
p28 = $(2, 3, 1, 2)^*$
p30 = $(3, 1, 2, 3)^*$
p32 = $(2, 3, 1, 5, 6)!$

$$pt1 = (0, 1, 2, 3, 1, 5, 6)$$

 $pt2 = (0, 1, 5, 6)$



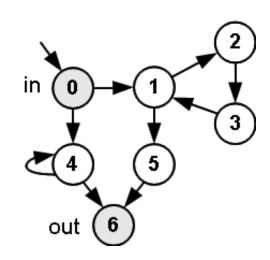


- Schritt 3: Die Primärpfade zu Testpfade erweitern
 - Erweitern zu Start- und Endknoten des Kontrollflussgraphen
 - Mit dem längsten Primärpfad anfangen

Primärpfade

p14 =
$$(4, 4)^*$$

p19 = $(0, 4, 6)!$
p25 = $(0, 1, 2, 3)$
p26 = $(0, 1, 5, 6)!$
p27 = $(1, 2, 3, 1)^*$
p28 = $(2, 3, 1, 2)^*$
p30 = $(3, 1, 2, 3)^*$
p32 = $(2, 3, 1, 5, 6)!$



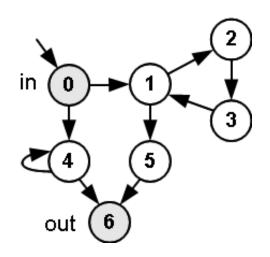


- Schritt 3: Die Primärpfade zu Testpfade erweitern
 - Erweitern zu Start- und Endknoten des Kontrollflussgraphen
 - Mit dem längsten Primärpfad anfangen

Primärpfade

p14 =
$$(4, 4)^*$$

p19 = $(0, 4, 6)!$
p25 = $(0, 1, 2, 3)$
p26 = $(0, 1, 5, 6)!$
p27 = $(1, 2, 3, 1)^*$
p28 = $(2, 3, 1, 2)^*$
p30 = $(3, 1, 2, 3)^*$
p32 = $(2, 3, 1, 5, 6)!$



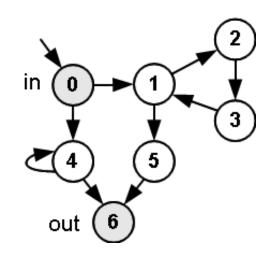


- Schritt 3: Die Primärpfade zu Testpfade erweitern
 - Erweitern zu Start- und Endknoten des Kontrollflussgraphen
 - Mit dem längsten Primärpfad anfangen

Primärpfade

p14 =
$$(4, 4)^*$$

p19 = $(0, 4, 6)!$
p25 = $(0, 1, 2, 3)$
p26 = $(0, 1, 5, 6)!$
p27 = $(1, 2, 3, 1)^*$
p28 = $(2, 3, 1, 2)^*$
p30 = $(3, 1, 2, 3)^*$
p32 = $(2, 3, 1, 5, 6)!$



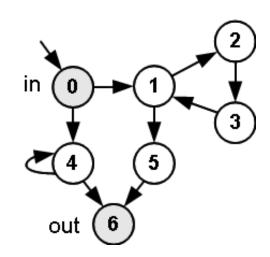


- Schritt 3: Die Primärpfade zu Testpfade erweitern
 - Erweitern zu Start- und Endknoten des Kontrollflussgraphen
 - Mit dem längsten Primärpfad anfangen

Primärpfade

p14 =
$$(4, 4)^*$$

p19 = $(0, 4, 6)!$
p25 = $(0, 1, 2, 3)$
p26 = $(0, 1, 5, 6)!$
p27 = $(1, 2, 3, 1)^*$
p28 = $(2, 3, 1, 2)^*$
p30 = $(3, 1, 2, 3)^*$
p32 = $(2, 3, 1, 5, 6)!$



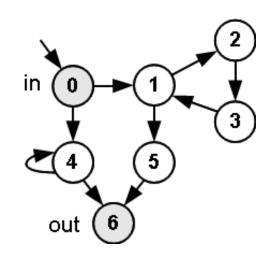


- Schritt 3: Die Primärpfade zu Testpfade erweitern
 - Erweitern zu Start- und Endknoten des Kontrollflussgraphen
 - Mit dem längsten Primärpfad anfangen

Primärpfade

p14 =
$$(4, 4)^*$$

p19 = $(0, 4, 6)!$
p25 = $(0, 1, 2, 3)$
p26 = $(0, 1, 5, 6)!$
p27 = $(1, 2, 3, 1)^*$
p28 = $(2, 3, 1, 2)^*$
p30 = $(3, 1, 2, 3)^*$
p32 = $(2, 3, 1, 5, 6)!$



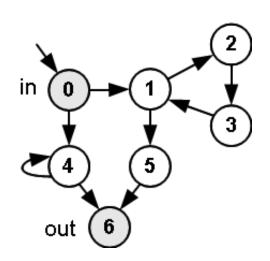


- Schritt 3: Die Primärpfade zu Testpfade erweitern
 - Erweitern zu Start- und Endknoten des Kontrollflussgraphen
 - Mit dem längsten Primärpfad anfangen

Primärpfade

p14 =
$$(4, 4)^*$$

p19 = $(0, 4, 6)!$
p25 = $(0, 1, 2, 3)$
p26 = $(0, 1, 5, 6)!$
p27 = $(1, 2, 3, 1)^*$
p28 = $(2, 3, 1, 2)^*$
p30 = $(3, 1, 2, 3)^*$
p32 = $(2, 3, 1, 5, 6)!$



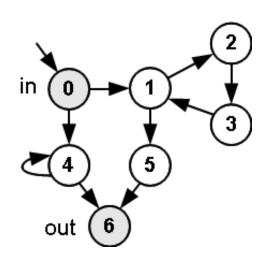


- Schritt 3: Die Primärpfade zu Testpfade erweitern
 - Erweitern zu Start- und Endknoten des Kontrollflussgraphen
 - Mit dem längsten Primärpfad anfangen

Primärpfade

p14 =
$$(4, 4)^*$$

p19 = $(0, 4, 6)!$
p25 = $(0, 1, 2, 3)$
p26 = $(0, 1, 5, 6)!$
p27 = $(1, 2, 3, 1)^*$
p28 = $(2, 3, 1, 2)^*$
p30 = $(3, 1, 2, 3)^*$
p32 = $(2, 3, 1, 5, 6)!$





- Schritt 3: Die Primärpfade zu Testpfade erweitern
 - Erweitern zu Start- und Endknoten des Kontrollflussgraphen
 - Mit dem längsten Primärpfad anfangen

Primärpfade

$$p14 = (4, 4)*$$

$$p19 = (0, 4, 6)!$$

$$p25 = (0, 1, 2, 3)$$

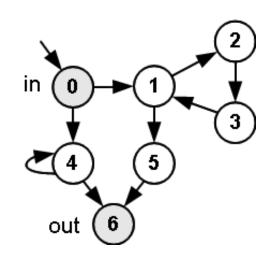
$$p26 = (0, 1, 5, 6)!$$

$$p27 = (1, 2, 3, 1)*$$

$$p28 = (2, 3, 1, 2)*$$

$$p30 = (3, 1, 2, 3)*$$

$$p32 = (2, 3, 1, 5, 6)!$$





- Schritt 3: Die Primärpfade zu Testpfade erweitern
 - Erweitern zu Start- und Endknoten des Kontrollflussgraphen
 - Mit dem längsten Primärpfad anfangen

Primärpfade

$$p14 = (4, 4)*$$

$$p19 = (0, 4, 6)!$$

$$p25 = (0, 1, 2, 3)$$

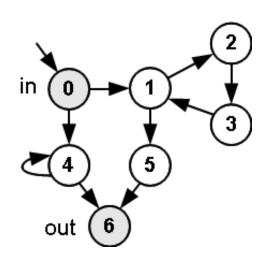
$$p26 = (0, 1, 5, 6)!$$

$$p27 = (1, 2, 3, 1)*$$

$$p28 = (2, 3, 1, 2)*$$

$$p30 = (3, 1, 2, 3)*$$

$$p32 = (2, 3, 1, 5, 6)!$$





- Schritt 3: Die Primärpfade zu Testpfade erweitern
 - Erweitern zu Start- und Endknoten des Kontrollflussgraphen
 - Mit dem längsten Primärpfad anfangen

Primärpfade

$$p14 = (4, 4)*$$

$$p19 = (0, 4, 6)!$$

$$p25 = (0, 1, 2, 3)$$

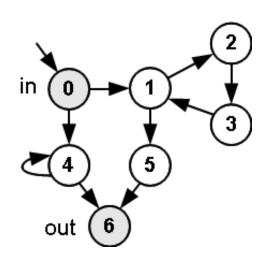
$$p26 = (0, 1, 5, 6)!$$

$$p27 = (1, 2, 3, 1)*$$

$$p28 = (2, 3, 1, 2)*$$

$$p30 = (3, 1, 2, 3)*$$

$$p32 = (2, 3, 1, 5, 6)!$$

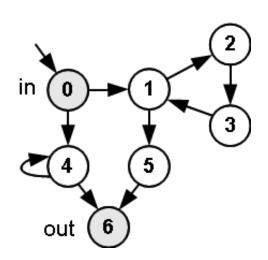




- Schritt 3: Die Primärpfade zu Testpfade erweitern
 - Erweitern zu Start- und Endknoten des Kontrollflussgraphen
 - Mit dem längsten Primärpfad anfangen

Primärpfade

$$\begin{array}{l} p14 = (4, 4)^* \\ p19 = (0, 4, 6)! \\ p25 = (0, 1, 2, 3) \\ p26 = (0, 1, 5, 6)! \\ p27 = (1, 2, 3, 1)^* \\ p28 = (2, 3, 1, 2)^* \\ p30 = (3, 1, 2, 3)^* \\ p32 = (2, 3, 1, 5, 6)! \\ \end{array}$$





Weitere Variante: Primärpfadüberdeckung (Prime Path Coverage, PPC)

- Vorteil der Primärpfadüberdeckung
 - Garantiert auch Complete-Round-Trip-Coverage (CRTC)
 (Für jeden Knoten wird jeder Zyklus zurück zu diesem Knoten getestet, wenn es einen solchen Zyklus gibt)

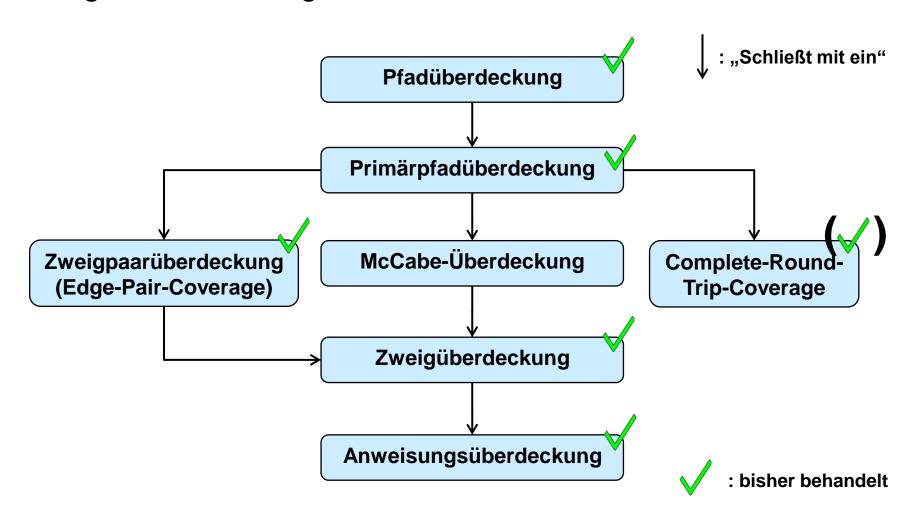
Nachteil

 Bei vielen Verzweigungen kann die Menge der Primärpfade exponentiell steigen



Überdeckungskriterien im Vergleich

Einige Überdeckungskriterien schließen andere mit ein:





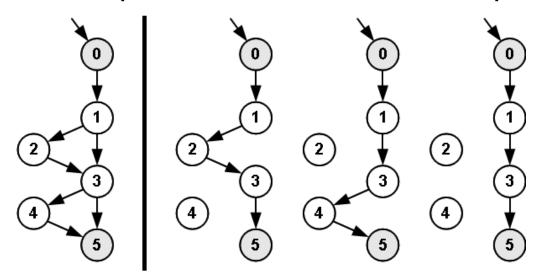
- Idee: Für jeden Kontrollflussgraphen gibt es eine Menge von vollständigen Pfaden, sodass jeder andere vollständige Pfad aus diesen Pfaden "konstruiert" werden kann
 - Vollständige Pfade: Vom Eingangs- zum Ausgangsknoten



- Idee: Für jeden Kontrollflussgraphen gibt es eine Menge von vollständigen Pfaden, sodass jeder andere vollständige Pfad aus diesen Pfaden "konstruiert" werden kann
 - Vollständige Pfade: Vom Eingangs- zum Ausgangsknoten
- Diese werden linear unabhängige Pfade, Elementarpfade oder Basispfade genannt



- Idee: Für jeden Kontrollflussgraphen gibt es eine Menge von vollständigen Pfaden, sodass jeder andere vollständige Pfad aus diesen Pfaden "konstruiert" werden kann
 - Vollständige Pfade: Vom Eingangs- zum Ausgangsknoten
- Diese werden linear unabhängige Pfade, Elementarpfade oder Basispfade genannt
- Beispiel: Drei Basispfade des Manhattan-Beispiels





- Was heißt hier "konstruieren"?
 - Pfade lassen sich als Kantenvektoren aus N^{|E|} darstellen, wobei die i-te Stelle des Vektors besagt, wie oft der Pfad die i-te Kante des Kontrollflussgraphen besucht hat.
 - Für eine Menge an Basispfaden gilt, dass der Kantenvektor jedes vollständigen Pfads im Graphen sich aus einer Linearkombination der Vektoren der Basispfade berechnen lässt.



- Was heißt hier "konstruieren"?
 - Pfade lassen sich als Kantenvektoren aus N^{|E|} darstellen, wobei die i-te Stelle des Vektors besagt, wie oft der Pfad die i-te Kante des Kontrollflussgraphen besucht hat.
 - Für eine Menge an Basispfaden gilt, dass der Kantenvektor jedes vollständigen Pfads im Graphen sich aus einer Linearkombination der Vektoren der Basispfade berechnen lässt.
- Beispiel:



- Was heißt hier "konstruieren"?
 - Pfade lassen sich als Kantenvektoren aus N^{|E|} darstellen, wobei die i-te Stelle des Vektors besagt, wie oft der Pfad die i-te Kante des Kontrollflussgraphen besucht hat.
 - Für eine Menge an Basispfaden gilt, dass der Kantenvektor jedes vollständigen Pfads im Graphen sich aus einer Linearkombination der Vektoren der Basispfade berechnen lässt.

• Beispiel:

$$\begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \\ 1 \\ 0 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \\ 0 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \\ 0 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 2 \\ 4 \\ 2 \\ 4 \\ 2 \\ 4 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 2 \\ 4 \\ 2 \\ 4 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 2 \\ 4 \\ 2 \\ 4 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 2 \\ 4 \\ 2 \\ 4 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 3 \\ 0 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 4 \\ 7 \\ 4 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 4 \\ 7 \\ 4 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 4 \\ 7 \\ 4 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 5 \\ 5 \end{bmatrix}$$

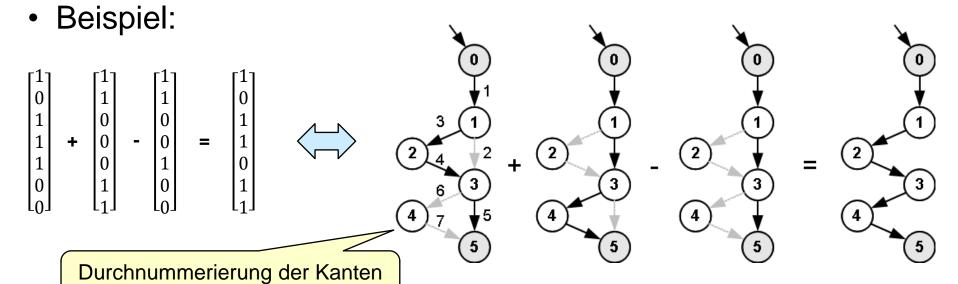
$$\begin{bmatrix} 5 \\ 5 \end{bmatrix}$$



Was heißt hier "konstruieren"?

entspricht Stelle im Vektor

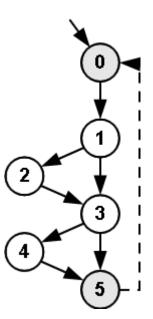
- Pfade lassen sich als Kantenvektoren aus N^{|E|} darstellen, wobei die i-te Stelle des Vektors besagt, wie oft der Pfad die i-te Kante des Kontrollflussgraphen besucht hat.
- Für eine Menge an Basispfaden gilt, dass der Kantenvektor jedes vollständigen Pfads im Graphen sich aus einer Linearkombination der Vektoren der Basispfade berechnen lässt.



Kamen.press, 2. Auflage, Springer Berlin Heidelberg, 2013

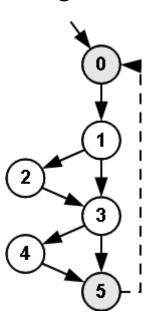


- Aus der Graphentheorie ist bekannt, dass ein stark zusammenhängender Graph |E| - |N| + 1 viele Basispfade hat
- Aber ein Kontrollflussgraph ist nicht strak zusammenhängend
 - Wir können ihn aber zusammenhängend machen
 - Annahme: Es gibt immer einen Eingangs- und einen Ausgangsknoten
 - Dann gibt es für einen Kontrollflussgraphen
 |E| |N| + 2 viele Basispfade





- Aus der Graphentheorie ist bekannt, dass ein stark zusammenhängender Graph |E| - |N| + 1 viele Basispfade hat
- Aber ein Kontrollflussgraph ist nicht strak zusammenhängend
 - Wir können ihn aber zusammenhängend machen
 - Annahme: Es gibt immer einen Eingangs- und einen Ausgangsknoten
 - Dann gibt es für einen Kontrollflussgraphen
 |E| |N| + 2 viele Basispfade
- Diese Zahl heißt auch "zyklomatische Komplexität"
 - Wird auch als Metrik für Fehlerrisiko genutzt
 - Laut McCabe: >10: mittel; >20 hoch; >50 unbeherrschbar

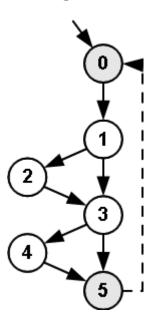




- Aus der Graphentheorie ist bekannt, dass ein stark zusammenhängender Graph |E| - |N| + 1 viele Basispfade hat
- Aber ein Kontrollflussgraph ist nicht strak zusammenhängend
 - Wir können ihn aber zusammenhängend machen
 - Annahme: Es gibt immer einen Eingangs- und einen Ausgangsknoten
 - Dann gibt es für einen Kontrollflussgraphen
 |E| |N| + 2 viele Basispfade

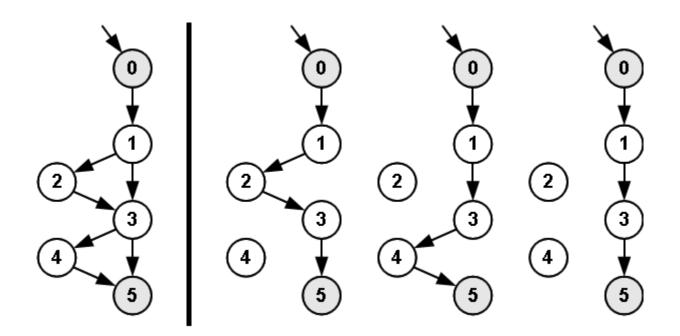


- Wird auch als Metrik für Fehlerrisiko genutzt
- Laut McCabe: >10: mittel; >20 hoch; >50 unbeherrschbar



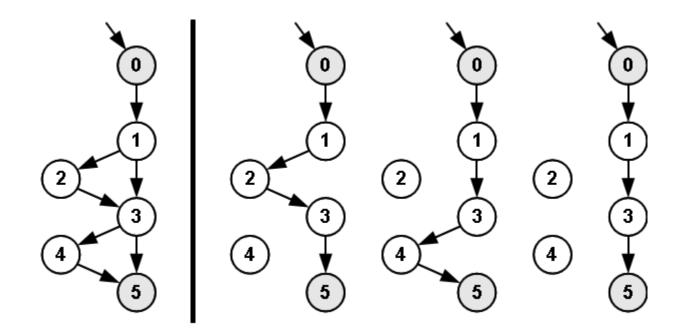


Forderung: Tests müssen alle Basispfade testen



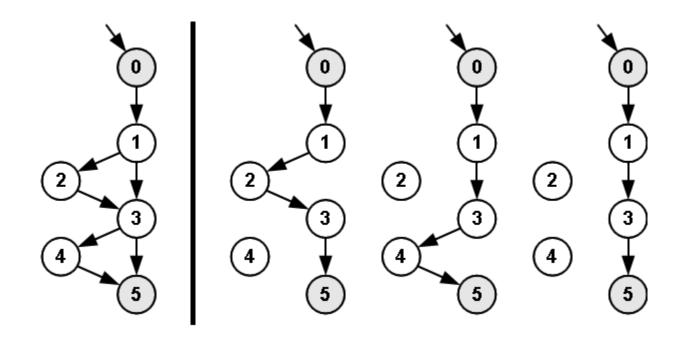


- Forderung: Tests müssen alle Basispfade testen
 - Das schließt Anweisungs- und Zweigüberdeckung mit ein



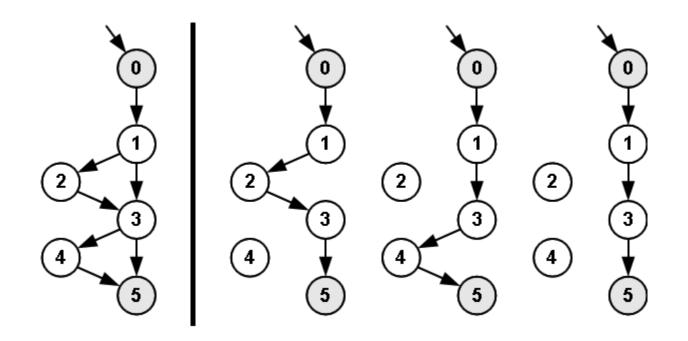


- Forderung: Tests müssen alle Basispfade testen
 - Das schließt Anweisungs- und Zweigüberdeckung mit ein
- · Ist schwächer als Primärpfadüberdeckung





- Forderung: Tests müssen alle Basispfade testen
 - Das schließt Anweisungs- und Zweigüberdeckung mit ein
- Ist schwächer als Primärpfadüberdeckung
 - Garantiert z.B. nicht Complete-Round-Trip-Coverage (CRTC)





Überdeckungskriterien im Vergleich

Einige Überdeckungskriterien schließen andere mit ein:

