Otto-Friedrich-Universität Bamberg Lehrstuhl für Statistik und Ökonometrie

 $\begin{array}{c} {\rm Standort\colon Bamberg} \\ {\rm Sommersemester} \ \ 2022 \end{array}$

Vorlesung: Blockseminar Survey-Methodik

Prüfer: Dr. Sara Bleniger

Statistische Geheimhaltung: Cell Key Methode

Joshua Simon joshua-guenter.simon@stud.uni-bamberg.de Master Survey Statistik, 4. Fachsemester Matrikelnummer: 2032411 8. Juli 2022

Inhaltsverzeichnis

1.	Einf	führung	4
2.	2.1. 2.2.	blierte Geheimhaltungsverfahren Methodische Grundlagen	5
3.	3.1. 3.2. 3.3.	Key MethodeVerfahrensparamter und ÜberlagerungsmatrixMethodik und Verfahrensdurchführung3.2.1. Erzeugung der Originalwerte3.2.2. Cell-Key-Bestimmung3.2.3. Lookup-ModulBesonderheiten der Cell Key MethodeAufdeckungsrisiko	10 11 12 12
4.	Zus	ammenfassung und Fazit	13
Lit	terat	ur	15
Α.	Pyt	hon Implementierung	16

${\bf Abbildung sverzeichn is}$

1.	Beispiel für eine Überlagerungsmatrix mit Übergangswahrscheinlich-				
	keiten für paarige Originalwerte und Zielhäufigkeiten				
2.	Ablaufdiagramm der Cell Key Methode	10			
Tabe	ellenverzeichnis				
1.	Beispiel für eine Häufigkeitstabelle	6			
2.	Beispiel für eine Wertetabelle	6			
3.	Mikrodaten mit Record-Keys				
4.	Aggregierte Daten mit Record-Key-Summen und Cell-Key	11			
5.	Überlagerungen und final geheimgehaltene Werte	12			
6.	Beispiel zur Nicht-Additivität der CKM	13			
Listi	ngs				
1.	CKM Python Beispiel	16			

1. Einführung

Die amtliche Statistik sorgt mit einer Vielzahl an Veröffentlichungen für die Bereitstellung von aufbereiteten statistischen Informationen. Damit geht sie dem Ziel nach, Bürgern, Institutionen und anderen gesellschaftlichen Einrichtungen eine Datengrundlage für die Entscheidungsfindung zu bieten. Weiter dient die amtliche Statistik auch der Politik und der Wissenschaft als Datenquelle. Das Sammeln und Erheben dieser Daten stellt in vielen Fällen einen Eingriff auf das Recht der informationellen Selbstbestimmung für Personen und Entitäten dar. Dieses Recht ist das Fundament des mordernen Datenschutzes und wird über Artikel 2 des Grundgesetztes abgedeckt. Es steht außer Frage, dass dieses Recht besonders schützenswert ist. Demnach steht auch die amtliche Statistik in der Pflicht dieser Verantwortung nachzukommen. Konkret manifestiert sich das Einhalten dieser Plficht in dem sog. Statistikgeheimnis. Aus dem Bundestatistikgesetzt lässt sich hierzu der folgende Absatz aufgreifen (§16 Abs. 1 Satz 1 BStatG):

"Einzelangaben über persönliche und sachliche Verhältnisse, die für eine Bundesstatistik gemacht werden, sind von den Amtsträgern und für den öffentlichen Dienst besonders Verpflichteten, die mit der Durchführung von Bundesstatistiken betraut sind, geheim zu halten, soweit durch besondere Rechtsvorschrift nichts anderes bestimmt ist."

Konkret möchte man mit der statistischen Geheimhaltung einen Schutz für einzelne Person und Entitäten vor der Offenlegung ihrer sensitven Daten bieten. Dies dient im Weiteren auch der Aufrechterhaltung des Vertrauensverhältnisses zwischen den Befragten und den statistischen Ämtern und erhebenden Einrichtungen. Dies gewährleistet abermals die Zuverlässigkeit der Angaben und der Berichtswilligkeit der Befragten. Die vorausgegangenen Punkte werden in einer Begrüdung zum BStatG erwähnt [Nickl, 2019]. Ausnahmen von einer Geheimhaltung bestehen nur in Ausnahmefällen, z.B. wenn eine explizite Einwillung zur Veröffentlichung durch den Befragten vorliegt oder wenn sich die Informationen aus allgemein zugänglichen Quellen von öffentlichen Stellen beziehen. Auch die inner-beördliche Übermittlung, Methodenentwicklung, Planungs- und Forschungszwecke werden über das BStatG geregelt.

Im weiteren Verlauf dieser Arbeit sollen Geheimhaltungsverfahren und Geheimhaltungsregeln präsentiert werden, die im Einzelnen die statistische Geheimhaltung gewährleisten und damit dem Statistikgeheimnis der amtlichen Statistik nachkommen. Besondere Beachtung wird dabei der Cell Key Methode (CKM) geschenkt. Dieses Verfahren bietet ein Ansatz, welcher gegenüber anderen Verfahren gut zu Implementieren und zu Automatisieren ist. Gerade dieser Punkt ist in einem immer

2. Etablierte Geheimhaltungsverfahren

In diesem Abschnitt sollen zunächst die grundlegenden Begrifflichkeiten für Geheimhaltungsverfahren und Geheimhaltungsregeln beschrieben werden.

2.1. Methodische Grundlagen

Grundsätzlich gibt es zwei sich unterscheidenede methodische Ansätze, die bei der Geheimhaltung zum Tragen kommen können [Nickl, 2019]. Zum einen existieren informationsreduzierende Methoden. In der Gattung dieser Verfahren werden durch Aggregation oder Sperrrung kritische Kategorien oder Werte die Aufdeckungsrisiken verhindert. Eine Aggregation meint in diesem Fall das Zusammenfassen zu übergeordneteten Positionen, z.B. durch Summation kleinerer Positionen. Bei einer Sperrung ist auch oft von einer Löschung die Rede. Hier werden gezielt einzelne Werte identifiziert und aus der Tabelle entfernt. Als Kontrast stehen datenverändernde Methoden gegenüber. Hier werden durch gezielte Veränderungen der Daten - beispielsweise durch Runden oder Zufallsüberlagerungen - kritische Werte verfälscht, was auch für eine erfolgreiche statistische Geheimhaltung sorgen kann.

Weiter differenziert man Geheimhaltungsverfahren auch nach dem Zeitpunkt ihrer Durchführung. Die Daten können bereits vor der Tabellierung mit einer Geheimhaltung versehen werden. Man spricht hier von pre-tabulare Verfahren [Rothe, 2015-5]. Diese Verfahren werden als Anonymisierung bezeichnet, da die Daten im Vorfeld so verändert werden, dass keine kritischen Ergebnisse resultieren. Oftmals ist diese Art von Geheimhaltung aber nicht ausreichend, weshalb weitere Verfahren im Anschluss angewandt werden müssen. Man spricht nun von post-tabulare Verfahren [Rothe, 2015-5]. Ihre Mechanismen werden auf die ferig tabellierten Daten angewandt.

2.2. Statistische Tabellen

Gegenstand der Geheimhaltung stellen in dieser Arbeit statistische Tabellen dar. Ein Großteil der Veröffentlichungen der amtlichen Statistik sind selbst - oder beinhalten - statistische Tabellen, welche aus den amtlichen Daten abgeleitet werden. Maßgebend für die Anwendung eines Geheimhaltungsverfahrens ist die Art der zu veröffentlichenden Tabelle, die vorliegt. Man unterscheidet im allgemeinen zwischen Häufigkeitstablen und Wertetabellen [Nickl, 2019]. Erstere stellen Häufigkeiten oder Fallzahlen dar, z.B. die Anzahl von Frauen und Männern innerhalb einer Universitä-

tät. Wertetabellen hingegen stellen Wertesummen wie Umsätze dar. Demnach sind sie häufig in Wirtschaftsstatistiken anzutreffen [Rothe, 2015-8]. Diese unterschiedlichen Kontexte, in denen die Zahlen dieser Tabellen interpretiert werden können, fordern eine natürliche Unterscheidung innerhalb der Geheimhaltung. Es folgen zwei einfache Beispiel für diese Tabellentypen mit rein fiktiven Ausprägungen.

Studienfach	männlich	weiblich	insgesamt
Bauingenieurwesen	4	3	7
Informatik	9	12	21
Medizin	4	1	5
Survey Statistik	10	10	20
Gesamt	27	26	53

Tabelle 1: Beispiel für eine Häufigkeitstabelle

Brauerei	Mährs Bräu	${\bf Schinkerla}$	Käsmann	Gesamt
Umsatz	600 000	50 000	250 000	900 000

Tabelle 2: Beispiel für eine Wertetabelle

2.3. Bewährte Ansätze

Nachdem nun die grundlegenden Begriffe im Zusammenhang mit der Geheimhaltung von statistischen Tabellen erläutert wurden, beschäftigt sich dieser Abschnitt mit bewährten Ansätzen um diese Geheimhaltung durchzuführen. Dabei wird speziell auf die post-tabularen Verfahren für Häufigkeits- und Wertetabelle eingangen.

Am Anfangs eines jeden Geheimhaltungsverfahrens stehen die sog. Geheimhaltungsregel, die eine Identifizierung kritischer Fälle erlauben. Eine Standardansatz in der amtlichen Statistik stellt hier die Mindestfallzahlregel [Rothe, 2015-5] dar. Diese Regel lässt sich auf Häufigkeitstabelle anwenden, indem die kritischen Fälle mit einem zuvor festgelegten Wert n verglichen werden. Meist wird hier n=3 gewählt [Rothe, 2015-5]. Ist der betrachtete Tabellenwert kleiner als der Wert n, so ist dieser Tabellenwert geheimzuhalten. Für Wertetabellen hingegen lässt sich beispielsweise die p-% Regel anwenden [Rothe, 2015-8]. Dieser Ansatz besagt, dass ein Tabellenwert x geheimzuhalten ist, wenn

$$x - x_2 - x_1 < \frac{p}{100} \cdot x_1 \tag{1}$$

gilt [Rothe, 2015-8]. Wobei in (1) x_1 der größte und x_2 der zweitgrößte Beitrag ist. In anderen Worten lässt sich sagen, dass der Tabellenwert x genau dann geheimzuhalten

ist, wenn die Differenz zwischen x und $x1_1$, x_2 nicht mindestens p% vom größten Beitrag x_1 beträgt.

Um letztlich auch die Geheimhaltung durchzuführen wird unter diesen Regeln oft auf das Verfahren der Zellsperrung zurückgegriffen [Rothe, 2015-5].

3. Cell Key Methode

Die im vorherigen Kapitel beschrieben Geheimhaltungsverfahren müssen in der Regel - zumindest bis zu einem gewissen Grad - manuell durchgeführt werden und eine Automatisierung ist eher unfelxibel. Mit der Cell Key Methode (CKM) wird ein Geheimhaltungsverfahren präsentiert, welches gut zu automatisieren und vergleichsweise einfach zu implementieren ist. Die Cell Key Methode ist auch als ABS-Verfahren bekannt. Der Name stammt von der schöpfenden Institutuion des Verfahrens, dem Australian Bureau of Statistics, ab. Durch die Verwendung von zufallsbasierten Additionen, den sog. Überlagerungen, werden Datenwerte verschleiert. Der Ermittlung einer solchen zufallsbasierten Addition liegt eine einmalig festzulegende Wahrscheinlichkeitsverteilung mit den möglichen Überlagerungswerten zugrunde [Enderle, 2019]. Für die Bestimmung dieser Überlagerungen wird ein deterministischer Mechaniusmus eingesetzt. Dieser nutzt den original Zellwert und den sog. Cell-Key um aus der Verteilung der Überlagerungswerte eine eindeutige Überlagerung zu ziehen [Enderle, 2019]. Eine mit dem CKM Verfahren geheimgehaltene Tabelle veröffentlicht also die Summe aus Originalwerten und Überlagerungen. Die CKM zählt damit zu den datenveränderndeden Verfahren.

3.1. Verfahrensparamter und Überlagerungsmatrix

An statistische Geheimhaltungsverfahren, insbesondere den datenveränder
nden Verfahren, werde bestimmte Anforderungen gestellt. Für die Cell Key Methode werden
 in der amtlichen Statistik gewisse stochastische Eigenschfaten gefordert, um die
 Qualität und Nachvollziehbarkeit der Ergebnisse zu sichern. Zu diesen Eigenschaften
 zählt einerseits die Unverzerrtheit der Überlagerungen [Enderle, 2019]. Damit meint
 man, dass der Überlagerungswert, welcher zu den Originalwerten addiert wird, im
 Mittel gleich Null ist. Es soll also die Erwartungstreu
eE(z)=0gelten. Darüber hin-
aus fodert man ebenfalls eine konstante Streuung der Verteilung der Überlagerungen
 [Enderle, 2019]. Es soll die Varianz erhalten bleiben, also $Var(z)=s^2$ gelten. Um
 diese beiden Eigenschaften zu kokretisieren, werden Verfahrensparamter eingeführt.
 Diese dienen weiter auch dazu das Geheimhaltungsverfahren - und damit die Überlagerungen - an verschiedene Kontexte anzupassen. Zu diesen Verfahrensparamter

zählen nach [Höhne, 2019]:

- Eine boolsche Variable, die angibt, ob Originalwerte 1 und 2 geheimgehalten werden sollen.
- Der Anteil p_0 der nicht zu überlagernden Originalwerte.
- Die Maximalüberlagerung d.
- Die Standardabweichung der Überlagerungsbeiträge s.

Gestand des Interesses sind demnach Zufallsfunktionen z, die eine bedingte Wahrscheinlichkeitsverteilung auf die Originalwerte i mit Zielhäufigkeit j darstellen. Man sucht also für jeden Originalwert $i = \{0, 1, 2, ..., n\}$ eine Wahrscheinlichkeitsverteilung der Form $z = p_i$ mit den Wahrscheinlichkeiten für die Übergänge v_i hin zu den Zielhäufigkeiten j [Enderle, 2019]. Diese Wahrscheinlichkeiten bilden ein nichtlineares Gleichungssystem, in welchem die zuvor genannten stochastischen Eigenschaften als Nebenbedinungen eingehen. Diese lassen sich nun als

$$E(z) = \sum_{i=-d}^{d} p_i v_i = 0$$
 (2)

$$Var(z) = \sum_{i=-d}^{d} p_i v_i^2 = s^2$$
 (3)

$$\sum_{i=-d}^{d} p_i = 1 \tag{4}$$

schreiben [Höhne, 2019]. Dabei wird in der letzten Zeile (4) noch gefordert, dass die Summe der Übergangswahrscheinlichkeiten für einen Originalwert gleich 1 ist. Die Lösung dieses Problems lässt sich in Matrixform notieren. Man spricht hier von der sog. Überlagerungsmatrix mit Zeilen i und Spalten j, welche zur Bestimmung der Überlagerungsbeiträge j zu den Originalwerten i verwendet werden kann. Für weitere mathematische Details und Lösungsansätze sei an dieser Stelle auf [Giessing, 2016] verwiesen. In [Höhne, 2019] wird die Lösung eines solchen Gleichungssystems für die Verfahrensparamter $p_0 = 0.5 = 50\%$, d = 4 und s = 2.25 gezeigt. Diese Überlagerungsmatrix ist in Abbildung 1 in Form einer Heatmap zu sehen. Der *Python* Code zum Erstellen dieser Grafik ist in Anhang A zu finden.

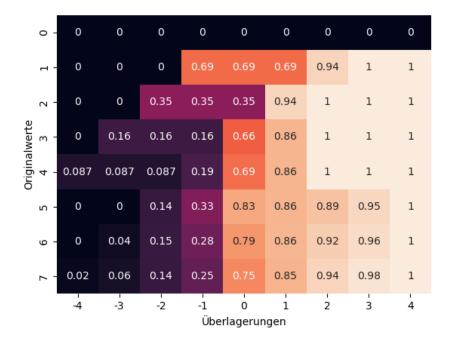


Abbildung 1: Beispiel für eine Überlagerungsmatrix mit Übergangswahrscheinlichkeiten für paarige Originalwerte und Zielhäufigkeiten

Es ist hierbei anzumerken, dass direkt eine symmetrische Verteilung für die Überlagerungsbeiträge gewählt wurde. Auf der x-Achse sind die anzuwendenden Überlagerungswerte von -d bis d zu sehen. Auf der y-Achse sind die Originalwerte abgetragen. In der jeweiligen Zelle sind die einzelnen Übergangswahrscheinlichkeiten abzulesen. Für Originalwerte größer 7 ist die Zeile für Originalwerte gleich 7 maßgebend. Die Überlagerungsmatrix bildet den Kern der CKM. Ihre Anwendung wird im nächsten Abschnitt beschrieben.

3.2. Methodik und Verfahrensdurchführung

Die wichtigsten Bestandteile des Verfahrens werden in [Enderle, 2019] dargestellt. Ähnlich wie in [Wipke, 2018] beschrieben, lässt sich nun ein Algorithmus formulieren. Ausgangspunkt sind die in einer Statistik erhobenen Mikrodaten bzw. Mikrodatensätze. Das sind die plausibilisierten Einzeldatensätze.

- 1. Erzeugung der Originalwerte mit einem Auswertungstool
- 2. Cell-Key-Bestimmung aus Zufallszahlen innerhalb des Auswertungs-Tools
- 3. Lookup-Modul

- a) Auslesen der Überlagerungswerte aus der Überlagerungsmatrix
- b) Addieren der Überlagerungswerte und Originalwerte

Die folgende Abbildung 2 visualisiert den schehmatischen Ablauf des zuvor beschrieben Algorithmus. Im Wesentlichen werden zwei technische System benötigt, um das Verfahren zu realisieren. Zum einen wird ein Auswertungstool benötigt, welches die gespeicherten Mikrodaten in Tabellenform bringt. Mit Hilfe des Lookup-Moduls werden dann die beiden Eingangsgrößen - Originalwerte und Cell-Keys - verwendet, um die Überlagerungswerte aus der Überlagerungsmatrix zu bestimmen. Diese Überlagerungswerte werden letztlich auf die Originalwerte addiert und stellen damit die finalen Werte für die Veröffentlichung dar.

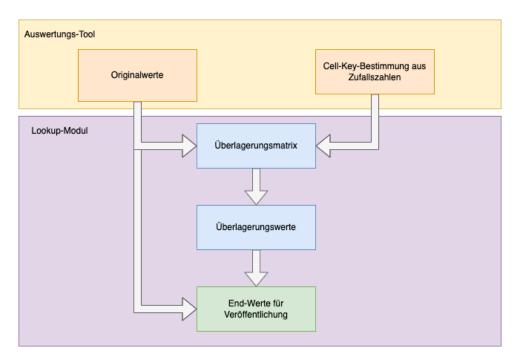


Abbildung 2: Ablaufdiagramm der Cell Key Methode

Die Einzelschritte des Verfahrens sollen nun im Detail beleuchtet werden.

3.2.1. Erzeugung der Originalwerte

Dieser Schritt ist spezifisch für die jeweilige Zieltablle, die veröffentlicht werden soll. Im Allgemeinen werden Filterungen anhand bestimmter Merkamle vorgenommen und dann Summen der Fallzahlen gebildet. Für diese Operation - also die Tabellierung - führt man die Beizeichnung f ein.

3.2.2. Cell-Key-Bestimmung

Für die Bestimmung des Cell-Keys wird jedem Mikrodatensatz zunächst eine gleichverteile Zufallszahl r, der sog. Record-Key, mit $r \sim \mathcal{U}(0,1)$ zugeordnet. Mit diesen Record-Keys wird dieselbe Auswertungstabelle wie mit den Originalwerten gebildet. Man führt also diesseble Operation f auf den Daten durch, wie in Abschnitt 3.1.1. Es ergeben sich also Summen von Record-Keys. Von diesen Record-Key Summen werden nur die Nachkommastellen betrachtet. Dieser Wert definiert den Cell-Key [Enderle, 2019]. Um dieses Vorgehen zu verdeutlichen soll das folgende Beispiel aus der Hochschulstatistik betrachtet werden. Tabelle 3 zeigt die Mikrodaten mit Record-Keys, wie sie in einer Datenbank gespeichert sein könnten.

ID	Universitätät	Geschlecht	Record-Key
1	Würzburg	m	0,611853
2	Eichstätt	W	0,139494
3	München	W	$0,\!292145$
4	München	m	0,366362
5	Würzburg	m	$0,\!456070$
6	Würzburg	m	0,785176
7	Bamberg	m	$0,\!199674$
8	München	W	0,514234
9	München	m	0,592415
10	München	m	0,046450

Tabelle 3: Mikrodaten mit Record-Keys

Tabelle 4 stellt die Daten nach Durchführung der Tabellierung f dar. Die Daten wurden hier nach der Universitätät und nach dem Geschlecht zusammengefasst. Die entsprechenden Fallzahlen, Record-Key-Summen und Cell-Keys werden abgebildet.

ID	Universitätät	Geschl.	Fallzahl	Record-Key-Summe	Cell-Key
1	Bamberg	m	1	0,199674	0,199674
2	Eichstätt	W	1	0,139494	$0,\!139494$
3	München	m	3	1,005227	0,005227
4	München	W	2	0,806379	0,806379
5	Würzburg	\mathbf{m}	3	1,853099	0,853099

Tabelle 4: Aggregierte Daten mit Record-Key-Summen und Cell-Key

Die Werte in Zeile 5 von Tablle 4 ergeben sich durch Zählen der Zeilen in Tabelle 3, in denen $Universittät = W\"urzburg \wedge Geschlecht = m$. Die Record-Key-Summe in dieser Zeile ergibt sich nach 0.611853 + 0.456070 + 0.785176 = 1.853099. Der daraus abgeleitete Cell-Key beträgt damit 0.853099.

3.2.3. Lookup-Modul

Im Anschluss an die Bestimmung der Originalwerte und der dazugehörigen Cell-Keys gilt es nun die Überlagerungen zu berechnen. Für die Bestimmung eines Überlagerungswertes dient das Paar (Originalwert, CellKey) als Input. Damit meint man den Wert einer einzelnen Tabellenzelle und den über dieselbe Operation f berechneteten Cell-Key. Das Lookup Modul stellt die Funktionalität bereit, anhand dieses Wertepaares den zugehörigen Überlagerungswert aus der Überlagerungsmatrix abzulesen. Um dies weiter zu illustrieren wird die Überlagerungsmatrix aus Abbildung 1 herangezogen. Betrachtet man Zeile 5 aus Tabelle 4, so liegt das Paar (Original wert = 3, Cell Key = 0.853099) vor. Um nun auch den dazu passenden Überlagerungswert zu bestimmen, wählt man die Zeile i der Überlagerungsmatrix, die dem Originalwert - hier also 3 - entspricht. Anschließend bestimmt man mit Hilfe des CellKey die Spalte j, für welche der Wert in der Matirx erstmalig kleiner als CellKey ist. In diesem Fall führt dies zu j = 1, da 0.853099 < 0.86. Der Wert j=1 ist damit der zu addierende Überlagerungswert. Daraus ergibt sich ein finaler Wert von 3+1=4. Wendet man dieses Vorgehen vollständig auf das Beispiel aus Tabelle 4 an, so ergeben sich die finalen und damit geheimgehaltenen Werte aus Tabelle 5.

ID	Universitätät	Geschl.	Fallzahl	Überlagerung	Finaler Wert
1	Bamberg	m	1	-1	0
2	Eichstätt	W	1	-1	0
3	München	m	3	-3	0
4	München	W	2	1	3
5	Würzburg	m	3	1	4

Tabelle 5: Überlagerungen und final geheimgehaltene Werte

In Anhang A ist eine *Python* Realisierung dieses Verfahrens zu finden.

3.3. Besonderheiten der Cell Key Methode

Eine Besonderheit, die sich aus der Verwendung der Cell Key Methode ergibt, ist die Nicht-Additivität des Verfahrens. Dadruch, dass Rand- und Zwischensummen nicht erst nach der Geheimhaltung, sondern ebenfalls während der Tabellierung gebildet werden, unterliegen auch diese Werte dem Geheimhaltungsmechanismus. Um dies zu veranschaulichen soll abschließend ein weiteres Fallbeispiel aus der Hochschulstatistik betrachtet werden. Tabelle 6 zeigt für eine Universitätät jeweils eine Insgesamt-Position i sowie die Unterteilung nach dem Geschlecht m und w. Es sind sowohl die Originalwerte als auch die final überlagerten Werte abgebildet. Auch

die Positionen für die Zwischensummen i wurden mit der Tabellierungs-Operation f auf Basis der Originalwerte und der Record-Keys gebildet. Damit entsteht also ein eigner Cell-Key und Überlagerungswert für diese Zahlen. Für das Beispiel der Universität Bamberg aus Tabelle 6 sieht man schnell, dass für die Originalwerte die gewohnte Additivität vorhanden ist, denn 166 = 75 + 91. Führt man diese Betrachtung allerdings auf den überlagerten Werten durch, so erhält man eine falsche Aussage, denn $168 \neq 75 + 91$. Diese Phänomen bezeichnet man als Nicht-Additivität einer statistischen Tabelle.

ID	Universitätät	Geschl.	orig. Fallzahl	überl. Fallzahl
1	Bamberg	i	166	168
$2 \mid$	Bamberg	\mathbf{m}	75	75
3	Bamberg	W	91	91
4	Eichstätt	i	46	48
5	Eichstätt	\mathbf{m}	17	20
6	Eichstätt	W	32	29

Tabelle 6: Beispiel zur Nicht-Additivität der CKM

Diese Nicht-Additivität wird beim Cell Key Verfahren in Kauf genommen, da im Weiteren zwei konkrete Vorteile dieser Methode überwiegen. Das unabhängige und separate Überlagern von Tabellenfeldern führt zu zwei wichtigen Vorteilen dieses Geheimhaltungsverfahrens [Enderle, 2019]. Zum einen wird eine tabellenübergreifenede Konsistenz erreicht. Die zu addierenden Überlagerungswerte zu einem bestimmten Originalwert (z.B. Studierende der Universitätät Bamberg) sind bei gleicher Datengrundlage immer identisch - unabhängig von der Zieltabelle. Dies ergibt sich aus den einmalig zugespielten Record-Keys und dem danach folgenden deterministeischen Lookup-Modul. Der zweite überwiegende Vorteil der CKM ist die Genauigkeit des Verfahrens [Enderle, 2019]. Dieser Punkt beschreibt die Vermeidung von zufällig gleichgerichteten Überlagerungen. Dies würde im Einzelfall zu größeren Veränderungen zwischen Original- und geheimgehaltenen Wert führen. Durch die Überlagerung aller Tabellenzellen umgeht man diese Gefahr.

3.4. Aufdeckungsrisiko

4. Zusammenfassung und Fazit

Damit das Bayerische Landesamt für Statistik seiner gesetzlich vorgeschrieben Pflichten nachkommen kann, sind die unterschiedlichsten Technologien und Verfahren notwendig. Neben dem Erheben der Daten bei den Meldern, gehören auch die Plausibilisierung und die Aufbereitung der Daten zu seinen Aufgaben. Um eine so große

Datenmenge effizient zu verarbeiten, wird auf moderne Lösungen aus der Informationstechnologie zurückgegriffen. Hierzu zählen verschiedene Skriptsprachen, Datenbanken und Datawarehouses. Um die Qualität der Daten zu wahren, sind neben rein technischer Kontrollen auch sehr fachliche Zusammenhänge zu prüfen und ggf. zu korrigieren. Dies erfordert ein tiefes inhaltliches Verständnis der Daten und ihrer Merkmale. Eine gewisse Interpretation und Analyse sind also auch im Data Engineering notwendig, um die Datenqualität und den Datenfluss zu erhalten, sowie die Daten zu publizieren und damit die Pflicht der amtlichen Statistik zu erfüllen.

Literatur

- Enderle, Tobias und Meike Vollmar: Geheimhaltung in der Hochschulstatistik. WISTA | 6, Statistisches Bundesamt (Destatis), Wiesbaden 2019.
- Giessing, Sarah: Computational Issues in the Design of Transition Probabilities and Disclosure Risk Estimation for Additive Noise. *LNCS*, vol. 9867, Springer International Publishing, 2016.
- Höhne, Jörg und Julia Höninger: Die Cell-Key-Methode ein Geheimhaltungsverfahren. Statistische Monatshefte Niedersachsen 1, 2019.
- Nickl, Andreas: Datenschutz, Geheimhaltung, Anonymisierung. Einfuührungsfortbildung Bayerisches Landesamt für Statistik, Fürth, 2019.
- Rothe, Patrick: Statistische Geheimhaltung Der Schutz vertraulicher Daten in der amtlichen Statistik Teil 1: Rechtliche und methodische Grundlagen Bayern in Zahlen 5, Bayerisches Landesamt für Statistik, München, 2015.
- Rothe, Patrick: Statistische Geheimhaltung Der Schutz vertraulicher Daten in der amtlichen Statistik Teil 2: Herausforderungen und aktuelle Entwicklungen. Bayern in Zahlen 8, Bayerisches Landesamt für Statistik, München, 2015.
- Wipke, Mirko: Geheimhaltung im Data Warehouse Prototypische Implementierung von automatisierter Geheimhaltung im Data Warehouse für die amtliche Hochschulstatistik in Bayern. Bayern in Zahlen 12, Bayerisches Landesamt für Statistik, Fürth, 2018.

A. Python Implementierung

Nachfolgend ist die vollständige *Python* Implementierung des CKM Verfahrens für ein Testbeispiel aus der Hochschulstatistik abgebildet.

```
1 # ckm.py
2 # This python scripts implements the cell key method used
3 # for a toy example.
4 # -----
5 # Joshua Simon, 11.05.2022
7
8 import math
9 import numpy as np
10 import pandas as pd
11 import seaborn as sns
12 import matplotlib.pyplot as plt
13
14
15 # Values for the overlay matrix and vector are taken from
16 # "Die Cell-Key-Methode ein Geheimhaltungsverfahren"
17 # by Jörg Höhne und Julia Höninger.
18 OVERLAY_MATRIX = np.matrix([
19
      [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0],
20
      [0, 0, 0, 0.6875, 0.6875, 0.6875, 0.9375, 1, 1],
21
      [0, 0, 0.3533, 0.3533, 0.9440, 0.9970, 0.9990, 1],
22
      [0, 0.1620, 0.1620, 0.1620, 0.6620, 0.8560, 0.9970, 0.9990, 1],
23
      [0.0870, 0.0870, 0.0870, 0.1920, 0.6920, 0.8590, 0.9970,
     0.9990, 1],
      [0, 0, 0.1450, 0.3270, 0.8270, 0.8590, 0.8930, 0.9490, 1],
24
      [0, 0.0400, 0.1500, 0.2850, 0.7850, 0.8600, 0.9200, 0.9600, 1],
25
      [0.0200, 0.0600, 0.1450, 0.2500, 0.7500, 0.8550, 0.9400,
26
     0.9800, 1]
27 ])
28
29 CHANGE_VECTOR = [-4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4]
30
31
32 def matrix_plot(matrix, vector):
      sns.heatmap(matrix, annot=True, xticklabels=vector, cbar=False)
33
      plt.xlabel("Überlagerungen")
34
      plt.ylabel("Originalwerte")
35
36
      plt.show()
37
39 def generate_data(n, seed):
```

```
0.00
40
41
       Generates some random data from sample attributes.
42
       Each row gets a random uniformly distributed record key
43
      between 0 and 1.
       0.00
44
45
      np.random.seed(seed)
46
      universities = ["Bamberg", "Wuerzburg", "Muenchen", "Eichstaett
47
      sex = ["m", "w"]
48
49
      uni_data = np.random.choice(universities, size=n, replace=True,
       p=[0.15, 0.3, 0.5, 0.05])
      sex_data = np.random.choice(sex, size=n, replace=True, p=[0.5,
50
      0.5])
51
      record_key_data = np.random.uniform(low=0.0, high=1.0, size=n)
52
      return pd.DataFrame(
53
           list(zip(uni_data, sex_data, record_key_data)),
54
           columns =['university', 'sex', 'record_key']
55
      )
56
57
58
59 def tabulate_data(data, rollout=False):
      0.00
60
61
      Generates the grouped frequency table with summed record keys.
62
      If the rollout option is true, all of the grouped sums are
      calculated as well.
63
64
65
      grouped_data = data.groupby(["university", "sex"]).agg(["count"
      , "sum"])
      grouped_data.columns = ["count", "record_key_sum"]
66
67
      grouped_data.reset_index(inplace=True)
68
69
      if rollout:
70
           rollout_data = data.loc[:, data.columns != "sex"].groupby([
      "university"]).agg(["count", "sum"])
           rollout_data.columns = ["count", "record_key_sum"]
71
72
           rollout_data.reset_index(inplace=True)
           rollout_data["sex"] = "i"
73
74
           rollout_data = rollout_data.iloc[:, [0,3,1,2]]
75
76
           sum_col = pd.DataFrame({
77
               "university": ["sum"],
78
               "sex": ["i"],
79
               "count": [grouped_data["count"].sum()],
```

```
"record_key_sum": [grouped_data["record_key_sum"].sum()
80
      ]
           })
81
82
83
           grouped_data = grouped_data.append([rollout_data, sum_col],
       ignore_index=True)
           grouped_data = grouped_data.sort_values(by=["university", "
84
      sex"])
85
86
       return grouped_data
87
88
89 def get_cell_key(value: float) -> float:
90
91
       Returns the decimal part of a floating point number.
92
       return value - int(value)
93
94
95
96 def get_len_of_int(value: int) -> int:
97
98
       Returns the length (= number of digits) of an positive integer.
99
       return int(math.log10(value)) + 1
100
101
102
103 def get_overlay_matrix_value(matrix, vector, values,
      record_key_sums, seed, p0=1) -> list:
104
105
       Returns the overlay value given by the overlay matrix and
106
       for a value-record_key_sum-pair.
107
       The overlay value is determined by the value ifself and the
       point digits of the record_key_sum value. The value is used as
108
109
       row-index to find the row in the overlay matrix. If the value
110
       therefore the row-index is out of range, the last row of the
      matrix
111
      is used. In the selected row, the index of the column, where
112
       record_key_sum is bigger than the column value is then used as
      in index
```

```
113
       for the overlay vector. The selected value of this vector is
       the
       overlay value which is to add to the original table value. The
114
      probability
115
       p0 determines the chance, that the overlay value is actually
       used.
       0.00
116
117
       np.random.seed(seed)
118
       overlay_col = []
119
       num_rows, _ = matrix.shape
120
121
       for value, record_key_sum in zip(values, record_key_sums):
122
            if value == 0:
123
                overlay_col.append(value)
124
                continue
125
            elif value < num_rows:</pre>
126
                cell_keys = matrix[value, :]
127
            else:
128
                cell_keys = matrix[num_rows - 1, :]
129
130
           for index, key in enumerate(cell_keys.tolist()[0]):
131
                if key > get_cell_key(record_key_sum):
132
                    overlay_value = vector[index]
133
                    break
134
            else:
135
                overlay_value = vector[-1]
136
137
            if pO is not None:
138
                overlay_value = np.random.choice([overlay_value, 0],
       size=1, p=[1 - p0, p0])[0]
139
            overlay_col.append(overlay_value)
140
141
       return overlay_col
142
143
144 def apply_ckm(data, matrix, vector, value_col_names,
      record_key_names, seed, p) -> pd.DataFrame:
145
146
       Applys the Cell Key Method to the named columns of a data set.
147
       Therefore the overlay value is calculated and added to the
      named
148
       columns.
149
       Returns a DataFrame with the overlayed data.
150
151
       output_data = data.copy()
```

```
for col_name, record_key_name, p0 in zip(value_col_names,
152
      record_key_names, p):
           output_data[col_name] = data[col_name] +
153
      get_overlay_matrix_value(matrix, vector, data[col_name], data[
      record_key_name], seed, p0)
154
       return output_data
155
156
157 if __name__ == "__main__":
158
       data = generate_data(1001, 42)
159
       table_data = tabulate_data(data)
160
       overlayed_data = apply_ckm(table_data, OVERLAY_MATRIX,
      CHANGE_VECTOR, ["count"], ["record_key_sum"], seed=42, p=[0])
161
162
       #print(data)
163
       print(table_data)
164
       print(overlayed_data)
165
166
       matrix_plot(OVERLAY_MATRIX, CHANGE_VECTOR)
167
168
       #print(get_cell_key(2.456))
169
       #print(get_len_of_int(1000))
       #print(get_overlay_matrix_value(OVERLAY_MATRIX, CHANGE_VECTOR,
170
      251, 120.846))
171
172
       print("Done.")
```

Listing 1: CKM Python Beispiel

Ich erkläre hiermit, dass ich die Seminararbeit mit dem Titel Statistische Geheimhaltung: Cell Key Methode im Sommersemester 2022 selbständig angefertigt, keine anderen Hilfsmittel als die im Literaturverzeichnis genannten benutzt und alle aus den Quellen und der Literatur wörtlich oder sinngemäßübernommenen Stellen als solche gekennzeichnet habe.

Bamberg, den 8. Juli 2022 Unterschrift