V06 – tibble

3. Mai 2021

Contents

1	Tabellen			
	1.1 nycflights13	5		
2	Relationale Datenbanken	6		
	2.1 Definitionen der Grundbegriffe	6		
	2.2 Operationen	7		

1 Tabellen

Ein **Data-Frame** ist eine tabellenförmige Datenstruktur.

In Base-R wird sie in S3-Objekten der Klasse data.frame gespeichert.

Zeilen nennen wir auch Beobachtungen, Spalten nennen wir auch Variablen.

Einträge in verschiedenen Spalten können unterschiedlichen Typ haben.

Meist ist eine Spalte ein atomarer Vektor. Listen-, Matrix- und Data-Frame-Spalten sind prinzipiell möglich.

Im Zusammenhang mit Funktionen der Paketsammlung Tidyverse ist es üblich Data-Frames in Form von **Tibbles** zu nutzen.

Ein Tibble ist ein R-Objekt der Klasse c("tbl_df", "tbl", "data.frame"). As baut also auf einem data.frame-Objekt auf.

Bemerkung:

- Tabelle ist ein konzeptioneller Begriff, keine spezielle Datenstruktur in R.
- Jedes Data-Frame (und damit auch jedes Tibble) repräsentiert eine Tabelle.
- Es gibt weitere Datenstrukturen in R, die Tabellen repräsentieren, zB data.table (was nicht unbedingt zur besseren Unterscheidung der Begriffe beiträgt).

Um Tibbles zu nutzen, muss das Paket tibble geladen werden. Es gehört zum Tidyverse.

```
library(tibble) # oder library(tidyverse)
tb <- tibble(x=1:3, y=letters[1:3])
tb
## # A tibble: 3 x 2</pre>
```

Bei der Ausgabe eines Tibbles auf der Konsole wird unter dem Spaltennamen der Typ der Spalte in Kurzform angezeigt.

Mit as_tibble() werden passende Listen, Matrizen und Data-Frames in Tibbles konvertiert.

```
lst <- list(x=1:2, y=letters[1:2])</pre>
str(lst)
## List of 2
## $ x: int [1:2] 1 2
## $ y: chr [1:2] "a" "b"
as_tibble(lst)
## # A tibble: 2 x 2
##
        x y
## <int> <chr>
## 1 1 a
## 2
       2 b
mat <- matrix(1:4, ncol=2)</pre>
colnames(mat) <- c("A", "B")</pre>
\mathtt{mat}
##
       A B
## [1,] 1 3
## [2,] 2 4
as_tibble(mat)
## # A tibble: 2 x 2
##
     A B
## <int> <int>
## 1 1 3
## 2
       2
df
## x y
## 1 1 a
## 2 2 b
## 3 3 c
as_tibble(df)
## # A tibble: 3 x 2
##
       x y
## <int> <chr>
## 1 1 a
## 2 2 b
```

```
## 3 3 c
```

Mit add_column() und add_row() werden Spalten bzw Zeilen zu einem Tibble hinzugefügt.

```
tb \leftarrow tibble(x = 1:3, y = 3:1)
add_column(tb, z = -1:1, w = 0)
## # A tibble: 3 x 4
         \boldsymbol{x}
               \boldsymbol{y}
                      \boldsymbol{z}
## \langle int \rangle \langle int \rangle \langle dbl \rangle
## 1
       1 3 -1
## 2
        2
               2 0
         3
## 3
               1
                      1
add_column(tb, z = -1:1, .before = "y")
## # A tibble: 3 x 3
##
         \boldsymbol{x}
               \boldsymbol{z}
                      y
##
   \langle int \rangle \langle int \rangle \langle int \rangle
## 1
       1 -1 3
## 2
       2 0 2
## 3
         3
               1
                       1
add_row(tb, x = 4:5, y = 0:-1)
## # A tibble: 5 x 2
##
         \boldsymbol{x}
\#\# < int> <int>
## 1
        1 3
               2
## 2
        2
## 3
        3
               1
## 4
         4
                0
         5
## 5
               -1
add_row(tb, x = 4, y = 0, .before = 2)
## # A tibble: 4 x 2
##
         \boldsymbol{x}
## <dbl> <dbl>
## 1
        1 3
## 2
         4
                0
## 3
         2
                2
## 4
         3
                1
add_row(tb, x = 4) # set NA if needed
## # A tibble: 4 x 2
         oldsymbol{x}
\#\# <dbl> <int>
## 1
       1 3
## 2
         2
                2
## 3
         3
                1
## 4 4
```

Die Subsetting-Operatoren (ggf mit Zuweisung) [, [[, \$, [<-, [[<-, \$<- können ebenso benutzt werden.

```
tb <- tibble(x = 1:3)
tb$y <- 3:1
tb[3, 2] <- 12
tb[c(1,3), ]
## # A tibble: 2 x 2
## x y</pre>
```

```
## <int> <int>
      1 3
## 1
             12
## 2
        3
tb[tb\$y > 2, ]
## # A tibble: 2 x 2
##
         \boldsymbol{x}
                y
##
    \langle int \rangle \langle int \rangle
## 1 1 3
## 2
        3 12
tb[[1]] <- letters[1:3]
tb[["x"]]
## [1] "a" "b" "c"
```

Spaltennamen sollten den Regeln für Variablennamen folgen, damit ein einfacher Zugriff möglich ist.

```
# Negativ-Beispiel: Spaltenname "0"
tb["0"] <- 1:3
# tb$0 # ERROR
tb$"0"
## [1] 1 2 3
tb$`0` # alternativ
## [1] 1 2 3</pre>
```

Die Funktionen head() und tail() sind alternative Notationen für Subsetting der ersten oder letzten Zeilen.

```
tb <- tibble(pos = 1:26, lower = letters, upper = LETTERS)
head(tb, 4)
## # A tibble: 4 x 3
##
      pos lower upper
##
   <int> <chr> <chr>
## 1
       1 a
## 2
        2 b
                 B
        3 c
                 C
## 3
## 4
         4 d
                 D
tail(tb, 4)
## # A tibble: 4 x 3
      pos lower upper
## <int> <chr> <chr>
## 1
       23 w
                 W
## 2
        24 x
                 Χ
## 3
                 Y
       25 y
## 4
        26 z
                 Z
```

Mit bind_rows(), bind_cols() fügen wir mehrere Tibbles gleicher Struktur zusammen. Im Gegensatz zu den vorigen sind diese Funktionen im Paket dplyr (auch Tidyverse).

```
## 4 12 l
t3 <- tibble(x=11:12, z=0:-1)
dplyr::bind_rows(t1, t3) # set NA if needed
## # A tibble: 4 x 3
##
          x y
##
      <int> <chr> <int>
## 1
          1 a
## 2
          2 b
                        NA
## 3
         11 <NA>
                         0
## 4
         12 <NA>
                        -1
t4 \leftarrow tibble(u = c(T,F), v = c(pi, exp(1)))
dplyr::bind_cols(t1, t4)
## # A tibble: 2 x 4
##
          x y
                    u
##
      \langle int \rangle \langle chr \rangle \langle lgl \rangle \langle dbl \rangle
                    TRUE
## 1
          1 a
                             3.14
## 2
                    FALSE 2.72
          2 b
```

1.1 nycflights13

Neben Funktionen stellen manche Pakete auch Datasets bereit.

Das Paket nycflights13 enthält mehrere Tibbles. Das Tibble flights enthält Informationen zu allen Flügen von New York City im Jahr 2013.

```
#install.packges("nycflights13")
library(nycflights13)
flights
## # A tibble: 336,776 x 19
##
                      day dep_time sched_dep_time dep_delay arr_time sched_arr_time
       year month
##
       \langle int \rangle \langle int \rangle \langle int \rangle
                              \langle int \rangle
                                               <int>
                                                           <db1>
                                                                     \langle int \rangle
                                                                                      <int>
##
    1 2013
                  1
                         1
                                 517
                                                  515
                                                               2
                                                                       830
                                                                                        819
##
    2
       2013
                  1
                         1
                                 533
                                                  529
                                                                       850
                                                                                        830
                                                               4
   3 2013
##
                  1
                         1
                                 542
                                                  540
                                                               2
                                                                       923
                                                                                        850
## 4 2013
                                                              -1
                                                                                       1022
                  1
                         1
                                 544
                                                  545
                                                                      1004
   5 2013
##
                  1
                         1
                                554
                                                  600
                                                              -6
                                                                       812
                                                                                        837
##
    6 2013
                                                  558
                                                                                        728
                  1
                         1
                                 554
                                                              -4
                                                                       740
##
   7 2013
                  1
                         1
                                 555
                                                  600
                                                              -5
                                                                       913
                                                                                        854
## 8 2013
                                 557
                                                  600
                                                              -3
                                                                       709
                                                                                        723
                  1
                         1
##
   9 2013
                         1
                                 557
                                                  600
                                                              -3
                                                                       838
                                                                                        846
## 10 2013
                         1
                                 558
                                                  600
                                                              -2
                                                                       753
                  1
                                                                                        745
## # ... with 336,766 more rows, and 11 more variables: arr_delay <dbl>,
       carrier <chr>, flight <int>, tailnum <chr>, origin <chr>, dest <chr>,
       air_time <dbl>, distance <dbl>, hour <dbl>, minute <dbl>, time_hour <dttm>
```

Für nähere Informationen zu den Spalten (zB Einheiten) siehe ?flights.

Bei großen Tibbles werden nur die ersten Zeilen und Spalten ausgegeben.

Wir setzen ein paar Optionen, um die Ausgabe hier kompakter zu gestalten.

```
options(
  tibble.print_min=6,
  tibble.print_max=6,
```

```
tibble.max_extra_cols=0)
flights
## # A tibble: 336,776 x 19
      year month
                    day dep_time sched_dep_time dep_delay arr_time sched_arr_time
                            \langle int \rangle
##
      \langle int \rangle \langle int \rangle \langle int \rangle
                                               \langle int \rangle
                                                           <dbl>
                                                                     \langle int \rangle
                                                                                       <int>
      2013
               1
                                517
                                                 515
                                                               2
                                                                        830
                    1
                                                                                         819
## 2 2013
                       1
                                533
                                                 529
                                                                       850
                1
                                                               4
                                                                                         830
## 3 2013
             1
                                                  540
                                                                       923
                       1
                                542
                                                               2
                                                                                         850
## 4 2013
              1
                        1
                                544
                                                  545
                                                              -1
                                                                       1004
                                                                                        1022
## 5 2013
               1
                        1
                                554
                                                  600
                                                              -6
                                                                        812
                                                                                         837
## 6 2013
                                                  558
               1
                        1
                                554
                                                              -4
                                                                        740
                                                                                         728
## # ... with 336,770 more rows
```

Oft sind Daten eines Datasets über mehrere Tabellen (Tibbles) unterschiedlicher Struktur verteilt.

Das Paket nycflights13 enthält neben flights noch die Tabellen airlines, airports, planes, weather.

Die Tabelle flights enthält eine Variable carrier – die 2-Buchstaben-Abkürzung der Airline. In der Tabelle airlines ist der Langname der Airline angegeben.

```
flights$carrier[1:10]
## [1] "UA" "UA" "AA" "B6" "DL" "UA" "B6" "EV" "B6" "AA"
airlines
## # A tibble: 16 x 2
    carrier name
##
     <chr> <chr>
## 1 9E
           Endeavor Air Inc.
## 2 AA
           American Airlines Inc.
## 3 AS Alaska Airlines Inc.
## 4 B6 JetBlue Airways
## 5 DL
           Delta Air Lines Inc.
## 6 EV
             ExpressJet Airlines Inc.
## # ... with 10 more rows
```

Dieses Dataset wird uns in den folgenden Kapiteln als Beispiel dienen.

2 Relationale Datenbanken

Die Theorie der **Relationalen Datenbanken** mit der **relationalen Algebra**, stellt Beziehungen von Tabellen in Datasets und Operationen auf Datasets auf formale Beine.

In diesem Abschnitt schneiden wir nur sehr knapp diese Themen an und vereinfachen an vielen Stellen. Mit dem vollen Umfang des Themenfelds können mehrere eigene Kurse gefüllt werden.

Die Nomenklatur in der Datenbank-Theorie unterscheidet sich etwas von der traditionell im Zusammenhang mit R verwendeten.

R / allgemein	Dataset	Tabelle	Spalte	Zeile
R (alternativ) DB-Theorie	Datenbank	,	Variable Attribut	Beobachtung Tupel

2.1 Definitionen der Grundbegriffe

Eine endliche Folge von Mengen (W_1, \ldots, W_m) heißt **Relationenschema**.

Eine endliche Teilmenge $R \subseteq W_1 \times \cdots \times W_m$ heißt **Relation** des Relationenschemas (W_1, \dots, W_m) . In diesem

Zusammenhang heißen die W_j auch Wertebereiche.

Ein Element $t \in R$ einer Relation R heißt **Tupel**.

Bemerkungen:

- 1. Relationen entsprechen in etwa Tabellen und Tupel den Zeilen. Allerdings gibt es Unterschiede:
 - Tabellen haben eine Ordnung ihrer Zeilen, Relationen sind ungeordnete Mengen.
 - In einer Tabelle kann eine Zeile mehrere Male vorkommen, in einer Relation nicht (Menge).
- 2. In der Datenbank-Theorie gehört in ein Relationenschema noch jeweils ein Name (Spaltennamen) zu jedem Wertebereich D_i . Zur Vereinfachung lassen wir jedoch hier Namen weg.

Wir identifizieren **Spalten** (genannt Attribut, hat nichts mit Attributen von R-Objekten zu tun) durch ihren Spaltenindex $j \in \{1, ..., m\}$.

Die "Zeilenzahl" n einer Relation R ist also die Anzahl der ihrer Elemente n = |R|.

Die "Spaltenzahl" m einer Relation R ist die Anzahl der Wertebereiche im zugehörigen Relationenschema.

Beachte: Diese formale Definition entspricht nicht der Implementation eines Tibbles in R. Dort ist length(tb) die Spaltenzahl.

2.2 Operationen

2.2.1 Mengenoperationen

Auch wenn Tibbles nicht Relationen direkt repräsentieren (siehe Bemerkung oben), können wir Operationen auf Relationen damit nachvollziehen.

Wir können Tibbles Relationen ähnlich machen, indem wir mehrfach auftretende Zeilen entfernen.

Für zwei Relationen des gleichen Relationenschemas $R, S \subseteq W_1 \times \cdots \times W_m$ können Standard-Mengenoperationen durchgeführt werden.

```
# Relationenschema (double, character)
# wobei double für die Menge der möglichen double-Werte in R steht
R <- tibble(
 x = c(1, 1),
 y = c("a", "b"))
S <- tibble(
 x = c(1, 2),
  y = c("a", "a"))
## # A tibble: 2 x 2
##
         x y
##
   <dbl> <chr>
         1 a
## 1
## 2
         1 b
S
```

Im Folgenden steht \wedge für "und" und \vee für "oder".

• Vereinigung $R \cup S := \{t | t \in R \lor t \in S\}$

```
library(dplyr)
##
## Attaching package: 'dplyr'
## The following objects are masked from 'package:stats':
##
      filter, lag
## The following objects are masked from 'package:base':
##
      intersect, setdiff, setequal, union
##
union(R, S)
## # A tibble: 3 x 2
##
       x y
## <dbl> <chr>
## 1 1 a
## 2
       1 b
## 3 2 a
```

• Schnitt $R \cap S := \{t | t \in R \land t \in S\}$

• Differenz $R \setminus S := \{t | t \in R \land t \notin S\}$

• Symmetrische Differenz $R \triangle S := (R \cup S) \setminus (R \cap S)$

2.2.2 Kartesisches Produkt

Seien $R \subseteq W_1 \times \cdots \times W_\ell$ und $S \subseteq W_{\ell+1} \times \cdots \times W_m$ Relationen.

• Kartesisches Produkt $R \times S := \{(x_1, \dots, x_m) | (x_1, \dots, x_\ell) \in R \land (x_{\ell+1}, \dots, x_m) \in S\}.$

```
# Schema (integer, character)
R <- tibble(</pre>
x = 1:3,
y = letters[1:3])
# Schema (character, logical)
S <- tibble(
u = LETTERS[1:2],
v = c(T, F)
R
## # A tibble: 3 x 2
## x y
## <int> <chr>
## 3 3 c
S
## # A tibble: 2 x 2
## u v
## <chr> <lql>
## 1 A TRUE
## 2 B FALSE
tidyr::crossing(R, S) # tidyr ist auch Teil des Tidyverse
## # A tibble: 6 x 4
## x y u
## <int> <chr> <chr> <chr> <lql>
## 1 1 a A TRUE
## 2 1 a B FALSE
## 6 3 c B FALSE
```