```
MF Blatt 6
                               Journa Ryles, Acidnit Miftari
   Jei f: H > 6 Modelform bezt stz (2) von Gewilt k
      dune Not in H
  32 3 de N, ce C sodais f = c. Ad
 Bew f muss Volent formel gengen.
ordfizizo für z e H
             => K = ord(f, 00)
        ⇒ 3 deN: k= d.12
         => f & Ad. 12
      und es silt: De Md.12
  Def g:= f
      2 hat being Not in H and
         da f gleiche Ordnung in 7=00 wie & hat
         g kinn Pol in as
       => g∈40 => g=c
```

=> f = c. 0q

b) 22: YeeH 3 fe Maz mit fa)=0, f\$0 Bew \(\triangle : # > 0 ist garse Modulform von Gewicht 12 $\underline{Def} \quad g := \Delta \quad (2) - \Delta(a) \qquad \text{mit} \quad a \in H$ Es gilt ge Maz, da De Maz ord (g, a) =1 und wegen der Valent formel gilt and (g, z) = 0 mit z = 9 a za: YheVk gilt h= fg mit g & Mk, f & Mk Bew Nach Struktur sate wissen wir VK = a(i) . Euk wobei $C(j) = \{\frac{P(j)}{Q(j)} \mid P, Q \text{ Polynomed} \text{ and } j(z) = \frac{Eu^{2}(z)}{\Delta(z)}$ Fit h silt also. $h = \frac{\hat{r}(j)}{\hat{a}(j)} \cdot \frac{E_{h}^{k}}{E_{h}^{k}}$ sei n:= max (des p, deg Q) ⇒

Sei $n:=\max_{X} (\deg \tilde{f}, \deg \tilde{Q}) \Rightarrow \frac{\tilde{f}(j) \cdot \Delta^h}{\tilde{Q}(j)} \int_{A}^{M} holom.$ The $\frac{\tilde{f}(j) \cdot \Delta^h}{\tilde{Q}(j)} \cdot \frac{\tilde{f}(j)}{\tilde{g}(j)} = \frac{\tilde{f}(j) \cdot \Delta^h}{\tilde{Q}(j)} = \frac{\tilde{f}(j$

ALL
$$\Delta \in S_{12}$$
 mit $\Delta(z) = \sum_{n=1}^{\infty} \tau(n) q^n$

Let $\forall n \in \mathbb{N}$: $\tau(n) = 0$ & $\rho_{n_1,n_1} = 0$ & $g_n(n_1,n_2) = 0$

bew:
$$\langle \Delta , \rho_{n_1 n_2} \rangle = d_n(\Delta) \qquad , \quad \dim(S_{42}) = A , \quad S_{42} = \langle \rho_{n_1 n_2} \rangle$$

$$\cdot \rho_{n_1 n_2} \in S_{42} \Rightarrow^{A_2} \rho_{n_1 n_2} = C_n \cdot \Delta$$

$$\forall n \in \mathbb{N}$$

•
$$0 = T(n) = C \ln(\Delta) = \langle \Delta, P_{n/12} \rangle = \langle \Delta, C_n \Delta \rangle = C_n \cdot \langle \Delta, \Delta \rangle$$

=) $C_n = 0 \Rightarrow P_{n/12} = 0$

2)
$$g_n(n_1 n_2) = a_n(P_{n_1 n_2})$$
 da g_n Fourier keeff. von $P_{n_1 n_2}$ und $P_{n_1 n_2} \in S_{12}$

Aintguse 3) Angenomes (Prin / Prin / 1)+ Ken Ersengendensysten von Sp. Analy some in Korollar 3,17 gallusstoryang har, dass eine spitzentom g(z) = 2 an(9) qm & Sh (10) existreren mus put (9/Pn/h) 20 4/5/15d. =) an (9) =0 \tag{2 = 0 \tag{3} =0 \tag{4} \tag{5} \tag{6}. Es git demach ord(g, os) =d+1= din Sn+1= din Mn. tall unterscheidung: ドキ2 nod72: ord(g,00) > din ハト= 121+1> 元. For g \$0 gitt are later storely din. ord (g, as) = in y K = 2 mod 12: Fall unterstrainly: ord $(g, \infty) = din n_n = 0$ ord $(g, \infty) = \lfloor \frac{h-2}{n_1} \rfloor = \frac{h-2}{n_2}$ 9 to volume ord (9,0) + 3 ord (9,1) + 2 ord (9,1) + 2 ord (9,2) = 12 =) $\frac{1}{3}$ ord (9,1) + $\frac{1}{2}$ ord (9,1) + $\frac{1}{2}$ ord (9,1) = $\frac{1}{12}$ - $(\frac{1}{12})$ = $\frac{1}{6}$ Das ist unright du g Lorenorph und dam ordly 20 42 ist. ord (g, Q) > dm (n -) ord (g/00) 2 [1/2] +1 > 1/2 Alle Forme fither zum widerspruch =) Annahre ist fallst