Laboratorio # 1

Juan Diego Sique Martínez

Julio 2018

1. Búsqueda lineal

Input: arreglo «array» y caracter a buscar «operador»

```
busqueda(arrray, operador) {
   posicion = null
   for(i = 1, i = len(array), i++) {
      if(array[i] = operador) {
        posicion = i
        break
      }
   }
   return posicion
}
```

La Invariante de ciclo consiste en que el valor de la variable ${\bf i}$ nos indica la posición o lugar en el arreglo donde no se encuentra nuestro caracter deseado, y al momento de encontrarla rompe el ciclo retornándonos dicho valor ${\bf i}$.

2. Multiplicación de matrices

Input: matriz A y matriz B Output: matriz C

```
Complejidad
                 Instrucción de código
                  For i from 1 to n:
      \mathbf{n}
    n \times p
                     For j from 1 to p:
    n \times p
                       Let sum = 0
                       For k from 1 to m:
    n \times p
                          Set sum \leftarrow sum + A[i][k] * B[k][j]
 n\,\times\,p\,\times\,m
    n \times p
                       Set C[i][j] <- sum</pre>
       1
                  return C
```

Como pudimos apreciar el tiempo de $O(n \times p \times m)$ ya que se recorren tres ciclos que corresponden a las dos dimensiones de las matrices y la tercera a una suma acumulativa para poder obtener el resultado de la multiplicación. Si

las tres matrices poseen el mismo número de elementos podríamos decir que la multiplicación consecutiva de n por sí misma tres veces da como resultado $O(n^3)$.

3. Ordenación por «Bubble-sort»

Algorithm 1 Bubble sort algorithm

```
S is an array of integer for i in 1: length(S) - 1) do for j in (i + 1): length(S) do if S[i] > S[j] then swap S[i] and S[j] end if end for end for
```

3.1. ¿Cuál es el «worst-case running time» de este algoritmo?

Es apreciable el ciclo anidado donde el primer for y sus instrucciones incluidas se ejecutan al menos n-1 veces. La complejidad del algoritmo crece cuando el segundo for se ejecuta también n-1 veces resultando $(n-1)^2$. Por lo tanto en el peor de los casos tendrá una complejidad del tipo $O(n^2)$.

3.2. ¿Cómo se compara a el «running time» de «insertion sort»?

Se compara en la presencia de un ciclo anidado que al ejecutarse n-1 de manera consecutiva producen una complejidad de tipo $O(n^2)$.