

RELATÓRIO TÉCNICO

Análise Comparativa de Desempenho de Estruturas de Dados em Java

Aluno: João Vitor Façanha Neves

RA: 1-23-14887

Disciplina: Estrutura de Dados

Professor: Flávio Motta

Data de Entrega: 05/12/2025

SUMÁRIO

| | |
|--|----|
| 1. INTRODUÇÃO..... | 1 |
| 2. METODOLOGIA..... | 2 |
| 2.1 Implementação..... | 2 |
| 2.2 Geração de Dados..... | 2 |
| 2.3 Medição de Tempo..... | 2 |
| 2.4 Operações Testadas..... | 3 |
| 3. RESULTADOS..... | 4 |
| 3.1 Tempos de Inserção..... | 4 |
| 3.2 Tempos de Ordenação..... | 5 |
| 3.3 Análise de Busca..... | 6 |
| 4. ANÁLISE DOS RESULTADOS..... | 7 |
| 4.1 Comparação entre Estruturas..... | 7 |
| 4.2 Análise Detalhada por Tamanho..... | 8 |
| 4.3 Relação Teoria-Prática..... | 9 |
| 5. CONCLUSÕES..... | 10 |
| 5.1 Principais Descobertas..... | 10 |
| 5.2 Aprendizados Relevantes..... | 11 |
| 5.3 Recomendações Práticas..... | 12 |

=====

=====

1. INTRODUÇÃO

Este trabalho apresenta uma análise experimental comparativa do desempenho de três estruturas de dados fundamentais em Ciência da Computação: vetores (arrays), árvores binárias de busca (ABB) e árvores AVL. O objetivo principal foi verificar na prática a correspondência entre a complexidade teórica, expressa em notação Big O, e o desempenho real dessas estruturas em operações básicas de inserção e busca.

A motivação para este estudo reside na importância de selecionar estruturas de dados apropriadas para diferentes cenários de aplicação. Embora a teoria forneça previsões sobre o comportamento assintótico, apenas testes empíricos podem confirmar essas previsões em ambientes reais e quantificar as diferenças de desempenho.

O trabalho seguiu rigorosamente uma metodologia experimental que incluiu a implementação completa das estruturas, geração sistemática de dados em diferentes ordens, e medição precisa dos tempos de execução para múltiplas operações.

2. METODOLOGIA

2.1 Implementação

Todas as estruturas foram implementadas do zero em linguagem Java, sem utilização de bibliotecas externas ou classes prontas da API Collections. As implementações incluíram:

- Vetor: Implementação com redimensionamento dinâmico, contendo métodos para inserção ($O(1)$ amortizado), busca sequencial ($O(n)$) e busca binária ($O(\log n)$).
- Árvore Binária de Busca (ABB): Implementação recursiva com inserção e busca seguindo as propriedades de BST.
- Árvore AVL: Implementação completa com balanceamento automático através das quatro rotações (simples à direita, simples à esquerda, dupla direita-esquerda, dupla esquerda-direita).

- Algoritmos de Ordenação: Bubble Sort ($O(n^2)$) e Quick Sort ($O(n \log n)$) implementados como classes separadas.

2.2 Geração de Dados

Foram utilizados três tamanhos de conjuntos de dados para verificar a escalabilidade:

- 100 elementos
- 1.000 elementos
- 10.000 elementos

Para cada tamanho, três ordens de inserção distintas foram testadas:

1. Ordenada crescente (1, 2, 3, ..., n)
2. Ordenada decrescente (n, n-1, n-2, ..., 1)
3. Aleatória (valores gerados pseudoaleatoriamente no intervalo [1, 10n])

2.3 Medição de Tempo

Para garantir confiabilidade estatística:

- Cada operação foi executada 5 vezes consecutivas
- O tempo médio foi calculado eliminando possíveis outliers
- Utilizou-se `System.nanoTime()` para precisão nanossegundo
- Implementou-se uma classe `Cronometro` para padronização

Todas as medições foram realizadas no mesmo computador, com sistema operacional Windows 10, processador Intel Core i5 de 8ª geração e 8GB de RAM, sem outros processos pesados em execução.

2.4 Operações Testadas

As seguintes operações foram submetidas a testes de desempenho:

1. Inserção: Tempo total para inserir todos os elementos do conjunto em cada estrutura.

2. Busca: Tempo para localizar sete elementos específicos em cada estrutura:

- a) Primeiro elemento inserido
- b) Último elemento inserido
- c) Elemento na posição central
- d) Três elementos selecionados aleatoriamente
- e) Um elemento garantidamente inexistente

3. Ordenação: Aplicação dos algoritmos Bubble Sort e Quick Sort nos vetores previamente populados.

3. RESULTADOS

3.1 Tempos de Inserção

Os tempos médios de inserção para todas as combinações de tamanho e ordem encontram-se na Tabela 1.

TABELA 1 - Tempos médios de inserção (milissegundos)

| +-----+-----+-----+-----+-----+ | | | | | | |
|---------------------------------|-----------|-------|----------------|------------|--|--|
| Tamanho | Ordem | Vetor | Árvore Binária | Árvore AVL | | |
| +-----+-----+-----+-----+-----+ | | | | | | |
| 100 | Ordenada | 0,169 | 0,639 | 0,558 | | |
| | Inversa | 0,006 | 0,102 | 0,044 | | |
| | Aleatória | 0,012 | 0,022 | 0,034 | | |
| +-----+-----+-----+-----+-----+ | | | | | | |
| 1.000 | Ordenada | 0,054 | 2,629 | 0,248 | | |
| | Inversa | 0,050 | 2,004 | 0,108 | | |
| | Aleatória | 0,035 | 0,090 | 0,140 | | |
| +-----+-----+-----+-----+-----+ | | | | | | |
| 10.000 | Ordenada | 0,337 | 137,362 | 0,959 | | |
| | Inversa | 0,170 | 210,727 | 0,839 | | |

| | | | | | |
|---------------------------------|-----------|-------|-------|-------|--|
| | Aleatória | 0,117 | 0,918 | 1,295 | |
| +-----+-----+-----+-----+-----+ | | | | | |

3.2 Tempos de Ordenação

Os resultados da ordenação de vetores são apresentados na Tabela 2.

TABELA 2 - Tempos médios de ordenação (milissegundos)

| | | | | | |
|---------------------------|---------------|-------------|------------|--|--|
| +-----+-----+-----+-----+ | | | | | |
| Tamanho | Ordem Inicial | Bubble Sort | Quick Sort | | |
| +-----+-----+-----+-----+ | | | | | |
| 100 | Ordenada | 0,121 | 0,115 | | |
| | Inversa | 0,243 | 0,030 | | |
| | Aleatória | 0,196 | 0,006 | | |
| +-----+-----+-----+-----+ | | | | | |
| 1.000 | Ordenada | 1,622 | 0,649 | | |
| | Inversa | 1,043 | 0,500 | | |
| | Aleatória | 0,713 | 0,045 | | |
| +-----+-----+-----+-----+ | | | | | |
| 10.000 | Ordenada | 23,674 | 50,963 | | |
| | Inversa | 73,823 | 49,179 | | |
| | Aleatória | 95,854 | 0,545 | | |
| +-----+-----+-----+-----+ | | | | | |

3.3 Análise de Busca

Os tempos de busca mostraram padrões consistentes com as expectativas teóricas:

- Vetor: A busca sequencial apresentou tempo proporcional à posição do elemento, confirmando $O(n)$.

- **Árvore Binária:** Os tempos variaram significativamente conforme o balanceamento da árvore. Para dados ordenados, a busca aproximou-se de $O(n)$, enquanto para dados aleatórios apresentou comportamento $O(\log n)$.
- **Árvore AVL:** Todos os tempos de busca mantiveram-se consistentes, independentemente do elemento procurado, confirmando a garantia de $O(\log n)$.

4. ANÁLISE DOS RESULTADOS

4.1 Comparação entre Estruturas

A Tabela 3 resume o comportamento observado para cada estrutura.

TABELA 3 - Análise comparativa do desempenho

| Aspecto | Vetor | Árvore Binária | Árvore AVL |
|--------------------|-------------------|--------------------------|-------------------------|
| Inserção Ordenada | Constante (0,3ms) | Catastrófica (137ms) | Eficiente (1,0ms) |
| Inserção Aleatória | Constante (0,1ms) | Boa (0,9ms) | Boa (1,3ms) |
| Impacto da Ordem | Nenhum | Crítico (150× diferença) | Mínimo |
| Complexidade Busca | Linear $O(n)$ | $O(\log n)$ a $O(n)$ | Logarítmico $O(\log n)$ |
| Caso de Uso Ideal | Muitas inserções | Dados sempre aleatórios | Performance garantida |

4.2 Análise Detalhada por Tamanho

4.2.1 Degradação da Árvore Binária

A degradação da ABB com dados ordenados mostrou-se exponencial:

- Para $n=100$: Diferença de 29× entre ordenado (0,639ms) e aleatório (0,022ms)
- Para $n=1.000$: Diferença de 29× entre ordenado (2,629ms) e aleatório (0,090ms)

- Para $n=10.000$: Diferença de $150\times$ entre ordenado (137ms) e aleatório (0,918ms)

Interessantemente, os dados inversamente ordenados produziram degradação ainda pior que os ordenados (210ms vs 137ms para $n=10.000$).

4.2.2 Eficiência da Árvore AVL

A AVL demonstrou:

- Performance consistente em todas as ordens de inserção
- Overhead mínimo sobre a ABB para dados aleatórios (apenas $\sim 0,3\text{ms}$)
- Garantia prática de $O(\log n)$ independente da entrada

4.2.3 Comparação Bubble Sort vs Quick Sort

A Tabela 4 apresenta a análise comparativa dos algoritmos de ordenação.

TABELA 4 - Análise comparativa dos algoritmos de ordenação

| Métrica | Bubble Sort | Quick Sort | Vantagem Quick Sort |
|--|-------------|---------------|------------------------|
| $n=10.000$ (aleatório) | 95,854ms | 0,545ms | 176× mais rápido |
| Crescimento $n=1.000 \rightarrow 10.000$ | 134× | 12× | Crescimento controlado |
| Complexidade melhor caso | $O(n)$ | $O(n \log n)$ | Bubble teoricamente |
| Complexidade pior caso | $O(n^2)$ | $O(n^2)$ | equivalente |
| Estabilidade | Estável | Instável | Bubble mantém ordem |

4.3 Relação Teoria-Prática

Os resultados experimentais confirmam plenamente as previsões teóricas:

1. Vetor: Confirma $O(1)$ amortizado para inserção
2. ABB com dados ordenados: Confirma $O(n)$ - degeneração para lista
3. AVL: Confirma $O(\log n)$ - comportamento logarítmico
4. Bubble Sort: Confirma $O(n^2)$ - crescimento quadrático evidente
5. Quick Sort: Confirma $O(n \log n)$ - crescimento quase linear

O caso interessante foi o pior caso do Quick Sort com dados ordenados (50ms), que se aproximou do comportamento quadrático, enquanto para dados aleatórios manteve excelente performance (0,5ms).

5. CONCLUSÕES

5.1 Principais Descobertas

1. Degradação Catastrófica da ABB: A árvore binária demonstrou degradação de 229× entre o pior caso (dados inversos) e o caso médio (dados aleatórios) para $n=10.000$.
2. Eficácia do Balanceamento AVL: O overhead das rotações AVL (apenas ~0,3ms) provou ser excelente investimento, garantindo performance consistente independente da ordem de inserção.
3. Superioridade do Quick Sort: Para dados aleatórios, Quick Sort foi 176× mais rápido que Bubble Sort em $n=10.000$, confirmando a importância de algoritmos $O(n \log n)$ para grandes conjuntos.
4. Vetor como Especialista em Inserção: A estrutura mais simples apresentou o melhor desempenho em inserção, confirmando $O(1)$ amortizado.

5.2 Aprendizados Relevantes

- A notação Big O não é apenas teórica - tem implicações práticas mensuráveis
- A escolha da estrutura de dados deve considerar a distribuição real dos dados
- O custo do balanceamento (AVL) é justificado na maioria dos cenários reais
- Algoritmos $O(n^2)$ tornam-se rapidamente inviáveis com o crescimento de n

5.3 Recomendações Práticas

| Cenário de Aplicação | Estrutura/Algoritmo Recomendado | Justificativa Técnica |
|----------------------------------|---------------------------------|--|
| ----- ----- ----- | | |
| Muitas inserções, poucas buscas | Vetor | $O(1)$ para inserção, simplicidade |
| Dados que chegam ordenados | Árvore AVL | Evita degradação $O(n)$ da ABB |
| Sistema com buscas frequentes | Árvore AVL | $O(\log n)$ garantido para todas as buscas |
| Ordenação geral de dados | Quick Sort | $O(n \log n)$ eficiente na maioria dos casos |
| Conjuntos pequenos ($n < 100$) | Bubble Sort | Simplicidade de implementação |
| Dados sensíveis à ordem relativa | Bubble Sort | Estabilidade do algoritmo |

6. Disponibilidade

Disponível em repositório Git: <https://github.com/Jotinha14/Trabalho-de-Estrutura-de-Dados>

Estrutura do projeto:

Trabalho De Estrutura de Dados/

- └─ src/vetor/Vetor.java
- └─ src/vetor/BubbleSort.java
- └─ src/vetor/QuickSort.java
- └─ src/arvores/ArvoreBinaria.java
- └─ src/arvores/ArvoreAVL.java
- └─ src/arvores/No.java
- └─ src/utils/GeradorDados.java
- └─ src/testes/AnaliseDesempenho.java

Instruções de execução:

1. javac -d . src/vetor/*.java src/arvores/*.java src/utis/*.java src/testes/*.java

2. java testes.AnaliseDesempenho

Tabelas:

Inserção

| Tamanho | Ordem | Vetor (ms) | ABB (ms) | AVL (ms) |
|---------|-----------|---------------|-------------|-------------|
| 100 | ORDENADA | 0,519 | 0,973 | 0,696 |
| 100 | INVERSA | 0,008 | 0,193 | 0,063 |
| 100 | ALEATORIA | 0,014 | 0,109 | 0,053 |
| 1000 | ORDENADA | 0,113 | 3,825 | 0,202 |
| 1000 | INVERSA | 0,063 | 5,322 | 0,187 |
| 1000 | ALEATORIA | 0,18 | 0,262 | 0,796 |
| 10000 | ORDENADA | 0,53 | 174,869 | 1,238 |
| 10000 | INVERSA | 0,144 | 272,658 | 1,119 |
| 10000 | ALEATORIA | 0,144 | 1,765 | 1,877 |

Ordenação

| Tamanho | Ordem | Bubble (ms) | Quick (ms) |
|---------|-----------|----------------|---------------|
| 100 | ORDENADA | 0,187 | 0,203 |
| 100 | INVERSA | 0,564 | 0,067 |
| 100 | ALEATORIA | 1,055 | 0,008 |
| 1000 | ORDENADA | 3,507 | 1,64 |
| 1000 | INVERSA | 1,292 | 1,359 |
| 1000 | ALEATORIA | 1,072 | 0,069 |
| 10000 | ORDENADA | 32,066 | 65,048 |
| 10000 | INVERSA | 94,352 | 79,804 |
| 10000 | ALEATORIA | 118,596 | 0,864 |

Conclusões:

Vetor é extremamente rápido para inserção em listas pequenas, mas piora em dados desordenados e grandes.

ABB tem performance ruim para entrada ordenada/inversa (degenera).

AVL mantém ótimo desempenho estável porque é balanceada.

Bubble Sort explode em entradas grandes.

QuickSort é extremamente mais eficiente na maioria dos casos.