Algebra Lineal Editorial McGraw Hill

- Determinantes

Determinante de orden 3 · Determinante de orden n en términos del Menor y Cofactor Propiedades de los determinantes · Determinante de un producto de matrices Regla de Cramer 1910) 1900 Solocion formal y so interpretación geometricas 1: Sistemas de Ecoaciones Lineales Una gran parte de la teoria de álgebra lineal elemental es una genéralización de las propiedades de la linea recta. Algunas propiedades sobre las lineas rectas son: La pendiente m de una reeta que pasa por los pontos (x, y,) y (x2, y2) está dada por: $m = y_2 - y_1 = \Delta y$ si $x_1 \neq x_2$ lossistom of x2 Tx1 = Ax lossotsav otsubara 13 Si x1-x120 y y17 y1, entonces la restates vertical y se dice que la pendiente es indefinida · Cualquier recta Cexcepto aquellas con pendiente Indefinida) se puede describle con sur ecuación en la forme pendiente - ordenado al origen y= mx + b, donde m es la gendiente de la recta y b es la ordenada al origen (el valor de y en el punto en el que la recta cruza el eje y) · Dos rectas distintas son paralelas si y sólo si tienen la misma pendiente · Si la ecuación de la recto se escribe en la forms ax + by = c, (b #0), entonces se poede enterles facilmente la pendiente m, como m= -a

0

-

-

-

-

-

-

-

6

0)

-

-

•

2

-

-

M.

-

444

pendiente de la recta L2, m. = 0 y L1 y L2 son
perpendiculares, entonces m2 = -1

Las rectas paralelas al eje y tienen pendiente cero
Las rectas paralelas al eje y tienen pendiente indefinida

1.1: Dos ecuquiones lineales con dos incognitas Considere el siguiente sistemai

 $a_{11}x + a_{12}y = b_1$ $a_{21}x + a_{22}y = b_2$

donde an, an, an, an, an, bry be son nómeros dodos. Cada una de estas ecuaciones corresponde a una línea recto. Cualquier par de nómeros reales (x, y) que satisfago el sistema se le llama solución.

Propiedad A: Si a=b y c=d, en tonces a+c=b+d Propiedad B: Si a=b y c es cualquier número veal, entonces ca=cb

Ejemplo: Considere el d'sistema;

3x - 2y = 4 5x + 2y = 12 4x + 2y = 12

Si se soman las dos ecuaciones, por la propiedad A, se tiene 8x=16, es decir, x=2, y si se despeja la segunda ecuación, se llega a y=1, así, el par (2,1) satisface el sistema y la forma demoestra que tiene solución única

Ejemplo: Considere et sistemer: persiente de la resta les Fres pt-Ox y els et es sons Se observa que estas ecuaciones son equíverentes, pues, si se moltiplica por 2 la primera eivación, se obtiene la segunda, esto es posíble por la propiedad B. Asi x-y=7 es igual a y=x-7 y el par (x, x-7) es solución al sistema para cualquier número real x y se dice que el sistema tiene un número infinito de soluciones de y aip + xip Ejemplo: Considere el sistema 2x-2y=13to 10 000 0000 .20000 Si se multiplica la primera ecuación por 2, por la propiedad B, se obtiene 2x-24=14 que contradice a la segunda ecvación, por lo tanto, el sistema no tiene soloción, a éstos se les llama + inconststentes of as passing of the belonger Tropied Bisi a = b y 20 es aud quier nomero veat Teorema de resument El sistema: es sos essertes anx + a12 y = b1 a21 x + : 922 y = 62 de des ecuaciones con des incégnitas x, y no tiene salución, tiene una solución rénica o tiene un nûmero infinito de soluciones 1 se tioneles 8x = 16 ces decis = x = 2 my si se Ejercicio Encuentre el punto de intersección (si hay uno) de las dos reetas forms demonstra que tiene solveion unico

-

0

2

0

0

stantaxit 2 you lo lossed among about inpia of 3x-5y=1 Por propiedad B: -3x+ Por propiedad A: y 4 4. Sustituyendo en la ecuaçión 2: $\frac{3 \times -5(4)}{3 \times -20} = 1$ 201 ini 7 31x = 21 noloulos ni2 noisul >= 0010010x = 7 Por la tanto, el par (7,4) es la única solución icecicio: Dado el sistema Ejerciclo: Enccentre el punto de intersección (si hay una) de las dos rectas soles up est = 4x (+ 2p= -lo up - up no openque nos senos 4x - 2y = lasteis le ne seles seles De Multiplicanda part it sla recuación Zinosul selesas 4x-2y=1 => ecvación 2 Por la tanta, son ecuaciones equivalentes Despejando y: y= 4x-1 = 2x-= Asi, se hallo que cualquier pareja (x, 2x - 1) ès solución, por lo que el sistiemo tiene infinitas soluciones Exercision En un zoológico hay aves (de des patos) Ejercicio Eneventre el punto de intersección (si hay una) de salas est des s rectas 000 y sasadas 00 maitros -4x +27 = 19 10 100 mould soit and x 4x - 1y = 1 Multiplicando por -1 la ecuación 1: Contradice a la ecuación 2, por lo que el sistema es inconsistente

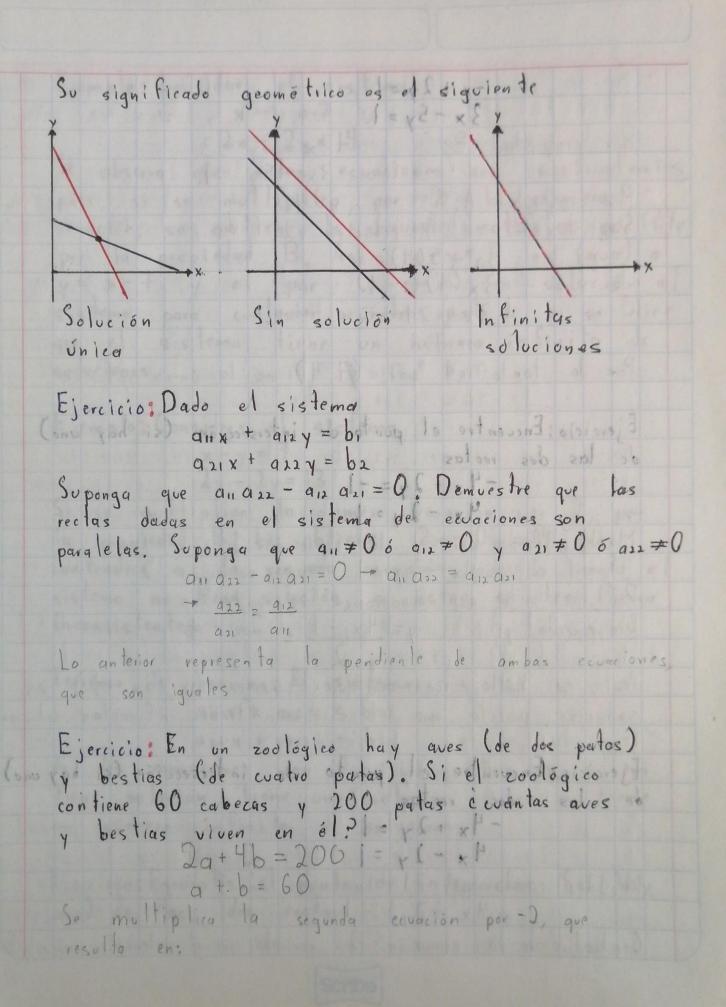
-

-

-

.

-



		46=200			
C	729-	26=-120			
76	soman las eco	21 On			
		2b=80			
()		6=40		1	
Just	tuyendo en la		Lougina		
		6=60			
		40 = 60			
	a =	20	1. (
Los	pares (a, b)	= (10, 70)	sotistad	n el sistem	9
May	20 aves y	10 bestias			
19				1.	-
1. 2	m ecuaciones	con n inc	ogni Tas:	eliminación	de
(701)					
P	s - Jordan y	gaussiana			
Cons	idere:				
Cons	idere: 2 x1 +	4 x2 + 6 x3	= 18		
Cons	idere: 2 x, + 4 x, +	$4_{x_2} + 6_{x_3} = 5_{x_2} + 6_{x_3} =$	= 18 24		
Cons	1 dere: 2 x, + 4 x, + 3 x, + ,	4 x2 + 6 x3	= 18 24		
Cons	idere: 2 x, + 4 x, +	$4_{x_2} + 6_{x_3} = 5_{x_2} + 6_{x_3} =$	= 18 24		
Cons	1 dere: 2 x, + 4 x, + 3 x, + ,	$4_{x_2} + 6_{x_3} = 5_{x_2} + 6_{x_3} =$	= 18 24		
Cons	1 dere: 2 x, + 4 x, + 3 x, + ,	$4_{x_2} + 6_{x_3} = 5_{x_2} + 6_{x_3} =$	= 18 24		
Cons	1 dere: 2 x, + 4 x, + 3 x, + ,	$4_{x_2} + 6_{x_3} = 5_{x_2} + 6_{x_3} =$	= 18 24		
Cons	1 dere: 2 x, + 4 x, + 3 x, + ,	$4_{x_2} + 6_{x_3} = 5_{x_2} + 6_{x_3} =$	= 18 24		
Cons	1 dere: 2 x, + 4 x, + 3 x, + ,	$4_{x_2} + 6_{x_3} = 5_{x_2} + 6_{x_3} =$	= 18 24		
Cons	1 dere: 2 x, + 4 x, + 3 x, + ,	$4_{x_2} + 6_{x_3} = 5_{x_2} + 6_{x_3} =$	= 18 24		
Cons	1 dere: 2 x, + 4 x, + 3 x, + ,	$4_{x_2} + 6_{x_3} = 5_{x_2} + 6_{x_3} =$	= 18 24		
Cons	1 dere: 2 x, + 4 x, + 3 x, + ,	$4_{x_2} + 6_{x_3} = 5_{x_2} + 6_{x_3} =$	= 18 24		
Cons	1 dere: 2 x, + 4 x, + 3 x, + ,	$4_{x_2} + 6_{x_3} = 5_{x_2} + 6_{x_3} =$	= 18 24		
Cons	1 dere: 2 x, + 4 x, + 3 x, + ,	$4_{x_2} + 6_{x_3} = 5_{x_2} + 6_{x_3} =$	= 18 24		