АЛГОРИТМИ И СТРУКТУРЕ ПОДАТАКА 2

Рок за израду: 23.10.2023.

2023-2024

- први домаћи задатак -

Опште напомене:

- 1. Домаћи задатак 1 састоји се од два програмска проблема. Студенти проблеме решавају **самостално**, на програмском језику С или С++.
- 2. Пре одбране, сви студенти раде тест знања који се ради на рачунару коришћењем система *Moodle* (http://elearning.rcub.bg.ac.rs/moodle/). Сви студенти треба да креирају налог и пријаве се на курс пре почетка лабораторијских вежби. Пријава на курс ће бити прихваћена и важећа само уколико се студент региструје путем свог налога електронске поште на серверу mail.student.etf.bg.ac.rs.
- 3. Реализовани програми треба да комуницирају са корисником путем једноставног менија који приказује реализоване операције и омогућава сукцесивну примену операција у произвољном редоследу.
- 4. Унос података треба омогућити путем читања са стандардног улаза.
- 5. Решења треба да буду отпорна на грешке и треба да кориснику пруже јасно обавештење у случају детекције грешке.
- 6. Приликом оцењивања, биће узето у обзир рационално коришћење ресурса. Примена рекурзије се неће признати као успешно решење проблема које може освојити максималан број поена.
- 7. За све недовољно јасне захтеве у задатку, студенти треба да усвоје разумну претпоставку у вези реализације програма. Приликом одбране, демонстраторе треба обавестити која претпоставка је усвојена (или које претпоставке су усвојене) и која су ограничења програма (на пример, максимална димензија матрице и слично). Неоправдано увођење ограничавајуће претпоставке повлачи негативне поене.
- 8. Одбрана првог домаћег задатка ће се обавити према распореду који ће накнадно бити објављен на сајту предмета.
- 9. За решавање задатака који имају више комбинација користити следеће формуле. (**R** редни број индекса, **G** последње две цифре године уписа):

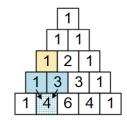
$$i = (R + G) \bmod 3$$
$$j = (R + G) \bmod 4$$

- 10. Имена датотека која се предају морају бити asp2dz1p1.c(pp) и asp2dz1p2.c(pp)
- 11. Предаја домаћих ће бити омогућена преко *Moodle* система. Детаљније информације ће бити благовремено објављене.
- 12. Предметни наставници задржавају право да изврше проверу сличности предатих домаћих задатака и коригују освојени број поена након одбране домаћих задатака, као и да пријаве теже случајеве повреде Правилника о дисциплинској одговорности студената Универзитета у Београду Дисциплинској комисији Факултета.

 $Ca \ \bar{u}$ редме \bar{u} а $Ca \ \bar{u}$ редме \bar{u} а

Задатак 1 – претрага линеарних структура података [45 поена]

Написати програм за поређење перформанси различитих техника претраге задатог реда Лозанићевог троугла (https://en.wikipedia.org/wiki/Lozani%C4%87%27s_triangle). Лозанићев троугао се формира слично Паскаловом троуглу (https://en.wikipedia.org/wiki/Pascal%27s_triangle). Паскалов троугао је бесконачан низ природних бројева у облику троугаоне шеме, где сваки број у једном реду представља збир два броја изнад њега, а крајњи бројеви шеме су увек јединице.

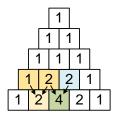


Слика 1. Паскалов троугао реда 4

На слици 1 је приказан Паскалов троугао, закључно са четвртим редом (бројање креће од нуле). За израчунавање k-тог елемента у реду n може се применити формула:

$$\binom{n}{k} = \frac{n!}{k! (n-k)!}$$

Лозанићев троугао такође по ивицама има јединице и већина бројева се формира као у Паскаловом, уз изузетак бројева на непарним позицијама у парним редовима (бројање креће од 0) — сваки број на непарној позицији p у парном реду r се рачуна тако што се од суме два броја изнад (као у Паскаловом) одузме број који се налази у $\left(\frac{r}{2}-1\right)$ -ом реду на позицији $\frac{p-1}{2}$ из Паскаловог троугла.



Слика 2. Лозанићев троугао реда 4

На слици 2 је приказан Лозанићев троугао, закључно са четвртим редом. На слици 1 је означен број Паскаловог троугла који утиче на формирање одговарајућег означеног броја на слици 2 (позиција 1 у реду 4).

Ако је T(n, k) број Лозанићевог троугла у реду n на позицији k, он се рачуна као

$$T(n,k) = \begin{cases} T(n-1,k-1) + T(n-1,k) - \left(\frac{n}{2} - 1 \atop \frac{k-1}{2}\right) \text{, за } n \bmod 2 = 0 \text{ и } k \bmod 2 = 1 \\ T(n-1,k-1) + T(n-1,k), \text{ иначе} \end{cases}$$

тј.
$$T(n,k) = \frac{1}{2} \left[\binom{n}{k} + \binom{n \bmod 2}{k \bmod 2} \binom{\left\lfloor \frac{n}{2} \right\rfloor}{\left\lfloor \frac{k}{2} \right\rfloor} \right] (\underline{\text{https://oeis.org/wiki/Lozani%C4%87%27s_triangle}}).$$

Критеријум за поређење перформанси је просечан број приступа приликом успешне претраге. На пример, претрага четвртог реда за кључ 2 ће бити успешна, док ће претрага истог реда за кључ 3 бити неуспешна.

У зависности од редног броја проблема i који се решава, реализовати следеће технике претраживања [20 поена]:

- 0. Бинарно и интерполационо претраживање
- 1. Тернарно и интерполационо претраживање
- 2. Бинарно и тернарно претраживање

Демонстрацију рада програма остварити кроз једноставан интерактивни мени који ће омогућити комуникацију са корисником. Кориснику треба омогућити следеће операције:

- [10 поена] Унос редног броја реда Лозанићевог троугла за претраживање и генерисање секвенце кључева за претраживање.
- [10 поена] Покретање и испис корака симулације, тј. претраге.
- [5 поена] Испис резултата и поређење перформанси на стандардном излазу.

Поступак се понавља све док корисник у менију не изабере опцију за прекид програма.